mas:

576

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -4 & 2 \\ -2 & 1 & 0 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

e:

$$X = \begin{bmatrix} 3 & -4 & 2 \\ -2 & 1 & 0 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 11 \\ -4 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

logo:

$$x = 11$$

$$z = 0$$

A.46.1 Problemas Propostos

Nos problemas de 1 a 23, classificar e resolver os sistemas.

1)
$$5x + 8y = 34$$

$$10x + 16y = 50$$

2)
$$\begin{cases} 4x - y - 3z = 15 \\ 3x - 2y + 5z = -7 \\ 2x + 3y + 4z = 7 \end{cases}$$

3)
$$\begin{cases} 2x + 3y - 2z = 2 \\ 3x - 5y + 4z = 5 \\ x - 2y - 7z = -24 \end{cases}$$

4)
$$\begin{cases} x + 4y + 6z = 0 \\ -\frac{3}{2} - 6y - 9z = 0 \end{cases}$$

5)
$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 10 \\ 3x + 4y + 6z = 23 \\ 3x + 2y + 3z = 10 \end{cases}$$

6)
$$\begin{cases} 5x - 3y - 7z = -5 \\ 4x - y - z = 2 \\ -2x + 4y + 8z = 10 \end{cases}$$

1)
$$\begin{cases} 3x - 8y - 9z = 14 \\ 7x + 3y + 2z = -12 \\ -8x - 9y + 6z = 11 \end{cases}$$

8)
$$\begin{cases} 4x - 3y = -18 \\ 2y + 5z = -8 \\ x - 2y - 3z = 0 \end{cases}$$

9)
$$\begin{cases} 2x - 5y - z = -8 \\ 3x - 2y - 4z = -11 \\ -5x + y + z = -9 \end{cases}$$

10)
$$\begin{cases} 3x + 9y + 12z = 24 \\ 4x + 16y + 26z = 46 \\ x + 7y + 14z = 20 \end{cases}$$

11)
$$\begin{cases} 5x + y + z = 7 \\ 6x - y - z = 4 \\ 7x + 2y + 2z = 14 \end{cases}$$

12)
$$\begin{cases} 6x + 2y + 4z = 0 \\ -9x - 3y - 6z = 0 \end{cases}$$

13)
$$\begin{cases} -8x + 3y + 2z = 16 \\ 4x - 2z = 0 \\ 3y + 4z = -32 \end{cases}$$

14)
$$\begin{cases} 3x + 2y - 3z = 18 \\ 2x - 4y + 4z = 12 \\ -4x + 3y - 5z = -24 \end{cases}$$

15)
$$\begin{cases} x + 4y + 6z = 11 \\ 2x + 3y + 4z = 9 \\ 3x + 2y + 2z = 7 \end{cases}$$

16)
$$\begin{cases} 2x + 2y + 4z = 0 \\ 3x + 5y + 8z = 0 \\ 5x + 25y + 20z = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 3y - 7z = 1 \\ -x - 2y - 4z = -2 \\ -2x - 4y - 5z = -1 \end{cases}$$

18)
$$\begin{cases} 10x + 8y - 7z = 1 \\ 5x + 3y - 8z = 19 \\ 7x - 9y + 4z = -15 \end{cases}$$

578 Algebra linear

19)
$$\begin{cases} x - y = 0 \\ 2y + 4z = 6 \\ x + y + 4z = 6 \end{cases}$$

20)
$$\begin{cases} 6x - 9y - 5z = -35 \\ 2x + 3y + 4z = 29 \\ 5x - 2y - 1z = 0 \end{cases}$$

21)
$$\begin{cases} 4x + 8y + 12z = 24 \\ x - z = 0 \\ -5x - 8y - 11z = -24 \end{cases}$$

22)
$$\begin{cases} 7x - 2y + 4z = -15 \\ 9x + 3y - 3z = 0 \\ x - 4y - z = -8 \end{cases}$$

23)
$$\begin{cases} 2x + 3y + 4z = 53 \\ 3x + 5y - 4z = 2 \\ 4x + 7y - 2z = 33 \end{cases}$$

Nos problemas de 24 a 27, estabelecer a condição que deve ser satisfeita pelos termos independentes para que sejam compatíveis os sistemas.

