

Dokumentacja – program obliczeniowy

Adam Wylot

Listopad 2024

Spis treści

1	Ogólny opis programu	3
1.1	Specyfikacja	3
1.2	Przeznaczenie	3
1.3	Dostępne działania	3
1.4	Ograniczenia	4
2	Działanie	5
2.1	Kompilacja	5
2.1.1	Z poziomu IDE	5
2.1.2	Z poziomu środowiska tekstowego	5
2.2	Uruchamianie	5
2.3	Pliki wejściowe	6
2.4	Pliki wyjściowe	6
3	Obsługa błędów	7
3.1	Błędy w pliku wejściowym	7
3.2	Błędy obliczeniowe	8
3.3	Kody błędów	8

4	Implementacja	9
4.1	Realizacja	9
4.2	Format operacji	9
4.2.1	Operacja arytmetyczna	9
4.2.2	Konwersja systemu liczbowego	10
4.3	Struktury w programie	10
4.3.1	długa liczba (number_t)	10
4.3.2	operacja (operation_t)	11
4.3.3	obsługa plików (file_handler_t)	12
4.4	Użyte Algorytmy	13
5	Podsumowanie	14

1 Ogólny opis programu

1.1 Specyfikacja

- System operacyjny: **Windows**
- Język programowania: **C**
- Standard języka: **C89/C90 (ANSI C)**
- Zgodny kompilator: **gcc (MinGW)**

1.2 Przeznaczenie

Program rozwiązuje zgodne działania arytmetyczne i konwersje systemów liczbowych zawarte w pliku wejściowym. Nagłówki wszystkich operacji, liczby oraz ich wyniki są zapisywane do pliku wyjściowego.

Liczby nie mają stałego ograniczenia co do swojej długości.

1.3 Dostępne działania

Lista dostępnych działań:

- **Dodawanie** (+)
- **Odejmowanie** (-)
- **Mnożenie** (*)
- **Dzielenie** (/)
- **Potęgowanie** (^)
- **Reszta z dzielenia** (%)
- **Konwersja systemu liczbowego**

1.4 Ograniczenia

Głównym ograniczeniem jest ustalony z góry format pliku wejściowego. Program stara się przeczytać nawet źle sformatowany plik wejściowy, ale nie zawsze może być to możliwe (*zapis może być dwuznaczny*).

Kolejnym ograniczeniem jest fakt, że program operuje wyłącznie na **nieujemnych liczbach całkowitych** (*dotyczy się to również wyników operacji np. przy odejmowaniu, więc $\text{odjemna} > \text{odjemnik}$*). Liczby z pliku muszą mieścić się w pamięci operacyjnej komputera.

Posiada ograniczony zbiór operacji. Nie można również kontrolować kolejności wykonywania działań (*np. poprzez użycie nawiasów*), czy mieszać ich ze sobą. W jednej operacji program przetwarza operację jednego typu, gdzie kolejność wykonywanych w niej działań idzie od góry do dołu.

Ostatnim ograniczeniem jest zakres obsługiwanych systemów liczbowych. Program obsługuje te o podstawach w zakresie [2, 16].

2 Działanie

2.1 Kompilacja

2.1.1 Z poziomu IDE

W celu kompilacji programu należy skorzystać z kompatybilnego środowiska programistycznego (*IDE*), otworzyć w nim projekt i nacisnąć przycisk odpowiedzialny za kompilację.

2.1.2 Z poziomu środowiska tekstowego

Żeby uprościć proces do programu został dołączony plik **makefile**.

W celu kompilacji programu należy otworzyć środowisko tekstowe z zainstalowanym i aktywnym **MinGW**.

Następnie przejść do katalogu programu z plikiem **makefile** i wpisać polecenie **make**.

2.2 Uruchamianie

Po kompilacji w katalogu **bin** zostanie utworzony plik **filecalc.exe**. Jest to plik wykonywalny programu.

Przez wymóg podania argumentów programu należy uruchamiać go z poziomu środowiska tekstowego poleceniem:

filecalc.exe [-h] <wejście> [wyjście]

Opis opcji:

- | | |
|---------------------------------|----------------------------------|
| • -h (<i>opcjonalny</i>) | wyświetla instrukcje użytkownika |
| • wejście | ścieżka do pliku wejściowego |
| • wyjście (<i>opcjonalny</i>) | ścieżka do pliku wyjściowego |

Ścieżki do plików mogą być zarówno względne o lokalizację pliku wykonywalnego i absolutne.

