



### Unidade 18 - Grafos Hamiltonianos







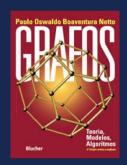


# Bibliografia



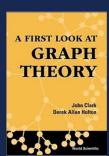
- Fundamentos da Teoria dos Grafos para Computação M.C. Nicoletti, E.R. Hruschka Jr. 3ª Edição LTC
- Grafos Teoria, Modelos, Algoritmos Paulo Oswaldo Boaventura Netto, 5ª edição
- Grafos Conceitos, Algoritmos e Aplicações Marco Goldbarg, Elizabetj Goldbarg, Editora Campus
- A first look at Graph Theory John Clark, Derek Allan Holton 1998, World Cientific
- Introduction to Graph Teory Robin J. Wilson 4<sup>th</sup> Edition Prentice Hall 1996
- Introduction to Graph Theory Douglas West Second Edition 2001 Pearson Edition
- Mathematics A discrete Introduction Third Edition Edward R. Scheinerman 2012
- Discrete Mathematics and its Applications Kenneth H. Rosen 7<sup>th</sup> edition McGraw Hill 2012
- Data Structures Theory and Practice A. T. Berztiss New York Academic Press 1975 Second Edition
- Discrete Mathematics R. **Johnsonbaugh** Pearson 2018 Eighth Edition
- Graoy Theory R. **Diestel** Springer 5<sup>th</sup> Edition 2017
- Teoria Computacional de Grafos Jayme Luiz Szwarcfit<u>er Elsevier 2018</u>

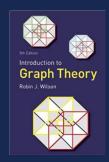


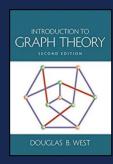


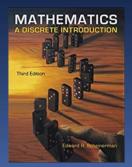




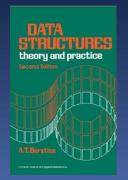


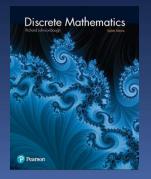


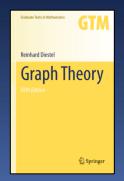




















# Grafos Hamiltonianos

- ✓ Dado um grafo G, um Caminho Hamiltoniano em G é um caminho que contém todo vértice de G;
- ✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;
- ✓ Um grafo G é chamado **Grafo Hamiltoniano** se tiver um ciclo hamiltoniano;







### Lembrando... Passeio , Trilha e Caminho



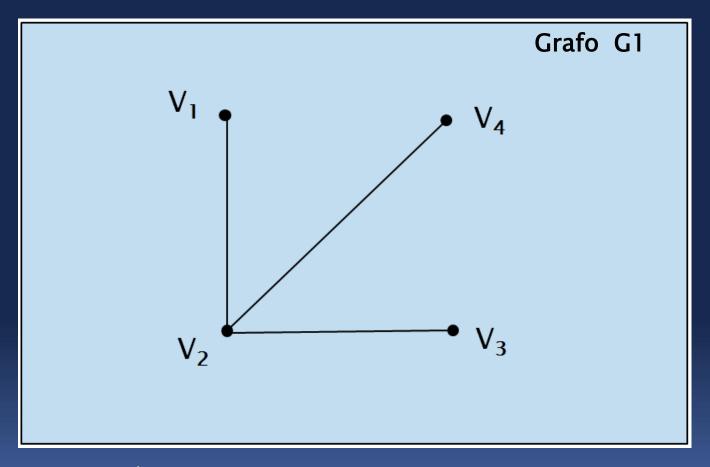
Vértice inicial u Vértice final v	u ≠ v	u = v
PASSEIO  Nenhuma restrição quanto ao número de vezes que um vértice ou aresta pode aparecer	PASSEIO ABERTO	PASSEIO FECHADO
<b>Trilha</b> Nenhuma <b>aresta</b> pode aparecer mais de uma vez	TRILHA ABERTA	TRILHA FECHADA ou CIRCUITO
CAMINHO  Nenhum vértice pode aparecer mais de uma vez, com a possível exceção de que u e v podem ser o mesmo vértice	CAMINHO ABERTO	CAMINHO FECHADO OU CICLO







✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de G;



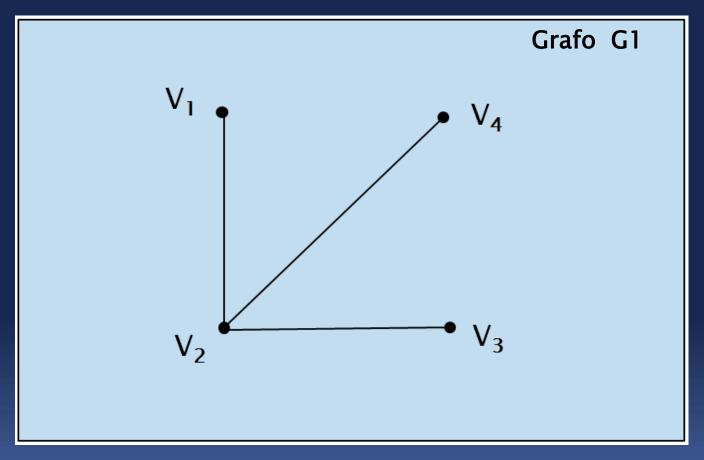
√ G1 Contém um Caminho Hamiltoniano ?







✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de **G**;



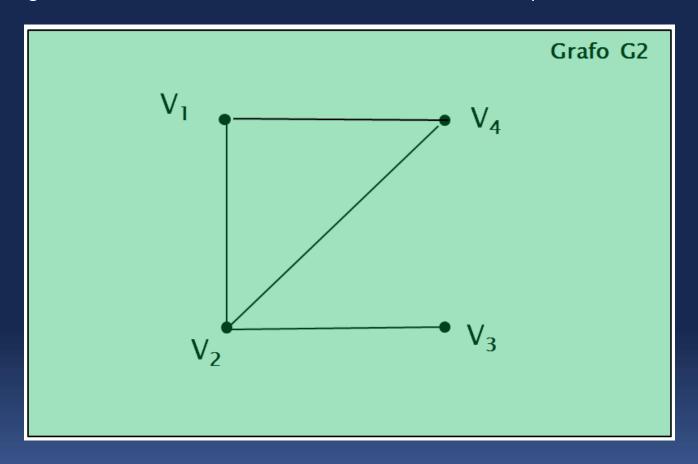
√ G1 Contém um Caminho Hamiltoniano ? NÃO







✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de **G**;



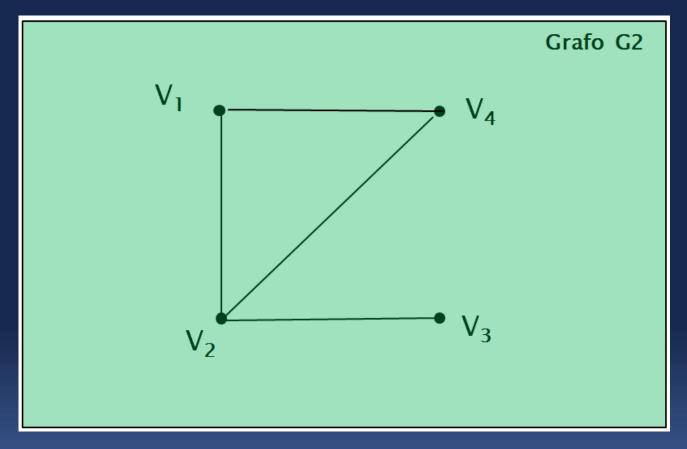
√ G2 Contém um Caminho Hamiltoniano ?







✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de **G**;



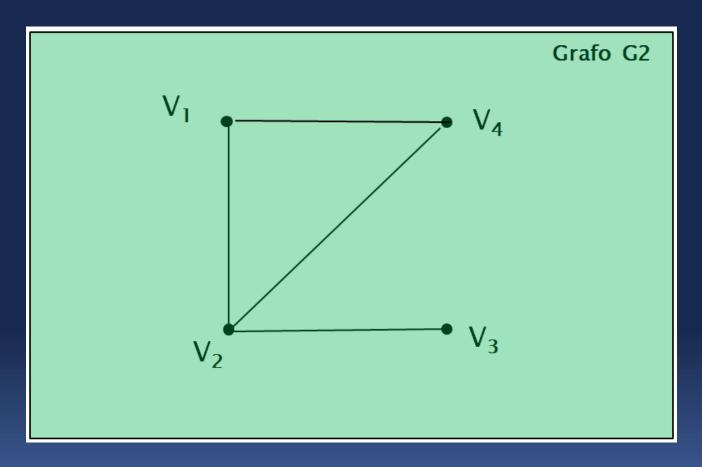
- √ G2 Contém um Caminho Hamiltoniano ?
- ✓ G2 contém o Caminho Hamiltoniano ( V<sub>4</sub> V<sub>1</sub> V<sub>2</sub> V<sub>3</sub>);







✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de **G**;



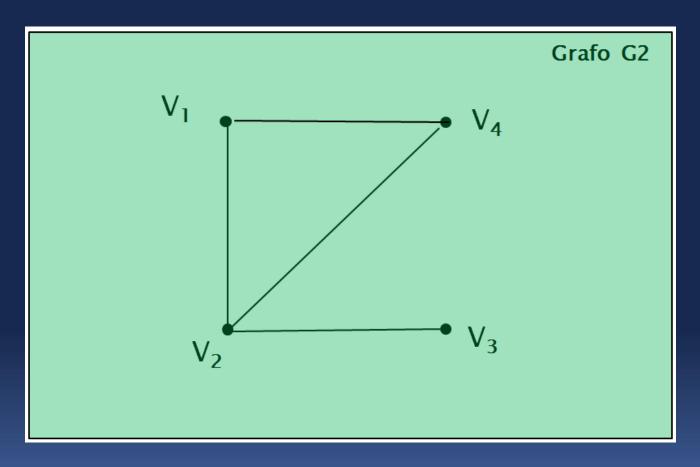
√ G2 Contém um Ciclo Hamiltoniano ?







✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



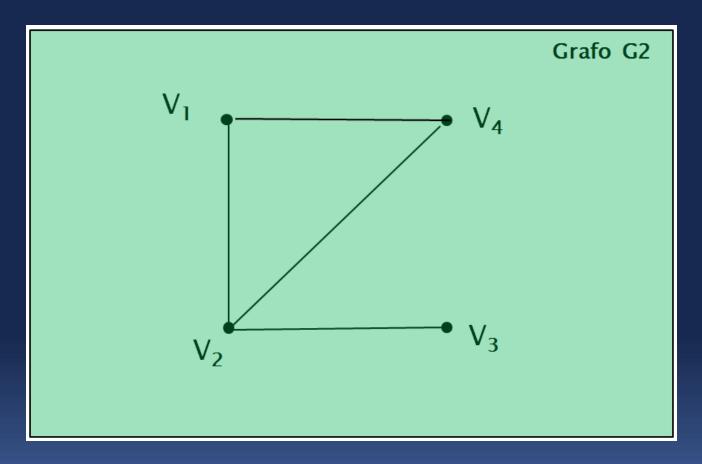
√ G2 Contém um Ciclo Hamiltoniano ?







✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



- √ G2 Contém um Ciclo Hamiltoniano ?
- ✓ G2 NÃO contém Ciclo Hamiltoniano (ou Circuito Hamiltoniano)

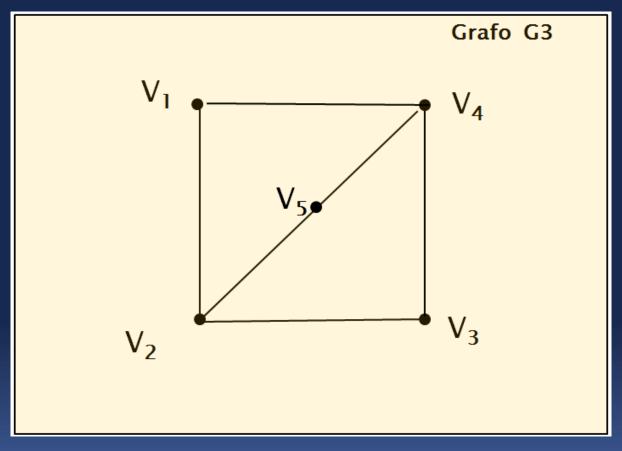




### MAUÁ

## Ciclo e Caminho Hamiltoniano Exemplo 3

✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de **G**;

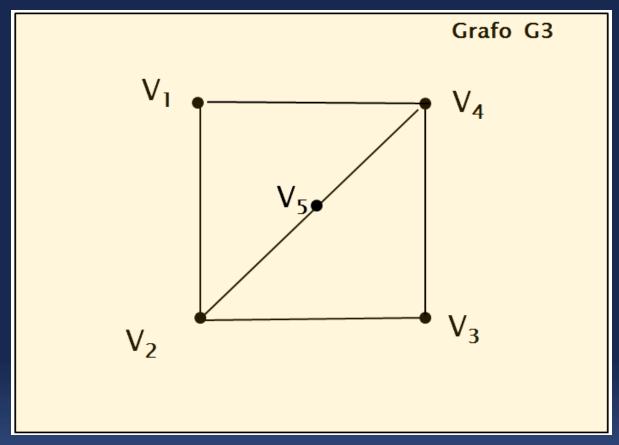


√ G3 contém um Caminho Hamiltoniano ?





✓ Dado um grafo **G**, um **Caminho Hamiltoniano** em **G** é um **caminho** que contém todo vértice de G;



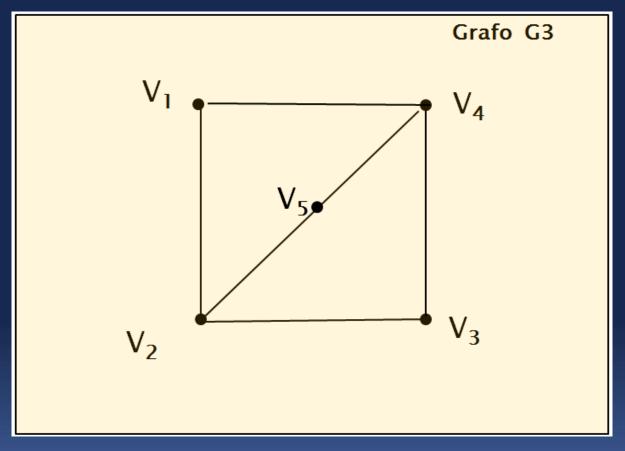
- √ G3 contém um Caminho Hamiltoniano ?
- √ G3 contém o Caminho Hamiltoniano ( V<sub>1</sub> V<sub>2</sub> V<sub>5</sub> V<sub>4</sub> V<sub>3</sub>);







✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;

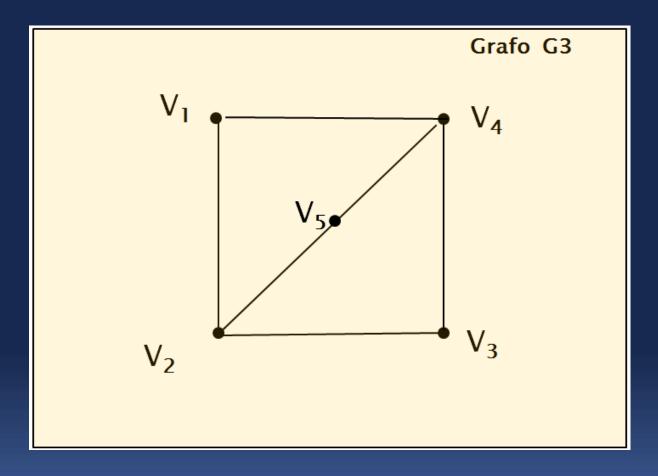


√ G3 contém um Ciclo Hamiltoniano ?





✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



- √ G3 contém um Ciclo Hamiltoniano ?
- ✓ G3 não contém Ciclo Hamiltoniano (ou Circuito Hamiltoniano)

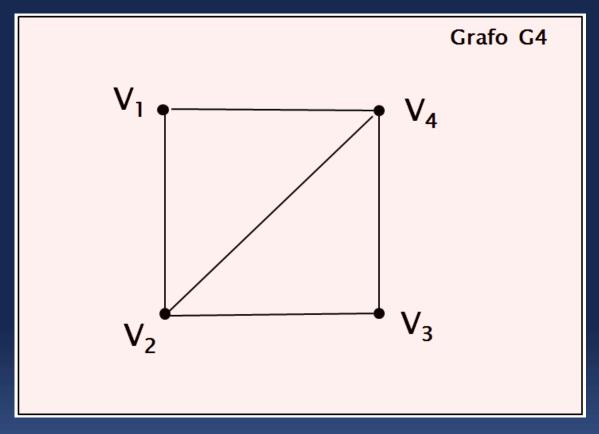




## INSTITUTO MAUÁ DE TECNOLOGÍA MAUÁ

## Ciclo e Caminho Hamiltoniano Exemplo 4

✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;

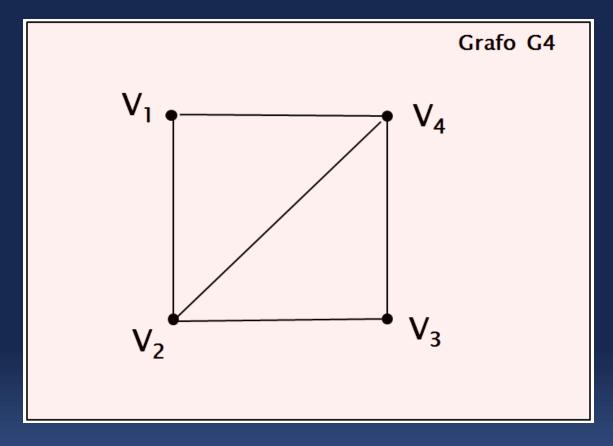


√ G4 contém um Ciclo Hamiltoniano ?





✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



- √ G4 contém um Ciclo Hamiltoniano ?
- ✓ G4 contém Ciclo Hamiltoniano (ou Circuito Hamiltoniano) ( V<sub>1</sub> V<sub>2</sub> V<sub>3</sub> V<sub>4</sub> V<sub>1</sub>) ;

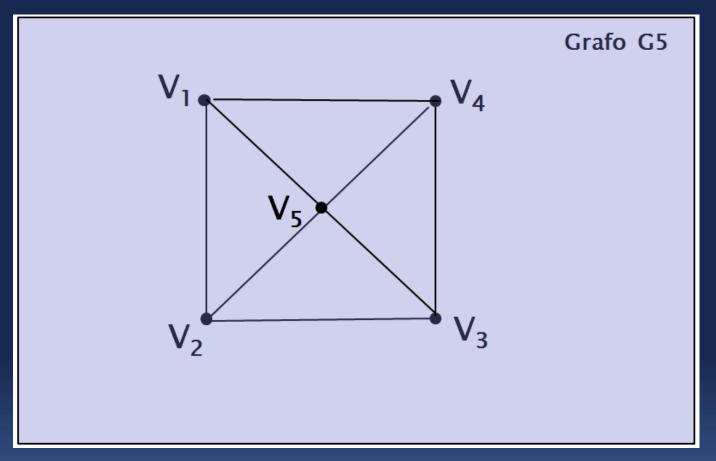




## MAUÁ

## Ciclo e Caminho Hamiltoniano Exemplo 5

✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



√ G5 contém um Ciclo Hamiltoniano ?

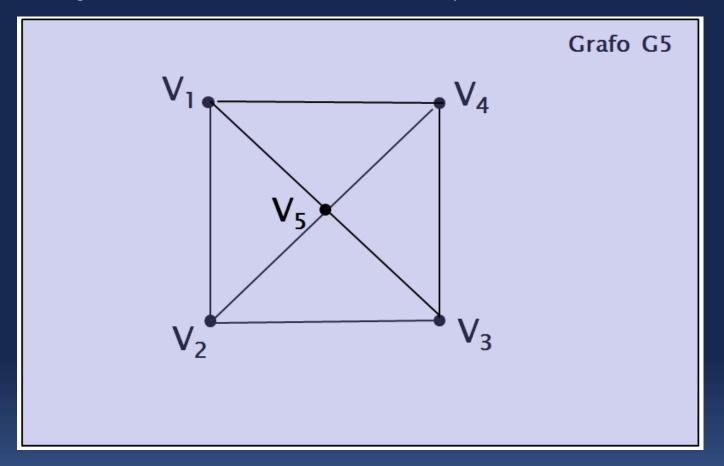




### MAUÁ

## Ciclo e Caminho Hamiltoniano Exemplo 5

✓ Dado um grafo G, um Ciclo Hamiltoniano é um ciclo que contém todo vértice de G;



- √ G5 contém um Ciclo Hamiltoniano ?
- ✓ G5 contém Ciclo Hamiltoniano (ou Circuito Hamiltoniano) ( V<sub>1</sub> V<sub>5</sub> V<sub>2</sub> V<sub>3</sub> V<sub>4</sub> V<sub>1</sub>);







# Grafo Hamiltoniano Observação

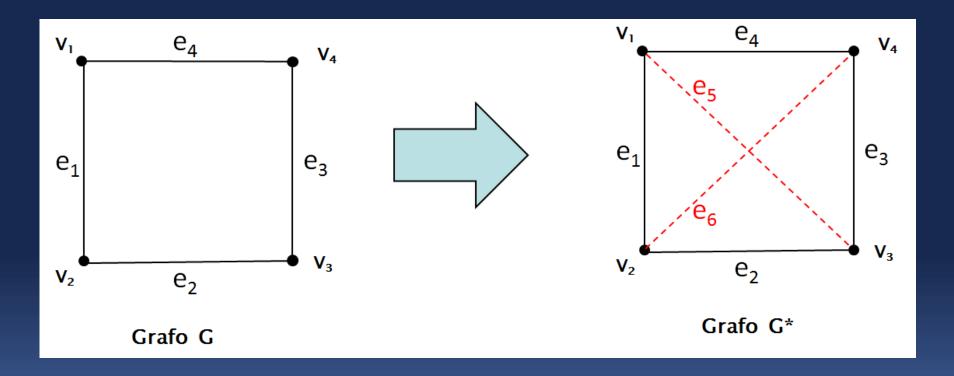
✓ Dado qualquer grafo hamiltoniano G, se G\* é um supergrafo de G, obtido por meio da adição de novas arestas entre vértices de G, G\* também será hamiltoniano, uma vez que qualquer ciclo hamiltoniano em G continuará sendo ciclo hamiltoniano em G\*.





# Grafo Hamiltoniano Observação

✓ Exemplo: Considere o grafo G, mostrado na Figura abaixo, e seu supergrafo G\*, obtido por meio da adição das arestas e<sub>5</sub> e e<sub>6</sub>.



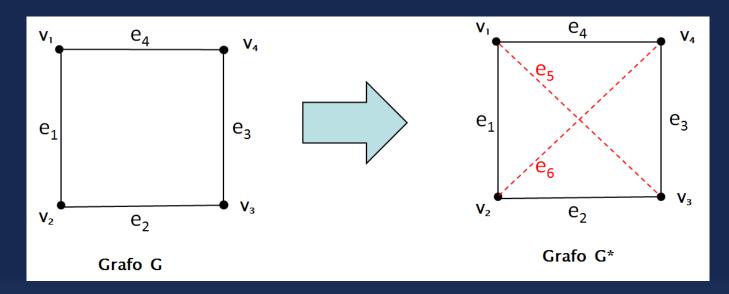






# Grafo Hamiltoniano Observação

✓ Exemplo: Considere o grafo G, mostrado na Figura abaixo, e seu supergrafo G\*, obtido por meio da adição das arestas e₅ e e₆.



✓ O Ciclo Hamiltoniano ( V<sub>1</sub> V<sub>2</sub> V<sub>3</sub> V<sub>4</sub> V<sub>1</sub>) em G continua sendo um Ciclo Hamiltoniano em G\*.







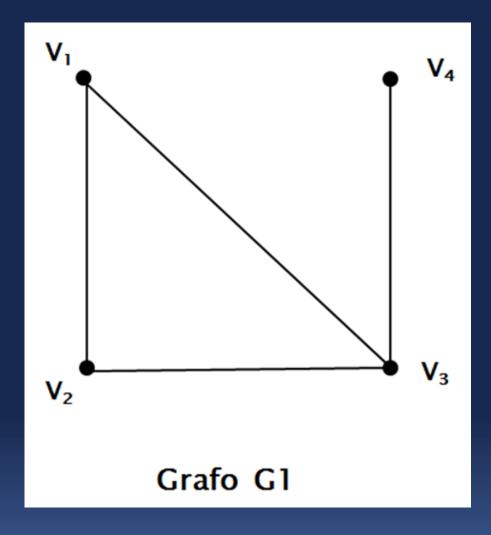
✓ Um grafo simples G é chamado não hamiltoniano maximal se não for hamiltoniano, mas a adição a ele de <u>qualquer</u> aresta conectando dois vértices não adjacentes forma um grafo hamiltoniano;

✓ Lembrando, um grafo é chamado simples se não tem loops, nem arestas paralelas;





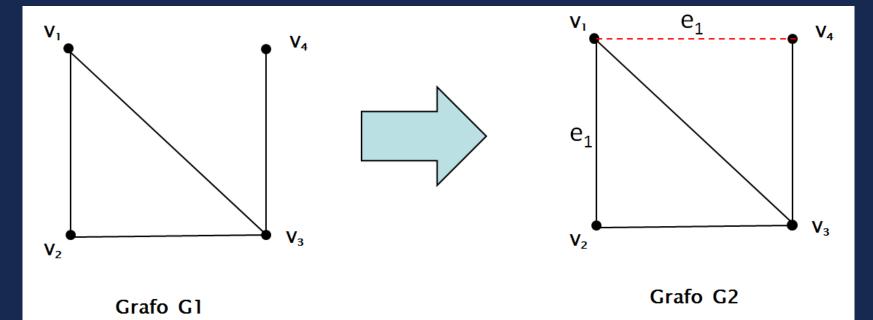




✓ O grafo G1 é não hamiltoniano maximal ?



