

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

1. Verifica formale della correttezza

Dati due interi positivi m, n , il seguente metodo statico restituisce una coppia (array) di interi i, j tali che il valore dell'espressione $im + jn$ sia il massimo comun divisore di m, n . Nel programma sono riportate precondizione, postcondizione, invariante e funzione di terminazione. Introduci opportune espressioni negli spazi denotati a tratto punteggiato in modo tale che i valori assunti dalle variabili soddisfino le relazioni specificate dalle asserzioni.

```
public static int[] extGcd( int m, int n ) { // Pre:     $m, n > 0$ 

    int x = m, u = 1, v = ..... 0 ..... ;

    int y = n, i = 0, j = ..... 1 ..... ;

    int q = x / y, r = .....  $x \% y$  ..... ;

    while ( .....  $r > 0$  ..... ) { // Inv:     $x, y > 0, x = qy + r, 0 \leq r < y,$ 
                                   //           $MCD(x,y) = MCD(m,n), x = um+vn, y = im+jn$ 
                                   // Term:  $y$ 

        x = y; y = r;
        int s = u - q * i;
        u = i; i = s;

        int t = v - .....  $q * j$  ..... ;

        v = .....  $j$  ..... ; j = t;

        q = x / y; r = .....  $x \% y$  ..... ;
    }
    return new int[] { i, j }; // Post:  $MCD(m,n) = im + jn$ 
}
```

2. Classi in Java

La classe `HiddenWord` realizza un modello del gioco della “parola nascosta” in cui il conduttore del gioco sceglie una parola (nel caso di un programma la scelta può essere effettuata casualmente a partire da un vocabolario), dicendo di quante lettere si compone, mentre gli altri partecipanti cercano di indovinarla proponendo a turno delle ipotesi. Ad ogni proposta il conduttore risponde mostrando una stringa delle corrispondenze, dove le lettere che occupano esattamente la stessa posizione nella parola nascosta e nell’ultima ipotesi formulata sono “scoperte”, mentre tutte le altre sono sostituite da asterischi (incluse eventualmente quelle per cui non si può stabilire una corrispondenza perché la parola ipotizzata è più corta della parola nascosta). Naturalmente vince chi alla fine riesce a riconoscere la parola nascosta. In sintesi, per la classe `HiddenWord` è definito il seguente protocollo:

<code>HiddenWord(String hw)</code>	costruttore, a cui la parola nascosta è passata come argomento
<code>int length()</code>	metodo che restituisce lunghezza della parola nascosta
<code>String guess(String gw)</code>	metodo che, data un’ipotesi, restituisce la stringa delle corrispondenze

Per esempio, dopo aver creato l’istanza `hw = new HiddenWord("pluto")`, valutando nell’ordine le espressioni `hw.length()`, `hw.guess("pipipo")`, `hw.guess("paperino")`, `hw.guess("terra")`, `hw.guess("blu")`, `hw.guess("prato")` si ottiene rispettivamente 5, "p***o", "p*****", "*****", "*lu***" e "p**to".

Realizza in Java la classe `HiddenWord` rispettando le specifiche illustrate sopra.

```
public class HiddenWord {

    private final String hword;
    private final int n;

    public HiddenWord( String hword ) {

        this.hword = hword;
        n = hword.length();
    }

    public int length() {

        return n;
    }

    public String guess( String gword ) {

        int k = Math.min( gword.length(), n );
        String match = "";

        for ( int i=0; i<k; i=i+1 ) {
            if ( gword.charAt(i) == hword.charAt(i) ) {
                match = match + hword.charAt(i);
            } else {
                match = match + "*";
            }
        }
        for ( int i=k; i<n; i=i+1 ) {
            match = match + "*";
        }
        return match;
    }

} // class HiddenWord
```

3. Programmazione dinamica

```
public static long q( int i, int j, boolean b ) { // i, j >= 0
    if ( b ) {
        if ( i*j == 0 ) {
            return i + j + 1;
        } else {
            return q( i-1, j, b ) + q( i, j-1, b ) + q( i, j, !b );
        }
    } else {
        if ( i*j == 0 ) {
            return 1;
        } else {
            return q( i-1, j, b ) + q( i, j-1, b );
        }
    }
}
```

Considera il metodo statico `q` definito sopra. Trasforma il programma ricorsivo in un programma iterativo applicando opportunamente la tecnica *bottom-up* di programmazione dinamica.

```
public static long qDP( int i, int j, boolean b ) { // i, j >= 0
    long[][][] h = new long[ i+1 ][ j+1 ][ 2 ];
    for ( int v=0; v<=j; v=v+1 ) {
        h[0][v][0] = 1;
        h[0][v][1] = v + 1;
    }
    for ( int u=1; u<=i; u=u+1 ) {
        h[u][0][0] = 1;
        h[u][0][1] = u + 1;
    }
    for ( int u=1; u<=i; u=u+1 ) {
        for ( int v=1; v<=j; v=v+1 ) {
            h[u][v][0] = h[u-1][v][0] + h[u][v-1][0];
            h[u][v][1] = h[u-1][v][1] + h[u][v-1][1] + h[u][v][0];
        }
    }
    if ( b ) {
        return h[i][j][1];
    } else {
        return h[i][j][0];
    }
}
```

4. Codifica di Huffman

Scrivi un programma che, analizzando un file di testo di nome (String) `src`, produce un file di testo di nome (String) `dst` contenente la tabella dei codici di Huffman associati a ciascuno dei caratteri contenuti nel primo file. La tabella deve essere costituita da una riga per ciascun carattere, riga che riporta il simbolo del carattere e il codice di Huffman corrispondente (stringa di 0/1) separati da uno spazio bianco; inoltre le righe devono essere ordinate per lunghezza del codice di Huffman crescente e a parità di lunghezza in base al codice ASCII del carattere.

Si intende che il tuo programma integri le unità `Node.java` e `Huffman.java` sviluppate a lezione, per cui puoi utilizzare direttamente gli strumenti che queste unità mettono a disposizione senza riportarne il codice qui. Inoltre, per ordinare opportunamente le coppie carattere / codice di Huffman, modellate dalla classe `Pair` definita sotto, utilizza una coda con priorità (`PriorityQueue`).

```
public class Pair implements Comparable<Pair> {
    private final char c;
    private final String code;

    public Pair( char c, String code ) {
        this.c = c;
        this.code = code;
    }

    public char c() {
        return c;
    }

    public String code() {
        return code;
    }

    public int codeLength() {
        return code.length();
    }

    public int compareTo( Pair p ) {
        if (codeLength() < p.codeLength()) {
            return -1;
        } else if (codeLength() > p.codeLength()) {
            return +1;
        } else if ( c() < p.c() ) {
            return -1;
        } else {
            return +1;
        }
    }
} // class Pair
```

```
int[] freq = Huffman.charHistogram( src );
Node root = Huffman.huffmanTree( freq );

String[] codes = Huffman.huffmanCodesTable( root );

PriorityQueue<Pair> queue = new PriorityQueue<Pair>();

for ( int c=0; c<InputTextFile.CHARS; c=c+1 ) {
    if ( freq[c] > 0 ) {
        Pair p = new Pair( (char) c, codes[c] );
        queue.add( p );
    }
}

OutputTextFile out = new OutputTextFile( dst );

while ( queue.size() > 0 ) {
    Pair p = queue.poll();
    out.writeTextLine( p.c() + ": " + p.code() );
}

out.close();
```