Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 221 ПИ. Вариант 20

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -18 & -9 & 1 \\ 14 & 11 & 1 \\ 12 & 3 & 12 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 7 & 3 & -5 \\ -2 & -6 & 3 & 6 \\ -3 & 6 & 6 & 6 \\ 3 & -8 & -5 & -1 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -78 & -226 & -83 \\ -152 & 416 & -376 \\ 36 & 168 & -228 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 10 & 2 & -4 \\ 0 & -17 & 8 \\ 0 & 0 & 11 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 2 & 6 & 1 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 6 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 5 & 6 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 5 & 1 & 6 & 7 & 3 & 8 & 9 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-743}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 3 & 1 & 5 & 7 & 2 & 6 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	0	3	-2	-4	-3
f(x)	3	-120	-35	-561	-180

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_{1} = \begin{bmatrix} 5 \\ -8 \\ -10 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} 8 \\ -1 \\ 9 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \\ -5 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 0 \\ -7 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -3 & -2 & 0 \\ 5 & 3 & 0 & 3 \\ 2 & 1 & -4 & 5 \\ 1 & -5 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$