## Complete the truth tables.

1.

P	Q	R	$P \lor Q$	$P \supset R$	$\neg R$	$(P \supset R) \supset \neg R$	$\neg [(P \supset R) \supset \neg R]$	$(P \lor Q) \land \neg [(P \supset R) \supset \neg R]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	F	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	F	T $T$ $T$	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	F	T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ \bar{F} $	T	$\overline{F}$	F	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	T		F F	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	T	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$ \bar{F} $	T	T	T	F	$\overline{F}$
			. – – – –	. – – – -		. – – – – – – –		

2.

P	R	$\mid R \lor P$	$\neg P$		$(R \vee$	P)	۸ -	$\neg P$	[(	R	$\vee P$	) ^	\ ¬ <i>I</i>	P]	$\supset P$		-	$\{[(I$	R v	P	) ^	$\neg I$	?] :	P	}	-	,¬{	[(I	$R \vee$	/ P	P) /	۸ ¬	P	<b>D</b>	<i>P</i> }	
T	T	T	F			F						T	·								$F_{\underline{}}$										T					
				I								_		_							_		_				_		_					_		
		L	_ L						_							_ .					_		_		_	L _	_									
		L	_ L						l _					_		_ .					_		_		_	l _	_									

3.

Q	R	$Q \wedge R$	$\neg R$	$(Q \wedge R) \wedge R$	$R \wedge \neg R$	$[(Q \land R) \land R] \supset (R \land \neg R)$	$\neg \{ [(Q \land R) \land R] \supset (R \land \neg R) \}$
$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	

4.

	P	Q	R	$Q \supset Q$	$R \supset P$	$Q \wedge R$	$(Q \wedge R) \vee (R \supset P)$	$ \neg[(Q \land R) \lor (R \supset P)] $	$   (Q \supset Q) \supset \neg [(Q \land R) \lor (R \supset P)] $
	T	T	T	T	T	T	T	F	F
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	$\overline{F}$	$T^{-}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{T} ^{-1}$	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{T} ^{-1}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	 F	T	
-									
-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  \bar{T}  $	T	$\overline{F}$		F	F
-	$\overline{T}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  \bar{T}  $	T	$\overline{F}$		F	F
	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & \overline{T} & - & \overline{T} \\ - & T & - & \overline{T} \end{bmatrix}$				$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$egin{bmatrix}F & F &F & & F & &$

5.

P	Q	$P \supset Q$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg \neg P$	$(P \supset Q) \supset \neg \neg P$	$[(P \supset Q) \supset \neg \neg P] \land \neg Q$
			  -				
		L	L	L	l		Ⅱ

P	Q	$P \vee Q$	$Q \supset P$	$P \wedge P$	$(Q \supset P) \lor (P \lor Q)$	$Q \lor (P \land P)$	$ [(Q \supset P) \lor (P \lor Q)] \supset [Q \lor (P \land P)] $
	T	T	T	T	T	T	T
	T	T	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	T = T = T	T
	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$\overline{T} = \overline{T} = \overline{T} = \overline{T} = \overline{T}$	T
	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	

P	Q	R	$P \vee P$	$R \vee P$	$(R \vee P) \vee Q$	$Q \wedge (P \vee P)$	$  [Q \land (P \lor P)] \lor [(R \lor P) \lor Q]  $	$\neg \{ [Q \land (P \lor P)] \lor [(R \lor Q) \lor (P \lor Q) \lor (P \lor Q)] \lor [(R \lor Q) \lor Q)] \lor [(R \lor Q) \lor (P \lor Q) \lor (P \lor Q)] \lor [(R \lor Q) \lor (P \lor Q)] \lor [(R \lor Q) \lor (P \lor Q)]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	T	T	F
$T_{-}$	$_{-}T_{-}$	$F_{-}$	T	$T_{-}$	T	T	$oxed{T}$	$oxed{ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
T	F	F	$\bar{T}$	T	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$

P	Q	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg Q \lor P$	$\neg P \supset \neg P$	$(\neg P \supset \neg P) \lor (\neg Q \lor P)$
	T	F			T	T
	$\bar{T}$	$T^{-}$			$ar{T}$	T
	$\bar{F}$	$\overline{F}$			$\lceil \hspace{0.1cm} - \hspace{0.1cm} - \hspace{0.1cm} ar{T} \hspace{0.1cm} - \hspace{0.1cm}  ceil$	T
	_F	$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$			$\left[ egin{array}{cccc} - & - & ar{T} & - & - \end{array}  ight]$	

14.

