Spot any errors (compared with an error-free table).

1.

P	Q	R	$R \vee R$	$P \supset Q$	$\neg R$	$(R \vee R) \vee \neg R$	$[(R \lor R) \lor \neg R] \land R$	$\{[(R \lor R) \lor \neg R] \land R\} \lor (P \supset Q)$
T	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	T = T	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T = T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	T = T	T	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	T	F	
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	T	F	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$\bar{F}$	F	$\bar{T}$	$\overline{T}$	F	F
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	$\overline{T}$	F	
- F -	$_{-}^{F}$	- F _	$\begin{bmatrix} & F & & & & & & & & & & & & & & & & & $	$\begin{bmatrix} & T & & & & & & & & & & & & & & & & & $	$\lfloor T \rfloor$	$\begin{bmatrix} & & & T & & & & & & & & & & & & & & & $	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\parallel$ $T$

2.

P	R	$P \wedge R$	$\neg P$	$\neg R$	$\neg R \supset \neg P$	$\neg (P \wedge R)$	$ (\neg R \supset \neg P) \supset \neg (P \land R) $
$\overline{T}$	T	T	F	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	$T^{-}T^{-}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	T
T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T
F	F	$F_{-}$	T	T	T	$\begin{bmatrix} - & - & - & \overline{T} & - & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	

3.

•									
	P	Q	R	$P \lor Q$	$P \wedge R$	$\neg R$	$\neg R \supset (P \land R)$	$\mid \neg(P \lor Q) \mid$	$   \neg (P \lor Q) \land [\neg R \supset (P \land R)] $
	T	F	T	T	T	F	T	F	F
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	- T - T	F	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	- T - T	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	F	$\overline{F}$	T	T - T - T	$\overline{T}$
	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  \overline{T} \overline{T}  $	$\overline{F}$	T	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	T	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	- T - T	$\overline{F}$	T	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$

4.

P	Q	$P \supset Q$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \land Q$	$(\neg P \land Q) \lor (P \supset Q)$	$ [(\neg P \land Q) \lor (P \supset Q)] \land \neg Q $
$\overline{T}$	T	T	F	F	T	T	F
T	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	$\overline{F}$	T - T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
T	F	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$	T	$  \overline{T}  $

5.

	P	Q	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \supset \neg Q$
	T	T	F	F	T
	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\bar{T}$
-	$\overline{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$
	T	$\overline{F}$	T	$\bar{T}$	$\bar{T}$

P	Q	R	$P \lor Q$	$R \wedge R$	$\neg Q$	$\neg Q \land (R \land R)$	$\neg (P \lor Q)$	$\left[\neg Q \land (R \land R)\right] \land \neg (P \lor Q)$
$\overline{T}$	T	T	F	T	F	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{F} - \overline{F}  $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{T} - \overline{T}  $	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} - \vec{F} $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} - \vec{F} $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} - \vec{F} $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & \overline{F} & - & - \\ - & \overline{F} & - & - & - \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	T		$\begin{bmatrix} - & - & - & \overline{T} & - & - & \overline{T} \\ - & - & \overline{T} & - & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	F

Q	R	$Q \vee Q$	$Q \vee R$	$R \wedge Q$	$(Q \vee R) \supset (Q \vee Q)$	$\neg[(Q\vee R)\supset (Q\vee Q)]$	$\neg [(Q \lor R) \supset (Q \lor Q)] \supset (R \land Q)$
$\overline{T}$	F	T	T	T	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	$\overline{F}$	<u>-</u>	   F	$ar{T}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	F F	<u>-</u>	T	<u>F</u>	T
$F_{-}$	T		$\overline{F}$	$\overline{F}$		$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T

8.

I	)	Q	R	$P \vee P$	$Q \wedge R$	$\neg R$	$\neg R \lor (Q \land R)$	$[\neg R \lor (Q \land R)] \land (P \lor P)$	$\neg \{ [\neg R \lor (Q \land R)] \land (P \lor P) \}$
7	Γ'	T	T	T	T	F	T	T	F
Ī	7	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	F	
7	Γ_	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$ $ $\overline{F}$ $\overline{F}$	F	
Ī	7	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$ $ $\overline{F}$ $\overline{F}$	F	
7	Γ_	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{T}$	T	$\bar{T}$	$ $ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$	T	F
Ī	7	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ $ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$	F	
7	Γ_	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ $ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$	T	F
Ī	7	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ $ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$	F	

9.

P	Q	R	$Q \lor P$	$R \wedge Q$	$(R \wedge Q) \wedge R$	$P \wedge (Q \vee P)$	$\neg[(R \land Q) \land R]$	$[P \land (Q \lor P)] \supset \neg[(R \land Q) \land R]$
T	T	T	T	F	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$F^{-}$	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	F	T	$\overline{T}$	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	T	F	$\overline{T}$	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	F	T	$\overline{T}$	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	F	F	$\overline{T}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} -  $	$\overline{F}$	$F^{-}$	F	$\overline{T}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\overline{F}$	F	F	$\overline{T}$	T

10.

	P	Q	R	$R \vee P$	$\neg Q$	$\neg Q \supset P$	$(\neg Q \supset P) \land (R \lor P)$	$\neg [(\neg Q \supset P) \land (R \lor P)] \mid$	$\neg \neg [(\neg Q \supset P) \land (R \lor P)]$
	T	T	T	T	F	T	T	F	T
	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	- T - T	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{T}$	T
_	$\overline{T}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	- T - T	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T
_	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	<del>-</del>	$\overline{T}$	$\overline{F}$
_	$\overline{T}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \overline{T} - \overline{T}  $	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T
_	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$T^{-}$	<del>-</del>	$\overline{T}$	$\overline{F}$
_	$\overline{T}^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	- T - T	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
_	$\overline{F}_{-}$	_F_	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -F & - & - & - & - & - & - & - & - $	$\begin{bmatrix} -\overline{T} & -\overline{T} & -\overline{T} & -\overline{T} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - \\ - & & F & - & - & - \end{bmatrix}$			

P	Q	R	$P \lor P$	$Q \vee R$	$(P \lor P) \land R$	$\neg(Q \lor R)$	$Q \vee \neg (Q \vee R)$	$   [Q \vee \neg (Q \vee R)] \wedge [(P \vee P) \wedge R] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	F	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	FF	T	F
T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	F	F	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$ – – – $\overline{F}$ – – – –	<sub>F</sub>	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$ \bar{F} $	T	$\overline{F}$	F	T	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^-$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	$\overline{F}$	<sub>T</sub>	T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\begin{bmatrix} - & -\bar{T} & - \end{bmatrix}$	$\overline{F}$	$ar{F}$		T	$\overline{F}$

