# T.P. VII - Matrices

Code Capytale: aa20-2467643

## I - Ce qu'il faut savoir

### Solution de l'exercice 1.

#### Solution de l'exercice 2.

1.

```
import numpy as np

def g(x): # Définition de la fonction g
    return 2 * x - 1 + np.log(x/(x+1))

a = 0.5 # initialisation de la valeur de a
b = 1 # initialisation de la valeur de g

while b - a > 10**(-2) : # s'arréte dès que b - a <= 10^(-2)
    m = (a + b)/2 # calcule le milieu de [a, b]</pre>
```

2.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

to u = np.zeros((51, 1)) # Crée un vecteur contenant uniquement des (state of the state of
```

Le graphique représente la suite de points de coordonnées  $(n,S_n)_{0\leqslant n\leqslant 50}$ , où  $S_n=\sum\limits_{i=0}^n u_i$ .

On peut conjecturer que la suite  $(S_n)$  tend vers  $+\infty$  et donc que la série de terme général  $u_n$  diverge.

### II - Suites récurrentes

### Solution de l'exercice 3.

Chapitre VII - Matrices ECT 2

```
import numpy as np
n = 20
A = \text{np.array}([[-2, 1], [3, 0]]) \# A \text{ contient } A
C = \text{np.array}([0], [1]) \# C \text{ contient } (u \ 0, v \ 0)
for k in range (1, n+1): # k varie de 1 à 20
    C = np. dot(A, C) \# C contient C k
\mathbf{print}(C[0, 0], C[0, 1]) \# C \ contient \ C \ 20
```

# **Solution de l'exercice 4.** On note $U_n = \begin{pmatrix} u_n \\ v_n \end{pmatrix}$

```
import numpy as np
n = 12
A = \text{np.array}([[1, 1], [2, 0]]) \# A \text{ contient } A
C = \text{np.array}([[1.], [0.]]) \# C \text{ contient } (u \ 0, v \ 0) = (1, 0)
for k in range (1, n+1): # k varie de 1 à 12
    C = np. dot(A, C) \# C contient C n
print(C[0, 0], C[1, 0]) \# C contient C_{12} = (u_12, v_12)
```

### Solution de l'exercice 5.

```
import numpy as np
A = np.array([[4, -6, 2], [2, -4, 2], [-2, 2, 0]]) \# A contient A = np.array([[1, 0, 0], [0, 1, 2], [2, 0, 1]]) \# A contient A
U = [[0.], [1.], [2.]] \# U contient U 0 = (a 0, b 0, c 0)
for i in range(1, 11): # i varie de 1 à 10
    U = np.dot(A, U) \# U contient U i
print("a_10", U[0,0]) \# U \ contient \ U \ 10 = (a \ 10, b \ 10, c \ 10)
print ("b_10", U[1,0]) # U contient U 10 = (a \ 10, b \ 10, c \ 10)
print ("c_10", U[2,0]) # U contient U 10 = (a \ 10, b \ 10, c \ 10)
```

### Solution de l'exercice 6.

### 1.

```
n = 20
v = -1 \# Contient \ la \ valeur \ de \ u \ 0
u = 1 \# Contient \ la \ valeur \ de \ u \ 1
for i in range (2, n+1): # i varie de 2 à 20
     a = u \# a \ contient \ la \ valeur \ de \ u \ (i-1)
     u = 3 * u + 2 * v - 4 \# u \ contient \ la \ valeur \ de \ u \ i
     \mathbf{v} = \mathbf{a} \# v \ contient \ la \ valeur \ de \ u \ (i-1)
print(u) # u contient la valeur de u 20
```

### 2.

```
n = 20
X = \text{np.array}([[1.], [-1.]]) \# contient X 0
A = \text{np.array}([[3., 2.], [1., 0.]]) \# \text{cr\'ee la matrice } A
B = \text{np.array}([[4.], [0.]]) \# \text{cr\'ee la matrice } B
for i in range (1, n+1): # i varie de 1 à 20
     X = np.dot(A, X) + B \# contient la valeur de X i
\mathbf{print}(X[1, 0]) \# affiche \ la \ seconde \ composante \ de \ X \ 20, \ soit \ a \ 20
```

### Solution de l'exercice 7.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
u = np.zeros((11, 1)) \# u \ a \ 10 \ lignes \ et \ 1 \ colonnes, \ que \ des \ zéros
v = np.zeros((11, 1)) # v a 10 lignes et 1 colonnes, que des zéros
w = np.zeros((11, 1)) \# w \ a \ 10 \ lignes \ et \ 1 \ colonnes, \ que \ des \ zéros
\mathbf{u}[0] = 1 \# la \ première \ composante \ de \ u \ contient \ u \ 0
v[0] = 0 \# la première composante de u contient <math>v[0]
[w[0] = 2 \# la \ première \ composante \ de \ u \ contient \ w \ 0]
X = \text{np.array}([1, 0, 2])
for i in range (1, 11):
```

Chapitre VII - Matrices ECT 2

```
X = np.dot(A, X)
u[i] = 1
v[i] = X[1]
w[i] = X[2]

X = np.arange(0, 11)

plt.figure()
plt.plot(X, u, 'r.') # Trace la suite u avec des points rouges
plt.plot(X, v, 'go') # Trace la suite v avec des points verts
plt.plot(X, w, 'b+') # Trace la suite w avec des + bleus
plt.show()
```

Lycée Ozenne 18 A. Camanes