#### Zero-Knowledge Protocols

Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

### Zero-Knowledge Protocols

# HOW TO ACHIEVE A COMMUNICATION GOAL WITHOUT LEAKING JUST ANYTHING?

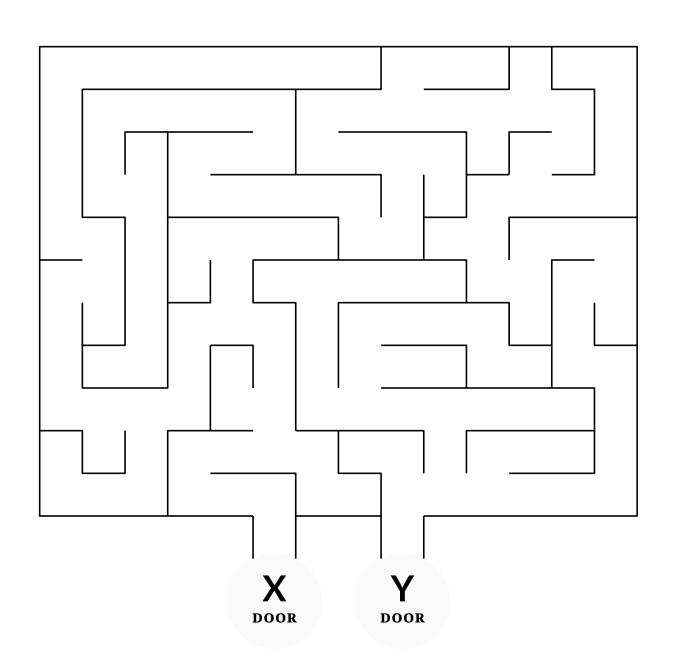
Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

#### Zero-Knowledge Protocols

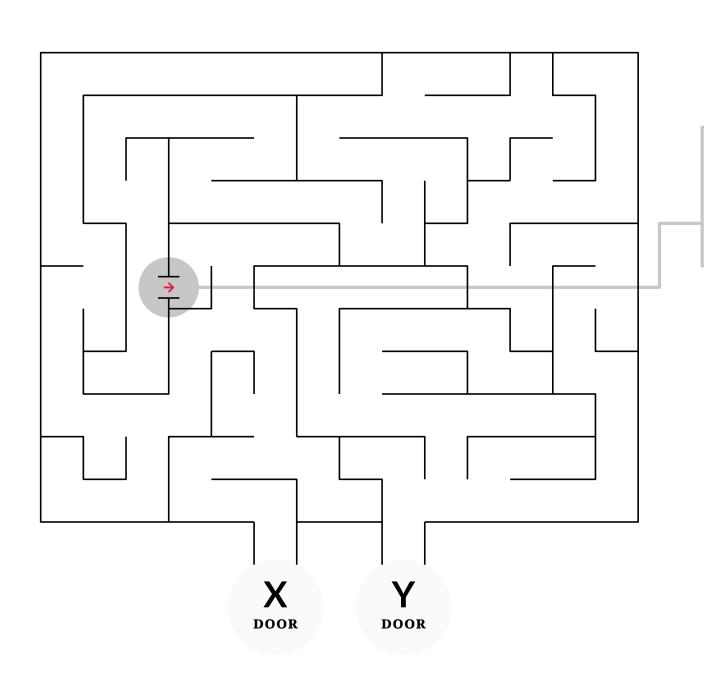
ต้องการสื่อสารเพื่อบรรลุ เป้าหมายบางอย่างโดย ไม่เปิดเผยอะไรนอก เหนือจากที่จำเป็น

Abhabongse Janthong อาภาพงศ์ จันทร์ทอง Associate Visionary Architect, KBTG

# Act I IN-DEPTH TECHNICAL DEMO

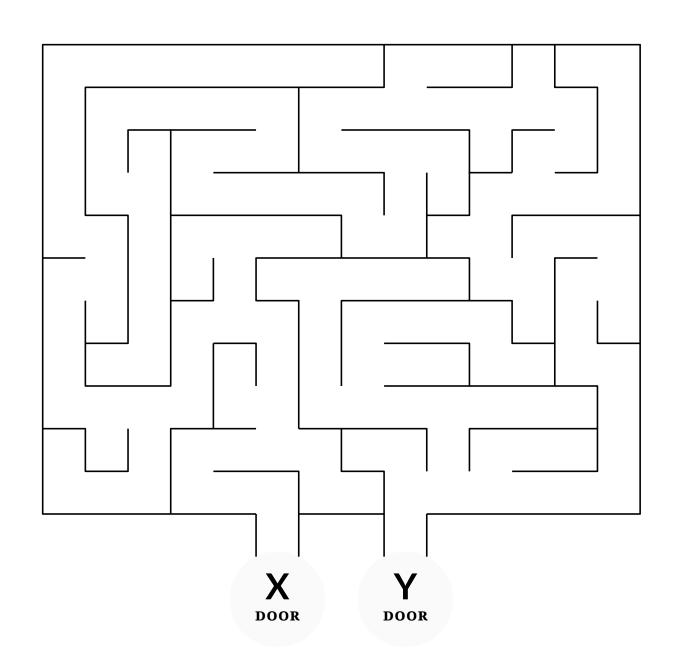


เขาวงกตมีทางเข้า-ออก 2 ทาง และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วยกลไกปริศนาอย่างหนึ่ง



เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

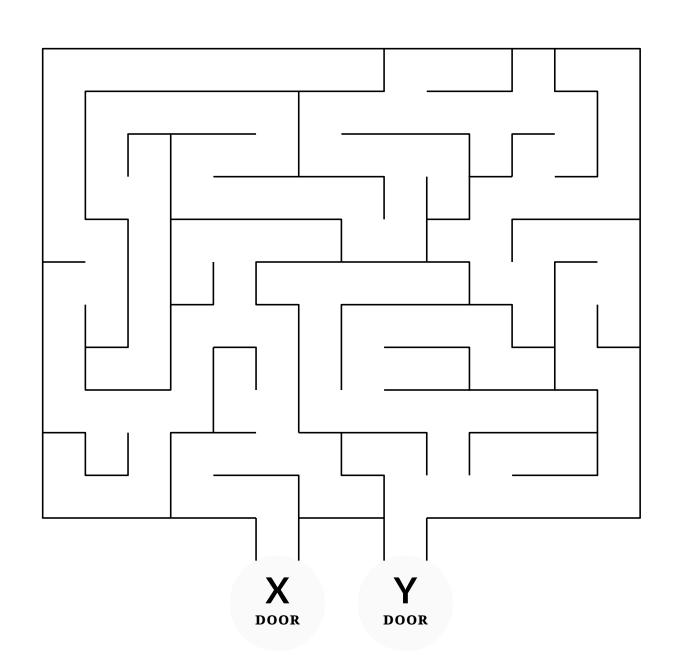


เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 



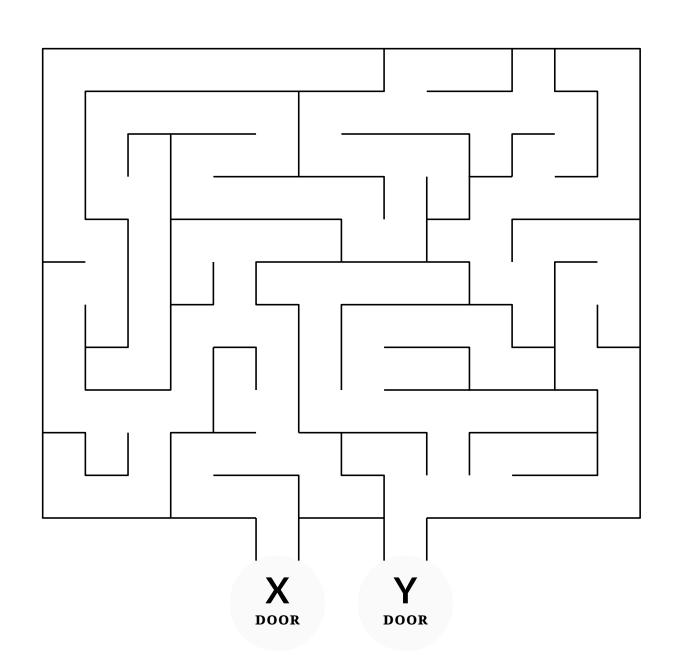
เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

เรา<u>ไม่เชื่อ</u>แกหรอก!!!



