

$$n_1(t+1) = \sum_{k=1}^{\omega} f_k n_k(t)$$

Ahora pueden combinarse todos los términos  $n_i(t)$  en un vector de columna  $\mathbf{n}(t)$  de tamaño  $\omega$ . A esto se le llama el **vector de población**, y describe al número de individuos en cada categoría de edad en el tiempo  $t$ .

## Matriz de Leslie/Matriz de proyección

La matriz de proyección, a menudo llamada la matriz de Leslie, en honor de Patrick Holt Leslie, combina la información de fertilidad y supervivencia para una población estructurada por edad. Basada en datos empíricos de la tabla de vida del grupo de edad, la matriz de Leslie se construye con valores de fertilidad ( $f_i$ ) en el primer renglón, y las probabilidades de supervivencia ( $p_i$ ) a lo largo de la subdiagonal, con ceros en todas las demás posiciones. Por lo tanto, la matriz de Leslie puede anotarse,

$$L = \begin{pmatrix} f_1 & f_2 & f_3 & \cdots & f_{\omega-1} & f_{\omega} \\ p_1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & p_2 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & p_3 & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & p_{\omega-1} & 0 \end{pmatrix}$$

Ahora se tiene la matriz de Leslie  $L$ , y el vector de columna  $\mathbf{n}(t)$  representando a la población actual; esta notación permite describir el crecimiento poblacional como una multiplicación de matriz entre la matriz  $L$  y el vector de columna  $\mathbf{n}(t)$ . Ahora puede verse que

$$\begin{aligned} L\mathbf{n}(t) &= \begin{pmatrix} f_1 & f_2 & f_3 & \cdots & f_{\omega-1} & f_{\omega} \\ p_1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & p_2 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & p_3 & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & p_{\omega-1} & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} n_1(t) \\ n_2(t) \\ n_3(t) \\ \vdots \\ n_{\omega}(t) \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} f_1(n_1(t)) + f_2(n_2(t)) + f_3(n_3(t)) + \cdots + f_{\omega-1}(n_{\omega-1}(t)) + f_{\omega}(n_{\omega}(t)) \\ p_1(n_1(t)) + 0(n_2(t)) + 0(n_3(t)) + \cdots + 0(n_{\omega-1}(t)) + 0(n_{\omega}(t)) \\ 0(n_1(t)) + p_2(n_2(t)) + 0(n_3(t)) + \cdots + 0(n_{\omega-1}(t)) + 0(n_{\omega}(t)) \\ 0(n_1(t)) + 0(n_2(t)) + p_3(n_3(t)) + \cdots + 0(n_{\omega-1}(t)) + 0(n_{\omega}(t)) \\ \vdots \\ 0(n_1(t)) + 0(n_2(t)) + 0(n_3(t)) + \cdots + p_{\omega-1}(n_{\omega-1}(t)) + 0(n_{\omega}(t)) \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} f_1(n_1(t)) + f_2(n_2(t)) + f_3(n_3(t)) + \cdots + f_{\omega-1}(n_{\omega-1}(t)) + f_{\omega}(n_{\omega}(t)) \\ p_1(n_1(t)) + 0 + 0 + \cdots + 0 + 0 \\ 0 + p_2(n_2(t)) + 0 + \cdots + 0 + 0 \\ 0 + 0 + p_3(n_3(t)) + \cdots + 0 + 0 \\ \vdots \\ 0 + 0 + 0 + \cdots + p_{\omega-1}(n_{\omega-1}(t)) + 0 \end{pmatrix} \end{aligned}$$