#### [关闭]

@zhuanxu 2018-01-15 08:29 字数 1511 阅读 79

# 记:多标签分类问题

机器学习 多标签分类

最近遇到给个标签问题,就是给一个object打个多个标签,网上查了很多资料。发现百度没搜索出什么,后来 是到知网上找到一些靠谱的资料,然后在Google一下。现在总结下多标签问题。

多标签方法大致可以分为两类,分别是问题转换和算法改造。

#### 先描述下问题:

多标记学习问题可以描述如下: 设样本的特征属性 $X = \{x_i : i = 1 ... m\}$ , 有限标记集合 $Y = \{\lambda_j : j = 1 ... q\}$ , 给 定 学 习 样 本 集  $S = \{(x_i, L_i) : i = 1 ... k\}$  , 其 中  $x_i \in X$ ,  $L_i \subseteq Y$  。 要 求 构 造 分 类 器 h , 能 够 对 未 知 样 本 集  $T = \{(x_{k+i},?) : i = 1 ... p\}$ 进行标记。

先介绍问题转换方法.

### 问题转换方法

第一个大类是基于标记转换方法。

#### 第一个是Binary Relevance (BR)。

根据标签我们将数据重新组成正负样本,针对每个类别标签,我们分别训练基分类器,整体复杂度 $q \times O(C)$ ,其中 O(C) 为基础分类算法的复杂度,因此, BR 算法针对标记数量 q 比较小的情况下适用。但是在很场景中,标记是有树状的层次的关联的。对于这种情况, BR 就没有考虑到这些标记之间的关联性。

Instances(E)	Labels(Y)	 Labels	Positive	Negative
E <sub>1</sub>	$Y_1 = \{y_2, y_3\}$	 <b>y</b> 1	E <sub>2</sub> ,E <sub>4</sub>	E <sub>1,</sub> E <sub>3</sub>
$\mathbf{E}_2$	$Y_2 = \{y_1\}$	<b>y</b> <sub>2</sub>	E <sub>1</sub>	XIIIXX
E <sub>3</sub>	$Y_3 = \{y_3, y_4\}$	У3	E1,E3,E4	E <sub>2</sub>
$E_4$	$Y_4 = \{y_1, y_3\}$	y <sub>4</sub>	E <sub>3</sub>	

#### 第二个是Classifier Chain(CC)。

针对BR中标签关联性的问题,CC中它将这些基分类器 Cj , j = 1 ... q串联起来形成一条链,前一个基分类器的输出作为下一个基分类器的输入。

第二大类是基于样本实例转换方法

第一个是创新新的标记(Label-Powerset)。

第1页 共6页 18/2/6 下午3:47

Instances(E)	Labels(Y)	Instances(E)	Labels(Y)
E <sub>1</sub>	$Y_1 = \{y_2, y_3\}$	E <sub>1</sub>	y <sub>2,3</sub>
$\mathbf{E}_2$	$Y_2 = \{y_1\}$	> E₂	<b>y</b> 1
E <sub>3</sub>	$Y_3 = \{y_3, y_4\}$	$\mathbb{E}_3$	y3,4
E <sub>4</sub>	$Y_4 = \{y_1, y_3\}$	$E_4$	y1,3

这样做的代价是标记的数量就会增加,并且一些标记只有很少的实例,但是 LP 的 优点是考虑到了标记之间的 关联性。

#### 第二个是分解多标记

		Instances(E)	Labels(Y)
NORTH THE PARTY OF		$\mathbf{E}_1$	У2
nstances(E)	Labels(Y)	$\mathbf{E_1}$	У3
E <sub>1</sub>	$Y_1 = \{y_2, y_3\}$	$\mathbf{E}_2$	У1
2	$Y_2=\{y_1\}$	$\Longrightarrow_{\mathbf{E}_3}$	У3
3	$Y_3 = \{y_3, y_4\}$	E <sub>3</sub>	У4
E <sub>4</sub>	$Y_4 = \{y_1, y_3\}$	E <sub>4</sub>	y <sub>1</sub>
		E <sub>4</sub>	У3