2.3 Pliki wejściowe

Program jako wejście przyjmuje plik tekstowy. Plik składa się z wielu operacji szerzej opisanych w sekcji 4.2 *Format operacji*. Operacje są oddzielone od siebie **trzema** (lub większą ilością) wierszami przerwy.

Ścieżka do pliku wejściowego musi być podana jako parametr wywołania programu.



```
% 10
00120
0001

8 16
0012314
```

Zdjęcie 1: Przykładowy plik wejściowy


2.4 Pliki wyjściowe

Plik wyjściowy wygląda identycznie jak plik wejściowy. Jedyną różnicą są wpisane wyniki obliczonych operacji w środkowy (czyli drugi) wiersz przerwy oddzielającej.

Jeżeli obliczenie wyniku było niemożliwe pole zostaje puste.

Jeżeli nie podano ścieżki do pliku wyjściowego to plik zostanie utworzony w tym samym miejscu co plik wejściowy. Będzie miał tę samą nazwę z przedrostkiem "out_".

Jeżeli podano nazwę pliku wejściowego i nie ma ona rozszerzenia *.txt to zostanie ono automatycznie dodane.



```
% 10
00120
0001
0

8 16
0012314
14CC
```

Zdjęcie 2: Przykładowy plik wyjściowy

3 Obsługa błędów

Obsługa błędów nie była w pełni sprecyzowana w wymaganiach dotyczących projektu, więc używa pewnych interpretacji i założeń. Jedynym wymaganiem było wykonanie jak największej ilości operacji.

Wyszedłem z założenia, że jeżeli nie uda się wczytać choć jednej liczby to wynik operacji nie jest liczony – cała operacja jest pomijana. Gdyby tylko liczba była pomijana, a wynik liczony z reszty liczb to i tak byłby inny niż oczekiwany. Co więcej mógłby spowodować zamieszanie z interpretacją pliku wynikowego czy na pewno był błąd podczas liczenia, czy jednak nie. Narzędzie służące do liczenia (*np. kalkulator*) nie może podawać błędnych lub częściowych wyników – musi być dokładne.

W związku z tym cała operacja musi być poprawna, żeby jej wynik został obliczony i wypisany do pliku wyjściowego.

Wszystkie informacje o błędach wraz z numerem wiersza pliku wejściowego, w którym został napotkany błąd, są wypisywane do **stderr** (*standardowym wyjściu dla błędów*).

3.1 Błędy w pliku wejściowym

Jako, że plik wejściowy jest podawany przez użytkownika może zawierać błędy (*np. cyfra 8 w liczbie zapisanej w systemie liczbowym o podstawie 5*). Program próbuje przeczytać plik dalej. Gdy znajdzie błąd to nie kończy swojego działania tylko szuka kolejnej operacji.

Program musi też poprawnie określić typ operacji oraz podstawę systemu liczbowego, który w nim obowiązuje. Gdy w wierszu nagłówkowym operacji znajdzie się błąd to nie będzie w stanie jej przetworzyć. Nie będzie wiedział co zrobić z liczbami.

Liczby muszą być oddzielone od siebie **jednym** (*maksymalnie dwoma*) wierszem przerwy, żeby nie zostały zinterpretowane jako operacje.

Analogicznie nowa operacja musi być poprzedzona **trzema** (*lub większą ilością*) wierszami przerwy. Oczywiście te założenia nie dotyczą pierwszej operacji występującej w pliku wejściowym – ta może znajdować się w pierwszym wierszu pliku.

Przykładowe błędy:

- w pliku wystąpił nieokreślony znak np. \$
- cyfra, która nie należy do systemu liczbowego np. 56345A34₍₁₀₎
- system liczbowy nie jest obsługiwany np.: * 22

3.2 Błędy obliczeniowe

Podczas wykonywania działań mogą pojawiać się także niedozwolone operacje tj.:

$$0^0 \qquad \frac{x}{0} \qquad x - y < 0$$

Pierwsze dwie z nich są **symbolami nieoznaczonymi** w matematyce, więc żadne narzędzie liczące nie jest w stanie dokładnie określić ich wyniku. Tak też jest w tym przypadku.

