VIII) gen
$$\left\{ \begin{pmatrix} 1\\2\\-1\\3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 7\\1\\0\\4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -8\\0\\8\\2 \end{pmatrix} \right\}$$
 es un subespacio de \mathbb{R}^4 .

IX) Si
$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \right\}$$
 genera a \mathbb{R}^2 , entonces $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix} \right\}$ también genera \mathbb{R}^2 .

Respuestas a la autoevaluación

- **I)** a, b, d
- **II)** *b*, *d*
- III) V
- IV) F
 - Γ

V) V

- VI) V
- VII) F
- VIII) V
- IX) V

PROBLEMAS 5.3

De los problemas 1 al 25 determine si el conjunto dado de vectores genera el espacio vectorial dado.

1. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} 2 \\ 10 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 10 \\ 8 \end{pmatrix}$

3. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$

5. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$

7. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix}$

9. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}$

11. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} 3 \\ 5 \\ 5 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -2 \\ 3 \\ -6 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -1 \\ -8 \\ -1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}$

13. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ -6 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -8 \\ 4 \\ -24 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ -6 \end{pmatrix}$

15. En
$$\mathbb{R}^3$$
: (1, -1, 2), (-1, 1, 2), (0, 0, 1)

16. En
$$\mathbb{R}^3$$
: (0, -4, 6), (-1, 0, 6), (2, -4, -6)

17. En
$$\mathbb{R}^2$$
: (42 12 -16), (-9 8 4), (6 7 -2), (-2 2 0)

2. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} -4\\1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 1\\-\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

4. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -1 \\ -2 \end{pmatrix}$

6. En
$$\mathbb{R}^2$$
: $\begin{pmatrix} -6 \\ 5 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 7 \\ 9 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 7 \\ -12 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$

8. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} 9 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} -7 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}$

10. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

12. En
$$\mathbb{R}^3$$
: $\begin{pmatrix} -7 \\ -6 \\ 9 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 14 \\ -6 \\ 18 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 7 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\begin{pmatrix} 35 \\ 18 \\ -21 \end{pmatrix}$

14. En
$$\mathbb{R}^3$$
: (-8, -7, 9), (-5, 6, -8), (8, 1, -1)