

```
% (ADEEEA-ISEL) - Secção de Automação e Electrónica      fevereiro 2019
% Grupo Disciplinar Controlo                             Nome do ficheiro: Apoio_Matlab_V6
% Atualizado em 25 de fevereiro de 2019 por Luis Rocha
```

```
%O MATLAB é um software destinado a fazer cálculos com matrizes
%(MATLAB = MATrix LABoratory).
% Link importante do Matlab      http://www.mathworks.com/

% Visualize o pdf com o publisher deste mfile antes de começar a usar
% Nota: o ficheiro devido à sua dimensão e à grande variedade de temas, deve
% ser estudado ponto a ponto, ou seja, Parte 1 depois Parte 2 e assim
% sucessivamente, fazendo para isso Comment ou Uncomment
```

```
close all % limpa todas as figuras existentes antes de correr o mfile
clear     % limpa todas as variáveis que estão na workspace
clc       % limpa o ecrã
%%%%%%%%%% 1ª Parte - Atribuição de valores, modo básico
disp(' '); disp('1ª Parte - Atribuição de valores, modo básico'); disp(' ');

U=230;    % Valor eficaz da tensão na rede (e coloca a variável na workspace)
R=10;     % Resistência da instalação (e coloca a variável na workspace)
I=U/R     % Calcula e mostra na linha de comandos o valor da corrente
P=R*I^2   % Calcula e mostra na linha de comandos o valor da potência

%%%%%%%%%% 2ª Parte - Atribuição de valores com pergunta na linha de comandos
% clc
% disp(' '); disp(' ');
% disp('2ª Parte - Atribuição de valores com pergunta na linha de comandos');
% disp(' ');
% U1=input('Qual o valor da tensão simples da fase 1? U1='); % disp(' ')
% R1=input('Qual o valor da resistência? R=');
% I1=U1/R1; P1=R1*I1^2; % disp(' ')
% fprintf('O valor da corrente na fase 1 é I= %.1f\n', I1); % disp(' ')
% fprintf('O valor da potência na fase 1 é P= %.1f\n', P1);
%
% pause % faz uma pausa no programa
```

1ª Parte - Atribuição de valores, modo básico

I =

23

P =

5290

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%% 3ª Parte - Funções de Transferência
clc
disp(' '); disp(' '); disp('3ª Parte - Funções de Transferência');
disp(' ');
num=[1 2 3]; den=[5 6 7 8]; disp('FT1');
FT1=tf(num,den) % ou FT1=tf([1 2 3],[5 6 7 8])

%calcula e mostra na linha de comando as raízes características FT
Raizes_EQ_caract =eig(FT1) %calcula as raízes de 1+GH=0 ou os pólos

Zeros_FT1=roots(num) %calcula e mostra na linha comandos as raízes da FT1
polos_FT1=roots(den) %calcula e mostra na linha comandos os polos da FT1

% Apresentação de FT na forma factorizada
FT2=zpk([-9 -2],[4 -20 0 0],50); disp(' ')
disp('Função de Transferência 2, FT2')
FT2

```

3ª Parte - Funções de Transferência

FT1

FT1 =

$$\frac{s^2 + 2s + 3}{5s^3 + 6s^2 + 7s + 8}$$

Continuous-time transfer function.

Raizes_EQ_caract =

```

-1.1711 + 0.0000i
-0.0144 + 1.1688i
-0.0144 - 1.1688i

```

Zeros_FT1 =

```

-1.0000 + 1.4142i
-1.0000 - 1.4142i

```

polos_FT1 =

```

-1.1711 + 0.0000i
-0.0144 + 1.1688i
-0.0144 - 1.1688i

```

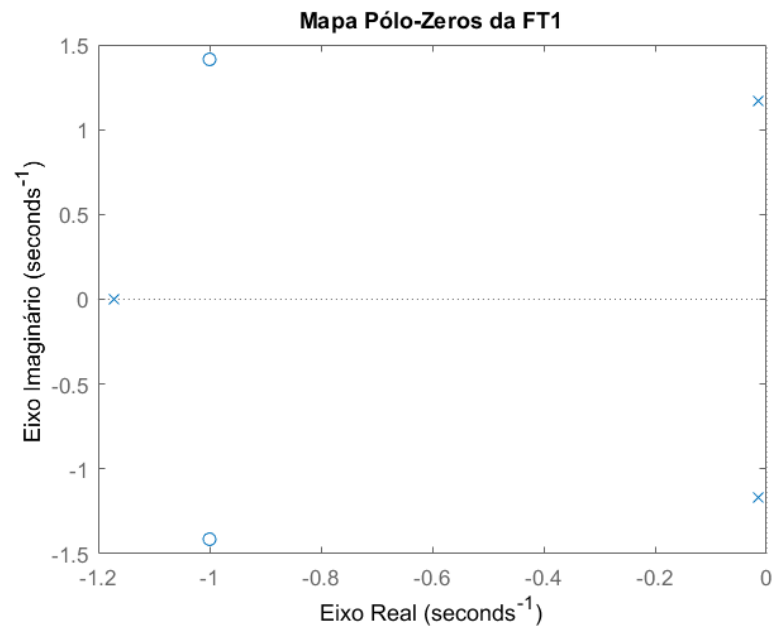
Função de Transferência 2, FT2

FT2 =

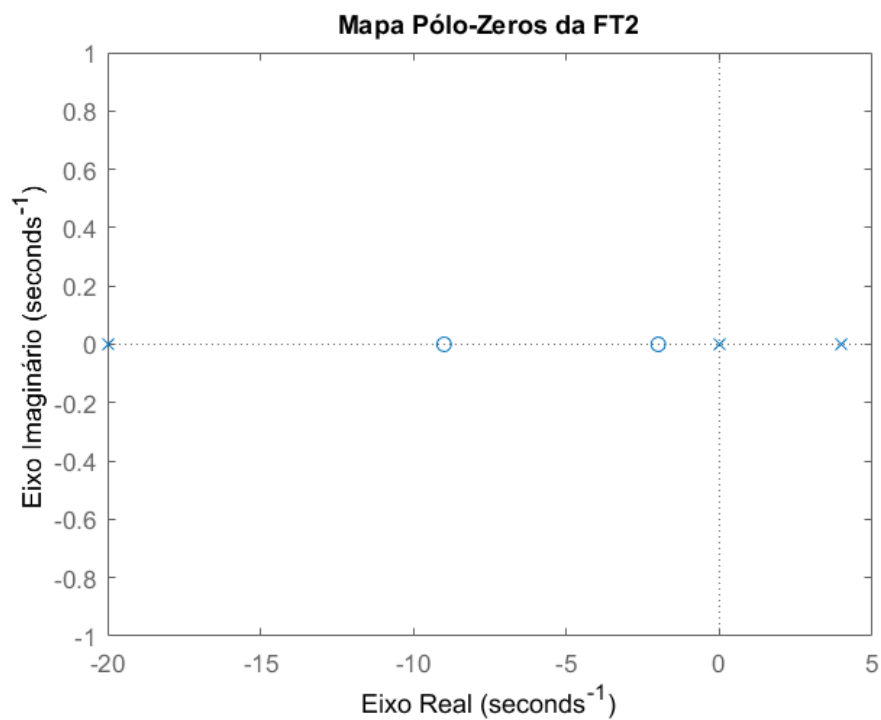
$$\frac{50(s+9)(s+2)}{s^2(s-4)(s+20)}$$

Continuous-time zero/pole/gain model.

```
figure(1)
pzmap(FT1); % Desenha o mapa-polos zeros da função introduzida A=num B=den
title('Mapa Pólo-Zeros da FT1'); xlabel('Eixo Real (seconds-1); ylabel('Eixo Imaginário (seconds-1);
```



```
figure(2)
pzmap(FT2); title('Mapa Pólo-Zeros da FT2');
xlabel('Eixo Real (seconds-1); ylabel('Eixo Imaginário (seconds-1);
```



```

num_FT3=poly([-1 -1]) % A função poly converte raízes em polinômios
den_FT3=poly([-4 -5 0 -6])
di sp(' Função de Transferência F3 ou FT3=tf(num_FT3,den_FT3)');
FT3=tf(num_FT3,den_FT3)

```

```

% A Função Series, faz a associação em cascata, ou em série funções
di sp(' '); di sp(' '); di sp(' Associação em cascata de FT2 com FT3');
F=series(FT2, FT3)

```

num_FT3 =

1 2 1

den_FT3 =

1 15 74 120 0

Função de Transferência F3 ou FT3=tf(num_FT3,den_FT3)

FT3 =

$$\frac{s^2 + 2s + 1}{s^4 + 15s^3 + 74s^2 + 120s}$$

Continuous-time transfer function.

Associação em cascata de FT2 com FT3

F =

$$\frac{50(s+1)^2(s+2)(s+9)}{s^3(s+6)(s+5)(s+4)(s-4)(s+20)}$$

Continuous-time zero/pole/gain model.

