vii) Si x y y están en V y α es un escalar, entonces $\alpha(\mathbf{x} + \mathbf{y}) = \alpha \mathbf{x} + \alpha \mathbf{y}$

(primera ley distributiva).

viii) Si $x \in V$ y α y β son escalares, entonces $(\alpha + \beta)x = \alpha x + \beta x$

(segunda ley distributiva).

ix) Si $\mathbf{x} \in V$ y α y β son escalares, entonces $\alpha(\beta \mathbf{x}) = (\alpha \beta \mathbf{x})$

(ley asociativa de la multiplicación por escalares).

- x) Para cada $x \in V$, 1x = x
- El **espacio** $\mathbb{R}^n = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}: x_i \in \mathbb{R} \text{ para } i = 1, 2, \dots, n\}.$
- El espacio P_n = {polinomios de grado menor que o igual a n}.
- El espacio $C[a, b] = \{\text{funciones reales continuas en el intervalo } [a, b]\}.$
- El espacio M_{mn} = {matrices de $m \times n$ con coeficientes reales}.
- El espacio $\mathbb{C}^n = \{(c_1, c_2, \dots, c_n): c_i \in \mathbb{C} \text{ para } i = 1, 2, \dots, n\}$. \mathbb{C} denota el conjunto de números complejos.

AUTOEVALUACIÓN 5.1

De las siguientes afirmaciones, indique si son falsas o verdaderas:

- I) El conjunto de vectores $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ en \mathbb{R}^2 con y = -3x es un espacio vectorial real.
- II) El conjunto de vectores $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ en \mathbb{R}^2 con y = -3x + 1 es un espacio vectorial real.
- III) El conjunto de matrices invertibles de 5×5 forma un espacio vectorial (con "+" definido como en la suma de matrices ordinaria).
- IV) El conjunto de múltiplos constantes de la matriz idéntica de 2 × 2 es un espacio vectorial (con "+" definido como en III).
- V) El conjunto de matrices idénticas de $n \times n$ para $n = 2, 3, 4, \ldots$ es un espacio vectorial (con "+" definido como en III).
- VI) El conjunto de vectores $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ en \mathbb{R}^3 con 2x y 12z = 0 es un espacio vectorial real.
- VII) El conjunto de vectores $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ en \mathbb{R}^3 con 2x y 12z = 1 es un espacio vectorial real.
- VIII) El conjunto de polinomios de grado 3 es un espacio vectorial real (con "+" definido como la suma de polinomios ordinaria).

Respuestas a la autoevaluación

I) V II) F III) F IV) V V) F VI) V VII) F VIII) F