1. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 5n^2 + 10n + 8$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^2)$.

$$F(n) = 5n^{2} + 10n + 8 < 5n^{2} + 10n^{2} + 8n^{2}$$

$$< 23 \cdot n^{2}$$

$$\therefore \exists c = 23, c > 0 \quad \text{fal que}$$
para fodo $n \ge 1$, fem-se :
$$5n^{2} + 10n + 8 < 23 \cdot n^{2}$$

$$\therefore 5n^{2} + 10n + 8 < 0 (n^{2})$$

2. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = n^3$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^3)$.

$$F(n) = 5n^{2} + 10n + 8 \leq 5n + 10n^{3} + 8n^{3}$$

$$\leq 23n^{3}$$

$$\therefore \exists c = 23, c > 0 \quad \text{fal que}$$

$$\text{para fodo } n \geq 1, \text{ fem-se}$$

$$5n^{2} + 10n + 8 \leq 23 \cdot n^{3}$$

$$\therefore 5n^{2} + 10n + 8 \in 0 (n^{3})$$

3. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 5n^2 + 10n + 8$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(n).

$$F(n) = 5n^2 + 10n + 8 \le c \cdot g(n)$$

$$5n^2 + 10n + 8 \le c \cdot n$$

$$5n^2 + 10n + 8 - cn \le 0$$

$$n \cdot (5n + 10 - c) \le -8$$

$$n \in \text{ sempre positive esuficient emente}$$

$$grande.$$

$$5n + 10 - c < 0$$

$$5n < c - 10$$

$$n < (c - 10) = n < K$$

$$n < (c - 10) = n < K$$
Absurdo: $n \in \text{ suficient emente grande}$

$$e, portanto, não pode ser menor
que uma constante.

Como n cresce indefinidamente,
para algum no (n>no), n

ultrapassará a constante K.

Portanto, $5n^2 + 10n + 8$ Não e' $0(n)$$$

4. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = n^3$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^2)$.

$$F(n) = n^3$$
 é $o(n^2)$?

 $n^3 \le c \cdot g(n)$
 $n^3 \le c \cdot n^2$
 $n^3 \le c \cdot n^2$
 $n^3 \le c \cdot n^2$

Absurdo, pois $n > 0$ e

suficientemente grande!

In an $n = 0$ pode ser menor do que uma constante!

Como n cresce indefinidamente, sempre para algum n_0 , n ultrapassará

 c
 $F(n) = n^3$ $N = 0$ e' $O(n^2)$.

5. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $\mathbf{F}(\mathbf{n}) = \mathbf{n}$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade $\mathbf{F}(\mathbf{n})$ pertence à ordem de complexidade $\mathbf{O}(\mathbf{n})$.

$$F(n) = n$$
 e' $O(n)$?
 $n \le c \cdot g(n)$
 $n \le c \cdot n$
 $p/c=1$, $ten-se$ $n \le 1 \cdot n$, $p \ne n > 1$
 \vdots $f(n)$ e' $O(n)$

6. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 50n^2$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(n).

$$F(n) = 50n^{2} e' O(n)?$$

$$50n^{2} \langle c \cdot g(n)$$

$$50n^{2} \langle c \cdot n$$

$$50n \langle c$$

$$n \langle \frac{c}{50} = K \text{ (constante)}$$
Absurdo! n não pode ser menor do que uma constante $K > 0$, pois n cresce indefinidamente $(n \rightarrow \infty)$

$$50n^{2} não e' O(n)$$

7. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 50n^2$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^3)$.

$$F(n)=50 n^{2} e' o(n^{3})?$$

$$50 n^{2} \leqslant c \cdot g(n)$$

$$50 n^{2} \leqslant c \cdot n^{3}$$

$$50 n^{2} \leqslant c \cdot n^{3}, p/\forall n > 0$$

$$\vdots \exists c=50, c > 0, l = 50n^{2} \leqslant 50n^{3}, \forall n > 0$$

$$Logo = 50n^{2} e' o(n^{3})$$

8. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = n^2 - 200n - 300$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(n).

$$F(n) = n^2 - 200n - 300 e' o(n)?$$

$$n^2 - 200n - 300 \leq c \cdot g(n)$$

$$n^2 - 200n - cn \leq 300$$

$$n \cdot (n - 200 - c) \leq 300$$

$$n - 200 - c \leq \frac{300}{n}$$
Para n muito grande, $\frac{300}{n}$ tende Azero!
$$n - 200 - c \leq 0, p/n \text{ grande}$$

$$n - 200 - c \leq 0, p/n \text{ grande}$$

$$n \leq 200 + c \qquad , c > 0$$
Absurdo, pois n e' grande e não pode ser menor que uma constante K.
Em zigun $n > n_0$ $(n_0 \ge 1)$, n ultrapassa K.
$$Em zigun n > n_0$$
 $(n_0 \ge 1)$, n ultrapassa K.
$$Logo, n^2 - 200n - 300 não e' o(n)$$

9. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = n^2 - 200n - 300$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^5)$.

$$F(n) = n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})?$$

$$n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})?$$

$$n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})$$

$$n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})$$

$$\exists c = 1, c > 0, 1 n^{2} < 1.n^{5}$$

$$Portanto, n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})$$

$$logo n^{2} - 200n - 300 e' o(n^{5})$$

10. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = n^2 - 200n - 300$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(1).

$$F(n) = n^2 \cdot 200n - 300 e' o(1)?$$
 $n^2 \cdot 200n - 300 \leq c \cdot g(n)$
 $n^2 \cdot 200n - 300 \leq c \cdot 1$
 $n^2 \cdot 200n \leq c + 300$
 $n^2 \cdot 200n \leq c + 300$
 $n \cdot (n - 200) \leq K_1 \Rightarrow n - 200 \leq K_1$
 $n \cdot (n - 200) \leq K_1 \Rightarrow n - 200 \leq K_2$
 $n \cdot (n - 200) \leq K_1 \Rightarrow n - 200 \leq K_2$
 $n \cdot (n - 200) \leq K_1 \Rightarrow n - 200 \leq K_2$
 $n \cdot (n - 200) \leq K_2 \Rightarrow n \leq 200$

Absurdo, para n suficientemente

grande, n $n \in (n + 200)$

Logo, $n^2 \cdot (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$

Absurdo, para n suficientemente

grande, n $n \in (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq n \leq (n + 200)$
 $n \cdot (n - 200) \leq$

11. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 3/2n^2 + 7/2n - 4$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(n).

$$F(n) = \frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 \quad e' \quad O(n)?$$

$$\frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 \leq C \cdot n$$

$$\frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - cn \leq 4$$

$$n \cdot \left(\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c\right) \leq 4 \quad \text{fende a zero}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 4 \quad \text{p/n muito grande}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 6 \quad \text{p/n > 00}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 6 \quad \text{p/n > 00}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 6 \quad \text{p/n > 00}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 6 \quad \text{p/n > 00}$$

$$\frac{3}{2}n + \frac{7}{2} - c \leq 6 \quad \text{pois}$$

$$\frac{3}{2}n \leq c - \frac{7}{2} \quad \Rightarrow \frac{3}{2}n \leq K_{1} \Rightarrow n \leq \frac{2K_{1}}{3}$$

$$K_{2}$$

$$n \leq K_{2}; \quad \text{ABsurpool pois}$$

$$n \leq K_{2}; \quad \text{ABsurpool grande!}$$

$$\log 0: \quad \frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 \quad \text{NAO e'} \quad O(n)!$$

12. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 3/2n^2 + 7/2n - 4$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^2)$.

$$F(n) = \frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 e' o(n^{2})?$$

$$\frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 e' o(n^{2})$$

$$\log o: \frac{3}{2}n^{2} + \frac{7}{2}n - 4 e' o(n^{2})$$

13. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 5n^2 + 10n - 900$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^2)$.

$$F(n) = 5n^{2} + 10n - 900 e' o(n^{2})?$$

$$5n^{2} + 10n - 900 e' c \cdot n^{2}$$

$$5n^{2} + 10n$$

$$5n^{2} + 10n^{2}$$

$$5n^{2} + 10n^{2}$$

$$45n^{2}$$

$$15n^{2}$$

$$15n^{2}$$

$$15n^{2} + 10n - 900 e' o(n^{2})$$

$$\log o 5n^{2} + 10n - 900 e' o(n^{2})$$

14. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade $F(n) = 5n^2 + 10n - 900$. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade O(n).

F(n) = 5n2+10n-900 e' 0(n)? 5n2+10n-900 (c.n 5 n 2 + 10 n - cn = 1 5n2+10n-cn \$ 900 : 5n+10-c €0, P/n grande Absurdo, n sempre irá ultrapassar uma constante P/ Algum no. Logo 5n²+10n−900 não é 0 (n)

15. Um algoritmo apresenta Função de Complexidade F(n) = 10 + 2/n. Prove ou disprove que a Função de Complexidade F(n) pertence à ordem de complexidade $O(n^2)$.

$$F(n) = 10 + \frac{2}{n} \notin o(n^2)$$
?
 $10 + \frac{2}{n} \notin c \cdot n^2$
 P/n grande, $\frac{2}{n}$ tende a zero
Portante, $10 + \frac{2}{n} \notin 10 \cdot c^2$, $n > 0$
 $\log d = c = 10$, $c > 0$, $1 \cdot 10 + \frac{2}{n} \notin 10 \cdot n^2$
 $10 + \frac{2}{n} \notin o(n^2)$