Ostatnia operacja jest niezgodna z ograniczeniami programu (sekcja 1.4 *Ograniczenia*), więc w pewnym sensie jest dla niego "symbolem nieoznaczonym". Ten obsługuje jedynie nieujemne liczby całkowite. Do tego zaliczają się również wyniki.

W takiej sytuacji również zostanie wypisany błąd i operacja będzie pominięta.

3.3 Kody błędów

Niestety niektórych błędów nie da się obsłużyć, np. *system operacyjny miał problem z zarezerwowaniem potrzebnej pamięci operacyjnej*. Taki błąd jest **błędem krytycznym**. Uniemożliwia prawidłowe, dalsze działanie programu. W takim wypadku skrypt musi się zakończyć.

Oto lista kodów wyjściowych i ich opis, które może zwrócić program po zakończeniu:

Kod	Opis
0	Sukces – program nie napotkał błędów krytycznych
1	Nieokreślony błąd
100	Błąd alokowania pamięci
110	Program nie otrzymał wymaganych argumentów
120	Podany plik wejściowy był pusty

4 Implementacja

4.1 Realizacja

Każde opiane działanie nazywam operacją. Plik zawiera się więc z n operacji. W każdej operacji są liczby. Dokładniejszy opis operacji znajduje się w sekcji 4.2 *Format operacji*.

Każda liczba jest zapisywana cyfra po cyfrze w pamięci zaczynając od tej najmniej znaczącej. Jest zapisywana w tablicy, gdzie każdy element ma **jeden bajt** (*dynamiczna tablica typu char*). Na jednym bajcie zapisane są po dwie cyfry, ponieważ program obsługuje systemy liczbowe z zakresu $[2, 16]$. Z tego wynika, że do zapisu największej możliwej cyfry, czyli $F_{(16)} = 15_{(10)}$ potrzebne są *4 bity*. Program czyta liczby z pliku wejściowego znak po znaku alokując pamięć dynamicznie. Gdy zabraknie na nie miejsca powiększa zarezerwowaną przestrzeń **dwukrotnie**.

Gdy napotka jakiś nieznany znak lub cyfrę nienależącą do danego systemu liczbowego to odpowiednio reaguje i obsługuje ten błąd (dokładniejszy opis w sekcji 3.1 *Błędy w pliku wejściowym*).

Program czyta liczby i wykonuje działania dopóki nie trafi na kolejną operację.

4.2 Format operacji

Każda operacja rozpoczyna się od wiersza, który ją opisuje. Jest on różny w zależności czy dana operacja odpowiada za działanie arytmetyczne, czy konwersję systemu liczbowego, co będzie opisane w podsekcjach.

Następnie pod nagłówkiem operacji znajdują się kolejno zapisane liczby.

W jednym wierszu może znajdować się maksymalnie jedna liczba oraz każda liczba musi być oddzielona **jednym** (*co najwyżej dwoma*) pustym wierszem.

4.2.1 Operacja arytmetyczna

Każda operacja arytmetyczna jest opisana przez znak opisujący jakie działanie ma być wykonywane oraz podstawa systemu liczbowego z zakresu **[2, 16]** jaki obowiązuje w danej operacji. Są oddzielone od siebie pojedynczą **spacją**. Dostępne działania oraz symbole używane do ich opisanie są zawarte w sekcji 1.3 *Dostępne działania*.

Przykładowy wiersz nagłówkowy operacji:

* 16

Oznacza on, że jest to operacja **mnożenia w systemie heksadecymalnym**.

4.2.2 Konwersja systemu liczbowego

Każda operacja konwersji systemu liczbowego jest opisana przez dwie liczby z zakresu **[2, 16]** określające podstawy systemów liczbowych. Pierwszy z nich określa to w jakim systemie są zapisane liczby należące do danej operacji. Drugi określa na jaki system ma się odbyć konwersja liczb.

Przykładowy wiersz nagłówkowy operacji:

5	16
---	----

Oznacza on, że jest to operacja konwersji liczb zapisanych w systemie liczbowym o **podstawie 5** do liczb zapisanych w postaci **heksadecymalnej**.

