

while(! stack_empty(s)){

n = n/2; push(s, tmp); tmp = n%2; while (n > 0)

-栈的应用

tmp = pop(s); printf("%d", tmp);

-栈的应用 三、栈和队列一

假设在一个算术表达式中可以包含三种括号:圆括号"("和")",中括号"["和"]"和花括号"{"和"}",并且这三种括号可以按任意的次序嵌套使用。使用栈的相关知识设计算法用来检验输入的算术表达式中使用括号的合法性。顺序栈的类型描述及基本函数定义

#define maxlen 100 typedef struct {

char data[maxlen];

int top;

SeqStack;

bid initstack(SeqStack *s); bool empty(SeqStack *s); pid push(SeqStack *s, int x); char pop(SeqStack *s);

三、栈和队列-

、队列的定义

操作受限的特殊线性表

操作受限的特殊线性表

ъ. Ъ.

后进先出

队尾和队头分别用队尾指针和队头指 允许插入的一端为队尾,允许删除的 一端为队头

所有的操作只能在线性表 栈顶用一个"栈顶指针"指示 进行操作的一端为栈顶, 固定端称为栈底 的一端进行 ъ. С

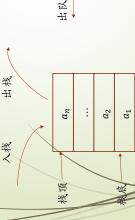
插入操作在线性表的一端进行,删除 操作在表的另一端进行 先进先出

2、队列的基本操作

4			
	基本操作	基本操 函数名称作	操作结果
	初始化	Status Queue_Init(QueuePtr q)	若成功,返回success,构造一个q所指向的空队列,否则返回faral
	銷毁	Void Queue_Destory(QueuePtr q)	释放q所占空间,队列q不再存在
	清空	Void Queue_Clear(QueuePtr q)	清空队列中所有元素,队列q变空
	地空	Bool Queue_Empty(QueuePtr q)	若队列q为空, 返回true, 否则返回false
	判满	Bool Queue_Full(QueuePtr q)	若队列q为满, 返回true, 否则返回false
	ダイ	Status Queue_Push(QueuePtr q, QueueEntry item)	若队列q不满,将item添加到队尾,返回trne, 否则返回overflow
	出及	Status Queue_Pop(QueuePtr q, QueueEntry *item)	若队列q不空,将队头数据元素放入item,并删除该数据元素,返回true,否则返回muderflow
	取队头元素	取队头 Status Queue_Front(QueuePtr q, 元素 OueueFartry *irem)	若队列q不空,将队头数据元素放入item,该回true,否则该回mderflow

1、队列的定义

队列:数据元素a1,a2,…,an依次入队,出队的顺序不变,依然是a1,a2,…,an 栈:数据元素a1, a2,…, an依次入栈, 出栈的顺序是an, …, a2, a1



DH)	✓☆				
队尾	a_n				
	$\dots a_{n-1} a_n$				
	a_3				
队头	a_2 a_3				
<u>~</u>	a_1				
	五				

队列的顺序存储 3

前队列中的数据元素。由于队头和队尾随时变化,因此,顺序队列除了数据区外,至少还需要设置队头、队尾两 顺序存储的队列称为顺序队列。 和顺序表一样,顺序队列需要用一个向量空间来存储当 个指针。

每当插入新的队列元素时, 队尾指针增1; 每当删除队头元素时, 队头指针增1;

q->front = q->rear = -1;

加始化时队头指針和队尾指针均为-1,即

队列的顺序存储

3

 a_8 a_7 a_6

rear

rear

front

 a_6 a_7

front

 a_3 a_2

rear

front

cont = rear = -1空队列

int elem[maxsize]; int front, rear; typedef struct{ squeuetp;

队列的顺序存储 3,

front = 5; rear = 9 a_7 a_8 a_6 front rear

和顺序栈类似,顺序队列也有上溢和下溢现象。

移动。如果队尾指针已经移到了最后,此时再有元素入队就会出现溢出,而事实上此时队列并不一定真的"满员",可能还有空闲存储空间,这种现象称为"假溢出"。 随着入队出队的进行,会使整个队列整体向后

