

# 数据结构与算法

人工智能与大数据学院

# 本节课主要内容

- 第4章 数组和字符串
- ① 掌握数组的定义
- ② 掌握数组的顺序存储结构
- ③ 掌握特殊矩阵的压缩方法
- ④ 掌握串的基本操作实现

#### 1、数组的定义

和线性表一样,数组是由相同数据类型的数据元素组成的,每个元素由一个值和下标确定。

它用一组连续的内存空间,来存储一组类型相同的数据

a[0] a[1] a[2] a[3] ... a[n]

<b>a</b> 00	<b>a</b> 01	<b>G</b> 02	•••	<b>a</b> 0, n-1	
<b>a</b> 10	<b>a</b> 11	<b>a</b> 12 <b>a</b>		<b>a</b> 1, n-1	
<b>a</b> 20	<b>Q</b> 21	<b>G</b> 22	•••	<b>Q</b> 2, n-1	
•••	•••	•••	•••	<b>Q</b> 3, n-1	
•••	•••	•••	•••	•••	
<b>a</b> m-1,0	<b>a</b> m-1,1	<b>G</b> m-1,2	•••	<b>a</b> m-1, n-1	

数组是线性表的推广,它的每个数据元素也是个线性表

- 2、数组的顺序存储结构 a[m][n]
- (1)以行序为主序的存储方式

存储地址计算方式:

$$LOC(i,j) = LOC(0,0) + (n*i+j)*d$$

<b>a</b> 00	<b>Q</b> 01	<b>a</b> 02		<b>a</b> 0, n-1
<b>a</b> 10	<b>a</b> 11	<b>Q</b> 12	•••	<b>a</b> 1, n-1
<b>a</b> 20	<b>Q</b> 21	G22		<b>a</b> 2, n-1
•••	•••	•••	•••	<b>a</b> 3, n-1
•••	•••	•••	•••	•••
<b>a</b> m-1,0	<b>a</b> m-1,1	<b>a</b> m-1,2	•••	<b>a</b> m-1, n-1

例题:假设二维数组A有3行4列,按照行优先进行存储,每个元素占4个存储单元,第1个元素的存储单元,地址为100,则A[2][2]的地址是?

2、数组的顺序存储结构a[m][n]

(2) 以列序为主序的存储方式

存储地址计算方式:

$$LOC(i,j) = LOC(0,0) + (i+m*j)*d$$

<b>a</b> 00	<b>Q</b> 01	<b>a</b> 02		<b>a</b> 0, n-1
<b>a</b> 10	<b>Q</b> 11	<b>Q</b> 12	•••	<b>a</b> 1, n-1
<b>a</b> 20	<b>Q</b> 21	<b>Q</b> 22	•••	<b>a</b> 2, n-1
•••	•••	•••	•••	<b>a</b> 3, n-1
•••	•••	•••	•••	•••
<b>a</b> m-1,0	<b>a</b> m-1,1	<b>a</b> m-1,2	•••	<b>a</b> m-1, n-

例题:假设二维数组A有3行4列,按照列优先进行存储,每个元素占4个存储单元,第1个元素的存储单元,地址为100,则A[2][2]的地址是?

2、数组的顺序存储结构a[m][n]

例题1:假设将100个数据元素的线性表存储在数组中,若第5个数据元素的地址为1000,第8个数据元素的地址为1030,请问最后一个元素的存储地址是?

例题2:假设数组A[60,70]的基地址为2000,每个元素占2个存储单元,若以列序为主序顺序存储,则元素a[31,50]的存储地址是?

矩阵的压缩存储方法:

压缩存储,是指为多个值相同的元素只分配一个存储空间,对零元素不分配空间。

- 1. 特殊矩阵
- 2. 稀疏矩阵

#### 1. 特殊矩阵

若值相同的元素或零元素在矩阵中的分布有一定的规律,则称此类矩阵为特殊矩阵。

(1) 对称矩阵

如果n阶矩阵A中的元素满足

$$a_{ij} = a_{ji} \quad (0 \le i, j \le n - 1)$$

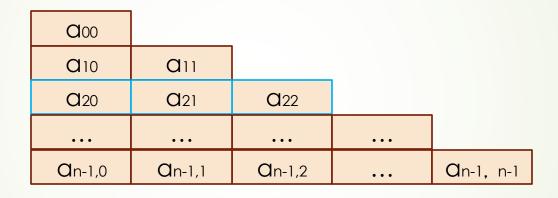
(1) 对称矩阵

如果n阶矩阵A中的元素满足  $a_{ij}=a_{ji}$   $(0 \le i,j \le n-1)$ 

只存储主对角线以上或以下的元素即可。  $n^2$ 个元素压缩存储到 n(n+1)/2个空间中

3 2 7 2 5 6 7 6 9

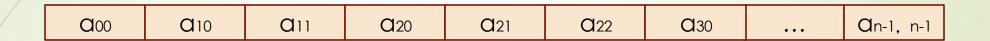
若以行序为主存储对角线以下(含对角线)的元素,并以一维数组M[n(n+1)/2]作为n阶矩阵A的存储结构,则



M[n(n+1)/2] 中矩阵元素 $a_{ij}$ 的存储状况为:

<b>a</b> 00 <b>a</b> 10	<b>Q</b> 11	<b>Q</b> 20	<b>Q</b> 21	<b>Q</b> 22	<b>a</b> 30	•••	<b>a</b> n-1, n-1
-------------------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-----	-------------------

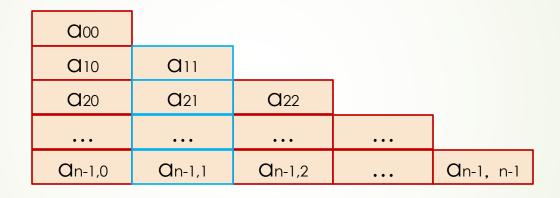
M[n(n+1)/2]中矩阵元素 $a_{ij}$ 的存储状况为(行序为主序):



M[k]和矩阵元素 $a_{ij}$ 的一一对应关系为:

$$k=i(i+1)/2+j;$$
  $(i>=j)$ 

若以列序为主存储对角线以下(含对角线)的元素,并以一维数组M[n(n+1)/2]作为n阶矩阵A的存储结构,则



M[n(n+1)/2]中矩阵元素 $a_{ij}$ 的存储状况为:

<b>a</b> 00	<b>a</b> 10	<b>Q</b> 20	<b>a</b> 30		<b>a</b> n-1,0	<b>Q</b> 11	•••	<b>a</b> n-1, n-1
-------------	-------------	-------------	-------------	--	----------------	-------------	-----	-------------------

2. 稀疏矩阵

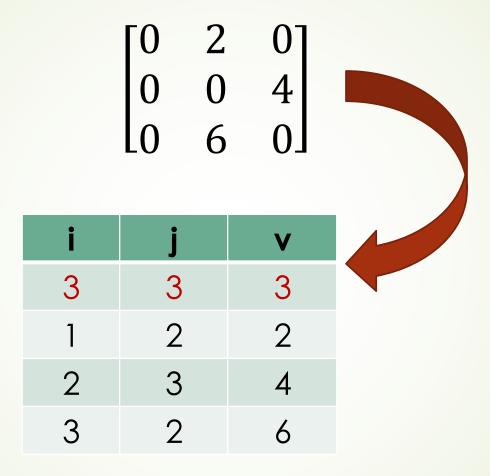
若矩阵中有很多元素是零,而且非零元素的分布没有规律,则称该矩阵为稀疏矩阵。

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 4 \\ 0 & 6 & 0 \end{bmatrix}$$

