#### Grupo ARCOS

uc3m Universidad Carlos III de Madrid

### Tema 2 (I) Representación de la información

Estructura de Computadores Grado en Ingeniería Informática



#### Contenidos

#### I. Introducción

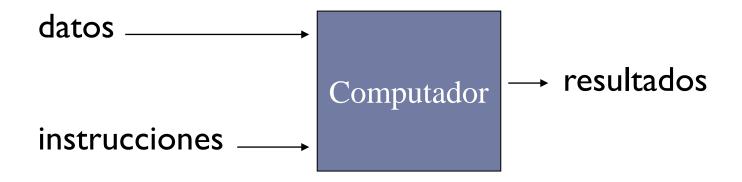
- Motivación y objetivos
- 2. Sistemas posicionales

#### 2. Representaciones

- Alfanuméricas
  - Caracteres
  - 2. Cadenas de caracteres
- 2. Numéricas
  - Naturales y enteras
  - 2. Coma fija
  - 3. Coma flotante (estándar IEEE 754)

# Introducción: computador

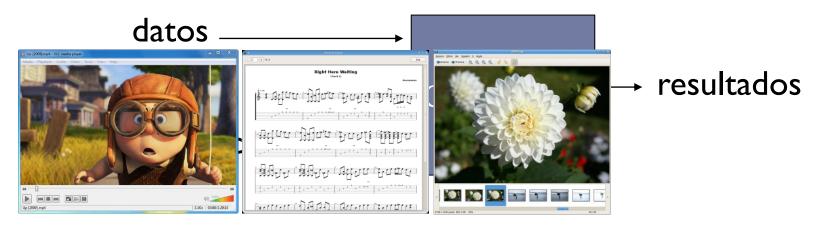
Un computador es una máquina destinada a procesar datos.



Se aplican unas instrucciones y se obtiene unos resultados

# Introducción: computador

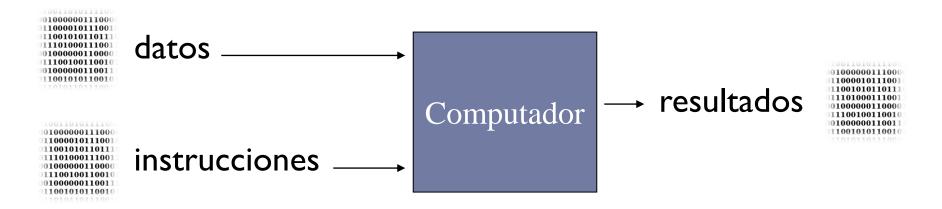
Un computador es una máquina destinada a procesar datos.



- Se aplican unas instrucciones y se obtiene unos resultados
- Los datos/información pueden ser de distintos tipo

# Introducción: computador

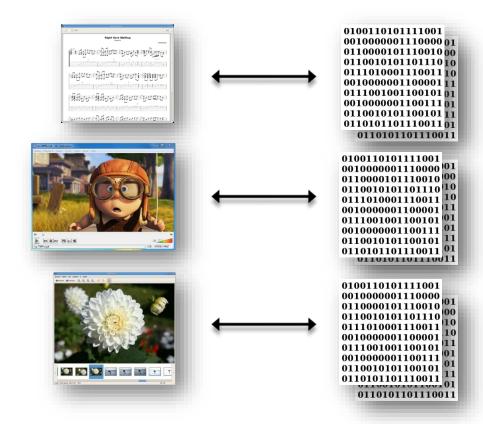
Un computador es una máquina destinada a procesar datos.



- Se aplican unas instrucciones y se obtiene unos resultados
- Los datos/información pueden ser de distintos tipo
- Un computador solo usa una representación: binario.

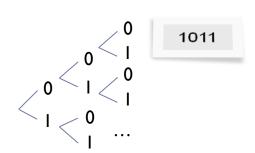
# Introducción: representación de la información

El uso de una representación permite transformar los distintos tipos de información en binario (y viceversa)

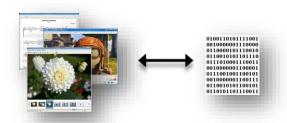


# Introducción: características de la información

- Un computador maneja un conjunto finito de valores
  - Tipo binario (dos estados)
  - Finito (representación acotada)
    - N° de bits de palabra del computador
       o bit (1), nibble (4), byte (8), half w., double w., ...
    - ▶ Con n bits se pueden codificar 2<sup>n</sup> valores distintos

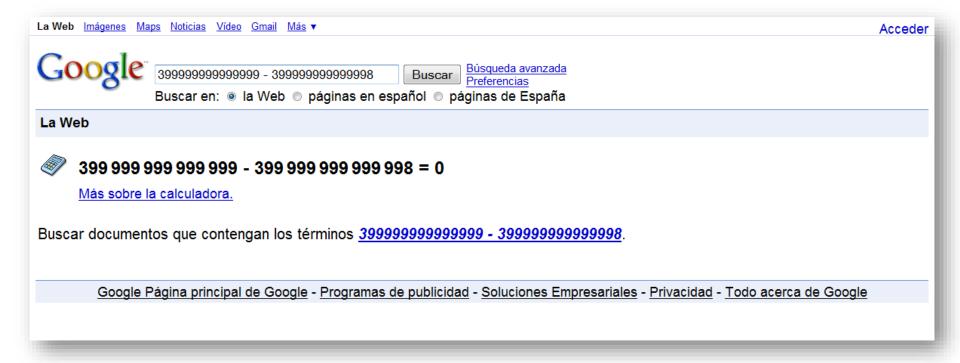


- Hay algunos tipos de información que son infinitos
  - Imposible representar todos los valores de los números naturales, reales, etc.



La representación elegida tiene limitaciones

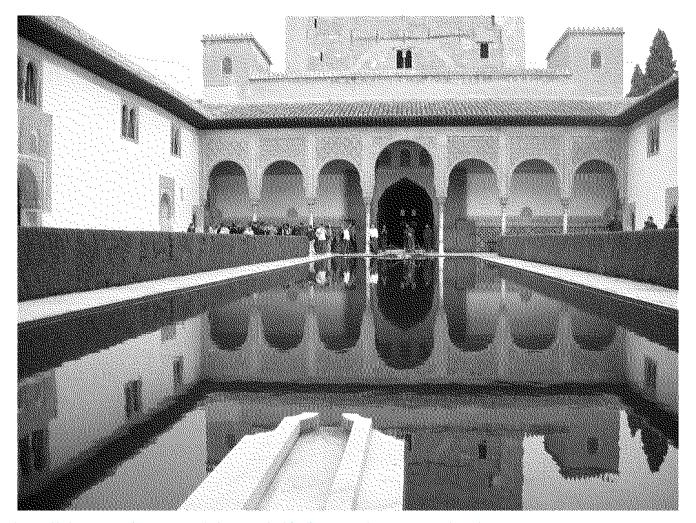
# Ejemplo 1: la calculadora de Google con 15 dígitos...



