- II) El determinante de  $\begin{pmatrix} 3 & 7 & 2 \\ -1 & 5 & 8 \\ 6 & -4 & 4 \end{pmatrix}$  es 468. La componente 3, 1 de  $A^{-1}$  es
- b)  $\frac{26}{468}$  c)  $\frac{46}{468}$

## Respuestas a la autoevaluación

- **I)** *d*)
- **II)** *a*)

## **PROBLEMAS 3.**

De los problemas 1 al 16 utilice los métodos de esta sección para determinar si la matriz dada es invertible. De ser así, calcule la inversa.

1. 
$$\begin{pmatrix} 4 & 10 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$$

2. 
$$\begin{pmatrix} 4 & 10 \\ -2 & 5 \end{pmatrix}$$

3. 
$$\begin{pmatrix} -3 & 9 \\ 7 & -21 \end{pmatrix}$$

**4.** 
$$\begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -8 & 1 \end{pmatrix}$$

$$5. \ \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

**6.** 
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 5 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

4. 
$$\begin{pmatrix} 3 & -5 \\ -8 & 1 \end{pmatrix}$$
 5.  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$  6.  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 5 & 5 & 1 \end{pmatrix}$  7.  $\begin{pmatrix} 10 & 10 & 6 \\ 10 & 10 & -8 \\ -7 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ 

$$8. \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{9.} \begin{pmatrix}
-2 & 0 & 0 \\
3 & 5 & 0 \\
1 & 0 & -8
\end{pmatrix}$$

$$\mathbf{9.} \begin{pmatrix}
-2 & 0 & 0 \\
3 & 5 & 0 \\
1 & 0 & -8
\end{pmatrix}$$

$$\mathbf{10.} \begin{pmatrix}
9 & 3 & 9 \\
6 & -10 & 4 \\
10 & 7 & 5
\end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{cccc}
\mathbf{12.} & \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}
\end{array}$$

13. 
$$\begin{pmatrix} 5 & 0 & 0 & 0 \\ -2 & -10 & 7 & 0 \\ 0 & -5 & 4 & -1 \\ 0 & -10 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{ccccc}
\mathbf{14.} & \begin{pmatrix} 1 & 6 & 2 \\ -2 & 3 & 5 \\ 7 & 12 & -4 \end{pmatrix}
\end{array}$$

15. 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \\ -2 & 3 & 0 & -1 \\ 5 & 0 & 7 & -2 \end{pmatrix}$$

14. 
$$\begin{pmatrix} 1 & 6 & 2 \\ -2 & 3 & 5 \\ 7 & 12 & -4 \end{pmatrix}$$
 15.  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -3 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \\ -2 & 3 & 0 & -1 \\ 5 & 0 & 7 & -2 \end{pmatrix}$  16.  $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 & 7 \\ 0 & 0 & -8 & -5 \\ 0 & 0 & -7 & 0 \\ 0 & 10 & 0 & -5 \end{pmatrix}$ 

- 17. Utilice determinantes para demostrar que una matriz A de  $n \times n$  es invertible si y sólo si  $A^{\mathsf{T}}$  es
- **18.** Para  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$  verifique que det  $A^{-1} = \frac{1}{\det A}$ .
- **19.** Para  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 4 & 1 & 6 \\ 2 & 0 & -2 \end{pmatrix}$  verifique que  $\det A^{-1} = \frac{1}{\det A}$ .