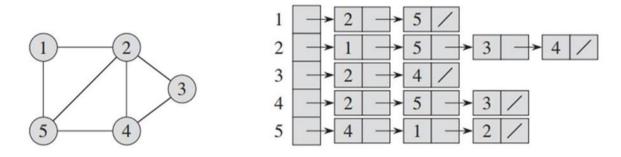
Teoria dos Grafos – Implementação com Listas de Adjacências Resolução da Atividade Hands-on em Laboratório – 01 Prof. Calvetti

1. Introdução

Um grafo é uma coleção de vértices e arestas. Pode-se modelar a abstração por meio de uma combinação de três tipos de dados: Vértice, Aresta e Grafo. Um vértice (VERTEX) pode ser representado por um objeto que armazena a informação fornecida pelo usuário, por exemplo, informações de um aeroporto. Uma aresta (EDGE) armazena relacionamentos entre vértices, por exemplo: número do voo, distâncias, custos, etc.

A ADT Graph deve incluir diversos métodos para se operar com grafos, podendo lidar com grafos direcionados ou não direcionados. Uma aresta (u,v) é dita direcionada de u para v se o par (u,v) é ordenado, com u precedendo v. Uma aresta (u,v) é dita não direcionada se o par (u,v) não for ordenado.

A implementação de grafos por meio de Listas de Adjacências fornece uma forma compacta de se representar grafos esparsos – aqueles para os quais |E| é muito menor que |V|2. Assim, essa implementação é usualmente o método mais escolhido. [Cormen]



A representação de um grafo G = (V,E) na forma de Listas de Adjacências consiste de um array Adj de |V| listas, uma para cada vértice em V. Para cada $u \in V$, a lista de adjacência Adj[u] consiste de todos os vértices V0 tais que haja uma aresta V1 u V2. Ou seja, AdjV3 consiste de todos os vértices adjacentes a V4 em V5.

Considerando que a lista de adjacências representa as arestas de um grafo, pode-se representar o grafo G com os atributos: V: conjunto de vértices de G e Adj[u]: conjunto de arestas de G, para todo $u \in V$.

Em um grafo G direcionado, a soma dos nós de todas as listas de adjacências é |E|. Isso ocorre, uma vez que 1 aresta na forma (u,v) é representada uma única vez em Adj[u].

Em um grafo G não-direcionado, a soma dos nós de todas as listas de adjacências é 2 * |E|. Isso ocorre, uma vez que se (u,v) é uma aresta não-direcionada, então u aparece em Adj[u] e vice-versa.

Para grafos direcionados, a representação em listas de adjacências tem a desejável propriedade que a quantidade de memória necessária é Θ (V + E). [Cormen]

Para grafos não-direcionados, a representação em listas de adjacências tem a desejável propriedade que a quantidade de memória necessária é Θ (V + 2*E). [Cormen]

Pode-se facilmente adaptar-se uma lista de adjacências para representar grafos com pesos. Ou seja, grafos para o qual cada aresta tem um peso associado, tipicamente dado por uma função de pesos: $w : E \rightarrow R$.

Por exemplo: seja G = (V,E) um grafo com pesos com uma função de pesos w. Pode-se armazenar o valor da função w para uma aresta $e \in E$ no nó da lista ajd[u].

Uma potencial desvantagem da representação por Lista de Adjacências é que ela não provê uma forma rápida de se determinar se uma determinada aresta (u,v) está presente no grafo. Assim, será necessário pesquisá-la na Lista de Adjacências.

Neste hands-on, iremos fazer a implementação de grafos não-orientados com o emprego de Listas de Adjacências e com a Linguagem Java.

Para a implementação, vamos criar um Projeto Java na IDE chamado Grafo_AdjList. Em seguida, vamos criar um package denominado br.maua.

2. Implementação da Classe Aresta

No package br.maua, iremos implementar a Classe Aresta que irá abstrair as arestas do Grafo a ser implementado. Uma aresta será formada por um vértice de origem e outro de destino.

Vamos também incluir na Classe Aresta o construtor de Arestas.

A classe será definida por:

```
package br.maua;
public class Aresta {
    Vertice origem;
    Vertice destino;

    public Aresta(Vertice origem, Vertice destino) {
        this.origem = origem;
        this.destino = destino;
}
```

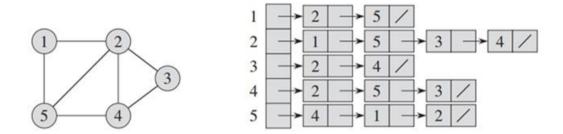
Na implementação da classe Aresta, incluiu-se o construtor de Arestas o qual receberá como parâmetro o vértice de origem e também o vértice de destino.

