STANISLAS Colles Colle n° 16

 $\mathbf{PSI}$ 

Séries entières

2021-2022

31/01/2022 - 05/02/2022

## I. Rayon de convergence

#### I.1 Définition

Définition, Lemme d'Abel, Rayon de convergence.

# I.2 Détermination pratique du rayon de convergence

Relations de comparaison,  $a_n = nb_n$ , Règle de d'Alembert.

# I.3 Propriétés algébriques

Rayons de convergence & addition, produit de Cauchy.

#### II. Séries entières de la variable réelle

## II.1 Régularité

Convergence normale, Coefficients & Dérivées, Unicité des coefficients.

# II.2 Développement en série entière au voisinage de 0

Fonction développable en série entière, Séries de Taylor.

## III. Détermination pratique

#### III.1 Formulaire

# III.2 Calculs pratiques

Dérivation / Intégration d'une série entière, Résolution d'équations différentielles.

# IV. Fonctions génératrices

Fonction génératrice, Exemples classiques.

Rayon de convergence.

Stanislas

Caractérisation des Lois.

Obtention de l'espérance et de la Variance.

Fonction génératrice et somme de v.a.

# Programme à venir (07/02/2022 - 12/02/2022):

Réduction des endomorphismes