Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 228 ПИ. Вариант 43

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -11 & -8 & 18 \\ -4 & 9 & 11 \\ 7 & 12 & -11 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 6 & -6 & -7 & 2 \\ 0 & -1 & 7 & 7 \\ -4 & -9 & 7 & 8 \\ 9 & -5 & -8 & 8 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 77 & -255 & -437 \\ 72 & 138 & -274 \\ -270 & 225 & -30 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -18 & -20 & 8 \\ 0 & -19 & -2 \\ 0 & 0 & -16 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 1 & 6 & 2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 4 & 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 4 & 6 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 6 & 8 & 7 & 2 & 4 & 9 & 3 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-751}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 6 & 1 & 5 & 2 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -10 & 21 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 1 & -10 & 21 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & -10 & 21 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -10 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-3	-4	3	4	-2
f(x)	144	547	330	963	15

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} 2 \\ 9 \\ 4 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 9 \\ -8 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -9 \\ 9 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -1 & 2 & -1 \\ -1 & 0 & 1 & 4 \\ -3 & -4 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & -4 & \lambda \end{bmatrix}$$