



Unidade 10 – Análise de Algoritmos com Estruturas de Dados Lineares

Parte 1



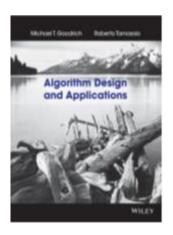


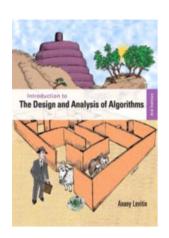


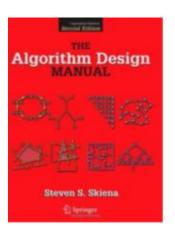


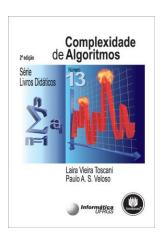
Bibliografia

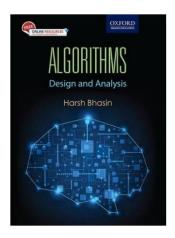
- Algorithm Design and Applications Michael T. Goodrich, Roberto Tamassia, Wiley, 2015
- Introduction to the Design and Analysis of Algorithms Anany Levitin, Pearson, 2012
- The Algorithm Design Manual Steven S. Skiena, Springer, 2008
- Complexidade de Algoritmos Série Livros Didáticos UFRGS
- Algorithms Design and Analysis Harsh Bhasin Oxford University Press 2015











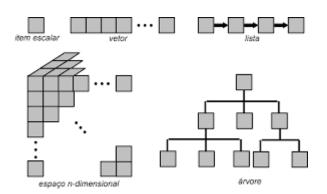






Introdução

- É essencial ser capaz de desenvolver algoritmos, analisá-los e implementá-los da forma mais eficiente possível;
- Esta eficiência pode ser obtida com o emprego de estruturas de dados convenientes para o problema a ser resolvido pelo algoritmo;
- Cada estrutura de dados é composta por um conjunto de operações tais como: create, delete, update e travessia (tipo abstrato de dados).



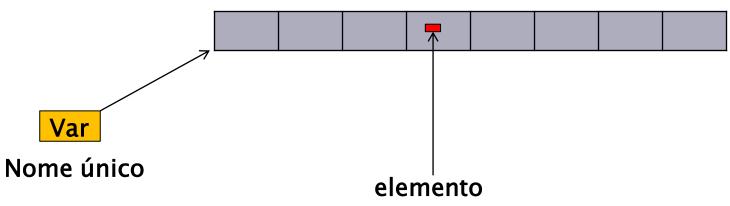






Arrays

- Um array é um conjunto de variáveis do mesmo tipo a qual atribuímos um nome único.
- Cada informação (dado) no array é chamada de elemento do array.









Arrays

- Para fazermos referência à um um elemento de um array devemos usar o nome do array em conjunto com um número inteiro chamado índice.
- O primeiro elemento do array tem índice 0, o segundo 1, e assim por diante.



Índice é como o rótulo de uma caixa ...

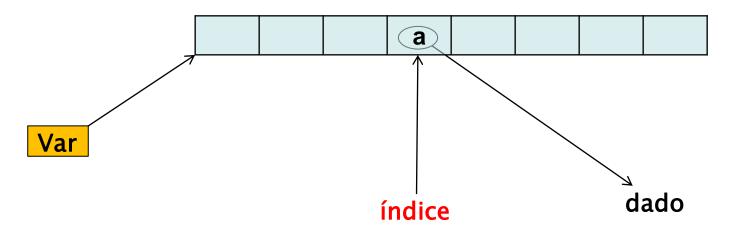






Índice de um array

Pode ser representado pela avaliação de uma expressão que deve resultar em um valor inteiro maior ou igual a zero.





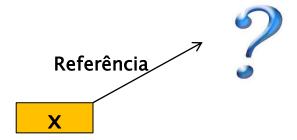




Variáveis array

int[] x;

- A variável x corresponde a uma referência a um array de inteiros que ainda não foi criado.
- Portanto, neste ponto <u>ainda não foi alocada memória</u> para o array.





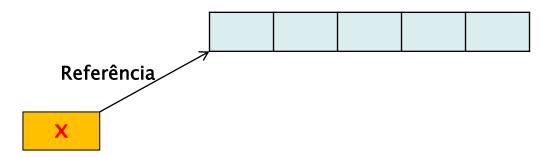




Definindo um array

x = new int[5];

- O statement acima cria um array que irá armazenar 5 valores inteiros e grava uma referência ao array na variável x.
- A referência é simplesmente o endereço onde o array está na memória.