Estes parâmetros são obrigatórios, uma vez que uma aresta sempre é formada por um par de vértices.

Note que a IDE irá sinalizar erros na definição dos atributos da Aresta, uma vez que ainda não se definiu o objeto Vertice. Após a definição da Classe Vertice, que será feita no próximo item, esses erros serão desmarcados pela IDE.

3. Implementação da Classe Vertice

Vamos implementar agora a Classe Vertice. Neste hands-on iremos considerar a implementação com Listas de Adjacências. Portanto, para cada vértice do grafo estaremos associando uma lista de Arestas correspondentes.



Utilizaremos neste hands-on, a implementação de ArrayList do Framework Collections da Plataforma Java. Em cada vértice do grafo, definiremos um atributo que corresponde a informação a ser armazenada no vértice (String dado) e o endereço da Lista de Arestas correspondente.

Assim, utilizaremos a seguinte definição para a Classe Vertice:

```
package br.maua;
import java.util.ArrayList;
    public class Vertice {
        String dado;
        ArrayList<Aresta> listaArestas;
}
```

Assim, um objeto da classe Vertice será instanciado com os atributos: dado do tipo String e listaArestas do tipo ArrayList<Aresta>.

Considerando que a classe ArrayList não pertence ao package padrão java.lang, será necessário incluir a diretiva import com o nome do package onde a classe ArrayList está implementada, no caso: java.util.

O atributo listaArestas está sendo definido por um ArrayList de Arestas. Caso o vértice não contenha arestas, este atributo estará com valor null.

4. <u>Implementação dos construtores da Classe Vertice</u>

Vamos considerar na classe Vertice, dois construtores de Vertice. O primeiro construtor deverá receber como parâmetro o dado String a ser armazenado no vértice e o endereço de uma lista de Arestas

Complemente o código do construtor, conforme indicado acima. O segundo construtor deverá receber um único parâmetro correspondente ao dado String a ser armazenado no vértice. A lista de arestas correspondentes ao vértice que está sendo instanciado, deverá ser inicializada com null.

Complemente o código do construtor, conforme indicado acima.

5. <u>Implementação dos métodos da Classe Vertice</u>

Vamos agora implementar mais duas funções na classe Vertice.

A primeira dessas funções será responsável pela inclusão de uma nova aresta incidente ao vértice na Lista de Arestas. Vamos chamar essa função de addAresta(Aresta a);

A implementação será definida por:

Complemente o código da função addAresta(Aresta a), conforme indicado acima.

A segunda função será responsável pela remoção de uma aresta incidente ao vértice na Lista de Arestas. Vamos chamar essa função de removeAresta(Aresta a);

A implementação será definida por:

```
public boolean removeAresta(Aresta a) {
      // Complemente o código aqui
}
```

Caso a aresta a ser removida -- e passada como parâmetro à função removeAresta(Aresta a) — não existir, a função deverá retornar false. Caso a aresta passada como parâmetro seja removida, a função deve retornar true.

Complemente o código da função removeAresta(Aresta a), conforme indicado acima.

Dica: Considerando que estamos trabalhando nesta implementação com a classe ArrayList do package java.util é importante que o estudante verifique na documentação da API — Java 8, quais os métodos disponíveis para se inserir objetos no ArrayList, bem como para se remover objetos.

Com isso, terminamos a definição da classe Vertice.

6. Implementação da Classe Grafo

Vamos agora implementar a classe Grafo. Considerando que estamos trabalhando com listas de adjacências, o grafo terá como atributo uma lista de vértices. Utilizaremos na implementação a classe ArrayList do package java.util.

```
package br.maua;
import java.util.ArrayList;
public class Grafo {
        ArrayList<Vertice> listaVertices;
}
```

7. Implementação dos Construtores da Classe Grafo

Vamos considerar na classe Grafo, dois construtores de Grafo.

O primeiro construtor deverá receber como parâmetro uma lista de vértices

Complemente o código do construtor, conforme indicado acima.

O segundo construtor não deverá ter parâmetros. A lista de vértices correspondentes ao grafo que está sendo instanciado, deverá ser inicializada com null.

Complemente o código do construtor, conforme indicado acima.

8. Implementação de funções da Classe Grafo

Agora, vamos implementar funções que permitirão operarmos com a estrutura de dados Grafo implementada com listas de adjacência. Complemente os códigos das funções abaixo que farão parte da classe Grafo.

a) Função addVertice: Adiciona um novo vértice ao grafo

b) Função imprimeArestasDeVertice: Imprime as arestas associadas a um determinado vértice passado como parâmetro. Caso o vértice passado como parâmetro não tenha arestas a ele conectado, a função deverá imprimir a mensagem: "Vertice sem arestas".