http://www.20minutos.es/noticia/415383/0/google/restar/error/

# Ejemplo 2: la profundidad de color...

| l bit  | 2 colores   |
|--------|-------------|
| 4 bits | 16 colores  |
| 8 bits | 256 colores |



http://platea.pntic.mec.es/~lgonzale/tic/imagen/conceptos.html

# Ejemplo 2: la profundidad de color...

| l bit  | 2 colores   |
|--------|-------------|
| 4 bits | 16 colores  |
| 8 bits | 256 colores |



http://platea.pntic.mec.es/~lgonzale/tic/imagen/conceptos.html

# Ejemplo 2: la profundidad de color...

| I bit  | 2 colores   |  |  |  |
|--------|-------------|--|--|--|
| 4 bits | 16 colores  |  |  |  |
| 8 bits | 256 colores |  |  |  |



http://platea.pntic.mec.es/~lgonzale/tic/imagen/conceptos.html

#### Necesitaremos...

Conocer posibles representaciones:

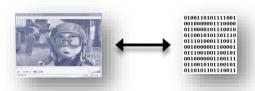


#### Necesitaremos...

Conocer posibles representaciones:



- Conocer las características de las mismas:
  - Limitaciones



#### Necesitaremos...

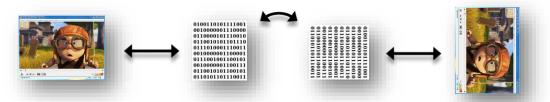
Conocer posibles representaciones:



- Conocer las características de las mismas:
  - Limitaciones



Conocer cómo operar con la representación:



#### Contenidos

#### I. Introducción

- Motivación y objetivos
- 2. Sistemas posicionales

#### 2. Representaciones

- Alfanuméricas
  - Caracteres
  - 2. Cadenas de caracteres
- 2. Numéricas
  - Naturales y enteras
  - 2. Coma fija
  - 3. Coma flotante (estándar IEEE 754)

- Un número se define por una cadena de dígitos, estando afectado cada uno de ellos por un factor de escala que depende de la posición que ocupa en la cadena.
- Dada una base de numeración b, un número X se define como la cadena de dígitos:

$$X = (... x_2 x_1 x_0, x_{-1} x_{-2} ...)_b$$
 Con  $0 \le x_i < b$  con una lista de pesos asociados:

$$P = (... b^2 b^1 b^0 b^{-1} b^{-2} ...)_b$$

Su valor es:

$$V(X) = \sum_{i=-\infty}^{+\infty} b^{i} \cdot x_{i} = \cdots b^{2} \cdot x_{2} + b^{1} \cdot x_{1} + b^{0} \cdot x_{0} + b^{-1} \cdot x_{-1} + b^{-2} \cdot x_{-2} \cdots$$

Decimal

$$X = 9 7 3 I$$
  
...  $10^3 10^2 10^1 10^0$ 

Binario

$$X = 0 \ 1 \ 0 \ 1$$
...  $2^3 \ 2^2 \ 2^1 \ 2^0$ 

Hexadecimal

$$X = I F A 8$$
  
...  $I6^3 I6^2 I6^1 I6^0$ 

Decimal

$$X = 9 7 3 I$$
  
...  $10^3 10^2 10^1 10^0$ 

Binario

$$X = 0 \ I \ 0 \ I$$
...  $2^3 \ 2^2 \ 2^1 \ 2^0$ 

Hexadecimal

$$X = I F A 8$$
  
...  $16^3 16^2 16^1 16^0$ 

#### Paso de binario a hexadecimal:

- Agrupar de 4 en 4 bits, de derecha a izquierda
- Cada 4 bits es el valor del dígito hexadecimal

Decimal

$$X = 9 7 3 I$$
...  $10^3 10^2 10^1 10^0$ 

Binario

$$X = 0 \ I \ 0 \ I$$
...  $2^3 \ 2^2 \ 2^1 \ 2^0$ 

Hexadecimal

$$X = I F A 8$$
  
...  $I6^3 I6^2 I6^1 I6^0$ 

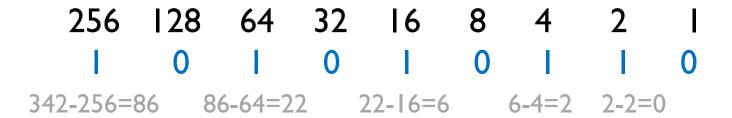
# Ejercicio

Representar 342 en binario:

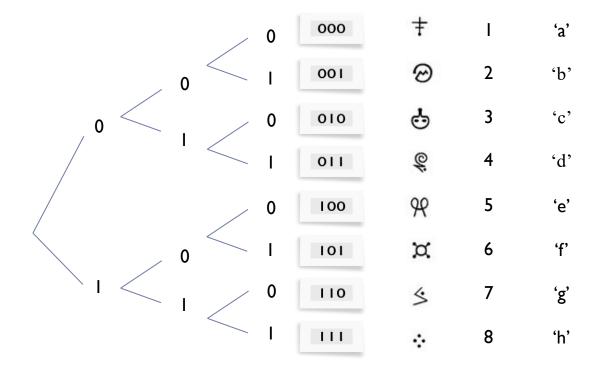
| 256 | 128 | 64 | 32 | 16 | 8 | 4 | 2 |   |
|-----|-----|----|----|----|---|---|---|---|
| ?   | ?   | ?  | ?  | ?  | ? | ? | ? | ? |

### Ejercicio (solución)

Representar 342 en binario:



▶ Con 3 dígitos binarios, se pueden representar 8 símbolos:



22

¿Cuántos valores se pueden representar con n bits?

> ¿Cuántos bits se necesitan para representar m 'valores'?

Con n bits, si el valor mínimo representable corresponde al número 0, ¿Cuál es el máximo valor numérico representable?

- > ¿Cuántos valores se pueden representar con n bits?
  - 2n
  - Ej.: con 4 bits se pueden representar 16 valores
- Les la Cuántos bits se necesitan para representar m'valores'?
  - ►  $\lceil \text{Log2(n)} \rceil$  (Log<sub>2</sub>(n) por exceso)
  - Ej.: para representar 35 valores se necesitan 6 bits
- Con n bits, si el valor mínimo representable corresponde al número 0, ¿Cuál es el máximo valor numérico representable?
  - ▶ 2<sup>n</sup>-1

# Ejercicio

▶ Calcular el valor de (23 unos):

## Ejercicio (solución)

▶ Calcular el valor de (23 unos):

$$X = 2^{23} - 1$$

#### Truco:

$$10000000000000000000_2 = 2^{23}$$

$$X = 2^{23} - 1$$

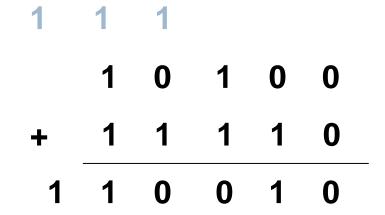
### Ejemplo: operaciones

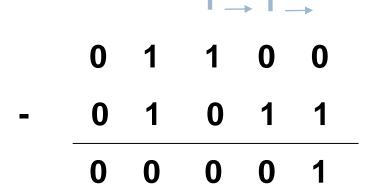
Sumar en binario:

## Ejemplo: operaciones

Sumar en binario:

Restar en binario:





#### Contenidos

#### I. Introducción

- Motivación y objetivos
- 2. Sistemas posicionales

#### 2. Representaciones

- I. Alfanuméricas
  - Caracteres
  - 2. Cadenas de caracteres
- 2. Numéricas
  - Naturales y enteras
  - 2. Coma fija

29

3. Coma flotante (estándar IEEE 754)

### Representación alfanumérica

- Cada carácter se codifica con un byte.
- Para n bits  $\Rightarrow 2^n$  caracteres representables:

| # bits | # caracteres | Incluye  | Ejemplo                   |
|--------|--------------|--|---------------------------|
| 6      | 64           | <ul> <li>26 letras: az</li> <li>10 números: 09</li> <li>Puntuación: .,;:</li> <li>Especiales: + - [</li> </ul> | BCDIC                     |
| 7      | 128          | <ul> <li>añade mayúsculas y<br/>caracteres de control</li> </ul>   | ASCII                     |
| 8      | 256          | <ul> <li>añade letras acentuadas,<br/>ñ, caracteres semigráficos</li> </ul>                                    | EBCDIC<br>ASCII extendido |
| 16     | 34.168       | Añade distintos idiomas<br>(chino, árabe,)   | UNICODE                   |

| ASCII<br>value | Character         | Control<br>character | ASCII<br>value | Character | ASCII<br>value | Character  | ASCII<br>value | Character |
|----------------|-------------------|----------------------|----------------|-----------|----------------|------------|----------------|-----------|
| 000            | (null)            | NUL                  | 032            | (space)   | 064            | <u>(i)</u> | 096            |           |
| 001            | $\odot$           | SOH                  | 033            | 1         | 065            | A          | 097            | α         |
| 002            | •                 | STX                  | 034            | **        | 066            | В          | 098            | b         |
| 003            | ♥                 | ETX                  | 035            | #         | 067            | C          | 099            | С         |
| 004            | •                 | EOT                  | 036            | \$        | 068            | D          | 100            | d         |
| 005            | *                 | ENQ                  | 037            | %         | 069            | E          | 101            | e         |
| 006            | <b>A</b>          | ACK                  | 038            | &         | 070            | F          | 102            | f         |
| 007            | (beep)            | BEL                  | 039            | r         | 071            | G          | 103            | g         |
| 008            |                   | BS                   | 040            | (         | 072            | H          | 104            | h         |
| 009            | (tab)             | HT                   | 041            | )         | 073            | I          | 105            | i         |
| 010            | (line feed)       | LF                   | 042            | *         | 074            | J          | 106            | i         |
| 011            | (home)            | VT                   | 043            | +         | 075            | K          | 107            | k         |
| 012            | (form feed)       | FF                   | 044            | ,         | 076            | L          | 108            | 1         |
| 013            | (carriage return) | CR                   | 045            | -         | 077            | M          | 109            | m         |
| 014            | <b>.</b>          | SO                   | 046            |           | 078            | N          | 110            | n         |
| 015            | Ď.                | SI                   | 047            | /         | 079            | 0          | 111            | 0         |
| 016            |                   | DLE                  | 048            | 0         | 080            | P          | 112            | p         |
| 017            |                   | DC1                  | 049            | 1         | 081            | Q          | 113            | q         |
| 018            | 1                 | DC2                  | 050            | 2         | 082            | R          | 114            | r         |
| 019            | !!                | DC3                  | 051            | 3         | 083            | S          | 115            | S         |
| 020            | π                 | DC4                  | 052            | 4         | 084            | T          | 116            | t         |
| 021            | §                 | NAK                  | 053            | 5         | 085            | U          | 117            | u         |
| 022            | energy            | SYN                  | 054            | 6         | 086            | V          | 118            | v         |
| 023            | <u></u>           | ETB                  | 055            | 7         | 087            | W          | 119            | w         |
| 024            | 1                 | CAN                  | 056            | 8         | 088            | X          | 120            | x         |
| 025            | į.                | EM                   | 057            | 9         | 089            | Y          | 121            | У         |
| 026            |                   | SUB                  | 058            | :         | 090            | Z          | 122            | z         |
| 027            | <del></del>       | ESC                  | 059            | ;         | 091            | [          | 123            | {         |
| 028            | (cursor right)    | FS                   | 060            | <         | 092            | \          | 124            |           |
| 029            | (cursor left)     | GS                   | 061            | = '       | 093            | ]          | 125            | }         |
| 030            | (cursor up)       | RS                   | 062            | >         | 094            | ^          | 126            | · ~-      |
| 031            | (cursor down)     | US                   | 063            | ?         | 095            |            | 127            |           |

Copyright 1998, JimPrice.Com Copyright 1982, Leading Edge Computer Products, Inc.

#### caracteres de control

| ASCII |                   | Control   | ASCII |           | ASCII |           | ASCII |           |
|-------|-------------------|-----------|-------|-----------|-------|-----------|-------|-----------|
| value | Character         | character | value | Character | value | Character | value | Character |
| 000   | (null)            | NUL       | 032   | (space)   | 064   | @         | 096   |           |
| 001   | $\odot$           | SOH       | 033   |           | 065   | A         | 097   | α         |
| 002   | •                 | STX       | 034   | **        | 066   | В         | 098   | b         |
| 003   | ♥                 | ETX       | 035   | #         | 067   | C         | 099   | C         |
| 004   | •                 | EOT       | 036   | \$        | 068   | D         | 100   | d         |
| 005   | *                 | ENQ       | 037   | %         | 069   | E         | 101   | е         |
| 006   | <b>A</b>          | ACK       | 038   | &r        | 070   | F         | 102   | f         |
| 007   | (beep)            | BEL       | 039   | *         | 071   | G         | 103   | g         |
| 800   |                   | BS        | 040   | (         | 072   | H         | 104   | h         |
| 009   | (tab)             | HT        | 041   | )         | 073   | I         | 105   | i         |
| 010   | (line feed)       | LF        | 042   | •         | 074   | I         | 106   | i         |
| 011   | (home)            | VT        | 043   | +         | 075   | K         | 107   | k         |
| 012   | (form feed)       | FF        | 044   | ,         | 076   | L         | 108   | 1         |
| 013   | (carriage return) | CR        | 045   |           | 077   | M         | 109   | m         |
| 014   | ្រា               | SO        | 046   |           | 078   | N         | 110   | n         |
| 015   | ☼                 | SI        | 047   | /         | 079   | 0         | 111   | 0         |
| 016   | in-               | DLE       | 048   | 0         | 080   | P         | 112   | p         |
| 017   |                   | DCl       | 049   | 1         | 081   | Q         | 113   | q         |
| 018   | \$                | DC2       | 050   | 2         | 082   | R         | 114   | r         |
| 019   | !i                | DC3       | 051   | 3         | 083   | S         | 115   | S         |
| 020   | π                 | DC4       | 052   | 4         | 084   | T         | 116   | t         |
| 021   | §                 | NAK       | 053   | 5         | 085   | U         | 117   | u         |
| 022   | aires             | SYN       | 054   | 6         | 086   | V         | 118   | v         |
| 023   | <u>↓</u>          | ETB       | 055   | 7         | 087   | W         | 119   | w         |
| 024   | <u>†</u>          | CAN       | 056   | 8         | 088   | X         | 120   | x         |
| 025   | į                 | EM        | 057   | 9         | 089   | Y         | 121   | У         |
| 026   | ·                 | SUB       | 058   | :         | 090   | Z         | 122   | z         |
| 027   | <del></del>       | ESC       | 059   | ;         | 091   | [         | 123   | {         |
| 028   | (cursor right)    | FS        | 060   | <         | 092   |           | 124   | į         |
| 029   | (cursor left)     | GS        | 061   | = '       | 093   | 1         | 125   | }         |
| 030   | (cursor up)       | RS        | 062   | >         | 094   | $\wedge$  | 126   | <u></u>   |
| 031   | (cursor down)     | US        | 063   | ?         | 095   |           | 127   |           |