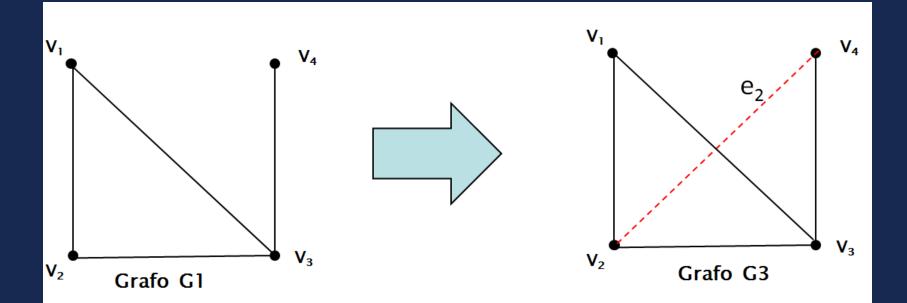




- √ O grafo simples G1 não é hamiltoniano;
- ✓ O grafo simples G1 é não hamiltoniano maximal, uma vez que a adição de qualquer aresta transforma G1 em G2 que é hamiltoniano; (V₁V₂V₃V₄V₁)
- $\checkmark$  Com a adição de  $\mathbf{e_1}$  em  $\mathbf{G1}$ , obtem-se  $\mathbf{G2}$  que é hamiltoniano.





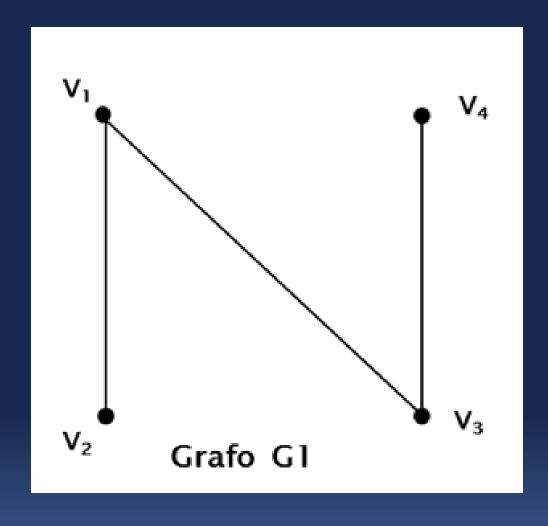


- √ O grafo simples G1 não é hamiltoniano;
- ✓ O grafo simples G1 é não hamiltoniano maximal, uma vez que a adição de qualquer aresta transforma G1 em G2 que é hamiltoniano; (V₂V₁V₃V₄V₂) ( ∠♠
- ✓ Com a adição de e₂ em G1, obtem-se G3 que é hamiltoniano.







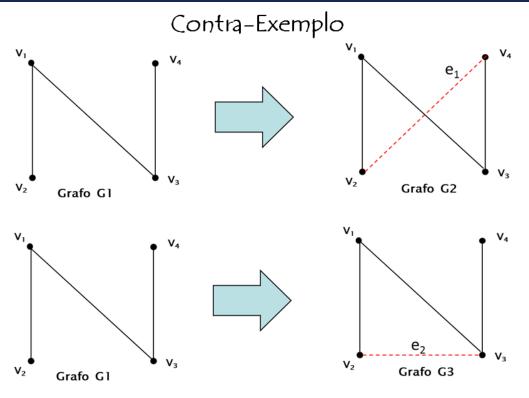


✓ O grafo G1 é não hamiltoniano maximal ?







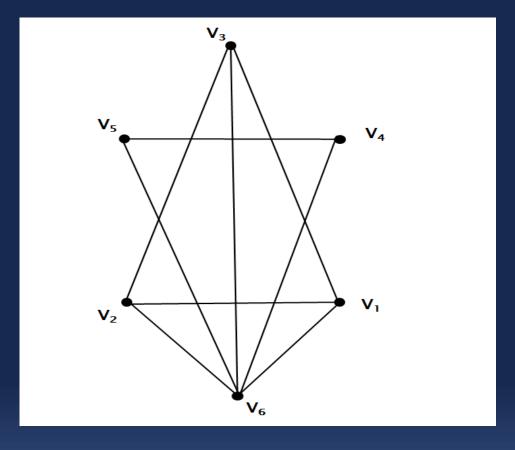


- √ O grafo simples G1 não é hamiltoniano;
- ✓ Com a adição de  $e_1$  em G1, obtem-se G2 que é hamiltoniano.  $(V_1V_2V_4V_3V_1)$
- ✓ Por outro lado, se a aresta  $e_2$  for adicionada ao **grafo G1**, o grafo resultante **G2** não é hamiltoniano.
- ✓ Portanto, não é adição de qualquer aresta que torna **G1** hamiltoniano, o que faz com que **G1** não possa ser caracterizado como não hamiltoniano maximal.







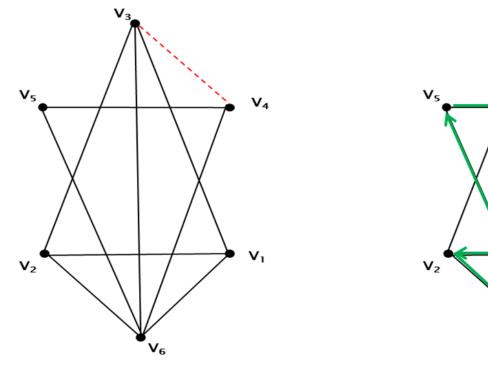


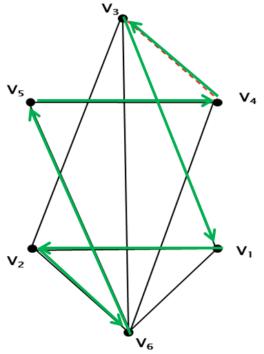
- ✓O grafo da Figura acima é **não** hamiltoniano **maximal**?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?









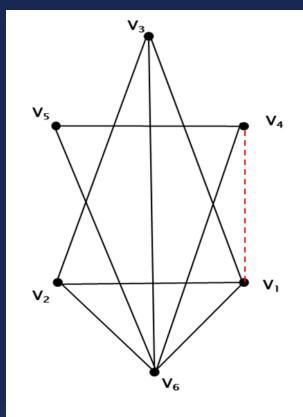


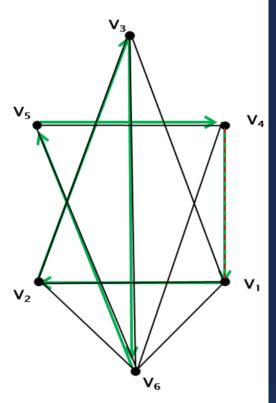
✓ Adicionando-se a aresta V<sub>3</sub>V<sub>4</sub>, obtém-se o Ciclo Hamiltoniano V<sub>1</sub>V<sub>2</sub>V<sub>6</sub>V<sub>5</sub>V<sub>4</sub>V<sub>3</sub>V<sub>1</sub>



- ✓ O grafo da Figura acima é não hamiltoniano maximal ?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?





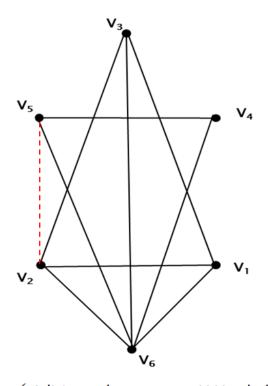


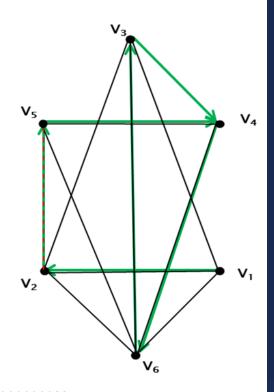
✓ Adicionando-se a aresta V<sub>4</sub>V<sub>1</sub>, obtém-se o Ciclo Hamiltoniano V<sub>1</sub>V<sub>2</sub>V<sub>3</sub>V<sub>6</sub>V<sub>5</sub>V<sub>4</sub>V<sub>1</sub>



- ✓ O grafo da Figura acima é não hamiltoniano maximal ?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?







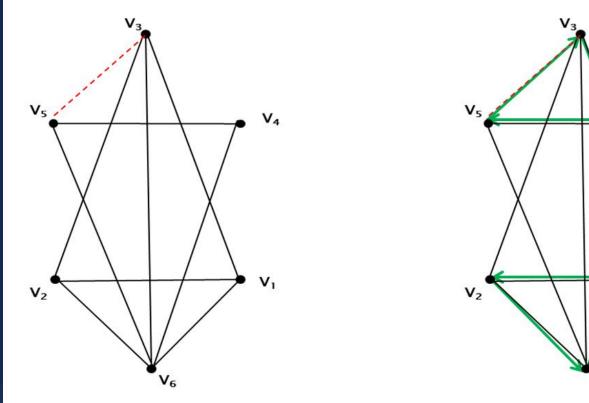
✓ Adicionando-se a aresta V<sub>5</sub>V<sub>2</sub>, obtém-se o Ciclo Hamiltoniano V<sub>1</sub>V<sub>2</sub>V<sub>5</sub>V<sub>4</sub>V<sub>6</sub>V<sub>3</sub>V<sub>1</sub>

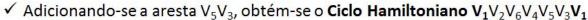


✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?





