

1 - Introdução:

O aparecimento de microprocessadores e micro-controladores de muito baixo custo veio permitir a criação de aplicações informáticas que aplicam técnicas de processamento digital de sinais, com bastantes vantagens sobre soluções analógicas equivalentes, pois podem ser facilmente reconfiguradas bastando alterar o software que executam, com muitas aplicações na área do controlo e monitorização de sistemas, entre outras.

Para desempenhar essas tarefas, as aplicações necessitam recolher dados acerca do estado dos sistemas que estão a controlar ou monitorizar, que podem ser obtidos recorrendo a diversos tipos de sensores que convertem grandezas físicas em sinais elétricos. Por exemplo, temperaturas, pressões de gases ou líquidos, posição e velocidades de motores, tensões e correntes, etc.

Os valores produzidos pelos sensores são depois lidos periodicamente pelos microprocessadores/micro-controladores/DSPs que possuem pinos especiais de entrada que permitem ler valores digitais ou analógicos instantâneos.

Aos valores lidos nessas entradas dá-se o nome de amostras e o ritmo a que os valores são lidos denomina-se frequência de amostragem. A figura 1 apresenta uma sequência de amostras extraída de um sinal sinusoidal com freq. 50Hz e 320V de amplitude. Este sinal foi amostrado com uma frequência de 3kHz, pelo que foram adquiridas 60 amostras por cada período da onda original.

O espaço de tempo entre amostras, chamado período de amostragem, é o inverso da frequência de amostragem. Neste exemplo, o período de amostragem $h = 1.0s/3000 = 333.3$ micro-segundos.

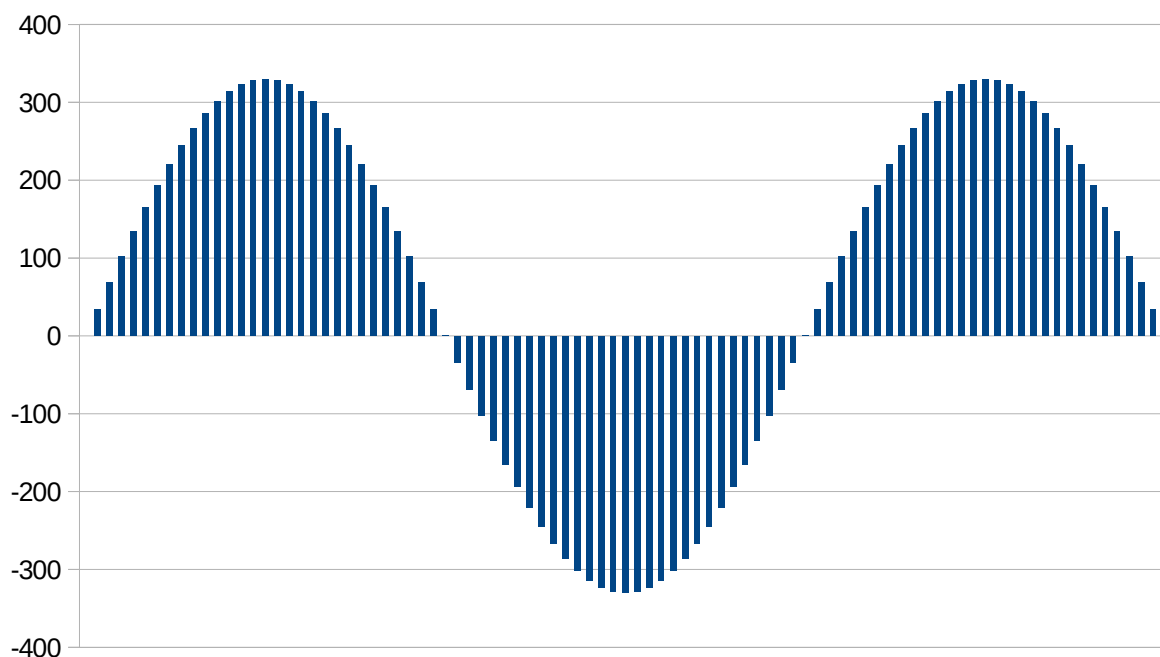


Fig 1: Amostras de um sinal sinusoidal (V)

2 - Trabalho prático:

Para este trabalho, pretende-se criar um programa com capacidade para ler ficheiros de texto contendo amostras de sinais, executar processamento sobre esses sinais e voltar a criar ficheiros de texto com os sinais resultantes. Os ficheiros resultantes, devem obedecer ao formato CSV (comma-separated-values), podendo ser facilmente lidos por folhas de cálculo (MS Excell, Libre-Office, etc.), que permitem visualizar os resultados de forma gráfica.