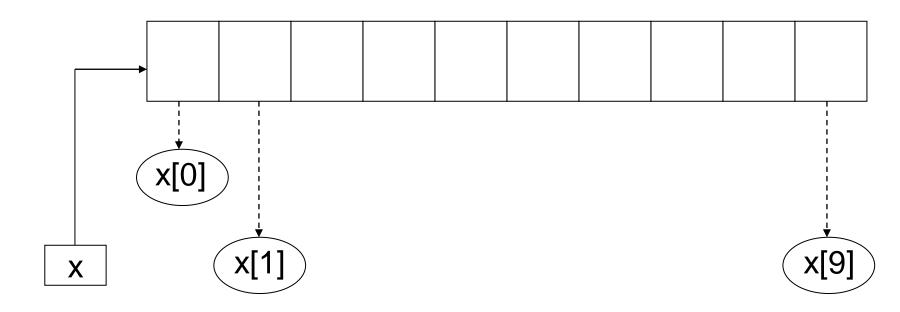






Acesso aos elementos do array

int[] x = new int[10];









Inicializando arrays

- Podemos inicializar um array explicitando os valores em tempo de declaração.
- Com este procedimento o tamanho do array e, consequente alocação de memória, é definido.

int []
$$x = \{2,3,5,7,11,13,17\}$$
;

ou int[]
$$x = new int[] \{ 2,3,5,7,11,13,17 \};$$

O array acima tem 7 elementos inteiros.







Atribuição de arrays

int []
$$x = new int[100];$$

$$x[0] = 2;$$

$$x[1] = 3;$$

Obs. Os demais itens do array são inicializados em zero (valor default)







Imprimindo os elementos do array

```
package maua;
public class ArrayPrint {
        public static void main(String[] args) {
                Integer[] x = new Integer[50];
                for (int i=0; i < x.length; i++)
                x[i]=i;
                imprimeArray(x);
        public static void imprimeArray (Integer[] array ) {
                Integer n = array.length;
                for (int i = 0; i < n; i++)
                        System.out.println(array[i]);
```







Qual o ordem de Complexidade da Função imprimeArray?









Qual o ordem de Complexidade da Função imprimeArray

Ordem de Complexidade: O(n)



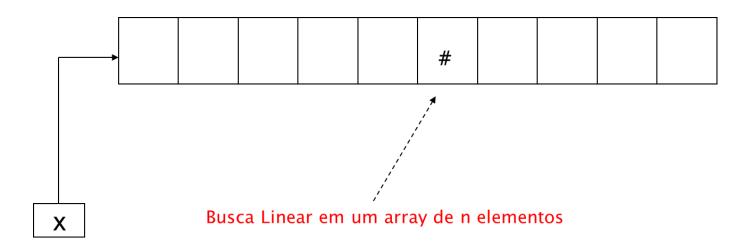






Pesquisa Linear

Considerando um array com n elementos, a pesquisa linear corresponde a atravessar linearmente o array para encontrar um determinado elemento;









Busca Linear

```
package maua;
public class BuscaLinear {
        public static void main(String[] args) {
                Integer[] x = new Integer[50];
                for (int i=0; i < x.length; i++)
                         x[i]=i+1;
                Integer argumento = 50;
                Integer n = (BuscaLinearArray(x, argumento) );
                if (n == -1)
                         System.out.println("Valor não existente no
                                 array...");
                else
                         System.out.println("Valor " + argumento + "
                                 encontrado na posição: " + n );
```







Busca Linear







Busca Linear

Qual o ordem de Complexidade da Função BuscaLinearArray?







Ordem de Complexidade da Função BuscaLinearArray



- Se o elemento estiver presente logo na primeira posição do array, então a ordem de complexidade seria O(1);
- No caso extremo, quando o elemento não estiver presente no array, todos os n elementos do array deverão ser visitados, o que corresponde a complexidade O(n).









Revertendo a ordem dos elementos de um array

```
package maua;
import java.util.Arrays;
        public class RevertArray {
                public static void main(String[] args) {
                         Integer[] x = new Integer[9];
                         for (int i=0; i < x.length; i++)
                                 x[i]=i+1;
                         System.out.println(Arrays.toString(x));
                         System.out.println("\n");
                         System.out.println(Arrays.toString(Reorder(x)));
```







Revertendo a ordem dos elementos de um array

```
public static Integer[] Reorder (Integer[] array ) {
    Integer n = array.length;
    Integer j = (n/2), temp;

    for (int i = 0; i < j; i++) {
         temp = array[i];
         array[i] = array[n-1-i];
         array[n-1-i] = temp;
    }
    return array;
}</pre>
```







Revertendo a ordem dos elementos de um array

Qual o ordem de Complexidade da Função Reorder?









Ordem de Complexidade da Função Reorder

```
public static Integer[] Reorder (Integer[] array ) {
    Integer n = array.length;
    Integer j = (n/2), temp;

    for (int i = 0; i < j; i++) {
        temp = array[i];
        array[i] = array[n-1-i];
        array[n-1-i] = temp;
    }
    return array;
}</pre>
```

- Todas as operações internas loop são executadas n/2 vezes;
- Assim, a ordem de complexidade da função Reorder é O(n).





