## انجينئري حساب

خالد خان بوسفرنگی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹینالوجی، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

## عنوان

vii																																					يباچي	. کاد	اب	بلی کتا ہلی کتا	یپ	مير
1																																		ات	سياو	رقی.	ه تفر	ىساد	اول	رجه ا	,	1
2																																				i.	ئە نە	نمو		1.1		
13																	ر_	پوا	· يب	تر ک	اور	ست	ماسم	ن ک	بدا	ا_م	ب لب	مط	إنى َ	بىٹر يا	جيو م	1 کا	y'	_	f	(x	, y	)		1.2		
22																														ت	باوار	: ي مس	فر <b>ق</b>	ره <sup>ت</sup>	۔ کی سا	بحد گ	ل <sup>ع</sup> ا	قال		1.3	,	
40																																					می سا			1.4	ļ	
52																																			- /		ئ سا			1.5	,	
70																																					و ی			1.6	)	
74																								ئيت	يكتأ	اور	يت	جود	) وج	ل ک	ے: ف:	وات	مسا	ر قی	ن تفر	قيمت	رائی	ابتا		1.7	7	
81																																		ات	ساو	ق.	ه تفر	ى ساد	روم	ر جه ۱	,	2
81																														- (		.;					نس			2.1		
	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	·	·				- /					ن نقل	•		$\frac{2.1}{2.2}$		
98 113																											هر د	נס	ساد	U		•		_			**			$\frac{2.2}{2.3}$		
113	•	•	•	•	•	•	•	•	•															٠			٠	څ	•	•							ر فيء سي					
																																					ر نلد رکون <sup>ا</sup>			2.4		
134																																				-		••		2.5		
143																																								2.6		
152																													٠											2.7		
164																													•						_		کاار			2.8	5	
																						•				_	ي کمک	مع	-,	**					•		2.8					
174																						:			٠,	;	٠.		•				تى	نه	بانمو	ار کح	ن ن اد و	برا		2.9		
185	•				•	•	•	•	•	•	•						Ĺ	احل	ت کا	وار	سياه	رقی.	تفر	ساده	کمی س	2)	فإنسر	رمتح	غير	سے	يقي	طر	کے	لنے	مبد	علوه	رارم	مق	2	.10	)	
193																																٠	وات	مساو	, قی	ه تفر	ىساد	خطح	. جي	بند در	ļ	3
193																														, .	• ارد						نس			3.1		-
205																								ت	ماوار	سەر	فرق	ده ت	ساد				- /			-	نقل نقل	•		3.2		

	غير متجانس خطی ساده تفرقی مساوات	3.3	
21	مقدار معلوم بدلنے کے طُریقے سے غیر متجانس خطی سادہ تفرتی مساوات کا حل میں ۔	3.4	
22:	ن) مساوات	نظامِ تفرق	4
220	قالب اور سمتىيە كے بنیادی حقائق	4.1	
23:	ں۔ سادہ تفر تی مساوات کے نظام بطورانجبیئری مسائل کے نمونے	4.2	
250	نظرىيە نظام سادە تفرقی مساوات اور ورونسکی	4.3	
25	4.3.1 خطی نظام		
254	مستقل عددی سروالے نظام۔ سطح مرحلہ کی ترکیب	4.4	
	نقطہ فاصل کے جانچ پڑتال کا مسلمہ معیار۔استحکام	4.5	
28	كىفى تراكيب برائے غير خطى نظام	4.6	
290	4.6.1 سطح حرکت پرایک در جی مساوات میں تبادلہ		
298	سادہ تفر قی مساوات کے غیر متجانس خطی نظام	4.7	
299	4.7.1 نامعلوم عددی سر کی ترکیب		
309	ل سے سادہ تفرقی مساوات کاحل۔اعلٰی تفاعل 1	ں قة تسليہ	5
	ں سے سادہ عمر میں اداعہ کی اس میں ہوتا ہے۔ ترکیب طاقع شکسل		3
	ر حیب های کا گریند در کنی	5.1	
	ير امدر طاوت پير امير دي رو رو	5.3	
34	1.6	0.0	
362	مسادات ببیل اور ببیل تفاعل می می در می می می می در می می در می می در می در می در	5.4	
37	بىيىل تفاعل كى دوسرى قشم_ عموى حل	5.5	
38:		لا پلاس تبا	6
	لا پلاس بدل-الث لا پلاس بدل-خطیت		
	تفر قات اور تکملات کے لاپلاس بدل۔سادہ تفر قی مساوات	6.2	
40	s محور پر منتقلی، t محور پر منتقلی، اکائی سیر همی تفاعل	6.3	
	ۇيراك دْىلِغانى نقاعل-اكانى ضرب تفاعل_ جزوى <i>ئىسرى چىيلاو</i>		
44	الجعاوي بين بالمنطق المنطق الم		
	لاً پلاس بدل کی تکمل اور تفرق به متغیر عددی سر والے سادہ تفر تی مساوات	6.6	
	تفرقی مساوات کے نظام	6.7	
47.	لاپلاس بدل کے عمومی کلیے	6.8	
47	7	خطى الجبرا	7
37	ت 7	اضافی ثبور	1
38	ات 1	مفيد معلو,	ب

381																																	کے مساوات	۔ سا۔	غاعر	ملی ز	1	Ļ.	1
-----	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	-----------	----------	------	-------	---	----	---

## میری پہلی کتاب کادیباجیہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلیٰ تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ دنیا میں تحقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔ انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کر سکتے ہیں۔

جمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ حاصل کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذبین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود پچھ نہ کر سکتا تھا۔ میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور بول یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال سختالی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ سخے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظامِ اکائی استعال کی گئے۔ اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے ہی ڈلی ہیں البتہ اسے درست بنانے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور کمل ہونے یر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں یہاں کامسیٹ یونیورسٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفر کی

28 اكتوبر 2011

باب7 خطى الجبرا- سمتيات

باب.7. خطى الجبرا ـ سمتيات

حواليه

- [1] Coddington, E. A. and N. Levinson, Theory of Ordinary Differential Equations. Malabar, FL: Krieger, 1984.
- [2] Ince, E. L., Ordinary Differential Equations. New York: Dover, 1956.
- [3] Watson, G. N., A Treatise on the Theory of Bessel Functions. 2nd ed. Cambridge: University Press, 1944.