2.1 - Estruturas de dados

Crie uma estrutura de dados (struct) “sinal”, para guardar na memória do computador os dados de um sinal, incluindo os seguintes campos:

- a) Frequência de amostragem (inteiro)
- b) Quantidade de amostras recolhidas (inteiro)
- c) Apontador para um “array” com valores das amostras (valores reais de Voltagem)

2.2 - Ficheiros de entrada

Crie uma função em linguagem C para ler dados de um sinal a partir de um ficheiro de texto, de acordo com as seguintes especificações:

- a) A função recebe como parâmetro uma string com o nome/caminho do ficheiro a abrir (previamente preenchida pelo programa antes de executar a função)
- b) A função retorna como resultado uma estrutura “sinal”, contendo a informação obtida do ficheiro
- c) A função deve alocar dinamicamente um “array” para guardar as amostras lidas
- d) O ficheiro de texto, tem uma valor por linha e obedece ao formato do exemplo seguinte:

sinal.txt

1000	→ Frequência de amostragem
20	→ Quantidade de amostras
0.0	→ Primeira amostra (t = 0)
10.0	→ Segunda amostra
11.3	→ Terceira amostra
15.0	
5.1	
0.0	
-5.0	
-12	
-15.3	
-8.2	
-3.1	
0.1	
5.33	
10.25	
16.2	
8.1	
3.2	
-1.1	
-8.0	
-12.3	→ Amostra N. 20 (ultima)

2.2 - Ficheiros de saída

Crie uma função em linguagem C para guardar os dados de dois sinais num ficheiro de texto em formato CSV.

a) A função recebe com parâmetros de entrada o nome/caminho do ficheiro a criar e dois apontadores para duas estruturas sinal, correspondendo a um sinal de entrada e outro de saída.

b) A função deve verificar se o número de amostras dos dois sinais é igual.

Se não acontecer, deve terminar imediatamente.

c) Deve criar um ficheiro de texto de acordo com o formato do seguinte exemplo:

resultado.csv

#Tempo	Entrada	Saída
0.000;	0.0;	0.0
0.001;	10.0;	20.0
0.002;	11.3;	22.6
0.003;	15.0;	30.0
0.004;	5.1;	10.2
0.005;	0.0;	0.0
0.006;	-5.0;	-10.0
0.007;	-12.0;	-24.0
0.008;	-15.3;	-30.6
0.009;	-8.2;	-16.4
0.010;	-3.1;	-6.2
0.011;	0.1;	0.2
0.012;	5.33;	10.66
0.013;	10.25;	20.5
0.014;	16.2;	32.4
0.015;	8.1;	16.2
0.016;	3.2;	6.4
0.017;	-1.1;	-2.2
0.018;	-8.0;	-16.0
0.019;	-12.3;	-24.6

Em que a primeira linha contém uma comentário começado por “#” com a descrição de cada uma das colunas. Cada uma das linhas seguintes contém 3 valores separados por ponto-e-virgula “;”, correspondentes ao um valor de tempo e duas amostras correspondentes de cada sinal (entrada e saída).

NOTA: Este formato de texto pode ser aberto por aplicações de folha de cálculo para apresentar gráficos mostrando os dois sinais, em que a primeira coluna deve ser usada para escala do eixo X. Em cada linha do ficheiro, tempo associado a cada amostra começa em zero e é calculado com base no período de amostragem, que neste exemplo corresponde 1/1000s.

