$$\left\{ (x,y); \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \right\} \qquad \text{where } \, a > 0, b > 0$$

is the process $X_t = (X_1(t), X_2(t))$ defined by

$$X_1(t) = a\cos B_t$$
, $X_2(t) = b\sin B_t$

where B_t is 1-dimensional Brownian motion. Show that X_t is a solution of the stochastic differential equation

$$dX_t = -\frac{1}{2}X_t dt + MX_t dB_t$$

where
$$M = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{a}{b} \\ \frac{b}{a} & 0 \end{bmatrix}$$
.

$$\begin{bmatrix} dX_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -as_{11}B_{+} & dB_{+} + 1 & -acc_{11}B_{+} \end{bmatrix} dA_{+}$$

$$\begin{bmatrix} dX_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} bcoo_{11}B_{+} & dB_{+} \\ bcoo_{12}B_{+} & 2 & -bs_{11}B_{+} \end{bmatrix} dA_{+}$$

$$= -\frac{1}{2} \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \end{bmatrix} dt + \begin{bmatrix} 0 & -\alpha/b \\ b/a & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a\cos B_1 \\ b\sin B_1 \end{bmatrix} dB_1$$

$$= -\frac{1}{2} \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \end{bmatrix} dt + \begin{bmatrix} 0 & -\alpha/b \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_1 \\ b/a & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & \alpha \\ \alpha & \beta \end{bmatrix} dB$$

Thus,

$$\frac{dX_{+} = -1}{2} X_{+} dI + m X_{+} dB_{+}$$