

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 8 & -9 & 14 \\ -2 & -12 & 6 \\ -4 & 2 & 11 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 8 & -6 & 6 \\ 6 & -1 & -3 & 5 \\ 1 & -5 & 5 & 6 \\ 7 & 1 & -5 & 7 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} -212 & 265 & 230 \\ -120 & 210 & 58 \\ -75 & 150 & -180 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 & 18 & -3 \\ 0 & 9 & 6 \\ 0 & 0 & 14 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 6 & 4 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 1 & 3 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 9 & 1 & 8 & 4 & 7 & 5 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-739}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 6 & 1 & 5 & 3 & 7 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 24 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 30 & 24 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 30 & 24 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 24 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	-2	-4	2	3	1
$f(x)$	4	-238	-64	-266	-8

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 0 \\ -10 \\ -7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \\ 5 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -2 \\ -8 \\ 2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 6 \\ -8 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 1 & -2 & -3 \\ 4 & -2 & -2 & -1 \\ 1 & 2 & -2 & -5 \\ 1 & 5 & 2 & \lambda \end{bmatrix}$$