国定队头指针永远指向数据区开始位置,如果数据元素出队,则将队列中所有数据元素前移,同时修改队尾指针。优点:实现简单被点:实现简单鞍,点:选成大量数据元素移动,引入较大的时间开销

队头和队尾指针都可以移动,只有造成假溢出时,才将队列 中所有数据元素依次前移到存储空间前面,同时修改队头和 队尾指针。

缺点: 带来数据元素移动的时间开销

将队列的数据存储区看成首尾相接的循环结构,头尾指针的 关系不变,称其为"循环队列"

队列的顺序存储

front = 5; rear = 9

front = 5; rear = 8

(c) 若干入队和出队操作后情况(d) 假溢出现象

(b) 3个元素入队 front = -1; rear = 2

假溢出现象的发生是由于对指针的操作只增不减造成的。假溢出的现象不能通过增加存储空间来解决!

解决假溢出的方法

队列的顺序存储 3

front MAXQUEUE-1 a_6 a_7 rear

MAXQUEUE, 在C语言中, 头尾指针的 下标范围是0~MAXQUEUE-1, 若增加 队头或队尾指针, 可以利用取模运算实 假设为队列分配的存储空间大小为 现。例如:

front = (front + 1)%MAXQUEUE; rear = (rear + 1)% MAXQUEUE;

两个公式计算的结果为0。这样就使得指 针自动由后面转到前面,形成循环的效 当front或rear为MAXQUEUE-1时,上述

队列的顺序存储 3,

图(a)中有4个元素,随着ag~a14相继入队,队列中共有10个元素,已占满所有存储空间,此时frontArreat相等,如图(b)所示。在队满的情况下有front==rear。

如果在图 (a) 的基础上, a5~a8相继出队,此时队列为空,如图 (c) 所示,即在队空的情 况, 同样也有front==rear。

队满和队空的条件相同,仅凭front==rear无法区分循环队列是空还是满!



 a_{12}

 a_7

 a_8

 a_5

 a_6

队列的顺序存储 3

问题:如何判断循环队列的空和满呢?

水が	: T		测	时之		*	, ;	₹ :	臧	
a ₉	a_8	a ₇	a_6	a_5	\	a_{13}	a_{12}	a_{11}	a_{10}	
				front		1001	, loan	\	\	\
_	_	_	_			_	_			

没一个存储队列中元素个数的变量, 如count, ount=0时为队空, 当count等于MAXQUEUE 为队满。

人列另设一个标志,用来区分队列是空还是 光二:

上队头指針。即(rear+1)%MAXQUEUE==front。 方法三: front=4, rear=3 (d) 队满

如图(d)所示

少用一个数据元素空间,当数组只剩下一个单 元时就认为是队满,此时队尾指针只差一步追

4、队列的链式存储

1、链队列的定义

链式存储结构的队列称为链队列

米指 实际上是一个同时带有头指针和尾指针的单链表, 针指向队头结点,尾指针指向队尾结点。

队列的链式存储

、顺序队列 (循环队列) 和链队列的定义

循环队列

typedef struct{
 int elem[maxsize];
 int front, rear;
cquedetp;

海风河

typedef struct nodetype{
 int data;
 struct nodetype *next;
}nodetype;

typedef struct{
nodetype *front;
nodetype *rear;
}queuetp;

4、队列的链式存储

2、链队列的基本操作

• 链队列初始化

链队列的基本操作

6 链队列判队空

```
int queueempty(|queuetp *|q){
    if(|q->front == |q->rear)
        return 1;
    return 0;
}
int main(){
        |queuetp *|q;
        |int tmp = 0;
        |q = (|queuetp *) malloc(sizeof(|queuetp));
        initqueue(|q);
        tmp = queueempty(|q);
        tmp = queueempty(|q);
        return 0;
}
```

链队列的基本操作

● 求链队长度

```
int size(lqueuetp *lq){
  int len = 0;
  nodetype *p = lq->front->next;
  while (p) {
    len++;
    p = p->next;
  }
  return len;
}
```

- 2、链队列的基本操作
- 维队列入队

```
void enqueue(|queuetp *|q, int x){
    nodetype *s;
    s = (nodetype *)malloc(sizeof(nodetype));
    s->data = x;
    s->next = NULL;
    |q->rear = s;
    |q->rear = s;
}
```