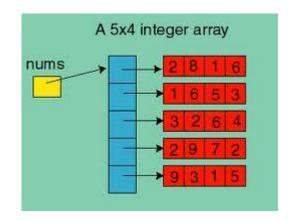


MAUÁ

Array de arrays

- Usam mais de um índice para acessar os elementos do array.
- São usados para tabelas e outros arranjos mais complexos.
- São também chamados de <u>arrays bidimensionais</u>, uma vez que têm duas dimensões.
- No exemplo, o primeiro índice se refere à quantidade de linhas e o segundo índice corresponde à quantidade de colunas da tabela.

```
int[][] nums = new int [5][4];
```









Carga de Array de arrays

```
A 5x4 integer array
package maua;
                                                         nums
public class ArrayArray {
         public static void main(String[] args) {
                 int[][] nums = new int[5][4];
                 for (int r=0; r < nums.length; r++) {</pre>
                          for (int c=0; c < nums[r].length; c++) {</pre>
                                   nums [r][c] = (int) (Math.random() * 10);
                                   System.out.print(" " + nums[r][c]);
                          System.out.println("");
```







Imprimindo array de arrays

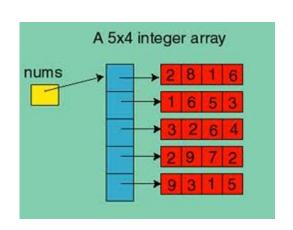
```
package maua;

public class PrintArray {

   public static void main(String[] args) {
        int[][] nums = new int[5][4];

        for (int r=0; r < nums.length; r++)
        for (int c=0; c < nums[r].length; c++)
        nums [r][c] = (int) ( Math.random() * 10);

        printArray2D(nums);
}</pre>
```

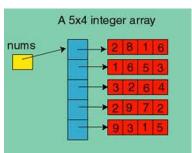








Imprimindo array de arrays









Imprimindo Array de Array

Qual o ordem de Complexidade da Função printArray2D?







Ordem de Complexidade da Função printArray2D



- Admitindo-se uma matriz de n linhas e n colunas, as operações executadas internamente ao loop serão: n x n (loop dentro de loop);
- Assim, a ordem de complexidade do algoritmo será O(n²).





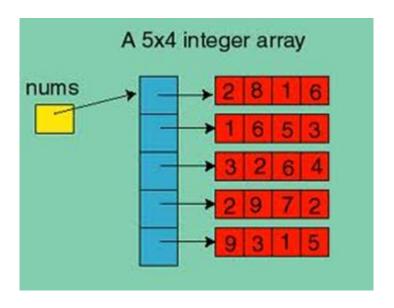




Atenção

- Na verdade, Java não tem arrays multidimensionais.
- Todos os arrays em Java são uni-dimensionais.
- A expressão nums[i] refere-se ao ith sub-array da tabela.





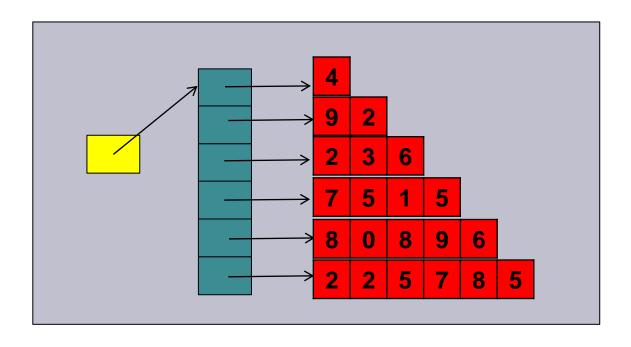






Arrays irregulares

Em Java, é possível criar-se arrays no qual diferentes linhas têm diferentes colunas.









Arrays irregulares

```
package maua;
public class ArrayRagged {
         public static void main(String[] args) {
                   int NMAX = 5;
                   int [][] matriz triangular = new int[NMAX + 1] [];
                   for (int n=0; n <= NMAX; n++)
                             matriz triangular[n] = new int[n+1];
                   for (int n=0; n<matriz triangular.length; n++) {</pre>
                             for (int k=0; k < matriz_triangular[n].length; k++) {</pre>
                                      matriz triangular[n][k] =
                                                (int) (10* Math.random());
                                      System.out.print(" " + matriz_triangular[n][k]);
                             System.out.println("");
                   }
```

Ordem de complexidade: O(n²).









Estruturas do Tipo Lista

- Uma lista ou sequência é uma estrutura de dados abstrata que implementa uma coleção ordenada de valores, onde o mesmo valor pode ocorrer mais de uma vez.
- Uma lista é um tipo abstrato de dados (especificação de um conjunto de dados e operações que podem ser executadas sobre esses dados).











Listas podem ser implementadas por meio de arrays?

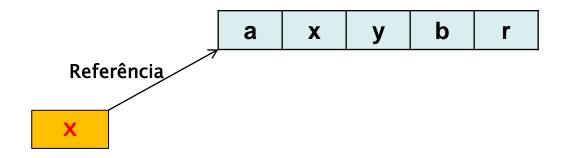








Implementando listas com arrays...