เขาวงกตมี**ทางเข้า-ออก 2 ทาง** และมีเส้นทางภายในที่ เชื่อมด้วย**กลไกปริศนา**อย่างหนึ่ง

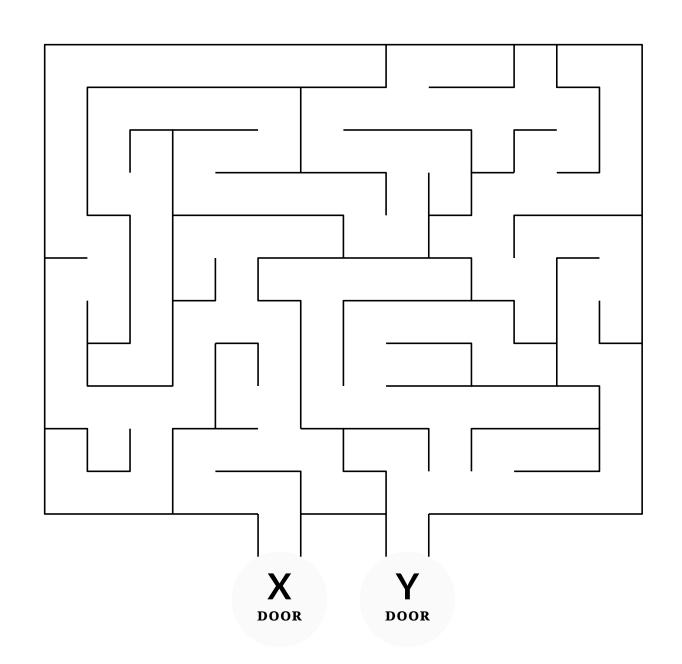
(เช่น อาจมีประตูกลที่เปิดได้ทางเดียวซ่อนอยู่ หรือประตู ที่ต้องใช้รหัสผ่านลับเพื่อเปิดใช้งาน เป็นต้น)

Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง



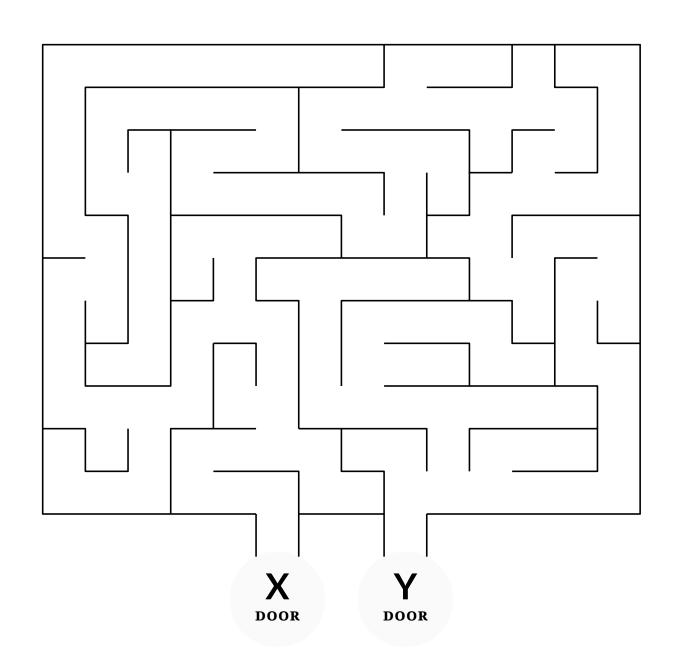
Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

เรา<u>ไม่เชื่อ</u>แกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยากโดนสปอยล์อะ -\_-



Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

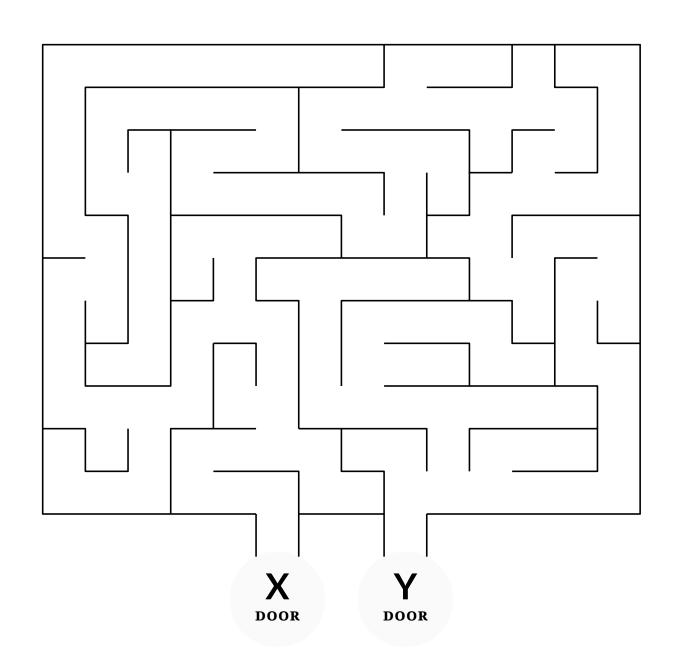
ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -\_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง



Alice ต้องการจะพิสูจน์ให้ Bob ฟังว่า

ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

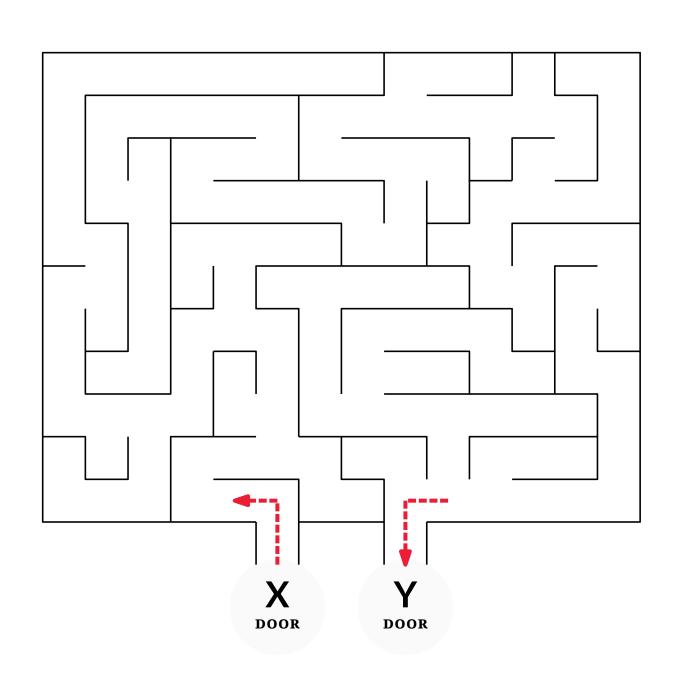
เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -\_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ



ฉันรู้จักเส้นทางในเขาวงกตระหว่างประตู **X** และประตู **Y** 

เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

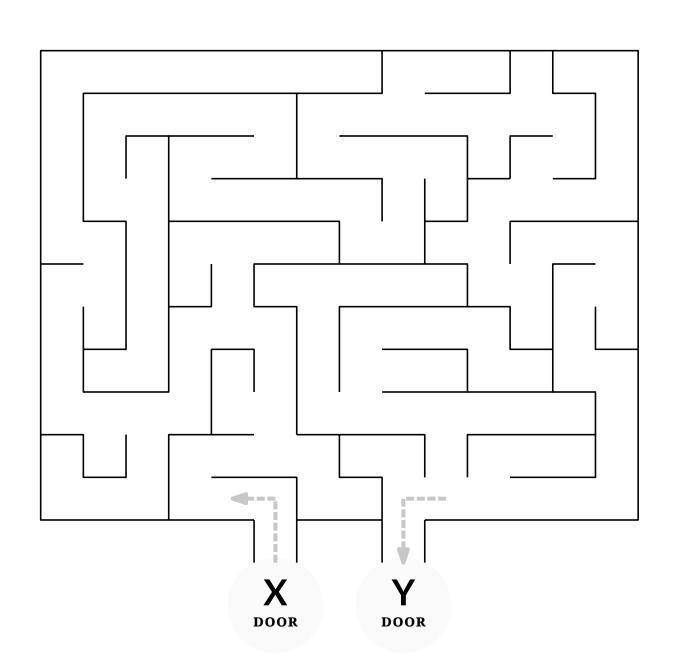
มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -\_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ



เราไม่เชื่อแกหรอก!!!

มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

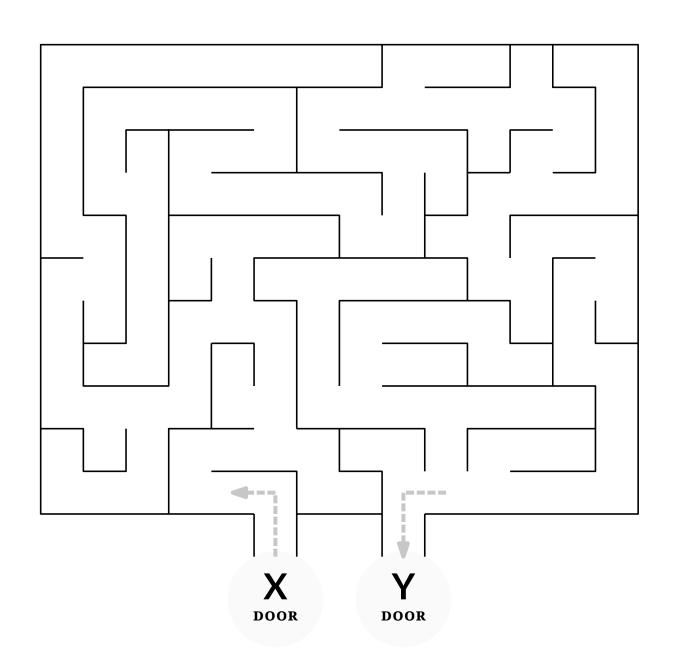
ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -\_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับ<u>ให้คำใบ้</u>หนะสิ



มา! เดี๋ยวฉันนำทางเธอเอง

ไม่เอาหรอก เราไม่อยาก<u>โดนสปอยล</u>์อะ -\_-

เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง

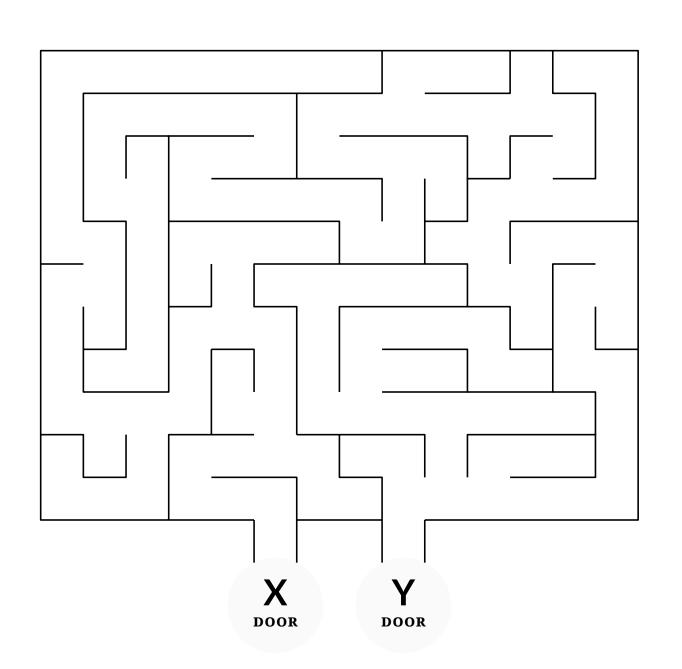
จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับ<u>ให้คำใบ้</u>หนะสิ

...ว่ามีทางเข้า–ออกเขาวงกต ที่ต้องเข้าจาก ประตู **X** แล้วออกทางประตู **Y** 

#### ไม่เอาหรอก เราไม่อยากโดนสปอยล์อะ -\_-



เธอนี่เรื่องมากจังนะ :( จะเอาไง

จริง ๆ มันก็มีวิธีอยู่นะ

แกก็เข้าประตู X ไป แล้วออกทางประตู Y ให้เราเห็น เดี๋ยวเราเฝ้าดูจากข้างนอกนี้นี่แหละ

ถ้าแบบนั้น ก็เท่ากับให้คำใบ้หนะสิ

...ว่ามีทางเข้า-ออกเขาวงกต ที่ต้องเข้าจาก

ประตู X แล้วออกทางประตู Y

i IU

เธอไม่ควรรู้ด้วยซ้ำว่ามีเส้นทางแบบนั้น มันก็คือสปอยล์รูปแบบหนึ่งนะ

**เป้าหมายการสื่อสาร** พ**ิสูจน์ข้อเท็จจริง**บางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เป้าหมายการสื่อสาร

พ**ลิสูจน์ข้อเท็จจริง**บางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข ผู้ฟังต้องไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใดนอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

**เป้าหมายการสื่อสาร พิสูจน์ข้อเท็จจริง**บางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

**เงื่อนไข** ผู้ฟังต้อง**ไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใด**นอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

เช่น พิสูจน์ว่า **บางปัญหามีคำตอบ** แต่ ไม่บอกคำตอบ 🗸

**เป้าหมายการสื่อสาร พิสูจน์ข้อเท็จจริง**บางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข

ผู้ฟังต้องไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใดนอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

พิสูจน์ว่า บางปัญหามีคำตอบ แต่ ไม่บอกคำตอบ 🗸 เช่น

พิสูจน์ว่า **ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป** แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด 🛗

**เป้าหมายการสื่อสาร พิสูจน์ข้อเท็จจริง**บางอย่างให้อีกฝ่ายทราบ

เงื่อนไข

ผู้ฟังต้องไม่เรียนรู้สิ่งอื่นใดนอกเหนือจากว่าข้อเท็จจริงถูกต้อง

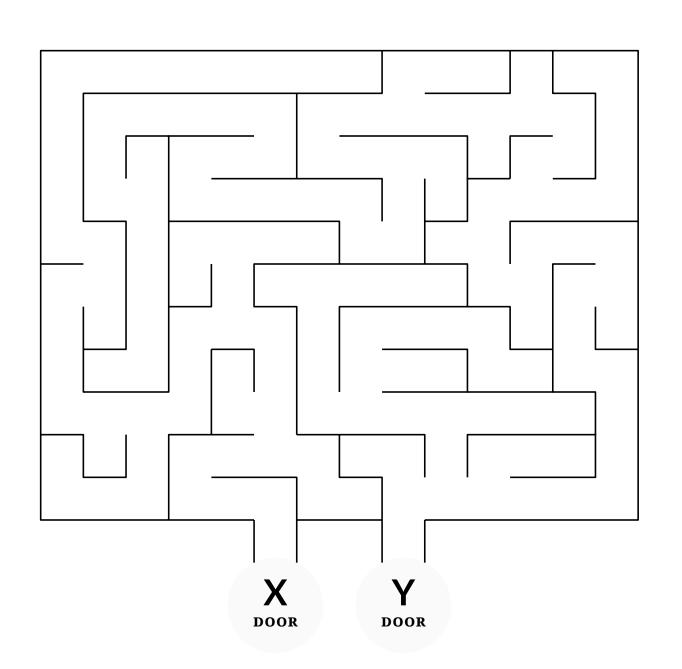
เช่น

พิสูจน์ว่า บางปัญหามีคำตอบ แต่ ไม่บอกคำตอบ 🗸

พิสูจน์ว่า **ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป** แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด

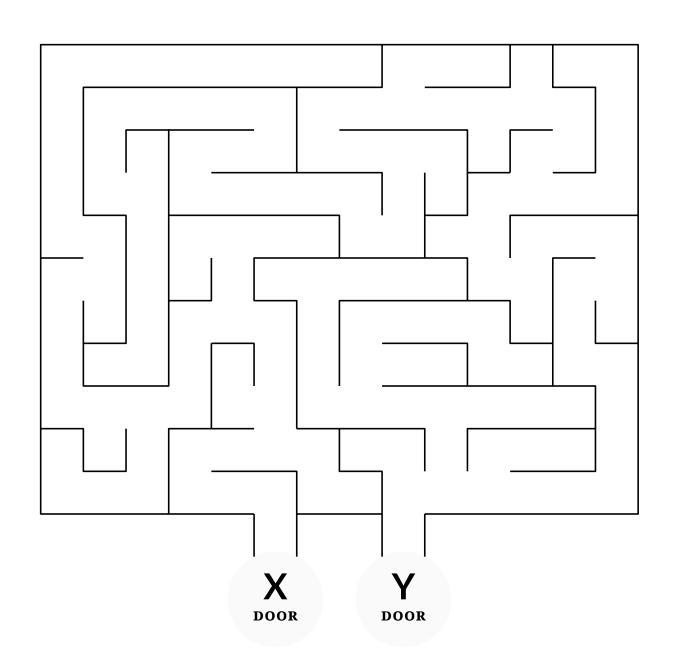
พิสูจน์ว่า **ฉันมีสิทธิเข้าถึงข้อมูล** แต่ <u>ไม่บอก credentials / secret key</u> 🔑