24)
$$\begin{cases} 4x + 12y + 8z = a \\ 2x + 5y + 3z = b \\ -4y - 4z = c \end{cases}$$

25)
$$\begin{cases} 2x + 4y + 2z = a \\ 3x + 8y + 5z = b \\ -3x - 4y - 1z = c \end{cases}$$

26)
$$\begin{cases} 2x + 2y + 4z = a \\ 6x + 11y + 8z = b \\ 2x + 7y = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y - z = a \\ -x + 2z = b \\ y + z = c \end{cases}$$

Calcular o valor de k para que admita solução não-trivial o seguinte sistema:

$$\begin{cases} 2x + 6y = 0 \\ 4x + ky = 0 \end{cases}$$

Nos problemas de 29 a 33, resolver os sistemas pelo método matricial.

$$-2x + 3y - z = b_1$$

 $x - 3y + z = b_2$
 $-x + 2y - z = b_3$

- 29) Para $b_1 = 2$, $b_2 = 5$ e $b_3 = 7$.
- 30) Para $b_1 = 1$, $b_2 = 6$ e $b_3 = 0$.
- 31) Para $b_1 = 2$, $b_2 = -8$ e $b_3 = 9$.
- 32) Para $b_1 = -4$, $b_2 = -3$ e $b_3 = -2$.
- 33) Para $b_1 = 4$, $b_2 = 7$ e $b_3 = 9$.

Nos problemas de 34 a 37, resolver os sistemas pelo método matricial.

$$\begin{cases}
-2x_1 - x_2 + 2x_4 = b_1 \\
3x_1 + x_2 - 2x_3 - 2x_4 = b_2 \\
-4x_1 - x_2 + 2x_3 + 3x_4 = b_2 \\
3x_1 + x_2 - x_3 - 2x_4 = b_2
\end{cases}$$

- 34) Para $b_1 = 5$, $b_2 = 3$, $b_3 = 12$ e $b_4 = 10$
- 35) Para $b_1 = -8$, $b_2 = -4$, $b_3 = -9$ e $b_4 = 8$
- 36) Para $b_1 = 4$, $b_2 = 0$, $b_3 = -2$ e $b_4 = 3$
- 37) Para $b_1 = -9$, $b_2 = 6$, $b_3 = 3$ e $b_4 = 1$

A.46.2 Respostas dos Problemas Propostos

- Incompatível.
- Compatível e determinado:

$$x = 3$$
, $y = 3$ e $z = -2$

Compatível e determinado:

$$x = 1, y = 2 e z = 3$$

- 4. Compatível e indeterminado:
 - a) Grau de liberdade: g = 2.
 - b) Solução trivial: x = y = z = 0.
 - c) Soluções proprias:

$$x = -4y - 6z$$

- Incompatível.
- 6. Compatível e determinado:

$$x = y = z = 1$$

7. Compatível e determinado:

$$x=y=z=-1$$

Compatível e determinado:

$$x = 0$$
, $y = 6$ e $z = -4$

9 Compatível e determinado:

$$x = 3$$
, $y = 2$ e $z = 4$

10. Incompativel.

10.
Compatível e determinado:

$$x = 1, y = 7 e z = -5.$$

- 12. Compatível e indeterminado
 - a) Grau de liberdade: g = 2.
 - b) Solução trivial: x = y = z = 0.
 - c) Soluções próprias:

$$x = -\frac{y}{3} - \frac{2z}{3} = -\frac{y-2z}{3}$$

13. Compatível e determinado:

$$x = -4$$
, $y = 0$ e $z = -8$

14. Compatível e determinado:

$$x = 6$$
, $y = z = 0$

15. Compatível e indeterminado:

a)
$$x = \frac{3 + 2z}{5}$$

$$y = \frac{13 - 8z}{5}$$

b) Grau de liberdade: g = 1.

1-7 Compatível e determinado:

$$x = 2$$
, $y = -2$ e $z = 1$

18 Compatível e determinado:

$$x = 1$$
, $y = 2$ e $z = -1$

19. Compatível e indeterminado:

a)
$$x = y = 3 - 2z$$

- b) Grau de liberdade: g = 1.
- 20. Compatível e determinado:

$$x = 2$$
, $y = 3$ e $z = 4$

21. Compatível e indeterminado:

a)
$$x = z$$

 $y = 3 - 2z$

b) Grau de liberdade: g = 1.

22. Compatível e determinado:

$$x = -1$$
, $y = 2$ e $z = -1$

23. Compatível e determinado:

$$x = 3$$
, $y = 5$ e $z = 8$

24.
$$2a - 4b + c = 0$$

25.
$$3a - b + c = 0$$

16. Compatível e determinado. O sistema admite somente a solução trivial:

$$x = y = z = 0$$

$$a+b-c=0$$

$$x = -7$$
, $y = -12$ e $z = -24$

30.
$$x = -7$$
, $y = -6$ e $z = -5$

31
$$x = 6$$
, $y = -1$ e $z = -17$

33.
$$x = -11$$
. $y = -16$ e $z = -30$

34.
$$x_1 = 22$$
, $x_2 = 25$, $x_3 = 7$ e $x_4 = 37$

35.
$$x_1 = 12$$
, $x_2 = -18$, $x_3 = 12$ e $x_4 = -1$

36.
$$x_1 = 10$$
, $x_2 = -8$, $x_3 = 3$ e $x_4 = 8$

37.
$$x_1 = -13$$
, $x_2 = 27$, $x_3 = -5$ e $x_4 = -4$