# CS492 Distributed Systems & Algorithms Final Report: Mr.CL

20030767 최종욱, 20050145 김준기, 20060080 김민국 2009 년 12월 24일

## 1 Introduction

Matrix multiplication 은 과학 연산과 데이터 마이 닝 등 여러 분야에서 많이 이용되는 기본적인 연산이 며 매우 방대한 크기의 matrix 를 이용해 계산하는 경우가 자주 발생한다. 그래서 이를 최적화 시키기 위한 많은 시도가 이루어져 왔는데, 우리는 MapReduce를 통해서 임의의 대용량 matrix를 가지고 multiplication을 수행하는 알고리즘을 개발하고자 하였다.

이 과정에서 이렇게 방대한 크기의 matrix를 다룰 수 있게 하는 것도 중요하지만, 연산 시간을 줄이는 노력 또한 함께 이루어져야 한다. 따라서 더빠르게 계산을 수행할 수 있도록 matrix multiplication 과정에서 GPU에 의한 가속 기능을 도입하였다. GPU는 그 성격상 실수와 matrix 연산에 특화되어일반 CPU보다 훨씬 더 나은 성능을 보여주기 때문이다.

이러한 아이디어를 바탕으로 우리는 GPU를 설치한 클러스터 위에서 동작하는 Hadoop MapReduce 를 이용한 matrix multiplication 알고리즘을 설계하고 이의 성능을 측정해보았다. 이를 통해 분산 시스템을 이용한 대용량의 데이터에 대한 확장성 (scalability)을 얻고, GPU로 연산 속도를 향상시킴으로써 이전보다 개선된 matrix multiplication을 수행할 수 있었다.

## 2 Design Overview

#### 2.1 Assumptions

우리가 목표로 하는 시스템의 효과적인 설계와 구현을 위해 약간의 가정이 필요하다.

- Matrix의 각 원소들은 single precision floating point format을 통해서 표현된다. CUDA 라이브러리에서 double precision을 지원하기는 하지만 JCublas와 연동할 때 내부적인 변환에 따른 성능 저하 및 심각한 계산 오류가 발생해 사용할 수 없었다.1
- 각 matrix 는 dense matrix 이다. Sparse matrix 의 경우 모든 원소를 연속적으로 저장하지 않고 개별적인 쌍으로 저장하기 때문에 원소를 접근할 때 index 를 key 로 하는 탐색 작업이 필요하다. 이것은 GPU 처럼 연속적인 메모리를 할당하여 한꺼번에 pipelining 하는 구조에 적합하지 않으므로 우리는 dense matrix 인 경우만 고려하였다.
- TODO: HDFS 사용 여부에 따라 달라질 수 있음 계산에 필요한 2개의 matrix 는 클러스터 의 모든 노드가 각각 복사본을 저장하고 있다. 전체 노드 수의 log에 비례하는 시간 만에 모두 복사할 수 있으므로 matrix multiplication 의 시간복잡도에 영향을 주지 않으므로 구현을

 $<sup>^1</sup>$ 파일럿 테스트 과정에서 무작위로 생성한  $100 \times 100$  행렬을 이용해 곱셈을 했을 때 single precision으로 입력을 주어 계산하면 한원소가 250 정도의 값을 가지는데 double precision의 경우 0에 매우 가까운 실수가 되어 correctness 판정을 통과하지 못했다.

간단히 하기 위해 그러한 분산 저장 과정을 고려하지 않는다.

## 2.2 Block Approach

Dense matrix multiplication 을 수행할 때 I/O 병목에 의해 계산 속도가 제약되는 이유는  $O(n^3)$  번의 곱셈 횟수와  $O(n^2)$  개의 원소를 불러오는 횟수가 matrix 가 커질수록 큰 차이가 나기 때문이다. 특히 이러한 I/O 병목 문제는 multi-processor 나 네트워크 기반 클러스터로 규모를 확대할수록 더욱 심각해지는데, 이는 프로세서끼리 혹은 클러스터 상의컴퓨터끼리의 통신 대역폭이 제한되어 있기 때문이다. 따라서 우리는 프로세서의 성능을 최대한으로 활용하기 위해 프로세서가 처리할 데이터가 가능한한 지속적으로 공급될 수 있도록, 혹은 데이터를 한번 불러왔을 때 가능한 한 많이 반복적으로 연산에 활용하도록 알고리즘과 코드를 작성해야 한다.

