Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 221 ПИ. Вариант 35

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
-6 & -2 & 13 \\
4 & -19 & 10 \\
15 & 12 & -12
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 7 & 9 & -9 \\ 4 & -4 & 1 & 8 \\ 6 & -8 & 8 & -3 \\ 9 & 1 & -2 & 4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 42 & 97 & 238 \\ -72 & -103 & -42 \\ -48 & -60 & -132 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -14 & 12 & 17 \\ 0 & -14 & -18 \\ 0 & 0 & -13 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 5 & 4 & 3 & 6 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 1 & 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 5 & 6 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & 4 & 9 & 6 & 2 & 5 & 8 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-773}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 6 & 7 & 3 & 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 44 & -8 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -60 & 44 & -8 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -60 & 44 & -8 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 44 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-4	1	3	2	-2
f(x)	1141	1	315	61	85

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_{1} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ -8 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} 6 \\ -7 \\ -4 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} -8 \\ -2 \\ -7 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -5 & -1 & 1 & -1 \\ 3 & -5 & 3 & 5 \\ -5 & -3 & -1 & 3 \\ 4 & 4 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$