

# 16ª Maratona de Programação

30 de abril de 2016

## Caderno de Problemas

Regras: ACM *International Collegiate Programming Contest*

Brasil – **Desafio ALGAR TELECOM**

(Este caderno contém 11 problemas; as páginas estão numeradas de 1 a 14)

Apoios: <http://crbonilha.com/pt/>

# Problema A

## Como resolver?

Arquivo fonte: resolver.c, resolver.cpp ou resolver.java

O reino do mister Okada, conhecido como o japonês pensador, está em constante ameaça. Recentemente ele descobriu que seus inimigos estavam usando algumas mensagens codificadas para atacá-lo. Analisando algumas destas mensagens ele percebeu que as mesmas eram formadas por um conjunto de 3 números inteiros positivos ( $N1$   $N2$   $N3$ ). Com sua inigualável inteligência, ele percebeu que  $N1$  representava o início de um intervalo,  $N2$  o final do intervalo,  $N3$  a chave a ser encontrada neste intervalo. Se a chave existisse ou não no intervalo, uma sequência decodificada poderia ser gerada. Entretanto, os números pertencentes aos intervalos são gerados obedecendo a uma função matemática simples  $f(x) = 5x + 1$  e utilizam os números entre  $N1$  e  $N2$  na geração do intervalo de busca.

Veja o exemplo:

Se  $N1 = 0$ ,  $N2 = 8$  e  $N3 = 16$ , ou seja, no intervalo gerado através de  $f(x)$ , deseja-se encontrar o número 16. Como a função geradora é  $f(x) = 5x + 1$ , teremos:

```
f(N1) = 5*0 + 1 = 1
f(N1+1) = 5*1 + 1 = 6
.....
.....
f(N2) = 5*8 + 1 = 41
```

O intervalo a ser procurado seria {1, 6, 16, 21, 26, 31, 36, 41}

Você precisa bolar uma forma simples de automatizar o processo.

### Entrada

A entrada é formada de vários casos de testes. Cada caso é formado por uma única linha contendo 3 números ( $N1$   $N2$   $N3$ ) separados por espaço em branco. Considere  $0 \leq N1 < N2 \leq 1000000000$ ,  $0 \leq N3 \leq 5000000001$  números inteiros positivos. A última linha indicando o fim dos casos de testes contém  $N1 = N2 = N3 = 0$ .

### Saída

Para cada caso de teste, deverá ser gerada apenas uma linha contendo a string "Achou." se a chave foi encontrada e "Não Achou.", caso contrário.

### Exemplos de Entradas

```
0 8 16
8 12 61
0 0 0 0
```

### Exemplos de Saídas

```
Achou.
Achou.
```

# Problema B

## Mostre a Sequência

Arquivo fonte: sequencia.c, sequencia.cpp ou sequencia.java

O problema de encontrar o próximo termo de uma sequência de números é geralmente proposta em testes de QI. Sua tarefa é gerar os N termos de uma sequência a partir de uma codificação desta sequência.

Considere que  $S = (S_i)$ ,  $i \in \mathbb{N}$ , descreva uma sequência de números reais onde o  $i$ -ésimo elemento é o  $S_i$ . Uma sequência constante é definida com o seguinte operador:

$$S = [n] \text{ onde } S_i = n \quad \forall i \in \mathbb{N}, \text{ onde } n \in \mathbb{Z}.$$

Outros operadores em uma determinada sequência de números  $S = (S_i)$ ,  $i \in \mathbb{N}$ , são definidos da seguinte maneira:

$$V = [m + S] \quad \text{onde} \quad V_i = \begin{cases} m & , i = 1 \\ V_{i-1} + S_{i-1} & , i > 1 \end{cases}$$

$$V = [m * S] \quad \text{onde} \quad V_i = \begin{cases} m * S_1 & , i = 1 \\ V_{i-1} * S_i & , i > 1 \end{cases}$$

Onde  $m \in \mathbb{N}$ .

Veja alguns exemplos:

$$\begin{aligned} [2 + [1]] &= 2, 3, 4, 5, 6 \dots \\ [1 + [2 + [1]]] &= 1, 3, 6, 10, 15, 21, 28, 36 \dots \\ [2 * [1 + [2 + [1]]]] &= 2, 6, 36, 360, 5400, 113400 \dots \\ [2 * [5 + [-2]]] &= 10, 30, 30, -30, 90, -450, 3150 \dots \end{aligned}$$

Sua tarefa é gerar os N termos de uma sequência, uma vez apresentada sua codificação.

