Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 227 ПИ. Вариант 26

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
5 & -11 & -3 \\
-10 & 1 & -3 \\
10 & -8 & 8
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} -10 & 8 & 6 & -1 \\ 0 & 4 & 2 & -8 \\ -4 & 3 & 0 & -2 \\ 4 & -7 & -1 & -6 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -257 & -45 & -168 \\ 179 & -185 & 0 \\ -16 & -10 & 19 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 15 & -1 & 5 \\ 0 & 18 & 9 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение  $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$  относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 2 & 1 & 6 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 1 & 3 & 4 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 3 & 1 & 2 & 4 & 5 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 8 & 7 & 6 & 5 & 9 & 3 & 2 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить  $\sigma^{-773}$ .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 1 & 2 & 7 & 6 & 5 & 3 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

$$\begin{bmatrix} 29 & -36 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -5 & 29 & -36 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & -5 & 29 & -36 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 29 \end{bmatrix}$$

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

x		-1	-2	2	4	3
f(x)	)	3	31	15	163	51

9. Найти все значения  $\lambda$ , при которых вектор b линейно выражается через  $a_1, a_2, a_3$ 

$$a_1 = \begin{bmatrix} -2 \\ -9 \\ 9 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -5 \\ 7 \\ -5 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -7 \\ 3 \\ -3 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} -6 \\ 7 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра  $\lambda$ 

$$A = \begin{bmatrix} -5 & 2 & -1 & 1 \\ -4 & -5 & -4 & 5 \\ -4 & -5 & 5 & -4 \\ -4 & 5 & 3 & \lambda \end{bmatrix}$$