OZENNE Colles Colle n° 7

2 D 2

Intégration

2022 -- 2023

14/11/2022 - 19/11/2022

- - -

I. Primitives

- * Primitive d'une fonction continue.
- * Ensemble des primitives.
- * Primitives des fonctions usuelles, de fonctions composées.

II. Intégrale sur un segment

- * Intégration de fonction continues à l'aide de primitives.
- $* x \mapsto \int_{a}^{x} f(t) dt.$
- * Propriétés : Relation de Chasles, Linéarité, Croissance, Inégalité triangulaire, Positivité pour les fonctions continues.
- * Intégration par parties.
- * Changement de variable.

III. Intégrales généralisées

- * Convergence et divergence.
- * Intégrales de référence : logarithme, exponentielle, Riemann.
- * Propriétés : Linéarité, Relation de Chasles, Croissance, Inégalité triangulaire, Positivité.
- $\ast\,$ Preuves de convergence : Intégrales faussement impropres, Comparaison pour les fonctions à valeurs positives, Domination locale.
- * Méthodes de calculs : Primitivation, Intégration par parties, Changement de variable sur un segment puis passage à la limite.

Programme à venir (21/11/2022 - 26/11/2022): Algèbre linéaire.