

## 一栈的应用 三、栈和队列一

按任意的汉序嵌套使用。使用栈的相关知识设计算法用来检验输入的 算术表达式中使用括号的合法性。顺序栈的类型描述及基本函数定义 假设在一个算术表达式中可以包含三种括号:圆括号"("和")",中括号"("和")"和花括号"{"和"}",并且这三种括号可以

#define maxlen 100 typedef struct {

char data[maxlen];

int top;

SeqStack;

bid initstack(SeqStack \*s); bool empty(SeqStack \*s); pid push(SeqStack \*s, int x); char pop(SeqStack \*s);

# 三、栈和队列-

、队列的定义

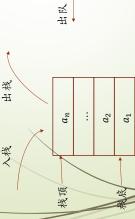
操作受限的特殊线性表

- 后进先出
- 所有的操作只能在线性表 ъ. С
  - 进行操作的一端为栈顶, 固定端称为栈底 的一端进行
- 栈顶用一个"栈顶指针"指示

- 操作受限的特殊线性表 先进先出 ъ.
- 插入操作在线性表的一端进行,删除 操作在表的另一端进行
- 允许插入的一端为以尾,允许删除的 一端为队头
- 队尾和队头分别用队尾指针和队头指

### 1、队列的定义

队列:数据元素a1,a2,…,an依次入队,出队的顺序不变,依然是a1,a2,…,an 栈:数据元素a1, a2,…, an依次入栈, 出栈的顺序是an, …, a2, a1



人区人 队尾  $a_n$  $\dots a_{n-1}$  $a_3$  $a_2$ 队头  $a_1$ 

## 2、队列的基本操作

	基本操作	基本操 函数名称作	操作结果
	初始化	初始化 Status Queue_Init(QueuePtr q)	若成功,返回success,构造一个q所指向的 空队列,否则返回fatal
,	銷毁	Void Queue_Destory(QueuePtr q)	释放q所占空间,队列q不再存在
	清空	Void Queue_Clear(QueuePtr q)	清空队列中所有元素,队列q变空
	判空	Bool Queue_Empty(QueuePtr q)	若队列q为空, 返回true, 否则返回false
	判满	Bool Queue_Full(QueuePtr q)	若队列q为满,返回true,否则返回false
	人灰	Status Queue_Push(QueuePtr q, QueueEntry item)	若队列g不满,将item添加到队尾,返回trne,否则返回overflow
	出区	Status Queue_Pop(QueuePtr q, QueueEntry *item)	若队列q不空,将队头数据元素放入item,并删除该数据元素,返回true,否则返回nnderflow
. ,	取队头元素	Status Queue_Front(QueuePtr q, QueueEntry *item)	若队列q不空,将队头数据元素放入item,返回ruc, 否则返回underflow

#### 队列的顺序存储 3

前队列中的数据元素。由于队头和队尾随时变化,因此,顺序队列除了数据区外,至少还需要设置队头、队尾两 顺序存储的队列称为顺序队列。和顺序表一样,顺序队列需要用一个向量空间来存储当 个指针。

int elem[maxsize]; int front, rear; typedef struct{

squeuetp;

#### 队列的顺序存储 3,

front = 5; rear = 9 $a_7$  $a_8$  $a_6$ front rear

和顺序栈类似,顺序队列也有上溢和下溢现象。

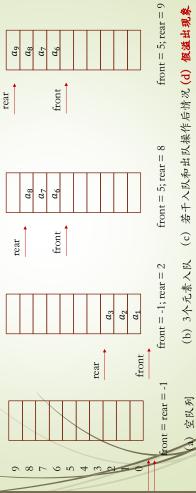
移动。如果队尾指针已经移到了最后,此时再有元素入队就会出现溢出,而事实上此时队列并不一定真的"满员",可能还有空闲存储空间,这种现象称为"假溢出"。 随着入队出队的进行,会使整个队列整体向后

#### 队列的顺序存储 3

# 加始化时队头指針和队尾指针均为-1,即

# 每当插入新的队列元素时, 队尾指针增1; 每当删除队头元素时, 队头指针增1; q->front = q->rear = -1;

 $a_8$  $a_7$  $a_6$ 



## 队列的顺序存储

假溢出现象的发生是由于对指针的操作只增不减造成的。假溢出的现象不能通过增加存储空间来解决!