P	Q	R			$\neg R$	$\neg R \supset (R \supset P)$	$[\neg R \supset (R \supset P)] \lor Q$	$\big  \{ [\neg R \supset (R \supset P)] \lor Q \} \lor (Q \lor R)$
T	T	T	T	T	F	T	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$  \overline{T}  $	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$T^{-}$	$\bar{T}$	$ $ $   \overline{T}$ $   -$	T	
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	T	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \bar{T} $	T	$\bar{F}$	T	T	
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	$\bar{T}$	T	T	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{F} $	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	T	
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ $ $\bar{F}$ $\bar{F}$	- T - T	$\bar{T}$	$ $ $   \overline{T}$ $   -$	T	
				'		'	'	

13.

P	Q	R	$P \supset R$	$R \wedge Q$	$P \lor (P \supset R)$	$\neg (R \land Q)$	$[P \lor (P \supset R)] \land R$	$ \{[P \lor (P \supset R)] \land R\} \land \neg (R \land Q)$
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	F	T	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \bar{T} ^{-1}$	T	T	F - F - F - F - F - F - F - F - F - F	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{T} ^{-1}$	$\overline{F}$	T	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ T^{-}T^{-}$	$\overline{F}$	T $T$ $T$	T	T = T = T	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  -\bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	F	T	F = F	F
$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	T – – – $T$ – – – –	T	T	F

14.

	P	R	$R \supset P$	$P \wedge P$	$(P \wedge P) \supset P$	$P \supset (R \supset P)$	$[(P \land P) \supset P] \lor [P \supset (R \supset P)]$	$   \neg \{ [(P \land P) \supset P] \lor [P \supset (R \supset P) ] $
	T	T	T	T	F	T	T	T
-	$\overline{F}^-$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	T = T	$ar{T}$	$ar{F}$
-	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	T - T	T	T = T	$ar{T}$	$\overline{F}$
-	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	T - T	T	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$

15.

P	Q	R	$Q \lor P$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg Q \supset (Q \lor P)$	$\left[ \neg Q \supset (Q \lor P) \right] \supset \neg R $	$\neg \{ [\neg Q \supset (Q \lor P)] \supset \neg R \}$
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  -\bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T T	F F	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	F F	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{F} $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{F}$	$T^{-}$	T	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{F}$	$T^{-}$	T	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	T	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ -\bar{F} $	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	F	T	$\overline{F}$
			'	'	' '			<u> </u>

P	Q	R	$Q \wedge P$	$R \wedge R$	$\neg P$	$\neg(Q \land P)$	$(R \wedge R) \supset \neg(Q \wedge P)$	$ [(R \land R) \supset \neg(Q \land P)] \supset \neg P $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	F	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$T^{-}$	$\bar{T}$	T = T	T	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{F} $	T	$\bar{F}$	T - T	T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{F} $	T	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	$\bar{T}$	T	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	_F	_ <i>F</i> _	$\begin{bmatrix} - & -\bar{F} & - & - \\ - & \bar{F} & - & - \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} -\overline{T} \end{bmatrix}$	T		

Q	R	$R \supset R$	$R \wedge Q$	$\neg(R \land Q)$	$\neg (R \land Q) \lor (R \supset R)$	$\neg[\neg(R \land Q) \lor (R \supset R)]$	$\neg \neg [\neg (R \land Q) \lor (R \supset R)]$
$\overline{F}$	T	T	T	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T	$ar{F}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T	$ar{F}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		$\overline{F}$	

18.

P	R	$P \wedge R$	$\neg(P \land R)$
$\overline{T}$	T	T	F
$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T} = \overline{T} = \overline{T}$	$\bar{F}$
$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$
$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$

19.

Q	R	$Q \vee Q$	$R \wedge Q$	$\neg Q$	$(R \wedge Q) \supset Q$	$(Q \lor Q) \land \neg Q$	$ [(R \land Q) \supset Q] \land [(Q \lor Q) \land \neg Q] $
$\overline{T}$	T	T	T	F	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	<u>-</u>	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	T	<u>-</u>	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	T	$ar{ar{T}}$	$\left[ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	

P	Q	R	$R \vee Q$	$Q \wedge P$	$\neg R$	$(Q \wedge P) \vee \neg R$	$\neg (R \lor Q)$	$\neg (R \lor Q) \land [(Q \land P) \lor \neg R]$
$\overline{F}$	T	T	T	T	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	T - T - T	$\bar{F}$	$\parallel$ $\bar{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} -  $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	F  = F
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	F F	$  \overline{F} - \overline{F} - \overline{F}  $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{F} - \overline{F} - \overline{F}  $	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{F} - \overline{F} - \overline{F}  $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{T}    $	$\parallel^      T$ $         -$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	$\begin{bmatrix} - & - & F & - & - \\ - & F & - & - \end{bmatrix}$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\bar{T}$	$egin{bmatrix}&ar{T} & & \& T & & \& & & \& & & \& & & \& & & \&& & \&& & \&& & \&& & \&& & \&& & \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&& \&&&& \&&&& \&&& \&&&& \&&&& \&&&& \&&&&& \&&&&& \&&&&& \&&&& \&&&&&& \&&&&& \&&&&&& \&&&&&&&&& \&&$	$\begin{bmatrix} - & - & - & \overline{T} & - & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	$\parallel$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{T}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$ $_{-}$

	P	Q	R	$R \vee P$	$P \supset Q$	$(R \lor P) \land R$	$[(R \lor P) \land R] \land (P \supset Q)$	$\neg \{ [(R \lor P) \land R] \land (P \supset Q) \} \mid$	$\neg\neg\{[(R\vee P)\wedge R]\wedge (P\supset Q)\}$
	T	T	T	T	T	T	T	T	T
	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\bar{T}$	T	T	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{T}$	T
	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	$ \stackrel{-}{F}\stackrel{-}{=}$	T	$\overline{F}$
21.	F	$\bar{F}$	T	$\left \frac{1}{T} \right $	T	T	$ \overset{-}{F}\overset{-}{F}$	$\overline{F}$	T
	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	$ \overset{-}{F}\overset{-}{F}$	T	T
	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	$ \overset{-}{F}\overset{-}{F}$	T	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	- F	$\overline{F}$	$ \overset{-}{F}\overset{-}{F}$	T	$\overline{F}$
	F	$\bar{F}$	F	$\bar{T}$	T	T = T = T	$ar{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$