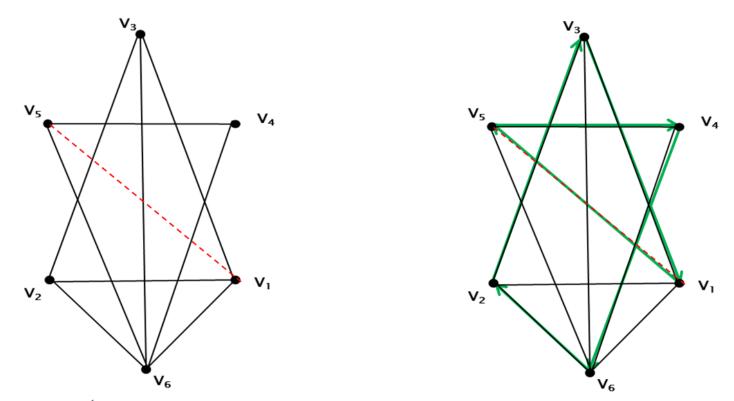






- ✓ O grafo da Figura acima é não hamiltoniano maximal ?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?



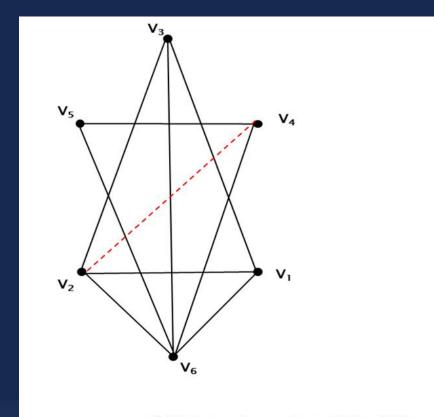


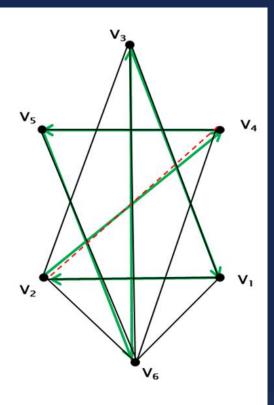
✓ Adicionando-se a aresta V<sub>5</sub>V<sub>3</sub>, obtém-se o Ciclo Hamiltoniano V<sub>1</sub>V<sub>5</sub>V<sub>4</sub>V<sub>6</sub>V<sub>2</sub>V<sub>3</sub>V<sub>1</sub>

- ✓ O grafo da Figura acima é não hamiltoniano maximal ?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?









✓ Adicionando-se a aresta V<sub>2</sub>V<sub>4</sub>, obtém-se o Ciclo Hamiltoniano V<sub>1</sub>V<sub>2</sub>V<sub>4</sub>V<sub>5</sub>V<sub>6</sub>V<sub>3</sub>V<sub>1</sub>



- ✓ O grafo da Figura acima é não hamiltoniano maximal ?
- ✓ Ou seja, a adição de qualquer aresta entre vértices não adjacentes irá redundar um grafo Hamiltoniano?

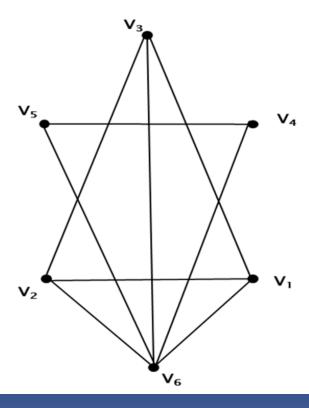




# Grafo não hamiltoniano maximal Conclusão



✓ Em razão do Processo de Construção passo a passo descrito nos slides anteriores, observa-se que o grafo G apresentado é Não Hamiltoniano Maximal, uma vez que adicionando-se qualquer aresta entre vértices não adjacentes produz-se um novo Grafo que é Hamiltoniano!



É Não Hamiltoniano Maximal





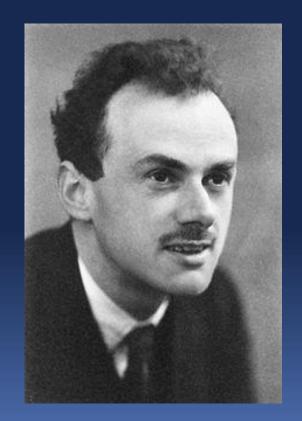




## Teorema de Dirac

✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices, n ≥ 3. Se para todo vértice v ε V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.





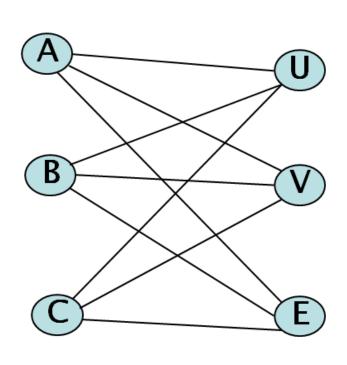






## Teorema de Dirac - Exemplo

✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $n \ge 3$ . Se para todo vértice v ∈ V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.



$$d(A) = 3 >= 6/2$$
  
 $d(B) = 3 >= 6/2$   
 $d(C) = 3 >= 6/2$   
 $d(U) = 3 >= 6/2$   
 $d(V) = 3 >= 6/2$   
 $d(E) = 3 >= 6/2$ 

O Teorema de Dirac é atendido!

Portanto existe um ciclo hamiltoniano no grafo e, assim, o Grafo é hamiltoniano.







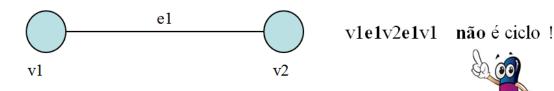
#### Teorema de Dirac - Observação 1



✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $n \ge 3$ . Se para todo vértice v ∈ V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.

✓ n deve ser maior ou igual a 3, pois se tivermos apenas 2 vértices não se consegue definir um ciclo;







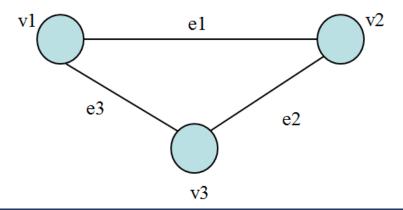


#### Teorema de Dirac - Observação 1



✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $n \ge 3$ . Se para todo vértice v ∈ V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.

✓ Com n>= 3, é possível construir-se um ciclo hamiltoniano:



v1e1v2e2v3e3v1 é ciclo hamiltoniano!







#### MAUÁ

### Teorema de Dirac – Observação 2



✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $n \ge 3$ . Se para todo vértice v ∈ V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.

✓ A condição imposta pelo Teorema de Dirac é SUFICIENTE, mas NÃO Necessária!









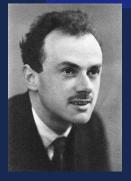
#### MAUÁ MAUÁ

#### Teorema de Dirac – Observação 2

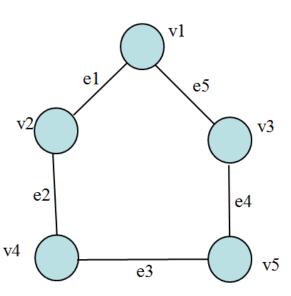
✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $n \ge 3$ . Se para todo vértice v ∈ V, d(v) ≥ n/2, então G é Hamiltoniano.

✓ A condição imposta pelo Teorema de Dirac é SUFICIENTE, mas NÃO Necessária!





✓ Isso significa que podem existir Grafos Hamiltonianos que não verificam a condição d(v) >= n/2. Exemplo:





$$d(v1) = 2 < 5/2$$
  
 $d(v2) = 2 < 5/2$   
 $d(v3) = 2 < 5/2$   
 $d(v4) = 2 < 5/2$   
 $d(v5) = 2 < 5/2$ 

O Teorema Dirac NÃO é atendido!

Mas, existe um ciclo hamiltoniano no grafo e, assim, o Grafo é hamiltoniano.

v1e1v2e2v4e3v5e4v3e5v1 é ciclo hamiltoniano! Logo, o Grafo é hamiltoniano!

