

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ - DEPTO DE
MATEMÁTICA

Disciplina MNUM7009 - Análise Numérica I - PPGMNE

Prof. Luiz Carlos Matioli

Lista de exercícios sobre o Interpolação polinomial.

1. Construa explicitamente os 4 polinômios de Lagrange associados aos pontos $x_0 = -2, x_1 = -1, x_2 = 1$ e $x_3 = 2$. Qual o grau desses polinômios? Faça um gráfico exibindo-os.
2. Dados os pontos $(5.9, 34.8)$, $(6, 36)$, $(6.1, 37.2)$ e $(6.2, 38.4)$ determine o polinômio interpolador cúbico usando
 - (i) a base canônica (aquela que monta o sistema linear utilizando a condição de interpolação e depois resolve o sistema para determinar os coeficientes do polinômio).
 - (ii) a base de Lagrange (polinômio interpolador de Lagrange).
 - (iii) a base de Newton (polinômio interpolador de Newton).Verifique que as três representações fornecem o mesmo polinômio.
3. Encontre aproximações para $f(2.5)$ usando polinômios interpoladores (fórmula de Lagrange) - de graus 2, 3 e 4 e os dados da Tabela abaixo. Compare os resultados. Repita o exercício usando a forma do polinômio interpolador de Newton.

x	$f(x)$
2	0.5103
2.2	0.5208
2.4	0.5104
2.6	0.4813
2.8	0.4359

4. (a) Dados os pontos $(0,0)$, $(1,1)$ e $(4,2)$, determine o polinômio interpolador nos seguintes casos:
 - (i) Lagrange.
 - (ii) Hermite.
 - (iii) Spline linear e cúbica.(b) Represente geometricamente, no plano, os polinômios encontrados no item anterior.

5. Um censo da população norte-americana é realizado a cada dez anos. A tabela a seguir fornece a população, em milhares de pessoas, entre 1940 e 1990.

Ano	1940	1950	1960	1970	1980	1990
população (em milhares)	132.165	151.326	179.323	203.302	226.542	249.633

- (a) Use interpolação polinomial para aproximar a população nos anos de 1930, 1965 e 2010.
- (b) A população em 1930 era de aproximadamente 123.203.000. Quanto precisas você considera suas estimativas para 1965 e 2010?
6. Considere a função de distribuição de probabilidade normal padrão definida por

$$N(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^z \exp\left(-\frac{t^2}{2}\right) dt$$

cujos valores são mostrados na tabela a seguir

z	N(z)
0.0	0.5
0.5	0.69146
1.0	0.84134
1.5	0.93319
2.0	0.97725
2.5	0.99379
3.0	0.99865

- (a) Calcular $p_n(0.3)$ utilizando polinômios interpoladores de gauss $n = 1, 2, 3, 4, 5$.
- (b) Interpolar $z = 0.3$ utilizando um polinômio cúbico.