P	Q	R	$R \vee P$	$R \supset Q$	$P \wedge R$	$ (R \vee P) \vee (P \wedge R) $	$(R \supset Q) \supset R$	$[(R \lor P) \lor (P \land R)] \lor [(R \supset Q) \supset R]$
	T	T		T		T	T	
	$\bar{T}$	$\bar{T}$		T		T	T	
	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$		F		T	$T^{-}$	
	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$		<sub>F</sub>			T = T	
	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$		T		T	$F^{-}$	
	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$		T		F	F	
	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$		$T^{-}T^{-}$		$\mid$	$ F^{-}-F^{-}-F^{-} $	
	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$		$T^{-}T^{-}$			F	

15.

P	Q	R	$Q \wedge P$	$\neg R$	$(Q \wedge P) \wedge R$	$\neg[(Q \land P) \land R]$	$\neg [(Q \land P) \land R] \supset \neg R$	$   \neg \{\neg [(Q \land P) \land R] \supset \neg R\} $
$\overline{T}$	T		T		T	F		
$\bar{F}$	$\bar{T}$		$ \bar{F} ^{-}$		$\overline{F}$	$\overline{T}$		
$T^{-}$	$\bar{F}$		$ \vec{F} $		F	$\overline{T}$		
$\overline{F}$	$\bar{F}$		$ \vec{F} $		F	$\overline{T}$		
$T^{-}$	$\bar{T}$		$ -\bar{T} $		F	$\overline{T}$		
$\overline{F}$	$\bar{T}$		$ -\bar{F} $		F	$\overline{T}$		T
T	$\overline{F}$		$ -\bar{F} $		F	$\overline{T}$		T
$\overline{F}$	$\bar{F}$		$\overline{F}$		F	T = T		T

16.

, v	$ \neg(P\supset Q) \land [(R \lor$	$\neg (P \supset Q)$	$(R \vee P) \vee (P \vee P)$	$P \supset Q$	$R \vee P$	$P \lor P$	R	Q	P
F	F	F	T	T	T	T	T	T	$\overline{T}$
<i>F</i>	F	F	T	T	T	$ \bar{F} $	$\overline{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$
				T					
F		F	T	T	T	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
<i>F</i>	F	F	T	T - T	T	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$
T	T	T	T	$F^{-}$	T	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$
<i>F</i>	F	F	F	T - T	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$
F	F F T T F	F		$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	 	 	

P	Q	R	$R \vee Q$	$R \supset P$	$P \wedge Q$	$(P \land Q) \lor (R \supset P)$	$   (R \lor Q) \lor [(P \land Q) \lor (R \supset P)]  $	$\neg \{(R \lor Q) \lor [(P \land Q) \lor \neg \{(R \lor Q) \lor \neg \{(P \land Q) \lor \neg \{(P \lor Q) \lor \neg \{(P$
T	F	T	$ TT^{-}$	T	F	T	T	F
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	$\overline{F}$		$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ar{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  \overline{T} - \overline{T}  $	T	T	$\overline{T}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ar{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  \overline{T} - \overline{T}  $	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ar{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ar{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\bar{F} & - & - \\ -\bar{F} & - & - \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} & F & \\ & & \end{bmatrix}$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		

	P	Q	$Q \vee P$	$\neg P$	$Q \lor (Q \lor P)$	$\neg \neg P$	$\neg \neg \neg P$	$[Q \lor (Q \lor P)] \supset \neg \neg \neg P$
-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	T $T$ $T$ $T$	$\overline{F}$	T - T	
-	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	T $T$ $T$ $T$	T	$\overline{F}$	$  \overline{F}  $
-								

19.