```

FT4=tf(4,[1 1]); FT5=zpk([],[],1);

```

% Faça help na linha de comandos do Matlab para feedback e observe a sintaxe

```

Z1=feedback(FT4,FT5); % Retroação, de G com H, c/ retroação -
Z2=FT4/(1+FT4*FT5); % Forma manual de calcular G/(1+GH), não simplifica

```

```

di sp(' '); di sp(' ');

```

% Forma de apresentar informação na linha de comandos do Matlab

```

di sp(' Função de Transferência Z1 ou Z1=feedback(FT4,FT5) '); Z1

```

```

di sp(' '); di sp(' ');

```

```

di sp(' Função de Transferência Z2 ou Z2=FT4/(1+FT4*FT5) '); Z2

```

```

di sp(' '); di sp(' ');

```

Função de Transferência Z1 ou $Z1 = \text{feedback}(FT4, FT5)$

Z1 =

$$\frac{4}{(s+5)}$$

Continuous-time zero/pole/gain model.

Função de Transferência Z2 ou $Z2 = FT4/(1+FT4*FT5)$

Z2 =

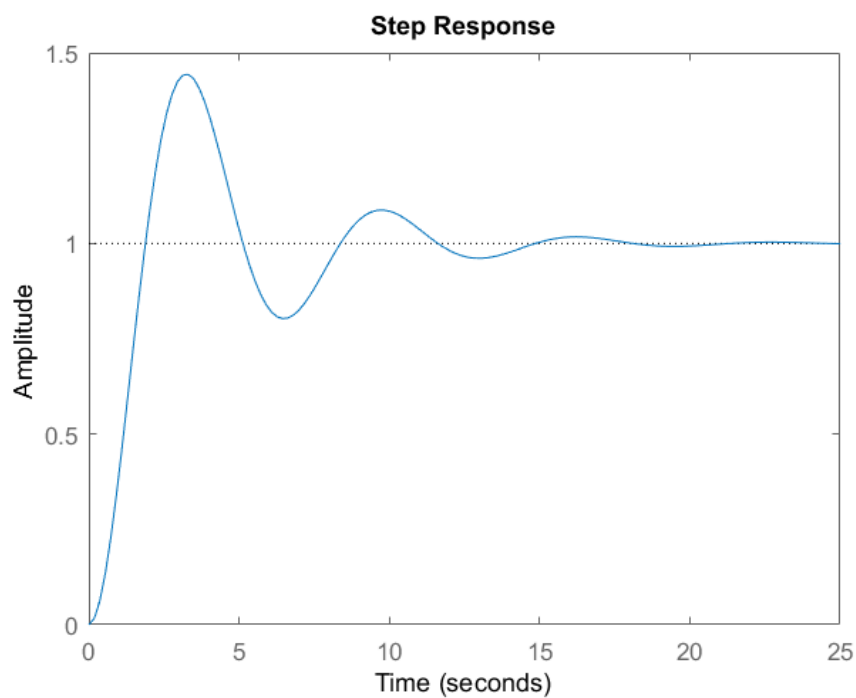
$$\frac{4(s+1)}{(s+1)(s+5)}$$

Continuous-time zero/pole/gain model.

```
%%%%%%%%%%%% 4ª Parte - Respostas temporais e tratamento de graficos
clc
disp(' '); disp(' ');
disp(' 4ª Parte - Respostas temporais e tratamento de graficos'); disp(' ');

figure(3) % Aplicação de x(t)=1 (escala) sem tratamento de grafico
FT6=tf(1, [1 0.5 1]);
step(FT6)
```

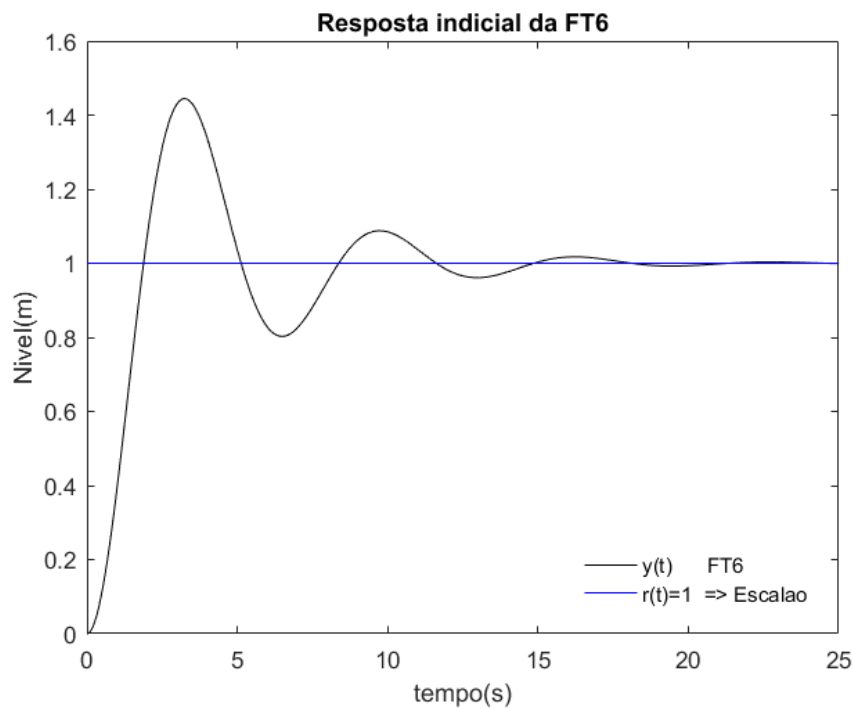
4ª Parte - Respostas temporais e tratamento de graficos



```

figure(4) % Aplicação de  $x(t)=1$  com tratamento de grafico (legendas, etc)
t1=0:0.01:30;
V1=step(FT6,t1);
r1=ones(length(t1),1); % cria var set-point com dimensão t1
plot(t1,V1,'k-',t1,r1,'b-')
xlabel('tempo(s)'); ylabel('Nivel(m)');
title('Resposta indici al da FT6');
legend('y(t) FT6','r(t)=1 => Escalao','Location','southeast');
legend('boxoff');
axis([0 25 0 1.6]) % Controla as coordenadas xmin xmax ymin ymax