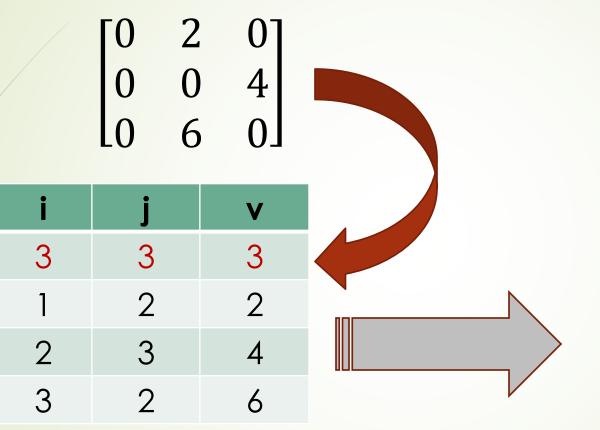
如果采用一般的存储方法表示稀疏矩阵,就会存储大量的零元素,造成存储空间的浪费。

2. 稀疏矩阵

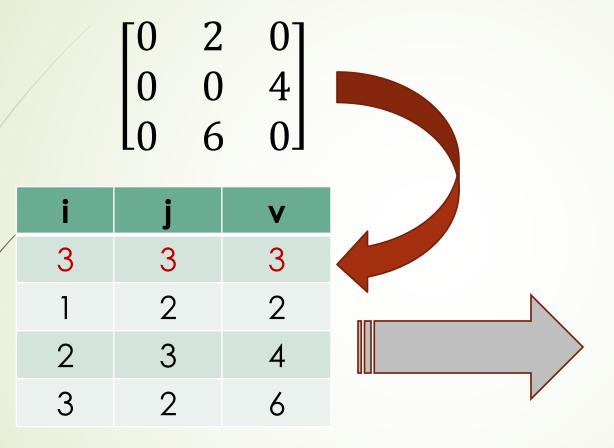
```
(1) 三元组顺序表
define MAXSIZE 20
typedef struct{
  int i, <del>j;</del> 非零元素的行、列下标
  elemtype v; •
                          非零元素的值
node;
typedef struct{
                          稀疏矩阵的行数、列数、非零元素个数
  int m, n, t;
  node data[MAXSIZE];
} mat;
```



注:表中data[0]中的i, j, v分别存储稀疏矩阵的行数、列数、非零元素个数。



如何实现稀疏矩阵的转置运算,即计算转置矩阵??



#### 算法思路:

- ① 将行数和列数相互交换
- ② 将三元组中的i和j相互 调换
- ③ 重排三元组之间的次序

算法思路:

- ① 将行数和列数相互交换
- ②将三元组中的i和j相互调换
- ③ 重排三元组之间的次序

如果用二维数组来表示矩阵,一般可用如下算法实现:

此时时间复杂度为O(m\*n)

如果用二维数组来表示矩阵,一般可用如下算法实现:

```
for(j=1; j<=n; j++)
for(i=1; i<=m; i++)
b[j][i]=a[i][j]
```

此时时间复杂度为O(m\*n)

适当增加存储单元,降低时间复杂度。

- ① 确定a中每一列第一个非零元素在b中的位置;
- ② 计算每个非零元素在b中的位置

此时时间复杂度为O(n\*t),其中t为非零元素个数

1、字符串的定义

字符串(简称串),是一种特殊的线性表,它的数据元素仅由一个字符组成。

串是由零个或多个字符组成的有限序列。一般记为  $S = c_0 c_1 c_2 \dots c_{n-1}$  (n ≥ 0)

其中 $c_i$ 可以是字母、数字或其他字符

- 2、相关概念
- ① 串名
- ② 串的值
- ③ 串的长度
- ④ 子串和主串
- ⑤ 串的位置
- ⑥ 两个串相等
- ⑦ 空格串
- ⑧空串

$$S = c_0 c_1 c_2 \dots c_{n-1}$$
  $(n \ge 0)$ 

3、字符串的基本操作定义

字符串的基本操作常常以串或子串为单位,而不是以一个字符为单位。

假设本节中的s, t, v, a, b, c, d都是串名, 并且a='HE', b='FEI',

c=/', d= 'HEFEI'

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

#### (1)赋值操作:

Assign(s,t): 将串 t 的值赋值给串 s

例如:/执行Assign(s, d)之后, s= 'HEFEI'

C语言中string.h头文件中,函数strcpy(str1,str2)将字符串str2的值赋值给str1,函数strncpy(str1,str2,n)将字符串str2中前n个字节赋值给str1

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(2) 判相等函数:

Equal(s,t): 若串 t和串s相等,则返回函数值1,否则返回0

例如:/执行Equal(a, d)之后, 结果为0

思考: Equal(a, c), Equal(a, 'HE'), Equal('', '')

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(3) 计算串的长度:

Len(s):返回串s中字符的个数

例如:/执行 Len(a)之后, 结果为2

思考: Len(c), len('')

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(4) 串的连接函数:

Concat(s,t): 将串t的字符序列紧接在串s的字符序列之后,构成一个新的字符序列,产生一个新串,并返回

例如: 执行Concat(a,b)之后,结果为'HEFEI'

思考 Equal(d, Concat(a,b))的结果?

