Variables aléatoires discrètes finies

18/12/2023 - 23/12/2023

Révisions de Probabilités.

- \* Expérience aléatoire, Univers.
- \* Probabilité, Équiprobabilité.
- \* Probabilité conditionnelle.
- \* Formules : des probabilités composées, des probabilités totales, de Bayes.
- \* Indépendance, Indépendance mutuelle.

Dans tout le cours,  $\Omega$  désigne un univers et **P** est une probabilité sur  $\mathscr{P}(\Omega)$ .

## I - Variables aléatoires réelles finies

- \* Définition, Système complet associé.
- \* Loi de probabilité, représentation dans un tableau, lois usuelles (certaine, Bernoulli, binomiale, uniforme sur [1, n]).
- \* Fonction de répartition.

## II - Espérance & Variance

- \* Définition de l'espérance, Lois usuelles, Linéarité, Théorème de transfert.
- \* Définition de la variance, de l'écart-type, Lois usuelles,  $\mathbf{V}(aX+b)$ , Formule de Kœnig-Huygens.
- \* Variable centrée, réduite.

## III - Couple de variables aléatoires

- \* Loi du couple, représentation dans un tableau, Marginales, Loi conditionnelle.
- \* Indépendance.

- $\ast\,$  Espérance et loi d'un couple, Espérance et Indépendance.
- \* Covariance, Propriétés.
- \* Variance d'une somme, Convariance et Indépendance, Coefficient de corrélation linéaire.

## Programme à venir (25/12/2023 - 30/12/2023):

Calculs de sommes & Séries numériques.