OZENNE Colles

### Colle n° 9

**2 D 2** 2023-2024

Variables aléatoires discrètes

27/11/2023 - 02/12/2023

### I - Variables aléatoires réelles finies

#### I.1 - Définition

- \* Variable aléatoire réelle.
- $\ast$  Système complet.

# I.2 - Loi de probabilité

- \* Définition.
- \* Fonction de répartition.

#### I.3 - Lois usuelles

- \* Loi certaine.
- \* Loi uniforme sur [1, n].
- \* Loi de Bernoulli de paramètre p.
- \* Loi binomiale de paramètres n et p.
- $\ast$  Loi hypergéométrique de paramètres  $n,\,N$  et b.

### II - Espérance & Variance

# II.1 - Espérance

- \* Définition.
- \* Valeurs pour les lois usuelles.
- \* Linéarité, Théorème de transfert.

### II.2 - Variance

 $\ast$  Variance, Écart-type, Formule de Kœnig-Huygens, Variance de aX+b.

- \* Valeurs pour les Lois usuelles.
- \* Variable centrée, réduite.

# III - Couples de variables aléatoires

# III.1 - Loi du couple

- \* Loi du couple, Marginales.
- \* Loi conditionnelle.

# III.2 - Indépendance

\* Définition.

#### III.3 - Covariance

- \* Espérance d'un produit.
- \* Espérance et Indépendance.
- \* Covariance, Propriétés.
- \* Variance d'une somme de variables aléatoires.
- \* Coefficient de corrélation linéaire, Interprétation.

#### IV - Variables aléatoires discrètes infinies

Reprise des points précédents :

\* Loi de probabilité.

9

- \* Fonction de répartition.
- \* Espérance et Variance.
- \* Lois usuelles : Loi géométrique, Loi de Poisson.

Programme à venir (04/12/2023 - 09/12/2023):

Probabilités, Variables aléatoires, Estimation.