# T.P. III - Modules

#### Code Capytale: 00bd-786939

Python est un des langages les plus utilisés de nos jours. De nombreuses fonctions mathématiques et algorithmes classiques ont déjà été écrites dans ce langage et sont disponibles pour tous les utilisateurs. Si Python les chargeait toutes lors de son lancement, le TP ne serait pas encore commencé! Pour pouvoir utiliser une fonction utilisée dans un module, il faut donc \*demander\* à Python de charger le module.

## I - Module numpy

Par exemple, le module numpy permet d'utiliser de nombreuses fonctions mathématiques.

```
import numpy
print(numpy.log(3))
print(numpy.exp(1.14))
```

qui affiche

```
\begin{bmatrix} 1.0986122886681096 \\ 3.1267683651861553 \end{bmatrix}
```

Vous remarquerez la syntaxe  $\operatorname{numpy.log}$  qui  $\operatorname{dit}$  à Python qu'il faut aller chercher la fonction  $\operatorname{log}$  du module  $\operatorname{numpy}$ . Cette syntaxe est lourde et il est préférable de donner un  $\operatorname{surnom}$  au module  $\operatorname{numpy}$  de manière à écrire moins de texte. On le surnommera généralement  $\operatorname{np}$ . On écrira alors :

```
import numpy as np
print(np.log(3))
print(np.exp(1.14))
```

qui affiche

```
1.0986122886681096
3.1267683651861553
```

Le module numpy permet également de créer des listes de nombres avec un espace régulier :

- \* arange(a, b, pas) crée la liste des nombres compris entre a (inclus) et b (exclus), avec un espacement constant égal à pas.
- \* linspace(a, b, n) crée une liste de n nombres compris entre a (inclus) et b (inclus), avec un espace constant.

```
print(np.arange(1, 2, 0.1))
print(np.linspace(1, 2, 11))
[1.     1.1     1.2     1.3     1.4     1.5     1.6     1.7     1.8     1.9]
[1.     1.1     1.2     1.3     1.4     1.5     1.6     1.7     1.8     1.9     2. ]
```

## II - Rendus graphiques

Les rendus graphiques en Python sont possibles à l'aide du module matplotlib.pyplot, importé ici avec le surnom plt. La fonction

- \* plt.figure() permet de créer un nouveau graphique,
- \* plt.plot(abscisses, ordonnees) permet de tracer les points dont la liste des abscisses est abscisses et la liste des ordonnées est ordonnees.
- \* plt.show(). permet d'afficher le graphique.

Pour tracer le graphe de la fonction exponentielle sur l'intervalle [-5, 5], on utilisera ainsi :

```
 \begin{aligned} & \textbf{import} \quad \text{matplotlib.pyplot as plt} \\ & X = \text{np.arange} \left( -5 , \ 5.1 \,, \ 0.1 \right) \\ & Y = \text{np.exp} \left( X \right) \\ & \text{plt.figure} \left( \right) \end{aligned}
```

Chapitre III - Modules ECT 2

```
plt.plot(X, Y)
plt.show()
```

Pour tracer un graphe, nous avons donc besoin de la liste des ordonnées, c'est-à-dire de la liste des images des abscisses par une fonction. Dans l'exemple précédent, Y = np.exp(X) permet de stocker dans Y la liste des images des éléments de X par la fonction np. Pour construire l'image des éléments de la liste X par la fonction f, il existe plusieurs solutions:

\* si f est une fonction numpy simple (définie sans utiliser de conditionnelle), on peut écrire comme précédemment Y = f(X).

```
def f(x):
    return x**2 * np.exp(x)

X = np.arange(1, 3, 0.5)
Y = f(X)
print(Y)
```

qui affiche

\* sinon, on peut utiliser la notion de liste par compréhension : Y = [f(x) for x in X]. Ceci ce lit Y est la liste des éléments f(x) lorsque x parcourt X.

```
def f(x):
    if x < 2:
        return x
    else:
        return x + 1

X = np.arange(1, 3, 0.5)
Y = [f(x) for x in X]
print(Y)</pre>
```

qui affiche

```
[1.0, 1.5, 3.0, 3.5]
```

\* enfin, on peut utiliser un initialiser Y avec un vecteur rempli de zéros à l'aide de la fonction np.zeros puis remplacer chacun des éléments par la bonne valeur :

```
def f(x):
    if x < 2:
        return x
    else:
        return x + 1

X = np.arange(1, 3, 0.5)
Y = np.zeros((len(X), 1))
for i in range(0, len(Y)):
    Y[i] = f(X[i])</pre>
print(Y)
```

qui affiche un vecteur colonne

```
[[1.]
[1.5]
[3.]
[3.5]]
```

La fonction len renvoie la longueur d'un vecteur.

Chapitre III - Modules ECT 2

### III - Exercices

Exercice 1. (Suite arithmético-géométrique) Soit  $(u_n)$  la suite définie par  $u_0 = 1$  et

 $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 3.$ 

1. Compléter le code suivant qui permet de calculer le n-ième terme de la suite puis d'afficher les valeurs de  $u_n$  pour  $0 \le n \le 20$ . Quelle conjecture pouvez vous effectuer sur le comportement de la suite?

```
def u(n):
    u = 1
    for i in range(1, ...):
        u = u / 2 + ...
    return u

X = np.arange(0, ..., 1)
Y = [u(n) for n in X]

plt.figure()
plt.plot(..., ..., 'o')
plt.show()
```

**2.** On souhaite déterminer puis afficher le plus petit entier naturel  $n_0$  tel que  $u_{n_0} \geqslant 5.5$ . Compléter le code suivant :

```
n = 0
u = 1
while u <= ...:
    u = ...
    n = ...
print (...)</pre>
```

**Exercice 2.** (Série géométrique) Soit  $q \in \mathbb{R}$ . On souhaite étudier les suites définies par  $v_0 = 1$  et, pour tout n entier naturel,  $v_{n+1} = qv_n$ .

**1. a)** Compléter le code suivant qui permet définir une fonction  $suite\_geom$  tel que l'appel  $suite\_geom(n, q)$  renvoie le terme  $v_n$ :

```
def suite_geom(n, q):
    v = 1
    for i in range(..., ...):
        v = ...
    return ...
```

**b)** Compléter le code qui permet d'afficher les valeurs de  $v_n$  lorsque :

```
* n = 10 \text{ et } q = 0, 1.

* n = 100 \text{ et } q = 2.

* n = 110 \text{ et } q = 0, 5.
```

```
print("n = 10, q = 0.1", v(..., ...))
print("n = 100, q = 2", v(..., ...))
print("n = 110, q = 0.5", v(..., ...))
```

On souhaite maintenant cacluler les termes successifs de la suite  $(w_n)_{n\in\mathbb{N}}$  définie par  $w_0 = 0$  et  $w_n = \sum_{k=1}^n v_k$  pour tout entier naturel n.

**2.** Compléter le code de la fonction suivante qui renvoie le terme  $w_n$ :

```
def serie_geom(n, q):
    s = ...
    for i in range(..., ...):
        s = s + ...
    return s
```

**a)** On souhaite représenter graphiquement les termes  $w_0, \ldots, w_{100}$  de cette suite pour q = 0.1. Compléter le code suivant :

```
\begin{array}{l} \textbf{import} \quad \text{matplotlib.pyplot as plt} \\ n = \dots \\ s = \left[ \text{serie\_geom} \left( \dots \right) \quad \textbf{for n in range} \left( \dots, \dots \right) \right] \\ \\ \text{plt.plot} \left( \textbf{range} \left( \dots \right), \dots \right) \\ \dots \end{array}
```

**b)** Repréndre la question précédente avec q = 1.2.