

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

1. Astrazione procedurale

Definisci una procedura *altern* in Scheme che, date tre funzioni $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$, $g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ e $h: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ come parametri, assuma come valore la funzione $q: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ tale che $q(3n) = f(n)$, $q(3n+1) = g(n)$ e $q(3n+2) = h(n)$.

2. Astrazione sui dati

Considera alberi binari di ricerca (BST) i cui nodi hanno valori interi e per i quali sono definite le seguenti operazioni: (*empty-tree*) per creare l'albero vuoto; (*empty? T*) per verificare se l'albero T è vuoto; (*root-node T*) per determinare il valore del nodo radice di un albero non vuoto T ; (*left T*), (*right T*) per determinare i sottoalberi sinistro e destro di un albero non vuoto T ; (*grow-tree n L R*) che assume come valore l'albero con radice di valore n e con sottoalberi sinistro L e destro R . Utilizzando opportunamente il protocollo introdotto sopra, definisci in Scheme una procedura a valori booleani *nodes-in-interval* che, dato un albero binario di ricerca T e una coppia di interi x, y , restituisca la lista ordinata dei nodi di T il cui valore cade nell'intervallo $[x, y]$.

3. Astrazione sui dati

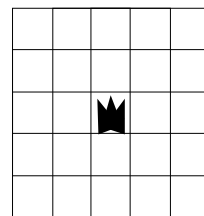
Questo esercizio fa riferimento alla soluzione del problema delle n regine, di cui si riporta qui di seguito il programma discusso durante il corso per calcolare il numero di soluzioni:

```
(define queens-arrangements
  (lambda (n)
    (queens-completions (empty-board n))
  ))

(define queens-completions
  (lambda (board)
    (if (= (assigned-rows board) (board-size board)) ; scacchiera completa?
        1 ; si: e' stata trovata una soluzione
        (next-row-trials 1 board) ; no: considera la riga successiva
    ))
)

(define next-row-trials
  (lambda (c board)
    (let ((depth-completions ; a partire da colonna c
          (if (safe-next? board c) ; prima: tentativo in posizione c
              (queens-completions (add-next-queen board c))
              0)
          ))
      (if (< c (board-size board)) ; quindi: colonne successive
          (+ depth-completions (next-row-trials (+ c 1) board))
          depth-completions
      ))
  ))
)
```

A partire da una data disposizione di k regine nella scacchiera $n \times n$, si vuole conoscere in quali modi sia possibile aggiungere le rimanenti $n-k$ regine, senza spostare le prime k , in modo da pervenire a una soluzione del problema. La disposizione iniziale è descritta da una lista di lunghezza n , con l' i -mo elemento uguale a 0 se non c'è una regina nella i -ma riga, oppure a j se c'è una regina nella j -ma colonna della i -ma riga (quindi per una disposizione iniziale di k regine la lista contiene $n-k$ elementi uguali a zero, non necessariamente contigui). Per esempio, la lista $(0\ 0\ 3\ 0\ 0)$ descrive la disposizione illustrata dalla figura qui a fianco, a partire dalla quale si possono ricavare due soluzioni diverse.



Dopo aver introdotto un ulteriore parametro *constraints* di *queens-arrangements* per la lista che rappresenta la disposizione iniziale, nei termini specificati sopra, apporta le modifiche che si rendono necessarie, salvaguardando il più possibile la struttura del programma, affinché (*queens-arrangements n constraints*) assuma come valore la lista di completamenti della scacchiera che risolvono il problema delle n regine a partire dalla disposizione iniziale data (la lista sarà vuota se non ci sono soluzioni). A tal fine numera le righe che intendi modificare nel codice formalizzato sopra e riporta i numeri e le corrispondenti modifiche sul foglio con la soluzione che proponi.

4. Asserzioni e invarianti

Il metodo statico *inside*, definito in Java qui sotto, applica la ricerca binaria per verificare se qualche componente del vettore *v* cade nell'intervallo $[x, y]$, dove *v* si presume ordinato in ordine crescente.

```
public static boolean inside( int x, int y, int[] v ) {  
    /** require ... .. */  
  
    int l = 0;  
    int r = v.length - 1;  
  
    while ( l <= r ) /** invariant ... .. */  
                /** variant ... .. */ {  
  
        int m = (l + r) / 2;  
  
        if ( v[m] < x ) {  
            l = m + 1;  
        } else if ( y < v[m] ) {  
            r = m - 1;  
        } else {  
            return true;  
        }  
    }  
    /** check ... .. */  
    return false; /** ensure ... .. */  
}
```

Riporta le asserzioni appropriate al posto dei puntini per esprimere precondizioni, postcondizioni, proprietà invarianti e funzione di terminazione del comando iterativo ed altri eventuali controlli. (Puoi esprimere le asserzioni in Jass o nel linguaggio matematico, come preferisci.)

5. Classi in Java

Definisci una classe *AgendaMensile* in Java per rappresentare informazioni sintetiche sugli impegni nel corso del mese. L'estensione dell'agenda è di un solo mese. Ciascuna informazione, espressa da una semplice stringa, è associata a un intervallo orario (ore intere) di un particolare giorno. Il protocollo di *AgendaMensile* deve essere caratterizzato come segue:

```
public class AgendaMensile {  
  
    public static final int BUSY = -1;  
  
    ... ..  
  
    // Costruttore: agenda priva di annotazioni  
    public AgendaMensile() { ... }  
  
    // Metodo per annotare un impegno (giorno, ora di inizio, ora di fine, nota)  
    // giorno: [1,31]; ini: [0,23]; fin: [1,24]  
    // nota di tipo String (stringa)  
    public void annota( int giorno, int ini, int fin, String nota ) { ... }  
  
    // Metodo per verificare gli impegni  
    // restituisce la nota corrispondente nel caso di impegno preso fra ora e ora+1  
    // restituisce una stringa "libero" altrimenti  
    public String verifica( int giorno, int ora ) { ... }  
  
    // Metodo pr conoscere la prima ora libera da impegni  
    // nel corso della giornata selezionata e a partire dall'ora indicata  
    // restituisce BUSY se non ci sono intervalli liberi a partire da ora  
    public int libero( int giorno, int ora ) { ... }  
}
```