< 32

Copyright 1998, JimPrice.Com Copyright 1982, Leading Edge Computer Products, Inc.

#### distancia mayúsculas-minúsculas

| ASCII<br>value | Character         | Control<br>character | ASCII<br>value | Character | ASCII<br>value | Character | ASCII<br>value | Character |
|----------------|-------------------|----------------------|----------------|-----------|----------------|-----------|----------------|-----------|
| 000            | (null)            | NUL                  | 032            | (space)   | 064            | (0)       | 096            |           |
| 001            | <b>O</b>          | SOH                  | 033            |           | 065            | A         | 097            | α         |
| 002            | •                 | STX                  | 034            | **        | 066            | В         | 098            | b         |
| 003            | ♥                 | ETX                  | 035            | #         | 067            | C         | 099            | C         |
| 004            | •                 | EOT                  | 036            | \$        | 068            | D         | 100            | d         |
| 005            | *                 | ENQ                  | 037            | %         | 069            | E         | 101            | e         |
| 006            | <b>A</b>          | ACK                  | 038            | &r        | 070            | F         | 102            | f         |
| 007            | (beep)            | BEL                  | 039            | *         | 071            | G         | 103            | g         |
| 800            | 10                | BS                   | 040            | (         | 072            | H         | 104            | h         |
| 009            | (tab)             | HT                   | 041            | )         | 073            | I         | 105            | i         |
| 010            | (line feed)       | LF                   | 042            | •         | 074            | J         | 106            | i         |
| 011            | (home)            | VT                   | 043            | +         | 075            | K         | 107            | k         |
| 012            | (form feed)       | FF                   | 044            | ,         | 076            | L         | 108            | 1         |
| 013            | (carriage return) | CR                   | 045            | -         | 077            | M         | 109            | m         |
| 014            | <b>.</b> 73       | SO                   | 046            |           | 078            | N         | 110            | n         |
| 015            | ☼                 | SI                   | 047            | /         | 079            | 0         | 111            | 0         |
| 016            | -                 | DLE                  | 048            | 0         | 080            | P         | 112            | p         |
| 017            |                   | DC1                  | 049            | 1         | 081            | Q         | 113            | q         |
| 018            | \$                | DC2                  | 050            | 2         | 082            | R         | 114            | r         |
| 019            | !!                | DC3                  | 051            | 3         | 083            | S         | 115            | S         |
| 020            | π                 | DC4                  | 052            | 4         | 084            | T         | 116            | t         |
| 021            | §                 | NAK                  | 053            | 5         | 085            | U         | 117            | u         |
| 022            | eaces             | SYN                  | 054            | 6         | 086            | V         | 118            | v         |
| 023            | <u></u>           | ETB                  | 055            | 7         | 087            | W         | 119            | w         |
| 024            | <u>†</u>          | CAN                  | 056            | 8         | 088            | X         | 120            | х         |
| 025            | j                 | EM                   | 057            | 9         | 089            | Y         | 121            | У         |
| 026            |                   | SUB                  | 058            | :         | 090            | Z         | 122            | z         |
| 027            | <del></del>       | ESC                  | 059            | ;         | 091            | [         | 123            | {         |
| 028            | (cursor right)    | FS                   | 060            | <         | 092            |           | 124            | 1         |
| 029            | (cursor left)     | GS                   | 061            | = '       | 093            | ]         | 125            | }         |
| 030            | (cursor up)       | RS                   | 062            | >         | 094            | $\wedge$  | 126            | ~         |
| 031            | (cursor down)     | US                   | 063            | ?         | 095            | MARKA .   | 127            |           |

