OZENNE Colles

# Colle n° 20

2 D 2

Fonctions de plusieurs variables

2022 -- 2023

03/04/2023 - 08/04/2023



\* Continuité : la notion a été présentée mais aucune technicité n'est demandée. L'objectif est la recherche d'extremums.

### I. Applications partielles

- \* Application partielle
- \* Dérivées partielles, Fonctions de classe  $\mathscr{C}^1$  (H.P.), Développement limité d'ordre 1.

### II. Calcul différentiel d'ordre 2

- \* Dérivées partielles d'ordre 2, Théorème de Schwarz (H.P.).
- \* Matrice hessienne.
- $\ast\,$  Développement limité d'ordre 2.
- \* Ensemble convexe, Convexité / Concavité, Conditions sur la hessienne.

#### III. Recherche d'extremums

- \* Point extremume, Point critique.
- \* Condition nécessaire d'existence.
- \* Conditions suffisantes locales sur la hessienne., Notations de Monge (cas n=2)
- \* Condition suffisante de convexité.
- \* Optimisation sous contraintes : Matrice jacobienne des contraintes, Lagrangien.
- \* Condition de qualification, Conditions du premier ordre.
- $\ast\,$  Condition suffisante d'extrémalité (« hessienne » du lagrangien).

# Programme à venir (10/04/2023 - 15/04/2023):

Fonctions de plusieurs variables.