Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 224 ПИ. Вариант 26

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
-2 & -17 & 12 \\
-10 & -17 & 7 \\
8 & 9 & -19
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -5 & -3 & -5 & -7 \\ 5 & -2 & 6 & -8 \\ -9 & 6 & 3 & -2 \\ 0 & -7 & -3 & -8 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 156 & 110 & 24 \\ -57 & -16 & 10 \\ -2 & 4 & 20 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -5 & -11 & 15 \\ 0 & 4 & -8 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 6 & 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 4 & 6 & 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & 5 & 3 & 6 & 4 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 8 & 3 & 5 & 7 & 1 & 4 & 6 & 9 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-797}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 5 & 6 & 3 & 7 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 111 & 42 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 72 & 111 & 42 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 72 & 111 & 42 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 111 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	3	-3	0	-1	1
f(x)	-116	-248	-2	-12	0

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \\ 7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -7 \\ -4 \\ -2 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -8 \\ -7 \\ -1 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 9 \\ -4 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & -4 & 2 \\ 1 & -2 & -5 & 4 \\ -4 & 3 & -4 & 4 \\ -4 & 5 & 5 & \lambda \end{bmatrix}$$