

Tarea 1 CV2

Alejandro Brenes y Erick Venegas

2025-02-07

Análisis Exploratorio de los Datos

Descarga de datos

Como primer paso, se bajan las bases de datos necesarias, tanto la de los datos de los asegurados como la tabla de mortalidad.

```
library(readxl)
datos_asegurados <- read_excel("Datos_Final.xlsx")
tabla_mort <- read_excel("Tabla de mortalidad.xlsx")
```

Análisis para los datos de la mortalidad

Se verifica si hay datos faltantes de algún tipo:

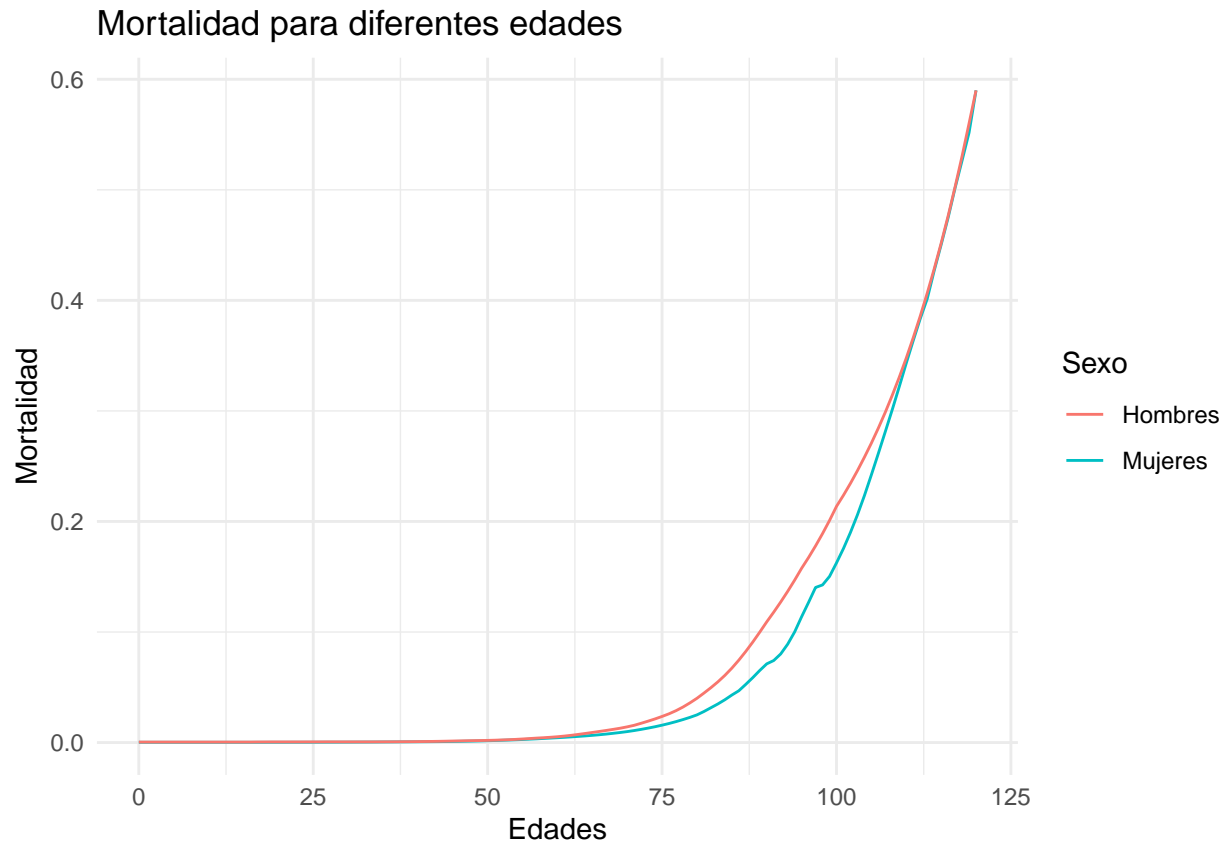
```
tabla_mort <- tabla_mort[, -c(3, 5)] #Se eliminan estas columnas correspondientes a los fumadores
any(is.na(tabla_mort))
```

```
## [1] FALSE
```

Vemos que los datos están completos. Ahora podemos realizar un gráfico para visualizar de mejor manera los datos:

```
library(ggplot2)

ggplot(tabla_mort, aes(x = Edad)) +
  geom_line(aes(y = M_NF, color = "Mujeres")) +
  geom_line(aes(y = H_NF, color = "Hombres")) +
  labs(title = "Mortalidad para diferentes edades",
       x = "Edades",
       y = "Mortalidad",
       color = "Sexo") +
  theme_minimal()
```



Se puede recalcar es que la mortalidad se comporta bastante similar hasta llegar a los 70 años aproximadamente, ya que de ahí a aproximadamente los 110 años la mortalidad en los hombres siempre es superior. Algo a destacar es que se asume que en la edad máxima de esta base de datos, 120, la probabilidad de morir al año siguiente no es 1, por lo que no hay una edad Ω limite donde se “corta”.

