

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 10 & -2 & -12 \\ -9 & 4 & 0 \\ 13 & -11 & -16 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 6 & -4 & 4 & 9 \\ -2 & -5 & -1 & 0 \\ -3 & -2 & 3 & 5 \\ 8 & -10 & 7 & -9 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 445 & -609 & 57 \\ -446 & 271 & 148 \\ -380 & 280 & 140 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 18 & 4 & 18 \\ 0 & 4 & -19 \\ 0 & 0 & -21 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 1 & 3 & 6 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 2 & 3 & 4 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 4 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & 6 & 2 & 9 & 3 & 8 & 1 & 5 & 4 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-811}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 5 & 7 & 3 & 1 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 12 & 40 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -16 & 12 & 40 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -16 & 12 & 40 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 12 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	-4	1	-2	0	3
$f(x)$	920	10	70	4	220

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \\ -10 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \\ 7 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -3 \\ -6 \\ -5 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 5 \\ -4 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & 5 \\ 4 & 1 & -1 & -5 \\ -4 & 4 & 2 & 4 \\ -3 & 4 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$