



Filière : SMA/S3  
Filière : SMI/S3

14/01/2020

N° table	N° Apogée :	Nom :..... Prénoms :..... Né le :...../...../..... .. à .....	Note
.....	.....		

**Contrôle de rattrapage - Electricité 2**  
**Durée : 2 h**

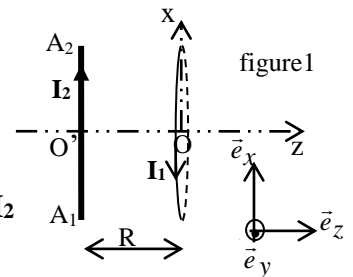
**Exercice 1**

On considère une distribution de courants (figure 1) constituée :

- d'une spire circulaire ( $C_1$ ) de centre  $O$ , de rayon  $R$  et d'axe  $Oz$ , parcourue par un courant continu d'intensité  $I_1$

- d'un segment  $[A_1, A_2]$ , de longueur  $2R$ , parcouru par un courant continu d'intensité  $I_2$

On note  $OO' = A_1O' = O'A_2 = R$  où  $O'$  est le milieu du segment  $[A_1, A_2]$ .



1) a) Déterminer, par des arguments de symétrie, la direction du champ d'induction magnétique  $\vec{B}_1(O)$  créé au point  $O$  par la spire parcourue par  $I_1$  (figure 1-a)

.....

.....

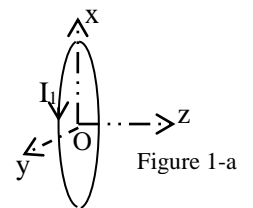
1)b) Montrer que le module de  $\vec{B}_1(O)$  peut être écrit sous la forme :  $\|\vec{B}_1(O)\| = \frac{\mu_0 I_1}{2R}$

.....

.....

.....

.....



2)a) Déterminer, par des arguments de symétrie, la direction du champ d'induction magnétique  $\vec{B}_2(O)$  créé au point  $O$  par le segment  $[A_1, A_2]$  parcouru par  $I_2$  (figure 1-b)

.....

.....

.....

2)b) Montrer que le module du champ  $\vec{B}_2(O)$  peut être écrit sous la forme:  $\|\vec{B}_2(O)\| = \frac{\mu_0 I_2 \sqrt{2}}{4\pi R}$

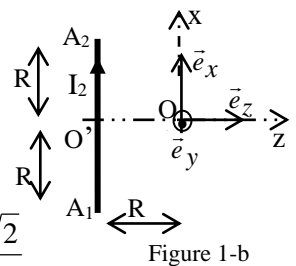
.....

.....

.....

.....

.....

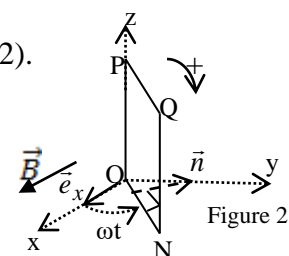


3) Donner l'expression du champ total  $\vec{B}(O) = \vec{B}_1(O) + \vec{B}_2(O)$  créé au point O.

## Exercice 2

Un carré OPQN, constitué d'un fil conducteur indéformable de côté  $a$  et de résistance  $R$ , tourne avec une vitesse angulaire constante positive  $\omega$  autour de son côté OP (voir figure 2). Le carré est plongé dans un champ d'induction magnétique uniforme et constant  $\vec{B} = B_0 \vec{e}_x$ , avec  $B_0$  positif.

A l'instant  $(t)$ , le champ  $\vec{B}$  fait un angle  $\theta = (\omega t + \frac{\pi}{2})$  avec le vecteur unitaire  $\vec{n}$  normal à la surface limitée par le carré orienté (figure 2)



1) Montrer que le flux  $\Phi$  du champ d'induction magnétique  $\vec{B}$  à travers le carré à l'instant  $(t)$  peut être écrit sous la forme :  $\Phi = -B_0 a^2 \sin(\omega t)$

2) Calculer le courant induit dans le carré  $i_{in}(t)$  et indiquer sur un schéma le sens du courant induit  $i_{in}(t)$  pour  $0 < (\omega t) < \frac{\pi}{2}$ .

3) Déterminer la force de Laplace agissant sur le côté QN du cadre pour  $0 < (\omega t) < \frac{\pi}{2}$ .

4) Déterminer le moment magnétique  $\vec{m}$  du cadre

### Exercice 3

On considère une onde électromagnétique plane monochromatique progressive, se propageant dans le vide ( $\rho=0$  et  $\vec{j}=\vec{0}$ ) à la vitesse  $c$  de la lumière. Le champ électrique associé à cette onde peut être écrit, en notation complexe, sous la forme :  $\vec{E}(M,t) = E_0 \exp i(\omega t - (a y + b z)) \vec{e}_x$  où  $i$  est le complexe  $i^2 = -1$ .  $E_0$ ,  $a$  et  $b$  sont des constantes positives et  $\omega$  est la pulsation de l'onde. L'espace où se propage l'onde est rapporté à un repère orthonormé direct  $(O, x, y, z)$  de vecteurs de base  $\vec{e}_x, \vec{e}_y$  et  $\vec{e}_z$ . Un point  $M$  est repéré par ses coordonnées  $x, y$  et  $z$ .

1) Déterminer l'expression du vecteur d'onde  $\vec{k}$

.....

.....

.....

2) Dédire l'expression du vecteur unitaire de la direction de propagation de l'onde (que l'on notera  $\vec{e}_u$ )

.....

.....

3) Exprimer la longueur d'onde  $\lambda$  en fonction de  $a$  et  $b$

.....

.....

4) Déterminer, en notation complexe, le champ d'induction magnétique  $\vec{B}(M,t)$  associé à l'onde.

.....

.....

.....

.....

5) Déterminer l'expression du vecteur de Poynting complexe  $\vec{P}(M,t)$ .

.....

.....

.....

6) Dédire le module de  $\vec{P}(M,t)$

.....

.....

#### Exercice 4

On considère le circuit électrique de la figure 3.

On donne :  $e(t) = [12\sqrt{2} \cos(\omega t)]$  volts ;  $L_1\omega = 8\Omega$  ;  $L_2\omega = 5\Omega$  ;  $R = 2\Omega$  ;  $\frac{1}{C\omega} = 16\Omega$

1) On veut calculer l'amplitude complexe  $\bar{I}$  du courant  $i(t)$  par application du théorème de Thévenin.

1) a) Déterminer l'amplitude complexe  $\bar{E}_{th}$  du générateur de Thévenin

.....

.....

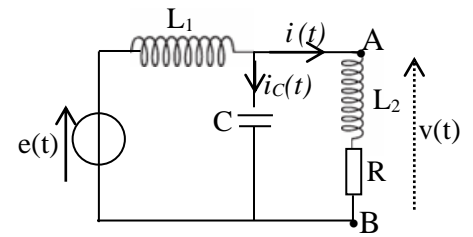
.....

.....

.....

.....

.....



1) b) Déterminer l'impédance complexe  $\bar{Z}_{th}$  du générateur de Thévenin.

.....

.....

.....

.....

.....

1) c) Calculer l'amplitude complexe  $\bar{I}$ . Déduire le module et l'argument de  $\bar{I}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2) En déduire l'expression du courant  $i(t)$ .

.....

.....

.....

.....

3) Calculer la tension  $v(t)$

.....

.....

.....

4) Calculer le courant  $i_C(t)$

.....

.....

.....

Boustani