97-65=32

Copyright 1998, JimPrice.Com Copyright 1982, Leading Edge Computer Products, Inc

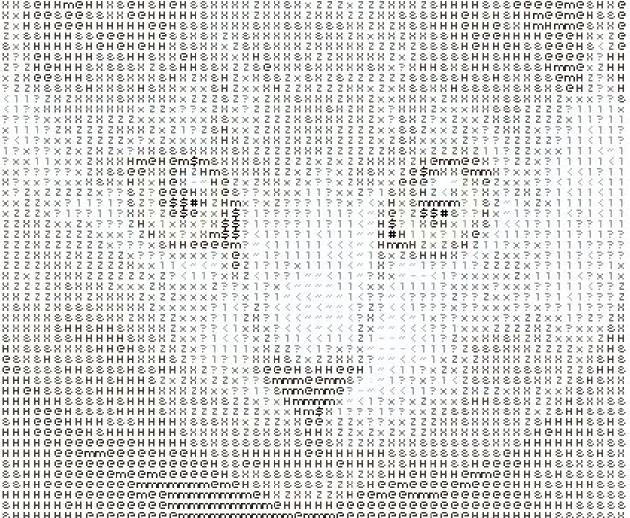
#### conversión de un número a carácter

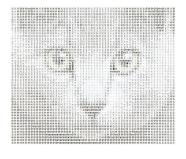
| ASCII<br>value | Character         | Control<br>character | ASCII<br>value | Character | ASCII<br>value | Character | ASCII<br>value | Character |
|----------------|-------------------|----------------------|----------------|-----------|----------------|-----------|----------------|-----------|
| 000            | (null)            | NUL                  | 032            | (space)   | 064            | (0)       | 096            |           |
| 001            | <b>O</b>          | SOH                  | 033            | 1         | 065            | A         | 097            | α         |
| 002            | <b>9</b>          | STX                  | 034            | n         | 066            | В         | 098            | ь         |
| 003            | ♥                 | ETX                  | 035            | #         | 067            | C         | 099            | С         |
| 004            | <b>*</b>          | EOT                  | 036            | \$        | 068            | D         | 100            | d         |
| 005            | *                 | ENQ                  | 037            | %         | 069            | E         | 101            | е         |
| 006            | <b>A</b>          | ACK                  | 038            | &         | 070            | F         | 102            | f         |
| 007            | (beep)            | BEL                  | 039            | t         | 071            | G         | 103            | g         |
| 008            |                   | BS                   | 040            | (         | 072            | H         | 104            | h         |
| 009            | (tab)             | HT                   | 041            | )         | 073            | I         | 105            | i         |
| 010            | (line feed)       | LF                   | 042            | *         | 074            | J         | 106            | i         |
| 011            | (home)            | VT                   | 043            | +         | 075            | K         | 107            | k         |
| 012            | (form feed)       | FF                   | 044            | ,         | 076            | L         | 108            | 1         |
| 013            | (carriage return) | CR                   | 045            | _         | 077            | M         | 109            | m         |
| 014            | ji –              | SO                   | 046            |           | 078            | N         | 110            | n         |
| 015            | ☼                 | SI                   | 047            | 1         | 079            | 0         | 111            | О         |
| 016            | -                 | DLE                  | 048            | 0         | 080            | P         | 112            | р         |
| 017            | -400              | DC1                  | 049            | 1         | 081            | Q         | 113            | q         |
| 018            | <b>\$</b>         | DC2                  | 050            | 2         | 082            | R         | 114            | r         |
| 019            | !!                | DC3                  | 051            | 3         | 083            | S         | 115            | S         |
| 020            | π                 | DC4                  | 052            | 4         | 084            | T         | 116            | t         |
| 021            | §                 | NAK                  | 053            | 5         | 085            | U         | 117            | u         |
| 022            | MAKES             | SYN                  | 054            | 6         | 086            | V         | 118            | v         |
| 023            | <u></u>           | ETB                  | 055            | 7         | 087            | W         | 119            | w         |
| 024            | <u>†</u>          | CAN                  | 056            | 8         | 088            | X         | 120            | x         |
| 025            | į.                | EM                   | 057            | 9         | 089            | Y         | 121            | У         |
| 026            |                   | SUB                  | 058            | :         | 090            | Z         | 122            | z         |
| 027            | <del></del>       | ESC                  | 059            | ;         | 091            | [         | 123            | {         |
| 028            | (cursor right)    | FS                   | 060            | <         | 092            |           | 124            | 1         |
| 029            | (cursor left)     | GS                   | 061            | =         | 093            | ]         | 125            | }         |
| 030            | (cursor up)       | RS                   | 062            | >         | 094            | ^         | 126            | rhui      |
| 031            | (cursor down)     | US                   | 063            | ?         | 095            | anana .   | 127            |           |



Copyright 1998, JimPrice.Com Copyright 1982, Leading Edge Computer Products, Inc

## Curiosidad: Visualización 'gráfica' con caracteres





http://www.typorganism.com/asciiomatic/

#### Cadenas de caracteres

Cadenas de longitud fija:



2. Cadenas de longitud variable con separador:



3. Cadenas de longitud variable con longitud en cabecera:



#### Contenidos

#### Introducción

- Motivación y objetivos
- 2. Sistemas posicionales

#### 2. Representaciones

- Alfanuméricas
  - Caracteres
  - 2. Cadenas de caracteres

#### 2. Numéricas

- Naturales y enteras
- 2. Coma fija
- 3. Coma flotante (estándar IEEE 754)

#### Representación numérica

- Clasificación de números reales:
  - Naturales: 0, 1, 2, 3, ...
  - Enteros: ... -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ....
  - Racionales: fracciones (5/2 = 2,5)
  - Irracionales:  $2^{1/2}$ ,  $\pi$ , e, ...
- Conjuntos infinitos y espacio de representación finito:
  - Imposible representar todos
- Características de la representación usada:
  - Elemento representado: Natural, entero, ...
  - Rango de representación: Intervalo entre el menor y mayor nº representable
  - Resolución de representación:
     Diferencia entre un n° representable y el siguiente.
     Representa el máximo error cometido. Puede ser cte. o variable.

# Sistemas de representación binarios más usados

- A. Coma fija sin signo o binario puro naturales
- B. Signo magnitud
- c. Complemento a uno (Ca I)
  - enteros
- D. Complemento a dos (Ca 2)
- E. Exceso 2<sup>n-1</sup>-1
- F. Coma flotante: Estándar IEEE 754 reales

# Coma fija sin signo o binario puro [naturales]

Sistema posicional con base 2 y sin parte fraccionaria.

$$V(X) = \sum_{i=0}^{n-1} 2^i \cdot X_i$$

40

- Rango de representación: [0, 2<sup>n</sup> 1]
- Resolución: I unidad

# Ejemplo comparativo (3 bits)

| Decimal | Binario Puro |  |  |
|---------|--------------|--|--|
| +7      | 111          |  |  |
| +6      | 110          |  |  |
| +5      | 101          |  |  |
| +4      | 100          |  |  |
| +3      | 011          |  |  |
| +2      | 010          |  |  |
| +1      | 001          |  |  |
| +0      | 000          |  |  |
| -0      | N.D.         |  |  |
| -1      | N.D.         |  |  |
| -2      | N.D.         |  |  |
| -3      | N.D.         |  |  |
| -4      | N.D.         |  |  |
| -5      | N.D.         |  |  |
| -6      | N.D.         |  |  |
| -7      | N.D.         |  |  |

### Coma fija con signo o signo magnitud [enteros]

• Se reserva un bit (S) para el signo  $(0 \Rightarrow +; I \Rightarrow -)$ 

Si 
$$x_{n-1} = 0$$
  $V(X) = \sum_{i=0}^{n-2} 2^{i} \cdot x_{i}$   $\Rightarrow V(X) = (1 - 2 \cdot x_{n-1}) \cdot \sum_{i=0}^{n-2} 2^{i} \cdot x_{i}$  Si  $x_{n-1} = 1$   $V(X) = -\sum_{i=0}^{n-2} 2^{i} \cdot x_{i}$ 

- Rango de representación: [-2<sup>n-1</sup> +1, 2<sup>n-1</sup> -1]
- Resolución: I unidad
- Ambigüedad del 0

# Ejemplo comparativo (3 bits)

| Decimal | Binario Puro | Signo magnitud |  |
|---------|--------------|----------------|--|
| +7      | 111          | N.D.           |  |
| +6      | 110          | N.D.           |  |
| +5      | 101          | N.D.           |  |
| +4      | 100          | N.D.           |  |
| +3      | 011          | 011            |  |
| +2      | 010          | 010            |  |
| +1      | 001          | 001            |  |
| +0      | 000          | 000            |  |
| -0      | N.D.         | 100            |  |
| - I     | N.D.         | 101            |  |
| -2      | N.D.         | 110            |  |
| -3      | N.D.         | 111            |  |
| -4      | N.D.         | N.D.           |  |
| -5      | N.D.         | N.D.           |  |
| -6      | N.D.         | N.D.           |  |
| -7      | N.D.         | N.D.           |  |

¿Se puede representar 745<sub>10</sub> en signo magnitude con 10 bits?