### Entrada

A entrada é formada de vários casos de testes. Cada caso é formado por uma única linha contendo a codificação (sem espaços), seguido de um espaço separando a codificação de um número N ( $2 \leq N \leq 50$ ). A última linha contém o número zero indicando o fim das entradas.

### Saída

Para cada caso de teste, deverá ser gerada apenas uma linha contendo a sequência de N termos separados por espaço em branco. Lembrando que o último número da sequência também deverá ser seguido de um espaço em branco.

### Exemplos de Entradas

```
[2+[1]] 3
[2*[5+[-2]]] 7
0
```

### Exemplos de Saídas

```
2 3 4
10 30 30 -30 90 -450 3150
```

# Problema C

## Festa de Aniversário

Arquivo fonte: niver.c, niver.cpp ou niver.java

Badião, um sultão famoso ama dar grandes festas de aniversário por um motivo simples: ele adora decorar o palácio. Badião gosta de utilizar correntes de papel penduradas no teto como a principal decoração. Entretanto, o sultão é muito cuidadoso com as combinações utilizadas nas confecções das correntes. Por exemplo, se existem quatro tipos diferentes de elos - A, B, C e D - o sultão pode dizer que "apenas as combinações ABB, BCA, BCD, CAB, CDD e DDA poderão ser utilizadas nas correntes na festa de hoje".

Ou seja, se o tamanho da corrente tiver 5 elos, então as únicas combinações seriam BCABB e BCDDA( elos, tais como ABBCA não poderia ser utilizado porque BBC não é uma combinação aprovada). Como Badião gosta de variedade, é importante saber o número total de correntes possíveis e as combinações dos elos a serem utilizados nas correntes.

### Entrada

A entrada consistirá de vários casos de testes. Cada caso de teste será composto de duas linhas. A primeira linha conterá três números inteiros positivos ***n***, ***l*** e ***m***, onde ***n*** indica o número de tipos de elos, ***l*** é o número de elos por corrente, ou seja, o tamanho da corrente e ***m*** indica o número de combinações permitidas. O valor máximo para ***n***, ***l*** e ***m*** serão 26, 100 e 600 respectivamente. A próxima linha contém as ***m*** combinações. Cada combinação terá o mesmo tamanho (entre 1 e 10) e serão separadas usando um simples espaço. Todas as combinações serão feitas utilizando apenas letras maiúsculas do alfabeto. O final dos casos de testes será determinado por uma linha contendo  $n = l = m = 0$ .

### Saída

Para cada caso de teste deverá ser gerado uma única linha indicando o número de correntes possíveis. Todas as respostas deverão estar no range de um inteiro de 32 bits.

### Exemplos de Entradas

```
4 5 6
ABB BCA BCD CAB CDD DDA
5 4 5
E D C B A
4 8 3
AA BB CC
0 0 0
```

### Exemplos de Saídas

```
2
625
3
```

# Problema D

## Promoção

Arquivo fonte: promocao.c, promocao.cpp ou promocao.java

Dr Luis Cláudio, um sujeito antenado com as promoções oferecidas pelo supermercado VemQueTem, o qual fica próximo à sua residência, anda muito sorridente ultimamente. Descobriu-se que ele foi sorteado em uma promoção oferecida pelo supermercado. Nesta promoção, a pessoa poderia entrar no supermercado, sozinho, e levar todos os produtos que pudesse carregar. Porém, algumas regras foram estabelecidas.

- 1) Entrar sozinho
- 2) Apenas um produto de cada tipo pode ser levado
- 3) Uma lista L contendo os preços e pesos dos produtos deve ser seguida
- 4) Um peso P máximo foi estabelecido

Você foi contratado pelo vizinho curioso do Dr Luis Cláudio para descobrir qual o valor total em mercadorias que ele conseguiu levar para casa.

### Entrada

A entrada consiste de T casos de testes. Cada caso de teste começa com um inteiro N ( $1 \leq N \leq 100$ ) que indica o número de produtos da lista L. As N linhas seguintes são formadas por 2 inteiros p e P. O primeiro inteiro, p ( $1 \leq p \leq 1000$ ), representa o preço do produto. O segundo inteiro P ( $1 \leq P \leq 30$ ) representa o peso do produto. A próxima linha contém um inteiro M, que indica o peso máximo permitido. O fim da entrada é representado por um 0.