P	Q	R	$R \vee P$	$R \vee R$	$P \wedge R$	$(R \lor P) \lor Q$	$(P \wedge R) \supset (R \vee R)$	$   [(P \land R) \supset (R \lor R)] \lor [(R \lor P) \lor Q] $
$\overline{T}$		T	T	T			T	
$\bar{F}$		$\bar{T}^-$	$\overline{T}$	$T^{-}T^{-}$			T	
$T^{-}$		$\bar{T}^-$	$\overline{T}$	T			T	
$\bar{F}$		$\bar{T}^-$	$\overline{T}$	T			T	
$T^{-}$		$\bar{F}^{-}$	$\overline{T}$	F			T	
$\bar{F}$		$\bar{F}^-$	$\overline{F}$	F			T	
$T^{-}$		$\bar{F}^-$	$\overline{T}$	F			T	
$\overline{F}$		$\bar{F}^-$	$\overline{F}$	F			T	

20.

	P	Q	$Q \supset P$	$Q \wedge P$	$(Q \supset P) \supset P$	$[(Q \supset P) \supset P] \supset (Q \land P)$	$\{[(Q \supset P) \supset P] \supset (Q \land P)\} \lor P$	$\neg \Big( \{ [(Q \supset P) \supset P] \supset (Q \land P) \} \lor P \Big)$
	T	T	T	T	T		T	F
-	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F -	F	$\bar{T}$		$ar{F}$	$\bar{T}$
-	T	$\bar{F}$	T - T	$\overline{F}$	$\bar{T}$		$ar{T}$	$\bar{F}$
_	F	$\bar{F}$		F	$\bar{F}$		$ar{T}$	$\overline{F}$

21.

P	Q	R	$Q \vee R$	$Q \supset R$	$\neg Q$	$P \supset (Q \lor R)$	$\neg Q \land (Q \supset R)$	$ [\neg Q \land (Q \supset R)] \supset [P \supset (Q \lor R)] $
T	T	T	T	T	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  \overline{T}  $	T	$\overline{F}$	T $T$ $T$ $T$	F = F	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	T – – – $T$ – – – –	T	$  \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} - \overline{T}  $
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$ {\overline{T}}$	F	$\overline{F}$	T	F	$\mid$ $T$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ \vec{F} $	T	$T^{-}$	F	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ \vec{F} $	T	$T^{-}$	T	T	$\mid$
			'	. – – – .			. – – – – – – – –	'

P	Q	$P \vee P$	$P \supset Q$	$\neg Q$	$\neg Q \land (P \supset Q)$	$ [\neg Q \land (P \supset Q)] \supset P $	$\{ [\neg Q \land (P \supset Q)] \supset P \} \lor (P \lor P)$
			T		F	T	
			T - T - T		$\overline{F}$	T	
			$\overline{F}$		$\overline{F}$	T	
			$\begin{bmatrix} & T & T \end{bmatrix}$			$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	

Q	R	$Q \vee Q$	$Q \supset R$	$\neg R$	$(Q \lor Q) \lor Q$	$(Q \supset R) \supset [(Q \lor Q) \lor Q]$	$   \{(Q \supset R) \supset [(Q \lor Q) \lor Q]\} \lor \neg R $
			  -	  - <u>-</u>		 <del>_</del>	 
- T	_F	T	F F	$\begin{bmatrix} T \\ -T \end{bmatrix}$	T	T	T
			L		L	L l	L

24.

P	$P \supset P$	$\neg P$	$(P \supset P) \land \neg P$	$ [(P \supset P) \land \neg P] \lor P$	$\neg\{[(P \supset P) \land \neg P] \lor P\} \mid$	$\neg\neg\{[(P\supset P)\land\neg P]\lor P\}$
	T	F		T	F	T
	$ \bar{T}$ $\bar{T}$	$\bar{T}$			$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T

25.

