Examen diagnóstico

Problema 1. Realice las siguientes operaciones.

a)
$$3 - 25 + 12$$

b)
$$10 - (-5) - 4$$

$$c)$$
 (8)(5) + 5

$$d) -\frac{3}{2} \left(\frac{4}{5} + \frac{2}{10} \right)$$

$$e) \ \frac{\frac{1}{6} - \frac{2}{3}}{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{1}{4}}$$

Problema 2. Enumere los elementos de los siguientes conjuntos.

a)
$$\{x \mid x \text{ es vocal}\}$$

b) $\{q \mid q \text{ es un número par menor que 16}\}$

c) $\{(\alpha, \beta) | \alpha \text{ es una vocal y } \beta \text{ es un número impar positivo menor que } 10\}$

d) $\{(a, b, c) | \alpha \text{ es azul o rojo}, b \text{ es una manzana o pera y } c \text{ es 1 o 2}\}$

Problema 3. Considere los siguientes conjuntos.

$$U = \{0, 1, 3, 4, 5, 10, 14, 13, 18, 20, 21, 22, 25\}$$

 $A = \{x \in U \mid x \text{ es un número par}\}$

 $B = \{x \in U \mid x \text{ es divisor de } 10\}$

$$C = \{x \in U \mid x > 11\}$$

$$D = \{ x \in U \, | \, 2 < x < 23 \}$$

 $E = \{x \in U \mid x \text{ es un número con dígito 1}\}$

Determine los siguientes conjuntos.

a)
$$C \cap D$$

b)
$$E \cup B$$

$$d)\,E\cup(C\cap D)$$

$$e) (C \cap A)'$$

$$f)$$
 $(B' \cup C')'$

$$g) B-E$$

h)
$$E-B$$

i)
$$D'-E$$

Problema 4. Simplifique las siguientes expresiones.

a)
$$(3x - 2x^2 - (4y - 2x)) - 6y$$

b)
$$(a + 2b)(-4a + 3b)$$