

Algorithme 1 : *Parcours en largeur d'abord (Breadth First Search (BFS))***Données :** G : un graphe connexe orienté. i_0 : sommet de G **Variables :** La liste OUVERT : sommets en attente d'être traités

La liste FERMÉ : sommets déjà traités

 i : sommet courantOUVERT $\leftarrow (i_0)$; FERMÉ $\leftarrow ()$ **tant que** *OUVERT n'est pas vide* **faire** soit i le premier élément d'OUVERT **si** i *n'est pas dans FERMÉ* **alors** mettre les successeurs de i qui \notin FERMÉ en fin d'OUVERT (en mémorisant
 que i est leur père et en supprimant les répétitions) effectuer le traitement pour i mettre i dans FERMÉ supprimer i d'OUVERT**Algorithme 2 : *Algorithme glouton de coloration*****début**

Introduire une première couleur et colorier le premier sommet

pour *chaque sommet s non encore colorié* **faire** **pour** *chaque couleur c déjà créée (envisagée dans l'ordre de création)* **faire** **si** s *n'est relié à aucun sommet colorié par c* **alors** s est colorié en c **sinon**

on passe à la couleur suivante

si s *n'est pas colorié* **alors** on introduit une nouvelle couleur c on colorie s avec c /*NB : l'ordre dans lequel on considère les sommets est important, l' algorithme ne fournit
qu'une borne supérieure du nombre chromatique. */**Algorithme 3 : *Bellman-Kalaba*****Données :** G : un graphe connexe orienté pondéré par l (l_{ij} : poids de l'arc (i, j)) i_0 : sommet de G , on ajoute un arc fictif (i_0, i_0) de poids 0.**Résultat :** Si G a un circuit de longueur négative pas de solution sinon pour chaque
sommet $i \neq i_0$, distance du plus court[long] chemin de i_0 à i ou ∞ **Variables :** j : sommet courant, k : étape courante $\lambda_0(i_0) \leftarrow 0$ **pour** *tout sommet $i \neq i_0$* **faire** $\lambda_0(i) = \infty$ [$-\infty$] $k \leftarrow 1$ **tant que** $k \leq n$ **faire** **pour** *tout sommet j* **faire** $\lambda_k(j) = \min[\max]_{i \in \Gamma^-(j)} (\lambda_{k-1}(i) + l_{ij})$ **si** $\lambda_k = \lambda_{k-1}$ **alors** STOP **sinon** $k \leftarrow k + 1$ **si** $k = n + 1$ **alors** G admet un circuit < 0 [> 0]**sinon** $\forall j \in X \setminus \{i\}$, $\lambda_k(j)$ est la longueur d'un chemin i_0j -minimal [maximal]

Algorithme 4 : *Bellman pour les graphes sans circuits*

Données : G : graphe orienté pondéré sans circuit (poids de signe quelconque),
les sommets étant numérotés de 1 à n en accord avec les niveaux de G

Résultat : pour chaque sommet $i \neq 1$, $\lambda(i)$ distance du plus court[long] chemin du
sommet 1 autres sommets.

$\lambda(1) \leftarrow 0$

pour tout sommet $j \in \llbracket 2, n \rrbracket$ **faire** $\lambda(j) = \min[\max]_{i \in \Gamma^-(j)} (\lambda(i) + l_{ij})$

Algorithme 5 : *Bellman-Ford*

Données : G : un graphe connexe orienté pondéré par l (l_{ij} : poids de l'arc (i, j))
 i_0 : sommet de G .

Résultat : Si G a un circuit de longueur négative pas de solution sinon pour
chaque sommet $i \neq i_0$, $\lambda(i)$ distance du plus court chemin de i_0 à i ou ∞

Variables : j : sommet courant, k : étape courante

$\lambda(i_0) \leftarrow 0$

pour tout sommet $i \neq i_0$ **faire** $\lambda(i) = \infty$

pour $k = 1$ à $n - 1$ **faire**

pour tout arc (i, j) **faire**

si $\lambda(j) > \lambda(i) + l_{ij}$ **alors** $\lambda(j) \leftarrow \lambda(i) + l_{ij}$; $pere(j) \leftarrow i$

pour tout arc (i, j) **faire** **si** $\lambda(j) > \lambda(i) + l_{ij}$ **alors** G admet un circuit < 0

Algorithme 6 : *Roy-Floyd-Warshall*

Données : un graphe orienté pondéré poids de signe quelconque

Résultat : S'il \exists un circuit de longueur < 0 [> 0] alors pour tout i du circuit,
 $\mathcal{M}_{ii} < 0$ [> 0] sinon $\forall i, j$, \mathcal{M}_{ij} = longueur chemin ij -minimal[maximal]

Initialisation : $\forall i, j$ $\mathcal{M}_{ij} = l_{ij}$ si $(i, j) \in U$, ∞ [$-\infty$] sinon.

pour $k \leftarrow 1$ à n **faire**

pour $i \leftarrow 1$ à n **faire**

pour $j \leftarrow 1$ à n **faire**

$\mathcal{M}_{ij} \leftarrow \min[\max](\mathcal{M}_{ij}, \mathcal{M}_{ik} + \mathcal{M}_{kj})$

Algorithme 7 : *Dijkstra (appelé aussi Moore-Dijkstra)*

Données : un graphe connexe orienté pondéré **positivement** de racine i_0

Résultat : pour chaque sommet $i \neq i_0$, $\lambda(i)$ distance du plus court chemin de i_0 à i
et $pere(i)$ sommet précédant i sur ce chemin

Variables : S : sommets explorés ;
 i : sommet courant ; j : successeur de i non exploré

pour tout sommet i **faire** $\lambda(i) \leftarrow \infty$

$\lambda(i_0) \leftarrow 0$

$S \leftarrow \emptyset$

tant que $S \neq X$ **faire**

 sélectionner i dans $X \setminus S$ tel que $\lambda(i) = \min_{j \in X \setminus S} \lambda(j)$

$S \leftarrow S \cup \{i\}$

pour tout j de $\Gamma^+(i) \cap (X \setminus S)$ **faire**

si $\lambda(i) + l_{ij} < \lambda(j)$ **alors**

 /* ajustement de j à partir de i (distance et père) */

$\lambda(j) \leftarrow \lambda(i) + l_{ij}$; $pere(j) \leftarrow i$