

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -12 & -13 & 17 \\ 14 & 9 & 12 \\ 1 & 4 & 13 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 4 & 4 & 1 \\ -3 & -9 & 8 & -1 \\ 1 & -6 & 3 & -7 \\ -8 & 3 & -7 & 5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение $X = A - BX$ относительно X , где

$$A = \begin{pmatrix} 210 & -364 & -35 \\ 60 & 188 & -227 \\ 36 & 96 & -114 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -15 & 0 & 7 \\ 0 & -2 & -12 \\ 0 & 0 & -7 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 5 & 1 & 2 & 6 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 1 & 2 & 6 & 4 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 4 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 5 & 8 & 9 & 4 & 2 & 1 & 7 & 6 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-827} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 1 & 2 & 3 & 6 & 4 & 5 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -15 & 56 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -56 & -15 & 56 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -56 & -15 & 56 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -15 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	4	-2	1	0	3
$f(x)$	919	85	7	3	285

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -4 \\ -5 \\ -10 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -5 \\ -9 \\ 6 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \\ -3 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -9 \\ 9 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 0 & 1 \\ 5 & 3 & 3 & 1 \\ 4 & -3 & -2 & 2 \\ 3 & -3 & 5 & \lambda \end{bmatrix}$$