## 解决假溢出的方法

国定队头指针永远指向数据区开始位置,如果数据元素出队,则将队列中所有数据元素前移,同时修改队尾指针。优点:实现简单被点:实现简单铁点:造成大量数据元素移动,引入较大的时间开销

队头和队尾指针都可以移动,只有造成假溢出时,才将队列 中所有数据元素依次前移到存储空间前面,同时修改队头和 队尾指针。

缺点: 带来数据元素移动的时间开销

将队列的数据存储区看成首尾相接的循环结构,头尾指针的 关系不变,称其为"循环队列"

#### 队列的顺序存储 3

#### front MAXQUEUE-1 $a_6$ $a_7$ rear

MAXQUEUE, 在C语言中, 头尾指针的 下标范围是0~MAXQUEUE-1, 若增加 队头或队尾指针, 可以利用取模运算实 假设为队列分配的存储空间大小为 现。例如:

front = (front + 1)%MAXQUEUE; rear = (rear + 1)% MAXQUEUE;

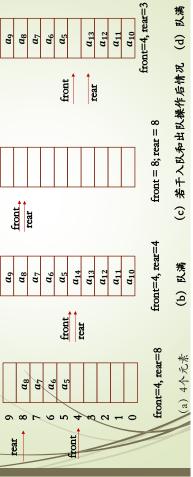
两个公式计算的结果为0。这样就使得指 针自动由后面转到前面,形成循环的效 当front或rear为MAXQUEUE-1时,上述

#### 队列的顺序存储 3,

图(a)中有4个元素,随着ao-a14相继入队,队列中共有10个元素,已占满所有存储空间,此时frontAreat相等,如图(b)所示。在队满的情况下有front==rear。

如果在图 (a) 的基础上, a5~a8相继出队,此时队列为空,如图 (c) 所示,即在队空的情 况, 同样也有front==rear。

队满和队空的条件相同,仅凭front==rear无法区分循环队列是空还是满!



 $a_{13}$ 

 $a_5$  $a_6$ 

 $a_8$  $a_7$   $a_{12}$ 

 $a_{11}$  $a_{10}$ 

#### 队列的顺序存储 3

# 问题:如何判断循环队列的空和满呢?

<b>方附当时 方为满</b> 治识 3 分 治 乃 。										
										ear=3
a <sub>9</sub>	$a_8$ $a_7$	$a_6$	$a_5$		$a_{13}$	$a_{12}$	$a_{11}$	$a_{10}$		front=4, rear=3
<b>A A</b>										fro
			front		rear				_	\
_	_	_								

没一个存储队列中元素个数的变量, 如count, ount=0时为队空, 当count等于MAXQUEUE **为队满。** 

入列另设一个标志, 用来区分队列是空还是 光二:

方法三: (d) 队满

上队头指針。即(rear+1)%MAXQUEUE==front。 少用一个数据元素空间,当数组只剩下一个单 元时就认为是队满,此时队尾指针只差一步追 **如图(d)所示** 

## 4、队列的链式存储

1、链队列的定义

链式存储结构的队列称为链队列

米指 实际上是一个同时带有头指针和尾指针的单链表, 针指向队头结点,尾指针指向队尾结点。

## 队列的链式存储

、顺序队列(循环队列)和链队列的定义

#### 循环队列

typedef struct{
 int elem[maxsize];
 int front, rear;
 cquedetp;

#### **海** 队 列

typedef struct nodetype{
 int data;
 struct nodetype \*next;
}nodetype;

typedef struct{
nodetype \*front;
nodetype \*rear;
}queuetp;

## 4、队列的链式存储

2、链队列的基本操作

## • 链队列初始化

链队列的基本操作

### **链队列判队空**

```
int queueempty(|queuetp *|q){
    if(|q->front == |q->rear)
        return 1;
    return 0;
}
int main(){
        |queuetp *|q;
        int tmp = 0;
        |q = (|queuetp *|malloc(sizeof(|queuetp));
        initqueue(|q);
        tmp = queueempty(|q);
    return 0;
}
```

链队列的基本操作

### ● 求链队长度

```
int size(lqueuetp *lq){
    int len = 0;
    nodetype *p = lq->front->next;
    while (p) {
        len++;
        p = p->next;
    }
    return len;
}
```