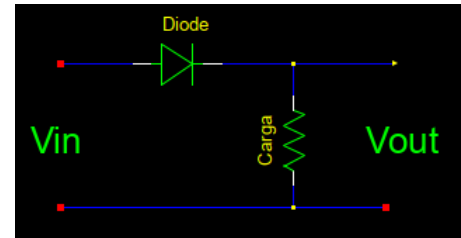
2.3 - Processamento de sinais

Crie várias funções em linguagem C que recebem como parâmetro um apontador para um sinal e produzem como resultado outro sinal com o mesmo número de amostras e frequência de amostragem. Cada função deve criar uma nova estrutura para o sinal de saída, alocar dinamicamente espaço para as amostras do resultado e calcular os valores do sinal de saída com base na amostra correspondente (e anteriores), do sinal de entrada.

a) Retificação de meia onda:

$$y(t) = x(t) \text{ quando } x(t) > 0$$

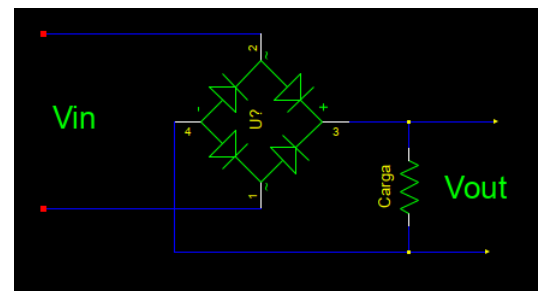
$$y(t) = 0 \text{ quando } x(t) < 0$$



b) Retificação de onda completa:

$$y(t) = x(t) \text{ quando } x(t) > 0$$

$$y(t) = -x(t) \text{ quando } x(t) < 0$$

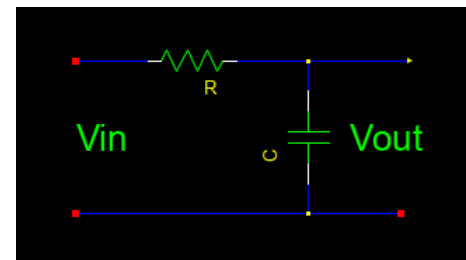


c) Filtro RC:

Um circuito RC rege-se pela seguinte equação diferencial:

$$\frac{\partial V_c}{\partial t} = \frac{1}{RC} (V_{in} - V_c)$$

Que pode ser resolvida numericamente usando vários métodos, como por exemplo, o método de Euler-melhorado:



Dada a equação diferencial genérica: $\frac{\partial y}{\partial x} = f(x, y)$

O método de Euler melhorado calcula valores sucessivos de Y, partido de valores anteriores de X e Y, usando as seguintes formulas:

$$K1 = f(x[i-1], y[i-1])$$

$$K2 = f(x[i], y[i-1] + h * K1)$$

$$Y[i] = Y[i-1] + h * \frac{(K1 + K2)}{2}$$

Notas:

1 - Assume-se que inicialmente o condensador C está descarregado ($V_c = 0$)

2 - Será usado um valor de «h» correspondente ao período de amostragem

3 - Para a eq. diferencial do circuito RC ficamos com: $f(x, y) = \frac{1}{RC} (V_{in} - y)$

4 - Começando com $Y[0] = 0$, a função deve aplicar as fórmulas do método de E.M. a todas as restantes amostras do sinal [1 a N-1].

2.4 - Programa principal

Elabore um programa principal que apresente ao utilizador um menu semelhante ao seguinte:

- 1 – Abrir ficheiro de amostras
- 2 – Aplicar retificação de meia onda
- 3 – Aplicar retificação de onda completa
- 4 – Aplicar filtro RC
- 5 – Guardar ficheiro de resultados
- 6 – Sair do programa

Em que:

