

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -5 & -20 & -13 \\ 3 & -3 & 5 \\ 15 & -17 & 1 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 7 & 0 & 7 & -8 \\ -1 & 8 & -1 & 1 \\ 1 & -9 & 9 & -10 \\ 3 & 5 & -7 & 5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 246 & -217 & 524 \\ 114 & -235 & 276 \\ -32 & 60 & -68 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 15 & 7 & 15 \\ 0 & 4 & 13 \\ 0 & 0 & -5 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 4 & 6 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 4 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & 5 & 4 & 3 & 1 & 9 & 8 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-727}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 6 & 1 & 7 & 2 & 5 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 18 & 15 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 18 & 15 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 18 & 15 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 18 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	4	-2	1	0	-3
$f(x)$	133	49	1	-3	189

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 6 \\ -7 \\ -6 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -9 \\ 9 \\ 7 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -9 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 8 \\ 9 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -3 & 2 & 0 \\ -4 & 1 & 2 & 4 \\ 1 & -2 & 2 & -5 \\ 1 & -5 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$