P	Q	R					$Q \wedge \neg R$	$   (Q \land \neg R) \lor [(Q \land Q) \land \neg P] $
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	T	$\  \bar{T} - \bar{T} $
T	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$F^{-}$	F	F  = F
T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$F^{-}$		$\parallel^      \overline{T}$ $         -$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$F^{-}$	<sub>T</sub>	$\parallel^      \overline{T}$ $         -$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$		F  = F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	-F -	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\bar{F} & - & - \\ -\bar{F} & - & - \end{bmatrix}$	$\bar{T}$	T		F	$\parallel$ $\bar{F}$

P	Q	R	$Q \supset P$	$R \wedge R$	$\neg R$	$(Q \supset P) \supset \neg R$	$(R \wedge R) \vee [(Q \supset P) \supset \neg R]$	$\neg \{ (R \land R) \lor [(Q \supset P) \supset \neg R] \}$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	F	T	F
F	T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	T	$\overline{F}$	F	$\overline{T}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	T	T	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	
$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T	F	T	T	T $T$ $T$	
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	F	$T^{-}$	T	T $T$ $T$	
$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	T	F	$T^{-}$	T	T $T$ $T$	
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	T	F	$T^{-}T^{-}$	F	T	F
		- <del>-</del> -	·		L			

24.

P	Q	R	$P \lor Q$	$P \supset R$	$\neg Q$	$(P \supset R) \supset P$	$\neg Q \land (P \lor Q)$	$\left[\neg Q \land (P \lor Q)\right] \land \left[(P \supset R) \supset P\right]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	T	$T$ – – – $\overline{T}$ – – – –	T	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $	T	T	$\overline{F}$	F	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	T	$\overline{T}$	T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - \\ - & & F & - & - & - \end{bmatrix}$	T	T	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$\overline{F}$

25.

P	Q	R	$P \vee R$	$P \supset Q$	$P \wedge (P \supset Q)$	$\neg (P \lor R)$	$\neg\neg(P\lor R)$	$   \neg \neg (P \lor R) \supset [P \land (P \supset Q)] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	F	T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$  \overline{F}  $	$\overline{F}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F}  $	T - T - T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ -\bar{T} $	$T^{-}$	F	F	T - T - T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$  \overline{T} -  $	$T \overline{T}$	F	T - T - T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	F	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F}  $	T - T - T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	T	F	

$\vee P$ ] $\supset P$ }

P	R	$R \supset P$	$\neg R$	$(R \supset P) \land \neg R$	$\neg[(R \supset P) \land \neg R]$	$\mid \neg \neg [(R \supset P) \land \neg R] \mid$	$\neg\neg\neg[(R\supset P)\land\neg R]$
$\overline{T}$	T	T	F	F	F	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\lceil \hspace{0.5mm} - 0.5mm$	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$	T - T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}T^{-}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $	T

28.

P	Q	R	$P \wedge R$	$Q \wedge P$	$R \wedge Q$	$(P \wedge R) \vee (Q \wedge P)$	$\neg[(P \land R) \lor (Q \land P)]$	$   \neg [(P \land R) \lor (Q \land P)] \lor (R \land Q) $
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$-\bar{F}$	$\overline{}$	$T^{-}$		$ \overline{T}$ $\overline{T}$	T
T	$\bar{F}$	$T^{-1}$	$ TT^{-1} $	$\overline{}$	$\int_{\Gamma} F^{-} - \int_{\Gamma} F^{-}$		$  \overline{F}  $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-1}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\int_{\Gamma} F^{-}$			T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}^{-1}$	$\bar{F}$	$T^{-}T^{-}$	$\int_{\Gamma} F^{-}$	T	$\overline{F}$	$\downarrow$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}^{-1}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\int_{\Gamma} F^{-}$			T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-1}$	$-\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$		T	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}_{-}$	$\begin{bmatrix} - & -\bar{F} & - \end{bmatrix}$	$\left[\begin{smallmatrix} -&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&-&$	$\begin{bmatrix} -F \\ - \end{bmatrix}$			

29.

P	Q	R	$R \supset P$	$\neg Q$	$\neg Q \lor (R \supset P)$	$Q \supset \neg Q$	$\left[\neg Q \lor (R \supset P)\right] \land (Q \supset \neg Q)$
T	T	T	T	F	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	F	$\bar{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ T^{-}T^{-}$	$\overline{F}$		$\bar{F}$	$ar{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	F - F	$\overline{F}$	T	T - T	$ar{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	- T - T	$\overline{F}$	T	$\bar{F}$	$ar{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	- T - T	$\overline{F}$	T	$\bar{F}$	$ar{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  \overline{T} $	T	T	$\bar{T}$	$ar{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	T		T - T - T	$ar{T}$

30.

P	$\neg P$	$P \supset \neg P$	$P \wedge (P \supset \neg P)$	$\neg P \land [P \land (P \supset \neg P)]$	$\neg \{\neg P \land [P \land (P \supset \neg P)]\}$
$\overline{T}$	F	F	F	F	T
T	$\bar{T}$	$\begin{bmatrix} & F & \\ & & \end{bmatrix}$		$\left[ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	]

31.

P	R	$P \wedge P$	$\neg P$	$\neg R$	$(P \wedge P) \vee \neg P$	$\neg R \supset [(P \land P) \lor \neg P]$	$\neg \{\neg R \supset [(P \land P) \lor \neg P]\}$
$\overline{F}$	F	T	F	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	T	F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$F^{-}$	$T^{-}$	$T^{-}$	T	T	$\overline{F}$

P	Q	R	$R \supset R$	$Q \wedge P$	$\neg P$	$(R \supset R) \lor Q$	$[(R \supset R) \lor Q] \supset (Q \land P)$	$   \{ [(R \supset R) \lor Q] \supset (Q \land P) \} \land \neg P $
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	T	T	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T - T	$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T - T	T	$\bar{F}$	T	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T - T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $	$\overline{F}$	$\overline{F}$			

P	R	$P \vee R$	$R \wedge R$	$\neg R$	$(P \vee R) \supset P$	$\neg R \land (R \land R)$	$ [\neg R \land (R \land R)] \land [(P \lor R) \supset P] $
$\overline{T}$	T	T	T	F	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	T	<u>-</u>	$T^{-}$	$ar{T}$	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$ar{T}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	

34.

