Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 222 ПИ. Вариант 18

1. Привести матрицу А к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
17 & -10 & -11 \\
14 & -6 & 9 \\
-5 & 15 & 5
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 4 & -3 \\ 5 & -2 & 7 & 9 \\ 4 & -8 & 9 & -3 \\ 4 & 4 & -8 & -9 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 190 & 87 & 234 \\ 308 & -139 & 186 \\ -95 & 55 & -60 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -9 & 5 & -10 \\ 0 & 8 & -20 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 1 & 3 & 2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 2 & 6 & 1 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 5 & 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 7 & 8 & 1 & 9 & 5 & 4 & 3 & 6 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-719} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 7 & 6 & 5 & 1 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} -31 & -5 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -6 & -31 & -5 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -6 & -31 & -5 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -31 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	4	-4	2	1	0
f(x)	-505	-393	-21	2	-1

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -10 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -7 \\ -9 \\ 0 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -9 \\ 7 \\ 3 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 9 \\ -2 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -1 & -2 & 3 & -5 \\ -4 & 4 & 0 & -3 \\ -2 & -4 & -3 & -2 \\ -3 & -1 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$