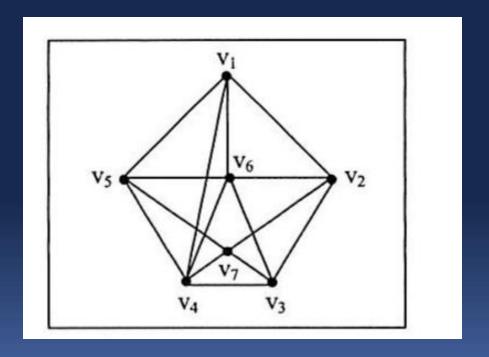






#### Teorema de Dirac - Exercício

✓ O Grafo **G** abaixo, com 7 vértices, é um **Grafo Hamiltoniano** ?



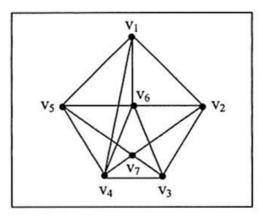




#### MAUÁ

#### Teorema de Dirac - Exercício

✓ O Grafo G abaixo, com 7 vértices, é um Grafo Hamiltoniano ?



Grafo G

✓ Cálculo do Grau dos Vértices do Grafo G:

vértice	grau
V <sub>1</sub>	4
V <sub>2</sub>	4
V <sub>3</sub>	4
V <sub>4</sub>	5
V <sub>5</sub>	4
V <sub>6</sub>	5
V <sub>7</sub>	5

- ✓ Como n=7 vértices, observa-se que, a partir da tabela acima, todos os vértices têm grau acima de n/2;
- ✓ Portanto, o Grafo G acima é Hamiltoniano;
- ✓ Um exemplo de Circuito Hamiltoniando do Grafo é: V<sub>2</sub>V<sub>6</sub>V<sub>5</sub>V<sub>1</sub>V<sub>4</sub>V<sub>7</sub>V<sub>3</sub>V<sub>2</sub>







### Teorema de Ore

- ✓ Corolário do Teorema de Dirac;
- ✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices, |V| = n ≥ 3.
   Se para cada par de vértices não adjacentes u e v , u ε V e
   v ε V, d(u) + d(v) ≥ n, então G é Hamiltoniano.



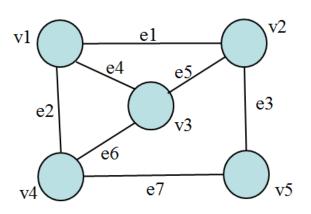




### Teorema de Ore

✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $|V| = n \ge 3$ . Se para cada par de vértices não n30 adjacentes n4 u e n5 v e n5 então n6 de Hamiltoniano.

#### Exemplo:



$$d(v1) + d(v5) = 3 + 2 >= 5$$
  
 $d(v2) + d(v4) = 3 + 3 >= 6$   
 $d(v3) + d(v5) = 3 + 2 >= 5$   
 $d(v4) + d(v2) = 3 + 3 >= 5$   
 $d(v5) + d(v3) = 2 + 3 >= 5$   
 $d(v5) + d(v1) = 2 + 3 >= 5$ 

O Teorema de Ore é atendido!

Portanto existe um ciclo hamiltoniano no grafo e, assim, o Grafo é hamiltoniano.

✓ O ciclo v1e4v3e6v4e7v5e3v2e1v1 é hamiltoniano. Logo, o grafo é hamiltoniano!







## Teorema de Ore - Observação

✓ Seja G = (V,E) um grafo simples com n vértices,  $|V| = n \ge 3$ . Se para cada par de vértices não adjacentes u e v , u ε V e v ε V,  $d(u) + d(v) \ge n$ , então G é Hamiltoniano.

✓ A condição imposta pelo Teorema de Ore é SUFICIENTE, mas NÃO Necessária!





✓ Isso significa que podem existir **Grafos Hamiltonianos** que **não** verificam a condição d(u) + d(v) >= n, sendo u e v vértices quaisquer não adjacentes.





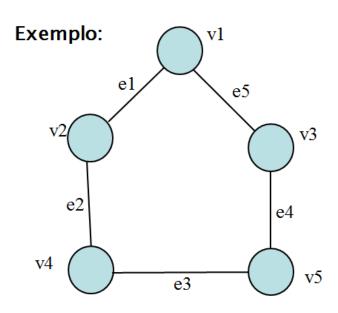
### Teorema de Ore - Observação

✓ A condição imposta pelo Teorema de Ore é SUFICIENTE, mas NÃO Necessária!





✓ Isso significa que podem existir **Grafos Hamiltonianos** que **não** verificam a condição d(u) + d(v) >= n, sendo u e v vértices quaisquer não adjacentes.



$$d(v1) + d(v4) = 2 + 2 < 5$$

O Teorema Ore NÃO é atendido!

Mas, existe um ciclo hamiltoniano no grafo e, assim, o Grafo é hamiltoniano.

v1e1v2e2v4e3v5e4v3e5v1 é ciclo hamiltoniano ! Logo, o Grafo é hamiltoniano!







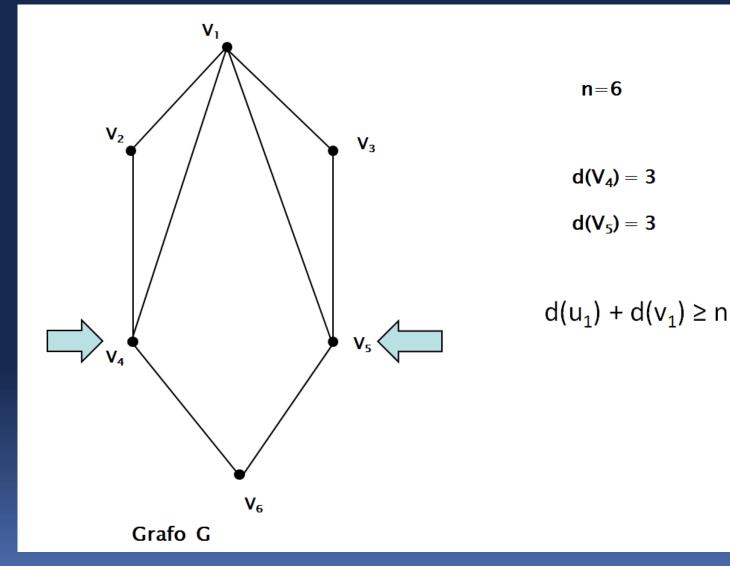


## Fechamento de um Grafo G

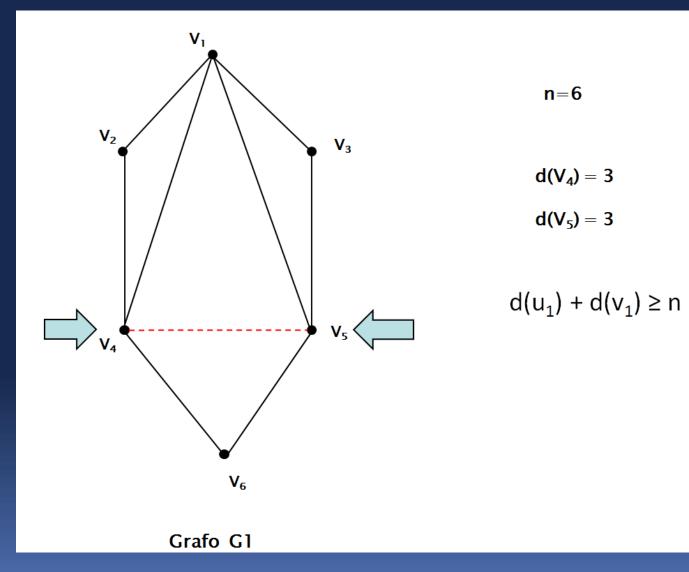
- ✓ Seja G = (V,E) um grafo simples;
- ✓ Se existem dois vértices não adjacentes u<sub>1</sub> e v<sub>1</sub> em V, tal que d(u<sub>1</sub>) + d(v<sub>1</sub>) ≥ n em
   G; una-os por uma aresta, formando o supergrafo G1;
- ✓ Se existem dois vértices não adjacentes u<sub>2</sub> e v<sub>2</sub> em G1, tal que d(u<sub>2</sub>) + d(v<sub>2</sub>) ≥ n em G1, una-os por uma aresta, formando o supergrafo G2;
- ✓ Continue esse processo, recursivamente, unindo pares de vértices não adjacentes, cuja soma de graus seja no mínimo n, até que não restem mais pares para serem conectados;
- ✓ O supergrafo final obtido é chamado Fechamento de G e é denotado por c(G).