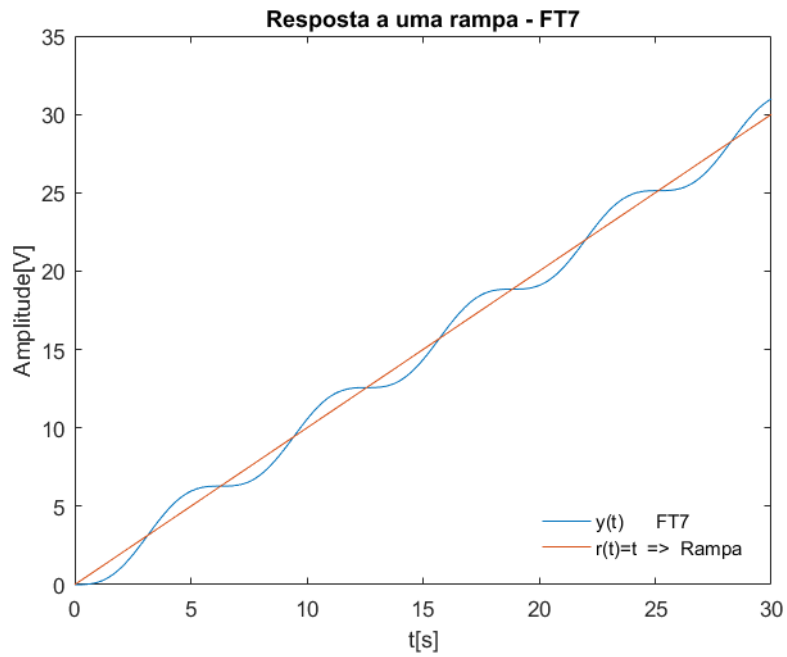
```



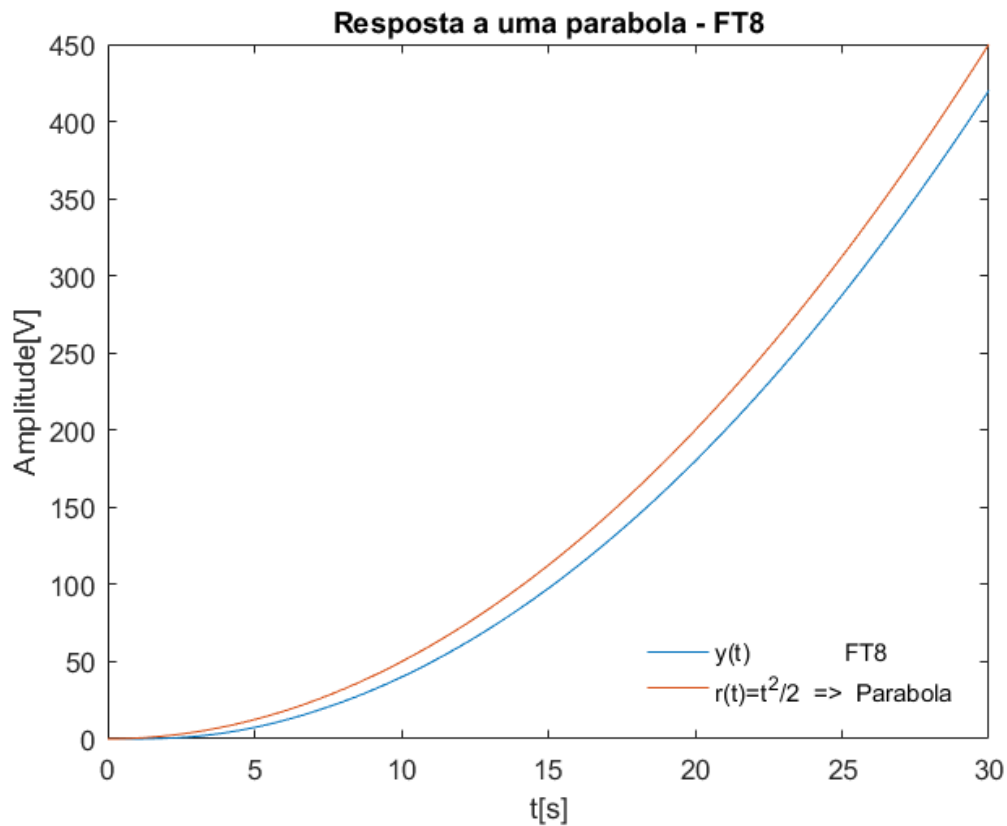
```

figure(5); % Aplicação de uma rampa  $x(t)=t$ , usando a função lsim
FT7=tf(1,[1 0 1]);
t2=0:0.1:30;
r2=t2; % entrada do tipo rampa unitaria
V2=lsim(FT7,r2,t2);
plot(t2,V2,'- ',t2,r2,'- ')
title('Resposta a uma rampa - FT7');
xlabel('t[s]'); ylabel('Amplitude[V]');
legend('y(t) FT7','r(t)=t => Rampa','Location','southeast')
legend('boxoff')

```



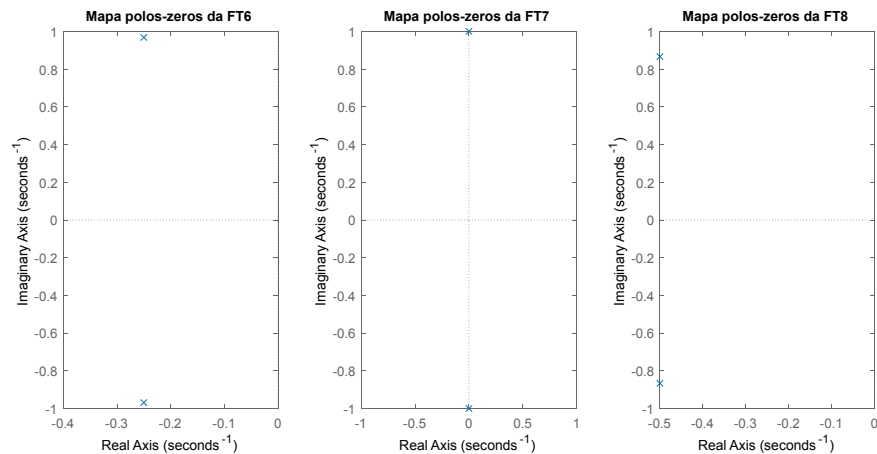
```
figure(6); % Aplicação de uma parábola  $x(t)=(t^2)/2$ , usando a função lsim
FT8=tf(1,[1 1 1]);
t3=0:0.1:30; r3=(t3.^2)/2; % Entrada do tipo parábola unitária
V3=lsim(FT8,r3,t3);
plot(t3,V3,'- ',t3,r3,'- ')
title('Resposta a uma parábola - FT8'); xlabel('t[s]');
ylabel('Amplitude[V]');
legend('y(t) FT8', 'r(t)=t^2/2 => Parábola', 'Location','southeast')
legend('boxoff')
```



```
figure(7)      % Utilização da função Subplot com 1 linha e 3 colunas
subplot(1, 3, 1)
pzmap(FT6); title('Mapa polos-zeros da FT6');

subplot(1, 3, 2)
pzmap(FT7); title('Mapa polos-zeros da FT7');

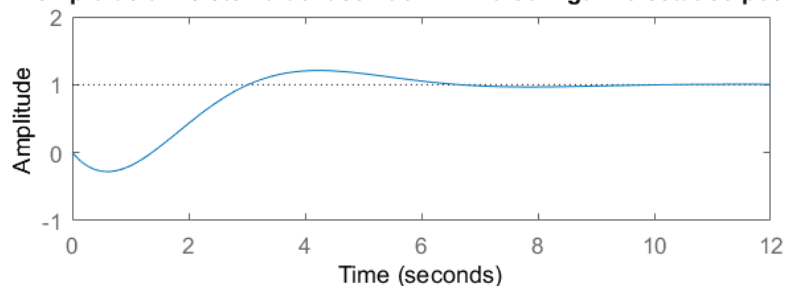
subplot(1, 3, 3)
pzmap(FT8); title('Mapa polos-zeros da FT8');
```



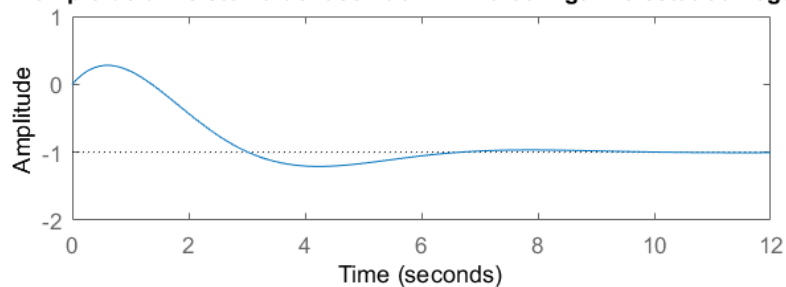
```
figure(8)      % Utilização da função Subplot com 2 linhas e 1 coluna
subplot(2, 1, 1)
FT_9A=tf([-1 1], [1 1 1]);
step(FT_9A); title('Exemplo de um sistema de fase não mínima com ganho estático positivo')

subplot(2, 1, 2)
FT_9B=tf([1 -1], [1 1 1]);
step(FT_9B); title('Exemplo de um sistema de fase não mínima com ganho estático negativo')
```

Exemplo de um sistema de fase não mínima com ganho estático positivo



Exemplo de um sistema de fase não mínima com ganho estático negativo




```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%% 5ª Parte - Transformada directa e inversa de Laplace
clc
disp(' '); disp(' ');
disp(' 5ª Parte - Transformada directa e inversa de Laplace') ; disp(' ');

syms s t           % Representação simbólica

Y1=4/s^2
y1a=ilaplace(Y1) % output no Matlab com a TL inversa de 4/s^2

```

5ª Parte - Transformada directa e inversa de Laplace

Y1 =

$4/s^2$

y1a =

$4*t$

```

y2b=3*t
Y2=laplace(y2b) % output no Matlab a transformada de Laplace de 3t

```

y2b =

$3*t$

Y2 =

$3/s^2$

