

$$\text{i) } \mathbf{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \mathbf{w} = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{ii) } \mathbf{u} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} \quad \mathbf{w} = \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \end{pmatrix}$$

$$\text{iii) } \mathbf{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \quad \mathbf{w} = \begin{pmatrix} \frac{8}{3} \\ \frac{5}{3} \end{pmatrix}$$

M

b) (Utilice el archivo *lincomb.m*) Verifique los resultados (y observe la geometría) introduciendo primero los vectores \mathbf{u} , \mathbf{v} y \mathbf{w} y después dando `lincomb(u,v,w)` para cada uno de los conjuntos de vectores en el inciso a).

3. a) (Lápiz y papel) Decir que \mathbf{w} está en $\text{gen}\{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3\}$ significa que existen escalares c_1, c_2 y c_3 tales que $\mathbf{w} = c_1\mathbf{v}_1 + c_2\mathbf{v}_2 + c_3\mathbf{v}_3$. Para cada conjunto de vectores dado, escriba $\mathbf{w} = c_1\mathbf{v}_1 + c_2\mathbf{v}_2 + c_3\mathbf{v}_3$, interprételo como un sistema de ecuaciones para las incógnitas c_1, c_2 y c_3 , verifique que la matriz aumentada para el sistema sea $[\mathbf{v}_1 \ \mathbf{v}_2 \ \mathbf{v}_3 | \mathbf{w}]$ y resuelva el sistema. Observe que habrá un número infinito de soluciones.

$$\text{i) } \mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v}_3 = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \mathbf{w} = \begin{pmatrix} 1 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$\text{ii) } \mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \mathbf{v}_3 = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix} \quad \mathbf{w} = \begin{pmatrix} -4 \\ -1 \end{pmatrix}$$

b) (Lápiz y papel) Este inciso y el inciso c) exploran el “significado” de tener un número infinito de soluciones. Para cada conjunto de vectores en el inciso a):

i) Haga $c_3 = 0$ y despeje c_2 y c_1 . Escriba \mathbf{w} como combinación lineal de \mathbf{v}_1 y \mathbf{v}_2 .

ii) Haga $c_2 = 0$ y despeje c_1 y c_3 . Escriba \mathbf{w} como combinación lineal de \mathbf{v}_1 y \mathbf{v}_3 .

iii) Haga $c_1 = 0$ y despeje c_2 y c_3 . Escriba \mathbf{w} como combinación lineal de \mathbf{v}_2 y \mathbf{v}_3 .

c) (Utilice el archivo *combine2.m*) A continuación se presenta el código de la función `combine2.m`:

```
function combine2(v1,v2,v3,w);
% COMBINE2 funcion que grafica las combinaciones lineales de
% pares de vectores (v1,v2), (v2,v3), (v1,v3) para producir
% al vector w, los pares de vectores no deben ser paralelos
%
% v1: vector 2x1
% v2: vector 2x1
% v3: vector 2x1
% w: vector 2x1

origen=[0;0];
Ov1=[origen,v1];Ov2=[origen,v2];Ov3=[origen,v3];Ow=[origen,w];

wv1v2=[v1,v2]\w;wv2v3=[v2,v3]\w;wv1v3=[v1,v3]\w;

Ov1Mv2w=[origen,wv1v2(1)*v1,wv1v2(2)*v2,[v1,v2]*wv1v2];
Ov2Mv3w=[origen,wv2v3(1)*v2,wv2v3(2)*v3,[v2,v3]*wv2v3];
Ov1Mv3w=[origen,wv1v3(1)*v1,wv1v3(2)*v3,[v1,v3]*wv1v3];
```