M1 - SRI IA - Représentation et Résolution de problèmes

Août 2020 – 1h30 (documents autorisés)

Pour être comptabilisée, toute réponse devra être justifiée.

1 Exercice 1 (4 pts)

- 1. Exprimez sous la forme d'une base de formules logiques propositionnelles les connaissances suivantes :
 - la fièvre est un symptôme systématique de la grippe,
 - avoir la grippe m'empêche de travailler mon examen, et donc je vais avoir une mauvaise note,
 - une mauvaise note ou une absence à l'examen vont avoir pour conséquence que je n'aurai pas mon diplôme,
 - les symptômes systématiques d'une contamination au COVID-19 sont la fièvre et une forte toux,
 - les patients contaminés au COVID-19 sont placés en "quatorzaine",
 - si je suis en "quatorzaine", je serai absent à mon examen.
- 2. Exprimez le problème "Est-ce que je vais avoir mon diplôme sachant que je tousse"?
- 3. Quelle méthode pouvez-vous utiliser pour résoudre ce problème?

2 Exercice 2 (4 pts)

Je suis au supermarché en train de faire mes courses. Par crainte du COVID-19, je veux remplir mon caddy avec un maximum de "calories" (au cas où je me retrouverais en quatorzaine!) mais mon budget est limité (MAX euros). Sachant que chaque aliment a_i a une valeur calorique v_i et un prix p_i , quels sont les aliments qu'il me faut acheter?

- 1. De quel type de problème s'agit-il?
- 2. A quel problème connu, ce problème vous fait-il penser?
- 3. Exprimez-le sous la forme d'un espace d'états en donnant la définition précise de chaque état et de chaque opérateur.
- 4. Quels algorithmes pouvez-vous utiliser sur cet espace d'état pour résoudre ce problème? Donnez rapidement les avantages et inconvénients de chaque algorithme. (on ne demande pas la résolution)

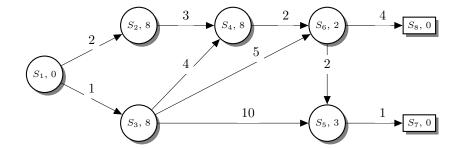
L'heure de fermeture approche et il y a trop d'aliments disponibles dans mon magasin. Je renonce à trouver la meilleure solution mais je veux quand même faire au mieux pour sélectionner mes achats.

- 5. Que puis-je appliquer comme méthode? Donnez rapidement les avantages et inconvénients de chaque méthode.
- 6. Caractérisez le nouvel espace dans lequel vous vous placez désormais pour résoudre le problème.

3 Exercice 3 (4 pts)

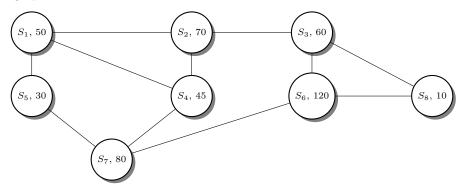
On considère l'espace d'états donné par la figure suivante. Le graphe est orienté, les valeurs sur les arcs donnent le coût de passage d'un état à un autre. Les valeurs sur les sommets correspondent à l'heuristique h_1 évoquée ci-après. L'état initial est S_1 . On considère que l'on dispose d'une fonction qui reconnaît les états finaux (indiqués par un rectangle sur la figure).

- 1. Décrivez l'application du A^* sur cet espace et le résultat obtenu en utilisant l'heuristique h_1 donnée pour chaque sommet dans le graphe (donnez le chemin solution et son poids).
- 2. h_1 est-elle admissible? Qu'en concluez-vous sur la réponse obtenue à la question 1?



4 Exercice 4 (4 pts)

On considère le graphe suivant :



Chaque nœud correspond à une solution. Le voisinage d'une solution e est constitué de l'ensemble des solutions e' qui ont une arête allant de e à e' (le graphe est non-orienté). La valeur de chaque solution est indiquée dans le nœud. On part d'une solution donnée et on cherche la solution dont la valeur est **la plus grande**.

- 1. Donnez l'ordre des solutions visitées en utilisant le steepest hill climbing, sans reprise, en partant de S_1 .
- 2. Décrivez l'exécution de tabou (solutions visitées + liste de tabous à chaque étape) avec une taille de liste égale à 3 en partant de S_1 . Arrêtez-vous quand l'algorithme boucle (c'est-à-dire quand on retrouve le même état courant avec la même liste de tabous que lors d'une étape précédente) ou que la solution optimale est atteinte ¹.

5 Exercice 5 (4 pts)

Le service des urgences de l'hôpital de Rangueil doit traiter la répartition de X malades. Il dispose pour cela de 3 zones de taille modulable (au pire on peut rentrer les X malades dans une seule zone). Etant donné les nouvelles règles édictées par la direction de l'hôpital suite à l'épidémie de COVID-19, certains malades devront être séparés des autres. En fonction de leurs symptômes, on dispose donc d'une liste L_i donnant pour chaque malade x_i avec quels autres malades il peut être placé.

- 1. De quel type de problème s'agit-il?
- 2. Comment pouvez-vous le représenter? Vous donnerez tous les composants de cette représentation.
- 3. Quels algorithmes pouvez-vous utiliser pour résoudre le problème?
- 4. Est-ce que ce problème admet toujours une solution? Justifiez.
- 5. A quel problème connu, ce problème vous fait-il penser?

^{1.} L'algorithme ne s'arrêterait pas dans ce cas-là puisqu'il ne connaît pas la solution optimum!