

- i) El plano  $xy$  pasa por el origen  $(0, 0, 0)$  y cualquier vector a lo largo del eje  $z$  es normal a él. El vector más simple es  $\mathbf{k}$ . Así, de (4.5.8) se obtiene  $0(x - 0) + 0(y - 0) + 1(z - 0) = 0$ , lo que lleva a

$$z = 0 \quad (4.5.11)$$

como la ecuación del plano  $xy$ . (Este resultado no debe sorprender.)

- ii) El plano  $xz$  tiene la ecuación

$$y = 0 \quad (4.5.12)$$

- iii) El plano  $yz$  tiene la ecuación

$$x = 0 \quad (4.5.13)$$

### El dibujo de un plano

No es difícil dibujar un plano.

**Caso 1.** El plano es paralelo a un plano coordenado. Si el plano es paralelo a uno de los planos coordenados, entonces la ecuación del plano es una de las siguientes:

$$x = a \quad (\text{paralelo al plano } yz)$$

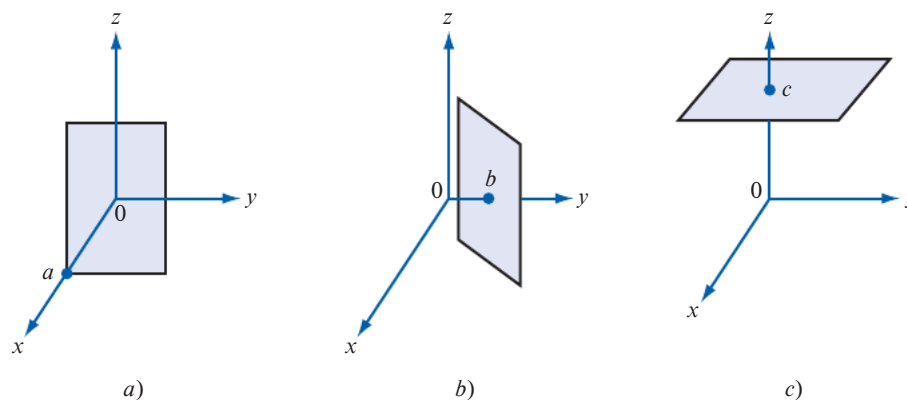
$$y = b \quad (\text{paralelo al plano } xz)$$

$$z = c \quad (\text{paralelo al plano } xy)$$

Cada plano se dibuja como un rectángulo con lados paralelos a los otros dos ejes coordenados. La figura 4.37 presenta un bosquejo de estos tres planos.

**Caso 2.** El plano interseca a cada eje coordenado. Suponga que una ecuación del plano es

$$ax + by + cz = d \quad \text{con } abc \neq 0.$$



**Figura 4.37**

Tres planos paralelos a algún plano coordenado.

El cruce con el eje  $x$  es el punto  $\left(\frac{d}{a}, 0, 0\right)$ , el cruce con el eje  $y$  es el punto  $\left(0, \frac{d}{b}, 0\right)$  y el cruce con el eje  $z$  es el punto  $\left(0, 0, \frac{d}{c}\right)$ .

**Paso 1.** Grafique los tres puntos de cruce.

**Paso 2.** Una los tres puntos de cruce para formar un triángulo.