Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 222 ПИ. Вариант 38

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
-3 & -2 & 19 \\
-12 & -16 & 13 \\
-7 & 13 & -9
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -10 & -3 & -8 \\ 7 & 4 & 0 & -9 \\ 2 & -3 & 2 & 2 \\ 7 & -8 & 7 & 8 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} 182 & -57 & -56 \\ -68 & 24 & -332 \\ -38 & 0 & -266 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -14 & 15 & -6 \\ 0 & 5 & 16 \\ 0 & 0 & 18 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & 6 & 5 & 4 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 2 & 3 & 1 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 2 & 5 & 6 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 3 & 4 & 8 & 6 & 7 & 9 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-739} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 6 & 3 & 7 & 5 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix}
-13 & -42 & 0 & 0 & \dots & 0 \\
42 & -13 & -42 & 0 & \dots & 0 \\
0 & 42 & -13 & -42 & \dots & 0 \\
\dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -13
\end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

х	2	1	0	-1	4
f(x)	56	8	0	2	632

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -5 \\ -10 \\ 4 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -7 \\ 8 \\ 3 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 9 \\ 3 \\ -4 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 8 \\ 1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -5 & -4 & -3 & 1 \\ 0 & 5 & 1 & 1 \\ 5 & -2 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$