P	Q	R	$P \lor Q$	$Q \vee P$	$Q \wedge R$	$ (Q \vee P) \wedge (Q \wedge R) $	$\neg (P \lor Q)$	$   \neg (P \lor Q) \lor [(Q \lor P) \land (Q \land R)]$
T	T	T	T	T	T	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$T^{-}$	T	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T
$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ ar{F} $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ ar{T} $	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ {ar{T}}$	T	F	$\bar{F}$	$F$ $\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$ ar{T} $	T	F	$\bar{F}$	F - F - F	F
			l .	1	1	I	l l	II

26.

P	Q	R	$Q \wedge R$	$\neg P$	$\neg R$	$\neg R \lor (Q \land R)$	$\neg P \wedge P$	$[\neg R \lor (Q \land R)] \lor (\neg P \land P)$
$\overline{T}$	T	T	T		F		F	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $		$\bar{F}$		<sub>F</sub>	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{F} $		$\bar{F}$		<sub>F</sub>	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ \bar{F} $		$\bar{F}$		<sub>F</sub>	$ar{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$ \bar{F} $		$\bar{T}^{-}$		<sub>F</sub>	$ig ^ ar{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$ \bar{F} $		$\bar{T}^{-}$		<sub>F</sub>	$ig ^ ar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$ \bar{F} $		$\bar{T}^{-}$		<sub>F</sub>	$ig ^ ar{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{F} & - & - \\ - & \overline{F} & - & - \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$		F	$ar{T}$

27.

P	Q	R	$R \vee P$	$\neg Q$	$(R \vee P) \wedge P$	$\neg Q \supset [(R \lor P) \land P]$	$   \{ \neg Q \supset [(R \lor P) \land P] \} \land \neg Q $
						L	
F	T	T	T	F	F	T	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	T	$ar{T}$	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	$  \overline{F}  $
				]	<u>  </u>	L	

	P	6	5	P	V (	$Q_{\underline{}}$	(	<u> </u>	P	'	70	2_	(	Q	Λ.	P)	$\supset$	٦(	9	6	<u> </u>	. (1	P	v (	<u>Q)</u>		[	Q	Λ	(P	٧	Q	)]	v [	(6	) ^	$\Gamma$	<b>'</b> ) :	⊃ -	76	<u>}]</u>	
_			_			_			_	_ -	_	_	Γ.		_	_		_	_			_	_				_	_			_	_			_	_			-	_	_	_
-				_		_			_	- -	_	_	Γ-		_	_		_	_			_	_			1	_	_			_	_			_	_			-	_	_	-
-	_			_		_			_	- -		_	Γ-		_			-	_			_	_			1	_	_			_	_			_	_				_	_	-
-			- 4				ь -		_	- '-		_			_			-	- '			_	_			- 44	_	_			-	_			_	_				_	_	-

_	P	Q	R	$R \vee Q$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg \neg Q$	$\neg\neg Q \lor (R \lor Q)$	$ \left[ \neg \neg Q \lor (R \lor Q) \right] \land \neg P $
	F	T	T	$  T^{-} T^{-}  $	T	F	T	T	T
_	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	F
_									
_	$T_{-}$	$_{-}T_{-}$	$F_{-}$	$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$	_F	_ F	$T_{-}$	T	FF
_									
_									
_	$F_{-}$	_F	_ F _	$\begin{bmatrix} F \end{bmatrix}$	$T_{-}$	_ T	$F_{-}$	$oxed{ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} & & & & & & & & & & & & & & & & & & &$

30.

P	R	$P \vee A$	P	$\neg I$	R	_	$R \vee$	/ ¬	R	-	٦(.	P	$\vee I$	?)		_	(P	<b>'</b> ∨	P	) :	⊃ (	$(\neg I$	R۱	/ -	$\neg R$	()
						_					_	_		_		_			_	_	_		_	_	_	
					_	_			_	┨_	_	_				_			_	_	_		_	_	_	
					_				_	J_	_	_			$\parallel$	_			_	_	_			_	_	
		L			_ ]	_				╛_	_	_				_			_	_	_			_	_	

31.