พิสูจน์ว่า บางปัญหาแก้ไขได้ แต่ ไม่บอกวิธีแก้ไข 😊



Alice ผู้พิสูจน์

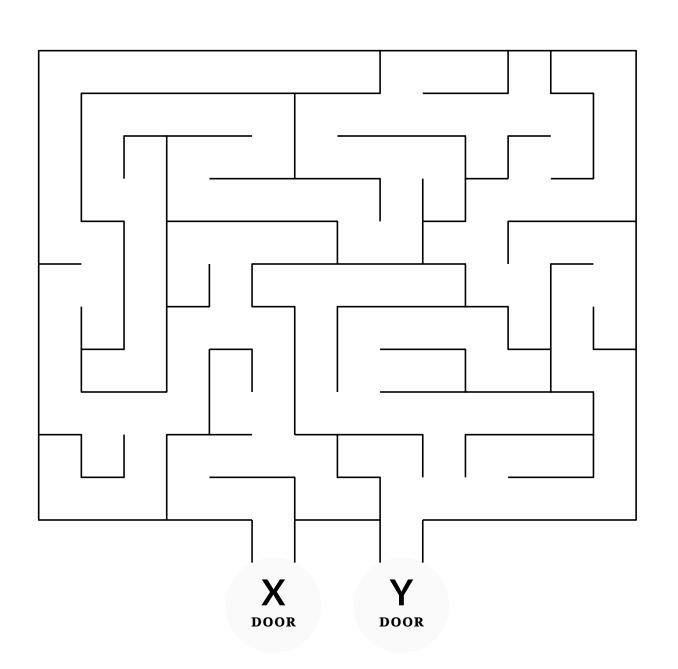
ผู้ตรวจสอบ Bob



#### Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

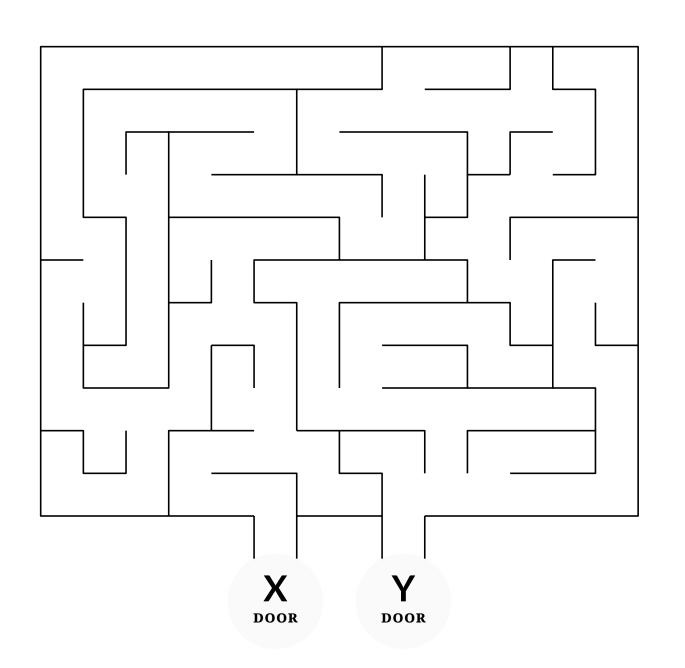


#### Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน



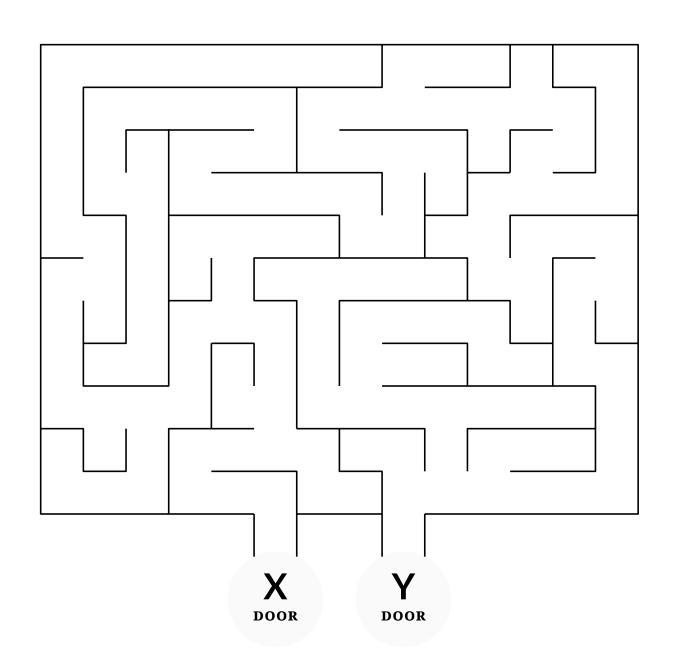
#### Alice ผู้พิสูจน์

ผู้ตรวจสอบ Bob

เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน

อ้าว! แล้วแบบนี้จะรู้ได้ไงว่าแกไม่ได้กลับ ออกมาทางเดิมที่แกเดินเข้าไป



#### Alice ผู้พิสูจน์

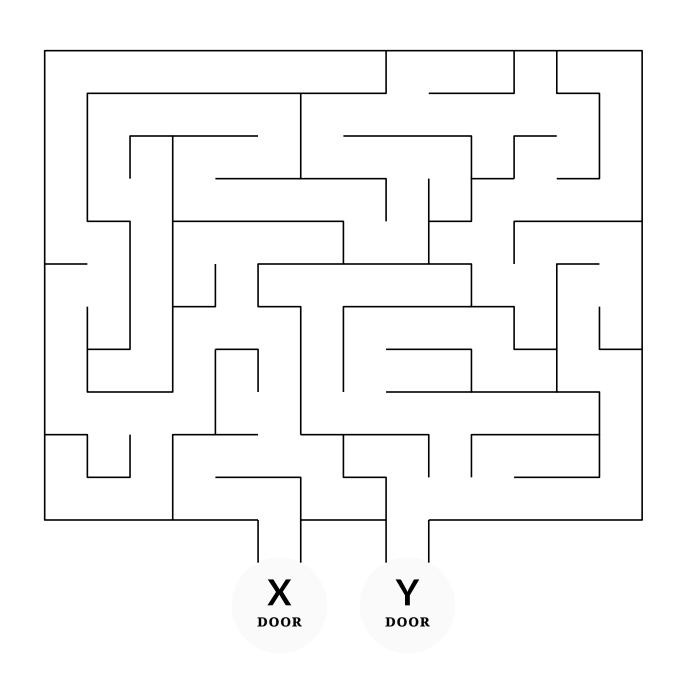
ผู้ตรวจสอบ Bob

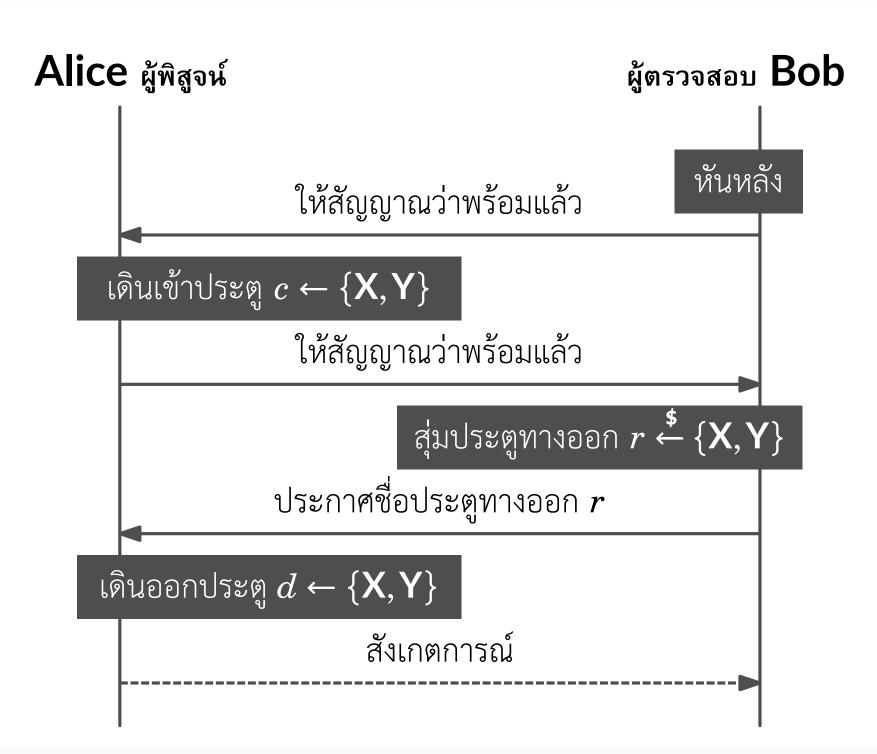
เอาอย่างนี้แล้วกัน (1) เดี๋ยวเธอหันหลังก่อน แล้วฉันจะเดินเข้าไปเตรียมตัวข้างใน จากนั้น (2) เดี๋ยวฉันจะเดินออกมาให้เธอดู

ทำแบบนี้แล้วเธอก็ไม่รู้ว่าฉันเดินเข้าประตูไหน

อ้าว! แล้วแบบนี้จะรู้ได้ไงว่าแกไม่ได้กลับ ออกมาทางเดิมที่แกเดินเข้าไป

เธอก็สุ่มสิว่าจะให้ฉันเดินออกทางประตูไหน <u>ถ้าฉันรู้</u>วิธีแก้เขาวงกต ฉันจะเดินออกประตู ไหนก็ได้ / แต่<u>ถ้าฉันไม่รู้</u> ฉันต้องเดาใจเธอไง





#### **COMPLETENESS**

- alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

#### **COMPLETENESS**

#### alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

#### **SOUNDNESS**

- ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ
- แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

#### **COMPLETENESS**

- an Alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

#### **SOUNDNESS**

- ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ
- แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

#### **ZERO-KNOWLEDGE**

- ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง
- แล้ว Bob ไม่ได้เรียนรู้สิ่งใด จาก Alice เว้นเฉพาะสิ่งที่ Bob คาดเดาได้ด้วยตัวเอง

#### **CORRECTNESS PROPERTY**

#### **COMPLETENESS**

#### ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่า ตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

\*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

#### **SOUNDNESS**

ถ้า Alice ไม่ทราบคำตอบ

แล้ว Alice ไม่สามารถหลอก ให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

\*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

#### **SECURITY PROPERTY**

#### **ZERO-KNOWLEDGE**

ถ้า Alice ทราบคำตอบจริง

แล้ว Bob ไม่ได้เรียนรู้สิ่งใด จาก Alice เว้นเฉพาะสิ่งที่ Bob คาดเดาได้ด้วยตัวเอง

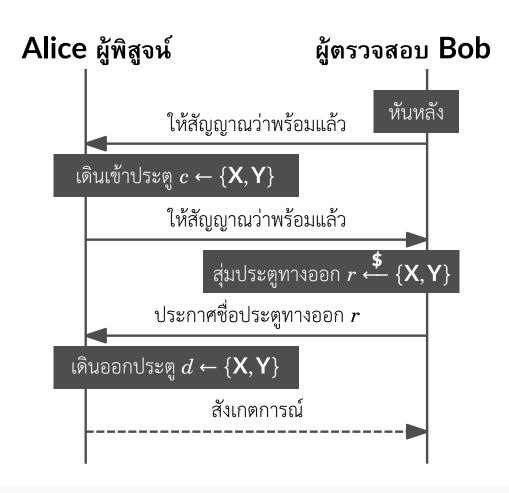
\*ด้วยความน่าจะเป็นที่สูงมาก ๆ

#### เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

**COMPLETENESS** 

**SOUNDNESS** 

**ZERO-KNOWLEDGE** 

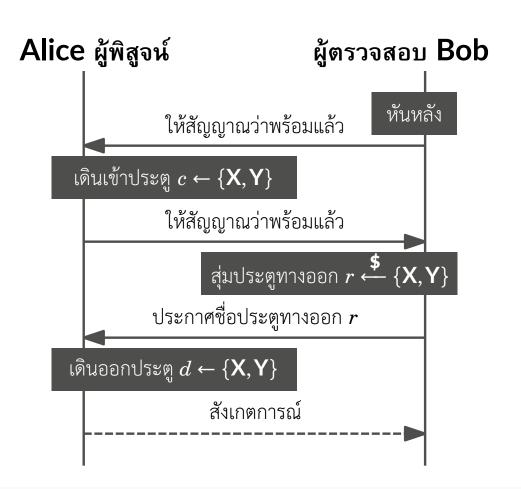


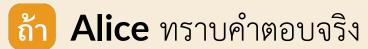
#### เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

#### **COMPLETENESS**

**SOUNDNESS** 

**ZERO-KNOWLEDGE** 





(Alice รู้เส้นทางระหว่างประตูทั้งสอง)

 $\downarrow \downarrow$ 

Alice สามารถเลือกออกประตูไหนก็ได้



Alice สามารถเลือกออกประตูที่ Bob กำหนดให้ได้เสมอ

เพียงแค่เลือก d=r



Bob เชื่อว่า Alice ทราบคำตอบจริง

(ด้วยความน่าจะเป็น เท่ากับ 100%)



