Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 227 ПИ. Вариант 8

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -20 & -20 & 11 \\ 6 & -20 & -11 \\ 9 & 9 & 9 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 8 & 9 & -8 \\ -5 & 0 & -9 & 1 \\ -9 & 4 & 0 & 8 \\ 3 & -2 & 2 & -3 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -279 & -227 & -182 \\ 66 & -108 & -189 \\ 0 & -324 & -198 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -18 & 4 & -8 \\ 0 & 5 & -9 \\ 0 & 0 & -19 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 2 & 6 & 3 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 1 & 5 & 6 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 1 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 8 & 7 & 9 & 3 & 5 & 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-719} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 3 & 2 & 5 & 6 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 71 & -35 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -30 & 71 & -35 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -30 & 71 & -35 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 71 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	1	-4	-3	0	2
f(x)	7	847	239	-1	79

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -8 \\ 6 \\ -2 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \\ 8 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -2 \\ -7 \\ 8 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 4 \\ -1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 5 & 2 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & -3 \\ -3 & 5 & 2 & -2 \\ 2 & 5 & 5 & \lambda \end{bmatrix}$$