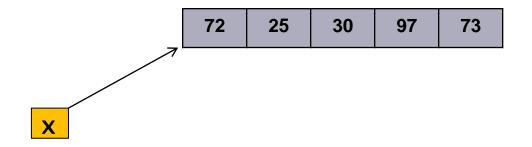








Exemplo: lista de 5 valores aleatórios entre 0 e 100









Lista de 5 valores aleatórios entre 0 e 100

```
package maua;
public class Lista Aleatoria {
        public static void main(String[] args) {
                 int[] x = new int[5];
                 for (int i=0; i<x.length ; i++) {</pre>
                          x[i] = (int)(100.0 * Math.random());
                          System.out.print(" " + x[i]);
                  }
}
                                      72
                                            25
                                                        97
                                                              73
                                                  30
                       X
```







Mas, há alguns inconvenientes em se implementar listas com arrays...

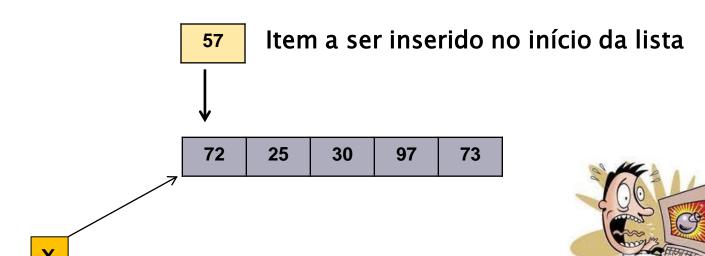








Considere a necessidade de se inserir um item no início ou metade da lista ...

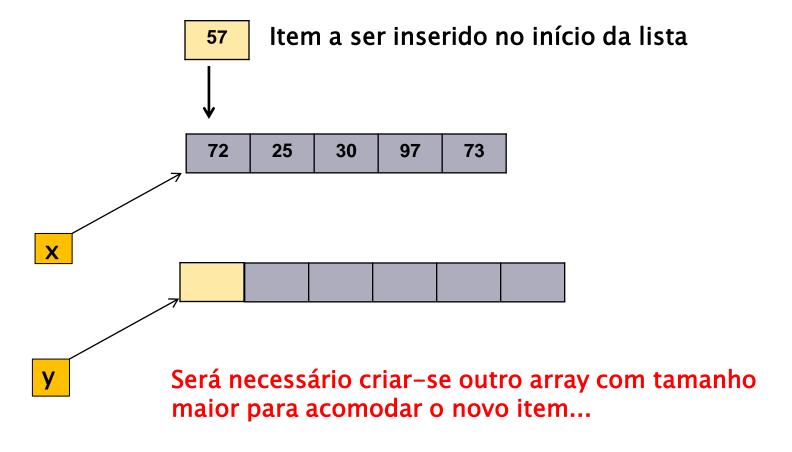








Primeiro, arrays têm tamanho fixo...

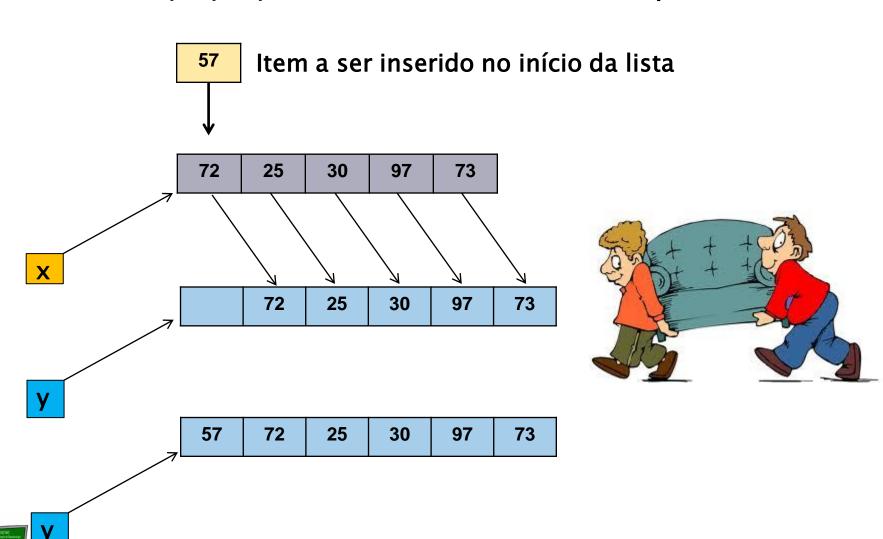








Segundo, o esforço computacional terá tempo proporcional ao tamanho do array...







