

Complete the truth tables.

1.

$P$	$Q$	$Q \wedge Q$	$\neg Q$	$P \wedge (Q \wedge Q)$	$[P \wedge (Q \wedge Q)] \vee \neg Q$	$\neg\{[P \wedge (Q \wedge Q)] \vee \neg Q\}$	$\neg\neg\{[P \wedge (Q \wedge Q)] \vee \neg Q\}$
$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$

2.

$P$	$Q$	$R$	$P \wedge Q$	$R \wedge P$	$(R \wedge P) \wedge Q$	$[(R \wedge P) \wedge Q] \wedge (P \wedge Q)$	$\neg\{[(R \wedge P) \wedge Q] \wedge (P \wedge Q)\}$	$\neg\neg\{[(R \wedge P) \wedge Q] \wedge (P \wedge Q)\}$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$

3.

$Q$	$R$	$Q \vee R$	$\neg Q$	$\neg(Q \vee R)$	$\neg\neg Q$	$\neg\neg(Q \vee R)$	$\neg\neg(Q \vee R) \vee \neg\neg Q$
$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$

4.

$P$	$Q$	$R$	$Q \vee P$	$R \vee Q$	$Q \wedge (Q \vee P)$	$\neg(R \vee Q)$	$[Q \wedge (Q \vee P)] \wedge Q$	$\{[Q \wedge (Q \vee P)] \wedge Q\} \vee \neg(R \vee Q)$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$
$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$
$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$

5.

$P$	$Q$	$R$	$P \wedge R$	$Q \wedge P$	$R \wedge P$	$(Q \wedge P) \wedge (P \wedge R)$	$\neg(R \wedge P)$	$\neg(R \wedge P) \vee [(Q \wedge P) \wedge (P \wedge R)]$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$
$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$
$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$

6.



$P$	$Q$	$R$	$P \vee P$	$\neg P$	$\neg R$	$(P \vee P) \vee Q$	$\neg P \wedge \neg R$	$(\neg P \wedge \neg R) \wedge [(P \vee P) \vee Q]$
$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$
$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$
$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$
$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$
$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$

12.

$P$	$R$	$R \vee R$	$P \wedge P$	$(R \vee R) \vee R$	$(P \wedge P) \wedge R$	$\neg[(R \vee R) \vee R]$	$\neg[(R \vee R) \vee R] \wedge [(P \wedge P) \wedge R]$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$

13.

$P$	$Q$	$R$	$P \wedge P$	$R \wedge Q$	$(R \wedge Q) \vee (P \wedge P)$	$\neg(R \wedge Q)$	$\neg(R \wedge Q) \vee [(R \wedge Q) \vee (P \wedge P)]$
$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\top$	$\text{F}$	$\top$
$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\text{F}$	$\top$
$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\top$
$\text{F}$	$\text{F}$	$\top$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\top$	$\top$
$\top$	$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\top$
$\text{F}$	$\top$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\top$	$\top$
$\top$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\top$	$\text{F}$	$\top$	$\top$	$\top$
$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\text{F}$	$\top$	$\top$

14.

$P$	$R$	$R \wedge P$	$\neg P$	$\neg(R \wedge P)$	$\neg\neg P$	$\neg\neg(R \wedge P)$	$\neg\neg(R \wedge P) \wedge \neg\neg P$
$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$

15.

$P$	$Q$	$R$	$R \wedge P$	$\neg R$	$\neg R \wedge (R \wedge P)$	$Q \wedge [\neg R \wedge (R \wedge P)]$	$\neg\{Q \wedge [\neg R \wedge (R \wedge P)]\}$	$\neg\neg\{Q \wedge [\neg R \wedge (R \wedge P)]\}$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$F$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$F$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$F$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$F$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$T$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$T$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$T$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$
$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$T$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{F}$	$\textcircled{T}$	$\textcircled{F}$

16.

$P$	$R$	$P \vee P$	$\neg R$	$P \wedge \neg R$	$\neg(P \vee P)$	$(P \wedge \neg R) \vee \neg(P \vee P)$	$\neg[(P \wedge \neg R) \vee \neg(P \vee P)]$
$T$	$T$	$T$	$F$	$(\textcircled{F})$	$F$	$F$	$T$
$F$	$T$	$F$	$F$	$(\textcircled{F})$	$T$	$T$	$F$
$T$	$F$	$T$	$T$	$(\textcircled{T})$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$F$	$T$	$(\textcircled{F})$	$T$	$T$	$F$

17.