### Saída

Para cada caso de teste imprima um inteiro que representa o total dos produtos que Dr Luis Cláudio conseguir levar para casa.

### Exemplos de entradas

```
4
72 17
44 23
31 24
22 2
26
3
72 17
44 23
31 24
25
0
```

### Exemplos de saídas

```
94
72
```

Apoios: <http://crbonilha.com/pt/>

# Problema E

## Contagem

Arquivo fonte: contagem.c, contagem.cpp ou contagem.java

Os camaradas Caetano e Ludovico são pessoas muito inquietas com a normalidade das coisas. Um certo dia, os camaradas estavam assistindo uma palestra e como estava meio chato, ficaram observando a quantidade de pessoas que ficavam entrando e saindo da sala. Como são conhecedores de soluções para IoT (internet das coisas) bolaram uma solução para contar o número de vezes que a porta se abria e fechava.

Por exemplo, se a pessoa saísse da sala, ligava um Flag, se a pessoa entrasse na sala ligava outro Flag. A cada 32 pessoas, era feito uma contagem e zerava o contador e o processo começava novamente. Como a solução funcionava não importa muito pois eles precisam apenas de uma ajuda sua. Fazer o programa que faz a contagem dos flags ligados.

### Entrada

A entrada consiste de vários casos de testes. Cada caso de teste é formado de um único número inteiro positivo  $N$  representando o número que contém os flags. O final da entrada ocorre quando  $N = 0$ .

### Saída

Para cada caso de teste da entrada deverá ser impresso um número inteiro representando o total de flags ligados do número  $N$  informado.

### Exemplos de Entradas

```
10
5
1000
0
```

### Exemplos de Saídas

```
2
2
6
```

# Problema F

## Noite no Museu

Arquivo fonte: noitenomuseu.c, noitenomuseu.cpp ou noitenomuseu.java

A cidade de Viena é chamada “cidade da cultura” porque, entre outras coisas, abriga uma grande quantidade de museus, mais de 100. Como consequência, é muito difícil e caro visitar todos os museus, não importando o tempo que ficar na cidade. Entretanto, tem uma noite especial, chamada “Noite no Museu”, que se permite a visita a vários museus com apenas um ingresso, das 18:00h até a 01:00h da manhã do próximo dia. Porém, é impossível visitar todos os museus da cidade por duas razões principais. A primeira razão é que alguns museus em Viena não entram nessa promoção porque fecham às 17:00 h. A segunda razão é que não há tempo suficiente para visitar os museus no tempo de 7 horas. Sua tarefa é construir um programa que dado o número de museus participantes, o tempo necessário para visitar cada museu e o tempo que leva para ir de um museu ao outro, encontre o melhor “tour” para os visitantes, ou seja, visitar o maior número de museus nessa noite.

### Entrada

A entrada contém vários casos de testes. A primeira linha de um caso de teste contém um inteiro  $N$ , que indicará o número de museus participantes na promoção ( $1 \leq N \leq 8$ ). Cada museu tem um identificador único variando de 1 a  $N$ . A segunda linha contém  $N$  inteiros indicando o tempo, em minutos, necessário para visitar cada museu, de 1 a  $N$ . Então, teremos mais  $n$  linhas descrevendo o tempo para ir de um museu para todos os outros. A  $i$ -ésima linha contém  $N$  inteiros  $M_k$  ( $1 \leq k \leq N$ ) representando o tempo, em minutos, para ir de um museu  $i$  para um museu  $k$ . Assuma que o  $i$ -ésimo inteiro na  $i$ -ésima linha é igual a 0. O final da entrada é indicado por  $N=0$ .

### Saída

Para cada caso de teste, seu programa deverá produzir uma linha contendo o número máximo de museus que podem ser visitados durante a noite.

### Exemplos de Entradas

```
2
500 500
0 120
200 0
2
220 220
0 30
20 0
2
150 150
0 120
200 0
0
```

### Exemplo de Saídas

```
0
1
2
```

# Problema G

## Passe Livre

Arquivo fonte: passelivre.c, passelivre.cpp ou passelivre.java

O primeiro Show de Rock de Terrânia prometia ser um sucesso, e desde muito cedo formaram-se várias filas em cada entrada da arena de espetáculos. Quase na hora da abertura da arena as filas já tinham grande quantidade de pessoas. Existiam várias regras sobre os direitos e deveres do público. Uma destas regras é que o portador de um **passse verde**, teria direito de em uma fila assumir o lugar da pessoa a sua frente, caso seu número de ingresso fosse maior que o da pessoa a frente.