P	Q	R	$R \vee Q$	$P \supset P$	$R \wedge Q$	$(R \lor Q) \supset P$	$(R \land Q) \supset (P \supset P)$	$[(R \land Q) \supset (P \supset P)] \lor [(R \lor Q) \supset P]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \bar{T} ^{-1}$	T	T	$\bar{F}$	T	
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	F	$\overline{T}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$F^{-}$	$\overline{F}$	T	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$F^{-}$	$\overline{T}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  \bar{T} - \bar{T}  $	T	$F^{-}$	$\overline{F}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	F	$\bar{T}$	T	
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$ \bar{F} $	T	$F^{-}$	$\bar{T}$	T	
			'	. – – – –				

35.

P	Q	R	$P \wedge Q$	$Q \wedge Q$	$\neg R$	$\neg R \land (P \land Q)$	$\neg [\neg R \land (P \land Q)]$	$\neg [\neg R \land (P \land Q)] \land (Q \land Q)$
T	T	T	T	F	F	F	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \bar{F} $	T = T	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  \vec{T}  $	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\lceil \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} \rceil$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{F} -  $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  \overline{T} - \overline{T} - \overline{T}  $	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ ar{T} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ -\bar{F} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ {ar{T}}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ -\bar{F} $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	F	$ {ar{T}}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & \overline{F} & - & - \\ - & \overline{F} & - & - & - \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} - & -\bar{F} & - & -\bar{F} \\ - & F & - & - \end{bmatrix}$	$\bar{T}$	$ar{F}$	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 $	$\overline{F}$

36.

P	Q	$P \wedge Q$	$Q \wedge P$	$\neg P$	$(Q \land P) \lor (P \land Q)$	$\neg P \land Q$	$[(Q \land P) \lor (P \land Q)] \land (\neg P \land Q)$
F	T	T	T	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	$F_{-}$	$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$	FF	$\begin{bmatrix} & - & - & - & - & - & - & - & - & - & $	F

37.

P	Q	R	$P \lor Q$	$P \vee R$	$\neg P$	$\neg P \vee R$	$(\neg P \lor R) \supset (P \lor R)$	$   (P \lor Q) \lor [(\neg P \lor R) \supset (P \lor R)] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \bar{T} - \bar{T} $	T	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$\overline{T}$
$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T - T - T	T	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  \overline{T} - \overline{T}  $	T	$T^{-}$	T - T	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$  \overline{T} - \overline{T}  $	T	$\overline{F}$	F - F	T	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	- T - T	F	$T^{-}$	T - T	$\overline{F}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ T^{-}T^{-}$	T	$\overline{F}$	T - T	T	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T_{-}$	$\begin{bmatrix} - & -F & - & - & - & - & - & - & - & - $		T		F	

P	R	$R \lor P$	$\neg R$	$\neg R \lor R$	$\neg(R \lor P)$	$\neg (\neg R \lor R)$	$\neg(\neg R \lor R) \lor \neg(R \lor P)$
$\overline{T}$	T	T	F	T	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	F	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \overline{F} - \overline{F}  $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	F	T	$\bar{T}$	$  \overline{T}$ $  -$	$ \overline{F} $	$\overline{F}$
T	$\bar{F}$	T	T	$\overline{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T

P	Q	R	$P \vee R$	$Q \lor Q$	$\neg R$	$(Q \lor Q) \lor \neg R$	$(P \vee R) \wedge Q$	$[(P \lor R) \land Q] \supset [(Q \lor Q) \lor \neg R]$
T	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  -\bar{T} - \bar{T}  $	T = T	$\bar{F}$	T = T = T	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	T	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \bar{F} $	$ {\overline{T}}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	F	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	F	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \bar{F} $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T - T - T	$F^{-}$	T
	_F	$\frac{\overline{F}}{F}$			$\begin{bmatrix} -\overline{T} \\ -\overline{T} \end{bmatrix}$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	F F	T $T$

40.

Q	R	$R \vee Q$	$\neg R$	$R \land \neg R$	$\neg (R \lor Q)$	$\neg (R \lor Q) \land (R \land \neg R)$	$\neg [\neg (R \lor Q) \land (R \land \neg R)]$
$\overline{T}$	T	T	F	F	F	F	T
-	-	_		$\overline{F}$		T	T
				F $F$ $F$		F	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	T	$\overline{F}$		$\left[ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	

41.

P	R	$R \vee P$	$\neg R$	$\neg R \supset P$	$(R \lor P) \land \neg R$	$(\neg R \supset P) \supset [(R \lor P) \land \neg R]$
$\overline{T}$	T	F	F	T	F	F
$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	T - T	$  \overline{T} - \overline{T} - \overline{T} - \overline{T}  $	$ar{T}$
$\overline{F}$	F	F		$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - \\ - & & & F & & & - & - & - & - \end{bmatrix}$	$ar{F}$

42.

Q	R	$Q \supset R$	$R \supset R$	$\neg(Q \supset R)$	$\neg (R \supset R)$	$\mid \neg \neg (Q \supset R) \mid$	$\neg (R \supset R) \land \neg \neg (Q \supset R)$
$\overline{F}$	F	T	T	F	T	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T - T	$\overline{F}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$T^{-}$	$\overline{T}$		$\begin{bmatrix} & & & & & & & & & & & & & & & & & & &$	

43.