$P$	$R$	$P \vee R$	$R \vee R$	$R \wedge P$	$(R \wedge P) \vee (P \vee R)$	$\neg[(R \wedge P) \vee (P \vee R)]$	$\neg[(R \wedge P) \vee (P \vee R)] \vee (R \vee R)$
T	T	T	T	T	T	F	T
F	T	T	T	F	T	F	T
T	F	T	F	F	T	F	F
F	F	F	F	F	F	T	T

18.

$P$	$Q$	$R$	$P \vee R$	$\neg Q$	$(P \vee R) \vee R$	$P \wedge \neg Q$	$\neg[(P \vee R) \vee R]$	$\neg[(P \vee R) \vee R] \vee (P \wedge \neg Q)$
T	T	T	T	F	T	F	F	F
F	T	T	T	F	T	F	F	F
T	F	T	T	T	T	T	F	T
F	F	T	T	T	T	F	F	F
T	T	F	T	F	T	F	F	F
F	T	F	F	F	F	F	T	T
T	F	F	T	T	T	T	F	T
F	F	F	F	T	F	F	T	T

19.

$Q$	$R$	$\neg R$	$\neg R \wedge Q$	$\neg\neg R$	$\neg\neg\neg R$	$\neg\neg\neg R \wedge (\neg R \wedge Q)$
T	T	F	F	T	F	F
F	T	F	F	T	F	F
T	F	T	T	F	T	T
F	F	T	F	F	T	F

20.

$Q$	$R$	$Q \vee R$	$Q \wedge R$	$R \wedge R$	$(Q \vee R) \vee (Q \wedge R)$	$(R \wedge R) \vee Q$	$[(Q \vee R) \vee (Q \wedge R)] \wedge [(R \wedge R) \vee Q]$
T	T	T	T	T	T	T	T
F	T	T	F	T	T	T	T
T	F	T	F	F	T	T	T
F	F	F	F	F	F	F	F

21.

$P$	$Q$	$R$	$R \wedge P$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \vee (R \wedge P)$	$Q \wedge [\neg P \vee (R \wedge P)]$	$\neg Q \vee \{Q \wedge [\neg P \vee (R \wedge P)]\}$
T	T	T	T	F	F	T	T	T
F	T	T	F	T	F	T	T	T
T	F	T	T	F	T	T	F	T
F	F	T	F	T	T	T	F	T
T	T	F	F	F	F	F	F	F
F	T	F	F	T	F	T	T	T
T	F	F	F	F	T	F	F	T
F	F	F	F	T	T	T	F	T

22.

$P$	$R$	$P \vee P$	$P \wedge P$	$\neg P$	$(P \vee P) \wedge R$	$(P \wedge P) \wedge \neg P$	$[(P \wedge P) \wedge \neg P] \vee [(P \vee P) \wedge R]$
T	T	T	T	F	T	F	T
F	T	F	F	T	F	F	F
T	F	T	T	F	F	F	F
F	F	F	F	T	F	F	F

23.



29.

$Q$	$R$	$R \vee Q$	$\neg Q$	$\neg(R \vee Q)$	$\neg Q \wedge \neg(R \vee Q)$	$\neg[\neg Q \wedge \neg(R \vee Q)]$	$\neg\neg[\neg Q \wedge \neg(R \vee Q)]$
$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$
$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$

30.

$P$	$R$	$\neg P$	$\neg R$	$\neg P \vee R$	$\neg\neg R$	$\neg(\neg P \vee R)$	$\neg(\neg P \vee R) \wedge \neg\neg R$
$T$	$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$
$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$

31.

$Q$	$R$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg Q \vee \neg R$	$\neg\neg R$	$\neg\neg R \wedge (\neg Q \vee \neg R)$
$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$
$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$

32.

$Q$	$R$	$R \vee Q$	$Q \wedge R$	$R \wedge Q$	$(Q \wedge R) \vee (R \wedge Q)$	$Q \vee (R \vee Q)$	$[(Q \wedge R) \vee (R \wedge Q)] \vee [Q \vee (R \vee Q)]$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$

33.