### Ejemplo (solución)

- ¿Se puede representar 745<sub>10</sub> en signo magnitude con 10 bits?
- Con 10 bits el rango en signo magnitude es:  $[-2^9+1,...,-0,+0,....2^9-1] \Rightarrow [-511,511]$  y por tanto, **no podemos representar** 745

# Complemento a uno (a la base menos uno) [enteros] (1/3)

Número positivo: se representa en binario puro con n-1 bits

$$V(X) = \sum_{i=0}^{n-1} 2^{i} \cdot x_{i} = \sum_{i=0}^{n-2} 2^{i} \cdot x_{i}$$

- Rango de representación (+): [0, 2<sup>n-1</sup> -1]
- Resolución: Lunidad

# Complemento a uno (a la base menos uno) [enteros] (2/3)

#### Número negativo:

- Se complementa a la base menos uno
- ▶ El número X < 0 se representa como  $2^n X 1$  con n bits

$$V(X) = -2^{n} + \sum_{i=0}^{n-1} 2^{i} \cdot y_{i} + 1$$

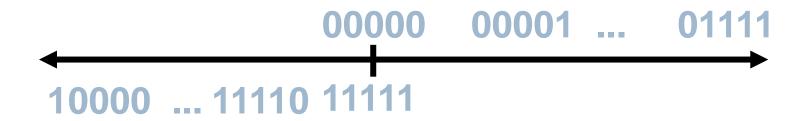
- Rango de representación (-): [-(2<sup>n-1</sup>-1), -0]
- Resolución: I unidad

# Complemento a uno (a la base menos uno) [enteros] (3/3)

- Ejemplo: Para n=4  $\Rightarrow$  el valor +3<sub>10</sub> = 00 l l<sub>2</sub>
- ▶ Ejemplo: Para n=4  $\Rightarrow$  el valor -3<sub>10</sub> = 1100<sub>2</sub>
  - → I (bit signo y también parte de magnitud)
  - C a  $I(3) \Rightarrow 2^4 00II_2 I = 2^4 3 I = I2 \Rightarrow II00_2$ 
    - Rango de representación: [-2<sup>n-1</sup>+1,2<sup>n-1</sup>-1]
    - Resolución: I unidad
    - El 0 tiene doble representación (+0 y -0)
    - Rango simétrico

#### Complemento a uno

Los números positivos tienen un 0 en el bit más signficativo



Los números negativos tienen un I en el bit más significativo

# Ejemplo comparativo (3 bits)

| Decimal | Binario Puro | Signo magnitud | Complemento a uno |
|---------|--------------|----------------|-------------------|
| +7      | 111          | N.D.           | N.D.              |
| +6      | 110          | N.D.           | N.D.              |
| +5      | 101          | N.D.           | N.D.              |
| +4      | 100          | N.D.           | N.D.              |
| +3      | 011          | 011            | 011               |
| +2      | 010          | 010            | 010               |
| +1      | 001          | 001            | 001               |
| +0      | 000          | 000            | 000               |
| -0      | N.D.         | 100            | 111               |
| - I     | N.D.         | 101            | 110               |
| -2      | N.D.         | 110            | 101               |
| -3      | N.D.         | 111            | 100               |
| -4      | N.D.         | N.D.           | N.D.              |
| -5      | N.D.         | N.D.           | N.D.              |
| -6      | N.D.         | N.D.           | N.D.              |
| -7      | N.D.         | N.D.           | N.D.              |

Para n = 5 bits y usando complemento a uno:

¿Cómo se representa X = 5?

 $\triangleright$  ¿Cómo se representa X = -5?

- ¿Cuál es el valor de 11000 en complemento a 1?

#### Ejemplo (solución)

#### Para n = 5 bits y usando complemento a uno:

- ¿Cómo se representa X = 5?
  - Como es positivo, en binario puro
    - ▶ 00101
- $\rightarrow$  ¿Cómo se representa X = -5?
  - Como es negativo, se complementa el valor 5 (00101)
    - **II010**
- ¿Cuál es el valor de 00 | 1 | en complemento a | ?
  - Como es positivo, su valor es directamente 7
- ¿Cuál es el valor de 11000 en complemento a 1?
  - Como es negativo, se complementa y se obtiene 00111 (7)
    - ▶ El valor es -7

# Complemento a dos (complemento a la base) [enteros] (1/3)

Número positivo: se representa en binario puro con n-1 bits

$$V(X) = \sum_{i=0}^{n-1} 2^{i} \cdot x_{i} = \sum_{i=0}^{n-2} 2^{i} \cdot x_{i}$$

- Rango de representación (+): [0, 2<sup>n-1</sup> -1]
- Resolución: Lunidad

# Complemento a dos (complemento a la base) [enteros] (2/3)

#### Número negativo:

- Se complementa a la base
- ▶ El número X < 0 se representa como  $2^n X$  con n bits

$$V(X) = -2^{n} + \sum_{i=0}^{n-1} 2^{i} \cdot y_{i}$$

- Rango de representación (-): [-2<sup>n-1</sup>, -1]
- Resolución: I unidad

# Complemento a dos (complemento a la base) [enteros] (3/3)

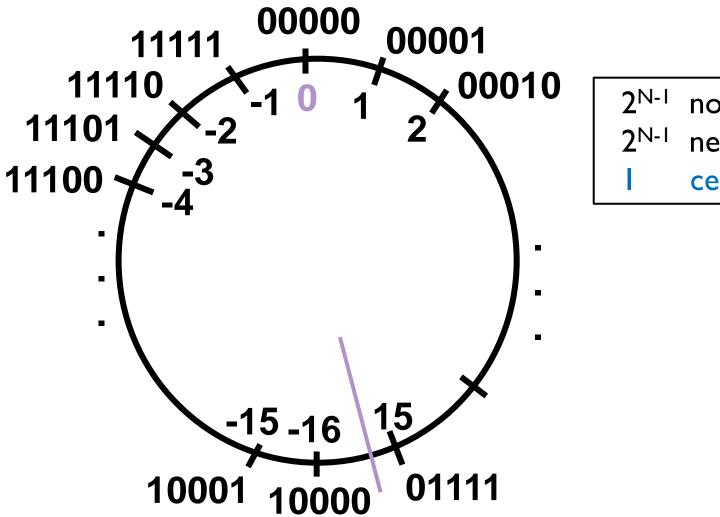
Truco: 
$$C \ a \ 2 \ (X) = X$$
  
 $C \ a \ 2 \ (-X) = C \ a \ I \ (X) + I$ 

- ► Ejemplo: Para  $n=4 \Rightarrow +3 = 0011_2$
- ▶ Ejemplo: Para  $n=4 \Rightarrow -3 = 1101_2$ 
  - ►  $I \Rightarrow$  (bit signo y también parte de magnitud)
  - Ca2(3) = Ca2(0011<sub>2</sub>) =  $2^4$  3 =  $13 \Rightarrow 1101_2$
  - Rango de representación: [-2<sup>n-1</sup>, 2<sup>n-1</sup>-1]
  - Resolución: Lunidad
  - El 0 tiene una única representación (No ∃ -0)
  - Rango asimétrico