4.3 Struktury w programie

4.3.1 długa liczba (number_t)

Jest to najbardziej podstawowa struktura w programie. Są w niej zawarte wszystkie potrzebne informacje o **długiej liczbie**.

```
typedef struct {
    unsigned char* repr;
    size_t repr_size;
    size_t length;
    short base;
} * number_t;
```

Zdjęcie 3: Struktura number_t

Opis pól:

- repr – tablica, która przetrzymuje cyfry liczby
- repr_size – rozmiar zaalokowanej pamięci na tablicę repr
- length – długość liczby w ilości cyfr
- base – podstawa systemu liczbowego, w którym zapisana jest liczba

4.3.2 operacja (operation_t)

Zawiera potrzebne informacje o aktualnie przetwarzanej operacji.

```
typedef struct {  
    number_t (*func)(number_t, number_t);  
    oper_type_t type;  
    short base;  
    short conv_base;  
} * operation_t;
```

Zdjęcie 4: Struktura operation_t

Opis pól:

- (*func)() – wskaźnik do funkcji, która ma przetwarzać działanie obowiązujące w danej operacji
- type – typ operacji
- base – podstawa systemu liczbowego, w którym zapisane są liczby w operacji
- conv_base – jeżeli jest to operacja arytmetyczna to jego wartość wynosi zero; natomiast jeżeli jest to konwersja to zawiera podstawę docelowego systemu liczbowego

4.3.3 obsługa plików (file_handler_t)

Zawiera strumienie do pliku wejściowego i pliku wyjściowego. Obsługuje wszystkie operacje odczytu i zapisu. Zapewnia integralność przepływu danych przez program.

```
typedef struct {  
    FILE* in;  
    FILE* out;  
    int line_counter;  
} * file_handler_t;
```

Zdjęcie 5: Struktura file_handler_t

Opis pól:

- in – strumień pliku wejściowego
- out – strumień pliku wyjściowego
- line_counter – licznik linii w pliku wejściowym

4.4 Użyte Algorytmy

Program nie używa żadnych skomplikowanych algorytmów. Wszystkie operacje arytmetyczne na liczbach oprócz potęgowania są napisane bez wzorca. **Dodawanie, odejmowanie, mnożenie i dzielenie** operują się na *"liczeniu pisemnym pod kreską"* jakie wykonywało się w szkole.

Rozwążyłem również użycia algorytmu Karacuby do wykonywania operacji mnożenia, ale jest on niewydajny dla małych liczb oraz jest to algorytm rekurencyjny. W tym programie założyłem, że większą wartością jest oszczędność pamięci operacyjnej niż szybkość działania.

Do potęgowania użyłem iteracyjnej wersji **algorytmu szybkiego potęgowania**, który korzysta z postaci binarnej wykładnika. Czyta wykładnik cyfra po cyfrze zaczynając od najmniej znaczącej. Wynik operacji początkowo jest ustawiany na wartość 1.

Następnie czyta wszystkie cyfry wykładnika, zaczynając od najmniej znaczącej. Przy każdej iteracji **mnoży wynik przez samego siebie**, a następnie sprawdza cyfrę wykładnika w postaci binarnej:

- jeśli 1 – pomnóż wynik przez podstawę

Po przejściu przez wszystkie cyfry otrzymamy wynik potęgowania.

Do liczenia reszty z dzielenia *modulo* użyłem klasycznego liczenia.

Liczbę dzielę całkowicie przez dzielnik, a następnie wynik tej operacji przez dzielnik mnożę. W ten sposób otrzymam najbliższą, mniejszą niż dzielna wielokrotność dzielnika.

Żeby otrzymać resztę z dzielenia należy odjąć od dzielnej otrzymany wynik.

Do konwersji systemu liczbowego używam: *konwersji z dowolnego systemu na dziesiętny oraz z dziesiętnego na dowolny*. System dziesiętny jest więc systemem przejściowym każdej operacji.

Do tych operacji używam najbardziej popularnych algorytmów tj. mnożenie cyfr przez potęgę podstawy systemu oraz zapisywanie reszty z dzielenia w odwrotnej kolejności. Są to bardzo znane i powszechnie używane algorytmy, więc pominię opis ich działania.

5 Podsumowanie

Zadanie nie sprawiło mi większych problemów. Oczywiście w między czasie pojawiły się jakieś bardzo drobne błędy, których szukałem niekrótco (*np. napisanie znaku $+$ zamiast $-$ przy liczbie*), ale towarzyszą one przy każdym trochę większym programie.

Najbardziej skomplikowanym procesem było napisanie algorytmu dzielenia, ponieważ ten jest tym najbardziej skomplikowanym jeżeli chodzi o *liczenie pisemne "pod kreską"*. Na szczęście nie było to najcięższe zadanie z jakim miałem do czynienia.