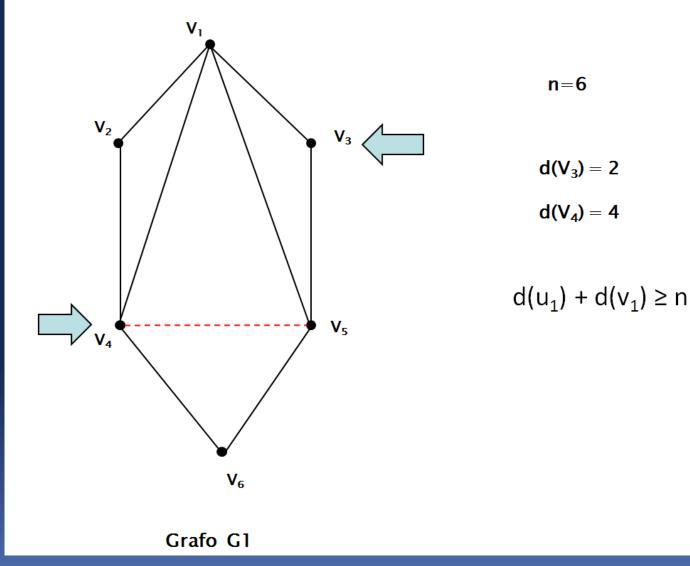




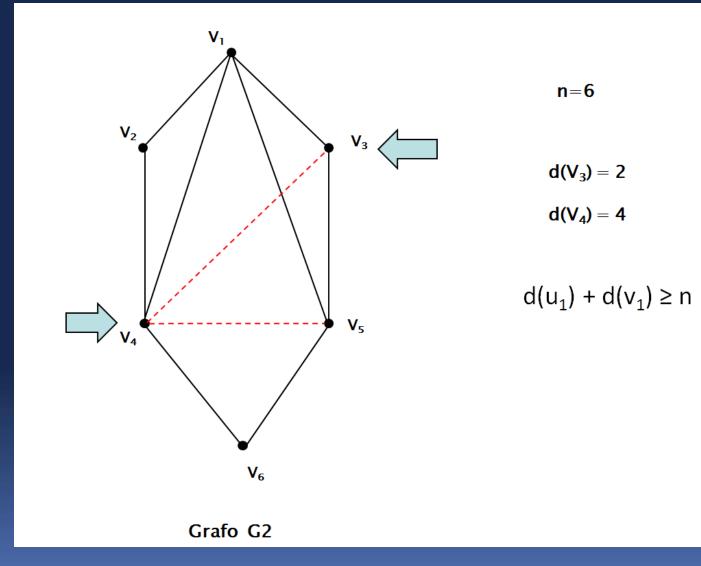






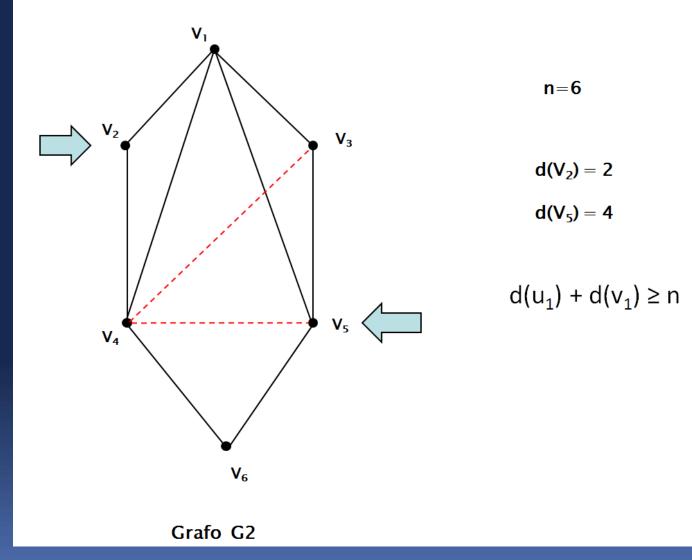






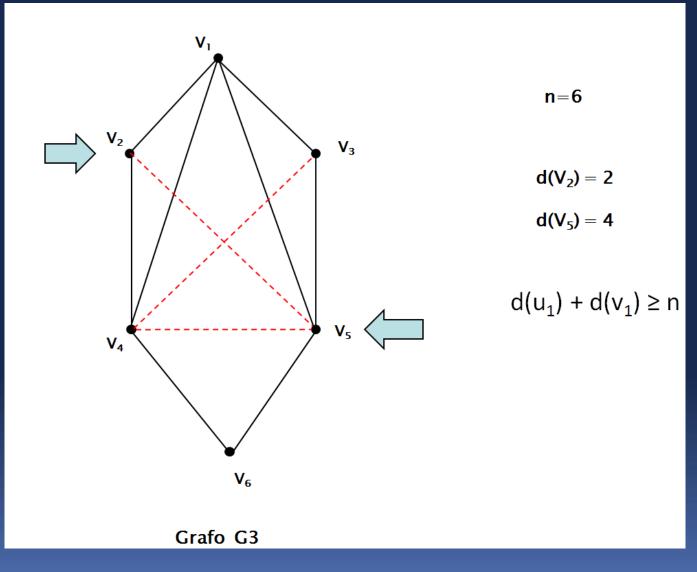






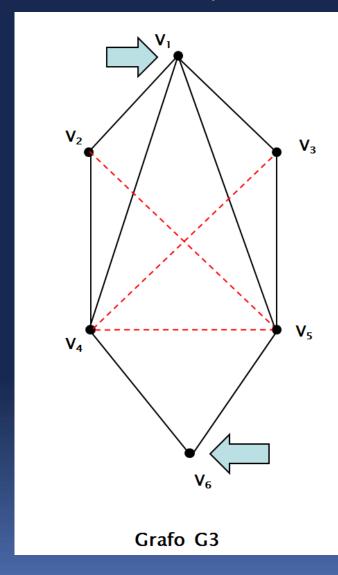












$$n=6$$

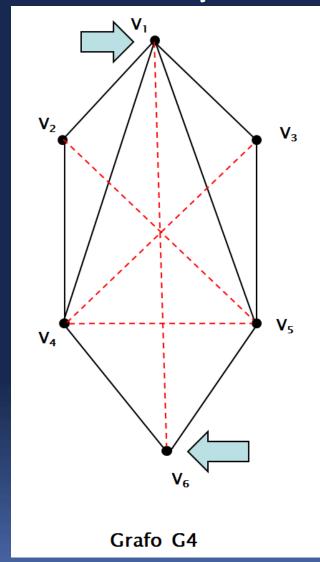
$$d(V_1) = 4$$

$$d(V_6) = 2$$

$$d(u_1) + d(v_1) \ge n$$







$$n=6$$

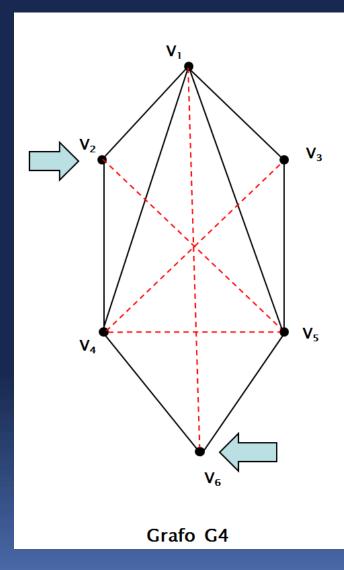
$$d(V_1)=4$$

$$d(V_6) = 2$$

$$d(u_1) + d(v_1) \ge n$$







$$n=6$$

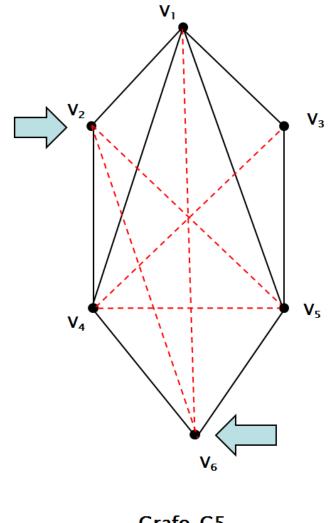
$$d(V_2) = 3$$

$$d(V_6) = 3$$

$$d(u_1) + d(v_1) \ge n$$







$$n=6$$

$$d(V_2) = 3$$

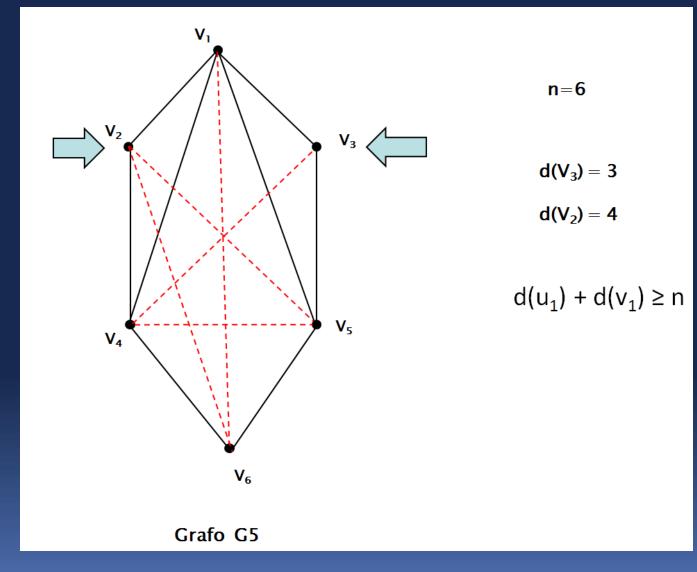
$$d(V_6) = 3$$

$$d(u_1) + d(v_1) \ge n$$

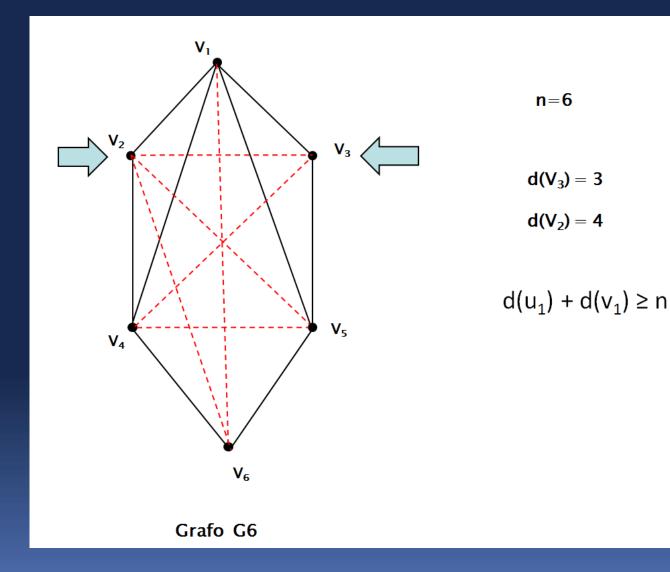
Grafo G5





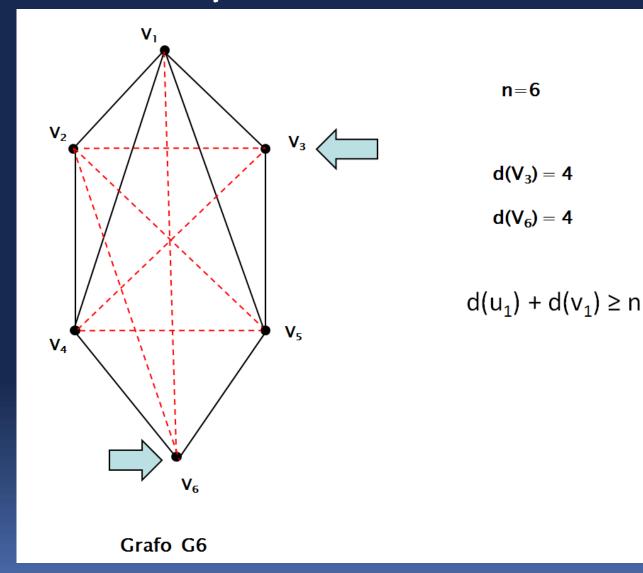






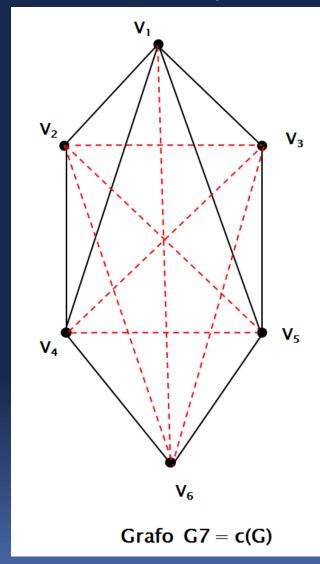










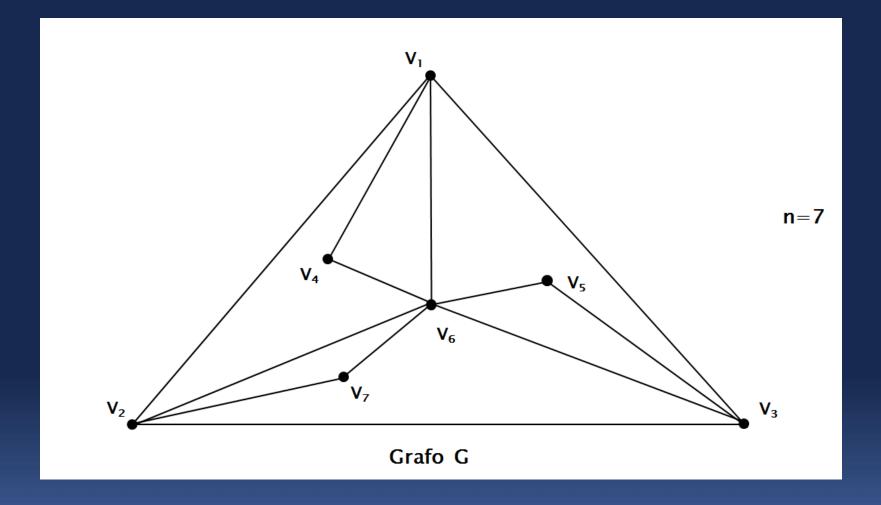


O Fechamento é obtido após 7 passos!



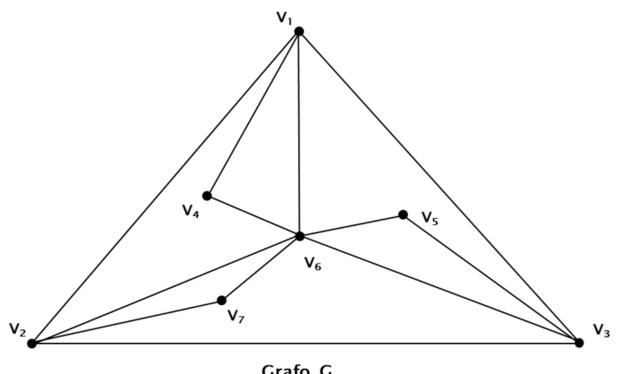












Grafo G

- ✓ n=7
- ✓ Para qualquer par de vértices não adjacentes de G, d(u) + d(v) < 7</p>
- ✓ Logo, tem-se c(G) = G.







## Teorema de Bondy

✓ Um grafo simples **G** é **Hamiltoniano se e somente se** seu **Fechamento** c(G) for **Hamiltoniano**;

✓ Corolário: Seja G um grafo simples com n ≥ 3 vértices.
Se c(G) é completo, ou seja, c(G) = k<sub>n</sub>, então G é
Hamiltoniano.





### O problema do Caixeiro Viajante

- ✓ Suponha um vendedor que atue em várias cidades, sendo que algumas delas são conectadas por estradas;
- ✓ O trabalho do vendedor exige que ele visite cada uma das cidades;
- ✓ É possível para ele planejar uma viagem de carro, partindo e voltando a uma mesma cidade, visitando cada uma delas exatamente uma vez?