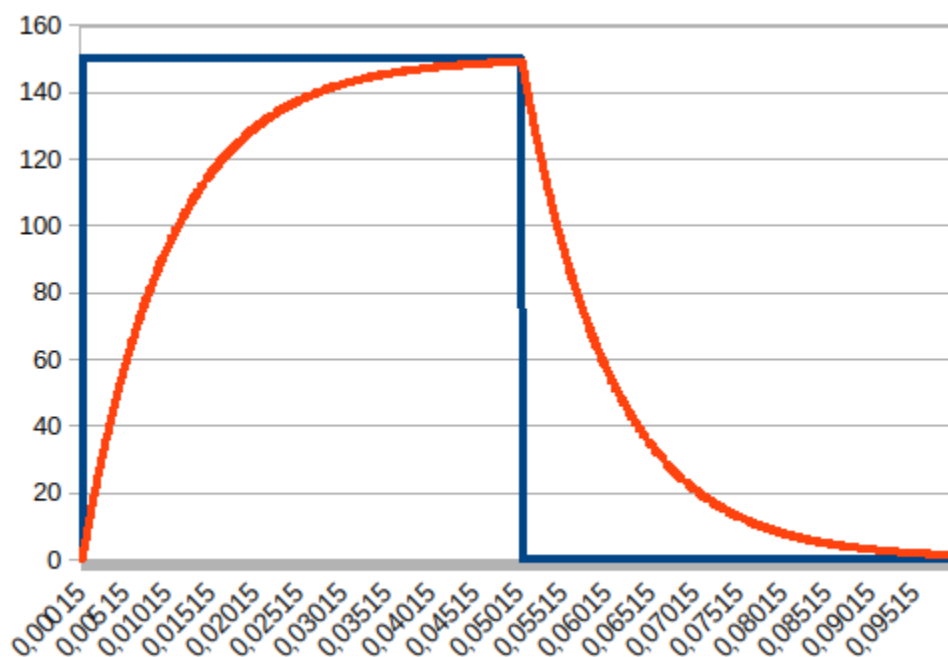
- a) O programa deve correr em ciclo até o utilizador escolher a opção 6.
- b) As opções 1 e 5 devem perguntar ao utilizador o nome/caminho do ficheiro a abrir
- c) A opção 4 deve perguntar ao utilizador os valores de R (Ω) e C (μF).

Notas adicionais:

1 - Conforme as definições de língua/país do computador, o conjunto de caracteres usado na janela de terminal e o carácter decimal ('.' ou ','), poderá variar. Dessa forma podem ocorrer erros ao ler os ficheiros em anexo. Para evitar esses problemas a função **main** poderá começar por configurar o as definições de língua da seguinte forma:

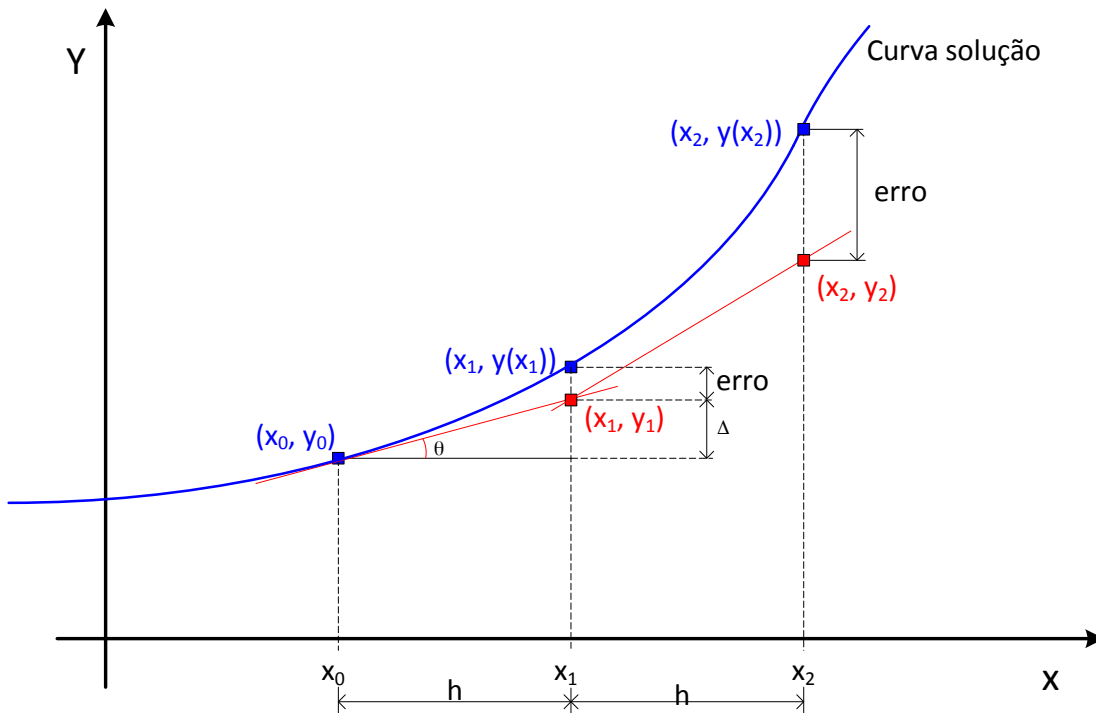
```
#include <locale.h>
.
.
.
setlocale( LC_ALL, "pt_PT" ); // Língua Portuguesa - janela terminal com caracteres nacionais
setlocale( LC_NUMERIC, "C" ); // Usar '.' como caracter decimal em vez de ','
```

