Zero-Knowledge Protocols

Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

Zero-Knowledge Protocols

HOW TO ACHIEVE A COMMUNICATION GOAL WITHOUT LEAKING JUST ANYTHING?

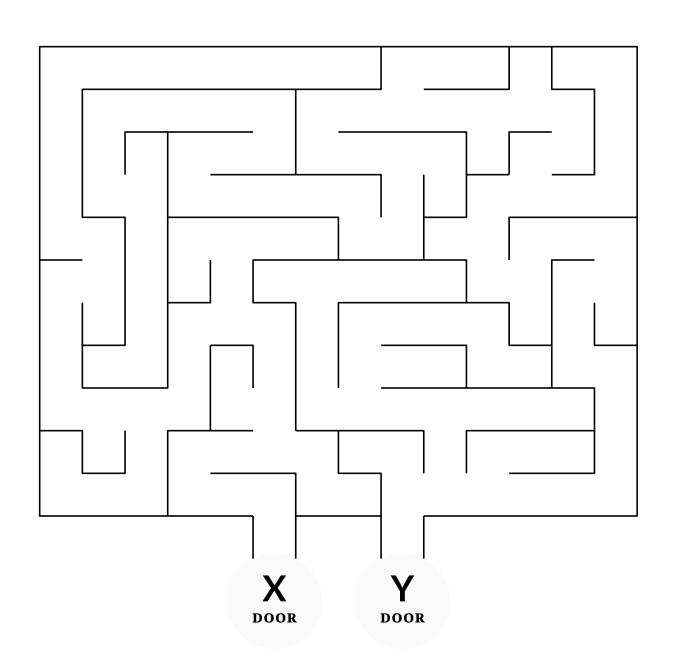
Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

Zero-Knowledge Protocols

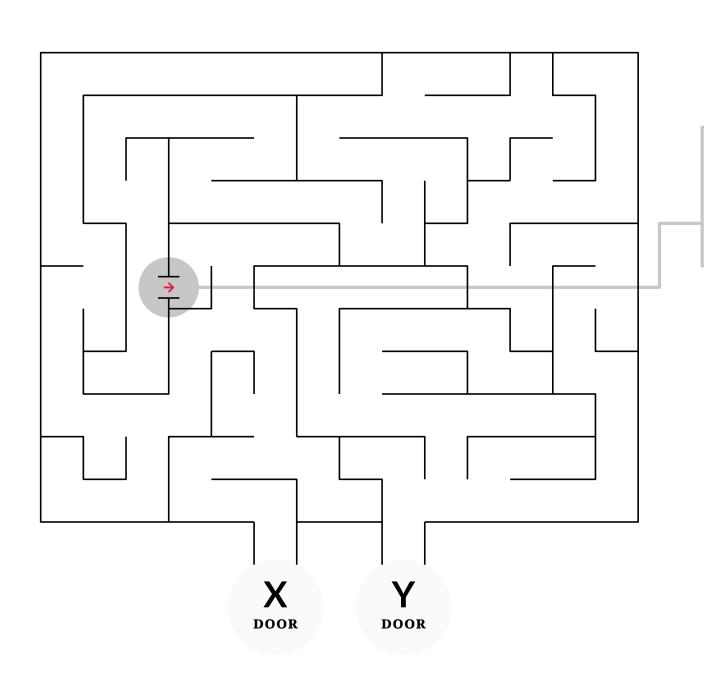
ต้องการสื่อสารเพื่อบรรลุ เป้าหมายบางอย่างโดย ไม่เปิดเผยอะไรนอก เหนือจากที่จำเป็น

Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

Act I IN-DEPTH TECHNICAL DEMO

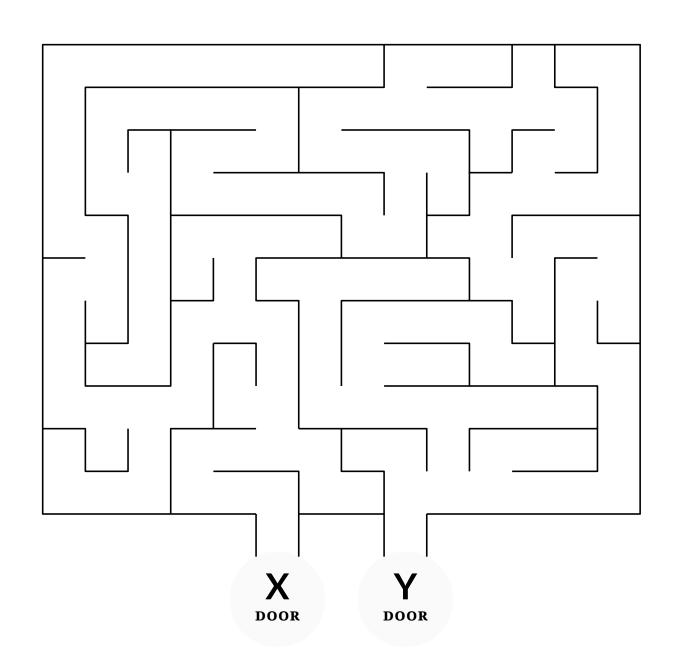


เขาวงกตมีทางเข้า-ออก 2 ทาง และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วยกลไกปริศนาอย่างหนึ่ง



เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

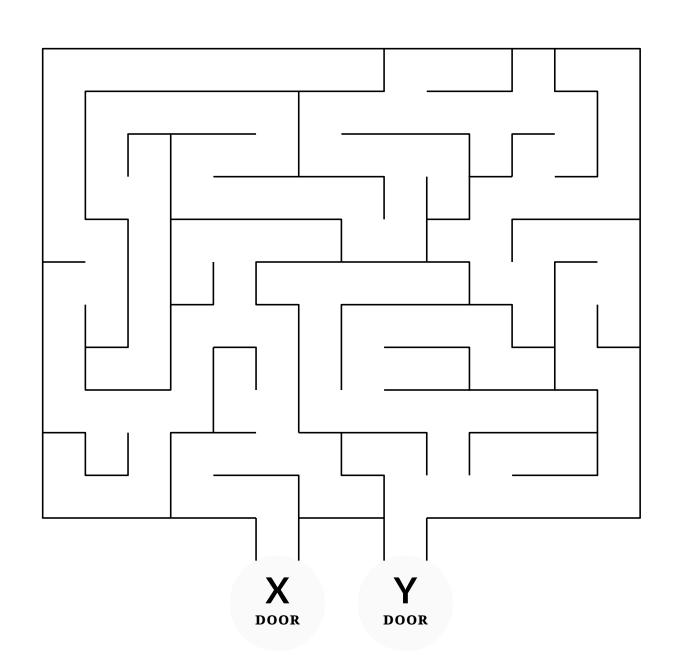


เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**



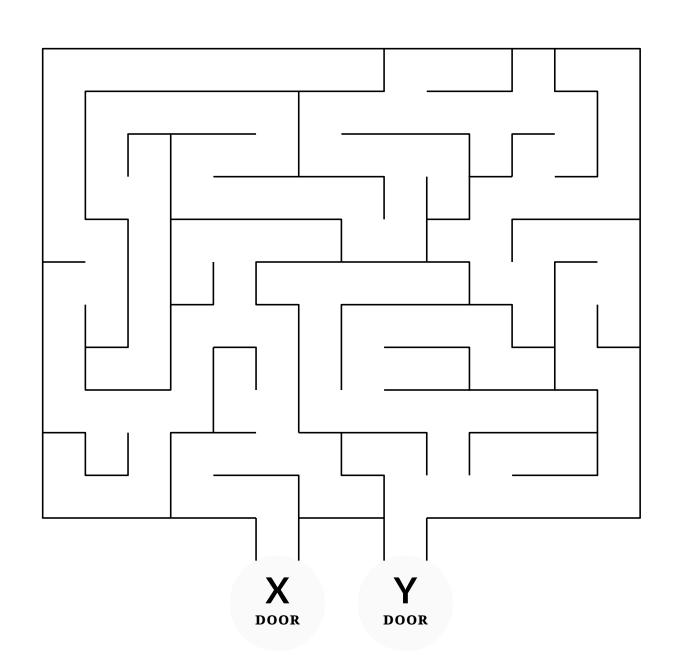
เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

เรา<u>ไม่เชื่อ</u>แกหรอก!!!



เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

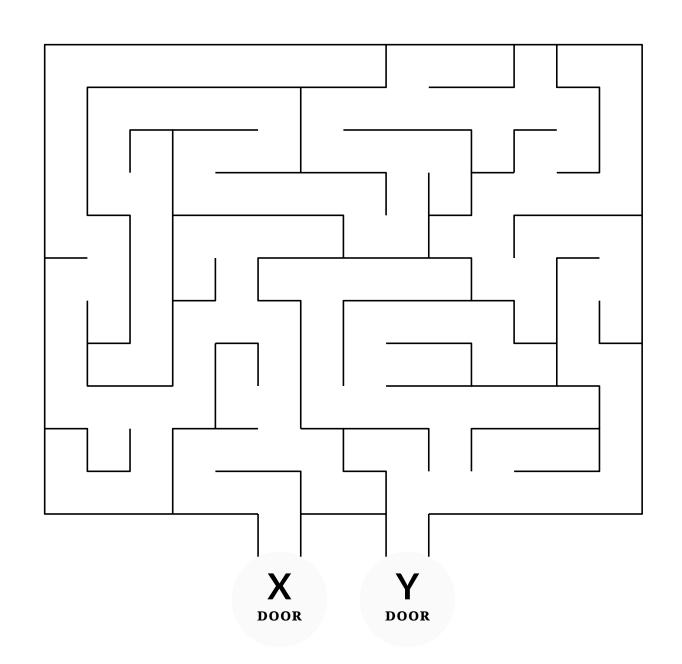
(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง



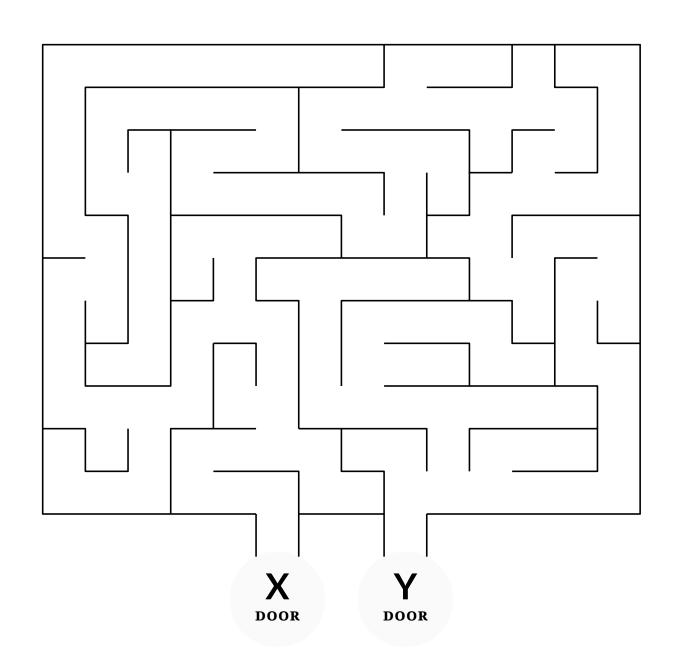
Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

เรา<u>ไม่เชื่อ</u>แกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยากโดนสปอยล์อะ -_-



Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

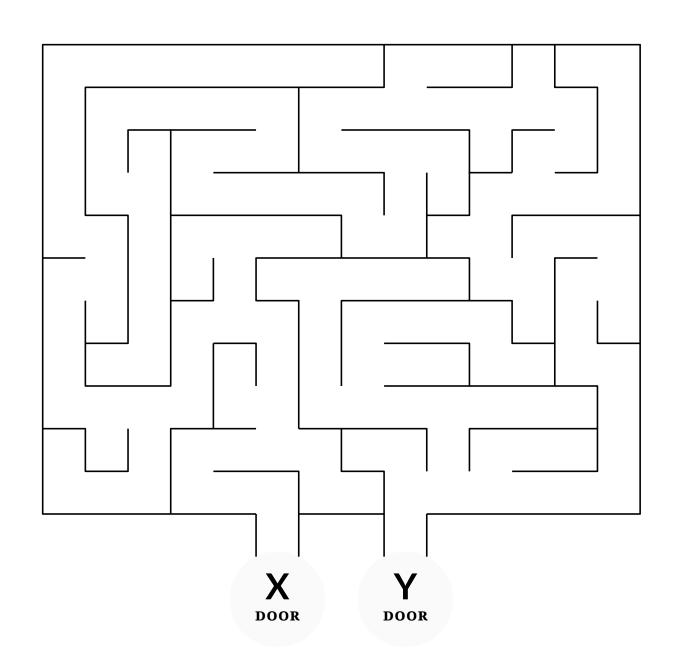
ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง



Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

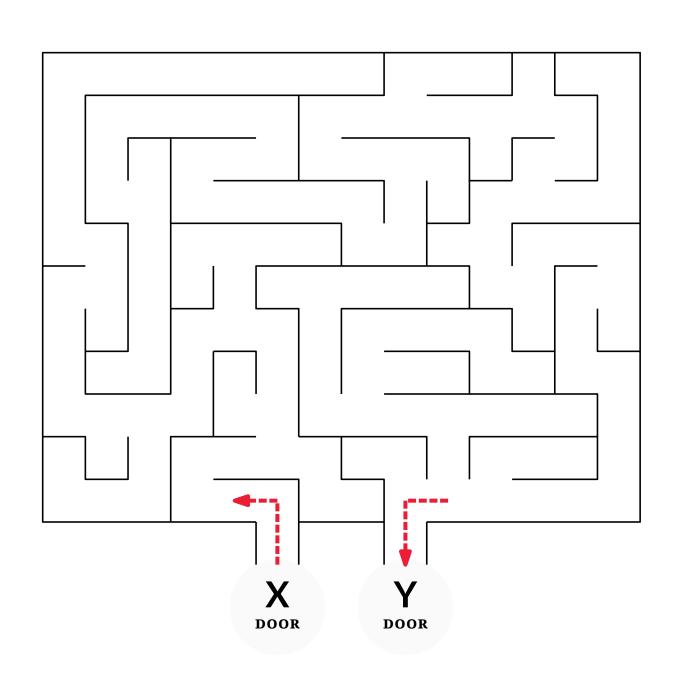
เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ



ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y**

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

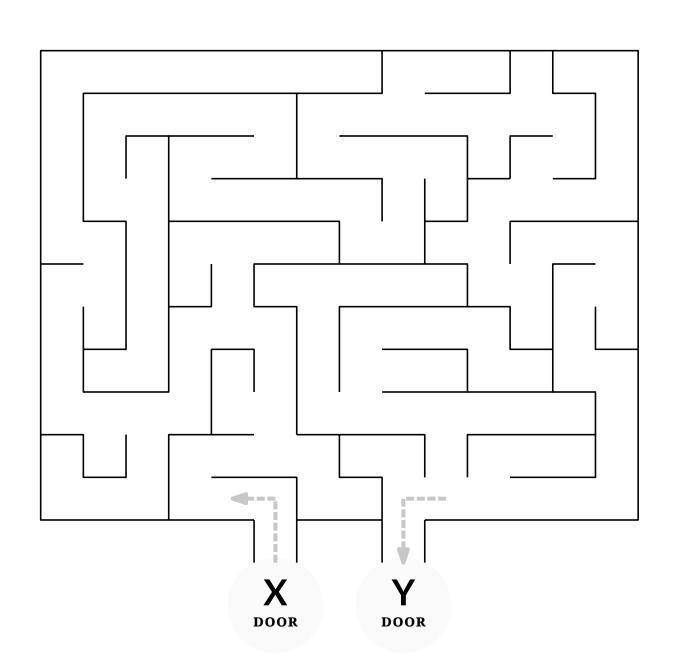
มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ



เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

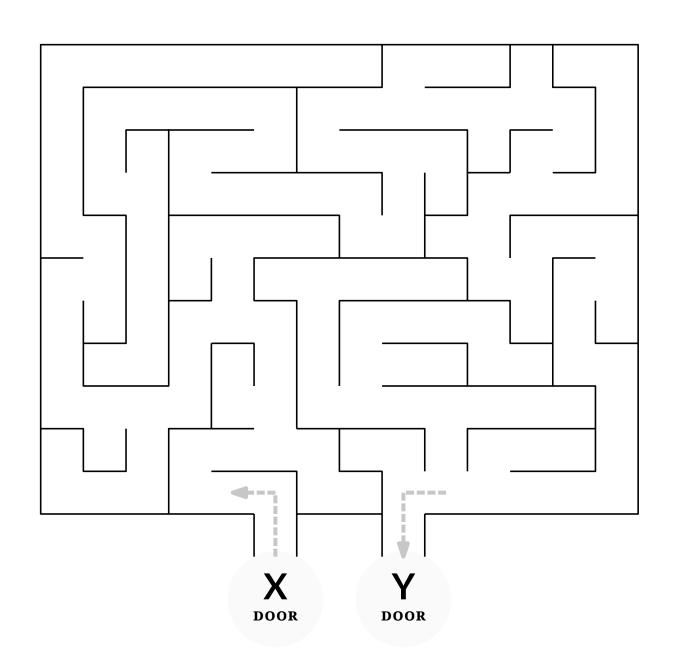
ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับ<u>ให้คำใบ้</u>หนะสิ



มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง

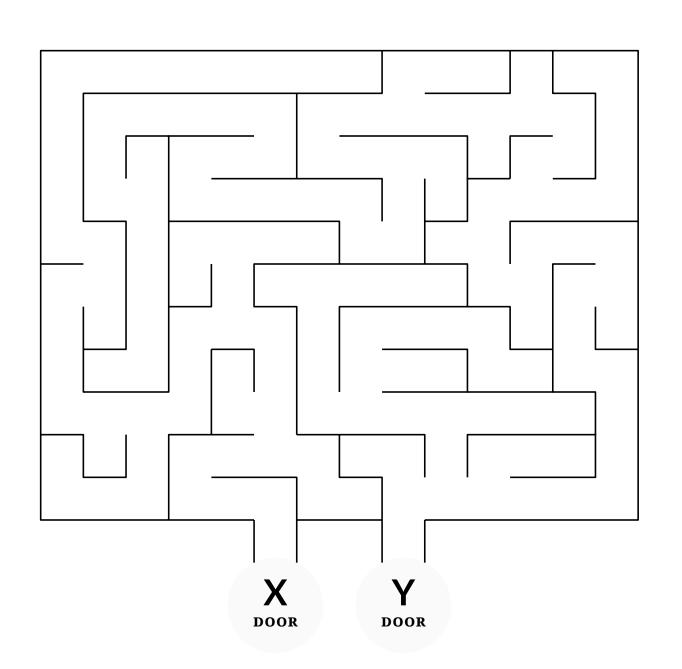
จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับ<u>ให้คำใบ้</u>หนะสิ

...ว่ามีทางเข้า–ออกเขาวงกต ที่ต้องเข้าจาก ประตู **X** แล้วออกทางประตู **Y**

ไม่เอาหรอก เราไม่อยากโดนสปอยล์อะ -_-



เธอนี่เรื่องมากจังนะ :(จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับให้คำใบ้หนะสิ

...ว่ามีทางเข้า-ออกเขาวงกต ที่ต้องเข้าจาก

ประตู X แล้วออกทางประตู Y

i IU

เธอไม่ควรรู้ด้วยซ้ำว่ามีเส้นทางแบบนั้น มันก็คือสปอยล์รูปแบบหนึ่งนะ

เป้าหมายการสื่อสาร พิสูจน์ข้อเท็จจริงบางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เป้าหมายการสื่อสาร

พิสูจน์ข้อเท็จจริงบางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข ผู้ฟังต้องไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใดนอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

เป้าหมายการสื่อสาร

พิสูจน์ข้อเท็จจริงบางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข

ผู้ฟังต้อง**ไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใด**นอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

เช่น พิสูจน์ว่า **บางปัญหามีคำตอบ** แต่ <u>ไม่บอกคำตอบ</u>

เป้าหมายการสื่อสาร

พิสูจน์ข้อเท็จจริงบางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข

ผู้ฟังต้อง**ไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใด**นอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

เช่น พิสูจน์ว่า **บางปัญหามีคำตอบ** แต่ <u>ไม่บอกคำตอบ</u>

พิสูจน์ว่า **ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป** แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด 🛗

