

matriz de código, ¿por qué debe multiplicarse por la derecha? ¿Por qué al multiplicar por la inversa se decodifica el mensaje (es decir, se deshace el encriptado)?

- b) Usted ha recibido el siguiente mensaje que fue encriptado usando la matriz dada  $A$ . Decodifíquelo (suponga que  $A = 1$ ,  $B = 2$ , y así sucesivamente, y espacio = 27).

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 & 4 & 5 \\ -2 & -5 & 8 & -8 & -9 \\ 1 & 2 & -2 & 7 & 9 \\ 1 & 1 & 0 & 6 & 12 \\ 2 & 4 & -6 & 8 & 11 \end{pmatrix}$$

**Mensaje.** 47, 49, -19, 257, 487, 10, -9, 63, 137, 236, 79, 142, -184, 372, 536, 59, 70, -40, 332, 588

[**Sugerencia:** El primer renglón de la matriz que necesita construir es 47 49 -19 257 487. Ahora continúe con el segundo reglón.]

## 2.5 Transpuesta de una matriz

En correspondencia a toda matriz existe otra que, como se verá en el capítulo 3, tiene propiedades muy similares a las de la matriz original.

### Definición 2.5.1

#### Transpuesta

Sea  $A = (a_{ij})$  una matriz de  $m \times n$ . Entonces la **transpuesta** de  $A$ , que se escribe  $A^T$ , es la matriz de  $n \times m$  que se obtiene al intercambiar los renglones por las columnas de  $A$ . De manera breve, se puede escribir  $A^T = (a_{ji})$ . En otras palabras

$$\text{Si } A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix}, \text{ entonces } A^T = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{m1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{m2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix} \quad (2.5.1)$$

Simplemente se coloca el renglón  $i$  de  $A$  como la columna  $i$  de  $A^T$  y la columna  $j$  de  $A$  como el renglón  $j$  de  $A^T$ .

### EJEMPLO 2.5.1 Obtención de las transpuestas de tres matrices

Encuentre las transpuestas de las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 4 & 6 \end{pmatrix} \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -6 \\ 2 & -3 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \\ 2 & -1 & 5 \end{pmatrix}$$