Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 225 ПИ. Вариант 19

1. Привести матрицу А к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -1 & -15 & 17 \\ 4 & 10 & 4 \\ 7 & -3 & 5 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -5 & 2 \\ -7 & -9 & -3 & 5 \\ 4 & -4 & -8 & -6 \\ -1 & 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -513 & 44 & 256 \\ -31 & -166 & 663 \\ -120 & -24 & -204 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 17 & -7 & -8 \\ 0 & -18 & 19 \\ 0 & 0 & -13 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 6 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 2 & 5 & 1 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 6 & 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 6 & 9 & 5 & 8 & 2 & 4 & 1 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-743}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 1 & 2 & 6 & 3 & 5 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix}
-63 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\
21 & -63 & 0 & 0 & \dots & 0 \\
0 & 21 & -63 & 0 & \dots & 0 \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -63
\end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-4	1	-1	2	-3
f(x)	743	3	5	5	255

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} -10 \\ -8 \\ 7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 8 \\ -8 \\ 0 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 6 \\ 7 \\ 2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -2 & 0 & 2 \\ 3 & 5 & 4 & 0 \\ -2 & 4 & 4 & -5 \\ -3 & -1 & 5 & \lambda \end{bmatrix}$$