## Grupo Disciplinar de Controlo (DEEEA) **EE – EXAME de Época Especial**

Controlo de Sistemas

Ref.a: LREE04

Data: 17-setembro-2021

## **ENUNCIADO**

I – Considere o seguinte circuíto elétrico da Figura 1.

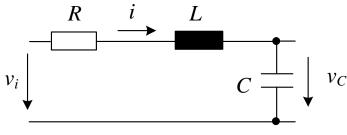


Figura 1

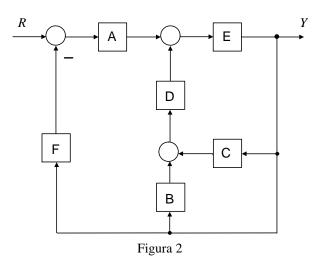
- (2,0) Obter a função de transferência  $\frac{V_C(s)}{V_i(s)}$  do circuito da Figura 1 e determine na forma literal o coeficiente de amortecimento  $(\xi)$  e a frequência própria ou natural  $(\omega_0)$  do sistema.
- (3,0) **II** Calcule a função de transferência do seguinte Modelo de estado:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & -15 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Sugestão: Utilize a relação Gp(s)=C (sI-A)<sup>-1</sup>, para obter a FTCF.

III – Considere o diagrama de blocos da Figura 2.



(5,0) Determine a FTCF utilizando a álgebra dos diagramas de blocos.

Nota: Também pode utilizar como resposta alternativa a fórmula de Mason para obter a FTCF.



## Grupo Disciplinar de Controlo (DEEEA) **EE – EXAME de Época Especial**Controlo de Sistemas

Ref.a: LREE04

Data: 17-setembro-2021

IV – Considere o seguinte diagrama de blocos em cadeia fechada (Figura 3).

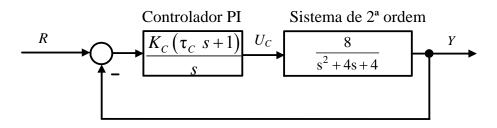


Figura 3

- (4,0) Dimensione os ganhos do controlador PI, de forma a obter uma resposta temporal, de um sistema de 2ª ordem, com um coeficiente de amortecimento  $(\xi)$  igual a  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ .
- V Considere o seguinte diagrama de blocos (Figura 4).

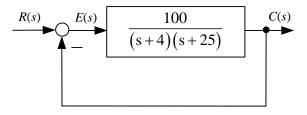


Figura 4

(2,0) Calcule o erro forçado ( $e_f$ ) do sistema (da Figura 4), para uma entrada do tipo rampa, utilizando o teorema do valor final.

## VI – Estabilidade

(4,0) Analise a estabilidade relativa da seguinte  $FTCA = \frac{15}{(s+2)(s+4)(s+10)}$ , calculando de forma analítica a Margem de Ganho (Kg) e a Margem de Fase ( $\gamma$ )