

# UNA NO MUY LARGA INTRODUCCIÓN A BEAMER

MATECHOLO

14 de junio de 2020

UNA NO  
MUY LARGA  
INTRODUC-  
CIÓN A  
BEAMER

MATECHOLO

# AQUI VAN LOS TITULOS DE LAS DIAPOOSTIVAS

UNA NO  
MUY LARGA  
INTRODUC-  
CIÓN A  
BEAMER

MATECHOLO

Y AQUI UN CONTENIDO NORMAL.  
ES COMO PARA INTRODUCCIONES O TEXTOS  
COMUNES.

ESTA ES UNA DIAPOSITIVA SIN TITULO.  
VES?.

# DIAPPOSITIVAS RÁPIDAS

UNA NO  
MUY LARGA  
INTRODUC-  
CIÓN A  
BEAMER

MATECHOLO

PARA HACER MÁS RÁPIDO UNA DIAPOSITIVA SOLO ESRIBE LA BARRA INVERTIDA Y begin LE DAS ENTER A LAS OPCION QUE TE RECOMIENDA Y DESPUÉS f Y LE DAS ENTER, ES COMO EL PREDICTOR DE PALABRAS DE GOOGLE.  
SI NO LO VES YA TE DARÁS CUENTA ESE.

PARA UNA FÓRMULA MATEMÁTICA USA ESTO

*AQUI VA LA FORMULA*

ASI LA FORMULA APARECE EN UNA LÍNEA APARTE Y CENTRADA Y NO NECESITAS PONER EL SIGNO DE PESOS PARA PONER UN CARACTER ESPECIAL, COMO LETRA GRIEGAS O ASÍ.

LA BARRA INVERTIDA Y LOS DOS PUNTOS ES PARA DAR UN ESPACIO YA QUE AHÍ NO LES DA ESPACIO AUNQUE LOS SEPARES UN BUEN. ESTO ES PARA UN ESPACIO MÁS GRANDE Y      ES PARA UNO AÚN MÁS GRANDE.

RECUERDA DEJAR EL ESPACIO ENTRE EL quad Y EL TEXTO O TE PRROVOCARA UN ERROR.

IGUAL PARA LOS OTROS

LA ACCIÓN DE shrink ES PARA CUANDO PONES DEMASIADO TEXTO EN UNA SOLA DIAPOSITIVA. ESTE LO AJUSTA, PERO SOLO A LO LARGO Y NO A LO ANCHO.

PERO SI PONES POCO TEXTO EN UNOS TEMAS SE VE UN POCO RARO Y NO MUY ESTETICO.

LA ANTERIOR ACCIÓN ES DAR UN ESPACIO VERTICAL.

Y TU LE DICES QUE TAN GRANDE.

CON ESTO ESCRIBES EN EL CENTRO

Y CON ESTE A LA IZQUIERDA.

# PARA TEOREMAS Y ESAS COSAS

UNA NO  
MUY LARGA  
INTRODUC-  
CIÓN A  
BEAMER

MATECHOLO

ASI COMIENZA UN TEOREMA

Theorem

*Y ESCRIBES EL TEOREMA*

Y ASÍ LAS DEMO-S-TRACIONES

Demostración.

LA DEMOSTRACIÓN ES TRIVIAL :P





PERO SI SON MUY LARGOS LOS PUEDES ESCRIBIR EN BLOQUES

POR SI LE QUIERES PONER TITULOS  
Y COMIENZAS A ESCRIBIR

## DEMOSTRACIÓN

IGUAL PARA LAS GRANDE DEMOSTRACIONES NO USE LA OPCIÓN DE proof USÉ LOS DE BLOCK Y PARA EL CUADRITO ALGO ASI



SOLO QUE CAMBIA EL COLOR DEL CUADRO EN ALGUNOS TEMAS, PERO CASI NADIE SE DA CUENTA.

SI NO LE PONES TITULO AL BLOCK, ENTONCES DEBES  
DEJAR UN ESPACO O SOLO LA PRIMER LETRA LA  
PONDRA COMO TÍTULO

A

LGO ASÍ

# Operador integral singular

UNA NO  
MUY LARGA  
INTRODUC-  
CIÓN A  
BEAMER  
MATECHOLO

Tomaremos en cuenta los operadores integrales singulares de la forma

$$(S_{\Gamma}\varphi)(t) = \frac{1}{\pi i} \int_{\Gamma} \frac{\varphi(\tau)}{\tau - t} d\tau$$

donde  $S_{\Gamma}$  es entendida en el sentido del valor principal de Cauchy.

Sea  $\Gamma$  una curva orientada en contra de las manecillas del reloj.

Llamaremos a  $\Gamma$  una *curva cerrada* si separa la extensión del plano complejo  $\mathbf{C}^{\infty} = \mathbf{C} \cup \infty$  en dos dominios  $F_{\Gamma}^{+}$  y  $F_{\Gamma}^{-}$  tal que  $\Gamma$  es frontera de ambos dominios. Asumiremos que  $z = 0 \in F_{\Gamma}^{+}$  y  $z = \infty \in F_{\Gamma}^{-}$ .

