

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 19 & 12 & 18 \\ 19 & -7 & -12 \\ -6 & 11 & 2 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -7 & -6 & -4 & -4 \\ -2 & 7 & -8 & 5 \\ -8 & 4 & 4 & 5 \\ -10 & 9 & -10 & -6 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 82 & -65 & -182 \\ -176 & -60 & -352 \\ 252 & 0 & 144 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -2 & -17 & 13 \\ 0 & -21 & -4 \\ 0 & 0 & 17 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 1 & 2 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 5 & 6 & 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & 5 & 6 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 8 & 9 & 4 & 3 & 2 & 5 & 1 & 6 & 7 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-751}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 7 & 4 & 5 & 1 & 3 & 6 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 23 & -3 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 70 & 23 & -3 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 70 & 23 & -3 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 23 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	1	3	0	-4	-2
$f(x)$	-1	-331	-1	-961	-61

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 0 \\ 6 \\ -7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -8 \\ 9 \\ 4 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -10 \\ -4 \\ 9 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 8 \\ 1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 3 & -4 & -5 \\ -5 & -4 & 5 & -2 \\ 0 & -1 & 1 & 0 \\ 5 & -4 & -3 & \lambda \end{bmatrix}$$