Además, pareciera que las probabilidades están bajo un enfoque más optimista, al ser estas bastante bajas. Por ejemplo, hasta la edad de 117, tanto en hombres como en mujeres, la probabilidad de que la persona sobreviva al año siguiente es inclusive mayor a la de morir. Esto es importante tomarlo en cuenta ya que puede repercutir en los montos de las reservas y cómo se comportan las personas a lo largo del tiempo. Otro ejemplo de ello es que las anualidades al solo considerar la probabilidad de vida tendrán valores más altos. De igual forma, tener probabilidades de muerte tan bajas, esto repercute a la hora de calcular los seguros, pues se podría estar haciendo una subestimación de estas probabilidades, provocando que las muertes esperadas sean mucho menores que de las que de verdad ocurren.

Análisis para los datos de los contratos

Ahora pasamos al análisis de la base de datos de los asegurados. Como primer paso, se verifica que cada id sea único:

```
length(unique(datos_asegurados$Id)) == nrow(datos_asegurados)
```

```
## [1] TRUE
```

Vemos que la base esta completa:

```
any(is.na(datos_asegurados))
```

```
## [1] FALSE
```

Variables cualitativas

Ahora, se pueden analizar las columnas de datos cuantitativos:

```
cat("Posibles sexos del asegurado:\n", unique(datos_asegurados$`Sexo del asegurado`), "\n")
```

```
## Posibles sexos del asegurado:  
## F M
```

```
cat("Monedas utilizadas:\n", unique(datos_asegurados$Moneda), "\n")
```

```
## Monedas utilizadas:  
## $
```

```
cat("Opciones para la periodicidad del pago:\n", unique(datos_asegurados$`Periodicidad del pago`), "\n")
```

```
## Opciones para la periodicidad del pago:  
## ANUAL MENSUAL SEMESTRAL TRIMESTRAL
```

```
summary(datos_asegurados)
```

```
##          Id          Ultima renovación  
## Min.   : 1.0   Min.   :2023-01-03 00:00:00.00  
## 1st Qu.:104.2   1st Qu.:2023-05-11 00:00:00.00  
## Median :207.5   Median :2023-08-07 00:00:00.00  
## Mean   :207.5   Mean   :2023-07-26 12:48:41.74  
## 3rd Qu.:310.8   3rd Qu.:2023-10-24 00:00:00.00  
## Max.   :414.0   Max.   :2023-12-28 00:00:00.00  
## Fecha de nacimiento del asegurado Sexo del asegurado Moneda  
## Min.   :1955-05-26 00:00:00.000 Length:414 Length:414  
## 1st Qu.:1977-04-30 12:00:00.000 Class :character Class :character  
## Median :1982-06-16 00:00:00.000 Mode  :character Mode  :character  
## Mean   :1982-02-26 21:47:49.564  
## 3rd Qu.:1988-02-28 00:00:00.000  
## Max.   :2003-07-02 00:00:00.000  
## Suma asegurada Fecha de inicio de la póliza  
## Min.   : 17250 Min.   :2022-09-05 00:00:00.00  
## 1st Qu.:103500 1st Qu.:2023-01-21 12:00:00.00  
## Median :115000 Median :2023-05-29 00:00:00.00  
## Mean   :181074 Mean   :2023-05-12 14:15:39.13  
## 3rd Qu.:172500 3rd Qu.:2023-08-23 18:00:00.00  
## Max.   :2875000 Max.   :2023-12-22 00:00:00.00  
## Fecha de vencimiento de la póliza Periodicidad del pago Monto de la prima pura  
## Min.   :2032-09-14 00:00:00.00 Length:414 Min.   : 5.067  
## 1st Qu.:2042-11-17 00:00:00.00 Class :character 1st Qu.: 29.857
```

```
## Median :2043-05-26 12:00:00.00      Mode :character      Median : 50.755
## Mean   :2043-09-03 13:58:15.65      Mean   : 145.421
## 3rd Qu.:2043-10-23 00:00:00.00      3rd Qu.: 109.016
## Max.   :2053-12-15 00:00:00.00      Max.    :3688.769
## Monto de la prima de inventario Monto de la prima comercial
## Min.    : 9.211                      Min.    : 20.46
## 1st Qu.: 57.323                      1st Qu.: 154.59
## Median : 100.776                      Median : 279.27
## Mean    : 234.330                      Mean    : 555.68
## 3rd Qu.: 215.564                      3rd Qu.: 576.26
## Max.    :4320.717                      Max.    :7832.50
```

Variables cuantitativas: fechas

Se continúa con una serie de observaciones de los datos cuantitativos. Para empezar, las fechas.