上面图中的意思是我们可以将训练数据多次使用,叫做cross-training,即我们将上图中 E1 既当做训练 y2 类别是正样本,也当做训练 y3 样本时候的正样本,感觉跟Binary Relevance (BR)算法是一个意思。

### 算法改造方法

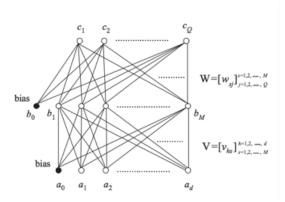
算法改造算法针对特殊的算法改造而来。

主要介绍两个,可以具体参考 http://scikit.ml/api/classify.html#adapted-algorithms。

## 神经网络

此处介绍下论文 <u>Multi-Label Neural Networks with Applications to Functional Genomics and Text Categorization</u>, 一种神经网络算法。

#### 其实就是简单的深度网络:



但是需要注意的是我们的 loss 函数的选取,假设我们选择

$$E_i = \sum_{i=1}^Q (c^i_j - d^i_j)^2$$

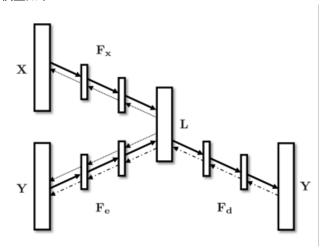
那相当于只是考虑了单个标签值,0 or 1,没有考虑不同标签之间相关性,所以我们将loss改为如下:

$$E = \sum_{i=1}^m E_i = \sum_{i=1}^m \frac{1}{|Y_i||\overline{Y}_i|} \sum_{(k,l) \in Y_i \times \overline{Y}_i} \exp(-(c_k^i - c_l^i))$$

上面k是有标签的下标,而l是没有标签的下标,我们考量了有标签的值其意义大于没有标签的值。

最后我们在介绍一篇新出的神经网络的模型,论文Learning Deep Latent Spaces for Multi-Label Classification

#### 其模型如下:



其中 Fx,Fe,Fd 分别是3个 dnn,分别代表 特征提取,标签encode,隐向量 decode,而 loss 函数有两部分组成:

$$\Theta = \min_{\mathbf{F}_x, \mathbf{F}_e, \mathbf{F}_d} \Phi(\mathbf{F}_x, \mathbf{F}_e) + \alpha \Gamma(\mathbf{F}_e, \mathbf{F}_d)$$

其中 embedding loss 为:

$$\Phi(\mathbf{F}_x, \mathbf{F}_e) = \text{Tr}(\mathbf{C_1}^T \mathbf{C_1}) + \lambda \, \text{Tr}(\mathbf{C_2}^T \mathbf{C_2} + \mathbf{C_3}^T \mathbf{C_3}),$$

where

$$\begin{aligned} \mathbf{C_1} &= \mathbf{F}_x(\mathbf{X}) - \mathbf{F}_e(\mathbf{Y}) \\ \mathbf{C_2} &= \mathbf{F}_x(\mathbf{X})\mathbf{F}_x(\mathbf{X})^T - \mathbf{I} \\ \mathbf{C_3} &= \mathbf{F}_e(\mathbf{Y})\mathbf{F}_e(\mathbf{Y})^T - \mathbf{I}. \end{aligned}$$

output loss 为:

$$\begin{split} \Gamma(\mathbf{F}_e, \mathbf{F}_d) &= \sum_{i=1}^N E_i \\ E_i &= \frac{1}{|\mathbf{y}_i^1| |\mathbf{y}_i^0|} \sum_{(p,q) \in \mathbf{y}_i^1 \times \mathbf{y}_i^0} \exp(-(\mathbf{F}_d(\mathbf{F}_e(\mathbf{x}_i))^q - \mathbf{F}_d(\mathbf{F}_e(\mathbf{x}_i))^p)), \end{split}$$

可以看到这个跟<u>Multi-Label Neural Networks with Applications to</u>
Functional Genomics and Text Categorization中的loss函数是一样的。

如果对这篇论文还有不理解的,非常幸运的是网上有论文的实现,见C2AE-Multilabel-Classification.

## 总结

本文对多标签问题简单做了个介绍,想起现在图片分类,视频内容识别等场景好多都是多标签问题,有时间再继续深入了解的。

你的鼓励是我继续写下去的动力,期待我们共同进步。