OZENNE Colles Colle n° 10

2 D 2

Applications linéaires

2022 -- 2023

09/01/2023 - 14/01/2023

## I. Applications linéaires

- \* Application linéaire, morphismes, isomorphismes, endomorphismes, automorphismes.
- \* Opérations sur les applications linéaires.
- $\ast\,$  Noyau, Image, Calculs de noyau et d'image.
- \* Caractérisation des applications linéaires injectives.
- \* Théorème du rang (admis), Caractérisation des isomorphismes.

## II. Matrices

- $\ast\,$  Matrices, Matrices lignes / colonnes, Opérations sur les matrices, Transposée.
- \* Matrices carrées, Triangulaires, Diagonales, Identité, Symétriques.
- \* Opérations sur les matrices carrées.
- \* Puissance d'une matrice, Puissance d'une matrice diagonale, Formule du binôme de Newton.
- \* Matrice inversible, Critères d'inversibilité (ordre 2, triangulaires), Inversion par résolution de systèmes ou méthode de Gauss-Jordan.

## III. Matrice d'une application linéaire

- \* Matrice d'une famille de vecteurs dans une base.
- \* Matrice d'une application linéaire dans deux bases.
- \* Opérations usuelles : Évaluation, Addition et multiplication par un réel, Composition, Inverse.
- \* Morphisme canoniquement associé.
- \* Caractérisation des matrices inversibles.
- \* Caractérisation des bases.
- \* Formules de changement de base.

\* Rang des matrices.

Programme à venir (16/01/2023 - 21/01/2023): Probabilités.