Se convierten las fechas a formato Date:

```
datos_asegurados$`Ultima renovación` <- as.Date(datos_asegurados$`Ultima renovación`)
datos_asegurados$`Fecha de nacimiento del asegurado` <- as.Date(datos_asegurados$`Fecha de nacimiento del asegurado`)
datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza` <- as.Date(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`)
datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza` <- as.Date(datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`)
```

Ahora bien, las 4 fechas que se establecen para cada individuo deben de seguir un orden lógico. La fecha más antigua es la de nacimiento; de ahí en adelante, la fecha de inicio debe de ser mayor o igual de antigua que la última renovación, así como esta debe ser a lo sumo igual de antigua que la fecha de vencimiento. A continuación se verifican estas condiciones, mediante un cálculo vectorizado de condiciones. La idea es que en cada “which” se verifique fila por fila si las condiciones antes mencionadas sean falsas, en caso de serla, almacena la fila en la que se incumplió, obteniendo un vector con las filas que se incumplen las condiciones, en las que, por lo tanto, existe una inconsistencia.

```
# Cálculo vectorizado de las condiciones
falsos_1 <- which(datos_asegurados$`Fecha de nacimiento del asegurado` >= datos_asegurados$`Ultima renovación`)
falsos_2 <- which(datos_asegurados$`Fecha de nacimiento del asegurado` >= datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`)
falsos_3 <- which(datos_asegurados$`Fecha de nacimiento del asegurado` >= datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`)
falsos_4 <- which(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza` >= datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`)
falsos_5 <- which(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza` >= datos_asegurados$`Ultima renovación`)
falsos_6 <- which(datos_asegurados$`Ultima renovación` >= datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`)

#Resultados
falsos_1
```

```
## integer(0)
```

```
falsos_2
```

```
## integer(0)
```

```
falsos_3
```

```
## integer(0)
```

```
falsos_4
```

```
## integer(0)
```

```
falsos_5
```

```
##      [1]      1      2      3      4      5      6      7      8      9     10     11     12     13     14     15     16     17     18
## [19]    19    20    21    22    23    24    25    26    27    28    29    30    31    32    33    34    35    36
## [37]    37    38    39    40    41    42    43    44    45    46    47    48    49    50    51    52    53    54
## [55]    55    56    57    58    59    60    61    62    63    64    65    66    67    68    69    70    71    72    73
## [73]    74    75    76    77    78    79    80    81    82    83    84    85    86    87    88    89    90    91    92
## [91]    93    94    95    96    97    98    99   100   101   102   103   104   105   106   107   108   109   110   111
## [109]  112   113   114   115   116   117   118   119   120   121   122   123   124   125   126   127   128   129   130
## [127]  131   132   133   134   135   136   137   138   139   140   141   142   143   144   145   146   147   148   149
## [145]  150   151   152   153   154   155   156   157   158   159   160   161   162   163   164   165   166   167   168
## [163]  169   170   171   172   173   174   175   176   177   178   179   180   181   182   183   184   185   186   187
## [181]  188   189   190   191   192   193   194   195   196   197   198   199   200   201   202   203   204   205   206
## [209]  207   208   209   210   211   212   213   214   215   216   217   218   219   220   221   222   223   224   225
## [227]  226   227   228   229   230   231   232   233   234   235   236   237   238   239   240   241   242   243   244
## [243]  245   246   247   248   249   250   251   252   253   254   255   256   257   258   259   260   261   262   263
## [267]  264   265   266   267   268   269   270   271   272   273   274   275   276   277   278   279   280   281
## [285]  282   283   284   285   286   287   288   289   290   291   292   293   294   295   296   297   298   299
## [303]  300   301   302   303   304   305   306   307   308   309   310   311   312   313   314   315   316   317   318
## [321]  319   320   321   322   323   324   325   326   327   328   329   330   331   332   333   334   335   336   337
## [339]  338   339   340   341   342   343   344   345   346   347   348   349   350   351   352   353   354   355   356
## [357]  357   358   359   360   361   362   363   364   365   366   367   368   369   370   371   372   373   374   375
## [375]  376   377   378   379   380   381   382   383   384   385   386   387   388   389   390   391   392   393   394
## [399]  395   396   397   398   399   400   401   402   403   404   405   406   407   408   409   410   411   412
## [417]  413   414
```

```
falsos_6
```

```
## integer(0)
```

Se puede ver que todas las condiciones lógicas que se plantearon se cumplen, a excepción del caso en el que se verifica que las fechas de inicio de la póliza deben de ser a lo sumo igual de antiguas que la última renovación.

```
which(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza` > datos_asegurados$`Ultima renovación`)
```

```
## integer(0)
```

Cuando suprimimos el escenario en el que sean iguales, este comportamiento desaparece; de lo cual se deduce que en todos estos asegurados, no se ha dado ninguna renovación desde la fecha de inicio de la póliza.

Para todos los usuarios, la última renovación fue en 2023:

```
any(format(datos_asegurados$`Ultima renovación`, "%Y") != "2023")
```

```
## [1] FALSE
```

Solo en el usuario 191 la fecha de vencimiento no es ciertos años exactos después de la fecha de inicio de la póliza, pero se tomará como que sí por simplicidad:

```
datos_asegurados$misma_fecha <- format(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`, "%m-%d") == for  
which(datos_asegurados$misma_fecha == FALSE)
```

```
## [1] 191
```

Sabemos que siempre la diferencia entre el 31 de diciembre 23 y la última evaluación es menor a un año:

```
fecha_referencia <- as.Date("2023-12-31")  
diferencia <- as.numeric(difftime(fecha_referencia, datos_asegurados$`Ultima renovación`, units = "days"  
# Se verifica si hay alguna diferencia menor a 365 días  
which(diferencia > 365 & diferencia >= 0)
```

```
## integer(0)
```