P	Q	R	$Q \lor P$	$R \supset R$	$\neg Q$	$(Q \vee P) \wedge (R \supset R)$	$[(Q \lor P) \land (R \supset R)] \supset \neg Q$	$   \neg \{ [(Q \lor P) \land (R \supset R)] \supset \neg Q \} $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	F	T
$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	
T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ TT^{-} $	T	$T^{-}$	T	$\overline{T}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ \vec{F} $	T	T	F	$\overline{T}$	F
T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	$\overline{F}$	T		
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	$\overline{F}$	T	$\overline{T}$	
$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$-\bar{T}$	T	T	T	$\overline{T}$	
$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	

P	Q	R	$Q \supset P$	$R \wedge R$	$R \vee (R \wedge R)$	$\neg(Q \supset P)$	$\neg\neg(Q\supset P)$	$\neg \neg (Q \supset P) \lor [R \lor (R \land R)]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	F	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$ \bar{F} $	$T^{-}$	T $T$ $T$	T	$\overline{F}$	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{T} $	T	T T T	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F}  $	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$ -\bar{T} $	T	T – – – $T$ – – – –	$\mid$ $T$	T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	F	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F}  $	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	T $T$ $T$	$\mid$ $T$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\overline{F}$	T – – – $T$ – – – –	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{T} $	$\overline{F}$	$egin{bmatrix}F \ \end{bmatrix}$			

P	Q	R	$Q \vee Q$	$R \supset Q$	$R \wedge P$	$ (Q \lor Q) \lor (R \supset Q)$	$   (R \land P) \lor [(Q \lor Q) \lor (R \supset Q)]  $	$\neg \{(R \land P) \lor [(Q \lor Q) \lor \neg \{(R \land P) \lor [(Q \lor Q) \lor \neg \{(R \land P) \lor [(Q \lor Q) \lor Q) \lor (Q \lor Q)\}\}$
T	T	T	T	T	T	T	T	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \vec{T} $	T	F	$\Gamma$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ \bar{F} $	<sub>F</sub>	T	$\overline{F}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ \bar{F} $	T	F	$\overline{F}$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	<sub>F</sub>	F	T	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	F	T	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ \vec{F} $	T	F	T	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ \bar{F} $	T	T	$\overline{T}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$

46.

_ (	Q	R	$Q \wedge R$	$\neg Q$	$(Q \wedge R) \wedge \neg Q$
	T	T	F	F	F
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$T^{-}$	
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $

47.

P	$P \wedge P$	$\neg P$	$\neg \neg P$	$\neg \neg P \lor (P \land P)$
$\overline{T}$	T	F	T	T
$\overline{F}$	T = T	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$

48.

P	R	$P \supset R$	$R \wedge R$	$\neg(P \supset R)$	$\neg(P \supset R) \supset (R \land R)$	$\neg[\neg(P \supset R) \supset (R \land R)]$	$\neg\neg[\neg(P\supset R)\supset (R\land R)]$
T	T	T	T	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T	T	$  \overline{T}  $
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T = T	F	T	$  \overline{F}  $
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\begin{bmatrix} F \end{bmatrix}$	$egin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$\overline{F}$	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 $	

P	Q	R	$R \vee R$	$Q \wedge P$	$\neg Q$	$(R \vee R) \wedge (Q \wedge P)$	$\neg Q \supset [(R \lor R) \land (Q \land P)]$	$   \neg \{\neg Q \supset [(R \lor R) \land (Q \land P)]\} $
$\overline{T}$	F	T	T	T	F	T	T	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $		T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	$  \overline{F} \overline{F}  $	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$T^{-}$	$\bar{F}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
T	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	F	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	F	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T

P	Q	R	$R \vee P$	$R \supset R$	$\neg Q$	$(R \supset R) \land \neg Q$	$[(R \supset R) \land \neg Q] \lor (R \lor P)$	$   \neg \{ [(R \supset R) \land \neg Q] \lor (R \lor P) \} $
$\overline{T}$	F	T	T	T	F	F	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\mid$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T - T - T	$T^{-}$	$\bar{T}$	T - T - T	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$\mid$	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$\mid$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F} $	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	T	$\bar{T}$	T	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} -\bar{F} \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	

51.

$egin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $		Q	R	$Q \supset Q$	$R \supset R$	$(Q \supset Q) \land (R \supset R)$	$[(Q \supset Q) \land (R \supset R)] \land Q$	$\{[(Q \supset Q) \land (R \supset R)] \land Q\} \supset (R \supset R)$
$\Gamma$ $I$ $I$ $\Gamma$ $\Gamma$ $\Gamma$ $\Gamma$ $\Gamma$		T	T	F	T	T	F	F
T	_	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	1	Γ	T	$\overline{F}$	T
	-	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}T^{-}$	F	T	T
$\overline{F}$ $\overline{F}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$	-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	T - T	$T^{-}T^{-}$	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$

52.

P	Q	R	$Q \vee R$	$\neg P$	$\neg P \lor Q$	$ (Q \vee R) \supset (Q \vee R) $	$[(Q \lor R) \supset (Q \lor R)] \lor (\neg P \lor Q)$
$\overline{T}$	T	T	T	F	T	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$F^{-}$	$\overline{T}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$ T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$ T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	$ T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}$	T	T
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	F	T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$ T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}T^{-}$	$\overline{F}$	T

53.

P	R	$P \vee R$	$P \supset R$	$ (P \vee R) \supset P$	$\neg (P \supset R)$	$R \wedge [(P \vee R) \supset P]$	$\neg (P \supset R) \lor \{R \land [(P \lor R) \supset P]\}$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	T	T - T	F	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	$ar{T}$	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} & \overline{T} & \overline{T} \end{bmatrix}$		$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}_{-}$

54.

P	Q	$P \supset P$	$Q \wedge P$	$Q \wedge Q$	$(P \supset P) \supset (Q \land P)$	$(Q \wedge Q) \wedge P$	$ [(P \supset P) \supset (Q \land P)] \land [(Q \land Q) \land P] $
$\overline{T}$	F	T	T	T	T	T	T
$\overline{F}$	T	T	$\overline{T}$	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\bar{F}$		$\overline{F}$	
F	$\overline{F}$	T		$\bar{F}$		$egin{bmatrix}ar F & \ F & \ \end{bmatrix}$	

Q	R	$Q \vee Q$	$Q \supset R$	$R \wedge Q$	$(Q \vee Q) \vee (R \wedge Q)$	$[(Q \lor Q) \lor (R \land Q)] \supset (Q \supset R)$	$\neg \{ [(Q \lor Q) \lor (R \land Q)] \supset (Q$
T	T	T	T	T	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	F	T	$ar{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	T	<u>-</u>	$\bar{F}$	T	F	$ar{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	F	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ar{F}$

