Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 226 ПИ. Вариант 44

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
3 & 15 & -6 \\
-11 & -8 & -3 \\
-1 & 14 & 4
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 3 & 0 & -8 \\ 3 & 3 & -2 & -5 \\ -10 & 2 & -4 & 7 \\ 8 & 8 & 6 & -6 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -326 & -141 & 310 \\ 300 & 180 & 60 \\ -24 & -10 & 40 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 13 & 18 & -7 \\ 0 & -21 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 6 & 5 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 6 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 5 & 6 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 4 & 9 & 7 & 6 & 3 & 8 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-733} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 3 & 5 & 1 & 2 & 7 & 6 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 35 & -12 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -8 & 35 & -12 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -8 & 35 & -12 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 35 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	0	-2	-1	1	-4
f(x)	-4	-46	-10	2	-448

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -8 \\ 3 \\ 7 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -3 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ -9 \\ 0 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -4 \\ 3 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 4 & -2 \\ 5 & 1 & 1 & -1 \\ -1 & 3 & 5 & -1 \\ -2 & -3 & -1 & \lambda \end{bmatrix}$$