

1. Привести матрицу  $A$  к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & 13 \\ -3 & 14 & 3 \\ -7 & 1 & -7 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы  $A$ , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 3 & 6 & -4 \\ -6 & -5 & 8 & -3 \\ 5 & 5 & -8 & -6 \\ 2 & -7 & 7 & -9 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение  $X = A - BX$  относительно  $X$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 371 & 105 & -285 \\ -213 & -1 & -27 \\ -24 & -48 & 30 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -14 & 13 & -9 \\ 0 & -18 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки  $X$ , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 1 & 6 & 2 & 3 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 1 & 5 & 2 & 6 & 3 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 6 & 5 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 9 & 7 & 5 & 2 & 6 & 3 & 8 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-773}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 4 & 7 & 6 & 2 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -60 & -9 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -36 & -60 & -9 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -36 & -60 & -9 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -60 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

$x$	4	0	-2	-3	2
$f(x)$	-355	1	-73	-278	-13

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор  $b$  линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$

$$a_1 = \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \\ 9 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ -4 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ -3 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 6 \\ 5 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & -5 & 1 & -2 \\ -4 & -2 & -2 & 5 \\ 5 & -2 & -1 & 0 \\ 1 & -3 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$