

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

1. Programmi in Java

Traduci la seguente procedura Scheme in un corrispondente metodo statico formalizzato nel linguaggio *Java*:

```
(define diff
  (lambda (u v) ; u, v stringhe
    (cond ((= (string-length u) 0) (string-length v))
          ((= (string-length v) 0) (string-length u))
          ((char=? (string-ref u 0) (string-ref v 0))
           (diff (substring u 1) (substring v 1)))
          (else
           (+ 1 (min (diff (substring u 1) v) (diff u (substring v 1))))))
  )))
```

Nota: il protocollo pubblico della classe *String* in *Java* comprende i metodi *length()*, *charAt(int)*, *substring(int)*, *substring(int,int)*. Inoltre, la classe *Math* mette a disposizione il metodo statico *min(int,int)*.

1. Programmi in Java

```
public static int diff( String u, String v ) {
    if ( u.length() == 0 ) {
        return v.length();
    } else if ( v.length() == 0 ) {
        return u.length();
    } else if ( u.charAt(0) == v.charAt(0) ) {
        return diff( u.substring(1), v.substring(1) );
    } else {
        return 1 + Math.min( diff(u.substring(1),v), diff(u,v.substring(1)) );
    }
}
```

2. Memoization

Trasforma il programma in *Java* che risolve l'esercizio 1 applicando opportunamente la tecnica di *memoization*.

2. Memoization

```
public static int diff( String u, String v ) {
    int i = u.length();
    int j = v.length();

    int[][] history = new int[i+1][j+1];

    for ( int x=0; x<=i; x=x+1 ) {
        for ( int y=0; y<=j; y=y+1 ) {
            history[x][y] = UNDEFINED;
        }
    }
    return diffRec( u, v, history );
}

public static int diffRec( String u, String v, int[][] history ) {
    int i = u.length();
    int j = v.length();

    if ( history[i][j] == UNDEFINED ) {
        if ( u.length() == 0 ) {
            history[i][j] = v.length();
        } else if ( v.length() == 0 ) {
            history[i][j] = u.length();
        } else if ( u.charAt(0) == v.charAt(0) ) {
            history[i][j] = diffRec( u.substring(1), v.substring(1), history );
        } else {
            history[i][j] = 1 + Math.min( diffRec(u.substring(1),v,history),
                                          diffRec(u,v.substring(1),history) );
        }
    }
    return history[i][j];
}

public static final int UNDEFINED = -1;
```

3. Classi in Java

Qui di seguito è riportato il codice Java della classe Board per rappresentare le disposizioni delle regine in una scacchiera $N \times N$, nella forma discussa a lezione.

```
public class Board {

    private int[]      config;
    private boolean[]  columnUnderAttack;
    private boolean[]  diagDwUnderAttack;
    private boolean[]  diagUpUnderAttack;
    private int        rows;
    private int        n;

    public Board( int size ) {
        config = new int[size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            config[i] = 0;
        }
        columnUnderAttack = new boolean[size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            columnUnderAttack[i] = false;
        }
        diagDwUnderAttack = new boolean[2*size-1];
        for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
            diagDwUnderAttack[i] = false;
        }
        diagUpUnderAttack = new boolean[2*size-1];
        for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
            diagUpUnderAttack[i] = false;
        }
        rows = 0;  n = size;
    }

    public int boardSize() {
        return n;
    }

    public int queensOnBoard() {
        return rows;
    }

    public boolean underAttack( int col ) {
        int row = rows + 1;
        int size = n;
        return ( columnUnderAttack[col-1]
            || diagDwUnderAttack[row-col+size-1]
            || diagUpUnderAttack[row+col-2]
            );
    }

    public int[] arrangement() {
        return config;
    }

    public void addNextQueen( int col ) {
        int row = rows + 1;
        int size = n;
        config[row-1] = col;
        columnUnderAttack[col-1] = true;
        diagDwUnderAttack[row-col+size-1] = true;
        diagUpUnderAttack[row+col-2] = true;
        rows = row;
    }

    public void removeLastQueen() {
        int row = rows;
        int size = n;
        int col = config[row-1];
        config[row-1] = 0;
        columnUnderAttack[col-1] = false;
        diagDwUnderAttack[row-col+size-1] = false;
        diagUpUnderAttack[row+col-2] = false;
        rows = row - 1;
    }

} // class Board
```

Allo scopo di consentire una maggiore libertà nella disposizione delle regine sulla scacchiera e nell'ordine secondo cui vengono introdotte o rimosse, si apportano alcune modifiche al protocollo e alla rappresentazione interna.

