Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 229 ПИ. Вариант 31

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -1 & -1 & 12 \\ -11 & -10 & -13 \\ 18 & -5 & 14 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -10 & 5 \\ -6 & 7 & 2 & -1 \\ -1 & 5 & 2 & -8 \\ 7 & 7 & -5 & -4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -76 & 40 & -76 \\ 239 & -110 & 93 \\ -105 & 150 & 15 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -5 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & -7 \\ 0 & 0 & 14 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 5 & 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 2 & 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 1 & 5 & 2 & 6 & 4 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 9 & 5 & 6 & 8 & 7 & 3 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-751} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 1 & 5 & 6 & 4 & 7 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 32 & -21 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 64 & 32 & -21 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 64 & 32 & -21 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 32 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-4	3	1	-1	0
f(x)	16	-138	-4	10	0

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 3 \\ -5 \\ -9 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -8 \\ 0 \\ 8 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 9 \\ -5 \\ 8 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -2 \\ -9 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 2 & -3 & 0 \\ 0 & -3 & 3 & 2 \\ -4 & 5 & 0 & 1 \\ 4 & -5 & -3 & \lambda \end{bmatrix}$$