Домашнее задание 1. Курс "Алгебра". 2022-2023 уч. год. 2210 ПИ. Вариант 12

1. Привести матрицу A к каноническому виду, указав соответствующие элементарные преобразования:

$$\begin{pmatrix}
9 & -5 & 6 \\
0 & -1 & -4 \\
-12 & 5 & -12
\end{pmatrix}$$

2. Найти LU-разложение матрицы A, используя метод Гаусса

$$A = \begin{bmatrix} 6 & 4 & 6 & 4 \\ 9 & -1 & -10 & 2 \\ -5 & 2 & -8 & -10 \\ -4 & -6 & 0 & -3 \end{bmatrix}$$

3. Решить матричное уравнение X = A - BX относительно X, где

$$A = \begin{pmatrix} -43 & -95 & 6 \\ 128 & 64 & 34 \\ -1 & -17 & 14 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 8 & -14 & -8 \\ 0 & 10 & 4 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

4. Решите уравнение $ABA^{-2} = C^{-1}XC^{-1}$ относительно подстановки X, где:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 3 & 2 & 6 & 1 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 2 & 1 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 2 & 3 & 6 & 5 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

5. Разложите подстановку

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 4 & 6 & 2 & 1 & 8 & 3 & 9 & 7 & 5 \end{pmatrix}$$

В произведение независимых циклов. Определить порядок подстановки. Вычислить σ^{-751} .

6. Найдите все подстановки, перестановочные с данной

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 4 & 2 & 7 & 6 & 5 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Найти определитель:

8. Найти многочлен наименьшей степени по таблице его значений

| x | 0 | -2 | 3 | -3 | -4 |
|------|---|----|-----|-----|-----|
| f(x) | 0 | 44 | -36 | 180 | 496 |

9. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3

$$a_1 = \begin{bmatrix} -4 \\ 6 \\ -8 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -3 \\ -4 \\ 4 \end{bmatrix}, a_3 = \begin{bmatrix} -1 \\ -3 \\ -6 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ \lambda \end{bmatrix}$$

10. Найти ранг матрицы в зависимости от вещественного параметра λ

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 0 & 0 \\ 0 & 4 & -2 & 0 \\ -5 & 0 & 4 & -1 \\ 5 & -1 & 1 & \lambda \end{bmatrix}$$