

del origen según la dirección positiva del eje x , 4 unidades según la dirección positiva del eje y y 4 unidades según la dirección positiva del eje z (Figura 1.1.3).

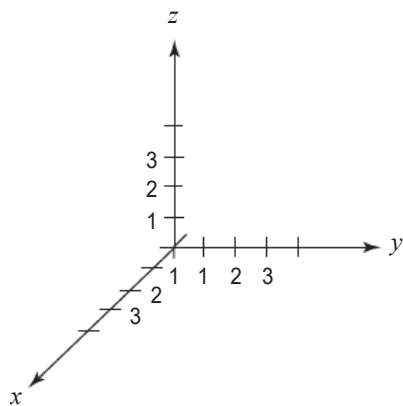


Figura 1.1.2 Coordenadas cartesianas en el espacio.

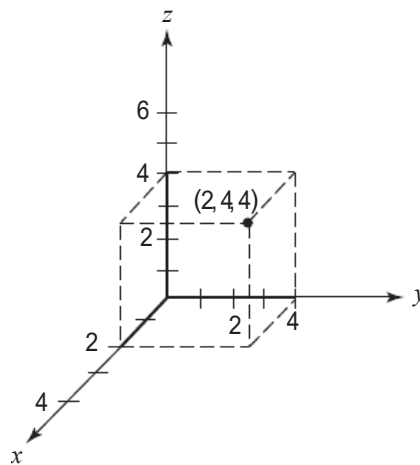


Figura 1.1.3 Representación geométrica del punto $(2, 4, 4)$ en coordenadas cartesianas.

Dado que podemos asociar de este modo puntos en el espacio con ternas ordenadas, a menudo emplearemos la expresión “el punto (a_1, a_2, a_3) ” en lugar de la frase más larga “el punto P que corresponde a la terna (a_1, a_2, a_3) ”. Decimos que a_1 es la **coordenada x** (o primera coordenada), a_2 es la **coordenada y** (o segunda coordenada) y a_3 es la **coordenada z** (o tercera coordenada) de P . También es frecuente denotar los puntos del espacio con las letras x, y y z en lugar de a_1, a_2 y a_3 . Así, la terna (x, y, z) representa un punto cuya primera coordenada es x , su segunda coordenada es y y su tercera coordenada es z .

Vamos a emplear la siguiente notación para la recta, el plano y el espacio tridimensional :

- (I) La recta de los números reales se denota por \mathbb{R}^1 o simplemente \mathbb{R} .
- (II) El conjunto de los pares ordenados (x, y) de números reales se designa como \mathbb{R}^2 .
- (III) El conjunto de las ternas ordenadas (x, y, z) de números reales se designa como \mathbb{R}^3 .

Cuando se habla de $\mathbb{R}^1, \mathbb{R}^2$ y \mathbb{R}^3 al mismo tiempo, escribimos \mathbb{R}^n , donde $n = 1, 2$ o 3 ; o \mathbb{R}^m , donde $m = 1, 2, 3$. A partir de la Sección 1.5 también estudiaremos \mathbb{R}^n para $n = 4, 5, 6, \dots$, pero puesto que los casos para $n = 1, 2, 3$ son los más próximos a nuestra intuición geométrica, pondremos un mayor énfasis en ellos a lo largo del libro.

Suma de vectores y multiplicación por un escalar

La operación de la suma se puede extender de \mathbb{R} a \mathbb{R}^2 y a \mathbb{R}^3 . Para \mathbb{R}^3 , se hace como sigue. Dadas las dos ternas (a_1, a_2, a_3) y (b_1, b_2, b_3) , definimos su **suma** como

$$(a_1, a_2, a_3) + (b_1, b_2, b_3) = (a_1 + b_1, a_2 + b_2, a_3 + b_3).$$