Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 223 ПИ. Вариант 19

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -11 & 10 & 17 \\ 4 & 1 & -4 \\ -4 & 12 & 1 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 7 & -10 & -10 \\ -1 & 8 & 5 & 5 \\ -5 & -10 & -8 & 5 \\ -1 & 6 & -10 & 7 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 62 & -353 & -283 \\ -126 & -510 & -460 \\ -209 & -380 & -380 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -6 & -12 & 8 \\ 0 & -11 & 16 \\ 0 & 0 & 18 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 3 & 5 & 6 & 1 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 6 & 4 & 1 & 3 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 6 & 2 & 1 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 9 & 5 & 1 & 6 & 7 & 8 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-719}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 7 & 2 & 6 & 3 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 1 & 15 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -2 & 1 & 15 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -2 & 1 & 15 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	-4	4	-3	2	0
f(x)	-956	-964	-285	-50	0

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 6 \\ 5 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -6 \\ 9 \\ 9 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 6 \\ -10 \\ 4 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -1 \\ -10 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 2 & -1 & -1 \\ 5 & 0 & 5 & 3 \\ -4 & -5 & 1 & 4 \\ 2 & 0 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$