

$$\hat{e}_t = y_t - \hat{\beta}_0$$

$$VAR = 1$$

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1} X'y$$



PONTIFICIA  
UNIVERSIDAD  
CATÓLICA  
DEL PERÚ

FACULTAD DE CIENCIAS SOCIALES

## Examen Parcial

Especialidad de Economía  
Econometría 1  
2010-II  
Profesor: Gabriel Rodríguez

$$\frac{T \sum x_t y_t - \sum x_t \sum y_t}{T \sum x_t^2 - (\sum x_t)^2}$$

Indicaciones: Todas las secciones son obligatorias. El número de puntos que aparece entre paréntesis corresponde al número de minutos que Ud. debería asignar a la sección respectiva. En consecuencia, la duración del examen es de 2 horas (120 puntos). Ningún material de consulta del curso es permitido.

### 1 Sección 1 (40 puntos)

Defina (brevemente) los siguientes conceptos:

1. Test uniformemente más potente (UMP) y Local más potente (LMP).
2. Tamaño (size) nominal y exacto de un test.
3. Método de Momentos.
4. Método de Mínimos Cuadrados Ordinarios con Restricciones.
5. Matriz de proyección ortogonal.
6. Criterios de Información de Akaike (AIC) y Schwartz (SIC).
7. Test de Chow.
8. Test CUSUM cuadrado.

### 2 Sección 2 (80 puntos)

1. (15 puntos) Considere el siguiente estimador lineal:  $\tilde{\beta}_2 = \frac{y_T - y_1}{x_T - x_1}$ . Muestre que el estimador  $\tilde{\beta}_2$  es insesgado. Compare la varianza de  $\tilde{\beta}_2$  con la varianza del estimador  $\hat{\beta}_2$  (de MCO) y muestre cuál tiene varianza menor.

$$x_t - \bar{x} = x$$

$$y_t - \bar{y} = y$$

$$\sum x = 0$$

$$\sum y = 0$$

$$\sum x(x_t - \bar{x}) = \sum x x_t - \bar{x} \sum x$$

$$\frac{\sum (x_t - \bar{x})(y_t - \bar{y})}{\sum (x_t - \bar{x})^2} = \frac{\sum x y_t - x \bar{y}}{\sum x x_t} = \frac{\sum x y_t}{\sum x x_t}$$

$$\hat{\beta}_2 = \frac{Cov(x, y)}{VAR(x)}$$

$$y_t^2 - 2x_t x_1 + x_1^2$$

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + \epsilon_t$$

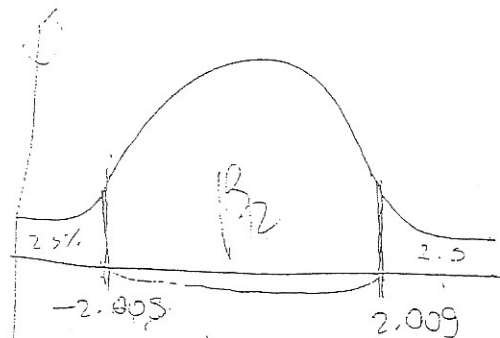
$$\beta_1 + \beta_2 x_t + \epsilon_t = y_t$$

$$\sum x_t y_t = T^{-1} \sum x_t \sum y_t$$

$$\sum x_t^2 - T \bar{x}^2$$

2. (10 puntos) Considere el modelo bivariado de regresión lineal dado por  $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + \epsilon_t$ . Asuma que este modelo es estimado por MCO. Muestre las siguientes tres propiedades de MCO: (a)  $\bar{\epsilon} = 0$ , (b)  $Cov(\hat{y}, \hat{\epsilon}) = 0$ , (c)  $\bar{\hat{y}} = \bar{y}$ .
3. (10 puntos) Defina  $r_{g,h}$  como el coeficiente de correlación entre  $g$  y  $h$ . Muestre que  $r_{y,\hat{y}}$  es igual a  $(R^2)^{1/2}$ , donde  $R^2$  es el coeficiente de determinación.
4. (20 puntos) Pruebe el Teorema de Gauss-Markov en el modelo de regresión lineal bivariado dado por  $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + \epsilon_t$ . Explique todas sus etapas.
5. (10 puntos) Un econometrista ha estimado por MCO el modelo lineal bivariado con  $T = 52$  observaciones. Sus resultados son  $\hat{\beta}_2 = 0.1238$  y  $Var(\hat{\beta}_2) = 0.0009326$ . Se pide realizar una prueba de hipótesis de  $\beta_2 = 0$  versus la hipótesis alternativa de  $\beta_2 \neq 0$  utilizando un nivel de confianza del 5%. Asimismo, se pide construir un intervalo de confianza al 95% para  $\beta_2$ . Haga uso de la información en la tabla de valores críticos adjunta a este examen.
6. (15 puntos) Un econometrista tiene dos modelos y está interesado en saber cuál de los modelos escoger. El modelo  $M_1: Y = X\beta + \epsilon_1$  y el modelo  $M_2: Y = Z\gamma + \epsilon_2$ . Explique el procedimiento "J-Test" de Davidson y MacKinnon para decidir entre cuál de los modelos elegir.

Lima, Octubre 9, 2010



$$\frac{0.1238 - 0}{\sqrt{0.0009326}} < 2.009$$

$$H_0 = 0$$

$$-2.005 < \beta_2 < 2.009$$

$$\frac{\hat{\beta}_2 - \beta_2(H_0)}{\sqrt{Var(\hat{\beta}_2)}} <$$

Regresiones  $\gamma$  con respecto a  $\beta$

$$\hat{y} = X\hat{\beta} \quad \hat{y} = y - \hat{\epsilon}$$

$$y = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x + \epsilon$$

*[Handwritten scribbles]*