Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 222 ПИ. Вариант 29

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -11 & -19 & -3 \\ -4 & 12 & 12 \\ 15 & -4 & 19 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 8 & -7 & 3 & -8 \\ 4 & 5 & 3 & 8 \\ -8 & -6 & -10 & 8 \\ -9 & 2 & -10 & -5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 304 & -406 & -34 \\ 176 & 78 & 10 \\ -81 & -108 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 13 & 11 & -19 \\ 0 & 4 & 9 \\ 0 & 0 & -10 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 6 & 4 & 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 4 & 1 & 6 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 3 & 7 & 6 & 2 & 1 & 5 & 9 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-821}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 4 & 6 & 2 & 1 & 3 & 5 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} -31 & 36 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 3 & -31 & 36 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 3 & -31 & 36 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -31 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	1	0	-4	2	-2
f(x)	-4	-2	-874	-46	-70

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} -9\\1\\-1 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -2\\-3\\3 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 2\\5\\1 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 6\\3\\\lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -5 & -4 & -5 \\ -2 & -4 & 2 & 4 \\ 1 & 2 & -4 & 2 \\ -4 & -5 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$