PROBLEMAS 5.4

De los problemas 1 al 28 determine si el conjunto de vectores dado es linealmente dependiente o independiente.

1.
$$\begin{pmatrix} 3 \\ -5 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 9 \\ 15 \end{pmatrix}$

$$2. \binom{1}{2}, \binom{-1}{-3}$$

3.
$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 7 \end{pmatrix}$

4.
$$\begin{pmatrix} -6 \\ 1 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 12 \\ -2 \end{pmatrix}$

5.
$$\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 8 \end{pmatrix}$

6.
$$\begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix}$

7.
$$\binom{10}{3}$$
, $\binom{4}{9}$

8.
$$\binom{-10}{-6} \binom{10}{-6}, \binom{5}{9}$$

$$\mathbf{9.} \quad \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{10.} \quad \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

11.
$$\begin{pmatrix} -6 \\ -4 \\ 0 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} -5 \\ 8 \\ -6 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 3 \\ -32 \\ 18 \end{pmatrix}$

12.
$$\begin{pmatrix} 11 \\ -1 \\ -8 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} -5 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -5 \\ 3 \\ 5 \end{pmatrix}$

13.
$$\begin{pmatrix} -6 \\ -10 \\ -6 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 9 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 8 \end{pmatrix}$

14.
$$\begin{pmatrix} -1\\0\\11 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 7\\-20\\-29 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 1\\-5\\1 \end{pmatrix}$

15.
$$\begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$

16.
$$\begin{pmatrix} -6 \\ -9 \\ 5 \\ 9 \end{pmatrix}$$
, $\begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ 5 \\ -9 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -5 \\ -6 \\ 4 \\ 8 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -3 \\ 7 \\ 4 \\ -10 \end{pmatrix}$

17. En
$$\mathbb{P}_{7}$$
: $-8 - 8x$, $7 + 3x + 4x^{2}$, $5 - x + 6x^{2}$

18. En
$$\mathbb{P}_2$$
: $1 - x$, x

19. En
$$\mathbb{P}_2$$
: $-x$, $x^2 - 2x$, $3x + 5x^2$

20. En
$$\mathbb{P}_3$$
: $1 - x$, $7 + 3x + 4x^2$, $2x^3$

21. En
$$\mathbb{P}_2$$
: x , $x^2 - x$, $x^3 - x$

22. En
$$\mathbb{P}_4$$
: $x-1$, $(x-1)(x-2)$, $(x-1)(x-2)(x-3)$, x^4

23. En
$$\mathbb{P}_3$$
 [-1, 1]: 1, x , $\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{2}$, $\frac{5}{2}x^3 - \frac{3}{2}x$

24. En
$$\mathbb{M}_{22}$$
: $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 0 & -3 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 7 & -5 \end{pmatrix}$