- 2、链队列的基本操作
- 读链队列队头元素

```
int size(lqueuetp *lq){
   int len = 0;
   nodetype *p = lq->front->next;
   while (p) {
      len++;
      p = p->next;
   }
   return len;
}
```

链队列的基本操作

● 维队列出队

```
int delqueue(|queuetp *|q){
    int x;
    nodetype *p;
    if(|q->front == |q->rear)
    return NULL;
    else{
        p=|q->front->next;
        |q->front->next;
        |q->front->next;
        |q->front->next;
        |q->front->next;
        |q->require = |q->front;
        |req->next;
        |req->next;
```

递归的概念

定义:遊归是直接或间接调用本身的一种方法。

基本思想: 递归就是有去有回(有递推和回归)。它将一个问题划分成一个活多个规模更小的子问题,然后用同样的方法解决这些规模更小的问题, 然后用同样的方法解决这些规模更小的问题, 这些问题不断从大到小, 从远及近的过程中, 会有一个终点, 一个临界点, 一个到了那个点就不能再往更小, 更远的地方走下去的点,这个点叫做递归出口。然后从那个点开始, 原路返回到原点,就求得了最初想知道的值。

• 递归的概念

举例:假如你在超市收银台排队结账,你想知道自己现在排第几个。但是排队 的人比较多,你懒得去数,于是你向前面的人问道:"你好,请问你排第几个?",因为如果你知道你前面的人的序号,自己只需要加上1就可以了。但是 呢, 前面的人也不清楚自己排第几, 于是他又问他前面的那个人, 依次类推, 直到问到了排在最前面的那个人,那个人有点无奈的告诉向他问问题的人: 。于是大家都知道自己排第几了。这就是递归。

• 递归的概念

【例】求解2的n次幂,即 $f(n) = 2^n$

当n=1时, $f(1)=2^1=2$

当n>1时,可以把原问题f(n)分解为 $f(n) = 2^n = 2 \times 2^{n-1} = 2 \times f(n-1)$ 。

(n-1)与f(n)是同一类型的问题,可以用递归方程表示为:

$$f(n) = \begin{cases} 2, & n = 1; \\ 2 \times f(n-1), & n > 1_{\circ} \end{cases}$$

及据这个方案,可以设计出如下递归算法:

t compute2n(int n)

f(n>1) return 2*compute2n(n-1); (n=1) return 2;

• 递归与迭代的区别

假设n等于5, 计算5! 的递归调用可以用下面这个图描述

 $(5) = 5 \times 24 = 12$

f(4) = 4 * 6 = 24

f(3)=3*2=6返回

第3次调用 [[(3) =3*[(2)

第2次调用 [(4)=4* [(3)

第1次调用 f(5)=5*f(4)

[(2)=2*1=2

第4次调用 [f(2)=2*f(1)]

虽然递归是一种非常优美的编程技术,但是,它需要更多的存储空间和时间。而且,由于递归会引起一系列的函数调用,同时还有可 递归:程序调用自身的编程技巧称为递归,是函数自己调用自己。 能会有一系列的重复计算,因此递归算法的执行效率相对较低。

归是自己调用自己的话,迭代就是函数A不停地调用函数B。每一次 对过程的重复称为一次"迭代"。而每次迭代得到的结果会作为下 迭代: 利用变量的原值推算出变量的一个新值称为迭代。如果递 - 次迭代的初始值。

计算5的阶乘

已经触底了, 所以要往上反弹

第5次调用 [★ [f(1)=1

递归与迭代的区别

```
for(i=1; i< n+1; i++)
                                                                                                                              total = total *2;
                       int compute2n(int n)
                                                                 int total = 1;
                                                                                       if(n=1) return 2; if(n>1) return 2*compute2n(n-1);
                                               int compute2n(int n)
递归:
```

迭代算法的效率通常更高,在实际求解的过程中更加常用。 西者好比,

• 递归与栈的关系

递归函数的执行过程具有如下三个特点:

- $\Theta \otimes \Theta$

- 函数名相同; 不断地自调用; 最后被调用的函数要最先被返回。

或者"后进先出"算法的数据 栈是一种执行"先进后出"