# Ejemplo comparativo (3 bits)

| Decimal | Binario Puro | Signo magnitud | Complemento a uno | Complemento a dos |
|---------|--------------|----------------|-------------------|-------------------|
| +7      | 111          | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| +6      | 110          | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| +5      | 101          | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| +4      | 100          | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| +3      | 011          | 011            | 011               | 011               |
| +2      | 010          | 010            | 010               | 010               |
| +1      | 001          | 001            | 001               | 001               |
| +0      | 000          | 000            | 000               | 000               |
| -0      | N.D.         | 100            | 111               | N.D.              |
| -1      | N.D.         | 101            | 110               | Ш                 |
| -2      | N.D.         | 110            | 101               | 110               |
| -3      | N.D.         | 111            | 100               | 101               |
| -4      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | 100               |
| -5      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| -6      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              |
| -7      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              |

#### Complemento a dos



2<sup>N-I</sup> no negativos2<sup>N-I</sup> negativosI cero

# Representación en Exceso 2<sup>n-1</sup>-1 [enteros]

- ▶ El valor X con n bits se reprsenta como X + 2<sup>n-1</sup>-I
- Se denomina sesgo a la cantidad 2<sup>n-1</sup>-1

$$V(X) = \sum_{i=0}^{n-1} 2^{i} \cdot x_{i} - (2^{n-1} - 1)$$

- Rango de representación: [-(2<sup>n-1</sup>-1), 2<sup>n-1</sup>]
- Resolución: Lunidad
- No existe ambigüedad con el 0

# Ejemplo comparativo (3 bits)

| Decimal | Binario Puro | Signo magnitud | Complemento a uno | Complemento a dos | Exceso 3 |
|---------|--------------|----------------|-------------------|-------------------|----------|
| +7      | 111          | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |
| +6      | 110          | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |
| +5      | 101          | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |
| +4      | 100          | N.D.           | N.D.              | N.D.              | Ш        |
| +3      | 011          | 011            | 011               | 011               | 110      |
| +2      | 010          | 010            | 010               | 010               | 101      |
| +1      | 001          | 001            | 001               | 001               | 100      |
| +0      | 000          | 000            | 000               | 000               | 011      |
| -0      | N.D.         | 100            | 111               | N.D.              | N.D.     |
| -1      | N.D.         | 101            | 110               | Ш                 | 010      |
| -2      | N.D.         | 110            | 101               | 110               | 001      |
| -3      | N.D.         | 111            | 100               | 101               | 000      |
| -4      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | 100               | N.D.     |
| -5      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |
| -6      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |
| -7      | N.D.         | N.D.           | N.D.              | N.D.              | N.D.     |

#### Contenidos

#### I. Introducción

- Motivación y objetivos
- 2. Sistemas posicionales

#### 2. Representaciones

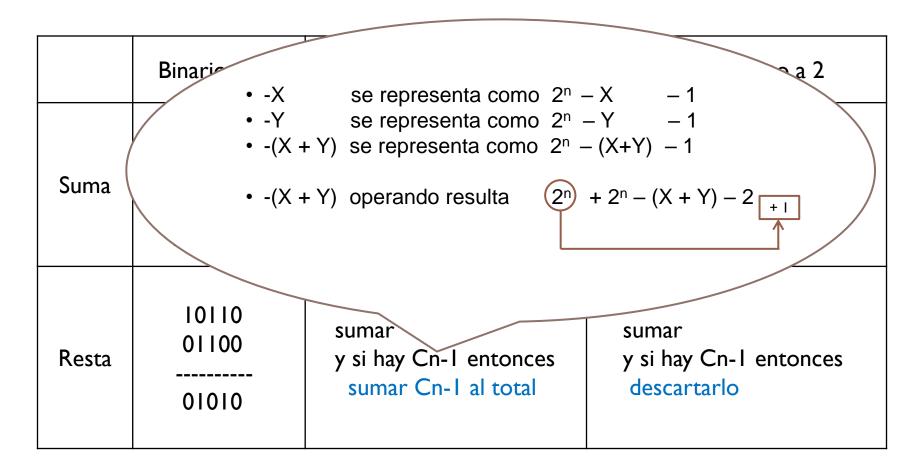
- Alfanuméricas
  - Caracteres
  - 2. Cadenas de caracteres
- 2. Numéricas
  - Naturales y enteras
    - Operaciones aritméticas
  - 2. Coma fija
  - 3. Coma flotante (estándar IEEE 754)

#### Comparación de aritmética en BP, C1 y C2

|       | Binario puro                 | Complemento a I  | Complemento a 2                                |
|-------|------------------------------|--|--|
| Suma  | 10110<br>01100<br><br>100010 | igual que B.P.   | igual que B.P.                                 |
| Resta | 10110<br>01100<br><br>01010  | sumar<br>y si hay Cn-I entonces<br>sumar Cn-I al total | sumar<br>y si hay Cn-I entonces<br>descartarlo |

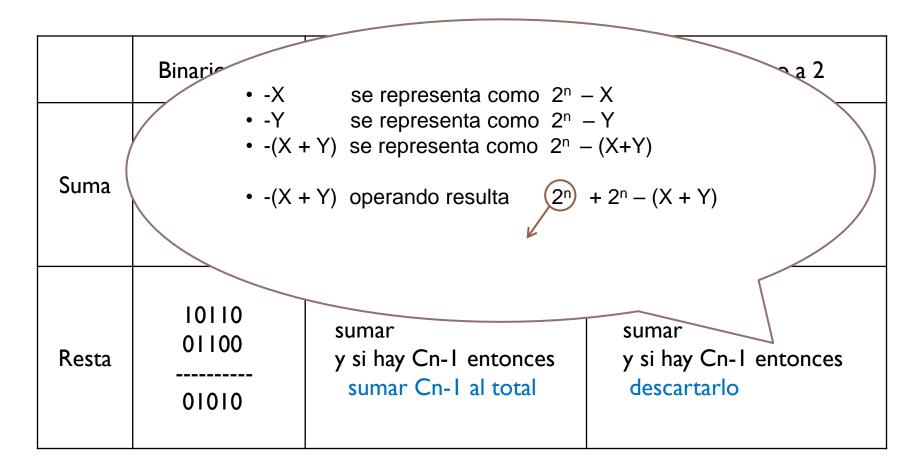
En hardware, es más fácil operar con complemento

# Comparación de aritmética en BP, C1 y C2 por qué sumar el acarreo en Ca1



Corrección de resultado sumando el acarreo...

