Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 225 ПИ. Вариант 3

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
13 & -2 & -9 \\
-8 & 0 & -20 \\
2 & 5 & -10
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 7 & 1 & 0 \\ -2 & 0 & -2 & -7 \\ 5 & -1 & 2 & -5 \\ -5 & 6 & 8 & -4 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -158 & -316 & -174 \\ -36 & 336 & 156 \\ -66 & 66 & 18 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 18 & -6 \\ 0 & -13 & 12 \\ 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 1 & 5 & 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 4 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 2 & 5 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 5 & 7 & 4 & 9 & 6 & 1 & 2 & 3 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-787} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 3 & 6 & 5 & 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-2	4	0	3	-1
f(x)	-34	-808	-4	-259	-3

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_{1} = \begin{bmatrix} -9 \\ -1 \\ -3 \end{bmatrix}, a_{2} = \begin{bmatrix} 7 \\ -5 \\ -6 \end{bmatrix}, a_{3} = \begin{bmatrix} -1 \\ -5 \\ -2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 5 & -3 & 4 \\ 5 & -3 & -2 & 0 \\ -4 & 0 & 1 & -5 \\ 4 & -5 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$