Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 2210 ПИ. Вариант 28

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
17 & 17 & 6 \\
-12 & 17 & -8 \\
18 & -7 & 10
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -3 & 3 & -6 \\ 0 & -1 & -7 & -4 \\ -6 & 5 & -9 & 2 \\ 8 & 2 & 4 & -8 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -97 & -172 & 469 \\ -89 & -10 & 1 \\ 12 & 24 & -64 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 16 & -8 & 12 \\ 0 & -8 & -3 \\ 0 & 0 & -5 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 6 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 5 & 2 & 6 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 2 & 6 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 8 & 7 & 5 & 1 & 4 & 3 & 9 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-797} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 5 & 4 & 2 & 6 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 12 & 6 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 12 & 6 & 0 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 6 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-2	0	3	-3	-1
f(x)	26	-4	131	95	3

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 9 \\ -2 \\ 5 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ 3 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 7 \\ -3 \\ 2 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 8 \\ 7 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 5 & 4 \\ 1 & 5 & 0 & -1 \\ 2 & 0 & -2 & -2 \\ 0 & -5 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$