เป้าหมายการสื่อสาร

พิสูจน์ข้อเท็จจริงบางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข

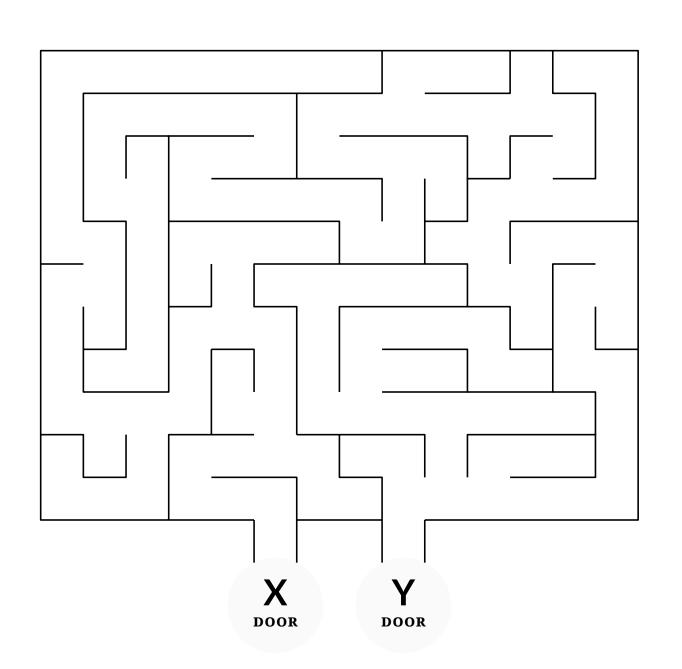
ผู้ฟังต้อง**ไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใด**นอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

เช่น พิสูจน์ว่า **บางปัญหามีคำตอบ** แต่ <u>ไม่บอกคำตอบ</u>

พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด 🛗

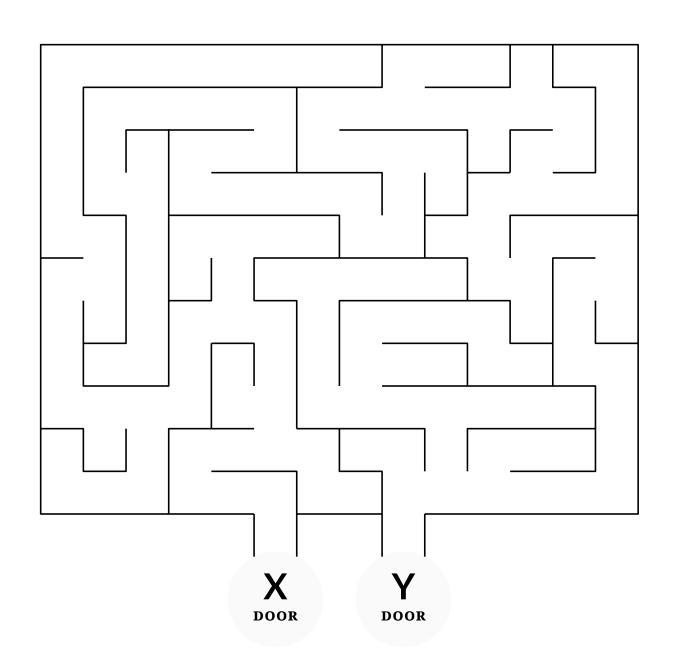
พิสูจน์ว่า **ฉันมีสิทธิเข้าถึงข้อมูล** แต่ <u>ไม่บอก credentials / secret key</u> 🔑

พิสูจน์ว่า บางปัญหาแก้ไขได้ แต่ ไม่บอกวิธีแก้ไข 😊



Alice ผู้พิสูจน์

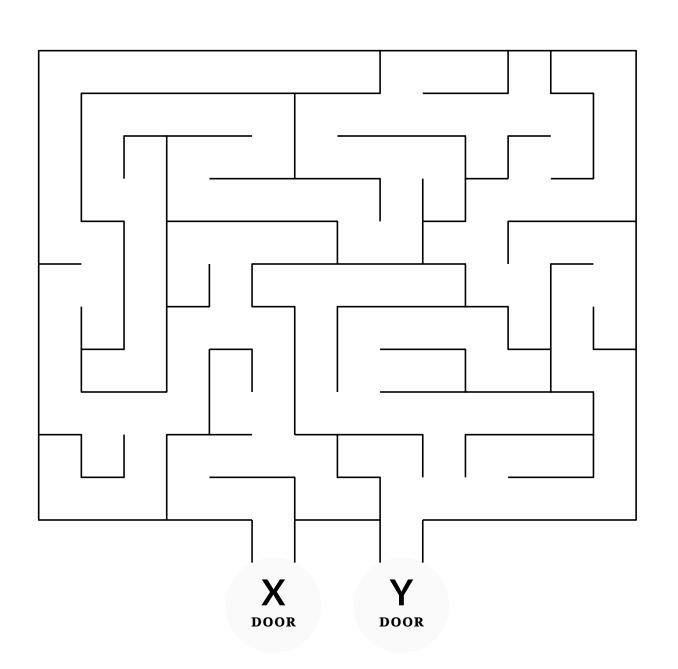
ผู้ตรวจสอบ Bob



Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

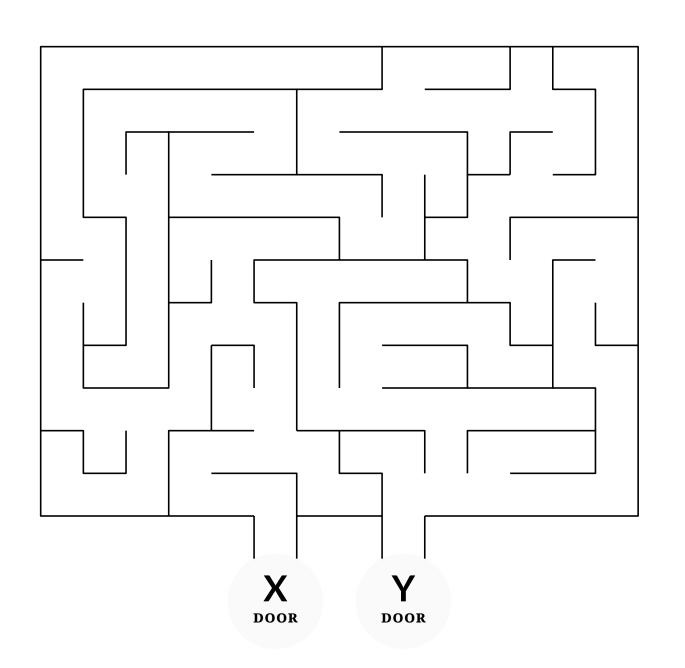


Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน



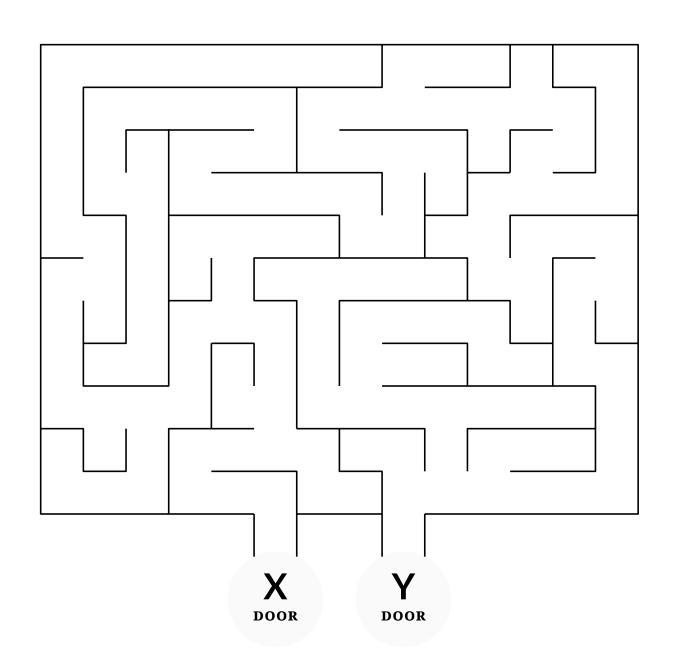
Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน

อ้าว! แล้วแบบนี้จะรู้ได้ไงว่าแกไม่ได้กลับ ออกมาทางเดิมที่แกเดินเข้าไป



Alice ผู้พิสูจน์

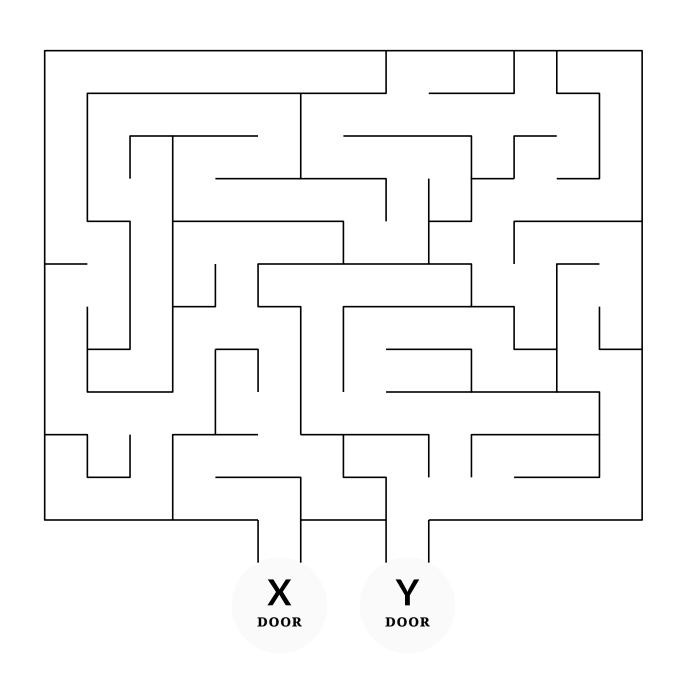
ผู้ตรวจสอบ Bob

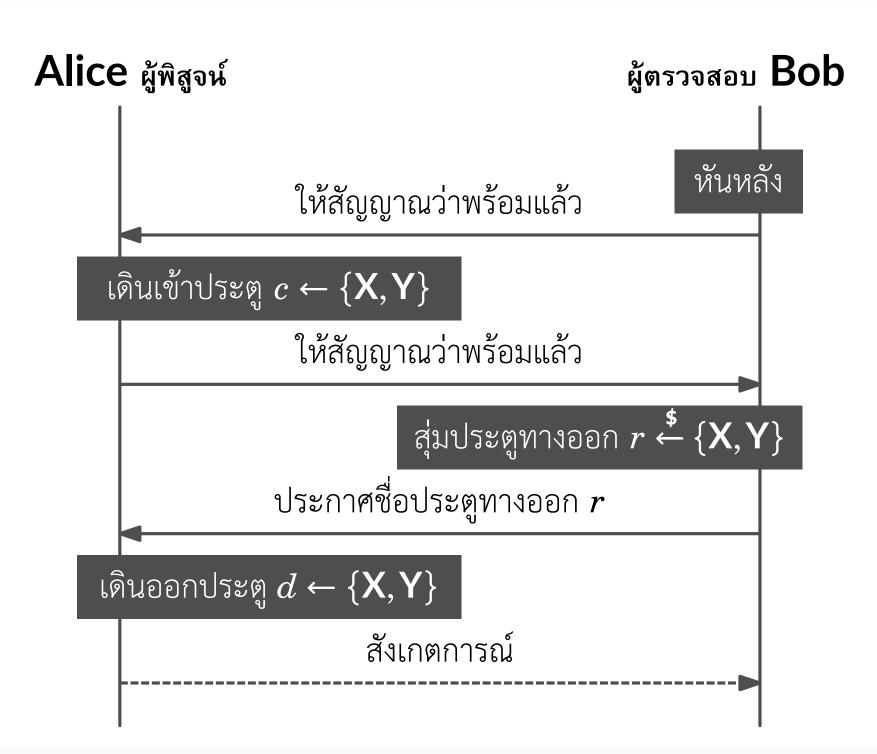
เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน

อ้าว! แล้วแบบนี้จะรู้ได้ไงว่าแกไม่ได้กลับ ออกมาทางเดิมที่แกเดินเข้าไป

เธอก็สุ่มสิว่าจะให้ฉันเดินออกทางประตูไหน <u>ถ้าฉันรู้</u>วิธีแก้เขาวงกต ฉันจะเดินออกประตู ไหนก็ได้ / แต่<u>ถ้าฉันไม่รู้</u> ฉันต้องเดาใจเธอไง





COMPLETENESS

- alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

COMPLETENESS

alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

SOUNDNESS

- ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ
- แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

COMPLETENESS

- an Alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

SOUNDNESS

- ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ
- แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

ZERO-KNOWLEDGE

- ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Bob ไม่ได้เรียนรู้สิ่งใด จาก Alice เว้นเฉพาะสิ่งที่ Bob คาดเดาได้ด้วยตัวเอง

CORRECTNESS PROPERTY

COMPLETENESS

ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

SOUNDNESS

ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ

แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

SECURITY PROPERTY

ZERO-KNOWLEDGE

ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Bob ไม่ได้เรียนรู้สิ่งใด จาก Alice เว้นเฉพาะสิ่งที่ Bob คาดเดาได้ด้วยตัวเอง

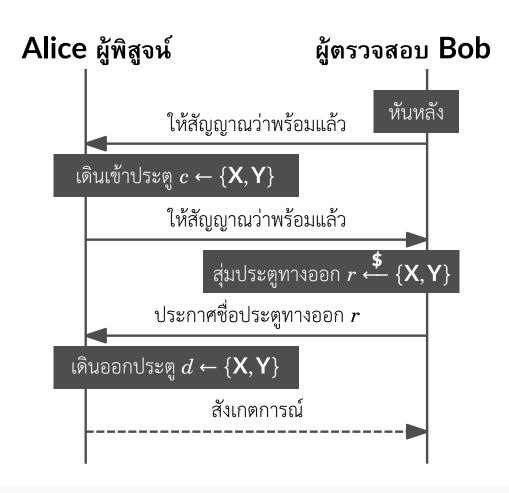
*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