```

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%% 6ª Parte - Matrices
clc
disp(' '); disp(' 6ª Parte - Matrices'); disp(' ');

E=[1 0; 2 3]
F=[4 5; 6 7]
I=E+F
J=E*I
K=sqrt(J)
L=inv(K)
M=L'           % transposta da Matriz L

O=E/F          % O=E/F é equivalente a O=E*inv(F)      4/2 => 4*inv(2)=2
J=E*inv(F)     % J=O

%Nota2: E preciso cuidado com as operações matriciais, porque para os
%      matemáticos não é possível dividir matrices
R=E\F          % R=E/F é equivalente a R=inv(E)*F      4\2 => inv(4)*2=0.5
P=inv(E)*F     % P=R

```

6ª Parte - Matrizes

E =

1	0
2	3

F =

4	5
6	7

I =

5	5
8	10

J =

5	5
34	40

K =

2. 2361	2. 2361
5. 8310	6. 3246

L =

5. 7302	-2. 0259
-5. 2829	2. 0259

M =

5. 7302	-5. 2829
-2. 0259	2. 0259

O =

-3. 5000	2. 5000
2. 0000	-1. 0000

J =

-3. 5000	2. 5000
2. 0000	-1. 0000

R =

4. 0000	5. 0000
---------	---------

-0.6667 -1.0000

P =

4.0000 5.0000
-0.6667 -1.0000

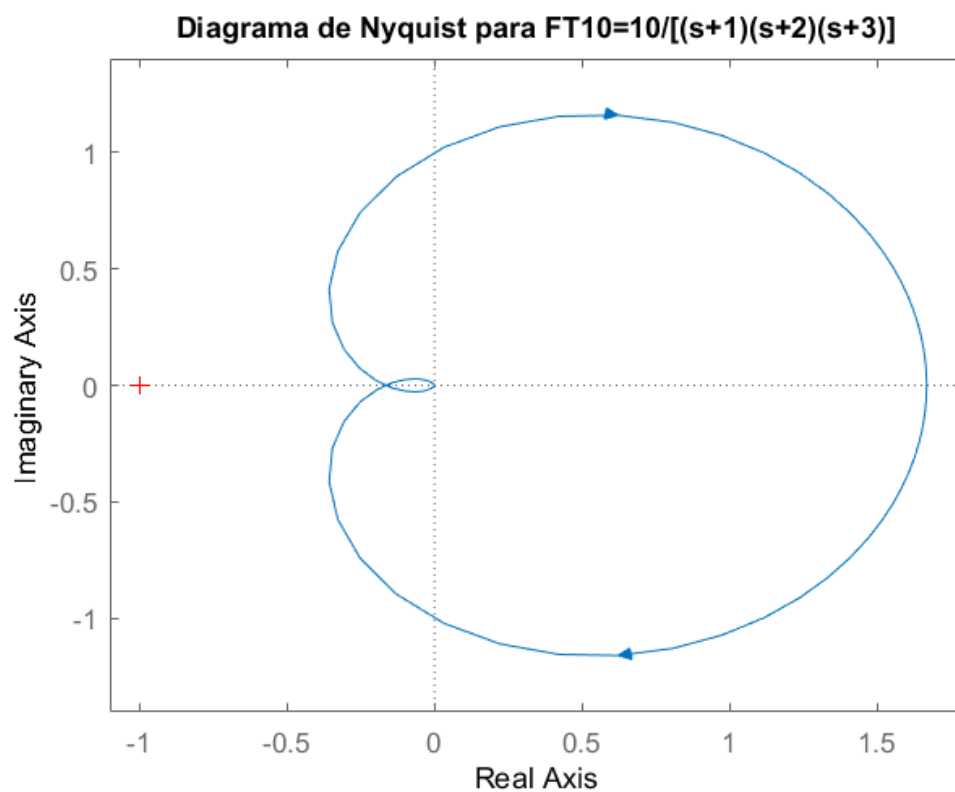
%%7ª Parte - Funções para o estudo da estabilidade no MATLAB

%Nota: A função de entrada nos 3 algoritmos de estudo da estabilidade é
%a função de transferência em cadeia aberta (GH), porque $1+GH=0$ e depois o
%algoritmo trabalha com GH em função do ponto -1, ou seja $GH=-1$

```
clc  
disp(' '); disp(' '); disp(' 7ª Parte - Funções de Controlo no MATLAB');  
disp('Nyquist, Root Locus e Diagramas de Bode'); disp(' ');
```

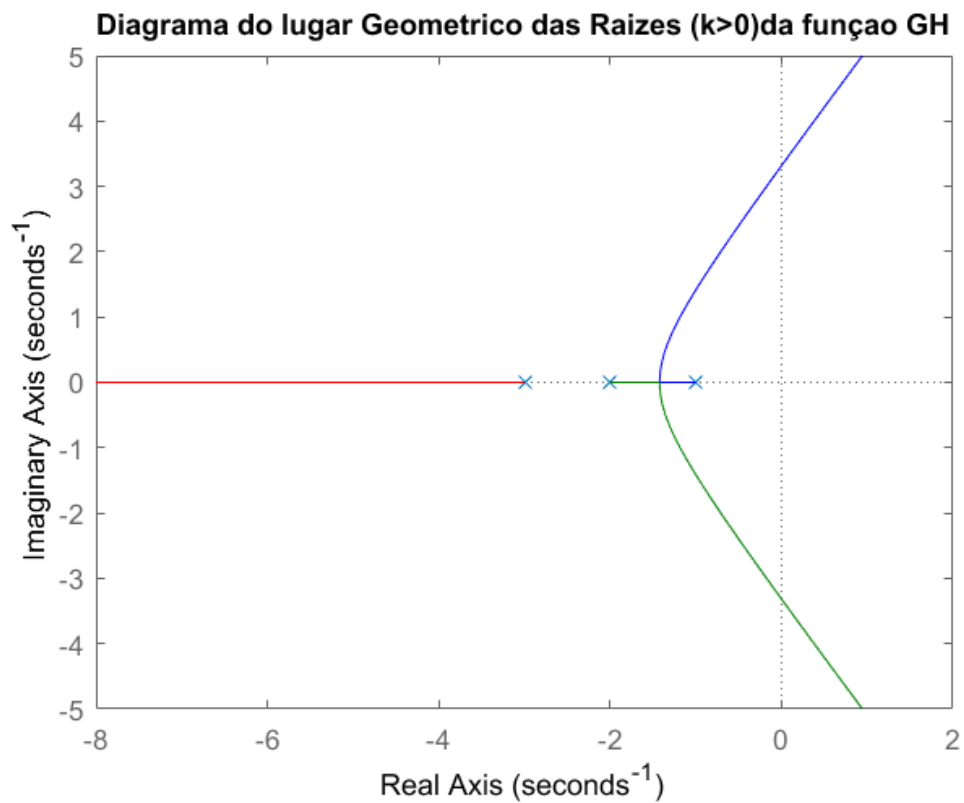
```
% Diagramas de Nyquist  
figure(9)  
FT10=zpk([], [-1 -2 -3], 10);  
nyquist(FT10)  
title('Diagrama de Nyquist para FT10=10/[(s+1)(s+2)(s+3)]')  
v=[-1.1 1.8 -1.4 1.4]; axis(v)
```

7ª Parte - Funções de Controlo no MATLAB
Nyquist, Root Locus e Diagramas de Bode



Diagramas do lugar geometrico das raizes - Root Locus

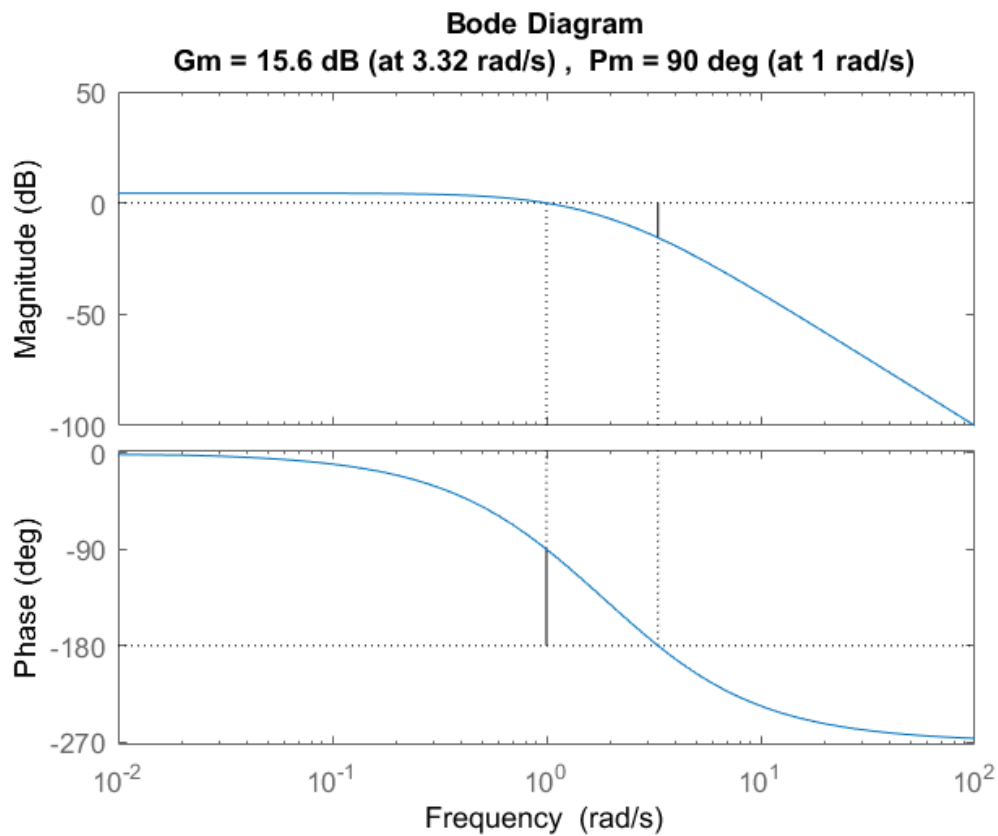
```
figure(10)
rlocus(FT10)
title('Diagrama do lugar Geometrico das Raizes (k>0)da função GH')
```



Diagramas de Bode de Amplitude e de fase