P	Q	R	$R \vee P$	$P \supset P$	$\neg Q$	$P \lor (R \lor P)$	$\neg Q \supset (P \supset P)$	$   [P \lor (R \lor P)] \supset [\neg Q \supset (P \supset P)] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T = T	T	T
T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ T^{-}T^{-}$	T	T	T – – – $T$ – – – –	T = T	T
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ -\bar{T} $	T	T	$F = \frac{1}{F} = \frac{1}{F}$	T	$  \overline{T}  $
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^-$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	$T^{-}$	T	$  \overline{T}  $
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	$F^{-}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	T - T - T	T	T
$\overline{F}_{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		T	$egin{bmatrix}F &F \F \$	$\begin{bmatrix}T \\ \end{bmatrix}$	$  \overline{T} $

P	Q	$P \wedge Q$	$Q \wedge Q$	$\neg P$	$(P \land Q) \supset (Q \land Q)$	$\neg P \supset P$	$[(P \land Q) \supset (Q \land Q)] \lor (\neg P \supset P)$
T	T	T	T	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	F F	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	<u>-</u>	<u>-</u> F	$\overline{F}$	$\Gamma$ $\Gamma$ $T$	$T^{-}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$F_{-}$	T = T	T		$\left[ egin{array}{cccc} - & - & - & - & - \\ - & F & - & - \end{array}  ight]$	T

	P	Q	R	$Q \vee R$	$R \vee R$	$R \supset Q$	$(Q \vee R) \wedge (R \vee R)$	$[(Q \lor R) \land (R \lor R)] \land (R \supset Q)$	$\{[(Q \lor R) \land (R \lor R)] \land (R \supset Q)\} \lor P$
	T	T	T	T	T	T	T	T	T
	F	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	F		$\overline{T}$	$\overline{T}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \bar{T} ^{-1}$	$T^{-}$	F	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$
58.	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	F	T	$\overline{F}$	F
	$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	T		$\overline{F}$	$\overline{T}$
	F	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	T	F	F	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	T	F	$\overline{F}$	$\overline{T}$
	F	$\overline{F}$	T	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T		$\overline{F}$	$\overline{F}$

59.

P	Q	$P \supset P$	$Q \wedge P$	$\neg P$	$(Q \land P) \lor P$	$[(Q \land P) \lor P] \lor \neg P$	$(P \supset P) \supset \{[(Q \land P) \lor P] \lor \neg P\}$
T	T	T	T	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	T	$\overline{F}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$			F	$egin{bmatrix}&ar{T} & \ & T \ & T \$		T

60.

1	)	Q	R	$P \supset R$	$R \supset Q$	$(R \supset Q) \lor P$	$\neg (P \supset R)$	$[(R \supset Q) \lor P] \lor \neg (P \supset R)$	$ \mid \neg \{ [(R \supset Q) \lor P] \lor \neg (P \supset R) \} $
	Γ	T	T	T	T	T	F	T	F
- I	7	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$
- 7	Γ	$\bar{F}$	$T^{-}$	- T - T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$
- 1	7	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$		
	Γ	$\bar{T}$	$\overline{T}^{-}$	$ -\bar{T} $	T	T	T $T$ $T$	T	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $
- <u>1</u>	7	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	T	$\overline{T}$	T $T$ $T$	$\overline{T}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $
- 7	Γ –	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	T $T$ $T$	F	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $
	7	$\overline{F}$	F	$\begin{bmatrix} - & -\overline{T} & - & - \\ - & T & - & - \end{bmatrix}$		$ar{ar{T}}$			

P	Q	R	$R \vee P$	$R \supset R$	$\neg R$	$(R \supset R) \lor (R \lor P)$	$\neg R \supset Q$	$ (\neg R \supset Q) \supset [(R \supset R) \lor (R \lor P)] $
$\overline{T}$	T	T	F	T	T	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  - \overline{T} - \overline{T}  $	T	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	$\overline{F}$
T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T $T$ $T$	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	T	$T^{-}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$T^{-}$	T	$\overline{F}$	T
$\overline{F}$	_F_	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - \\ - & & F & - & - & - & - \end{bmatrix}$		$\begin{bmatrix} T \end{bmatrix}$	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$oxed{T}$

Q	$\neg Q$	$\neg \neg Q$
F	T	F
$T_{-}$	$\begin{bmatrix} ar{F} & ar{F} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} & \overline{T} & \overline{T} \end{bmatrix}$

	P	Q	R	$Q \vee R$	$Q \wedge Q$	$R \wedge R$	$(Q \land Q) \supset (R \land R)$	$[(Q \land Q) \supset (R \land R)] \lor (Q \lor R)$	$\{[(Q \land Q) \supset (R \land R)] \lor (Q \lor R)\} \supset P$
	F	T	T	T	T	T	T	T	T
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	T	T	$\overline{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$
	T	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	- F	T	$\overline{T}$	$ar{T}$	T
63.	F	F	$T^{-}$	T - T	$\overline{F}$	T	T		F
	T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	F	F	$ar{T}$	T
	T	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$T^{-}$	F	F F	$ar{T}$	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	<sub>F</sub>	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$T^{-}$	F	T	$  \bar{T}  $	

64.

F	)	Q	R	$Q \supset P$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg Q \vee P$	$(\neg Q \lor P) \lor (Q \supset P)$	$ [ (\neg Q \lor P) \lor (Q \supset P) ] \supset \neg R $
$\overline{T}$	7	T	T	T	F	F	T	T	T
$\bar{F}$	7	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ \bar{F} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F	$\bar{T}$
Ī	,_	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ TT^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	7	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T	$\overline{F}$
T	,_	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	7	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$\overline{F}$	F	$\overline{T}$
$\bar{T}$	,_	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	T	$\overline{T}$
F	, - -	_F_	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{T} & - & \overline{T} \\ - & T & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$			

65.