- 2、链队列的基本操作
- 维队列入队

```
void enqueue(|queuetp *|q, int x){
    nodetype *s;
    s = (nodetype *)malloc(sizeof(nodetype));
    s->data = x;
    s->next = NULL;
    |q->rear = s;
    |q->rear = s;
}
```

- 2、链队列的基本操作
- 读缝队列队头元素

```
int size(lqueuetp *lq){
  int len = 0;
  nodetype *p = lq->front->next;
  while (p) {
  len++;
  p = p->next;
  }
  return len;
}
```

链队列的基本操作

### ● 维队列出队

```
int delqueue(lqueuetp *lq){
    int x;
    nodetype *p;
    if(lq->front == lq->rear)
    return NUL;
    else{
        p=lq->front->next;
        lq->front->next = p->next;
        if(p->next == NULL)
        lq->rear = lq->front;
        x=p->data;
    free(p);
    return x;
}
```

### 递归的概念

定义:遊归是直接或间接调用本身的一种方法。

基本思想: 遊归就是有去有回(有递推和回归)。它将一个问题划分成一个活多个规模更小的子问题,然后用同样的方法解决这些规模更小的问题, 这些问题不断从大到小, 从远及近的过程中, 会有一个终点, 一个临界点, 一个到了那个点就不能再往更小, 更远的地方走下去的点, 这个点叫做递归出口。然后从那个点开始, 原路返回到原点,就求得了最初想知道的值。

### • 递归的概念

举例:假如你在超市收银台排队结账,你想知道自己现在排第几个。但是排队 的人比较多,你懒得去数,于是你向前面的人问道:"你好,请问你排第几个?",因为如果你知道你前面的人的序号,自己只需要加上1就可以了。但是 呢, 前面的人也不清楚自己排第几, 于是他又问他前面的那个人, 依次类推, 直到问到了排在最前面的那个人,那个人有点无奈的告诉向他问问题的人: 。于是大家都知道自己排第几了。这就是递归。

## • 递归的概念

【例】求解2的n次幂,即 $f(n) = 2^n$ 

当n=1时, $f(1)=2^1=2$ 

当n>1时,可以把原问题f(n)分解为 $f(n) = 2^n = 2 \times 2^{n-1} = 2 \times f(n-1)$ 。 (n-1)与f(n)是同一类型的问题,可以用递归方程表示为:

 $f(n) = \begin{cases} 2, & n = 1; \\ 2 \times f(n-1), & n > 1_{\circ} \end{cases}$ 

及据这个方案,可以设计出如下递归算法:

t compute2n(int n)

f(n>1) return 2\*compute2n(n-1); (n=1) return 2;

## • 递归与迭代的区别

假设n等于5, 计算5! 的递归调用可以用下面这个图描述

 $(5) = 5 \times 24 = 12$ 

f(4) = 4 \* 6 = 24

f(3)=3\*2=6返回

第3次调用 [ [ (3) =3\*[ (2)

第2次调用 [ (4)=4\* [(3)

第1次调用 f(5)=5\*f(4)

[(2)=2\*1=2

第4次调用 [f(2)=2\*f(1)]

虽然递归是一种非常优美的编程技术,但是,它需要更多的存储空间和时间。而且,由于递归会引起一系列的函数调用,同时还有可 递归:程序调用自身的编程技巧称为递归,是函数自己调用自己。 能会有一系列的重复计算,因此递归算法的执行效率相对较低。

归是自己调用自己的话,迭代就是函数A不停地调用函数B。每一次 对过程的重复称为一次"迭代"。而每次迭代得到的结果会作为下 迭代: 利用变量的原值推算出变量的一个新值称为迭代。如果递 - 次迭代的初始值。

计算5的阶乘

已经触底了, 所以要往上反弹

第5次调用 [★ [f(1)=1

## 递归与迭代的区别

```
for(i=1; i< n+1; i++)
                                                                                                                              total = total *2;
                       int compute2n(int n)
                                                                 int total = 1;
                                                                                       if(n=1) return 2; if(n>1) return 2*compute2n(n-1);
                                               int compute2n(int n)
递归:
```

迭代算法的效率通常更高,在实际求解的过程中更加常用。 西者好比,

## • 递归与栈的关系

递归函数的执行过程具有如下三个特点:

- $\Theta \otimes \Theta$

- 函数名相同; 不断地自调用; 最后被调用的函数要最先被返回。

或者"后进先出"算法的数据 栈是一种执行"先进后出"

它是计算机中最常用的一种线性数据结构,比如函数的调 用在计算机中就是用系统栈实现的。

的国数的执行过程与栈的执行规则有相似的"先进后出"

## 汉诺塔问题

### 问题描述:

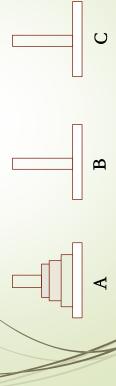
3根金刚石柱子,在其中1根柱子上按照从下往上的顺序从大到小地摆着 次只能移动一个圆盘。当圆盘个数很少的时候,任务很容易完成。当圆 64片黄金圆盘。要把这些黄金圆盘从下面开始按大小顺序重新把放到另 -根柱子上。并且规定,在小圆盘上不能放大圆盘,在3根柱子之间-盘个数超过5个时,情况就变得很复杂,任务很难完成。

## 汉诺塔问题

### 问题分析:

以三个圆盘为例,设有V、B、C三根柱子,其中A柱子上有三个从下往上按从大到小的顺序叠放的三个圆盘。

现要求按照汉诺塔问题的规则将三个圆盘移动到C柱子上,且叠放顺

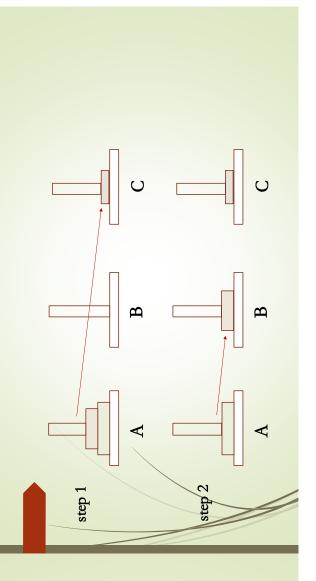


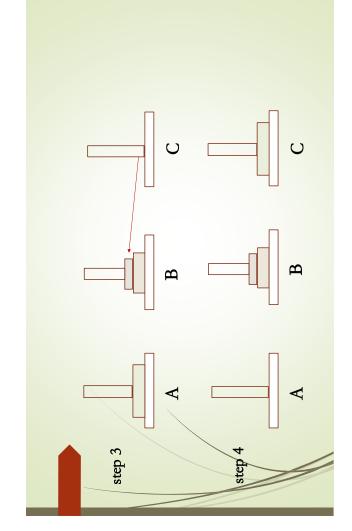
## 汉诺塔问题

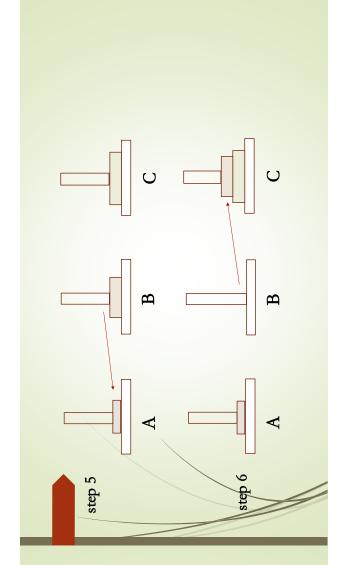
### 解决步骤:

- 1、将A柱子上的第一个圆盘移动到C柱子上;
- 2、将A柱子上的第二个圆盘移动到B柱子上;
- 3、将移动到C柱子上的第一个小圆盘叠放到B柱子上的圆盘上;
  - 4、再将A柱子上最大的圆盘移动到C柱子上;
- 5、将B柱子上的最小圆盘放到A柱子上;
  - 6、/将B柱子上的圆盘叠放到C柱子上;









### 问题总结:

若有n个圆盘,先把A柱子上的n-1个圆盘移动到B柱子上,再把A柱子上剩下的最后一个最大圆盘移动到C柱子上,由于该圆盘是最大的,所以在以后的搬动过程中,它保持不动,然后再将B柱子上的n-1个圆盘借助A柱子移动到C柱子上。这样移动n个圆盘的问题就可以对应为移动n-1个圆盘的问题,且move(n)=2move(n-1)+1,显然,这是一个递归公式,因此可以用递归算法来求解汉诺塔问题。