

## Funcionamento de cada Estratégia de Escolha do Pivô

### 1. Primeiro Pivô:

- Método é fácil de implementar, mas pode levar a partições muito desbalanceadas.
- **Problema:** Quando o array já está ordenado, a escolha do primeiro pivô resulta em uma divisão altamente desbalanceada, criando uma estrutura semelhante a uma lista encadeada e aumentando o número de comparações para  $O(n^2)$

### 2. Último Pivô:

- Assim como o primeiro pivô, é uma escolha simples, mas também corre o risco de causar partições desbalanceadas.
- **Problema:** Arrays ordenados ou quase ordenados enfrentam o mesmo problema de partições desbalanceadas, tornando o desempenho pior.

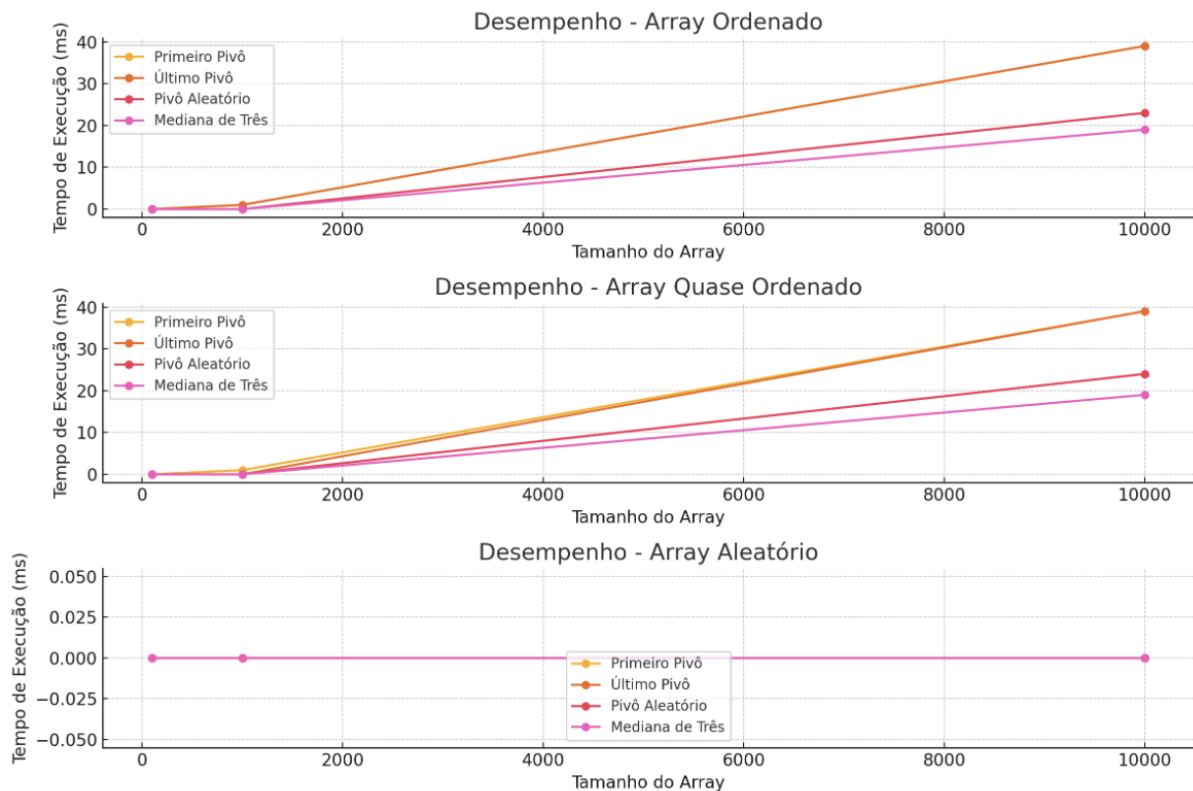
### 3. Pivô Aleatório:

- Um elemento é selecionado aleatoriamente como pivô em cada partição. Esta estratégia diminui a probabilidade de gerar uma partição desbalanceada e, em média, oferece um bom desempenho.
- **Vantagem:** A aleatoriedade impede que o algoritmo tenha um pior caso consistente (como ocorre com o primeiro e último pivô em arrays ordenados). Isso resulta em um desempenho mais estável, aproximando-se de  $O(n \log n)$ .

### 4. Mediana de Três (Início, Meio e Fim):

- Esta estratégia calcula o pivô tomando a mediana de três elementos: o primeiro, o elemento do meio e o último elemento do subarray. O objetivo é melhorar a chance de uma partição balanceada.
- **Vantagem:** A mediana de três tende a fornecer uma partição mais equilibrada do que o primeiro ou último pivô, especialmente em arrays que já estão ordenados ou quase ordenados, prevenindo o pior caso.

## Desempenho Observado em Cada Cenário



### Gráficos de Desempenho

#### 1. Array Ordenado:

- Para arrays ordenados, a mediana de três foi a estratégia mais eficiente, com tempos de execução significativamente menores. O primeiro e o último pivô foram as estratégias mais lentas.

#### 2. Array Quase Ordenado:

- Novamente, a mediana de três foi a estratégia mais eficiente, com o pivô aleatório apresentando um desempenho um pouco inferior, mas ainda bom. O primeiro e último pivô tiveram desempenhos pobres.

#### 3. Array Aleatório:

- Para arrays aleatórios, todas as estratégias tiveram tempos de execução muito semelhantes, mostrando que a escolha do pivô é menos crítica quando o array está desordenado.

## Estratégia Mais Eficiente

### 1. Array Ordenado e Quase Ordenado:

- A mediana de três foi a estratégia mais eficiente, pois garantiu uma partição mais equilibrada mesmo em cenários adversos, como arrays já ordenados. Isso reduziu o número de comparações, resultando em menor tempo de execução.
- O pivô aleatório também teve um bom desempenho, sendo uma estratégia que previne o pior caso em arrays ordenados, mas não foi tão eficiente quanto a mediana de três.
- As estratégias de primeiro e último pivô tiveram os piores desempenhos, devido ao fato de resultarem em partições desbalanceadas em arrays ordenados, aumentando a complexidade do algoritmo para  $O(n^2)$ .

### 2. Array Aleatório:

- Em arrays aleatórios, a escolha do pivô foi menos relevante, já que qualquer pivô tende a resultar em partições equilibradas. As quatro estratégias tiveram tempos de execução muito semelhantes, com a mediana de três e o pivô aleatório ligeiramente mais eficientes em arrays maiores.

## Conclusão

A estratégia de mediana de três foi consistentemente a mais eficiente em arrays ordenados e quase ordenados, pois garante partições balanceadas, mesmo em casos extremos. O pivô aleatório é uma boa escolha geral para manter a eficiência do QuickSort sem o risco de pior caso. As estratégias de primeiro e último pivô devem ser evitadas em arrays ordenados ou quase ordenados, pois podem causar o pior desempenho possível.