Todos los años de la fecha de inicio de la póliza son 2022 o 2023:

```
any(!(format(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`, "%Y") %in% c("2022", "2023")))
```

```
## [1] FALSE
```

Variables cuantitativas: montos

Como primer paso se podría hacer un resumen con los estadísticos más destacados de las columnas correspondientes a montos.

```
summary(datos_asegurados$`Suma asegurada`)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.  
##  17250  103500  115000  181074  172500 2875000
```

```
summary(datos_asegurados$`Monto de la prima pura`)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.  
##   5.067  29.857   50.755  145.421  109.016 3688.769
```

```
summary(datos_asegurados$`Monto de la prima de inventario`)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.  
##   9.211  57.323  100.776  234.330  215.564 4320.717
```

```
summary(datos_asegurados$`Monto de la prima comercial`)
```

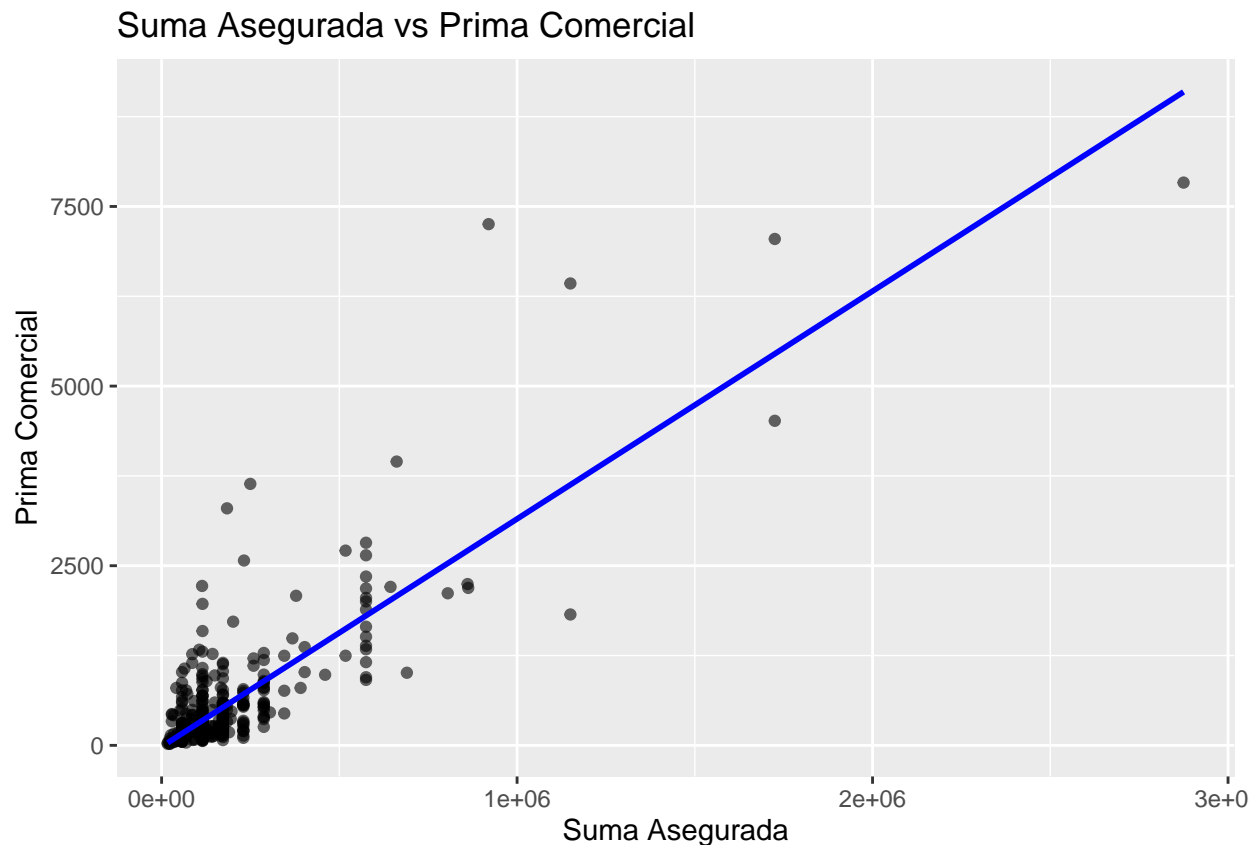
```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.    Max.
##  20.46  154.59   279.27  555.68  576.26 7832.50
```

Ahora, una serie de gráficos y medidas estadísticas que ayuden a entender la dinámica de las variables. Primero, un gráfico que ayude a visualizar la relación entre la suma asegurada y la prima comercial.

```
library(ggplot2)

ggplot(datos_asegurados, aes(x = `Suma asegurada`, y = `Monto de la prima comercial`)) +
  geom_point(alpha = 0.6) +
  geom_smooth(method = "lm", se = FALSE, color = "blue") +
  labs(title = "Suma Asegurada vs Prima Comercial",
       x = "Suma Asegurada",
       y = "Prima Comercial")
```

```
## 'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'
```

