Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 226 ПИ. Вариант 42

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -16 & 16 & 1 \\ -7 & 3 & 12 \\ -3 & 5 & 4 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -2 & -6 & 7 & 3 \\ -10 & -2 & -2 & -8 \\ 9 & -7 & -3 & -2 \\ 1 & -6 & 4 & -2 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 190 & -84 & 234 \\ 131 & -8 & -13 \\ 14 & 28 & -70 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -9 & -16 & 10 \\ 0 & -7 & -11 \\ 0 & 0 & -15 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 4 & 2 & 3 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 1 & 3 & 2 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 2 & 1 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 1 & 9 & 6 & 8 & 7 & 5 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-751} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 6 & 2 & 1 & 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 9 & 1 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 9 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-3	2	-1	3	-4
f(x)	279	64	1	333	928

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 7 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ -8 \\ -7 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -1 \\ -2 \\ 2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -7 \\ -3 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -4 & -4 & 5 & -4 \\ 0 & -2 & -2 & 2 \\ -1 & 2 & -5 & -5 \\ -2 & -4 & -4 & \lambda \end{bmatrix}$$