P	Q	R	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg R \lor \neg Q$	$\neg \neg P$	$ (\neg R \vee \neg Q) \supset \neg \neg P$
$\overline{T}$	T	T	F	F	F	F	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	$T^{-}$	$T^{-}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{T}^{-}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$T^{-}$	$T^{-}$	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}^{-}$	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	T	T	$T^{-}$	T
$F_{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T	T		$\overline{F}$	

P	Q	R	$Q \supset Q$	$\neg R$	$\neg R \land Q$	$\neg(Q \supset Q)$	$\neg(Q \supset Q) \land P$	$\left[\neg(Q\supset Q)\land P\right]\supset (\neg R\land Q)$
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	F	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F = F = F	$\bar{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$  - \overline{T} - \overline{T}  $	$\bar{F}$	<u>-</u> F	$\overline{F}$	F = F = F	$\bar{T}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	<sub>F</sub>	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \overline{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}_{-}$	_F_	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{T} & - & - \\ - & T & - & - \end{bmatrix}$	T	F	F = F = F	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	

P	Q	R	$Q \vee R$	$\neg P$	$(Q \vee R) \supset P$	$\neg P \supset R$	$[(Q \lor R) \supset P] \lor (\neg P \supset R)$	$\neg \{ [(Q \lor R) \supset P] \lor (\neg P \supset R) \}$
$\overline{T}$	T	T	T	F	T	F	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\overline{F}$	<sub>F</sub>	$\mid$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{F}$	T = T = T	<sub>T</sub>	$\mid$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{T}$	F	<sub>T</sub>	$\mid$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{F}$	T - T	<sub>T</sub>	$ $ $^ ^ ^ ^ ^ ^ ^ ^-$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$\bar{T}$	F	F	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\bar{F}$	T = T	<sub>F</sub>	$\mid$	
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\bar{T}$	T = T	F	$T$ $T$	$\overline{F}$
			. – – – –	. – – –			'	

68.

P	Q	R	$R \vee R$	$P \wedge Q$	$Q \wedge R$	$(P \land Q) \land (R \lor R)$	$P \wedge (Q \wedge R)$	$[P \land (Q \land R)] \land [(P \land Q) \land (R \lor R)]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	T	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  -\bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	FF	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\lceil F \rceil$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$

69.

P	R	$P \vee R$	$P \wedge P$	$(P \wedge P) \wedge R$	$P \wedge (P \vee R)$	$[P \land (P \lor R)] \supset R$	$ \{[P \land (P \lor R)] \supset R\} \supset [(P \land P) \land R]$
T	F	T	F	T	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	<u>F</u>	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	<u>-</u>	F	$\overline{F}$	T T	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	<u>-</u>	F	$\overline{F}$	T	F

70.

	P	R	$R \vee P$	$P \supset P$	$\neg(R \lor P)$	$\neg (P \supset P)$	$\neg (P \supset P) \land R$	$ [\neg (P \supset P) \land R] \lor \neg (R \lor P) $
	T	F	T	F	F	F	T	F
-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
-	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	- $ T$ $  T$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$

P	Q	R	$P \supset Q$	$P \wedge Q$	$R \wedge R$	$(P \land Q) \supset (P \supset Q)$	$\neg (R \wedge R)$	$[(P \land Q) \supset (P \supset Q)] \land \neg (R \land R)$
T	T	T	T	T	T	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ \vec{F} $	F - F	T	<u>-</u>	$\overline{F}$	
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	<u>-</u>	$\overline{F}$	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F - F	F	<u>-</u>	T	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F - F	F	<u>-</u>	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \bar{F} $	F	$F^{-}F^{-}$	<u>-</u>	T	T
$\overline{F}$	_F_	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{T} & - & \overline{T} \\ - & T & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	F	$F_{-}$	T		

	P	Q	R	$Q \lor P$	$Q \supset P$	$(Q \lor P) \land R$	$\neg(Q \supset P)$	$[(Q \lor P) \land R] \land \neg(Q \supset P) \mid$	$\neg \{ [(Q \lor P) \land R] \land \neg (Q \supset P) \}$
_	T	T	T	T	T	T	F	T	T
-	$\overline{F}^-$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{T}$	T	$\overline{T}$	F
-	$\overline{T}^{-}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	T	$ar{T}$	F	$\overline{F}$	
-	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	
-	$\bar{T}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$ar{F}$	F	$\overline{T}$	
-	$\bar{T}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F	$\bar{F}$	F	$\overline{F}$	
-	$\bar{T}^-$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	
-	$\bar{F}^-$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	<sub>F</sub>	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	

73.

P	Q	R	$P \supset Q$	$R \supset P$	$\neg P$	$(P \supset Q) \land (R \supset P)$	$ \neg P \wedge R $	$ (\neg P \land R) \lor [(P \supset Q) \land (R \supset P)] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	F	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  T^{-} T^{-} $	F	$T^{-}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	F - F - F	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  \overline{T} $	$F^{-}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$  \overline{T} $	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  T^{-} T^{-} $	T	$T^{-}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  \overline{F}  $	T	$T^{-}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - \\ - & & T & & - & - & - \end{bmatrix}$	F	T	$egin{bmatrix}T &T &$	$\begin{bmatrix} - & - & F & - & - \end{bmatrix}$	T

74.

P	Q	R	$P \lor P$	$\neg Q$	$\neg Q \vee Q$	$R \supset (P \lor P)$	$\neg[R \supset (P \lor P)]$	$\neg[R \supset (P \lor P)] \land (\neg Q \lor Q)$
T	T	T	T	F	T	T	F	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \bar{F} $	$\bar{F}$	T	F	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}^{-}$	T	T	T	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ -\bar{T}-\bar{T} $	$\bar{T}^{-}$	$\overline{F}$	F	T	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	<sub>T</sub>	T	$F^{-}$	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	T	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{F}$	$T^{-}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \bar{F} $	$\bar{T}^{-}$	<sub>T</sub>	$T^{-}$	F	$\overline{F}$

75.

P	R	$P \lor P$	$R \supset P$	$\neg P$	$P \wedge \neg P$	$(P \land \neg P) \supset (P \lor P)$	$ [(P \land \neg P) \supset (P \lor P)] \supset (R \supset P) $
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	<u>F</u>	$\bar{T}$	<sub>F</sub>	$\overline{F}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$T^{-}$	$\bar{F}$	<sub>F</sub>	T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$T^{-}$	<sub>F</sub>	$\overline{F}$	T

P	Q	R	$P \vee Q$	$P \supset R$	$\neg Q$	$(P \supset R) \land (P \lor Q)$	$\neg \neg Q$	$\neg \neg Q \land [(P \supset R) \land (P \lor Q)]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$T^{-}$	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T	T	T	T $T$ $T$	$ F^{-}F^{-} $	$\bar{F}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$	T	T	$\overline{F}$	$F^{-}F^{-}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	T $T$ $T$ $T$	$ T^{-}T^{-} $	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	T	F	T $T$ $T$ $T$	$ T^{-} $	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	F	T	$\overline{F}$	$ F^{-}F^{-} $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	_F	_ F _	$\begin{bmatrix} - & -F & - & F \\ - & -F & - & - \end{bmatrix}$		T	$egin{bmatrix} ar{F} & \ -F & \ -F & \ -F \ \ \ -F \$	$\begin{bmatrix} - & -F & - \end{bmatrix}$	$ar{F}$

P	Q	$P \supset P$	$P \wedge Q$	$\neg Q$	$(P \wedge Q) \wedge \neg Q$	$\neg[(P \land Q) \land \neg Q]$	$   \neg [(P \land Q) \land \neg Q] \supset (P \supset P) $
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	F	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	<u>-</u>	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T = T = T = T = T = T = T = T	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	<u>-</u>	$\bar{T}$	F	T	$\overline{T}$
T	$\bar{F}$	T	T = T	T	$\overline{F}$	T = T = T	

78.