٠.									
	P	Q	R	$P \lor Q$	$R \vee R$	$R \wedge P$	$(P \vee Q) \vee (R \wedge P)$	$\mid \neg(R \vee R) \mid$	$\neg (R \lor R) \lor [(P \lor Q) \lor (R \land P)]$
	T	T		T		T	T	F	T
	$\overline{F}$	$\bar{T}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $		$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	
	$T^{-}$	$\bar{F}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $		T	$\overline{T}$	$\overline{F}$	
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$		$ -\bar{F} $		$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F
	$T^{-}$	$\bar{T}$		$ -\bar{T}-\bar{T} $		$\overline{F}$	T	T - T - T	
	$\overline{F}$	$\bar{T}$		$ -\bar{T}-\bar{T} $		$\overline{F}$	T	T - T - T	
	$T^{-}$	$\bar{F}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $		$\overline{F}$	T $T$ $T$ $T$ $T$	T - T - T	
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$		$ -\bar{F} $		$\overline{F}$	$\overline{F}$	- $ T$ $  -$	
				'	' — — — — -				

32.

P	Q	R	$P \wedge R$	$\neg Q$	$\neg Q \wedge R$	$(\neg Q \land R) \supset (P \land R)$	$\neg[(\neg Q \land R) \supset (P \land R)]$	$\neg\neg[(\neg Q \land R) \supset (P \land R)]$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	F = F	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $
T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	- T - T	$\bar{T}$	T - T	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$  \overline{T} - \overline{T} $
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	T - T	$\overline{F}$	T	F F
$\bar{T}$	T	$\bar{F}$	$  \overline{F}  $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	F	TT
$\bar{F}$	T	$\bar{F}$	$  \overline{F}  $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	F	TT
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  \overline{F}  $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\uparrow$ $\bar{T}$	F	$ {\overline{T}}$

P	Q	R	$Q \vee R$	$\neg P$	$\neg R$	$\neg R \lor P$	$\neg P \land (Q \lor R)$	$[\neg P \land (Q \lor R)] \land (\neg R \lor P)$
$\overline{T}$	T	T	T				F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$					$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $				$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $				$  \overline{T}  $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$ -\bar{T} $				F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $				$  \overline{T}  $	$  \overline{T}  $
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $				$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{F} & - & - \\ - & F & - & - \end{bmatrix}$				$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	F

P	Q	R	$P \lor Q$	$\neg R$	$\neg R \lor Q$	$(P \vee Q) \wedge Q$	$[(P \lor Q) \land Q] \land P$	$ \{[(P \lor Q) \land Q] \land P\} \land (\neg R \lor Q)$
$\overline{T}$	T	T	T		T		T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \bar{T} ^{-1}$		$T^{-}$		$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{T} $		<del>-</del> F		$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $		<del>-</del> F		$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $		$  \overline{T}  $		T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $		$T^{-}$		$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $		T - T		$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	_F_	$\bar{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $					$\overline{F}$

P	Q	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg Q \supset \neg P$	$\neg(\neg Q \supset \neg P)$
	T	F	F		F
	$\bar{T}$	T	$\bar{F}$		$\bar{F}$
	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$		$\bar{T}$
	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$		$ar{F}$

36.

P	Q	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg Q \supset P$	$\neg \neg P$	$\neg(\neg Q \supset P)$	$\neg \neg P \supset \neg (\neg Q \supset P)$
						<i>_</i>	
F	T	T	F	<sub>T</sub>	F	F	$\mid$ T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	T	$oxed{ \left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T

37.

P	Q	R	$R \vee P$	$R \vee Q$	$R \vee R$	$(R \vee R) \supset (R \vee Q)$	$Q \wedge (R \vee P)$	$ [Q \land (R \lor P)] \supset [(R \lor R) \supset (R \lor Q)] $
$\overline{T}$	T	T		T	T		T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$		T	$T^{-}$		$T^{-}$	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$		T	$T^{-}$		F	
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$		T	$T^{-}$		F	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$		T	$F^{-}$		$T^{-}$	
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$		T	$F^{-}$		F	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$		F	$F^{-}$		$F^{-}$	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$		F	F		$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T

38.

