

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & 7 \\ -16 & 8 & 9 \\ 2 & -13 & 8 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 8 & -10 & 7 & 5 \\ -2 & 1 & -10 & 5 \\ -2 & 0 & 3 & 1 \\ -4 & -7 & -1 & 4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 109 & 59 & 70 \\ -80 & -153 & 57 \\ -5 & -6 & -19 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -9 & 9 & -10 \\ 0 & 18 & -3 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 5 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 2 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 4 & 6 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 5 & 4 & 2 & 8 & 1 & 7 & 9 & 6 & 3 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-727}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 4 & 2 & 6 & 7 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 85 & -25 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -72 & 85 & -25 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -72 & 85 & -25 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 85 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	2	4	-1	-3	0
$f(x)$	10	-98	-8	-140	-2

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \\ -5 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \\ -9 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 9 \\ -1 \\ 5 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 1 \\ 8 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 0 & 3 & -4 \\ 1 & 1 & 3 & 1 \\ 2 & 2 & -5 & 3 \\ -1 & -3 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$