STANISLAS Colles Colle n° 5

 $\mathbf{PSI}$ 

Déterminants

2021-2022

18/10/2021 - 23/10/2021



## Reprise du programme d'algèbre linéaire.

#### I. Déterminants

#### I.1 Définition

Signature, Déterminant.

Aucune notion sur les permutations n'a été abordée.

Cas des dimensions 2, 3. Matrices triangulaires.

## I.2 Premières propriétés

Opérations élémentaires sur les lignes / colonnes.

Déterminant d'une transposée, d'un produit.

Déterminant par blocs.

### I.3 Généralisations

Déterminant d'un endormorphisme, d'une famille de vecteurs dans une base.

## II. Développement selon les lignes / colonnes

## II.1 Aspect pratique

Développement selon une ligne / colonne.

# II.2 Application : Déterminant de Vandermonde

Déterminant de Vandermonde.

Application : Liberté d'une famille de vecteurs propres associés à des valeurs propres 2 à 2 distinctes.

## Programme à venir (08/11/2021 - 13/11/2021):

Intégration sur un intervalle quelconque.