COMPLETENESS

SOUNDNESS

ZERO-KNOWLEDGE

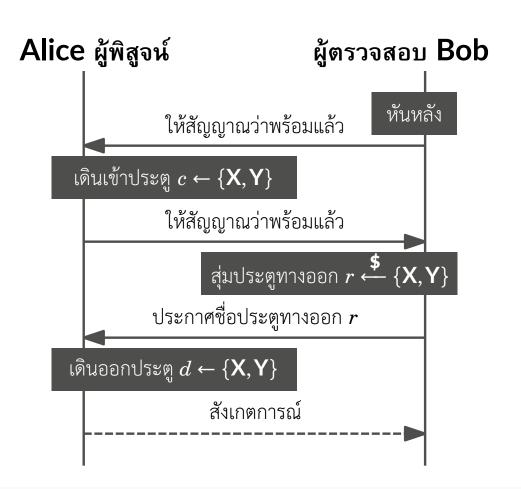


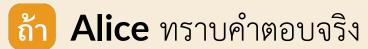
เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

COMPLETENESS

SOUNDNESS

ZERO-KNOWLEDGE





(Alice รู้เส้นทางระหว่างประตูทั้งสอง)

 $\downarrow \downarrow$

Alice สามารถเลือกออกประตูไหนก็ได้



Alice สามารถเลือกออกประตูที่ Bob กำหนดให้ได้เสมอ

เพียงแค่เลือก d=r



Bob เชื่อว่า Alice ทราบคำตอบจริง

(ด้วยความน่าจะเป็น เท่ากับ 100%)



แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่าตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

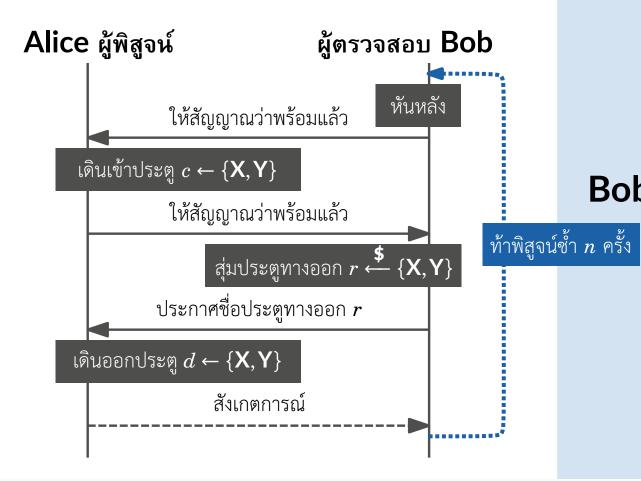
(ด้วยความน่าจะเป็น เท่ากับ 100%)

เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

COMPLETENESS

SOUNDNESS

ZERO-KNOWLEDGE



an Alice ไม่ทราบคำตอบ

Ŭ.

Alice จำเป็นต้องออกทางประตูที่เข้ามา

นั่นคือบังคับเลือก d=c

 $\downarrow \downarrow$

Alice ต้องเดาว่า Bob จะให้ออกประตูใด

โอกาสเดา c=r ถูกต้องเพียง 50% เปอร์เซ็นต์



Bob สามารถท้า Alice พิสูจน์ซ้ำได้หลายครั้ง เผื่อ(บางครั้ง)ถูกหลอก

โอกาสที่ **Bob** ถูกหลอกสำเร็จติดกันจะลดลง และความเชื่อมั่นก็จะมากขึ้น (เช่น ถ้าทดสอบ n=20 ครั้ง ความมั่นใจจะเพิ่มเป็น $1-0.5^n\approx 99.999905\%$)



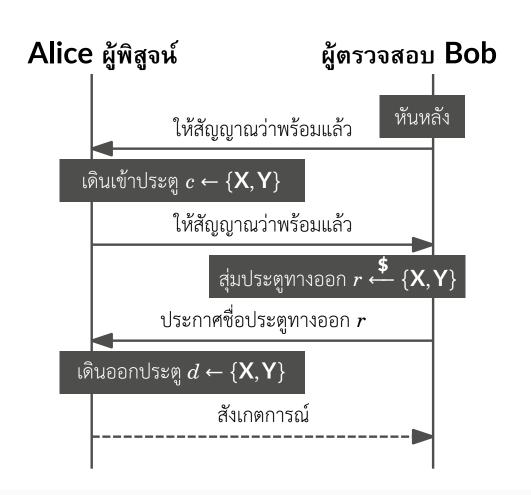
แล้ว Alice ไม่สามารถหลอกให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

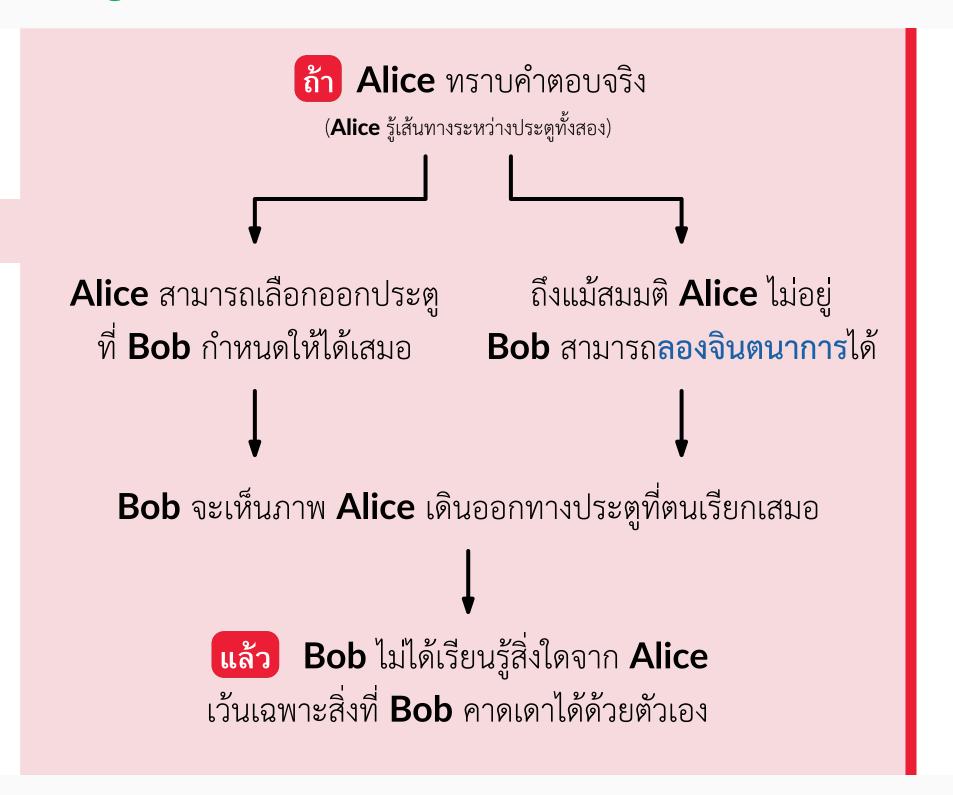
(ด้วยความน่าจะเป็น มากกว่า 99.99%)

เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

COMPLETENESS SOUNDNESS

ZERO-KNOWLEDGE





ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์



https://fidoalliance.org/

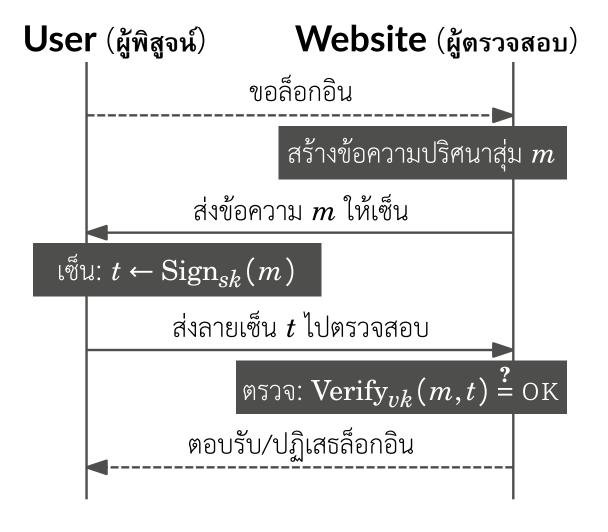
ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์



https://fidoalliance.org/

จงพิสูจน์**ความเป็นเจ้าของ**กุญแจสาธารณะ (verification key, vk) โดยใช้กุญแจส่วนตัว (signing key, sk) เซ็นข้อความปริศนาที่กำหนดให้



ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

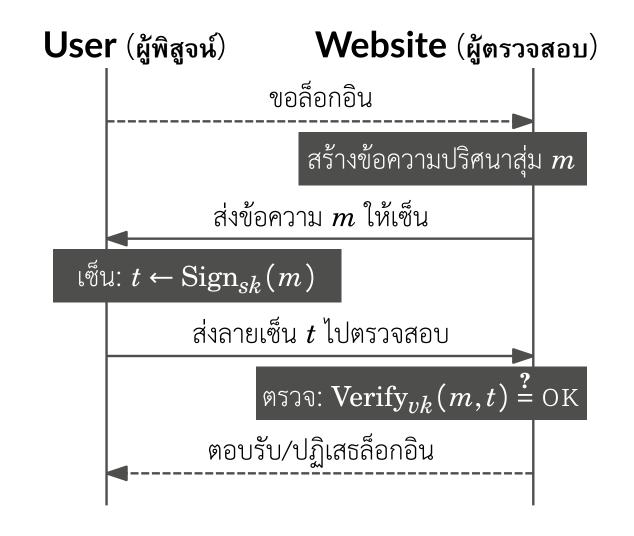
เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์

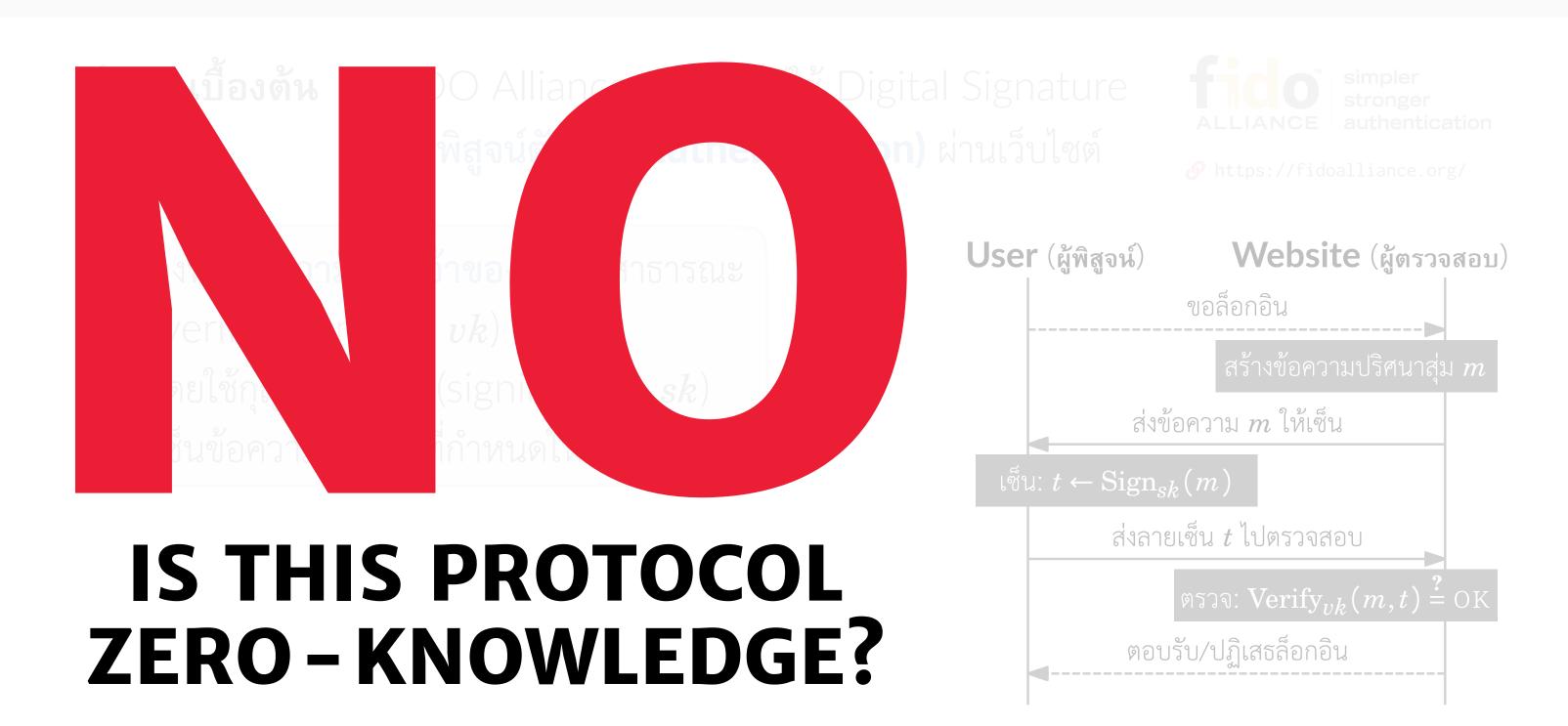


https://fidoalliance.org/

จงพิสูจน์**ความเป็นเจ้าของ**กุญแจสาธารณะ (verification key, vk) โดยใช้กุญแจส่วนตัว (signing key, sk) เซ็นข้อความปริศนาที่กำหนดให้

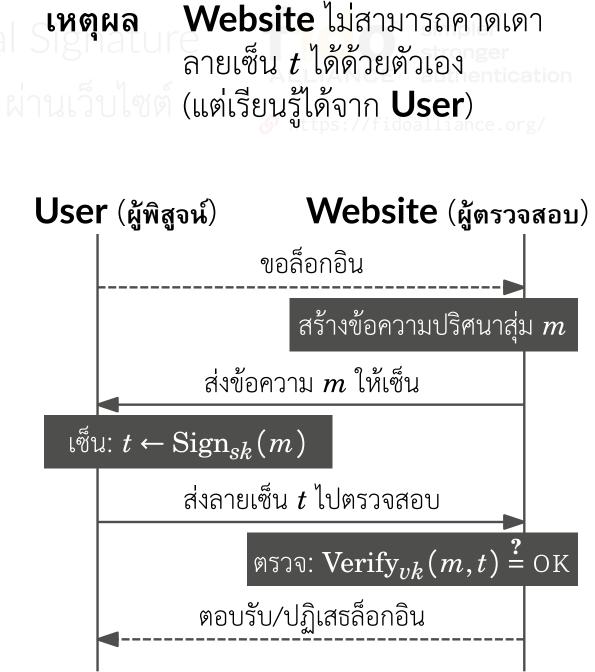
IS THIS PROTOCOL ZERO-KNOWLEDGE?