Denotaremos a  $R(\Gamma)$  como el conjunto de todas funciones racionales que no tienen polos en la curva  $\Gamma$ , mientras que  $R_{\pm}(\Gamma)$  será el conjunto de todas funciones racionales de los cuales sus polos son localizados en  $F_{\Gamma}^{\pm}$ .

## Theorem (2)

*Sea  $A = r_1 P_\Gamma + r_2 Q_\Gamma$  un operador con coeficientes  $r_1, r_2 \in R(\Gamma)$ . Es necesario y suficiente para que el operador  $A$  sea invertible de un lado en el espacio  $L_p(\Gamma, \rho)$  son las validaciones de las condiciones*

$$r_j(t) \neq 0 \quad (j = 1, 2; t \in \Gamma).$$

*Si se satisfacen estas condiciones, entonces el operador  $A$  es invertible, solo es invertible por la izquierda o solo es invertible por la derecha dependiendo de si el número*

$$k = \text{ind} (r_1/r_2)$$

*es igual a cero, positivo o negativo.*

## Demostración

$\Leftarrow$ )

Supongamos que  $r_j \neq 0$  ( $j = 1, 2; t \in \Gamma$ ) y  $r = r_- t^k r_+$  es la factorización de la función  $r = r_1/r_2$ . Entonces el operador  $A$  tiene la forma

$$A = r_2(r_- t^k r_+ P_\Gamma + Q_\Gamma) = r_2 r_- (t^k r_+ P_\Gamma + r_-^{-1} Q_\Gamma)$$

y lo podemos reescribir en la forma

$$A = r_2 r_- (t^k P_\Gamma + Q_\Gamma)(r_+ P_\Gamma + r_-^{-1} Q_\Gamma).$$

Los operadores  $r_2 r_- I$  y  $r_+ P_\Gamma + r_-^{-1} Q_\Gamma$  son invertibles, donde

$$(r_2 r_- I)^{-1} = r_2^{-1} r_-^{-1} I, \quad (r_+ P_\Gamma + r_-^{-1} Q_\Gamma)^{-1} = r_+^{-1} P_\Gamma + r_- Q_\Gamma.$$

El operador  $t^k P_\Gamma + Q_\Gamma$  es invertible solo por la izquierda para  $k > 0$  y es solo invertible por la derecha para  $k < 0$ . La correspondiente inversa a el operador es  $t^{-k} P_\Gamma + Q_\Gamma$ .

$\Rightarrow$ )

Primero consideremos el caso  $r_2 = 1$ . Supongamos que  $r_1$  tiene un cero en algún punto  $t_0 \in \Gamma$ . Lo expresamos en la forma  $r_1 = (t - t_0)s$  y  $r_1 = (t^{-1} - t_0^{-1})q$ . Para el operador  $A = r_1 P_\Gamma + Q_\Gamma$ , tenemos las ecuaciones

$$A = (sP_\Gamma + Q_\Gamma)((t - t_0)P_\Gamma + Q_\Gamma)$$

y

$$A = ((t^{-1} - t_0^{-1})P_\Gamma + Q_\Gamma)(P_\Gamma q P_\Gamma + (t^{-1} - t_0^{-1})Q_\Gamma q P_\Gamma + Q_\Gamma).$$

El operador  $A$  por la observación 1 no puede ser invertible pues los operadores  $(t - t_0)P_\Gamma + Q_\Gamma$  y  $(t^{-1} - t_0^{-1})P_\Gamma + Q_\Gamma$  no son invertibles.

De manera similar si el operador tiene la forma  $P_\Gamma + r_2 Q_\Gamma$  y es invertible de un lado, entonces  $r_2$  no desaparece en  $\Gamma$ .

En el caso general,  $A = r_1 P_\Gamma + r_2 Q_\Gamma$ . Escogemos las funciones  $\chi_1, \chi_2 \in R(\Gamma)$  que no desaparecen en  $\Gamma$ . Más aún,

$$\chi_1 r_1 \in R_+(\Gamma), \quad \chi_2 r_2 \in R_-(\Gamma).$$

Bajo estas condiciones el operador  $A$  puede ser representado en dos formas

$$A = \chi_1^{-1} (P_\Gamma + \chi_1 r_2 Q_\Gamma) (\chi_1 r_1 P_\Gamma + Q_\Gamma)$$

y

$$A = \chi_2^{-1} (\chi_2 r_1 P_\Gamma + Q_\Gamma) (P_\Gamma + \chi_2 r_2 Q_\Gamma).$$

Por lo que si  $A$  es invertible por la izquierda, entonces los operadores  $\chi_2 r_1 P_\Gamma + Q_\Gamma$  y  $P_\Gamma + \chi_1 r_2 Q_\Gamma$  son invertibles por la izquierda. Similarmente si es invertible por la derecha, entonces los operadores  $P_\Gamma + \chi_2 r_2 Q_\Gamma$  y  $\chi_1 r_1 P_\Gamma + Q_\Gamma$  también son invertibles por la derecha.

Por lo anterior probado, podemos deducir que las funciones  $r_1$  y  $r_2$  no desaparecen en  $\Gamma$ . □