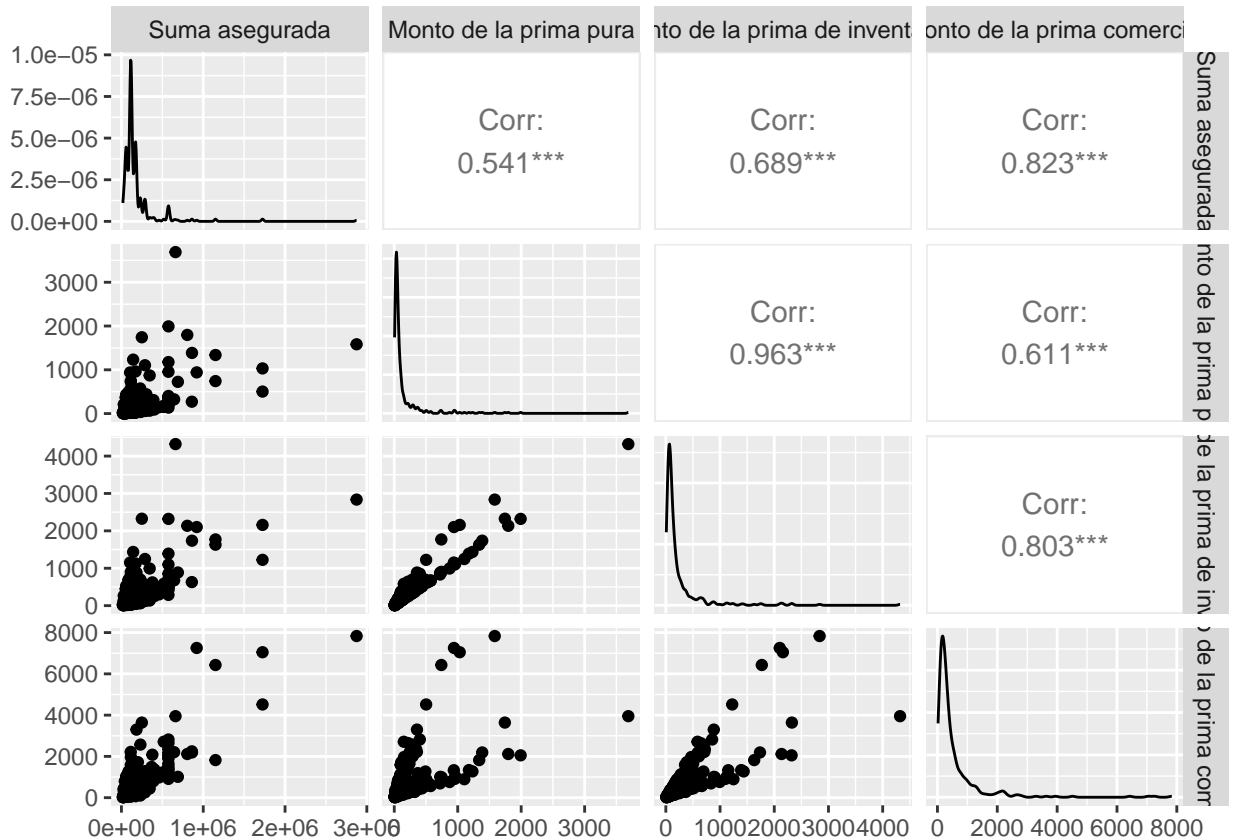


Ahora, con el paquete GGally, se nos permite observar la densidad de cada variable (en la diagonal), la correlación que existe entre ellas (a la derecha de la diagonal), y gráficos de dispersión (a la izquierda de la diagonal).

```
library(GGally)
```

```
## Registered S3 method overwritten by 'GGally':
##   method from
##   +.gg      ggplot2
```