Caso o vértice passado como parâmetro não exista no grafo, a função deverá imprimir a mensagem: "Vértice inexistente no Grafo..."

A função deverá imprimir os dados armazenados em todas as arestas associadas ao vértice passado como parâmetro. A função deverá imprimir para cada aresta associada ao vértice, o dado armazenado no vértice de origem e também o dado armazenado no vértice destino.

c) Função imprimeVerticesDoGrafo: Imprime o dado armazenado em cada vértice do grafo.

Caso o grafo não tenha vértice, a função deverá imprimir a mensagem: "Grafo sem vértices..."

d) Função retornaGrauVertice: Retorna o grau do vértice passado como parâmetro. Caso a lista de arestas do vértice passado como parâmetro seja nula, a função também deverá retornar null.

e) Função imprimeGrauVertice: Imprime o grau do vértice passado como parâmetro. Caso o vértice não exista no grafo, a função deverá imprimir a mensagem: "Vértice não existente no Grafo...".

```
public void imprimeGrauVertice(Vertice v) {
    // Complemente o código aqui
}
```

f) Função removeVertice: A função deverá remover do grafo o vértice passado como parâmetro. Caso a função consiga remover o vértice será retornado true. Caso contrário deverá retornar false. Adicionalmente, em caso de retorno true a função deverá enviar a mensagem "Vértice removido com sucesso". Adicionalmente, caso o vértice passado como parâmetro não exista no Grafo, a função deverá enviar a mensagem: "Vértice inexistente do Grafo...".

Observação importante: Todas as arestas associadas a outros vértices também deverão ser removidas.

```
public boolean removeVertice(Vertice v) {
    // Complemente o código aqui
}
```

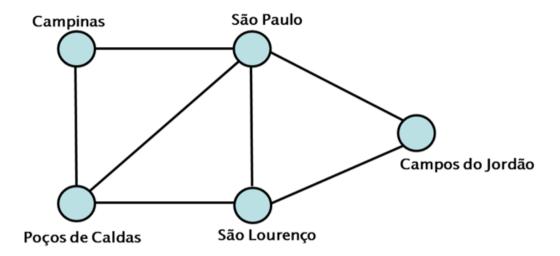
g) Função imprimeGrafo: A função deverá imprimir a informação armazenada em todos os vértices do grafo e de todas as arestas associadas a cada vértice do grafo.

```
public boolean imprimeGrafo() {
    // Complemente o código aqui
}
```

9. <u>Implementação da Classe Teste Grafo</u>

Vamos agora implementar a classe Teste_Grafo, com a função main para criarmos um grafo e exercitarmos todas as funções criadas na implementação de Grafos com uma Lista de Adjacência.

Considere o seguinte grafo:



Considere os seguintes Vértices:

- V1: Campinas
- V2: São Paulo
- V3: Campos do Jordão
- V4: São Lourenço
- V5: Poços de Caldas

