OZENNE Colles Colle n° 17

2 D 2 2024-2025

Intégration

03/03/2025 - 08/03/2025

I - Primitives

- * Primitive d'une fonction continue.
- * Ensemble des primitives.
- * Primitives des fonctions usuelles, de fonctions composées.

II - Intégrale sur un segment

- $\ast\,$ Intégration de fonction continues à l'aide de primitives.
- * $x \mapsto \int_{a}^{x} f(t) dt$.
- * Propriétés : Relation de Chasles, Linéarité, Croissance, Inégalité triangulaire, Positivité pour les fonctions continues.
- * Intégration par parties.
- * Changement de variable.

III - Intégrales généralisées

- * Convergence et divergence.
- $\ast\,$ Intégrales de référence : logarithme, exponentielle, Riemann.
- * Propriétés : Linéarité, Relation de Chasles, Croissance, Inégalité triangulaire, Positivité.
- * Preuves de convergence : Intégrales faussement impropres, Comparaison pour les fonctions à valeurs positives, Domination locale.
- * Méthodes de calculs : Primitivation, Intégration par parties, Changement de variable sur un segment puis passage à la limite.

Programme à venir (10/03/2025 - 15/03/2025):

Variables aléatoires à densité.

Ozenne