2 – Para validar as funções criadas, poderá visualizar graficamente os ficheiros de saída numa folha de cálculo, como mostra o próximo exemplo:



ANEXO

A1 - Método de Euler



A curva a azul representa a solução da equação diferencial

$$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$$

Em que se conhece a condição inicial

$$y(x_0) = y_0$$

O método de Euler consiste no cálculo de sucessivos pontos (x_i, y_i) (representados a vermelho), considerando um valor h entre cada 2 pontos sucessivos.

Conhecendo o valor de y_0

$$y_1 = y_0 + \Delta$$

Sendo

$$\operatorname{tg}(\theta) = f(x_0, y_0)$$

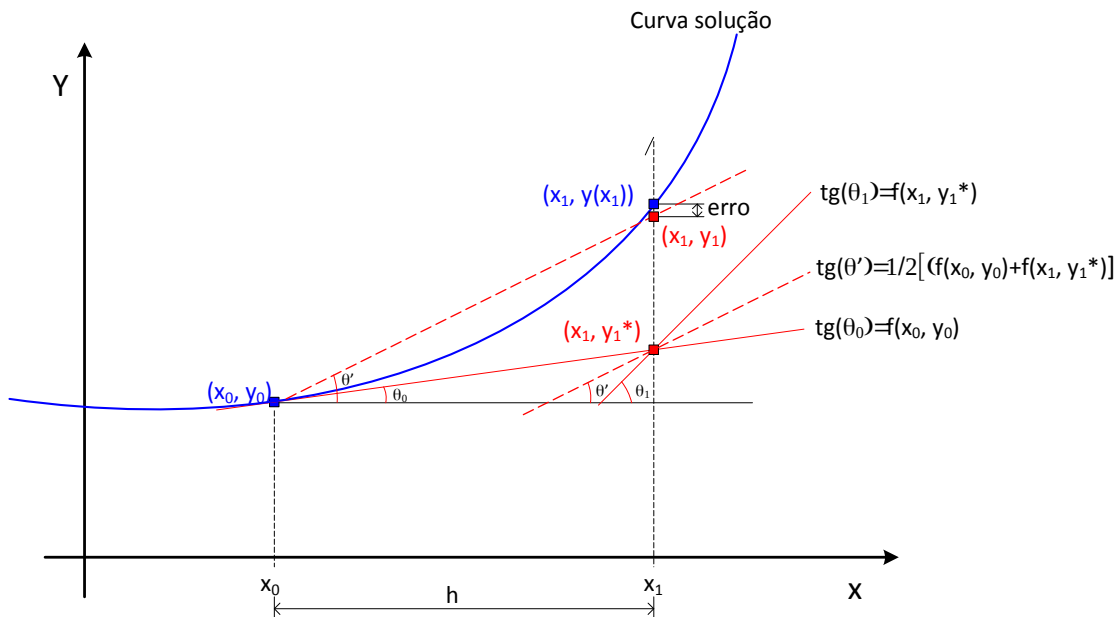
$$\Delta = f(x_0, y_0) \cdot h$$

Assim, na iteração i , temos:

$$\begin{cases} x_i = x_{i-1} + h \\ y_i = y_{i-1} + f(x_{i-1}, y_{i-1}) \cdot h \end{cases}$$

A2 - Método de Euler melhorado

O método de Euler melhorado consiste no cálculo do valor de y , com base numa aproximação, y^* , calculada através do método de Euler simples.