$P$	$Q$	$R$	$R \vee Q$	$P \wedge P$	$\neg Q$	$(P \wedge P) \vee \neg Q$	$R \wedge (R \vee Q)$	$[(P \wedge P) \vee \neg Q] \vee [R \wedge (R \vee Q)]$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$
$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$T$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$

34.

$P$	$Q$	$R$	$P \vee Q$	$P \vee R$	$\neg R$	$(P \vee R) \wedge (P \vee Q)$	$[(P \vee R) \wedge (P \vee Q)] \wedge \neg R$	$\neg\{[(P \vee R) \wedge (P \vee Q)] \wedge \neg R\}$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$
$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$
$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$

35.

$P$	$Q$	$R$	$P \wedge P$	$R \wedge P$	$R \wedge Q$	$(R \wedge P) \vee P$	$(P \wedge P) \wedge (R \wedge Q)$	$[(P \wedge P) \wedge (R \wedge Q)] \vee [(R \wedge P) \vee P]$
T	T	T	T	T	T	T	T	T
F	T	T	F	F	T	F	F	F
T	F	T	T	T	F	T	F	T
F	F	T	F	F	F	F	F	F
T	T	F	T	F	F	T	F	T
F	T	F	F	F	F	F	F	F
T	F	F	T	F	F	T	F	T
F	F	F	F	F	F	F	F	F

36.

$Q$	$R$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg Q \wedge \neg R$	$(\neg Q \wedge \neg R) \wedge \neg Q$	$\neg[(\neg Q \wedge \neg R) \wedge \neg Q]$
T	T	F	F	F	F	T
F	T	T	F	F	F	T
T	F	F	T	F	F	T
F	F	T	T	T	T	F

37.

$P$	$Q$	$P \wedge P$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \wedge (P \wedge P)$	$\neg \neg Q$	$[\neg P \wedge (P \wedge P)] \vee \neg \neg Q$
T	T	T	F	F	F	T	T
F	T	F	T	F	F	T	T
T	F	T	F	T	F	F	F
F	F	F	T	T	F	F	F

38.

$Q$	$R$	$R \vee Q$	$Q \wedge R$	$\neg R$	$\neg R \vee (R \vee Q)$	$\neg(Q \wedge R)$	$[\neg R \vee (R \vee Q)] \vee \neg(Q \wedge R)$
T	T	T	T	F	T	F	T
F	T	T	F	F	T	T	T
T	F	T	F	T	T	T	T
F	F	F	F	T	T	T	T

39.

$P$	$Q$	$R$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \wedge R$	$\neg Q \wedge P$	$(\neg Q \wedge P) \wedge (\neg P \wedge R)$	$\neg[(\neg Q \wedge P) \wedge (\neg P \wedge R)]$
T	T	T	F	F	F	F	F	T
F	T	T	T	F	T	F	F	T
T	F	T	F	T	F	T	F	T
F	F	T	T	T	T	F	F	T
T	T	F	F	F	F	F	F	T
F	T	F	T	F	F	F	F	T
T	F	F	F	T	F	T	F	T
F	F	F	T	T	F	F	F	T

40.

$P$	$Q$	$R$	$Q \wedge Q$	$\neg R$	$\neg R \vee R$	$(Q \wedge Q) \wedge P$	$(\neg R \vee R) \wedge R$	$[(Q \wedge Q) \wedge P] \wedge [(\neg R \vee R) \wedge R]$
T	T	T	T	F	T	T	T	T
F	T	T	T	F	T	F	T	F
T	F	T	F	F	T	F	T	F
F	F	T	F	F	T	F	T	F
T	T	F	T	T	T	T	F	F
F	T	F	T	T	T	F	F	F
T	F	F	F	T	T	F	F	F
F	F	F	F	T	T	F	F	F

41.

$P$	$Q$	$R$	$Q \vee R$	$R \vee R$	$\neg P$	$\neg P \vee (Q \vee R)$	$P \vee (R \vee R)$	$[\neg P \vee (Q \vee R)] \wedge [P \vee (R \vee R)]$
T	T	T	T	T	F	T	T	T
F	T	T	T	T	T	T	T	T
T	F	T	T	T	F	T	T	T
F	F	T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	F	F	T	T	T
F	T	F	T	F	T	T	F	F
T	F	F	F	F	F	F	T	F
F	F	F	F	F	T	T	F	F

42.

