Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 221 ПИ. Вариант 38

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
17 & -17 & 1 \\
14 & 19 & -19 \\
10 & -8 & 17
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -10 & 5 & 2 & 0 \\ 5 & 0 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & 4 & 1 \\ 6 & 0 & -6 & -7 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 317 & 327 & 110 \\ 159 & -69 & -198 \\ 208 & -48 & -224 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 17 & 15 & -2 \\ 0 & -3 & -13 \\ 0 & 0 & -17 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 5 & 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 2 & 5 & 1 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 1 & 2 & 6 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 6 & 9 & 4 & 3 & 7 & 2 & 8 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-787} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 6 & 5 & 3 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 22 & -18 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -4 & 22 & -18 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -4 & 22 & -18 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 22 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	3	4	-1	-2	-4
f(x)	415	1248	3	30	744

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -2\\3\\-7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 1\\3\\-8 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 2\\-3\\5 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -1\\-1\\\lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -3 & 2 & 1 \\ -5 & 5 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 4 & -1 \\ 3 & -5 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$