

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix} -10 & 18 & -4 \\ -14 & -20 & 19 \\ 11 & -1 & 15 \end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A , используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 & -2 \\ -4 & 5 & -5 & -5 \\ -3 & -4 & 0 & -2 \\ -1 & -8 & -9 & -5 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение $X = A - BX$ относительно X , где

$$A = \begin{pmatrix} 45 & -50 & 88 \\ 7 & -82 & -175 \\ 0 & -36 & -252 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -4 & 12 & 14 \\ 0 & 6 & -6 \\ 0 & 0 & -19 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X , где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 1 & 2 & 3 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 6 & 4 & 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 1 & 5 & 3 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 3 & 1 & 8 & 9 & 5 & 6 & 2 & 7 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-719} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 2 & 6 & 7 & 3 & 4 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{vmatrix} -28 & -49 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -3 & -28 & -49 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -3 & -28 & -49 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & -28 \end{vmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x	0	-1	2	-3	-2
$f(x)$	-3	0	-75	-150	-19

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} 8 \\ 2 \\ -6 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} 4 \\ -7 \\ 3 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -4 \\ -6 \\ 7 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -9 \\ -1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 5 & -2 & 1 \\ 3 & 0 & -2 & -5 \\ 0 & 3 & 3 & -1 \\ 2 & 3 & 4 & \lambda \end{bmatrix}$$