Per quanto riguarda il protocollo, i metodi `underAttack(int)`, `addNextQueen(int)` e `removeLastQueen()` vengono sostituiti dai metodi `underAttack(int,int)`, `addQueen(int,int)`, `removeQueen(int,int)`, rispettivamente, dove la coppia di parametri interi rappresenta gli indici di riga e di colonna di una casella. Risulta così possibile disporre una regina in qualunque casella della scacchiera, purché non sia già occupata, anche se questa è "sotto scacco" da parte di un'altra regina. È inoltre possibile rimuovere qualunque regina che sia stata disposta sulla scacchiera.

Per quanto riguarda la rappresentazione interna, la disposizione delle regine viene rappresentata da una matrice $N \times N$ di booleani, dove un elemento di valore `true` nella matrice indica la presenza di una regina nella casella codificata dai corrispondenti indici. Inoltre, nella nuova realizzazione le variabili di istanza `rowUnderAttack`, `columnUnderAttack`, `diagDwUnderAttack` e `diagUpUnderAttack` registrano il numero di regine collocate su una stessa riga, su una stessa colonna o su una stessa diagonale, mentre `queens` tiene conto del numero complessivo di regine sulla scacchiera.

Completa la nuova realizzazione della classe `Board` impostata nel riquadro della pagina seguente. In particolare, definisci il corpo dei metodi `underAttack(int,int)`, `addQueen(int,int)` e `removeQueen(int,int)` tenendo conto delle indicazioni fornite sopra.

```

public class Board {

    private boolean[][] config;
    private int[] rowUnderAttack;
    private int[] columnUnderAttack;
    private int[] diagDwUnderAttack;
    private int[] diagUpUnderAttack;
    private int queens;
    private int n;

    public Board( int size ) {
        config = new boolean[size][size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            for ( int j=0; j<size; j=j+1 ) {
                config[i][j] = false;
            }
            rowUnderAttack = new int[size];
            for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
                rowUnderAttack[i] = 0;
            }
            columnUnderAttack = new int[size];
            for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
                columnUnderAttack[i] = 0;
            }
            diagDwUnderAttack = new int[2*size-1];
            for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
                diagDwUnderAttack[i] = 0;
            }
            diagUpUnderAttack = new int[2*size-1];
            for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
                diagUpUnderAttack[i] = 0;
            }
            queens = 0;
            n = size;
        }

        public int boardSize() {
            return n;
        }

        public int queensOnBoard() {
            return queens;
        }

        public boolean[][] arrangement() {
            return config;
        }

        public boolean underAttack(int row,int col) {
            return (
                (rowUnderAttack[row-1] > 0)
                || (columnUnderAttack[col-1] > 0)
                || (diagDwUnderAttack[row-col+n-1] > 0)
                || (diagUpUnderAttack[row+col-2] > 0)
            );
        }

        public void addQueen( int row, int col ) {
            if ( config[row-1][col-1] ) { return; }
            config[row-1][col-1] = true;
            rowUnderAttack[row-1]
                = rowUnderAttack[row-1] + 1;
            columnUnderAttack[col-1]
                = columnUnderAttack[col-1] + 1;
            diagDwUnderAttack[row-col+n-1]
                = diagDwUnderAttack[row-col+n-1] + 1;
            diagUpUnderAttack[row+col-2]
                = diagUpUnderAttack[row+col-2] + 1;
            queens = queens + 1;
        }

        public void removeQueen( int row, int col ) {
            if ( !config[row-1][col-1] ) { return; }
            config[row-1][col-1] = false;
            rowUnderAttack[row-1]
                = rowUnderAttack[row-1] - 1;
            columnUnderAttack[col-1]
                = columnUnderAttack[col-1] - 1;
            diagDwUnderAttack[row-col+n-1]
                = diagDwUnderAttack[row-col+n-1] - 1;
            diagUpUnderAttack[row+col-2]
                = diagUpUnderAttack[row+col-2] - 1;
            queens = queens - 1;
        }

    } // class Board