它是计算机中最常用的一种线性数据结构,比如函数的调 用在计算机中就是用系统栈实现的。

的国数的执行过程与栈的执行规则有相似的"先进后出"

汉诺塔问题

问题描述:

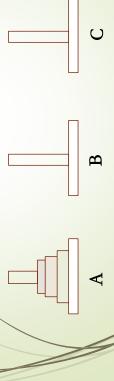
3根金刚石柱子,在其中1根柱子上按照从下往上的顺序从大到小地摆着 次只能移动一个圆盘。当圆盘个数很少的时候,任务很容易完成。当圆 64片黄金圆盘。要把这些黄金圆盘从下面开始按大小顺序重新把放到另 -根柱子上。并且规定,在小圆盘上不能放大圆盘,在3根柱子之间-盘个数超过5个时,情况就变得很复杂,任务很难完成。

汉诺塔问题

问题分析:

以三个圆盘为例,设有V、B、C三根柱子,其中A柱子上有三个从下往上按从大到小的顺序叠放的三个圆盘。

现要求按照汉诺塔问题的规则将三个圆盘移动到C柱子上,且叠放顺

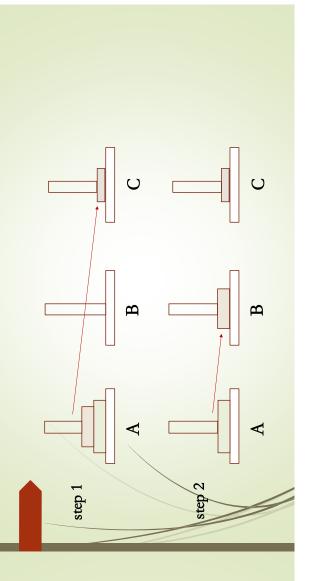


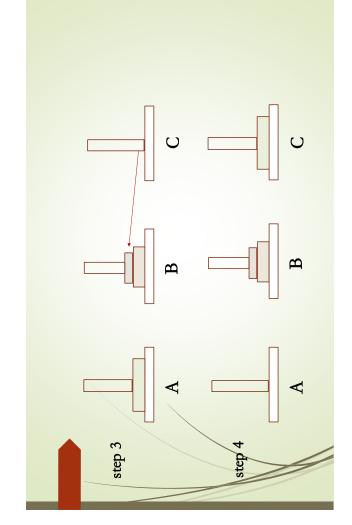
汉诺塔问题

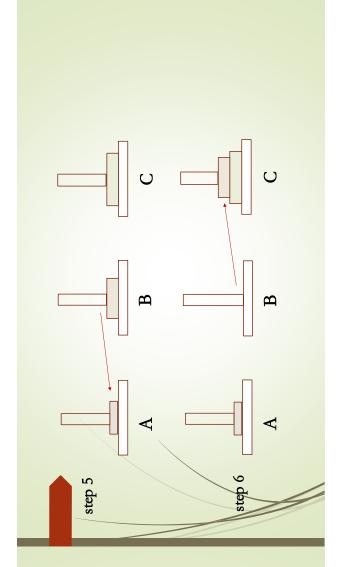
解决步骤:

- 1、将A柱子上的第一个圆盘移动到C柱子上;
- 2、将A柱子上的第二个圆盘移动到B柱子上;
- 3、将移动到C柱子上的第一个小圆盘叠放到B柱子上的圆盘上;
 - 4、再将A柱子上最大的圆盘移动到C柱子上;
- 5、将B柱子上的最小圆盘放到A柱子上;
 - 6、将B柱子上的圆盘叠放到C柱子上;

[\将A柱子上最小的圆盘叠放到C柱子上







问题总结:

若有n个圆盘,先把A柱子上的n-1个圆盘移动到B柱子上,再把A柱子上剩下的最后一个最大圆盘移动到C柱子上,由于该圆盘是最大的,所以在以后的搬动过程中,它保持不动,然后再将B柱子上的n-1个圆盘借助A柱子移动到C柱子上。这样移动n个圆盘的问题就可以对应为移动n-1个圆盘的问题,且move(n)=2move(n-1)+1,显然,这是一个递归公式,因此可以用递归算法来求解汉诺塔问题。