

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -6 & 18 & 1 \\ 13 & 14 & 2 \\ 8 & 7 & 9 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -5 & -8 & 8 & -3 \\ -6 & 9 & 5 & -5 \\ -10 & -4 & -1 & 7 \\ 8 & -9 & -6 & -4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} -375 & 145 & 179 \\ -163 & 139 & 82 \\ 8 & -8 & 112 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 8 & 16 & -11 \\ 0 & 11 & -5 \\ 0 & 0 & -9 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 1 & 2 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 2 & 6 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 5 & 6 & 2 & 8 & 7 & 3 & 9 & 1 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-827}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 7 & 4 & 2 & 6 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 48 & 8 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 54 & 48 & 8 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 54 & 48 & 8 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 48 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	2	3	-4	0	1
$f(x)$	-25	-171	-829	3	1

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 5 \\ -8 \\ 9 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 6 \\ 4 \\ 8 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \\ 7 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -6 \\ -4 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -5 & 2 \\ -4 & -3 & 1 & 3 \\ -1 & 2 & 4 & -4 \\ 0 & 2 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$