```

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

1. Programmi in Java

Traduci la seguente procedura Scheme in un corrispondente metodo statico formalizzato nel linguaggio *Java*:

```
(define diff
  (lambda (r s) ; r, s stringhe
    (cond ((or (= (string-length r) 0) (= (string-length s) 0))
          (string-length (string-append r s)))
          ((char=? (string-ref r 0) (string-ref s 0))
           (diff (substring r 1) (substring s 1)))
          (else
           (min (+ (diff (substring r 1) s) 1)
                (+ (diff r (substring s 1)) 1)))))))
```

Nota: il protocollo pubblico della classe `String` in Java comprende i metodi `length()`, `charAt(int)`, `substring(int)`, `substring(int,int)`. Inoltre, la classe `Math` mette a disposizione il metodo statico `min(int,int)`.

1. Programmi in Java

```
public static int diff( String r, String s ) {
    if ( (r.length() == 0) || (s.length() == 0) ) {
        return ( r + s ).length();
    } else if ( r.charAt(0) == s.charAt(0) ) {
        return diff( r.substring(1), s.substring(1) );
    } else {
        return Math.min( diff(r.substring(1),s) + 1, diff(r,s.substring(1)) + 1 );
    }
}
```

2. Memoization

Trasforma il programma in *Java* che risolve l'esercizio 1 applicando opportunamente la tecnica di *memoization*.

2. Memoization

```
public static int diff( String r, String s ) {

    int i = r.length();
    int j = s.length();

    int[][] history = new int[i+1][j+1];

    for ( int x=0; x<=i; x=x+1 ) {
        for ( int y=0; y<=j; y=y+1 ) {
            history[x][y] = UNDEFINED;
        }
    }
    return diffRec( r, s, history );
}

public static int diffRec( String r, String s, int[][] history ) {

    int i = r.length();
    int j = s.length();

    if ( history[i][j] == UNDEFINED ) {

        if ( ( r.length() == 0 ) || ( s.length() == 0 ) ) {
            history[i][j] = ( r + s ).length();
        } else if ( r.charAt(0) == s.charAt(0) ) {
            history[i][j] = diffRec( r.substring(1), s.substring(1), history );
        } else {
            history[i][j] = Math.min( diffRec(r.substring(1),s,history) + 1,
                                     diffRec(r,s.substring(1),history) + 1 );
        }
    }
    return history[i][j];
}

public static final int UNDEFINED = -1;
```

3. Classi in Java

Qui di seguito è riportato il codice Java della classe Board per rappresentare le disposizioni delle regine in una scacchiera $N \times N$, nella forma discussa a lezione.

```
public class Board {

    private int[]      config;
    private boolean[]  columnUnderAttack;
    private boolean[]  diagDwUnderAttack;
    private boolean[]  diagUpUnderAttack;
    private int        rows;
    private int        n;

    public Board( int size ) {
        config = new int[size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            config[i] = 0;
        }
        columnUnderAttack = new boolean[size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            columnUnderAttack[i] = false;
        }
        diagDwUnderAttack = new boolean[2*size-1];
        for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
            diagDwUnderAttack[i] = false;
        }
        diagUpUnderAttack = new boolean[2*size-1];
        for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
            diagUpUnderAttack[i] = false;
        }
        rows = 0;  n = size;
    }

    public int boardSize() {
        return n;
    }

    public int queensOnBoard() {
        return rows;
    }

    public boolean underAttack( int col ) {
        int row = rows + 1;
        int size = n;
        return ( columnUnderAttack[col-1]
            || diagDwUnderAttack[row-col+size-1]
            || diagUpUnderAttack[row+col-2]
            );
    }

    public int[] arrangement() {
        return config;
    }

    public void addNextQueen( int col ) {
        int row = rows + 1;
        int size = n;
        config[row-1] = col;
        columnUnderAttack[col-1] = true;
        diagDwUnderAttack[row-col+size-1] = true;
        diagUpUnderAttack[row+col-2] = true;
        rows = row;
    }

    public void removeLastQueen() {
        int row = rows;
        int size = n;
        int col = config[row-1];
        config[row-1] = 0;
        columnUnderAttack[col-1] = false;
        diagDwUnderAttack[row-col+size-1] = false;
        diagUpUnderAttack[row+col-2] = false;
        rows = row - 1;
    }

} // class Board
```