Tipo Abstrato de Dados: List_Array

```
int[] lista;
                                                 dados
         int ultimo item;
List Array()
List Array(n)
imprime Lista()
imprime Primeiro()
imprime Ultimo()
Imprime Item(localizacao)
insereItem Inicio(novoitem)
                                                  operações
insereItem Fim(novoitem)
insereItem(novo item,localizacao)
insereItem MetadeLista(novoitem)
altera Ultimo(item)
altera Primeiro(item)
alteraItem(item,localizacao)
Deleta Ultimo()
Deleta Primeiro()
Deleta Item(localizacao)
```







```
package maua;
public class List_Array {
        int[] lista;
        int ultimo_item;
        public List_Array() {
                 lista = new int[0];
                 ultimo_item = -1;
        }
        public List_Array(int n) {
                 lista = new int[n];
                 ultimo_item = -1;
        }
```







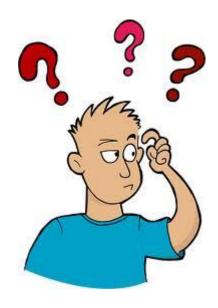
```
package maua;
                                                            3
                                                        4
                                                               8
                                                                          9
public class List_Array {
         int[] lista;
         int ultimo_item;
         public List_Array() {
                   lista = new int[0];
                  ultimo_item = -1;
         }
         public List_Array(int n) {
                   lista = new int[n];
                  ultimo_item = -1;
```







Como imprimir os elementos da lista?









Imprimindo os elementos da lista

Ordem de complexidade: O(n).











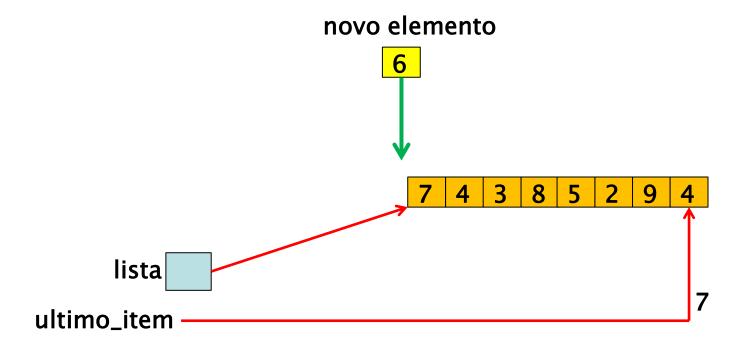
Como inserir um elemento no início da lista?







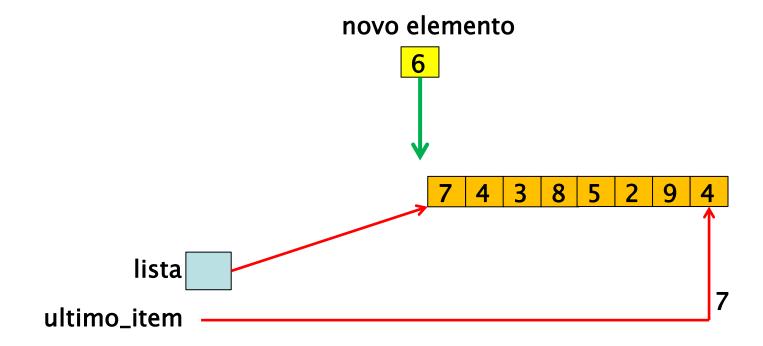














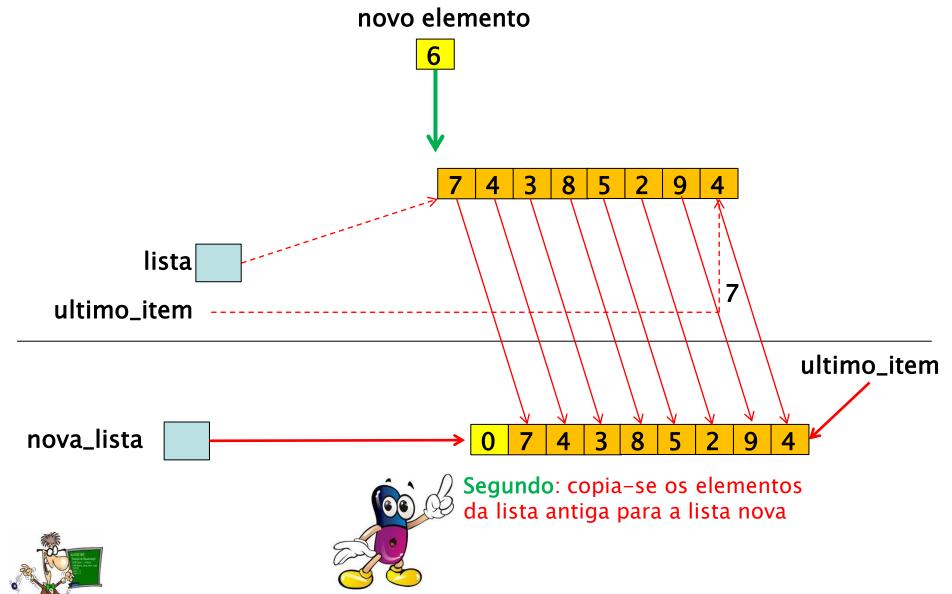


Primeiro: cria-se um novo array com um elemento a mais...