Complementar a classe Teste_Grafo conforme esquema abaixo. Criar todos os vértices do Grafo, implementando as arestas na forma de Listas de Adjacências. Exercitar todas as funções definidas nas classes Grafo, Vertice e Aresta.

```
package br.maua;

public class Teste_Grafo {

    public static void main(String[] args) {

        Grafo g = new Grafo();

        Vertice V1 = new Vertice("Campinas");

        // Complemente o código aqui
}
```

```
package br.maua;
public class Aresta {
     Vertice origem;
   Vertice destino:
     public Aresta(Vertice origem, Vertice destino) {
           this.origem = origem;
           this.destino = destino;
}
package br.maua;
import java.util.ArrayList;
     public class Vertice {
          String dado;
         ArrayList<Aresta> listaArestas;
        public Vertice(String dado, ArrayList<Aresta> listaArestas)
{
                this.dado = dado;
                this.listaArestas = listaArestas;
        public Vertice(String dado) {
           this.dado = dado;
           this.listaArestas = new ArrayList<Aresta>();
        public void addAresta(Aresta a) {
              this.listaArestas.add(a);
        }
        public boolean removeAresta(Aresta a) {
              if (this.listaArestas.remove(a))
                   return true;
              else return false;
     }
```

```
package br.maua;
import java.util.ArrayList;
public class Grafo {
     ArrayList<Vertice> listaVertices;
     public Grafo(ArrayList<Vertice> listaVertices) {
          this.listaVertices = listaVertices;
     }
     public Grafo() {
           this.listaVertices = new ArrayList<Vertice>();
     }
     public void addVertice(Vertice v) {
          this.listaVertices.add(v);
     }
     public void imprimeArestasDeVertice(Vertice v) {
           if (!this.listaVertices.contains(v))
                System.out.println("Vertice inexistente no
grafo...");
          else {
                if (v.listaArestas.size() == 0)
                     System.out.println("Vertice sem arestas");
                else {
                     int n = v.listaArestas.size();
                     for (int i = 0; i < n; i++)
     System.out.println(v.listaArestas.get(i).origem.dado + " " +
v.listaArestas.get(i).destino.dado);
           }
     }
     public void imprimeVerticesDoGrafo() {
           if (this.listaVertices == null)
                System.out.println("Grafo sem Vertices...");
          else {
```

```
int n = this.listaVertices.size():
                for (int i = 0; i < n ; i++ ) {
     System.out.println(this.listaVertices.get(i).dado);
           ŀ
     public Integer retornaGrauVertice(Vertice v) {
           if (v.listaArestas == null )
                return 0:
           else return v.listaArestas.size();
     ١
     public void imprimeGrauVertice(Vertice v) {
           if (!this.listaVertices.contains(v))
                System.out.println("Vertice inexistente no
grafo...");
           else
                System.out.println(this.retornaGrauVertice(v));
     public boolean removeVertice(Vertice v) {
           if (this.listaVertices.contains(v) == false) {
                System.out.println("Vertice nao existe...");
                return false:
           else {
                this.listaVertices.remove(v);
                Integer n = listaVertices.size();
                for (int i = 0; i<n; i++) {
                      ArrayList<Aresta> listaTrabArestas =
listaVertices.get(i).listaArestas;
                     for (int j = 0; j<listaTrabArestas.size()-1;</pre>
j++) {
                           if (listaTrabArestas.get(j).origem == v
| listaTrabArestas.get(j).destino == v)
                                 listaTrabArestas.remove(j);
                     this.listaVertices.get(i).listaArestas =
listaTrabArestas:
           System.out.println("Vertice removido com sucesso...");
           return true;
```

```
package br.maua;
public class Teste Grafo {
     public static void main(String[] args) {
          Grafo g = new Grafo():
          Vertice V1 = new Vertice("Campinas");
          Vertice V2 = new Vertice("São Paulo");
          Vertice V3 = new Vertice("Campos do Jordão");
          Vertice V4 = new Vertice("São Lourenco"):
          Vertice V5 = new Vertice("Pocos de Caldas"):
          Aresta aresta V1V2 = new Aresta(V1,V2);
          Aresta aresta V1V5 = new Aresta(V1,V5);
          V1.addAresta(aresta V1V2):
          V1.addAresta(aresta V1V5);
          g.addVertice(V1);
          Aresta aresta V2V1 = new Aresta(V2,V1);
          Aresta aresta V2V3 = new Aresta(V2,V3);
          Aresta aresta_V2V4 = new Aresta(V2,V4);
          Aresta aresta V2V5 = new Aresta(V2,V5);
          V2.addAresta(aresta V2V1);
          V2.addAresta(aresta_V2V3);
          V2.addAresta(aresta V2V4);
          V2.addAresta(aresta V2V5);
          g.addVertice(V2);
          Aresta aresta V3V2 = new Aresta(V3,V2);
          Aresta aresta_V3V4 = new Aresta(V3,V4);
          V3.addAresta(aresta V3V2);
          V3.addAresta(aresta V3V4);
          g.addVertice(V3);
          Aresta aresta V4V3 = new Aresta(V4,V3);
          Aresta aresta_V4V2 = new Aresta(V4,V2);
          Aresta aresta_V4V5 = new Aresta(V4,V5);
          V4.addAresta(aresta V4V3);
          V4.addAresta(aresta_V4V2);
          V4.addAresta(aresta_V4V5);
          g.addVertice(V4);
          Aresta aresta_V5V1 = new Aresta(V5,V1);
          Aresta aresta V5V2 = new Aresta(V5,V2);
          Aresta aresta V5V4 = new Aresta(V5,V4);
          V5.addAresta(aresta V5V1);
```

```
V5.addAresta(aresta V5V2);
          V5.addAresta(aresta V5V4);
          g.addVertice(V5);
          System.out.println("\n\nGrafo antes de remover V3 ....");
          g.imprimeGrafo();
          g.removeVertice(V3);
          System.out.println("\n\nGrafo apos remover V3");
          g.imprimeGrafo();
          g.removeVertice(V1);
          System.out.println("\n\nGrafo apos remover V1");
          g.imprimeGrafo();
          g.removeVertice(V2);
          System.out.println("\n\nGrafo apos remover V2");
          g.imprimeGrafo();
          g.removeVertice(V4);
          System.out.println("\n\nGrafo apos remover V4");
          g.imprimeGrafo();
          g.removeVertice(V5);
          System.out.println("\n\nGrafo apos remover V5");
          g.imprimeGrafo();
     }
}
```