Allo scopo di consentire una maggiore libertà nella disposizione delle regine sulla scacchiera e nell'ordine secondo cui vengono introdotte o rimosse, si apportano alcune modifiche al protocollo e alla rappresentazione interna.

Per quanto riguarda il protocollo, i metodi `underAttack(int)`, `addNextQueen(int)` e `removeLastQueen()` vengono sostituiti dai metodi `underAttack(int,int)`, `addQueen(int,int)`, `removeQueen(int,int)`, rispettivamente, dove la coppia di parametri interi rappresenta gli indici di riga e di colonna di una casella. Risulta così possibile disporre una regina in qualunque casella della scacchiera, purché non sia già occupata, anche se questa è "sotto scacco" da parte di un'altra regina. È inoltre possibile rimuovere qualunque regina che sia stata disposta sulla scacchiera.

Per quanto riguarda la rappresentazione interna, la disposizione delle regine viene rappresentata da una matrice $N \times N$ di booleani, dove un elemento di valore `true` nella matrice indica la presenza di una regina nella casella codificata dai corrispondenti indici. Inoltre, nella nuova realizzazione le variabili di istanza `rowUnderAttack`, `columnUnderAttack`, `diagDwUnderAttack` e `diagUpUnderAttack` registrano il numero di regine collocate su una stessa riga, su una stessa colonna o su una stessa diagonale, mentre `queens` tiene conto del numero complessivo di regine sulla scacchiera.

Completa la nuova realizzazione della classe `Board` impostata nel riquadro della pagina seguente. In particolare, definisci il corpo dei metodi `underAttack(int,int)`, `addQueen(int,int)` e `removeQueen(int,int)` tenendo conto delle indicazioni fornite sopra.

```

public class Board {

    private boolean[][] config;
    private int[] rowUnderAttack;
    private int[] columnUnderAttack;
    private int[] diagDwUnderAttack;
    private int[] diagUpUnderAttack;
    private int queens;
    private int n;

    public Board( int size ) {
        config = new boolean[size][size];
        for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
            for ( int j=0; j<size; j=j+1 ) {
                config[i][j] = false;
            }
            rowUnderAttack = new int[size];
            for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
                rowUnderAttack[i] = 0;
            }
            columnUnderAttack = new int[size];
            for ( int i=0; i<size; i=i+1 ) {
                columnUnderAttack[i] = 0;
            }
            diagDwUnderAttack = new int[2*size-1];
            for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
                diagDwUnderAttack[i] = 0;
            }
            diagUpUnderAttack = new int[2*size-1];
            for ( int i=0; i<2*size-1; i=i+1 ) {
                diagUpUnderAttack[i] = 0;
            }
            queens = 0;
            n = size;
        }

        public int boardSize() {
            return n;
        }

        public int queensOnBoard() {
            return queens;
        }

        public boolean[][] arrangement() {
            return config;
        }

        public boolean underAttack(int row,int col) {
            _____
            _____
            _____
            _____
            _____
        }

        public void addQueen( int row, int col ) {
            if ( config[row-1][col-1] ) { return; }
            _____
            _____
            _____
            _____
            _____
        }

        public void removeQueen( int row, int col ) {
            if ( !config[row-1][col-1] ) { return; }
            _____
            _____
            _____
            _____
            _____
        }

    } // class Board

```

vedi esercizio 3/A