Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 224 ПИ. Вариант 1

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
11 & -5 & -15 \\
-3 & -15 & -20 \\
-5 & 6 & 11
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 8 & 0 & -7 \\ -7 & -8 & -1 & -4 \\ -7 & 1 & -7 & -2 \\ -7 & -7 & 5 & -4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 203 & -59 & 21 \\ 426 & 6 & 0 \\ 255 & -153 & -102 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 9 \\ 0 & 11 & 18 \\ 0 & 0 & 16 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 1 & 4 & 6 & 2 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 4 & 1 & 6 & 2 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 5 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 8 & 5 & 7 & 1 & 2 & 9 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-773}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 7 & 4 & 3 & 6 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -20 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -20 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & -20 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -20 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

	х	0	-2	3	-4	2
$\int f$	$^{c}(x)$	2	50	110	642	18

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_{1} = \begin{bmatrix} -6 \\ -4 \\ 5 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \\ -3 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} -7 \\ -5 \\ 1 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 5 & -2 & 3 \\ 0 & -4 & 5 & -3 \\ 4 & 2 & 0 & -5 \\ 1 & 0 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$