Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 223 ПИ. Вариант 11

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
19 & 8 & 8 \\
7 & 15 & 14 \\
5 & -10 & 2
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -8 & -7 & -1 & -3 \\ -4 & 4 & -5 & 5 \\ -9 & 9 & 0 & -2 \\ -2 & 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 108 & -50 & -96 \\ 95 & -86 & 164 \\ 60 & -24 & 56 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -15 & -2 & -6 \\ 0 & -11 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 6 & 5 & 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 4 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 5 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 5 & 2 & 1 & 4 & 8 & 9 & 7 & 6 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-811} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 4 & 6 & 2 & 3 & 7 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	-4	-3	-1	2	4
f(x)	322	86	4	46	674

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 7 \\ -9 \\ -6 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \\ -8 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -1 \\ -7 \\ 9 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -10 \\ 9 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -4 & -5 & 2 & 4 \\ 0 & -5 & 2 & 0 \\ -4 & 5 & 0 & 4 \\ -4 & -4 & -4 & \lambda \end{bmatrix}$$