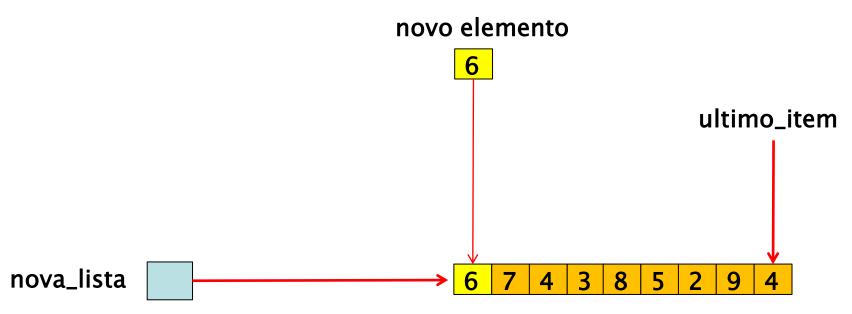












Terceiro: novo elemento é inserido na primeira posição da nova lista...









Ordem de complexidade: O(n).









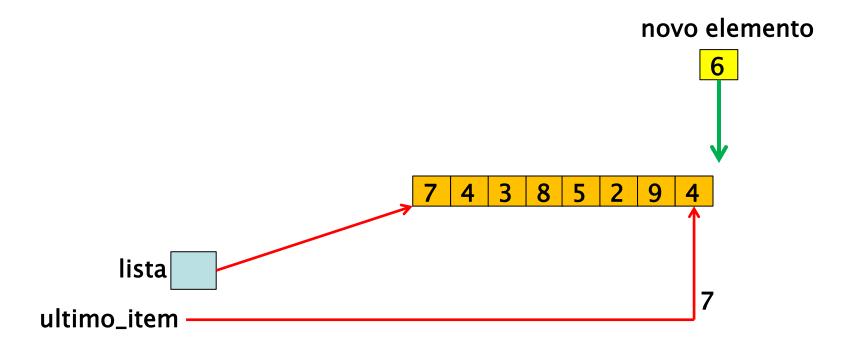
Como inserir um elemento no fim da lista?







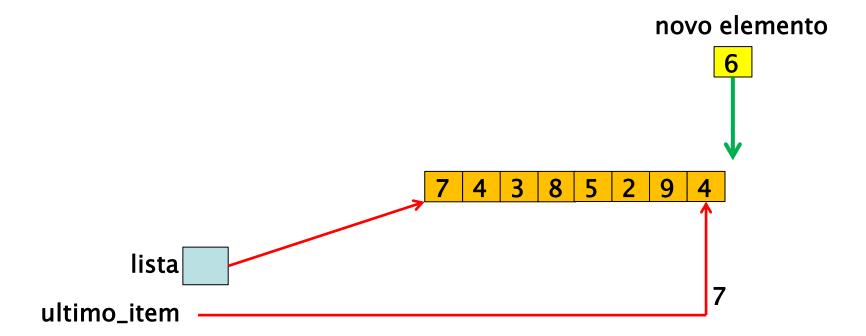














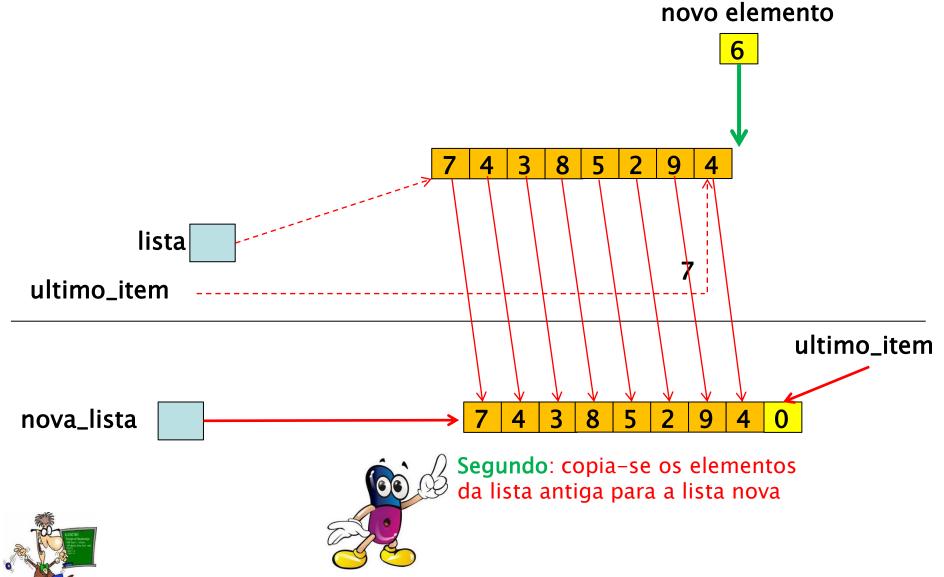


Primeiro: cria-se um novo array com um elemento a mais...



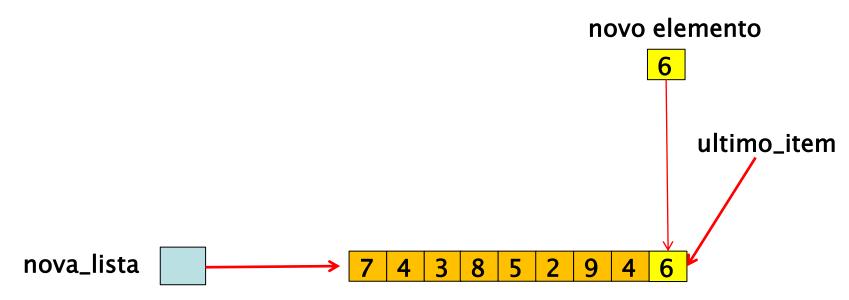












Terceiro: novo elemento é inserido na última posição da nova lista...