A organização, como ação promocional entregou um passe verde para a última pessoa de cada fila. Chamaremos esta última pessoa de **k**. A pessoa **k** deveria comparar seu bilhete com a pessoa a sua frente (**k+1**), e caso seu ingresso tivesse numeração maior que o do próximo, deveria passar à frente do próximo (**k+1**), e poderia repetir o processo com a pessoa seguinte. Caso fosse menor, deveria entregar o **passse verde** ao próximo da fila (**k+1**), que adquiriria o direito de executar o mesmo procedimento a pessoa a sua frente (**k + 2**). Todo este processo se repetiria até que a primeira pessoa da fila fosse aquela com o **passse verde**.

Ajude a organização a prever qual será a nova organização da fila após a primeira pessoa da fila ser aquela com o passe verde.

### Entrada

A primeira linha da entrada contém um inteiro positivo **N**, representando o número de entradas da arena, que é igual ao número de filas.

Cada uma das **N** linhas seguintes contém as informações da fila. O primeiro valor é um número inteiro **P** que representa a quantidade de pessoas na fila. Na sequência aparecem **P** pares de valores que representam o nome da pessoa e o número de seu ingresso no formato **X Y**. Todas as informações são separadas por um espaço.

### Saída

Seu programa deve imprimir o nome das pessoas na fila após a passagem do **passse verde**. Cada fila deve ser impressa separando cada inteiro, existe um espaço.

### Restrições:

$$1 \leq N \leq 10000 \quad \text{e} \quad 1 \leq Y \leq 100000$$

### Exemplos de Entradas

2

3 A 10 B 5 C 20

6 A 10 B 20 C 5 D 35 E 30 F 40

### Exemplos de Saídas

B A C

A C B E D F



# Problema H

## Código de Permutação

Arquivo fonte: permutacao.c, permutacao.cpp ou permutacao.java

Como o proprietário de uma empresa de computação forense, você acabou de receber o seguinte email de um novo cliente:

**“Eu, Little John, acabo de descobrir um jeito surpreendente para criptografar mensagens. Funciona da seguinte maneira:**

**Para começar, você precisa definir um conjunto de símbolos, chame-o de  $S$ , por exemplo, contendo as letras  $R A T E$ . O tamanho do conjunto  $S$  deve ser potência de 2 e a ordem dos símbolos de  $S$  é importante. Você deve observar que a letra  $R$  no conjunto  $S$  está na posição 0,  $A$  na posição 1,  $T$  na posição 2 e  $E$  na posição 3. Você também vai precisar de uma permutação  $P$  de todos os símbolos, por exemplo  $T E A R$ .**

**Finalmente, você vai precisar de um número inteiro, chame-o de  $x$ . Juntos, estes elementos compõem a chave. Dada uma chave, você agora está pronto para converter uma mensagem de texto  $M$  de comprimento  $n$  ( $M[0], M[1] \dots M[n-1]$ ), que tem alguns, mas não necessariamente todos os símbolos  $S$ , em uma sequência  $C$ , também de comprimento  $n$  ( $C[0] C[1] \dots C[n-1]$ ), que tem alguns, mas não necessariamente todos os símbolos de  $S$ .**

**O algoritmo faz a criptografia da seguinte maneira:**

- 1) **Calcula um inteiro  $d$  como sendo o resto após dividir a parte inteira de  $(n^{1.5} + x)$  por  $n$ , ou seja  $d = (\text{int})(n^{1.5} + x) \% n$ , onde  $\%$  é o operador que calcula o resto da divisão.**
- 2) **Faça  $C[d]$  ser um símbolo pertencente a  $S$ , cuja posição é a mesma que a posição de  $M[d]$  em  $P$ .**
- 3) **Para cada  $j \neq d$  ( $0 \dots n-1$ ), faça  $C[j]$  ser o símbolo pertencente a  $S$  cuja posição é o valor obtido pelo xor da posição de  $M[j]$  pertencente a  $P$  com a posição de  $M[(j+1)\%n]$  pertencente a  $S$ . O operador binário xor em Java, c, c++ é o “^”**