```
figure(11)
margin(FT10); % Este comando alem de gerar os 2 diagramas (amplitude e fase),
%apresenta no titulo da figura, a margem de ganho e de fase, estes 2
% indicadores servem para estudar a estabilidade relativa de um sistema

% Existe outro comando para desejar diagramas de Bode => bode(num12,den12)
% no entanto não apresenta na fig. o valor das margens (ganho e de fase)
```



8ª Parte - Variáveis de Estado

clc

disp(' '); disp(' '); disp('8ª Parte - Variáveis de Estado'); disp(' ');

A=[-2 2; 1.5 -4]; B=[10/3; 0]; C=[0 1]; D=0;

ME1=ss(A, B, C, D) % Função para definir um modelo de estado

8ª Parte - Variáveis de Estado

ME1 =

A =

	x1	x2
x1	-2	2
x2	1.5	-4

B =

	u1
x1	3.333
x2	0

C =

	x1	x2
y1	0	1

D =

	u1
y1	0

Continuous-time state-space model.

```
[num11,den11]=ss2tf(A,B,C,D); % Converte um modelo de estado para FT's
FT11=tf(num11,den11)
raizes_ME1=eig(FT11)
```

FT11 =

$$\frac{5}{s^2 + 6s + 5}$$

Continuous-time transfer function.

raizes_ME1 =

```
-5.0000
-1.0000
```

confirmação inversa. A partir da FT obter o modelo de estado

```
[A2,B2,C2,D2]=tf2ss(num11,den11); % Converte uma FT em modelo de estado

di sp('Modelo de estado 2 => ME2, diferente do 1º=> ME1');
Sistema2=ss(A2,B2,C2,D2)
% Resposta da confirmação: Origina um modelo de estado diferente do 1º
```

Modelo de estado 2 => ME2, diferente do 1º=> ME1

Sistema2 =

$$A = \begin{matrix} & x1 & x2 \\ x1 & -6 & -5 \\ x2 & 1 & 0 \end{matrix}$$

$$B = \begin{matrix} & u1 \\ x1 & 1 \\ x2 & 0 \end{matrix}$$

$$C = \begin{matrix} & x1 & x2 \\ y1 & 0 & 5 \end{matrix}$$

$$D = \begin{matrix} & u1 \\ y1 & 0 \end{matrix}$$

Continuous-time state-space model.

Novo objectivo Voltar a obter a FT0=Num0/Den0

```
[num12, den12]=ss2tf(A2, B2, C2, D2);  
FT12=tf(num12, den12)
```

FT12 =

$$\frac{5}{s^2 + 6s + 5}$$

Continuous-time transfer function.

%% 9ª Parte - Comando ord2, rmodel e

%comando ord2, permite obter as 4 matrizes para modelo de estado ou uma FT
%em função de um coeficiente de amortecimento z e uma frequência Wn

```
%%[A, B, C, D]=ord2(Wn, Z) ou %[NUM, DEN]=ord2(Wn, Z)  
[A3, B3, C3, D3]=ord2(2, sqrt(2)/2)  
[num13, den13]=ord2(2, sqrt(2)/2)
```

A3 =

$$\begin{bmatrix} 0 & 1.0000 \\ -4.0000 & -2.8284 \end{bmatrix}$$

B3 =

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

C3 =

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}$$

D3 =

$$0$$

num13 =

$$1$$

den13 =

$$\begin{bmatrix} 1.0000 & 2.8284 & 4.0000 \end{bmatrix}$$

```

clc
disp(' '); disp(' ');
disp('9ª Parte - comandos ord 2, rmodel e damp'); disp(' ');

% Pergunta e resposta para obter a resposta de um sistema de 2ª ordem
% Z=input('Qual o valor do coeficiente de amortecimento pretendido? Z=');
% disp(' ')
% Wn=input('Qual o valor da frequência natural não amortecida pretendida? Wn=');
Z=0.2;
Wn=1;

% Gera um num e um den de 2ª ordem recebendo um Wn e um Z (coef. de amort.)
[a,b] = ord2(Wn,Z);
FT14=tf(a,b)
figure(90)
step(FT14)

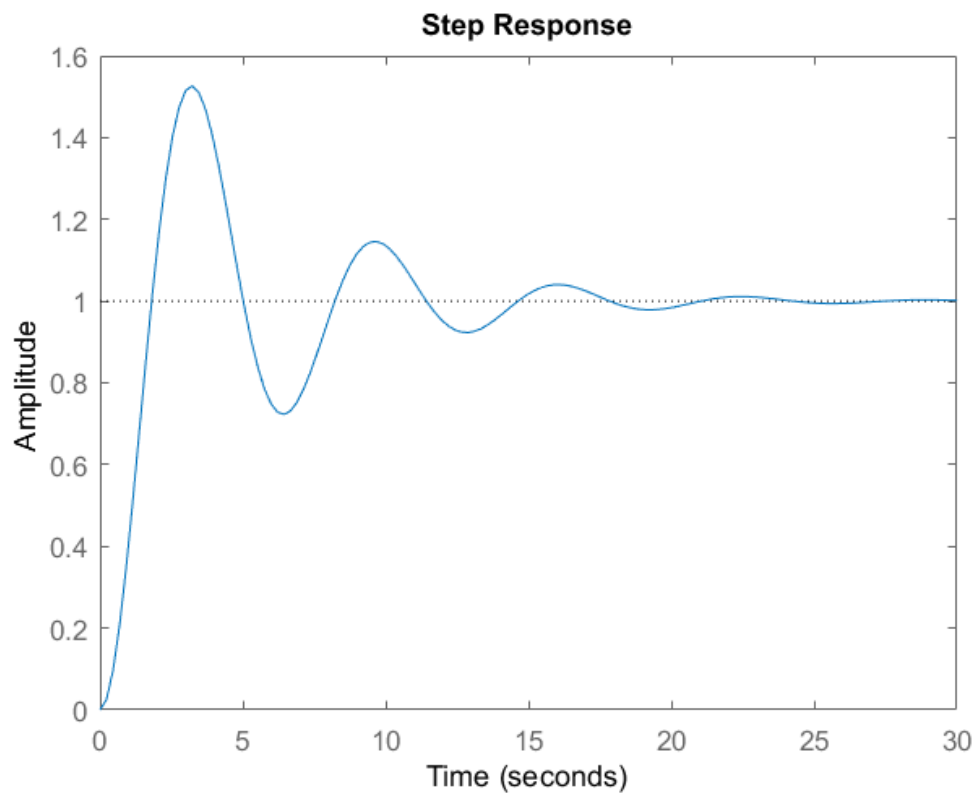
```

9ª Parte - comandos ord 2, rmodel e damp

FT14 =

$$\frac{1}{s^2 + 0.4 s + 1}$$

Continuous-time transfer function.