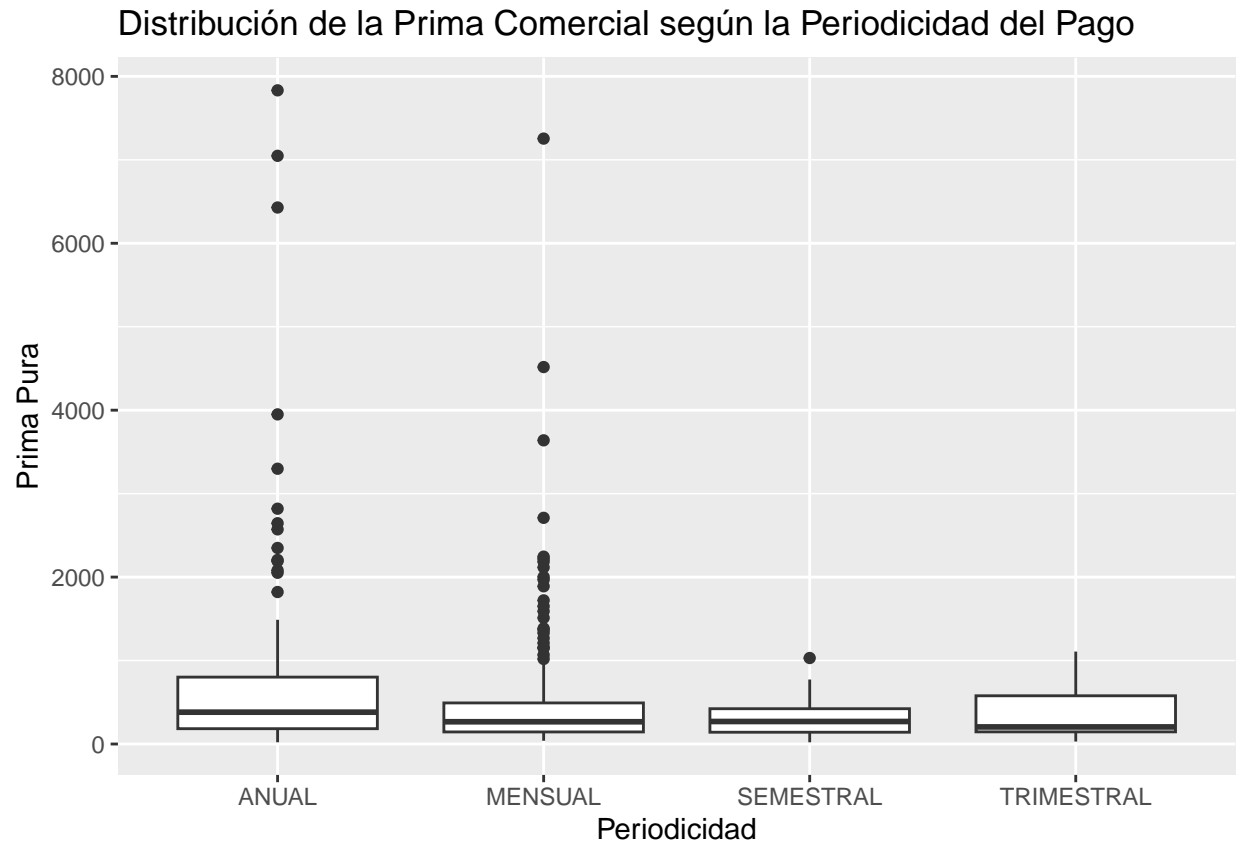
```
montos <- datos_asegurados[, c(6,10,11,12)]
GGally::ggpairs(montos)
```



Algo a destacar es que, como es de esperar, a mayor detallada y especificada es la prima, es decir, a mayor se acerca la prima a su valor final, más se correlaciona con la suma asegurada.

Finalmente, se puede hacer un boxplot para dimensionar la relación que tienen una variable cuantitativa con una cualitativa. Por ejemplo, la prima comercial con la periodicidad de pago.

```
ggplot(datos_asegurados, aes(x = `Periodicidad del pago`, y = `Monto de la prima comercial`)) +
  geom_boxplot() +
  labs(title = "Distribución de la Prima Comercial según la Periodicidad del Pago",
       x = "Periodicidad",
       y = "Prima Pura")
```

Vemos que en la periodicidad anual y mensual es donde se dan más valores atípicos fuera de la caja (correspondiente al rango intercuartílico).

Cálculo de las provisiones matemáticas

Creación de Variables

Como primer paso para calcular las provisiones matemáticas, se necesitan tomar en cuenta todas las variables necesarias. Primero, los datos a los que se pueden acceder directamente de la base de datos son: la suma asegurada, la prima comercial y la prima de inventario. Además, se conoce el interés técnico del 5% y los gastos de administración del 16 %. Por lo tanto, para calcular la provisión matemática en el momento t , tV , se necesitan calcular los seguros y anualidades asociadas a esta provisión.

Como primer paso, se podría obtener una columna nueva correspondiente a la edad de la persona en el momento en que inició la póliza. No se contabilizan meses ni días, únicamente los años cumplidos. Es decir, si alguien nació en agosto del año 2000, y el inicio de la póliza es en marzo de 2030, se toma como alguien de 29 años.

```
library(lubridate)
```

```
##
```

```
## Adjuntando el paquete: 'lubridate'
```

```
## The following objects are masked from 'package:base':
```

```
##
##      date, intersect, setdiff, union

datos_asegurados$`Edad iniciando la póliza` <- as.integer(interval(datos_asegurados$`Fecha de nacimiento` - datos_asegurados$`date`, 0))
```