Ordem de complexidade: O(n).









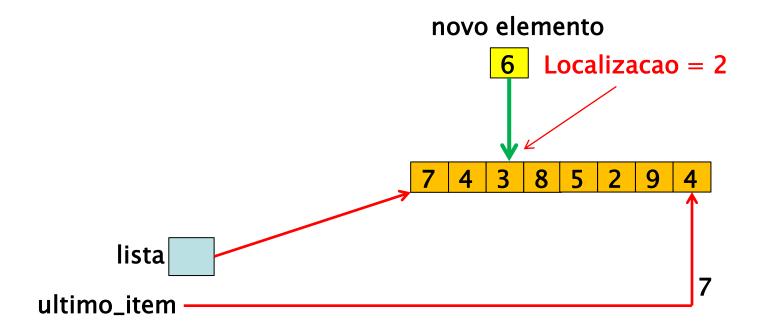
Como inserir um elemento numa posição qualquer da lista?







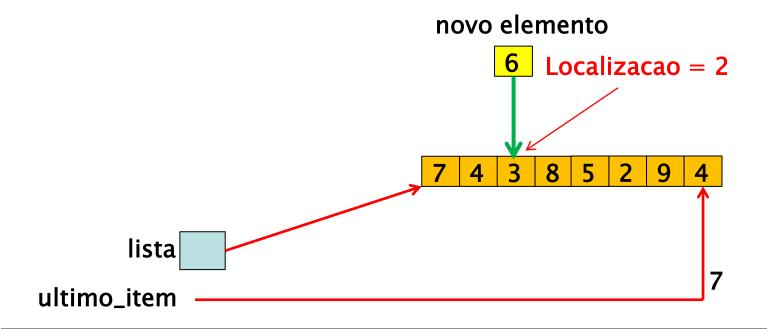














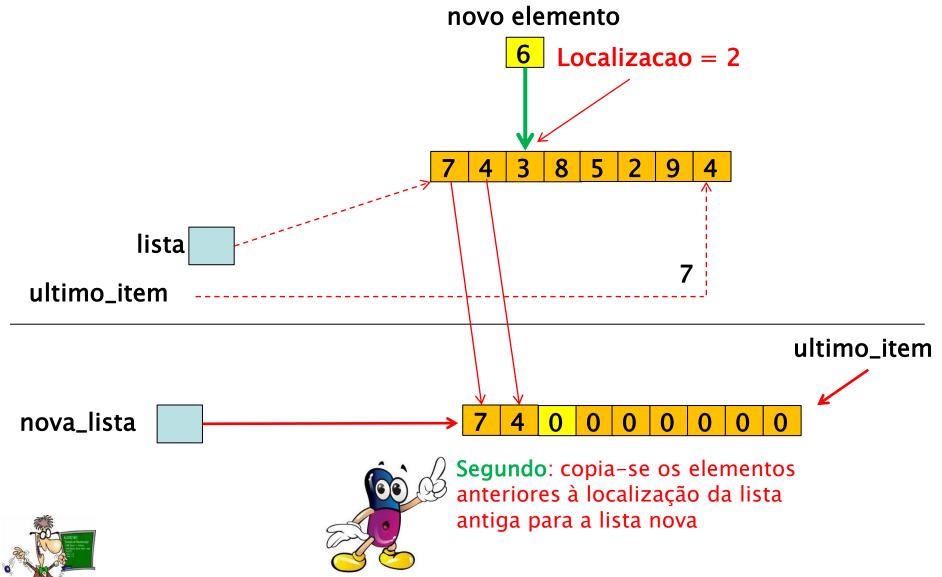


Primeiro: cria-se um novo array com um elemento a mais...