แล้ว Alice สามารถพิสูจน์ว่าตนรู้จริงให้ Bob กระจ่างได้

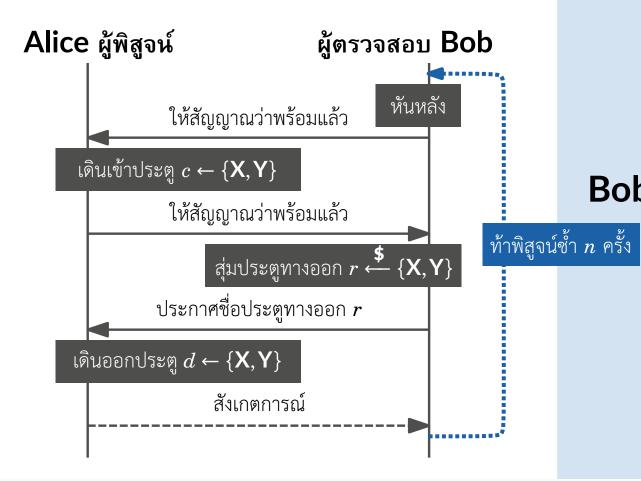
(ด้วยความน่าจะเป็น เท่ากับ 100%)

#### เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

**COMPLETENESS** 

**SOUNDNESS** 

**ZERO-KNOWLEDGE** 



an Alice ไม่ทราบคำตอบ

Ŭ.

Alice จำเป็นต้องออกทางประตูที่เข้ามา

นั่นคือบังคับเลือก d=c

 $\downarrow \downarrow$ 

Alice ต้องเดาว่า Bob จะให้ออกประตูใด

โอกาสเดา c=r ถูกต้องเพียง 50% เปอร์เซ็นต์



Bob สามารถท้า Alice พิสูจน์ซ้ำได้หลายครั้ง เผื่อ(บางครั้ง)ถูกหลอก

โอกาสที่ **Bob** ถูกหลอกสำเร็จติดกันจะลดลง และความเชื่อมั่นก็จะมากขึ้น (เช่น ถ้าทดสอบ n=20 ครั้ง ความมั่นใจจะเพิ่มเป็น  $1-0.5^n\approx 99.999905\%$ )



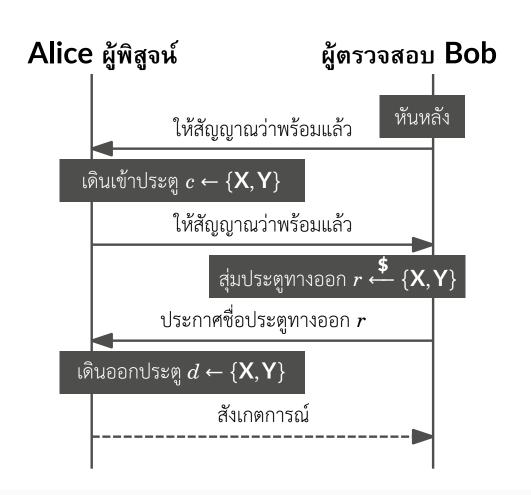
แล้ว Alice ไม่สามารถหลอกให้ Bob เชื่อคล้อยตามได้

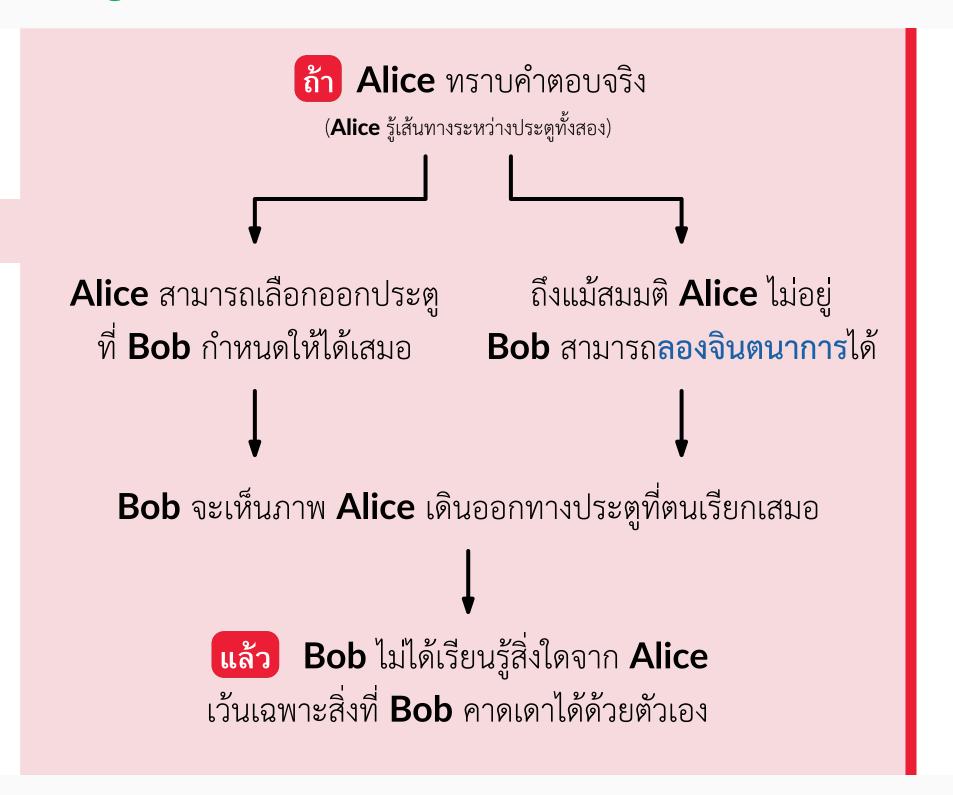
(ด้วยความน่าจะเป็น มากกว่า 99.99%)

#### เขาวงกต ▶ ประเมินวิธีแก้ปัญหา

COMPLETENESS SOUNDNESS

**ZERO-KNOWLEDGE** 





ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์



https://fidoalliance.org/

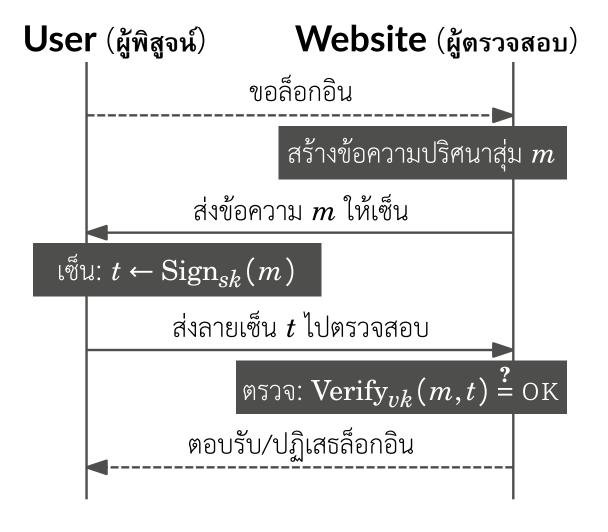
ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์



https://fidoalliance.org/

จงพิสูจน์**ความเป็นเจ้าของ**กุญแจสาธารณะ (verification key, vk) โดยใช้กุญแจส่วนตัว (signing key, sk) เซ็นข้อความปริศนาที่กำหนดให้



ข้อมูลเบื้องต้น FIDO Alliance นำเสนอวิธีใช้ Digital Signature

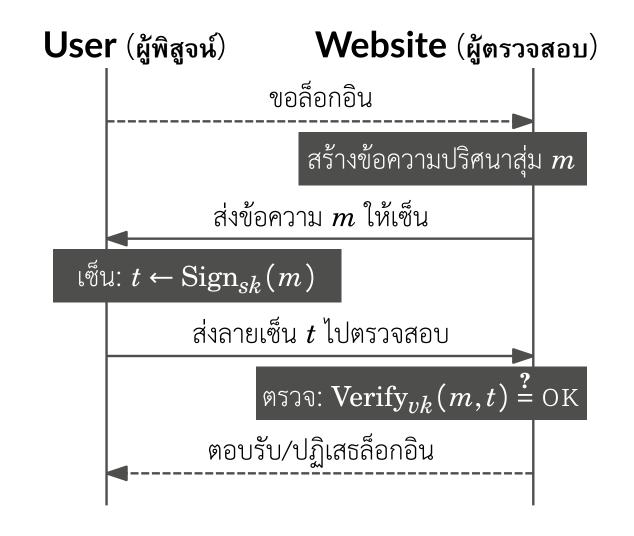
เพื่อพิสูจน์ตัวตน (Authentication) ผ่านเว็บไซต์