이 문제를 해결하기 위해 우리는 matrix 를 block 단위로 쪼개어 적절히 이를 분산시켜 multiplication 을 수행하는 방법을 선택하였다. 만약 각 block 들이 적당히 큰 상황이라면, 우리는 각 노드 상에서 이러 한 block 들의 각 element 들을 한 번 불러와 적당한 횟수만큼 multiplication 에 다시 이용할 수 있을 것 이다. 이때 각 block 들은 일반적으로 square matrix 지만 아닌 경우도 있을 수 있으므로 알고리즘에 따라 서 적절한 block decomposition 을 구현하는 것이 중요하다.

#### 2.2.1 Outer Product Algorthm

Matrix multiplication 을 구현하는 방법으로는 정의대로 계산하는  $O(n^3)$  짜리와  $O(n^{2.376})$ 의 시간이걸리는 Coppersmith-Winograd 알고리즘 등이 있으나, 우리는 MapReduce에서 쓰기 알맞게 outer product 를 응용한 방식을 사용하였다.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & d \\ b & e \\ c & f \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1a & 1d \\ 4a & 4d \\ 7a & 7d \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2b & 2e \\ 5b & 5e \\ 8b & 8e \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3c & 3f \\ 6c & 6f \\ 9c & 9f \end{bmatrix}$$
(1)

Eq. (1)를 보면 두 matrix의 열과 행 vector들을 각각 outer product를 취하여 나온 matrix들을 모두 더하면 전체 multiplication 결과를 완성할 수 있음을 알 수 있다.

여기서 각 원소들은 하나의 실수가 아니라 submatrix(앞에서 block 이라고 표현했던 matrix의 일부) 여도 되므로, 우리는 이처럼 block 단위로 쪼개고 다시 합치는 과정을 MapReduce로, 각 block 들을 곱하는 과정을 개별 노드에서 GPU로 가속하는 방식을 취하였다.

이렇게 하면  $O(n^3)$  만큼의 연산 시간이 걸리지만, TODO: I/O 복잡도 예측

## 2.3 NVIDIA CUDA

실험에 사용된 클러스터 상의 모든 노드에는 NVIDIA의 그래픽 카드가 장착되어 있다. NVIDIA에서는 CUDA라는 기술을 통해 개발자들이 C 언어로 직접 GPU에서 동작하는 프로그램을 만들 수 있도록 하고 있다. 이것을 기반으로 BLAS API<sup>2</sup>를 구현한 CUBLAS를 이용하면 matrix multiplication을 GPU를 이용하여 수행할 수 있다.

# 3 Implementation

## 3.1 Cluster Setup

학과나 NexR 에서 제공하는 클러스터는 가상화 기술을 기반으로 하고 있어 GPU 활용이 불가능하였기 때문에 개인용 PC 2개를 아래와 같이 구성하였다.

• Intel Core2 Q9400 (2.66GHz), RAM 4GB,

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Basic Linear Algebra Subprograms. Vector-Vector, Vector-Matrix, Matrix-Matrix 연산들을 단계별로 정의하고 있다.