$P$	$Q$	$P \wedge P$	$\neg Q$	$\neg\neg Q$	$Q \wedge \neg\neg Q$	$(Q \wedge \neg\neg Q) \vee (P \wedge P)$	$\neg[(Q \wedge \neg\neg Q) \vee (P \wedge P)]$
T	T	T	F	T	T	T	F
F	T	F	F	T	T	T	F
T	F	T	T	F	F	T	F
F	F	F	T	F	F	F	T

43.

$Q$	$R$	$R \vee R$	$R \wedge Q$	$(R \vee R) \vee R$	$[(R \vee R) \vee R] \wedge (R \wedge Q)$	$\{[(R \vee R) \vee R] \wedge (R \wedge Q)\} \vee R$	$\neg(\{[(R \vee R) \vee R] \wedge (R \wedge Q)\} \vee R)$
T	T	T	T	T	T	T	F
F	T	T	F	T	F	T	F
T	F	F	F	F	F	F	T
F	F	F	F	F	F	F	T

44.

$P$	$Q$	$R$	$P \vee R$	$\neg Q$	$\neg R$	$(P \vee R) \wedge \neg R$	$\neg\neg Q$	$\neg\neg Q \wedge [(P \vee R) \wedge \neg R]$
T	T	T	T	F	F	F	T	F
F	T	T	T	F	F	F	T	F
T	F	T	T	T	F	F	F	F
F	F	T	T	T	F	F	F	F
T	T	F	T	F	T	T	T	T
F	T	F	F	F	T	F	T	F
T	F	F	T	T	T	T	F	F
F	F	F	F	T	T	F	F	F

45.

$P$	$Q$	$R$	$Q \vee P$	$Q \vee Q$	$\neg R$	$P \wedge (Q \vee Q)$	$\neg R \vee [P \wedge (Q \vee Q)]$	$(Q \vee P) \vee \{\neg R \vee [P \wedge (Q \vee Q)]\}$
T	T	T	T	T	F	T	T	T
F	T	T	T	T	F	F	F	T
T	F	T	T	F	F	F	F	T
F	F	T	F	F	F	F	F	F
T	T	F	T	T	T	T	T	T
F	T	F	T	T	T	F	T	T
T	F	F	T	F	T	F	T	T
F	F	F	F	F	T	F	T	T

46.



$P$	$Q$	$R$	$P \vee Q$	$R \wedge R$	$(P \vee Q) \vee R$	$(R \wedge R) \vee [(P \vee Q) \vee R]$	$\neg\{(R \wedge R) \vee [(P \vee Q) \vee R]\}$	$\neg\neg\{(R \wedge R) \vee [(P \vee Q) \vee R]\}$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$T$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$F$

47.

$P$	$Q$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \wedge \neg Q$
$T$	$T$	$F$	$F$	$F$
$F$	$T$	$T$	$F$	$F$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$
$F$	$F$	$T$	$T$	$T$

48.

$R$	$\neg R$	$\neg\neg R$	$\neg\neg\neg R$	$\neg\neg\neg\neg R$
$T$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$F$

49.

$P$	$Q$	$R$	$P \vee Q$	$Q \vee Q$	$R \vee Q$	$(Q \vee Q) \vee (P \vee Q)$	$(R \vee Q) \vee Q$	$[(Q \vee Q) \vee (P \vee Q)] \vee [(R \vee Q) \vee Q]$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$	$T$
$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$F$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$F$	$T$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$

50.

$P$	$Q$	$R$	$P \vee R$	$P \wedge P$	$P \wedge Q$	$(P \wedge Q) \vee (P \wedge P)$	$\neg(P \vee R)$	$[(P \wedge Q) \vee (P \wedge P)] \vee \neg(P \vee R)$
$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$
$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$
$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$
$T$	$T$	$F$	$T$	$T$	$T$	$T$	$F$	$T$
$F$	$T$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$	$T$	$T$	$F$	$F$	$F$	$T$
$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$F$	$T$	$T$