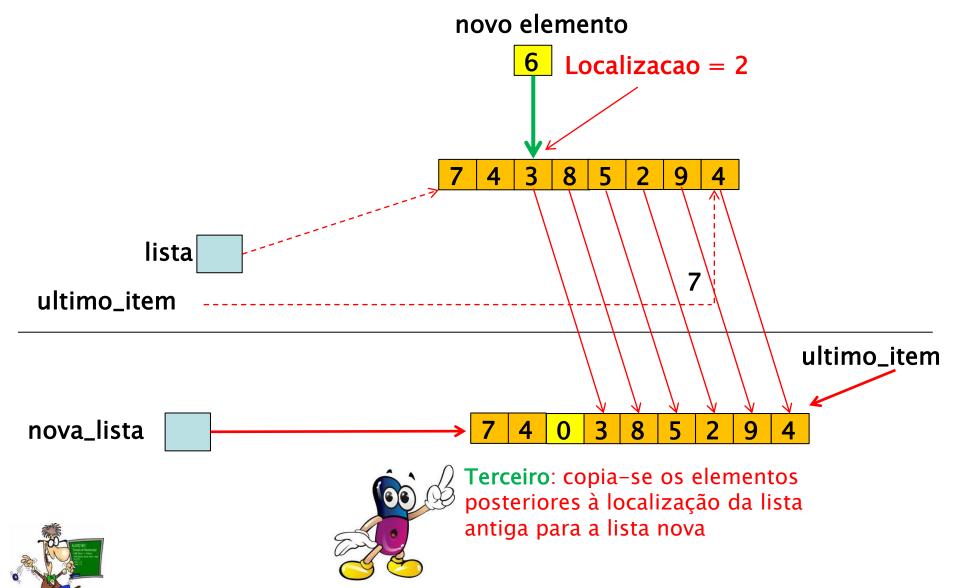






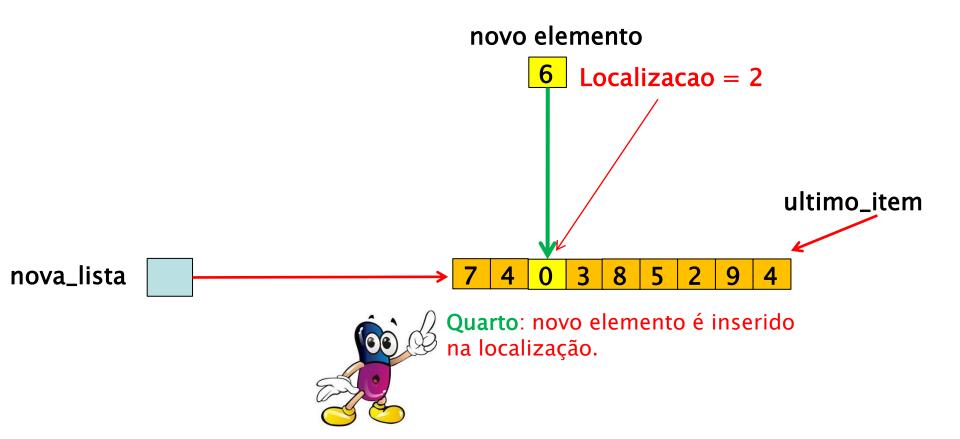


















```
public void insereItem(int novo item, int localizacao) {
        if (localizacao < 0 | localizacao > this.ultimo item)
                 System.out.println("*** ERRO: localização inválida...");
        else {
                 int[] nova lista = new int[lista.length+1];
                 for (int i =0; i < localizacao ; i++ )</pre>
                 nova lista[i] = lista[i];
                 for(int i=localizacao; i<lista.length; i++)</pre>
                         nova lista[i+1] = lista[i];
                 nova lista[localizacao] = novo item;
                 lista = nova lista;
                 ultimo item = lista.length-1;
                                                Ordem de complexidade: O(n).
```





Ordem de complexidade: O(1).









```
public void alteraItem(int novo item, int localizacao) {
         if (localizacao < 0 || localizacao > this.ultimo item)
                  System.out.println("*** ERRO: Localização inválida...");
         else lista[localizacao] = novo item;
public void imprime Primeiro() {
         if (ultimo item == -1)
                  System.out.println("A lista está vazia... não há primeiro
                            elemento");
         else System.out.println ("Primeiro elemento da lista: " +
                  lista[0] );
public void imprime Ultimo() {
         if (ultimo item == -1)
                  System.out.println("A lista está vazia... não há último
                            elemento"):
         else System.out.println ("Último elemento da lista: " +
                            lista[ultimo item] );
```

Ordem de complexidade: O(1).









```
package maua;
public class Test List Array {
        public static void main(String[] args) {
                 List Array x = new List Array();
                 x.Imprime Lista();
                 x.imprime Primeiro();
                 x.imprime Ultimo();
                x.insereItem Inicio(7);
                 x.Imprime_Lista();
                 x.imprime Primeiro();
                x.imprime_Ultimo();
                 x.insereItem Fim(99);
                 x.Imprime_Lista();
                 x.imprime Primeiro();
                x.imprime_Ultimo();
```







```
package maua;
public class Test List Array {
        public static void main(String[] args) {
                x = new List_Array(5);
                x.insereItem_Fim(88);
                x.Imprime Lista();
                 x.imprime_Primeiro();
                 x.imprime_Ultimo();
                 x.insereItem Inicio(11);
                 x.Imprime Lista();
                 x.imprime Primeiro();
                 x.imprime Ultimo();
                 x.insereItem(44, 2);
                x.Imprime_Lista();
```







```
package maua;
public class Test List Array {
        public static void main(String[] args) {
                x = new List Array(5);
                x.altera Primeiro(999999);
                x.Imprime_Lista();
                x.altera_Ultimo(777777);
                x.Imprime Lista();
                x.alteraItem(1111, 0);
                x.Imprime Lista();
                x.alteraItem(2222, 1);
                x.Imprime Lista();
                x.alteraItem(3333, 2);
                x.Imprime_Lista();
```