Datos

```
# Establecemos los datos dados
tasa = 0.05
gastos_ad = 0.16
```

```
seguro_temporal <- function(tabla_mort, datos_asegurados, usuario,t){

  temporalidad <- ((as.numeric(format(datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`[usuario], "%Y-%m-%d")) - as.numeric(format(datos_asegurados$`date`[usuario], "%Y-%m-%d")))/365)

  if (temporalidad < 0){
    return("Se excedio la temporalidad del contrato")
  }

  edad <- as.numeric(datos_asegurados$`Edad iniciando la póliza`[usuario]) + t
  sexo <- datos_asegurados$`Sexo del asegurado`[usuario]

  valor_seguro <- 0
  prob_sobrevivencia <- 1

  if (sexo == F){
    for (i in 0:(temporalidad-1)){
      edad_actual <- edad + i
      q_actualizado <- tabla_mort$M_NF[edad_actual + 1]
      valor_seguro <- valor_seguro + (1/(1+tasa))^(i+1)*prob_sobrevivencia*q_actualizado
      prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*(1 - q_actualizado)
    }
  }
  else {
    for (i in 0:(temporalidad-1)){
      edad_actual <- edad + i
      q_actualizado <- tabla_mort$H_NF[edad_actual + 1]
      valor_seguro <- valor_seguro + (1/(1+tasa))^(i+1)*prob_sobrevivencia*q_actualizado
      prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*(1 - q_actualizado)
    }
  }

  return(valor_seguro)
}
```

```
anualidad_temporal <- function(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t){

  temporalidad <- ((as.numeric(format(datos_asegurados$`Fecha de vencimiento de la póliza`[usuario], "%Y-%m-%d")) - as.numeric(format(datos_asegurados$`date`[usuario], "%Y-%m-%d")))/365)

  if (temporalidad < 0){
    return("Se excedio la temporalidad del contrato")
  }

  edad <- as.numeric(datos_asegurados$`Edad iniciando la póliza`[usuario]) + t
  sexo <- datos_asegurados$`Sexo del asegurado`[usuario]

  valor_seguro <- 0
  prob_sobrevivencia <- 1

  if (sexo == F){
    for (i in 0:(temporalidad-1)){
      edad_actual <- edad + i
      q_actualizado <- tabla_mort$M_NF[edad_actual + 1]
      valor_seguro <- valor_seguro + (1/(1+tasa))^(i+1)*prob_sobrevivencia*q_actualizado
      prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*(1 - q_actualizado)
    }
  }
  else {
    for (i in 0:(temporalidad-1)){
      edad_actual <- edad + i
      q_actualizado <- tabla_mort$H_NF[edad_actual + 1]
      valor_seguro <- valor_seguro + (1/(1+tasa))^(i+1)*prob_sobrevivencia*q_actualizado
      prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*(1 - q_actualizado)
    }
  }

  return(valor_seguro)
}
```

```

edad <- as.numeric(datos_asegurados$`Edad iniciando la póliza`[usuario]) + t
sexo <- datos_asegurados$`Sexo del asegurado`[usuario]

valor_anualidad <- 1
prob_sobrevivencia <- 1

if (sexo == F){
  for (i in 1:(temporalidad-1)){
    edad_actual <- edad + i - 1
    p_actualizado <- 1 - tabla_mort$M_NF[edad_actual + 1]
    valor_anualidad <- valor_anualidad + (1/(1+tasa))^(i)*prob_sobrevivencia*p_actualizado
    prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*p_actualizado
  }
} else {
  for (i in 1:(temporalidad-1)){
    edad_actual <- edad + i - 1
    p_actualizado <- 1 - tabla_mort$H_NF[edad_actual + 1]
    valor_anualidad <- valor_anualidad + (1/(1+tasa))^(i)*prob_sobrevivencia*p_actualizado
    prob_sobrevivencia <- prob_sobrevivencia*p_actualizado
  }
}

return(valor_anualidad)
}

```

```

reserva <- function(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t){

  if (t > 0){
    t <- t-1 #la evaluación es al 31-12-2023
  }

  if (t > 0) {
    if(format(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`[usuario], "%Y") == "2022") {
      t <- t-1 #ya paso un año más
    }
  }

  suma_asegurada <- datos_asegurados$`Suma asegurada`[usuario]
  prima_comercial <- datos_asegurados$`Monto de la prima comercial`[usuario]
  prima_inventario <- datos_asegurados$`Monto de la prima de inventario`[usuario]

  # imprimir los valores antes de la multiplicación
  print(paste("Usuario:", usuario))
  print(paste("Suma asegurada:", suma_asegurada, "Clase:", class(suma_asegurada)))
  print(paste("Prima comercial:", prima_comercial, "Clase:", class(prima_comercial)))
  print(paste("Prima inventario:", prima_inventario, "Clase:", class(prima_inventario)))

  seg_temp <- seguro_temporal(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t)
  anu_temp <- anualidad_temporal(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t)

  print(paste("Seguro temporal:", seg_temp, "Clase:", class(seg_temp)))
}

```

```

print(paste("Anualidad temporal:", anu_temp, "Clase:", class(anu_temp)))

# Validación para evitar errores en la multiplicación
suma_asegurada <- as.numeric(suma_asegurada)
prima_comercial <- as.numeric(prima_comercial)
prima_inventario <- as.numeric(prima_inventario)
seg_temp <- as.numeric(seg_temp)
anu_temp <- as.numeric(anu_temp)

# Verificar si hay NA antes de la multiplicación
if (any(is.na(c(suma_asegurada, prima_comercial, prima_inventario, seg_temp, anu_temp)))) {
  print("Valores NA en la multiplicación")
  return(NA)
}

valor_reserva <- suma_asegurada * seg_temp + anu_temp * (prima_comercial * gastos_ad - prima_inventar

print("Valor de la reserva:")
return(valor_reserva)
}

```

Así, se hace la fecha de evaluación de la reserva el 31 de diciembre de 2023, tomando $t = 0$:

```
reservas_t0
```

```
## [1] 1680876
```

Interpretación de la Reserva Matemática

A modo general y matemáticamente hablando, la ecuación dada establece que la reserva en el momento t es igual a la suma asegurada multiplicada por el seguro temporal que contabiliza el t en sus cálculos, sumándose los gastos de administración, los cuales se pagan durante la vigencia de la póliza y equivale a un cierto porcentaje de la prima comercial. Lo anterior corresponde a los beneficios en valor presente más los gastos en valor presente que la persona asegurada debe cubrir, es decir significa el pasivo para la aseguradora. Por otro lado, hay que restar el valor presente de las primas, las cuales están sujetas a la sobrevivencia del sujeto y se pagan durante la vigencia de la póliza, también contempla el t en sus cálculos y esta se considera como la prima de inventario. Esta parte de la ecuación representa los activos para la aseguradora. Por lo tanto, las reservas se definen como los pasivos de la aseguradora menos los activos de la misma.

