Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 229 ПИ. Вариант 36

1. Привести матрицу А к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
1 & -11 & 11 \\
19 & 11 & -12 \\
-6 & 7 & -12
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 5 & 2 & 9 \\ 2 & -7 & 4 & -1 \\ 0 & 9 & 0 & -2 \\ 3 & 9 & 8 & 6 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 224 & 256 & 171 \\ 156 & -168 & 102 \\ -70 & 154 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -15 & 1 & 5 \\ 0 & 5 & -18 \\ 0 & 0 & 13 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 6 & 5 & 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 2 & 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 5 & 1 & 6 & 7 & 9 & 4 & 2 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-811}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 6 & 1 & 3 & 2 & 7 & 5 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 10 & -12 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 50 & 10 & -12 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 50 & 10 & -12 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 10 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	1	-4	-1	0	2
f(x)	-5	-1075	-7	-3	-55

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \\ -2 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ -4 \\ -9 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -5 \\ 0 \\ 7 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & 2 & -2 \\ -5 & -2 & 3 & -2 \\ -3 & -1 & 3 & 3 \\ -5 & 2 & -2 & \lambda \end{bmatrix}$$