O ponto (x_1, y_1) é calculado com base numa reta cujo declive é a média dos declives da reta tangente à curva no ponto (x_0, y_0) e uma aproximação ao declive da reta tangente à função no ponto (x_1, y_1^*) .

Os declives destas retas são:

$$k_1 = f(x_0, y_0)$$

$$k_2 = f(x_1, y_1^*)$$

Com

$$py_1 = y_0 + k_1 \cdot h$$

O valor de y_1 é obtido por:

$$y_1 = y_0 + \frac{k_1 + k_2}{2} \cdot h$$

Generalizando, para a iteração i ,

$$\begin{cases} k_1 = f(x_{i-1}, y_{i-1}) \\ k_2 = f(x_i, y_{i-1} + k_1 \cdot h) \\ y_i = y_{i-1} + \frac{k_1 + k_2}{2} \cdot h \end{cases}$$

A3 – Exemplo de resolução:

A3.1 – Dados do problema:

$$C = 10 \mu F = 0.00001 F$$

$$R = 1 k\Omega = 1000 \Omega$$

Sinal de entrada Vin:

1000	Frequência de amostragem 1kHz
5	5 Amostras
0.000	Amostra N.0 (Volt)
15.000	N.1
25.000	N.2
30.000	N.3
23.500	Amostra N.4

Período de amostragem: $h = 1.0/1kHz = 0.001s$ (1ms)

Da eq. do sistema:
$$\frac{\partial V_C}{\partial t} = \frac{1}{RC} (V_{in} - V_C)$$

Obtemos a função:
$$f(x, y) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (x - y)$$

A3.2 - Calculo das amostras do sinal de saída Y (Vout):

Amostra inicial, $i = 0$:

$Y[0] = 0V$ (Condições iniciais – o condensador está descarregado)

Amostra seguinte, $i = 1$:

$$k1 = f(V_{in}[0], Y[0]) = f(0, 0) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (V_{in}[0] - Y[0]) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (0 - 0) = 0$$

$$k2 = f(V_{in}[1], Y[0] + k1 \cdot h) = f(15.0, 0 + 0 \cdot 0.001) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (15.0 - 0) = 1500$$

$$Y[1] = Y[0] + h \cdot (k1 + k2) / 2 = 0 + 0.001 \cdot (0 + 1500) / 2 = 0.75V$$

Amostra $i=2$:

$$k1 = f(V_{in}[1], Y[1]) = f(15.0, 0.75) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (V_{in}[1] - Y[1]) = 1425$$

$$k2 = f(V_{in}[2], Y[1] + k1 \cdot h) = f(25.0, 0.75 + 1425 \cdot 0.001) =$$

$$f(25.0, 2.175) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (25 - 2.175) = 2282.5$$

$$Y[2] = Y[1] + h \cdot (k1 + k2) / 2 = 0.75 + 0.001 \cdot (1425 + 2282.5) / 2 = 2.60375V$$

Amostra $i=3$:

$$k1 = f(V_{in}[2], Y[2]) = f(25.0, 2.60375) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (V_{in}[2] - Y[2]) = 2239.625$$

$$k2 = f(V_{in}[3], Y[2] + k1 \cdot h) = f(30.0, 2.60375 + 2239.625 \cdot 0.001) =$$

$$f(30.0, 4.843375) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (30 - 4.843375) = 2515.6625$$

$$Y[3] = Y[2] + h \cdot (k1 + k2) / 2 = 2.60375 + 0.001 \cdot (2239.625 + 2515.6625) / 2 = 4.9813935V$$

Amostra $i=4$:

$$k1 = f(V_{in}[3], Y[3]) = f(30.0, 4.9813935) = 1.0/(R \cdot C) \cdot (V_{in}[3] - Y[3]) = 2501.86065$$

$$k2 = f(V_{in}[4], Y[3] + k1 \cdot h) = f(23.5, 4.9813935 + 2501.86065 \cdot 0.001) = f(23.5, 7.48325415)$$

$$= 1.0/(R \cdot C) \cdot (23.5 - 7.48325415) = 1601.674585$$

$$Y[4] = Y[3] + h \cdot (k1 + k2) / 2 = 4.9813935 + 0.001 \cdot (2501.86065 + 1601.674585) / 2 = 7.0331611V$$