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

#### (5) 求子串函数:

SubStr(s, start, len): 如果合理区间范围内(start:[0, length(s)-1], len:[0, length(s)-start+1]),则返回函数值为从串s中第start个字符起,长度为len的连续字符序列,否则返回一个特殊的串常量。

例如: 执行SubStr(a, 0, 1)之后, 结果为 'H'

#### 练习题:

```
1、串s1= 'ABCDEFG', 串s2= 'PQRST', 则
```

Concat(SubStr(s1, 2, 1en(s2)), SubStr(s1, 1en(s2), 2))的结果是 ?

2、串s1='HEFEI',串s2='HELLO',则

Equal(SubStr(s1,0,len(SubStr(s2,1,2))), 'HE')的结果是?

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(6) 定位函数:

Index(s,t): 若在主串s中存在和t相等的子串,则函数值为s中第一个这样的子串在主串s中的位置,否则函数值为-1

例如: 执行Index(a, 'E')之后,结果为1,执行Index(d, 'E')的结果呢?

注意 : t不能为空串

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(7) 替换函数:

Replace(s, t, v): 以串v替换所有在串s中出现的和非空串t相等的不重叠的子串。

例如: 执行Replace(d, 'E', 'e')之后, s结果更新为 'HeFeI'

注意 1: t不能为空串

```
练习题:
```

Concat(SubStr(s1,0, Index(s2, 'Q'), SubStr(s1, len(s2), 2))的结果 是 ?

2、串s1='HEFEI',串s2='HELLO',则

1、串s1= 'ABCDEFG',串s2= 'PQRST',则

Replace(s2, '0', '0!')之后串s2的值?

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

(8) 插入函数:

Insert(s, pos, t): 若pos的值在合理区间范围内([0, length(s)]),则在串s的第pos个字符之前插入串t

例如: 执行Insert(d,0, 'Hi,')之后, d结果更新为 'Hi, HEFEI'

a= 'HE', b= 'FEI', c= '', d= 'HEFEI'

#### (9) 删除函数:

Delete(s, pos, len): 若pos的值在合理区间范围内([0, length(s)-1]),则从串s中删除第pos个字符起,长度为len的子串

例如: 执行Delete(d, 2, 3)之后, d结果更新为 'HE'

判断如下程序段的实现功能(1):

```
int abc(char *a){
  int count=0,i;
  for(i=0;a[i]!='\0';i++)
     count++;
  return count:
```

判断如下程序段的实现功能(2):

```
int abc(char *a){
   int i=0;
  while (a[i]!='\setminus 0')
     i++;
   return i;
```

判断如下程序段的实现功能(3):

```
void def(char *a, char *b){
  int len1=abc(a);
  int len2=abc(b);
  int i;
  for(i=0;i<len2;i++)
     a[len1+i]=b[i];
```

```
判断如下程序段的实现功能(4):
int uvw(char *a, char *b){
  int len1=abc(a);
  int len2=abc(b);
  int i,j;
  if(len1!=len2)
    return 0;
  for(i=0;i<len1;i++)
    if(a[i]!=b[i])
      return 0;
  return 1;
```

判断如下程序段的实现功能(5):

```
char *rst(char *a, int s, int m){
  char *c;
  c=malloc(sizeof(abc(a)));
  int i=0;
  for(i=0;i<m;i++)
     C[i]=a[s+i];
  return c;
```

```
判断如下程序段的实现功能(6):
int xyz(char *a, char *b){
  int len1=abc(a);
  int len2=abc(b);
  int i=0;
  if(len2==0)
    return -1;
  while (i<=(len1-len2)){
    if(uvw(rst(a, i, len2),b))
      return i;
    i++;
  return -1;
```

课后作业: 利用串的基本运算, 编写一个算法, 实现删除s1中所有s2子串