```

di sp(' '); di sp(' ');
di sp(' Comando RMODEL para gerar modelos de 2ª ordem aleatório')
% comando RMODEL % Geral modelos de 2ª ordem aleatório
for i=2:10

```

```

    i
    [NUM, DEN]=rmodel(2);
    FT15=tf(NUM, DEN); % ou FT15=tf(1, Den)
    figure(100+i)
    step(FT15)
    FT15

```

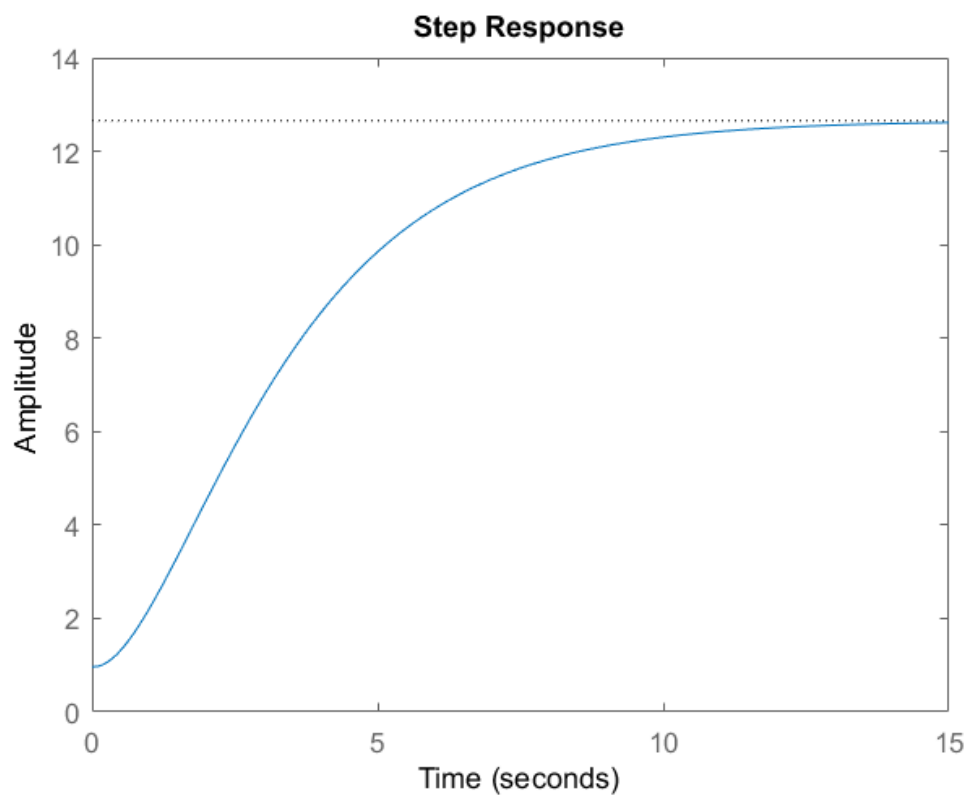
i =

2

FT15 =

$$\frac{0.9642 s^2 + 1.029 s + 4.142}{s^2 + 1.187 s + 0.3273}$$

Continuous-time transfer function.



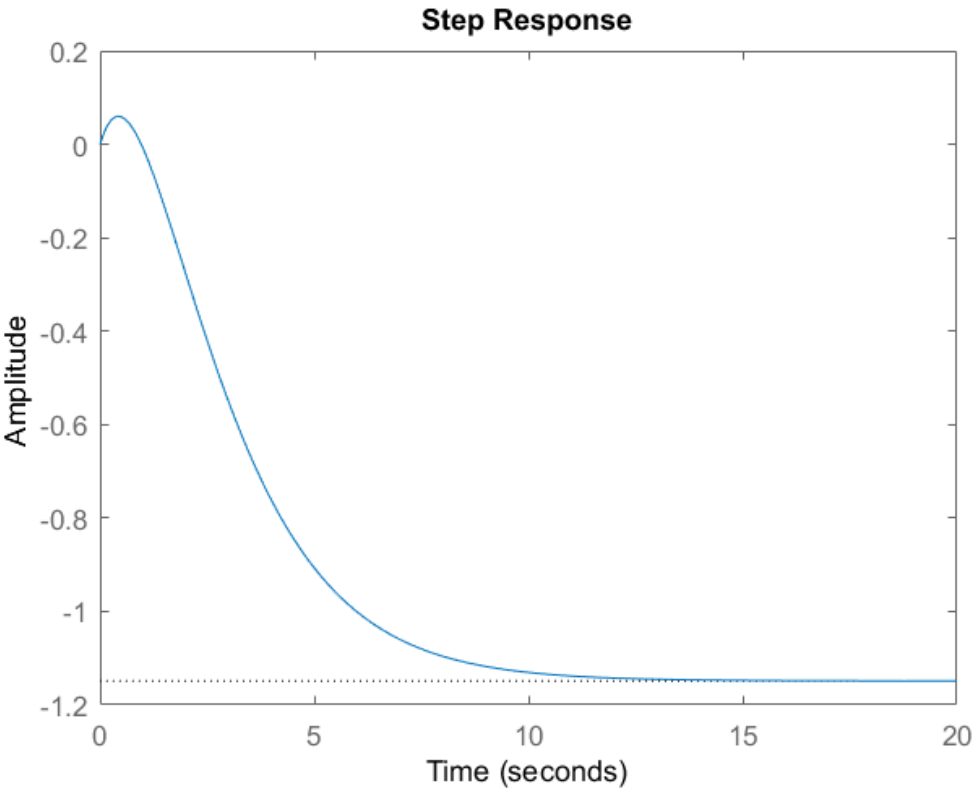
i =

3

FT15 =

$$\frac{0.3075\text{ s} - 0.5091}{s^2 + 1.354\text{ s} + 0.4432}$$

Continuous-time transfer function.



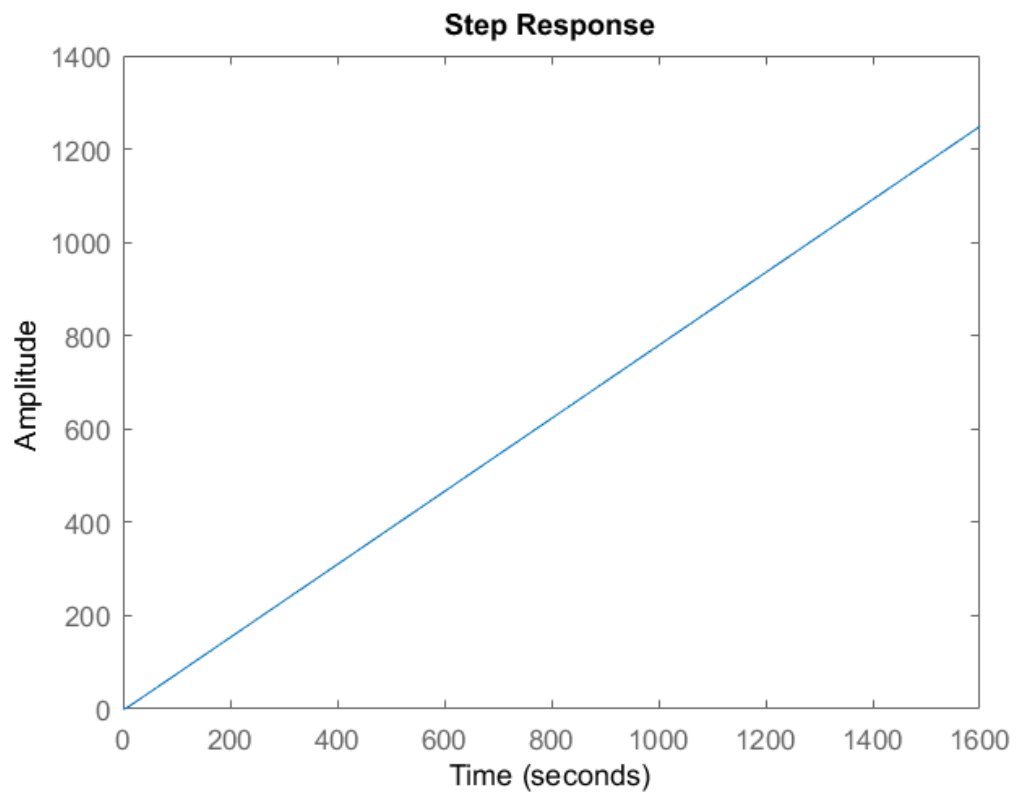
i =

4

FT15 =

$$\frac{0.1837}{s^2 + 0.2348\text{ s}}$$

Continuous-time transfer function.



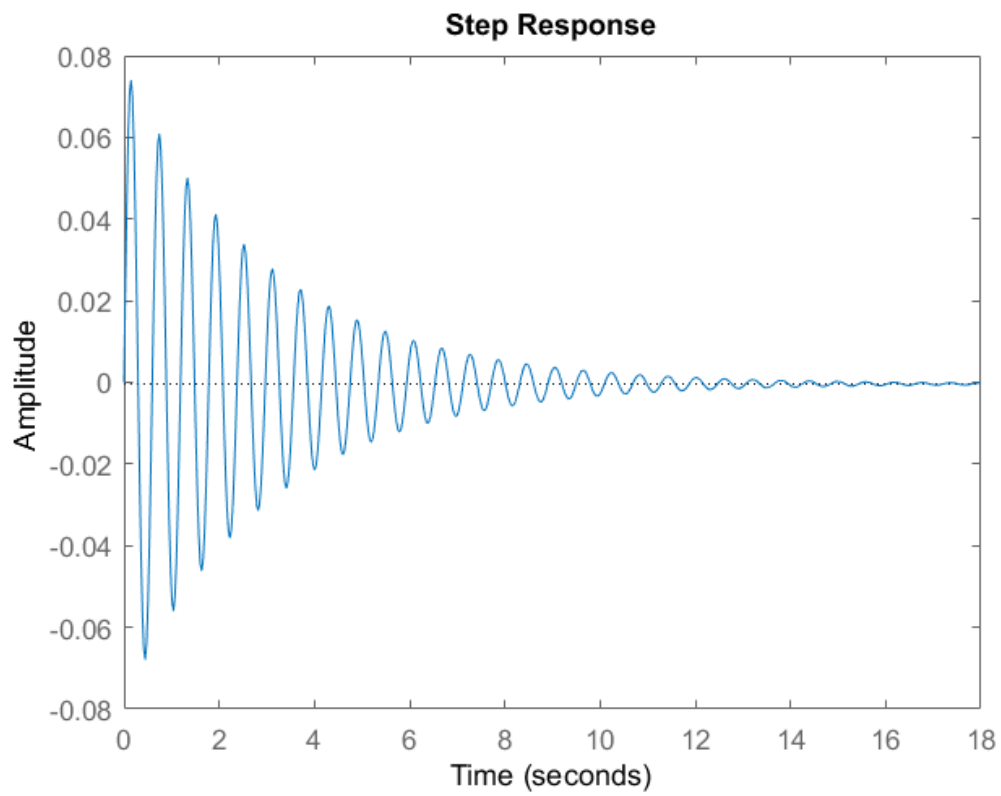
i =

5

FT15 =