**Como exemplo, considere um cenário where  $S = RATE$ ,  $P = TEAR$ ,  $x = 102$ ,  $M = TEETER$ , e  $n = 6$ . Para calcular  $d$ , primeiro calcula-se  $6^{1.5} + 102 = 116.696938$ , então pega-se o resto após dividir por 6. Logo  $d = 116 \% 6 = 2$ . A tabela a seguir mostra os passos para gerar o texto criptografado  $C$ . Note que a ordem dos passos não é importante.**

	0	1	2	3	4	5	
<b>S</b>	R	A	T	E			
<b>P</b>	T	E	A	R			
<b>M</b>	T	E	E	T	E	R	
<b>C</b>	E						$M[0]=T$ , $T$ está em $P[0]$ , $M[1]=E$ , $E$ está em $S[3]$ . $C[0]=S[0 \text{ xor } 3]=S[3]$
	E	T					$M[1]=E$ , $E$ está em $P[1]$ , $M[2]=E$ , $E$ está em $S[3]$ . $C[1]=S[1 \text{ xor } 3]=S[2]$
	E	T	A				2 é $d$ . $M[2]=E$ , $E$ está em $P[1]$ , então. $C[2]=S[1]$
	E	T	A	E			$M[3]=T$ , $T$ está em $P[0]$ , $M[4]=E$ , $E$ está em $S[3]$ . $C[3]=S[0 \text{ xor } 3]=S[3]$
	E	T	A	E	A		$M[4]=E$ , $E$ está em $P[1]$ , $M[5]=R$ , $R$ está em $S[0]$ . $C[4]=S[1 \text{ xor } 0]=S[1]$
	E	T	A	E	A	A	$M[5]=R$ , $R$ está em $P[3]$ , $M[0]=T$ , $T$ está em $S[2]$ . $C[5]=S[3 \text{ xor } 2]=S[1]$

**Eu incluí alguns exemplos adicionais de mensagens criptografadas no final deste email para você testar o algoritmo. Entretanto, primeiramente eu preciso informá-lo do processo de decodificação.”**

Infelizmente, ocorreu um erro ao enviar o email e não foi possível visualizar a explicação do algoritmo de decodificação. Dado sua notável habilidade em desvendar enigmas, sua grande missão é escrever o decodificador baseado em seu conhecimento do algoritmo de codificação.

### Entrada

As entradas são constituídas dos pares {chave, mensagem codificada}. A chave está em 3 linhas separadas. A primeira linha contém o inteiro  $x$  ( $0 < x < 10000$ ). A segunda linha contém a string  $S$ . A terceira linha contém a string  $P$ , que é a permutação de  $S$ . O tamanho de  $S$  (e consequentemente de  $P$ ) será sempre uma das seguintes potências de 2: 2,4,8,16 ou 32. A próxima linha contém a mensagem codificada  $C$ , que terá no mínimo 1 e no máximo 60 caracteres. As strings  $S$ ,

**Apoios:** <http://crbonilha.com/pt/>

P e C não contêm espaços em brancos, mas podem conter caracteres diferentes de letras e dígitos. A linha final contém um 0 indicando o fim da entrada.

### Saída

Para cada caso de teste, deverá ser gerado apenas uma linha contendo a mensagem decodificada.

### Exemplos de Entradas

```
102
RATE
TEAR
ETAEAA
32
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ._!?,;
;ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ._!?,
MOMCUKZ,ZPD
0
```

### Exemplos de Saídas

```
TEETER
HELLO_WORLD
```

# Problema I

## Contando (Streams de) Números

Arquivo fonte: streams.c, streams.cpp ou streams.java

Imagine que você tenha que contar o número de valores distintos que existem em uma sequência. Fácil, né?! O problema é que essa sequência é um stream. Isso significa que a sequência pode ser muito grande (até mesmo infinita!) e que você jamais poderia armazenar todos os números em memória e rapidamente computar quantos são distintos.

Diante desse pequeno problema, vamos tentar executar um algoritmo que consegue uma solução aproximada?! É assim: considere um vetor bitmap com L bits, inicializado com 0. Para cada número x que chegar no stream, aplique uma função hash  $h(x)$ . Depois, obtenha a posição do bit 1 menos significativo da representação binária de  $h(x)$ , isto é:  $\text{lsb}(h(x))$  (least significant bit). Atualize para 1 o valor no bitmap na posição obtida. Caso  $h(x) = 0$ , o bitmap não é atualizado. Ao final, a posição do bit 1 mais à esquerda, ajudará a indicar o número de valores distintos da sequência. Dessa maneira, a única estrutura que você tem que armazenar na memória é o bitmap e, de maneira aproximada, você conseguirá contar os números distintos. Interessante, né?!

