

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 7 & 18 & -11 \\ -11 & 0 & 19 \\ -16 & 11 & -10 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 9 & 1 & -4 & -10 \\ 4 & -9 & 2 & -1 \\ -4 & -6 & -1 & 4 \\ 0 & -8 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 228 & 314 & 260 \\ -91 & -118 & -140 \\ 30 & 12 & 60 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 13 & 10 & -14 \\ 0 & -7 & 11 \\ 0 & 0 & -7 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 6 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 5 & 4 & 1 & 6 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 4 & 6 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 6 & 1 & 5 & 2 & 3 & 8 & 9 & 7 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-751}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 1 & 2 & 6 & 4 & 5 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 25 & -20 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 25 & -20 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 25 & -20 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 25 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	1	0	3	-2	-1
$f(x)$	5	1	331	11	-1

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} -3 \\ -2 \\ 5 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ -6 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -10 \\ -3 \\ 2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 1 \\ -7 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 2 & 4 \\ 3 & 2 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -4 & -2 \\ -3 & 1 & 1 & \lambda \end{bmatrix}$$