Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 227 ПИ. Вариант 15

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 2 & 17 & -14 \\ 11 & 9 & 12 \\ 11 & -5 & -9 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 3 & 2 \\ -4 & 0 & -9 & 4 \\ -10 & -5 & -9 & 2 \\ 7 & 3 & 8 & 7 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 202 & 33 & -346 \\ 161 & -66 & -230 \\ 126 & 45 & -180 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & -4 & 19 \\ 0 & -14 & 18 \\ 0 & 0 & 8 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 6 & 4 & 3 & 1 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 4 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 4 & 2 & 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & 3 & 6 & 8 & 9 & 4 & 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-811} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 6 & 4 & 2 & 5 & 1 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 57 & 72 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -27 & 57 & 72 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -27 & 57 & 72 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 57 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x		-3	-1	-2	0	2
f(x))	297	11	77	3	17

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -2 \\ -7 \\ 6 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -5 \\ 8 \\ 1 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 6 \\ -6 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 3 & 3 \\ 0 & 4 & 4 & 2 \\ -4 & -1 & -2 & 2 \\ 2 & -2 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$