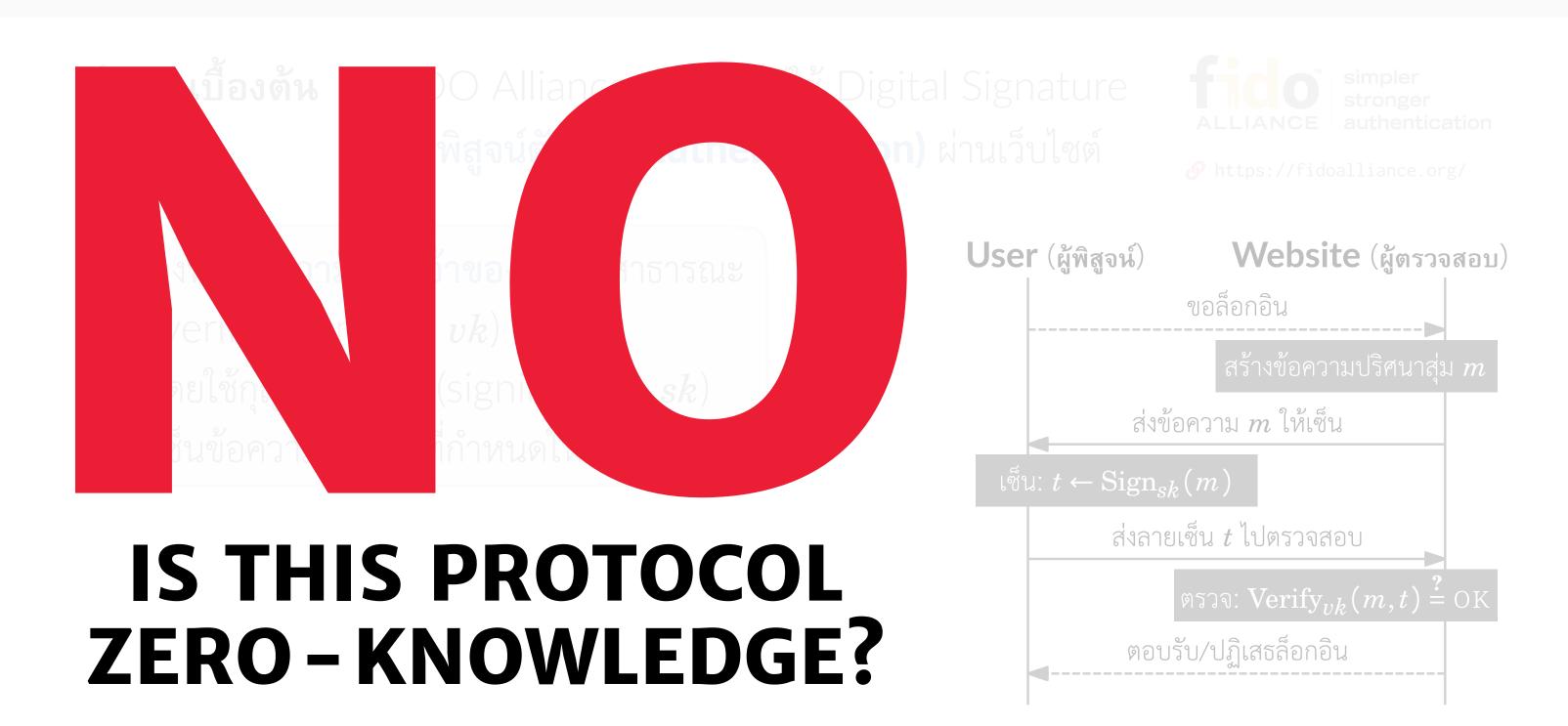


https://fidoalliance.org/

จงพิสูจน์**ความเป็นเจ้าของ**กุญแจสาธารณะ (verification key, vk) โดยใช้กุญแจส่วนตัว (signing key, sk) เซ็นข้อความปริศนาที่กำหนดให้

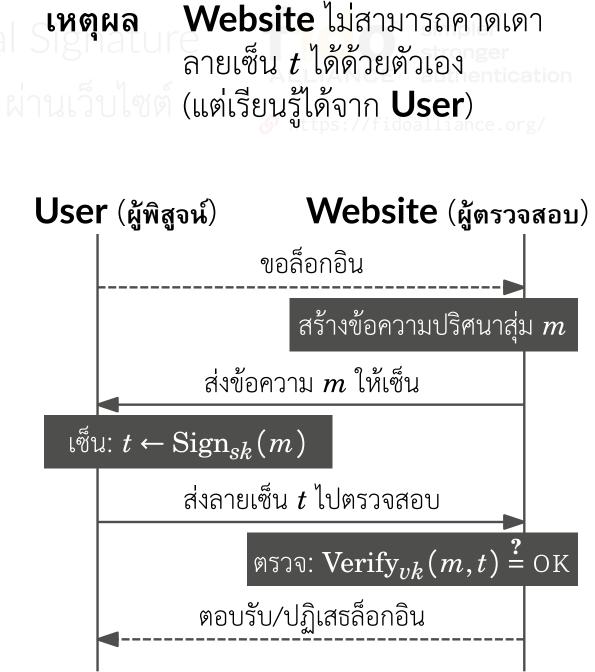
#### IS THIS PROTOCOL ZERO-KNOWLEDGE?







### IS THIS PROTOCOL ZERO-KNOWLEDGE?



#### ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
8			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5 9
				8			7	9

ปัญหาซูโดกุ

#### ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
8 4 7			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

ปัญหาซูโดกุ

IMAGE SOURCE https://commons.wikimedia.org/wiki/
File:Sudoku\_Puzzle\_by\_L2G-20050714\_standardized\_layout.svg

ต้องการพิสูจน์ว่าปริศนานี้ **มีคำตอบ** แต**่ไม่บอก**คำตอบ

#### ตัวอย่าง ▶ ซูโดกุ

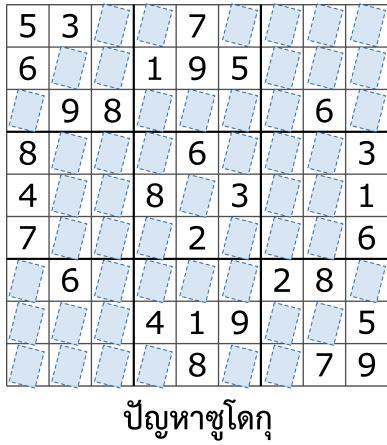


IMAGE SOURCE https://commons.wikimedia.org/wiki/ File:Sudoku\_Puzzle\_by\_L2G-20050714\_standardized\_layout.svg ต้องการพิสูจน์ว่าปริศนานี้ **มีคำตอบ** แต**่ไม่บอก**คำตอบ

- https://medium.com/qed-it/ the-incredible-machine-4d1270d7363a
- http://www.wisdom.weizmann.ac.il/~naor/ PAPERS/SUDOKU\_DEMO

## Act II OUT IN THE FIELDS

Cryptocurrency



Generic



zk-SNARKs protocol

**Cryptocurrency** 



Generic



เงินโอน
$$_1+$$
เงินโอน $_2+\ldots+$ เงินโอน $_m=$ เงินรับ $_1+$ เงินรับ $_2+\ldots+$ เงินรับ $_k$ 

zk-SNARKs protocol

**Cryptocurrency** 





เงินโอน
$$_1$$
 + เงินโอน $_2$  + ... + เงินโอน $_m$  = เงินรับ $_1$  + เงินรับ $_2$  + ... + เงินรับ $_k$ 

