STANISLAS Colles

# Colle n° 4

PSI

Algèbre linéaire

2021 - 2022

04/10/2021 - 09/10/2021

### I. Espaces vectoriels

#### I.1 Familles de vecteurs

Combinaisons linéaires, familles libres, génératrices, bases (Généralisation des notions vues en Sup' à des familles indexées par un ensemble infini).

# I.2 Produit d'espaces vectoriels

## I.3 Somme de sous-espaces vectoriels

Somme, Somme directe, Base adaptée, Dimension.

# II. Applications linéaires & Matrices

#### II.1 Applications linéaires

Définition d'une application & Somme directe.

Théorème du rang.

Stabilité, Endomorphisme induit.

### II.2 Opérations sur les matrices définies par blocs

#### II.3 Classes de similitude

Trace d'un matrice carrée.

Matrices semblables, Interprétation géométrique.

### II.4 Polynômes d'endomorphismes

Polynômes & Matrices, Polynôme annulateur (Calcul d'inverse, de puissances).

# III. Formes linéaires & Hyperplans

Forme linéaire.

Stanislas

Applications linéaires coordonnées.

Hyperplan, Noyaux de formes linéaires, Équations.

#### Programme à venir (11/10/2021 - 16/10/2021):

Algèbre linéaire & Déterminants.