Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 229 ПИ. Вариант 25

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -12 & 11 & 4 \\ -9 & 16 & -17 \\ 9 & 15 & -12 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -4 & 1 & 8 \\ -5 & 3 & 2 & 2 \\ 1 & 7 & 4 & -10 \\ -7 & 1 & 4 & 3 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 121 & 98 & 359 \\ -11 & 51 & 190 \\ 36 & -57 & -51 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 11 & -1 & 8 \\ 0 & -14 & 15 \\ 0 & 0 & -4 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 6 & 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 5 & 3 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 4 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 6 & 8 & 5 & 1 & 7 & 9 & 4 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-733} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 1 & 7 & 3 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 0 & 45 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 45 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 45 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	3	1	-2	0	2
f(x)	445	15	45	1	109

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_{1} = \begin{bmatrix} -5\\0\\8 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} 0\\-4\\7 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} -5\\-7\\-4 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 2\\6\\\lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 1 & -3 & 0 \\ -3 & -5 & -3 & -5 \\ 0 & 0 & 5 & 0 \\ 1 & -2 & 2 & \lambda \end{bmatrix}$$