SATA2 HDD 640GB, NVIDIA GTX250

- Intel Core2 E6600 (2.4GHz), RAM 4GB, SATA2 HDD 320GB, NVIDIA GTX250
- Network: 100Mbps Ethernet (ipTIME Pro54G 공유기로 private network 구성)

#### 3.2 Data Model

### 3.3 MapReduce Execution

#### 3.3.1 Mapper

Input

blah blah

Output

blah blah

Mechanism

blah blah

#### 3.3.2 Reducer

Input

blah blah

Output

blah blah

Mechanism

blah blah

# 4 Performance Analysis

- 4.1 Pure Java
- 4.2 JCublas with NVIDIA CUDA
- 5 Related Works

#### 5.1 Apache Hama Project

프로젝트 초기에는 matrix multiplication 구현 자체

에 대한 부담을 줄이고 GPU를 이용한 가속에 집중하기 위해 이미 Hadoop 기반으로 다양한 matrix 연산을 구현한 Apache 재단의 Hama 프로젝트를 이용하였다. 특히 Hama 는 dense matrix 곱셈을 block 방식으로 구현하고 있었다. 하지만 다음과 같은 이유로 Hama 프로젝트를 사용하지 않고 직접 Hadoop MapReduce로 구현하게 되었다.

- Hama 가 Hadoop 기반 데이터베이스인 HBase 를 이용하고 있었고, 아직 HBase 가 성능 측면이나 프로젝트 자체의 성숙도가 떨어져실제 우리가 원하는 규모의 연산을 돌리기에는 적합치 않았다. 3 HBase 를 들어내려면 Hama를 거의 처음부터 다시 짜야 한다.
- Hama 에서는 matrix의 원소들을 기본으로 double precision 으로 처리하고 있는데 여기 에 CUDA를 연동시키려면 single precision 으로 변환하는 과정이 필요하여 불필요한 성능 저하를 발생시키고 이렇게 동작하도록 Hama 의 코드 전체를 바꾸는 것이 용이하지 않았다.
- 곱셈 과정에서 block 쌍들을 모두 별도로 저 장하였다가 불러오는데, 이 과정의 I/O complexity 가 O(n³) 이어서 새로운 접근 방법 이 필요했고 결국 이것이 O(n²) 으로 줄어든 outer product algorithm을 새로 구현해야 했다.

#### 6 Conclusion

TODO: 실험 결과 정리 이번 실험에서 빠진 부분이 같은 크기의 matrix를 처리할 때 클러스터의 노드수가 늘어나면 얼마나 성능 향상 효과가 있는가 하는 점으로, scalability를 확보하고자 MapReudce를 도입한 의미를 살리려면 향후 반드시 조사해야 할 부분이다.

이번 실험의 경우 GPU가 장착된 클러스터를 대규모로 구축할 수 없었고 실제 하드웨어 환경을 구축하기까지 많은 시간이 걸렸다는 점이 걸림돌로 작용하였다. 또한 CUDA에 대한 사용 경험이 없었기 때

 $<sup>^3</sup>$ 우리 목표는  $10^4$  이나  $10^5$  정도인데, Hama 개발자 스스로 자신의 블로그에서  $5000 \times 5000$  정도가 한계라고 밝히고 있음. http://blog.udanax.org/2009/01/distributed-matrix-multiplication-with.html

문에 드라이버 설치나 이용 과정에서도 시행착오를 겪어야 했고, Hama의 한계나 JCublas의 double precision 지원 문제 등도 이에 일조하였다. 하지만 이렇게 기존의 연산 문제를 다른 각도에서 풀어봄으로써 확실히 MapReduce의 가능성과 한계를 알 수 있었다는 점은 흥미롭다.

앞으로 더 해보고 싶은 것은 CUDA를 이용하지

않고 CPU로만 계산하되 Java 가 아닌 C로 최적화되어 작성된 CBLAS 라이브러리를 Java 와 붙여서GPU가 없는 환경에서도 어느 정도 성능 향상을 볼수 있도록 하여 보다 범용적으로 쓰일 수 있게 하는 것이다. 또한 이 결과를 오픈소스로 잘 정리하여 누구나 활용 가능하도록 하였으면 한다. 4

 $<sup>^4</sup>$ 현재 Google Code 에 Mr.CL 프로젝트를 개설해둔 상태이다. http://code.google.com/p/mrcl/ 참조.