Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 2210 ПИ. Вариант 43

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
-8 & -18 & 9 \\
12 & -11 & -2 \\
5 & -18 & -14
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 8 & 3 & -8 \\ 5 & -4 & 7 & 8 \\ 9 & 2 & 5 & -9 \\ -8 & 8 & -5 & 7 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 38 & -75 & -131 \\ -370 & -21 & -82 \\ -112 & 24 & -144 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -10 & -2 & 9 \\ 0 & -14 & 19 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 1 & 2 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 2 & 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 4 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 6 & 5 & 1 & 3 & 4 & 9 & 7 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-739} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 7 & 5 & 6 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	-1	-2	3	-3	2
f(x)	-5	-12	223	-11	64

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 5 \\ 4 \\ 3 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -3 \\ 4 \\ -3 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \\ -1 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -1 \\ 7 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 0 & 3 & 5 \\ 1 & -3 & 1 & -5 \\ -3 & 4 & 3 & 5 \\ -3 & 5 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$