T.P. V - Matrices

Code Capytale: aa20-2467643

I - Ce qu'il faut savoir

Solution de l'exercice 1.

Solution de l'exercice 2.

1.

```
import numpy as np

def g(x): # Définition de la fonction g
    return 2 * x - 1 + np.log(x/(x+1))

a = 0.5 # initialisation de la valeur de a
b = 1 # initialisation de la valeur de g

while b - a > 10**(-2) : # s'arréte dès que b - a <= 10^(-2)
    m = (a + b)/2 # calcule le milieu de [a, b]</pre>
```

2

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

U = np.zeros((51, 1)) # Crée un vecteur contenant uniquement des d

for n in range(1, 51):
    U[n] = (2 * n - 1) - g(n) # U[n] contient la valeur de u_n

X = np.arange(0, 51) # Liste des abscisses : entiers de d à
50
S = np.cumsum(U) # S[i] contient u_0 + u_1 + ... + u_i

plt.figure()
plt.plot(X, S, '+')
plt.show()
```

Le graphique représente la suite de points de coordonnées $(n, S_n)_{0 \le n \le 50}$, où $S_n = \sum_{i=0}^n u_i$.

On peut conjecturer que la suite (S_n) tend vers $+\infty$ et donc que la série de terme général u_n diverge.

II - Suites récurrentes

Solution de l'exercice 3. On note $U_n = \begin{pmatrix} u_n \\ v_n \end{pmatrix}$

П

Chapitre V - Matrices ECT 2

Solution de l'exercice 4. On note $U_n = \begin{pmatrix} u_n \\ v_n \end{pmatrix}$.

Solution de l'exercice 5.

```
import numpy as np
A = np.array([[4,-6,2],[2,-4,2],[-2,2,0]]) # Crée la matrice A
U = [0, 1, 2] # Contient la valeur de U_0
for i in range(1, 11): # i varie de 1 à 10
        U = np.dot(A, U) # U contient U_k
print(U[0]) # Affiche la valeur de a_10
```

Solution de l'exercice 6.

1.

2.

Solution de l'exercice 7.

```
import numpy as np

A = np.array([[1,0,0],[0,1,2],[2,0,1]]) # crée la matrice A

u = np.zeros((11, 1)) # contient 10 zéros

v = np.zeros((11, 1)) # contient 10 zéros

w = np.zeros((11, 1)) # contient 10 zéros

u[0] = 1 # la première composante de u contient u_0

v[0] = 0 # la première composante de u contient v_0

w[0] = 2 # la première composante de u contient w_0

X = np.array([1, 0, 2])

for i in range(1, 11):

X = np.dot(A, X)

u[i] = 1

v[i] = X[1]

w[i] = X[2]
```

Chapitre V - Matrices

```
| X = np.arange(0, 11) | plt.figure() | plt.plot(X, u, 'r.') # Trace la suite u avec des points rouges | plt.plot(X, v, 'go') # Trace la suite v avec des points verts | plt.plot(X, w, 'b+') # Trace la suite w avec des + bleus | plt.show()
```

Lycée Ozenne 16 A. Camanes