

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -19 & 16 & 5 \\ 19 & 12 & -1 \\ -18 & -3 & -3 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 8 & 5 & 6 \\ 0 & -4 & 1 & 9 \\ 4 & -6 & 5 & -1 \\ 1 & 3 & 2 & -5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение $X = A - BX$ относительно X , где

$$A = \begin{pmatrix} 472 & -238 & 301 \\ 105 & -80 & 110 \\ 170 & -60 & 100 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -8 & -8 & -18 \\ 0 & -11 & 5 \\ 0 & 0 & -11 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 4 & 6 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 2 & 6 & 4 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 5 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 7 & 6 & 2 & 9 & 3 & 5 & 1 & 4 & 8 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-727} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 6 & 3 & 2 & 5 & 7 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -24 & 7 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 9 & -24 & 7 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 9 & -24 & 7 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -24 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	-4	4	-3	-1	3
$f(x)$	387	155	134	0	44

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \\ -6 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -7 \\ -5 \\ -4 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -4 \\ -10 \\ 6 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -9 \\ -8 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -4 & 1 & 2 \\ 4 & 3 & -2 & 1 \\ 1 & 5 & 2 & 5 \\ -1 & 3 & -3 & \lambda \end{bmatrix}$$