

$$\left( \begin{array}{cccc|cc} 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & C & | & C \\ 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & C & | & C \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 & C & | & C \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots & | & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 & L & | & L \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & C & | & C \end{array} \right)$$

$2(n-1)$  multiplicaciones  
 $2(n-1)$  sumas

**Un paso antes del último.** Se divide el  $n$ -ésimo renglón entre  $a'_{nn}$ :

$$\left( \begin{array}{cccc|cc} 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & L & | & L \\ 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & L & | & L \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 & L & | & L \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots & | & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 & L & | & L \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 & | & C \end{array} \right)$$

una multiplicación  
 no hay sumas

**Último paso.** Se multiplica el renglón  $n$  por  $-a'_{in}$  y se suma al renglón  $i$ , para  $i = 1, 2, \dots, n-1$ :

$$\left( \begin{array}{cccc|cc} 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 & | & C \\ 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & 0 & | & C \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 & 0 & | & C \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots & | & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 & 0 & | & C \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 & | & L \end{array} \right)$$

$1(n-1)$  multiplicaciones  
 $1(n-1)$  sumas

Ahora se encuentran los totales:

Para los pasos impares se tienen

$$n + (n-1) + (n-2) + \cdots + 3 + 2 + 1 \text{ multiplicaciones}$$

y

no hay sumas

Para los pasos pares se tienen

$$(n-1)[n + (n-1) + (n-2) + \cdots + 3 + 2 + 1] \text{ multiplicaciones}$$

y

$$(n-1)[n + (n-1) + (n-2) + \cdots + 3 + 2 + 1] \text{ sumas}$$

En el ejemplo A.2 del apéndice A se demuestra que

$$1 + 2 + 3 + \cdots + n = \frac{n(n+1)}{2} \quad (\text{C.4})$$

Entonces el número total de multiplicaciones es