ซึ่งต้องพิสูจน์

👽 สมการโอน-รับเงิน เป็นจริง 💲 เงินแต่ละก้อน มีค่าเป็นบวก

เงื่อนไข

😝 ซ่อนมูลค่าเงินแต่ละก้อน

**zk-SNARKs** protocol

#### **Cryptocurrency**





เงินโอน
$$_1$$
 + เงินโอน $_2$  + ... + เงินโอน $_m$  = เงินรับ $_1$  + เงินรับ $_2$  + ... + เงินรับ $_k$ 

ซึ่งต้องพิสูจน์

🕏 สมการโอน-รับเงิน เป็นจริง 💲 เงินแต่ละก้อน มีค่าเป็นบวก

เงื่อนไข

😝 ซ่อนมูลค่าเงินแต่ละก้อน 🛣 ซ่อนเจ้าของบัญชี

🔯 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด

🔀 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

🔀 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน – เวลาเกิด ≥ "18 ปี"

🔯 พิสูจน์ว่า ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป แต่ ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/ thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน - เวลาเกิด  $\geq$  "18 ปี"

ซึ่งต้องพิสูจน์ 👽 อสมการเป็นจริง

เงื่อนไข

🔖 ซ่อนวัน-เดือน-ปีเกิด/อายุ และอื่น ๆ อีกมากมาย

#### **Attribute-based Credentials**









🔯 พิสูจน์ว่า **ฉันอายุ 18 ปีขึ้นไป** แต่ <u>ไม่บอกวัน-เดือน-ปีเกิด</u>





IMAGE SOURCE http://www.richardbarrow.com/2011/07/
thai-signs-cigarettes-sold-here/

เวลาปัจจุบัน – เวลาเกิด ≥ "18 ปี"

ซึ่งต้องพิสูจน์

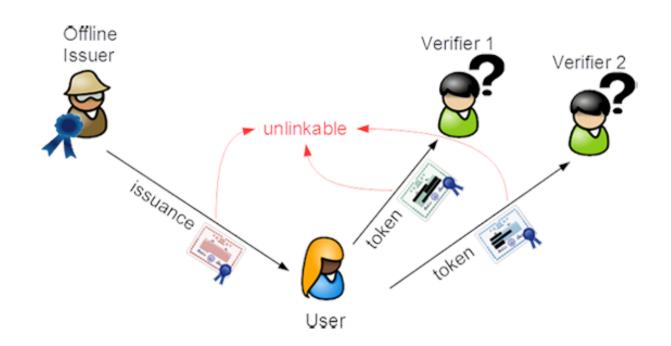
🕏 อสมการเป็นจริง

เงื่อนไข

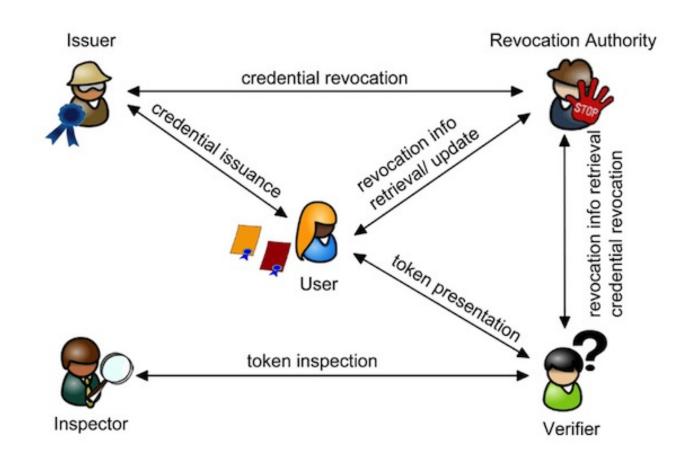
ข่อนวัน-เดือน-ปีเกิด/อายุ และอื่น ๆ อีกมากมาย

#### ตัวอย่าง > ยืนยันคุณสมบัติโดยไม่ระบุตัวตน (เมื่อกี้ยังไม่จบ)





ATTRIBUTE PREDICATES
MULTI-CREDENTIAL TOKENS
REVOCATION
INSPECTION
SCOPE-EXCLUSIVE PSEUDONYMS
ADVANCED ISSUANCE



https://www.zurich.ibm.com/identity\_mixer/

#### **Act** III SIBLINGS OF ZK PROOFS IN CRYPTOG-RAPHY

**เป้าหมายการสื่อสาร** คำนวณผลลัพธ์ร่วมกัน จากข้อมูลลับของแต่ละคน

เงื่อนไข ผู้เล่นแต่ละคนไม่เรียนรู้ข้อมูลลับของผู้อื่น

**เป้าหมายการสื่อสาร** คำนวณผลลัพธ์ร่วมกัน จากข้อมูลลับของแต่ละคน

**เงื่อนไข** ผู้เล่นแต่ละคน**ไม่เรียนรู้ข้อมูลลับ**ของผู้อื่น

ตัวอย่าง  $\stackrel{\square}{=}$  ค่าเฉลี่ยน้ำหนัก =  $\frac{1}{n}\cdot$  ผลรวม(น้ำหนัก $_1,$ น้ำหนัก $_2,\ldots,$ น้ำหนัก $_n)$ 

**เป้าหมายการสื่อสาร** คำนวณผลลัพธ์ร่วมกัน จากข้อมูลลับของแต่ละคน

**เงื่อนไข** ผู้เล่นแต่ละคน**ไม่เรียนรู้ข้อมูลลับ**ของผู้อื่น

ตัวอย่าง  $\stackrel{\square}{=}$  ค่าเฉลี่ยน้ำหนัก  $= \frac{1}{n} \cdot \mathsf{ผลรวม}(น้ำหนัก_1, น้ำหนัก_2, \ldots, น้ำหนัก_n)$ 

Secure Voting

### (Fully) Homomorphic Encryption การเข้ารหัสแบบสาทิสสัณฐาน

### (Fully) Homomorphic Encryption การเข้ารหัสแบบสาทิสสัณฐาน

**เป้าหมายการสื่อสาร** คำนวณผลลัพธ์จากข้อมูลที่ถูกเข้ารหัส

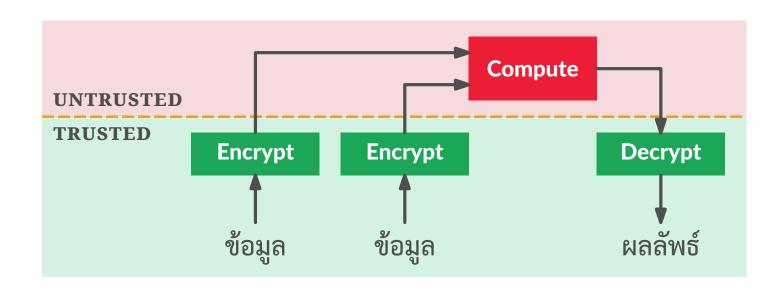
เงื่อนไข โดยไม่จำเป็นต้องถอดรหัส

### (Fully) Homomorphic Encryption

**เป้าหมายการสื่อสาร** คำนวณผลลัพธ์จากข้อมูลที่ถูกเข้ารหัส

เงื่อนไข โดยไม่จำเป็นต้องถอดรหัส

ตัวอย่าง



- Encryption in **Cloud Services**
- Searchable Encrypted **Databases**

# 



https://forms.office.com/Pages/ResponsePage.aspx?id=
n98RjhVGT00mxooMtP\_rbEMN0M1iPkBBiRj9xXWk0qBURU9LVU010Vg1U11KSz1UMzg3RjFKVVBGMi4u
&qrcode=true