

PRACTICA CALIFICADA 3
Econometría I
Profesor: Gabriel Rodríguez
Jefe de Prácticas: Augusto Delgado

1. Pregunta 1 (30 puntos)

Plantee la función de verosimilitud y encuentre las condiciones necesarias para la obtención del estimador de máxima verosimilitud de β , θ y σ^2 en el modelo:

$$Y_t = X_t \beta + u_t$$

$$E(u_t) = 0$$

$$Var(u_t) = \sigma_u^2 f(z_t, \theta)$$

donde se asume que los vectores β y θ no poseen elementos en común.

2. Pregunta 2 (30 puntos)

Dado el modelo:

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t$$

$$u_t = \rho u_{t-1} + \varepsilon_t$$

donde ε_t es i.i.d., $N(0, \sigma_\varepsilon^2)$ y disponiendo de las observaciones numéricas:

t	1	2	3	4	5	6	7	8
y_t	22	26	32	34	40	46	46	50
x_t	4	6	10	12	14	16	20	22

~~10.5~~ 37
10.5

- Detalle el procedimiento del test de Durbin y Watson así como el método de estimación de Cochrane-Orcutt.
- Realice el test de Durbin y Watson para el modelo planteado.
- Reestime el modelo de tal manera que se obtengan parámetros eficientes mediante el procedimiento Cochrane-Orcutt.

3. Pregunta 3 (30 puntos)

Dado el modelo:

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t$$

donde u_t tiene el problema de heteroscedasticidad mas no de autocorrelación y disponiendo de las observaciones numéricas:

t	1	2	3	4	5
y_t	-5	4	1	-2	2
x_t	2	0	-1	1	-2

$$\bar{y} = 0$$

$$\bar{x} = 0$$

$$\sigma^2 =$$

1

4 1 1 4

1. Detalle el problema de heteroscedasticidad y el test de White.
2. Obtenga el estimador de MCO
3. Realice el test de White y contraste la posibilidad de heteroscedasticidad.

4. Pregunta 4 (30 puntos)

Dado el modelo:

$$y_t = x_t \beta + \epsilon_t$$

donde los regresores se comportan bien, los términos $\frac{x'x}{T}$ converge a Q . El término $\frac{\sigma^2}{T}$ converge a 0. Y el término $\frac{x'\epsilon}{T}$ no necesariamente converge. Si se cumple las condiciones de Grenader, entonces $\frac{x'\Omega x}{T}$ converge. Halle la distribución asintótica del estimador bajo heteroscedasticidad.

$$\hat{\beta} = (x'x)^{-1} (x'y)$$

$$\hat{\beta}$$

$$R^2 = \frac{ESS}{TSS}$$

$$S = (X'X - \bar{X})^{-1}$$

$$\begin{aligned} \hat{\beta} &= b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 \\ \hat{\sigma}^2 &= \frac{1}{n-3} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 \end{aligned}$$