I	)	R		R	$\vee I$	P	1	R	$\wedge I$	D	I	₹ /	$\wedge F$	?	(	R	٧.	P)	Λ	(I	₹ /	$\setminus F$	?)	-	$\sqrt{I}$	R /	$\setminus F$	')		[(	R	/ <i>F</i>	?)	<b>^</b> (	(R	. ^	R	]	⊃	¬(	R	Λ	P	)_
			Ι			_	L.			_					_			_				_				_		_	L		_				_	_					_	_	_	
	_					_	L.			_	L.				_			_	_						_	_			L			_				_	_				_	_	_	
			Ι																																									
			Ι			_				_					_			_	_	_		_				_		_								_				_	_	_		

39.

P - R	$R \vee R$	$R \supset R$	$P \wedge R$	$(R \supset R) \lor (R \lor R)$	$[(R \supset R) \lor (R \lor R)] \supset (P \land R)$	$\big  \{ [(R \supset R) \lor (R \lor R)] \supset (P \land A) \} \big $
$\overline{T}$	T			T	T	T
$\overline{F}$	T			T	$ar{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$			T	$ar{F}$	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$			T	$ar{F}$	$\overline{F}$

P  Q	$Q \vee Q$	$Q \supset Q$	$\neg P$	$\neg P \lor (Q \supset Q)$	$[\neg P \lor (Q \supset Q)] \lor (Q \lor Q)$	$\neg \{ [\neg P \lor (Q \supset Q)] \lor (Q \lor Q) \}$
T		T		T	T	F
$\overline{F}$		T - T		T	$\overline{T}$	
$T^{-}$		T - T		T = T = T	T	F
$\overline{F}$		T - T		T	T	

Q	R	$R \wedge R$	$\neg Q$	$(R \wedge R) \wedge \neg Q$	$(R \wedge R) \wedge Q$	$[(R \land R) \land \neg Q] \lor [(R \land R) \land Q]$
		L	L	L	L l	]

42.

P	$P \lor P$	$P \supset P$	$\neg P$	$  (P \supset P) \supset \neg P  $	$\neg(P \lor P)$	$[(P \supset P) \supset \neg P] \land \neg (P \lor P)$

43.

	P	Q	R	$P \wedge R$	$Q \wedge (P \wedge R)$	$[Q \land (P \land R)] \supset P$	$   \neg \{ [Q \land (P \land R)] \supset P \} $	$\neg \neg \{[Q \land (P \land R)] \supset P\}$	$\neg\neg\neg\{[Q\land (P\land R)]\supset P\}$
	T	T	T	T				T	F
_	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{F}$					F
_	$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T = T					F
_	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$					F
_	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$					F
_	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$					F
_	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$				T - T - T	F
	F	F	F	$\bar{F}$	]				

44.

P	Q	R	$Q \lor P$	$P \wedge Q$	$R \wedge Q$	$(Q \lor P) \supset Q$	$(R \wedge Q) \wedge (P \wedge Q)$	$[(Q \lor P) \supset Q] \land [(R \land Q) \land (P \land Q)]$
	T	T				T	T	
	$\bar{T}$	$T^{-}$				T $T$ $T$ $T$	$\overline{F}$	]
	$\bar{F}$	$T^{-}$				$\overline{F}$	$\overline{F}$	
	$\bar{F}$	$T^{-}$				T	$\overline{F}$	
	$\bar{T}$	$\overline{F}$				T $T$ $T$	$\overline{F}$	
	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$				T $T$ $T$ $T$	$\overline{F}$	
	$\bar{F}$	$\overline{F}$				$\overline{F}$	$\overline{F}$	
	$\bar{F}$	$\bar{F}$				T - T - T	$F^{-}$	
			'					<b>'</b>

45.