# Comparación de aritmética en BP, C1 y C2 por qué descartar el acarreo en Ca2



Corrección de resultado descartando el acarreo...

#### Comparación de aritmética en BP, C1 y C2

|                       | Binario puro                       | Complemento a I                       | Complemento a 2                       |
|-----------------------|------------------------------------|---------------------------------------|---------------------------------------|
| Detectar              | El resultado<br>necesita I bit más | Suma de + + es –,<br>Suma de – – es + | Suma de + + es –,<br>Suma de – – es + |
| desbordamiento        | Hay Cn                             | Cn <> Cn-I                            | Cn <> Cn-I                            |
| Extensión<br>de signo | 00 10110                           | 11*(10110<br>00*(00110                | 11*10110<br>00*00110                  |
| •••                   | •••                                | •••                                   | •••                                   |

#### Grupo ARCOS

uc3m Universidad Carlos III de Madrid

#### Tema 2 (I) Representación de la información

Estructura de Computadores Grado en Ingeniería Informática



#### Ejercicio

Indique la representación de los siguientes números, razonando brevemente su respuesta:

- 1. -32 en complemento a uno con 6 bits
- 2. -32 en complemento a dos con 6 bits
- 3. -10 en signo magnitud con 5 bits
- 4. +14 en complemento a dos con 5 bits

### Ejercicio (solución)

- Con 6 bits **no es representable** en CI:  $[-2^{6-1}+1,...,-0,+0,....2^{6-1}-1]$
- 2. C| + | -> |00000|
- 3. Signo=1, magnitud=1010 -> 11010
- 4. Positivo -> CI=C2=SM -> 01110

#### Aritmética en complemento a uno

- Sumas y restas se realizan de igual forma
- ▶ Para n = 5 bits
- ▶ Sea X = 5
  - ► En complemento a uno = 00101
- $\triangleright$  Sea Y = 7
  - ► En complemento a uno = 00111
- X + Y? X = 00101 Y = 00111+ X+Y = 01100
- ▶ El valor de 01100 en complemento a uno es 12

#### Aritmética en complemento a uno

- $\triangleright$  Para n = 5 bits
- $\rightarrow$  Sea X = -5
  - ▶ En complemento a uno = complemento de 00101:11010
- $\rightarrow$  Sea Y = -7
  - ▶ En complemento a uno = complemento de 00111:11000
- ¿X + Y?

$$-X = 11010$$

$$-Y = \underline{11000+}$$

-(X+Y) = 110010 Se produce un acarreo, se suma y se desprecia

 El valor de 10011 en complemento a uno es el valor negativo de su complemento -01100 = - 12

#### Aritmética en complemento a dos

- Sumas y restas se realizan de igual forma
- ▶ Para n = 5 bits
- ▶ Sea X = 5
  - ▶ En complemento a dos= 00101
- $\triangleright$  Sea Y = 7
  - ► En complemento a dos = 00111
- X + Y? X = 00101 Y = 00111+ X+Y = 01100
- ▶ El valor de 01100 en complemento a dos es 12

#### Aritmética en complemento a dos

- Para n = 5 bits
- $\rightarrow$  Sea X = -5
  - ▶ En complemento a dos= complemento de 00101:11010 + 1 = 11011
- $\triangleright$  Sea Y = -7
  - ▶ En complemento a dos = complemento de 00111:11000 +1 = 11001
- - -Y = 11001+
  - -(X+Y) = 10100

Se produce un acarreo: se desprecia

▶ El valor es 10100. Su valor en complemento a dos = el valor negativo de su complemento a dos = complemento a uno: 01011 + 1 = 01100 = >- 12

#### Aritmética en complemento a dos

- ▶ Para n = 5 bits
- ▶ Sea X = 8
  - ▶ En complemento a dos= 01000
- $\triangleright$  Sea Y = 9
  - ► En complemento a dos = 01001
- X + Y? X = 01000 Y = 01001 + 0001
- ▶ Se obtiene un negativo ⇒ desbordamiento

#### Aritmética en complemento a dos

- $\triangleright$  Para n = 5 bits
- $\rightarrow$  Sea X = -8
  - ▶ En complemento a dos= complemento de 01000: 10111 + 1 = 11000
- $\triangleright$  Sea Y = -9
  - ▶ En complemento a dos = complemento de 01001:10110 +1 = 10111
- ¿X + Y?

$$-X = 11000$$
  
 $-Y = 10111+$ 

▶ El valor 01111, como es positivo ⇒ desbordamiento

#### Extensión de signo en complemento a dos

¿Cómo pasar de n bits a m bits, siendo n < m?</p>

#### Ejemplo:

- n = 4, m = 8
- Si X = 0110 con 4 bits  $\Rightarrow$  X = 00000110 con 8 bits
- Si X = 1011 con 4 bits  $\Rightarrow$  X = 11111011 con 8 bits

# Ejercicio

- Usando 5 bits para representarlo, haga las siguientes sumas en complemento a uno:
  - a) 4 + 12
  - b) 4-12
  - c) -4-12

### Ejercicio (Solución)

- Usando 5 bits en complemento a uno:
  - a) 4 + 12

00100

01100

-----

 $10000 \Rightarrow$  se obtiene un negativo  $\Rightarrow$  -15  $\Rightarrow$  overflow

# Ejercicio (Solución)

- Usando 5 bits en complemento a uno:
  - b) 4 12

00100

-----

10111 ⇒ -8

### Ejercicio (Solución)

- Usando 5 bits en complemento a uno:
  - c) -4 12

```
10011
```

 $101110 \Rightarrow$  negativo con 6 bits  $\Rightarrow$  overflow

#### Complemento a dos para 32 bits

```
0000 \dots 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000_{dos} =
0000 \dots 0000 \ 0000 \ 0001_{dos} =
                                                  1_{(10)}
0000 \dots 0000 \ 0000 \ 0010_{dos} =
                                                  2_{(10)}
0111 \dots 1111 \quad 1111 \quad 1111 \quad 1101_{dos} = 2,147,483,645_{(10)}
0111 \dots 1111 \quad 1111 \quad 1111 \quad 1110_{\text{dos}} = 2,147,483,646_{(10)}
0111 \dots 1111 \quad 1111 \quad 1111 \quad 1111_{\text{dos}} = 2,147,483,647_{(10)}
1000 \dots 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000_{\text{dos}} = -2,147,483,648_{(10)}
1000 \dots 0000 \ 0000 \ 0001_{dos} = -2,147,483,647_{(10)}
1000 \dots 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0010_{dos} = -2,147,483,646_{(10)}
1111 ... 1111 1111 1111 1101_{dos} = -3_{(10)}
1111 ... 1111 1111 1111 1110_{\text{dos}} = -2_{(10)}
1111 ... 1111 1111 1111 1111_{\text{dos}} = -1_{(10)}
```