Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 226 ПИ. Вариант 20

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 4 & -18 & -13 \\ -4 & 10 & -10 \\ -12 & 8 & -2 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 6 & -10 & 8 & 8 \\ 1 & -5 & -2 & -8 \\ -1 & -4 & -9 & 8 \\ 7 & 7 & -7 & -10 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -124 & 103 & 125 \\ -234 & -57 & -75 \\ 72 & 96 & 96 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & -9 & 1 \\ 0 & -10 & -13 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & 5 & 6 & 4 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 6 & 5 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 6 & 4 & 9 & 5 & 1 & 2 & 3 & 7 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-823} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 3 & 6 & 1 & 7 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix}
-5 & -12 & 0 & 0 & \dots & 0 \\
2 & -5 & -12 & 0 & \dots & 0 \\
0 & 2 & -5 & -12 & \dots & 0 \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -5
\end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	0	-3	-2	-4	1
f(x)	-1	-211	-43	-645	5

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_{1} = \begin{bmatrix} -9 \\ -2 \\ -9 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ -8 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} 3 \\ -3 \\ -9 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -5 \\ -1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 0 & -2 & -4 & 3 \\ 0 & 0 & 5 & 3 \\ 1 & 3 & 2 & 5 \\ -5 & -1 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$