Según el Reglamento sobre la solvencia de entidades de seguros y reaseguros 02-13, las reservas o provisiones matemáticas (PM) se calcula como “la diferencia entre el valor actuarial de las obligaciones futuras de la entidad y el valor actual actuarial de las obligaciones futuras del asegurador (primas)”. Según esta misma normativa, el cálculo de esta se debe hacer de manera prospectiva. Es importante mencionar, que aunque matemáticamente y actuarialmente una reserva negativa se podría interpretar como que la entidad está obteniendo ganancias, según este mismo reglamento “la provisión matemática en ningún momento puede ser negativa”.

$${}_tV = (S.A) \cdot A_{x+t:\overline{n-t}|}^1 + P^{Com} \cdot \%GA \cdot \ddot{a}_{x+t:\overline{n-t}|} - P^{Inv} \cdot \ddot{a}_{x+t:\overline{n-t}|}$$

Figure 1: Fórmula Reserva

En donde ya establecimos que el lado izquierdo es la reserva en el momento t , S.A corresponde a la suma asegurada A es el seguro temporal, según el EDA realizado anteriormente, podemos ver que todos los seguros tienen duraciones de entre 10 a 30 años. Luego, a simboliza la anualidad, P son las primas que ya mencionamos y $G.A$ corresponde a los gastos de administración.

Recordemos que según el reglamento definimos la prima como “Aportación económica que ha de satisfacer el tomador o asegurado a la anteidad aseguradora en concepto de contraprestación por la cobertura del riesgo que ese le ofrece”. A su vez, utilizamos la Prima de Inventario, la cual es según este mismo reglamento “el resultado de sumar a la prima pura el recargo para gastos de administración”. Y por último la para la prima comercial esta se define como “Resultado de sumar a la prima de inventario los recargos para gastos de adquisición y la utilidad”.

Interpolación de la Reserva

La interpolación sucede, según el Reglamento sobre la Solvencia de Entidades de Seguros y Reaseguros, cuando queremos calcular la reserva en un momento intermedio entre las reservas t y $t + 1$, para ello usamos la expresión siguiente:

$${}_{t+\frac{h}{T}}V = ({}_tV + P) \left(\frac{T-h}{T} \right) + {}_{t+1}V \left(\frac{h}{T} \right)$$

Donde:

${}_tV$ = Provisión matemática en el año póliza t

P = prima de inventario

$T = 365$

h = número de días transcurridos desde el último aniversario de la póliza hasta el momento de la valuación.

Modificamos la fórmula de la reserva para obtener el valor directamente, pasando por alto los print anteriores.

```
reserva_nueva <- function(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t){

  if (t > 0){
    t <- t-1
  }

  if (t > 0) {
    if(format(datos_asegurados$`Fecha de inicio de la póliza`[usuario], "%Y") == "2022") {
      t <- t-1
    }
  }

  suma_asegurada <- datos_asegurados$`Suma asegurada`[usuario]
  prima_comercial <- datos_asegurados$`Monto de la prima comercial`[usuario]
  prima_inventario <- datos_asegurados$`Monto de la prima de inventario`[usuario]

  seg_temp <- seguro_temporal(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t)
  anu_temp <- anualidad_temporal(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t)
```

```

suma_asegurada <- as.numeric(suma_asegurada)
prima_comercial <- as.numeric(prima_comercial)
prima_inventario <- as.numeric(prima_inventario)
seg_temp <- as.numeric(seg_temp)
anu_temp <- as.numeric(anu_temp)

if (any(is.na(c(suma_asegurada, prima_comercial, prima_inventario, seg_temp, anu_temp)))) {
  return(NA)
}

valor_reserva <- suma_asegurada * seg_temp + anu_temp * (prima_comercial * gastos_ad - prima_inventar

return(valor_reserva)
}

```

Una vez implementada la función anterior, la fórmula de interpolación es solo de implementar como sigue:

```

reserva_interpolada <- function(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t, h){
  # Obtenemos la reserva matemática en t y t+1
  reserva_t <- reserva_nueva(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t)
  reserva_t1 <- reserva_nueva(tabla_mort, datos_asegurados, usuario, t + 1)

  prima_inventario <- as.numeric(datos_asegurados$`Monto de la prima de inventario`[usuario])

  T <- 365
  # Calculamos el valor de la reserva interpolada
  reserva_interp <- ( (reserva_t + prima_inventario) * ((T - h) / T) ) + (reserva_t1 * (h / T))

  return(reserva_interp)
}

```