IS THIS PROTOCOL ZERO-KNOWLEDGE?



ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
8			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5 9
				8			7	9

ปัญหาซูโดกุ

ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
8 4 7			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

ปัญหาซูโดกุ

IMAGE SOURCE https://commons.wikimedia.org/wiki/
File:Sudoku_Puzzle_by_L2G-20050714_standardized_layout.svg

ต้องการพิสูจน์ว่าปริศนานี้ **มีคำตอบ** แต**่ไม่บอก**คำตอบ

ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

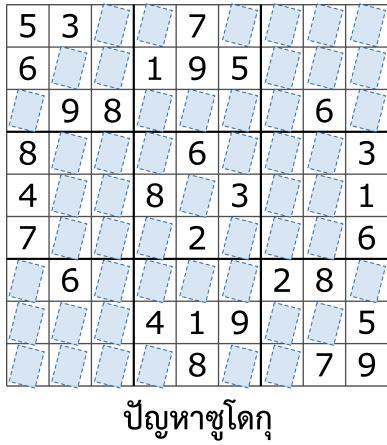


IMAGE SOURCE https://commons.wikimedia.org/wiki/ File:Sudoku_Puzzle_by_L2G-20050714_standardized_layout.svg ต้องการพิสูจน์ว่าปริศนานี้ **มีคำตอบ** แต**่ไม่บอก**คำตอบ

- https://medium.com/qed-it/ the-incredible-machine-4d1270d7363a
- http://www.wisdom.weizmann.ac.il/~naor/ PAPERS/SUDOKU_DEMO

Act II OUT IN THE FIELDS

Cryptocurrency



Generic



zk-SNARKs protocol

Cryptocurrency



Generic



เงินโอน
$$_1$$
 + เงินโอน $_2$ + \ldots + เงินโอน $_m$ = เงินรับ $_1$ + เงินรับ $_2$ + \ldots + เงินรับ $_k$

zk-SNARKs protocol

Cryptocurrency





เงินโอน
$$_1$$
 + เงินโอน $_2$ + \ldots + เงินโอน $_m$ = เงินรับ $_1$ + เงินรับ $_2$ + \ldots + เงินรับ $_k$

ซึ่งต้องพิสูจน์

🕏 สมการโอน-รับเงิน เป็นจริง 💲 เงินแต่ละก้อน มีค่าเป็นบวก

เงื่อนไข

😝 ซ่อนมูลค่าเงินแต่ละก้อน

zk-SNARKs protocol

Cryptocurrency





เงินโอน
$$_1$$
 + เงินโอน $_2$ + \ldots + เงินโอน $_m$ = เงินรับ $_1$ + เงินรับ $_2$ + \ldots + เงินรับ $_k$

ซึ่งต้องพิสูจน์

🕏 สมการโอน-รับเงิน เป็นจริง 💲 เงินแต่ละก้อน มีค่าเป็นบวก

เงื่อนไข

😝 ซ่อนมูลค่าเงินแต่ละก้อน 🛣 ซ่อนเจ้าของบัญชี

🔯 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด

🔀 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

🔀 พิสูจน์ว่า **ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป** แต่ <u>ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด</u>





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน – เวลาเกิด ≥ 18 ปี

🔯 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/ thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน – เวลาเกิด ≥ 18 ปี

ซึ่งต้องพิสูจน์ 👽 อสมการเป็นจริง

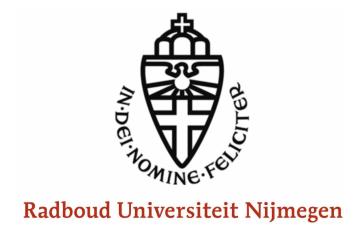
เงื่อนไข

🔖 ซ่อนวัน-เดือน-ปีเกิด/อายุ และอื่น ๆ อีกมากมาย

Attribute-based Credentials









🔯 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน – เวลาเกิด ≥ 18 ปี

ซึ่งต้องพิสูจน์

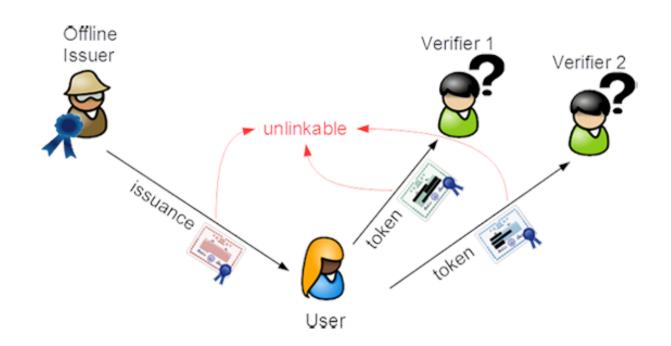
😻 อสมการเป็นจริง

เงื่อนไข

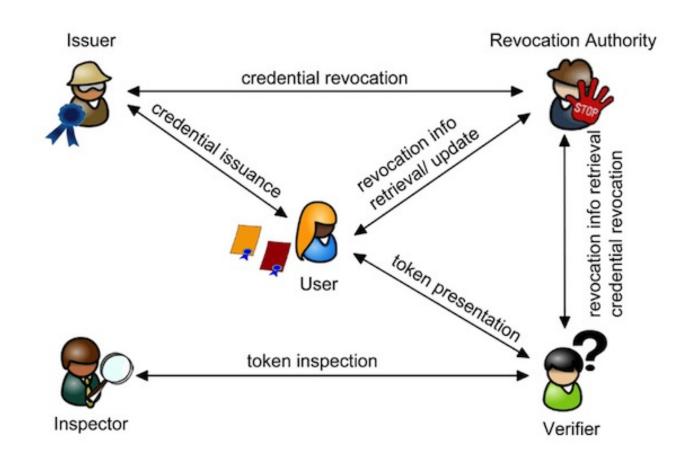
ช่อนวัน-เดือน-ปีเกิด/อายุและอื่น ๆ อีกมากมาย

ตัวอย่าง > ยืนยันคุณสมบัติโดยไม่ระบุตัวตน (เมื่อกี้ยังไม่จบ)





ATTRIBUTE PREDICATES
MULTI-CREDENTIAL TOKENS
REVOCATION
INSPECTION
SCOPE-EXCLUSIVE PSEUDONYMS
ADVANCED ISSUANCE



https://www.zurich.ibm.com/identity_mixer/

Act III SIBLINGS OF ZK PROOFS IN CRYPTOG-RAPHY

ประเภทปัญหา ▶ การคำนวณร่วมพหุภาคี

ประเภทปัญหา > การเข้ารหัสแบบสาทิสสัณฐาน



https://forms.office.com/Pages/ResponsePage.aspx?id=
n98RjhVGT00mxooMtP_rbEMN0M1iPkBBiRj9xXWk0qBURU9LVU010Vg1U11KSz1UMzg3RjFKVVBGMi4u
&qrcode=true