$$\frac{0.8261 s - 0.04237}{s^2 + 0.6541 s + 112.1}$$

Continuous-time transfer function.



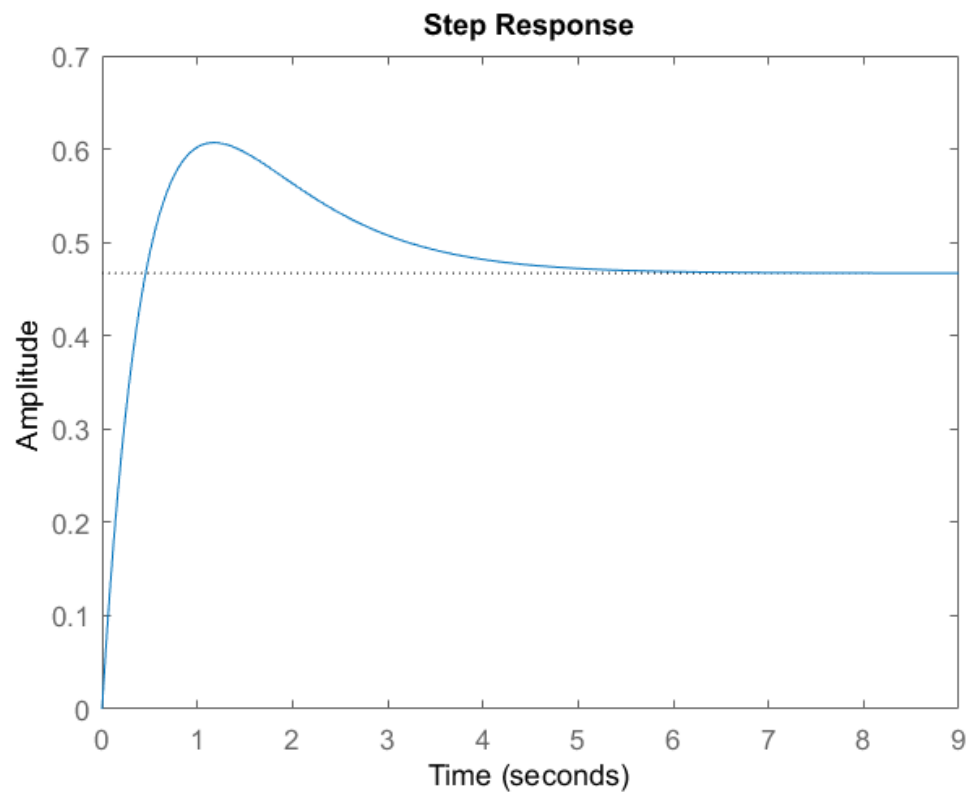
i =

6

FT15 =

$$\frac{1.682 s + 0.8949}{s^2 + 2.819 s + 1.916}$$

Continuous-time transfer function.



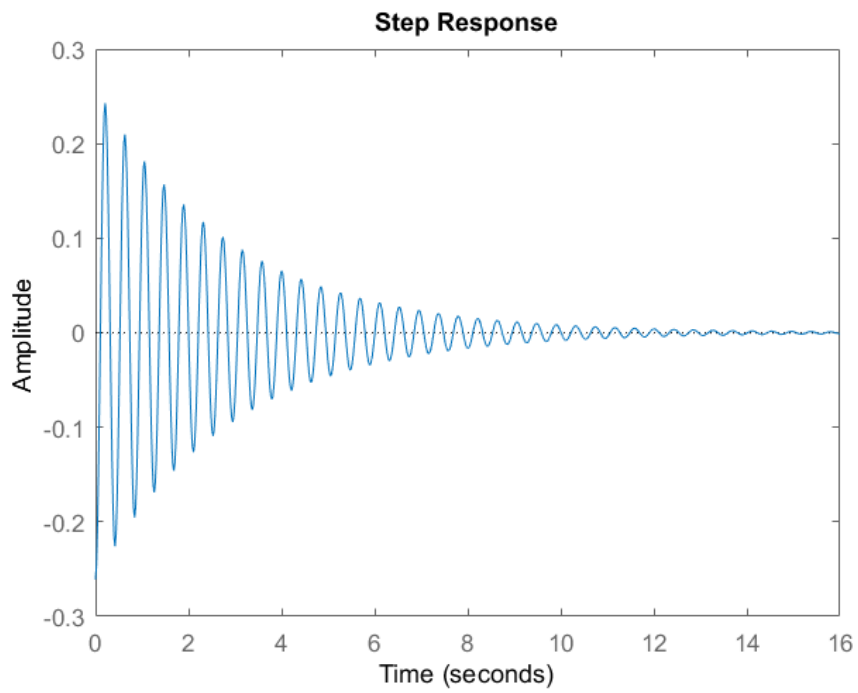
i =

7

FT15 =

$$\frac{-0.2612 s^2 - 0.08145 s - 0.02626}{s^2 + 0.69 s + 222.4}$$

Continuous-time transfer function.



i =

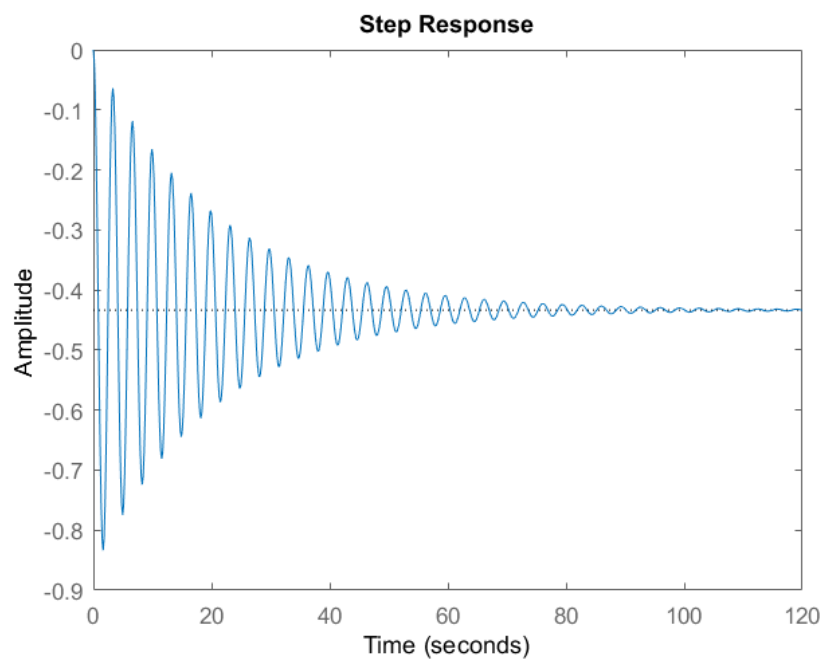
8

FT15 =

-1.565

s^2 + 0.09671 s + 3.61

Continuous-time transfer function.



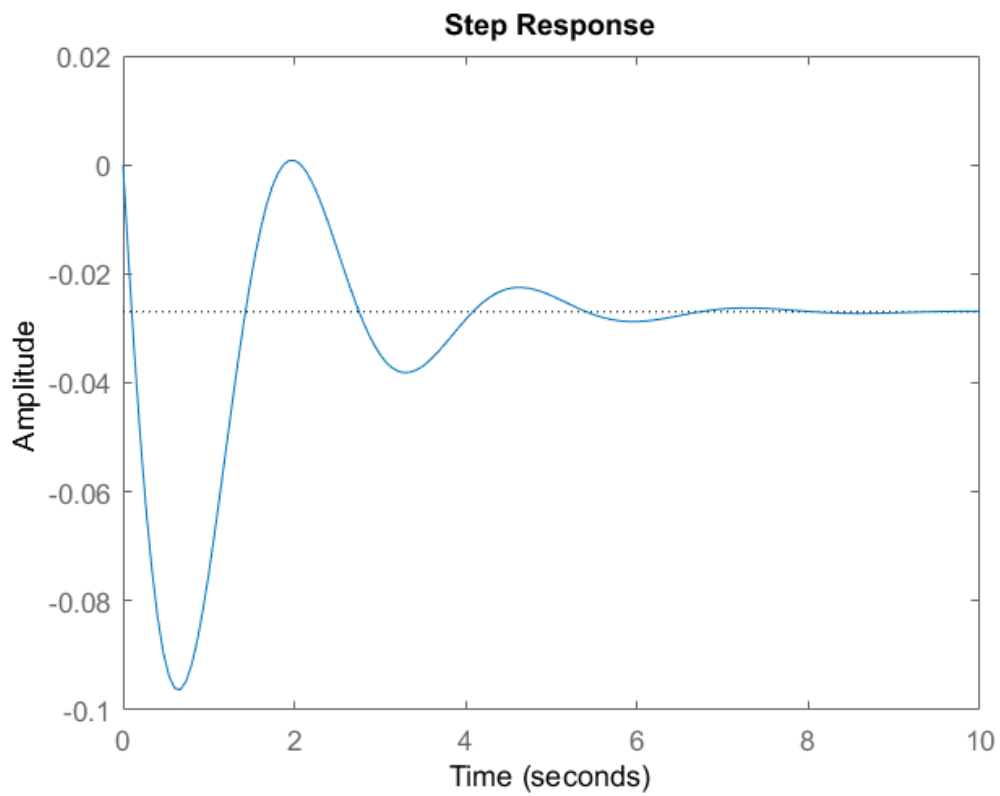
i =

9

FT15 =

$$\frac{-0.2781 s - 0.1641}{s^2 + 1.378 s + 6.083}$$

Continuous-time transfer function.



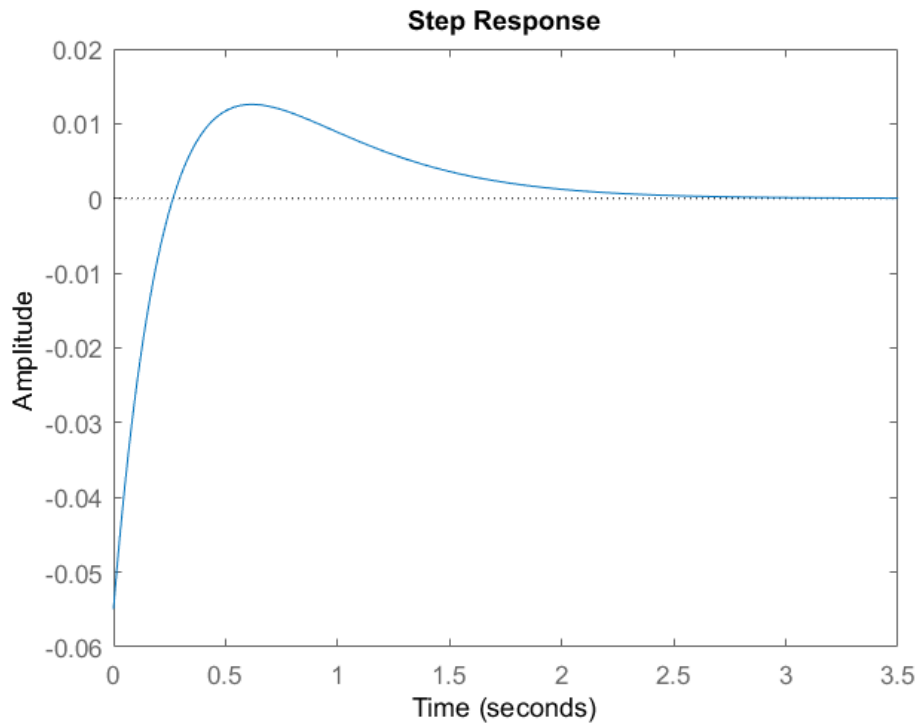
i =

10

FT15 =

$$\frac{-0.05492 s^2 + 0.05079 s - 2.532e-06}{s^2 + 5.687 s + 8.074}$$

Continuous-time transfer function.