P	Q	R	$P \lor Q$	$Q \vee R$	$Q \wedge R$	$(Q \vee R) \vee (Q \wedge R)$	$\neg (P \lor Q)$	$[(Q \lor R) \lor (Q \land R)] \lor \neg (P \lor Q)$
	T	T			T	T	F	T
	$\bar{T}$	$T^{-}$			$T^{-}$	$\overline{T}$	F - F - F	T
	$\bar{F}$	$T^{-}$			F	T $T$ $T$ $T$	F - F - F	
	$\bar{F}$	$T^{-}$			F	T T	T - T - T	
	$\bar{T}$	$\overline{F}$			F	T T	F - F - F	
	$\bar{T}$	$\overline{F}$			F	T T	F - F - F	
	$\bar{F}$	$\overline{F}$			$\overline{F}$	$\overline{F}$	F - F - F	F
	$\bar{F}$	$\overline{F}$					T = T	

P	Q	R	$P \vee R$	$Q \lor P$	$\neg Q$	$(Q \lor P) \lor P$	$\neg Q \lor (P \lor R)$	$   [\neg Q \lor (P \lor R)] \land [(Q \lor P) \lor P] $
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	T	F
								T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ -\bar{F} $	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	F
			'			'		<u> </u>

P	Q	R	$P \vee R$	$P \wedge P$	$P \wedge Q$	$(P \lor R) \lor (P \land P)$	$\neg (P \land Q)$	$[(P \lor R) \lor (P \land P)] \supset \neg (P \land Q)$
$\overline{T}$	T	T		T		T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T		F - F - F	. – – – -	$\overline{T}$	T - T - T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $	. – – – -	$\overline{T}$	T - T - T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$		$ \vec{F} $	. – – – -	$\overline{T}$	T - T - T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $	. – – – -	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$		$ \vec{F} $	. – – – -	$\overline{F}$	T - T - T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$		$  - \bar{T} - \bar{T}  $	. – – – -	T	T - T - T	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$		$  \overline{F} - \overline{F}  $	. – – – -	$\overline{F}$	$T^{-}$	T
			. – – – –	. – – – –	. – – – -			

48.

	Q	R	$Q \vee A$	R	$Q \wedge F$	?	$(Q \land$	R)	$\wedge R$	(	$Q \vee$	R)	⊃[	Q	٨	R)	$\wedge R$	]	$R \vee$	{(	$Q \vee$	R)	⊃[	(Q)	(R)	) ^ <i>I</i>	R]}	-	$(R \vee$	/ {(	$Q \vee$	R	) c	[(Q	$\wedge I$	₹) /	$\setminus R$	})
-				-		-				-																												
-				_		- -	:			-				 				-																			:	
_				_ L		_				Ι.								_ L										JI										

49.

Q	R	$Q \supset Q$	$R \supset Q$	$(Q \supset Q) \supset R$	$\neg (R \supset Q)$	$   \neg (R \supset Q) \supset [(Q \supset Q) \supset R]  $	$\neg \{\neg (R \supset Q) \supset [(Q \supset Q) \supset R]\}$
T	T		T				
$\bar{F}$	$\bar{T}$		$\bar{F}$				
$T^{-}$	$\bar{F}$		$\bar{T}$				
$\overline{F}$	$\bar{F}$		$\begin{bmatrix} & & & & & & & & & & & & & & & & & & &$	]		I	

P	Q	R	$P \supset Q$	$P \supset R$	$Q \wedge Q$	$R \vee (Q \wedge Q)$	$(P \supset Q) \supset (P \supset R)$	$   [R \lor (Q \land Q)] \supset [(P \supset Q) \supset (P \supset R)] $
	T	T		T				T
	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$		T				
	$\bar{F}$	$\overline{T}^{-}$		T				
	$\bar{F}$	$\overline{T}^{-}$		T				
	$\bar{T}$	$\bar{F}$		F				$\overline{F}$
	$\bar{T}$	$\overline{F}$		T				
	$\bar{F}$	$\overline{F}$		$\overline{F}$				
	$\bar{F}$	$\overline{F}$		T				T