- ✓ Se tal viagem for possível, será possível planejá-la de modo a se minimizar a distância total percorrida?
- ✓ Esse problema é conhecido como o "Problema do Caixeiro Viajante";









## O problema do Caixeiro Viajante

- ✓ Esse problema poderia ser modelado por um Grafo G, no qual os vértices corresponderiam às cidades e dois vértices estariam unidos por uma aresta ponderada se e somente se as cidades correspondentes forem unidas por uma estrada, a qual não passa por nenhuma das outras cidades;
- ✓ O peso da aresta poderia representar a distância entre as cidades;
- ✓ O problema se resume a: "O grafo G é hamiltoniano?" Se sim, é possível construir um ciclo hamiltoniano de peso (comprimento) mínimo?









## O problema do Caixeiro Viajante

✓ O problema se resume a: "O grafo G é hamiltoniano?" Se sim, é possível construir um ciclo hamiltoniano de peso (comprimento) mínimo?

✓ Infelizmente, não existe um algoritmo que possa resolver esse problema em

**Tempo Polinomial**.









## Problema do Caixeiro Viajante

- √ Não existe algoritmo correto e eficiente para este problema;
- ✓ O problema é atacado com Heurísticas;



- ✓ Na Engenharia de Computação, busca-se criar algoritmos com <u>tempo de execução</u> <u>aceitável</u> e ser uma solução ótima para o problema em todas as suas instâncias;
- ✓ Um algoritmo heurístico não cumpre uma dessas propriedades, podendo ser ou um algoritmo que encontra boas soluções a maioria das vezes, mas não há garantias de que sempre as encontrará.







# Divisor de Águas

- ✓ A complexidade Polinomial representa o divisor de águas dentre as classes de Algoritmos;
- ✓ Algoritmos polinomais são considerados tratáveis;
- ✓ Algoritmos com complexidades superiores às polinomiais são intratáveis;
- ✓ Exemplo: Caixeiro Viajante TST Travelling Salesman Problem.