```
%pause
```

```
end
```

Comando RMODEL para gerar modelos de 2ª ordem aleatório

```
%comando DAMP [Wn,Z] ou DAMP(SYS)
% Permite obter o coeficiente de amortecimento e Wo e depois calcular Taus
FT16=tf(1,[1 6 8])
Polos_FT16=eig(FT16) % raizes da equação característica FT16
[Wn,Z] = damp(FT16) % Indica qual o Wn e o Z de um sistema linear
Tau1=1/(Wn(1,1)*Z(1,1)); Tau2=1/(Wn(2,1)*Z(2,1));
fprintf('O valor da constante de tempo 1, Tau1= %.3f\n', Tau1); disp(' ')
fprintf('O valor da constante de tempo 2, Tau2= %.3f\n', Tau2); disp(' ')

```

FT16 =

```

      1
-----
s^2 + 6 s + 8

```

Continuous-time transfer function.

Polos_FT16 =

```

-4
-2

```

Wn =

```

2
4

```


Z =

1
1

0 valor da constante de tempo 1, Tau1= 0.500

0 valor da constante de tempo 2, Tau2= 0.250

%%%%%%%%%%%%%% 10ª Parte - Itview

```
FT_17=tf([1],[1 1 1]);  
FT_18=tf([-4 2],[1 1 1]);  
Itview({'step','bode'},FT_17,FT_18)
```

%É possível inserir legenda diretamente da figura gerada (ao lado direito da
% lupa -, e para retirar a borda fazer edge a branco (nas opções da caixa)

```
%  
% disp(' '); disp(' ');  
% %disp('Prima qualquer tecla para fechar todas as figuras.....'); %pause;  
%  
% close all %(fecha todas as figuras abertas)
```

