

# LIMITEAK

$$\frac{k}{0} = \pm\infty$$

ALBO LIMITEAK KALKULATU

$$\begin{matrix} \infty \\ - \\ \infty \end{matrix}$$

## 1. INFINITOAK KONPARATU

**X → ±∞ FUNTZIO ARRAZIONALETAN**  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{\pm\infty}{\pm\infty}$ , polinomioen maila altueneko monomioak konparatzen da:

Deg P(x) > Deg Q(x)	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{P(x)}{Q(x)} = \pm\infty$
Deg P(x) = Deg Q(x)	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{a}{b}$
Deg P(x) < Deg Q(x)	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{P(x)}{Q(x)} = 0$

## X → ±∞ FUNTZIO DESBERDINEN INFINITOAK KONPARATUZ



- Berreketak eta erroen artean berretzailerik handiena, orden altueneko infinitoa da.
- Esponentzialen artean, berrekizun handieneko funtzioak, orden altueneko infinitoa da.
- Logaritmoen artean oinarririk txikiena daukan logaritmoaren infinitoa, ordena handieneko infinitoa da.

## 2. L'HOPITAL

$x \rightarrow \pm\infty$  eta  $x \rightarrow c$

$$\lim_{x \rightarrow \bullet} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\pm\infty}{\pm\infty} = \lim_{x \rightarrow \bullet} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$\frac{0}{0}$$

## 1. FUNTZIO ARRAZIONALETAN (polinomioak) $x \rightarrow \pm\infty$ eta $x \rightarrow c$

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{0}{0}$  Zenbakitzale eta izendatzailearen polinomioak FAKTORIZATU eta SINPLIFIKATU egiten dira

Zenbakitzale eta izendatzailearen funtzoak **errodun funtzoak** badira, **errotzaile komunera** bihurtu beharko da, faktorizatu eta simplifikatzeko.

## 2. FUNTZIOETAN ERROAK

Zenbakitzale eta izendatzailearen funtzoatan erro karratuak batuketa edo eta kenketan agertzen badira konjukatuekin biderkatu eta zatitu egingo dogu, hurrengo identitate nabarmena aplikatuz.

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

## 3. L'HOPITAL

$$x \rightarrow \pm\infty \quad \text{eta} \quad x \rightarrow c \quad \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{0}{0} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$$1^{\pm\infty} \quad x \rightarrow \pm\infty \quad \text{eta} \quad x \rightarrow c$$

## 1. FORMULA ERABILIZ

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)^{g(x)} = e^{\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (f(x)-1)g(x)}$$

## 2. LOGARITMO NEPERTARRA APLIKATUZ (Ln)

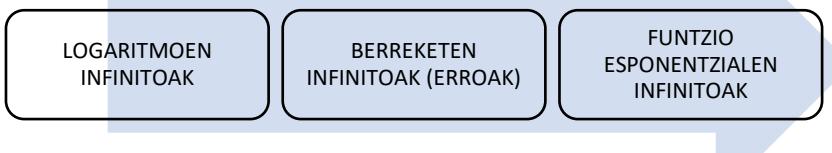
Logaritmoaren bitartez, indeterminazio mota aldatuko da, berreketaren logaritmoaren propietatea aplikatuz.

$$\ln \lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)^{g(x)} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \ln f(x)^{g(x)} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} g(x) \ln f(x)$$

$\infty - \infty$

## 1. INFINITOAK KONPARATU

$\downarrow \infty$



## 2. FUNTZIO ARRAZIONALEKIN

Izendatzaile komunera bihurtuz

## 3. ERROAK BADAGOZ

Konjugatuarekin biderkatuz eta zatituz

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

$0^0$  eta  $\infty^0$

## LOGARITMO NEPERTARRA APLIKATUZ (Ln)

Logaritmoaren bitartez, indeterminazio mota aldatuko da, berreketaren logaritmoaren propietatea aplikatuz.

$$\ln \lim_{x \rightarrow \bullet} f(x)^{g(x)} = \lim_{x \rightarrow \bullet} \ln f(x)^{g(x)} = \lim_{x \rightarrow \bullet} g(x) \ln f(x)$$

$0 \cdot \infty$

$\lim_{x \rightarrow \bullet} f(x) = 0$  eta  $\lim_{x \rightarrow \bullet} g(x) = \infty$  bada,  $0 \cdot \infty$  indeterminazioa,  $\frac{0}{0}$  edo  $\frac{\infty}{\infty}$  indeterminazioa bihurtu behar da hurrengo aldaketen bitartez:

$$\lim_{x \rightarrow \bullet} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow \bullet} \frac{f(x)}{\frac{1}{g(x)}} = \frac{0}{0}$$

$$\lim_{x \rightarrow \bullet} f(x) \cdot g(x) = \lim_{x \rightarrow \bullet} \frac{g(x)}{\frac{1}{f(x)}} = \frac{\infty}{\infty}$$