Como exemplo, considere a sequência 1,3,2,1. Considere também a função hash  $h(x) = (3x+1) \bmod 7$  e um bitmap de L = 8 bits. Assim, temos:

Bitmap inicializado:

posição	7	6	5	4	3	2	1	0
valor	0	0	0	0	0	0	0	0

	BITMAP
	00000000
$x = 1 \rightarrow h(x) = 4 \rightarrow 0100 \rightarrow \text{lsb}(h(x)) = 2$	00000100
$x = 3 \rightarrow h(x) = 3 \rightarrow 0011 \rightarrow \text{lsb}(h(x)) = 0$	00000101
$x = 2 \rightarrow h(x) = 0$	00000101
$x = 1 \rightarrow h(x) = 4 \rightarrow 0100 \rightarrow \text{lsb}(h(x)) = 2$	00000101

Ao final, o bitmap resultante é: 00000101.

### Entrada

A entrada é composta por vários casos de teste.

Cada caso de teste é uma sequência de N números inteiros ( $1 < N < 100000$ ) números inteiros i ( $0 \leq i \leq 65535$ ) separados por vírgula. Considere  $h(x) = (3x + 1) \bmod 7$  e L = 8 bits. O final da entrada é indicado por final de arquivo (EOF).

### Saída

Para cada caso de teste imprima o bitmap resultante do processamento da sequência. Considere sempre o bitmap com L = 8 bits.

### Exemplos de Entradas

1, 3, 2, 1

3, 5, 6, 7, 8, 9, 2, 3

### Exemplos de Saídas

00000101

00000111

# Problema J

## Vírus H1N1

Arquivo fonte: h1n1.c, h1n1.cpp ou h1n1.java

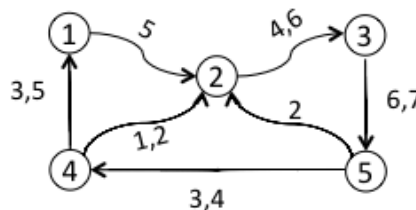
Ariosvaldo é um (raro) deputado preocupado com a saúde do Brasil. De olho no surto do vírus H1N1 no país, ele quer contratar (licitamente) um programador esperto, capaz de prever qual a velocidade mínima de contágio entre duas pessoas, baseada nos contatos que elas tiveram com outras pessoas.

Você rapidamente já pensou na solução: modelar o problema como um grafo temporal e obter os caminhos mais rápidos entre dois nós! Um grafo temporal é aquele em que as arestas existem apenas durante o instante de interação entre dois nós e depois desaparecem. Ele pode ser definido da seguinte maneira:

- Uma aresta temporal é do tipo  $(u, v, i)$ , onde  $u$  é o nó de origem,  $v$  é o nó de destino e  $i$  é o instante de interação entre  $u$  e  $v$ .
- $R$  é o tempo de retenção dos nós, ou seja, o tempo entre a chegada do vírus em um nó até o momento mínimo que ele pode ser repassado adiante.

Como exemplo, considere a seguinte rede temporal e  $R = 1$  (na figura, os rótulos nas arestas indicam os instantes dos contatos):

(1,2,5)	(4,1,5)
(2,3,4)	(4,2,1)
(2,3,6)	(4,2,2)
(3,5,6)	(5,2,2)
(3,5,7)	(5,4,3)
(4,1,3)	(5,4,4)



Um caminho temporal é uma sequência de arestas temporais conectando uma sequência de nós e respeitando a ordem crescente dos tempos de contato e o tempo necessário de retenção  $R$ . Os caminhos temporais entre os vértices 4 e 5 do grafo acima são:

Caminho	Duração
C1: $\langle (4,1,3), (1,2,5), (2,3,6), (3,5,7) \rangle$	4
C2: $\langle (4,2,1), (2,3,4), (3,5,6) \rangle$	5
C3: $\langle (4,2,1), (2,3,4), (3,5,7) \rangle$	6
C4: $\langle (4,2,2), (2,3,4), (3,5,6) \rangle$	4
C5: $\langle (4,2,2), (2,3,4), (3,5,7) \rangle$	5
C6: $\langle (4,2,1), (2,3,6), (3,5,7) \rangle$	6
C7: $\langle (4,2,2), (2,3,6), (3,5,7) \rangle$	5

A duração  $d(C)$  de um caminho  $C: \langle (u_1, u_2, t_1), (u_2, u_3, t_2), \dots, (u_n, u_{n+1}, t_n) \rangle$  é  $d(C) = t_n - t_1$ . O caminho mais rápido é aquele com menor duração. No exemplo acima, C1 e C4 são os caminhos mais rápidos entre 4 e 5.

