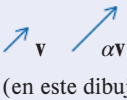
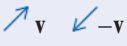
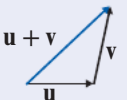
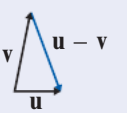


Tabla 4.1

Objeto	Definición intuitiva	Expresión en términos de componentes si $\mathbf{u} = u_1\mathbf{i} + u_2\mathbf{j}$ , $\mathbf{v} = v_1\mathbf{i} + v_2\mathbf{j}$ , y $\mathbf{u} = (u_1, u_2)$ , $\mathbf{v} = (v_1, v_2)$
Vector $\mathbf{v}$	Un objeto que tiene magnitud y dirección	$v_1\mathbf{i} + v_2\mathbf{j}$ o $(v_1, v_2)$
$ \mathbf{v} $	Magnitud (o longitud) de $\mathbf{v}$	$\sqrt{v_1^2 + v_2^2}$
$\alpha\mathbf{v}$	 (en este dibujo $\alpha = 2$ )	$\alpha v_1\mathbf{i} + \alpha v_2\mathbf{j}$ o $(\alpha v_1, \alpha v_2)$
$-\mathbf{v}$		$-v_1\mathbf{i} - v_2\mathbf{j}$ o $(-v_1, -v_2)$ o $-(v_1, v_2)$
$\mathbf{u} + \mathbf{v}$		$(u_1 + v_1)\mathbf{i} + (u_2 + v_2)\mathbf{j}$ o $(u_1 + v_1, u_2 + v_2)$
$\mathbf{u} - \mathbf{v}$		$(u_1 - v_1)\mathbf{i} + (u_2 - v_2)\mathbf{j}$ o $(u_1 - v_1, u_2 - v_2)$

## RESUMEN 4.1

- El **segmento de recta dirigido** que se extiende de  $P$  a  $Q$  en  $\mathbb{R}^2$  denotado por  $\overrightarrow{PQ}$  es el segmento de recta que va de  $P$  a  $Q$ .
- Dos segmentos de recta dirigidos en  $\mathbb{R}^2$  son **equivalentes** si tienen la misma magnitud (longitud) y dirección.
- Definición geométrica de un vector**  
Un vector en  $\mathbb{R}^2$  es el conjunto de todos los segmentos de recta dirigidos en  $\mathbb{R}^2$  equivalentes a un segmento de recta dirigido dado. Una **representación** del vector tiene su punto inicial en el origen y se denota por  $\overrightarrow{OR}$ .
- Definición algebraica de un vector**  
Un vector  $\mathbf{v}$  en el plano  $xy$  ( $\mathbb{R}^2$ ) es un par ordenado de números reales  $(a, b)$ . Los números  $a$  y  $b$  se llaman **elementos** o **componentes** del vector  $\mathbf{v}$ . El **vector cero** es el vector  $(0, 0)$ .
- Las definiciones geométrica y algebraica de un vector en  $\mathbb{R}^2$  se relacionan de la siguiente manera:  
si  $\mathbf{v} = (a, b)$ , entonces una representación de  $\mathbf{v}$  es  $\overrightarrow{OR}$ , donde  $R = (a, b)$ .
- Si  $\mathbf{v} = (a, b)$ , entonces la **magnitud de  $\mathbf{v}$** , denotada por  $|\mathbf{v}|$ , está dada por  $|\mathbf{v}| = \sqrt{a^2 + b^2}$ .
- Si  $\mathbf{v}$  es un vector en  $\mathbb{R}^2$ , entonces la **dirección de  $\mathbf{v}$**  es el ángulo en  $[0, 2\pi]$  que forma cualquier representación de  $\mathbf{v}$  con el lado positivo del eje  $x$ .