Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 222 ПИ. Вариант 37

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
14 & -2 & -4 \\
5 & -7 & 2 \\
-13 & -10 & -17
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 3 & 8 & -4 \\ 4 & 4 & 3 & -4 \\ -2 & 7 & -6 & -1 \\ -8 & -4 & 8 & -4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 11 & -10 & 22 \\ -196 & -104 & 196 \\ -102 & -54 & 102 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -4 & 2 & -2 \\ 0 & 3 & 12 \\ 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 5 & 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 1 & 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 2 & 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 5 & 8 & 7 & 1 & 9 & 3 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-821} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 6 & 5 & 1 & 4 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -28 & 15 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 12 & -28 & 15 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 12 & -28 & 15 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -28 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	0	2	4	3	1
f(x)	4	52	708	238	6

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 5 \\ -3 \\ -1 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 2 \\ -8 \\ 3 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 8 \\ 2 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -3 & 5 & -2 \\ 2 & 1 & -2 & 3 \\ 3 & 0 & 0 & 1 \\ -1 & -1 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$