I(L)P i MI(L)P:

Problem programowania całkowitoliczbowego (liniowego) I(L)P:

• $\max z = \mathbf{c}\mathbf{x}$,

 $\bullet \ \ \, \text{s.t.} \qquad \qquad \mathbf{A}\mathbf{x} \leq \mathbf{b}, \, \mathbf{x} \geq \mathbf{0} \qquad \qquad \text{(ograniczenia liniowe)},$

• x: całkowite (ograniczenie na całkowitoliczbowość).

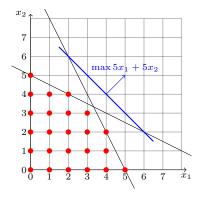
Przykład:

• max $z = 5x_1 + 5x_2$,

• s.t. $2x_1 + x_2 \le 10$,

 $\bullet x_1 + 2x_2 \le 10,$

• $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$ i całkowitoliczbowe.



Problem mieszanego programowania całkowitoliczbowego (liniowego) $\mathrm{MI}(\mathrm{L})\mathrm{P}$:

• \max $z = \mathbf{c}\mathbf{x} + \mathbf{d}\mathbf{y}$

 $\bullet \ \, \mathrm{s.t.} \qquad \qquad \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{D}\mathbf{y} \leq \mathbf{b}, \, \mathbf{x}, \mathbf{y} \geq \mathbf{0} \qquad \qquad (\mathrm{ograniczenia\ liniowe}),$

• x: całkowite (ograniczenia na całkowitoliczbowość).

Przykład:

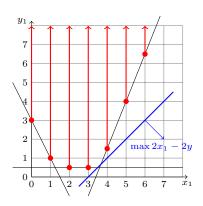
 $\bullet \quad \max \qquad \qquad z = 2x_1 - 2y_1,$

• s.t. $-2x_1 - y_1 \le -3$,

• $5x_1 - 2y_1 \le 17$,

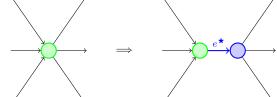
 $-2y_1 \le -1,$

• $x_1 \ge 0$ i całkowite, $y_1 \ge 0$.



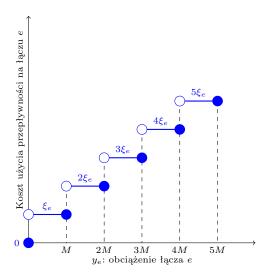
Alokacja przepływów z jednoczesnym planowaniem topologii:

Metoda wprowadzenia decyzji nt. instalacji węzłów — modyfikacja grafu opisującego topologię:



Alokacja przepływów przy modularnym koszcie użycia przepływności:

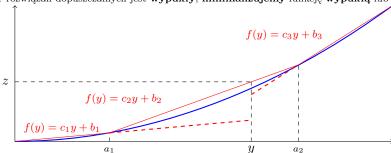
Modularne koszty użycia przepływności na łączu (dla stałego modułu przepływności M o koszcie użycia równym ξ_e):



Linearyzacja nieliniowej funkcji celu z=f(y) przy ograniczeniach liniowych:

Problem wypukły:

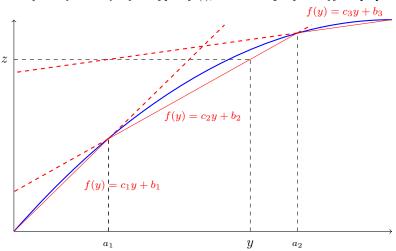
Zbiór rozwiązań dopuszczalnych jest **wypukły**, **minimalizujemy** funkcję **wypukłą** lub **maksymalizujemy** funkcję **wklęsłą**.



- min z;
- ograniczenia:
 - * $y = \dots$; [np. $y = \sum_{d} \sum_{p} \delta_{edp} x_{dp}$]
 - \star ...; [inne ograniczenia]
 - $\star \ z \ge c_k y + b_k \quad k = 1, 2, \dots, n.$

Problem wklęsły:

Zbiór rozwiązań dopuszczalnych jest wypukły (!), minimalizujemy funkcję wklęsłą lub maksymalizujemy funkcję wypukłą.



- min $z = \sum_k (c_k y_k + b_k u_k);$
- ograniczenia:
 - $\begin{array}{l} \star \ \ y = \ldots; \ [\text{np.} \ y = \sum_{d} \sum_{p} \delta_{edp} x_{dp}] \\ \star \ \ldots; \ [\text{inne ograniczenia}] \end{array}$

 - $\begin{array}{l} \star \quad \sum_k y_k = y; \\ \star \quad \sum_k u_k = 1; \\ \star \quad 0 \leq y_k \leq W u_k \qquad k = 1, 2, \dots, n; \end{array}$
 - $\star \ u_k$ binarne.
- $\bullet\,$ stała Wjest wartością większą niż jakakolwiek dopuszczalna wartośćy.