
EL SISTEMA EXPLICITO DE UN PPL

Sea el siguiente Problema de Programación Lineal en forma normal de máximo:

$$\text{Max } Z = CX$$

Sujeto a:

$$AX = b$$

$$X \geq \bar{0}$$

Separando variables en variables básicas y no básicas se obtiene

$$\text{Max } Z = C^B X^B + C^R X^R \quad (1)$$

Sujeto a:

$$BX^B + RX^R = b \quad (2)$$

$$X^B \geq \bar{0} \quad X^R \geq 0 \quad (3)$$

Pre-multiplicando (2) por B^{-1} obtenemos:

$$\begin{aligned} B^{-1}BX^B + B^{-1}RX^R &= B^{-1}b \\ X^B + YX^R &= \bar{\bar{X}}^B \end{aligned} \quad (4)$$

Donde:

$$Y = B^{-1}R$$

$$\bar{\bar{X}}^B = B^{-1}b$$

Pre-multiplicando (4) por C^B

$$\begin{aligned} C^B X^B + C^B Y X^R &= C^B \bar{\bar{X}}^B \\ C^B X^B + Z^R X^R &= \bar{\bar{Z}} \end{aligned}$$

Donde:

$$Z^R = C^B Y$$

Ordenando

$$\bar{\bar{Z}} = C^B X^B + Z^R X^R \quad (5)$$

Restando (1) menos (5) miembro a miembro se obtiene:

$$Z - \bar{\bar{Z}} = [C^R - Z^R]X^R$$

El cual puede ser escrito también como:

$$Z - \bar{\bar{Z}} = \bar{0}X^B + [C^R - Z^R]X^R \quad (6)$$

En resumen, si se desea expresar un problema de programación lineal en forma normal de máximo a su sistema explícito se tiene que seguir los siguientes pasos:

- a) Hallar una solución básica

$$\bar{\bar{X}}^B = B^{-1}b$$

- b) Calcular el valor de la función objetivo asociada a la solución básica anterior

$$\bar{\bar{Z}} = C^B \bar{\bar{X}}^B$$

- c) Calcular

$$Z^R = C^B Y$$

$$C^R - Z^R$$

- d) Reemplazar en (4) y (6).