- Bâtir un cahier des charges
  - Qu'est-ce gu'un « bon asservissement » ?
    - DYNAMIQUE: Un système en BF stable avec des oscillations maîtrisées pour un « bon » temps de réponse
    - RÉGIME PERMANENT : Une précision répondant aux besoins
  - Le cahier des charges peut se penser
    - « En fréquentiel » : L'amortissement et le temps de réponse imposent la marge de phase
      - Marge de phase 45 60 degrés. - Marge de gain : 10 - 15dB
- Si as varges sent grandes de syst statel. A retenir narcas de statelite sant grandes bene on selon les besoins en précision
  - Introduction d'un intégrateur ou non selon les besoins en précision
  - « En temporel » : L'amortissement et le temps de réponse imposent les pôles désirés -> réthode de placa ent de pole
  - On s'appuie sur la réponse indicielle d'un 2nd ordre sans zéro à pôles dominants et sur la position des pôles dans le plan complexe

### Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles.
  - Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{r^2 + 2F\omega_n p + \omega^2}$ 
    - Pôles  $Si \ \xi \ge 1 : p_{1,2} = -\xi \omega_n \pm \omega_n \sqrt{\xi^2 1}$  $Si \ \xi < 1 : p_{1,2} = -\xi \omega_n \pm j \omega_n \sqrt{1 - \xi^2} = -\xi \omega_n \pm j \omega_n$
    - Réponses

$$y(t) = \alpha + \beta e^{p_1 t} + \gamma e^{p_2 t} \text{ si } \xi > 1$$

règne force dans le réprés xystère qu'déped de la répose du xystère et de la répose

 $y(t) = \alpha + (\beta + \gamma t)e^{p_1 t} \text{ si } \xi = 1$  $y(t) = \alpha + \beta e^{-\xi \omega_n t} \sin(\omega_p t + \varphi) \ si \ \xi < 1$ 

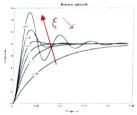
- Oscillations seulement si les pôles sont complexes conjugués → + E ≯. + les oscillations > et inversement
- $\omega_0$  donne la pulsation des oscillations (s'il y en a). NB : Fréquence :  $f_0 = \omega_0 / 2\pi$
- → + ω<sub>P</sub> ≯, + le système oscille avec une fréquence élevée
- $\rightarrow$  Si E= 0 oscillations entretenues à la pulsation  $\omega_0$
- Stabilité et rapidité liées à la partie réelle des pôles
  - → + Re(p) < 0. + le pôle est rapide</p>

**UPSSITECH - 2e Année Systèmes Robotiques & Interactifs** 

UPSSITECH - 2e Année Systèmes Robotiques & In

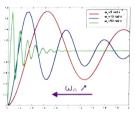
## Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles
  - $\succ$  Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{p^2 + 2E\omega_n p + \omega_n^2}$



Effet de ξ pour ω, donné : + ξ augmente, + D,

NB:  $\xi = 0.7 \rightarrow \text{meilleur compromis entre}$ amortissement et rapidité - On impose souvent des pôles complexes conjugués.



Effet de  $\omega_n$  pour  $\xi$  donné : +  $\omega_n$  augmente, + la fréquence des oscillations augmente

## Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles
  - Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{p^2 + 2\xi\omega_n p + \omega_n^2}$ 
    - Lorsque les pôles sont réels :
      - Pas d'oscillation
      - Temps de réponse à 5 % : 3 |τ<sub>1</sub>| οù τ<sub>1</sub> = 1/|p<sub>1</sub>|, τ<sub>1</sub> est la constante de temps associée au pôle p1 qui est le pôle le plus < 0
    - Lorsque les pôles sont complexes conjugués :
      - Oscillations

- Premier dépassement :  $D_1 = e^{-\pi \xi/\sqrt{1-\xi^2}}$ 

- Temps de réponse à 5 % :  $t_{rep} \simeq \frac{3}{\xi \omega_n} = \frac{3}{|Re(p_1)|}$ 

A retenir

Connaissant  $t_{rep}$  et  $D_1$ , on peut déterminer  $\xi$  et  $\omega_n$  et de là les pôles désirés pour l'asservissement.



UPSSITECH - 2e Année Systèmes Robotiques & Interactifs

Peut Sabeller CNRS

### Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles
  - ightharpoonup Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{p^2 + 2\xi\omega_n p + \omega_n^2}$ 
    - Et s'il y a plus de deux pôles ?
      - On impose comme précédemment les deux pôles p<sub>1</sub> et p<sub>2</sub> via ξ et ω<sub>n</sub>
      - On choisit les autres pôles réels et beaucoup plus rapides que p1 et p2
        - 10 fois plus rapide au moins
        - « on ne voit ainsi » que très peu leur effet dans la réponse temporelle
      - Vocabulaire :
        - Les pôles p1 et p2 sont dits 'pôles dominants'
        - · Les autres pôles sont dits 'pôles rapides' ou 'pôles non dominants'

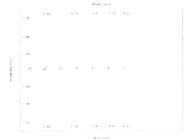
# Université Facilitées LAAS

**UPSSITECH - 2e Année Systèmes Robotiques & Interactifs** 

31

### Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles
  - Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{p^2 + 2\xi\omega_n p + \omega_n^2}$ 
    - Positionnement des pôles et réponse temporelle



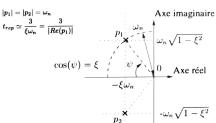
#### Courbes iso-amortissement et iso-pulsation

- Courbes iso-pulsation cercle centré sur l'origine de rayon ω<sub>n</sub> . tous les pôles sur un même cercle conduisent à la même pulsation ω<sub>n</sub>
- Courbes iso-amortissement demidroites définies par l'angle ψ

   tous les pôles sur une même demi-droite conduisent au même amortissement ξ
- → Facilitent le placement de pôles

#### Systèmes asservis à temps continu

- Du cahier des charges aux pôles
  - Réponse indicielle d'un second ordre sans zéro  $F(p) = \frac{K\omega_n^2}{p^2 + 2\xi\omega_n p + \omega_n^2}$ 
    - \* Positionnement des pôles et réponse temporelle



#### Au bilan

- Les pôles d'un 2nd ordre se situent à l'intersection d'une demi-droite définissant l'amortissement du système et d'un cercle définissant la pulsation naturelle.
- Les systèmes de même temos de réponse ont leurs pôles complexes conjugués sur une même droite verticale.