

RESUMEN 3.3

- La matriz A de $n \times n$ es invertible si y sólo si $\det A \neq 0$.
- $\det AB = \det A \det B$.
- Si A es invertible, entonces $\det A \neq 0$ y

$$\det A^{-1} = \frac{1}{\det A}$$

- Sea A una matriz de $n \times n$. La **adjunta** o **adjugada** de A , denotada por $\text{adj } A$, es la matriz de $n \times n$ cuya componente ij es A_{ji} , el cofactor ji de A .
- Si $\det A \neq 0$, entonces A es invertible y

$$A^{-1} = \frac{1}{\det A} \text{adj } A$$

- **Teorema de resumen**

Sea A una matriz de $n \times n$. Entonces las siguientes siete afirmaciones son equivalentes:

- i) A es invertible.
- ii) La única solución al sistema homogéneo $A\mathbf{x} = \mathbf{0}$ es la solución trivial ($\mathbf{x} = \mathbf{0}$).
- iii) El sistema $A\mathbf{x} = \mathbf{b}$ tiene una solución única para cada vector de dimensión n \mathbf{b} .
- iv) A es equivalente por renglones a la matriz identidad de $n \times n$, I_n .
- v) A es el producto de matrices elementales.
- vi) La forma escalonada por renglones de A tiene n pivotes.
- vii) $\det A \neq 0$.

AUTOEVALUACIÓN 3.3

I) El determinante de $\begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 & 4 \\ 2 & 3 & 2 & 4 \\ 5 & 1 & 0 & -3 \\ -4 & 3 & 1 & 6 \end{pmatrix}$ es -149 . La componente 2, 3 de A^{-1} está dada por

a) $-\frac{1}{49} \begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 5 & 1 & -3 \\ -4 & 3 & 6 \end{vmatrix},$

b) $\frac{1}{49} \begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 5 & 1 & -3 \\ -4 & 3 & 6 \end{vmatrix},$

c) $-\frac{1}{49} \begin{vmatrix} 1 & -1 & 4 \\ 2 & 2 & 4 \\ -4 & 1 & 6 \end{vmatrix},$

d) $\frac{1}{49} \begin{vmatrix} 1 & -1 & 4 \\ 2 & 2 & 4 \\ -4 & 1 & 6 \end{vmatrix}$