Com tudo isso, o que o deputado Ariosvaldo precisa é: determinar a duração do caminho mais rápido que existe de um nó  $a$  (pessoa infectada) para um nó  $b$  (pessoa que poderá ser infectada) de um grafo temporal. A licitação está no papo!

### Entrada

A entrada começa com um inteiro  $N$  indicando o número de casos de teste. Cada caso de teste contém um inteiro  $R$  indicando o tempo de retenção para todos os nós e, na linha seguinte, um inteiro  $A$  indicando o número de arestas. Em cada uma das  $A$  linhas seguintes uma aresta temporal  $(u, v, i)$  é definida por 3 inteiros separados por “,” (sem aspas). A última linha contém dois inteiros separados por espaço indicando os nós  $a$  e  $b$ . Considere que:

- O grafo é dirigido
- Não existe self-loop (uma aresta que conecta um nó a ele mesmo)
- Os valores estão sempre na mesma unidade de tempo
- O tempo de travessia de uma aresta deve ser desconsiderado, ou seja, se existe contato entre dois nós, o vírus é transmitido instantaneamente.
- $1 \leq N, R \leq 10$
- $1 \leq u, v, a, b, i, A \leq 20$

**Apoios:** <http://crbonilha.com/pt/>

## Saída

Para cada caso de teste, imprima a duração do caminho mais rápido de  $a$  para  $b$ . Caso não exista caminho ou o caminho seja composto por apenas uma aresta, a duração é zero.

## Exemplos de Entradas

```
2
1
12
1, 2, 5
2, 3, 4
2, 3, 6
3, 5, 6
3, 5, 7
4, 1, 3
4, 1, 5
4, 2, 1
4, 2, 2
5, 2, 2
5, 4, 3
5, 4, 4
4 5
1
5
1, 2, 5
2, 3, 5
2, 3, 6
3, 5, 6
3, 5, 7
1 2
```

## Exemplos de Saídas

```
4
0
```

# Problema K

## Falha de impressão

Arquivo fonte: falha.c, falha.cpp ou falha.java

Sr Guigui, um funcionário exemplar está muito chateado. Após anos de trabalho sem cometer falhas, ele descobriu que vários protocolos foram informados aos clientes erroneamente. O motivo do erro foi devido a utilização de um computador que tinha o teclado com defeito. Sr Guigui percebeu que o teclado tinha uma falha em um dígito numérico, isto é, o dígito com problema não era impresso sobre a folha, como se a tecla não tivesse sido pressionada. Preocupado com o atendimento aos clientes, o Sr. Guigui quer saber, a partir dos valores originais dos protocolos (que ele mantinha em notas manuscritas) quais foram os números de protocolos gerados erroneamente.

Por exemplo, se o dígito com falha no teclado fosse o 5 e o valor original do protocolo fosse 1500, então o valor informado erradamente seria o 100, porque o dígito 5 não seria impresso. Note que o Sr. Guigui quer saber o valor numérico do protocolo, ou seja, (ainda considerando o exemplo anterior) o número 5000 corresponde ao valor numérico 0, não 000.

### Entrada

A entrada consiste de vários casos de testes. Cada caso de teste é formado de 2 números inteiros D e N separados por um espaço em branco. Considere que  $1 \leq D \leq 9$  e  $1 \leq N < 10100$  e onde D representa o dígito que apresentou a falha e N representa o número original do protocolo.

O final da entrada ocorre quando  $N = D = 0$ .

### Saída

Para cada caso de teste da entrada deverá ser impresso um número inteiro representando o protocolo enviado erroneamente para o cliente.

### Exemplos de Entradas

```
5 5000000
3 123456
9 23454324543423
9 99999999991999999
7 777
0 0
```

### Exemplos de Saídas

```
0
12456
23454324543423
1
0
```