P	Q	R	$R \vee R$	$Q \supset P$	$\neg P$	$\neg P \supset (Q \supset P)$	$(R \vee R) \wedge R$	$ [\neg P \supset (Q \supset P)] \land [(R \lor R) \land R] $
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  - \overline{T} - \overline{T}  $	T	T	F	$ar{T}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$ T^{-}T^{-}$	T	$\overline{F}$	T	$ar{T}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	T	T T	$ar{T}$	$  \overline{T}  $
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	T T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	F	$T^{-}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	T	T	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$

79.

P	Q	R	$P \supset Q$	$\neg Q$	$\neg R$	$\neg Q \supset (P \supset Q)$	$ [\neg Q \supset (P \supset Q)] \supset \neg R $	$\neg \{ [\neg Q \supset (P \supset Q)] \supset \neg R \}$
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	T	F	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	T	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$  \overset{-}{T} \overset{-}{T} \overset{-}{-} \overset{-}{-} \overset{-}{T}$	$\lceil \overline{F} \rceil$	$  \bar{T}  $
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	- F	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	T	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T - T	$  \overline{F}  $	
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	T	T	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	T	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	T		$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	$\overline{F}$	$  \overline{T}  $	$\overline{F}$
$\overline{F}$	_F_	$\overline{F}$		$\begin{bmatrix} -T \end{bmatrix}$	$\bar{T}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & F & - & - & - & - & - &$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & T \\ - & & & & T \end{bmatrix}$	

80.

P	R	$R \vee R$	$P \wedge P$	$\neg(R \lor R)$	$\neg(P \land P)$	$\neg \neg (R \lor R)$	$\neg\neg(R\lor R)\lor\neg(P\land P)$
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\bar{F}$	$\bar{F}$	T	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{T}$	$  \overline{T}  $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$F_{-}$	$\bar{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & \overline{T} & - & - & \overline{T} \end{bmatrix}$	T	$\left[ egin{array}{cccc} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	

P	Q	R	$R \vee R$	$P \supset R$	$(P \supset R) \supset Q$	$\neg (R \lor R)$	$\neg\neg(R\lor R)$	$\neg \neg (R \lor R) \lor [(P \supset R) \supset Q]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	F	T	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$  \bar{T}  $	$T^{-}$	T =	F	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	$F = \frac{1}{F}$	F	T = T = T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	T	F		T = T = T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$T \overline{T} \overline{T}$	T	F	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	T	T T	T	F	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	T - T - T	T	F	$\overline{T}$
$F_{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & \overline{F} & - & - \\ - & \overline{F} & - & - & - \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} - & -\overline{T} & - \end{bmatrix}$	$egin{bmatrix}F &F \F &F \F \$		$egin{bmatrix}F & \F & \ \end{bmatrix}$	$ar{F}$

	P	Q	$P \lor Q$	$Q \wedge Q$	$(P \lor Q) \supset Q$	$[[(P \lor Q) \supset Q] \land (Q \land Q)$	$\neg \{ [(P \lor Q) \supset Q] \land (Q \land Q) \} \mid$	$\neg\neg\{\lfloor (P\vee Q)\supset Q\rfloor\wedge (Q\wedge Q)\}$
	T	T	T	T	T	T	F	T
82.	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	$\bar{T}$		F	T
	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	F	$\overline{F}$	F	T	$\overline{F}$
	$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\overline{F}$
								·

P	Q	R	$Q \vee Q$	$R \vee P$	$(Q \vee Q) \wedge P$	$(R \vee P) \wedge P$	$[(R \lor P) \land P] \lor [(Q \lor Q) \land P]$	$\neg \{ [(R \lor P) \land P] \lor [(Q \lor Q) \lor P] \lor [(Q \lor Q)$
$\overline{T}$	T	T	T	T	T	T	T	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	F	F	$\bar{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	F	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\overline{T}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	T		$\overline{F}$
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	F	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	F		$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$ \overline{T}   -  $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$F^{}$	$\left  \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T

84.

$P  R \mid R \supset R \mid \neg R \mid \neg R \supset P \mid (\neg R \supset P) \lor (R \supset R) \mid (R \supset R) \lor [(\neg R \supset P) \lor (R \supset R) \lor (R \supset R) \lor [(\neg R \supset R) \lor (R \supset$	$(P) \lor (R \supset R)$
F T T T F T	_
$\overline{F}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$	
$\overline{F}$ $\overline{F}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$ $\overline{T}$	
$\overline{F}$ $\overline{T}$ $\overline{F}$ $\overline{F}$ $\overline{T}$ $\overline{F}$ $\overline{T}$	

85.

P	Q	R			$\neg Q$	$R \supset (P \supset R)$	$\neg P \land \neg Q$	$[R \supset (P \supset R)] \supset (\neg P \land \neg Q)$
$\overline{T}$	T	T	T	F	F	T	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$ T^{-}T^{-}$	T	$\bar{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$ \overline{T} - \overline{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$	- T - T	T	$\bar{T}$	<sub>T</sub>	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	- T - T	T	$\bar{F}$	T	F	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	- T - T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	F	$\overline{F}$
$T_{-}$	_F_	$\bar{F}$		T	$\bar{T}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $		

P	Q	R	$P \wedge P$	$R \wedge P$	$\neg Q$	$P \supset (R \wedge P)$	$\neg Q \land (P \land P)$	$[P \supset (R \land P)] \land [\neg Q \land (P \land P)]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	F	F
$T^{-}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	T	$F^{-}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$		T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$F^{-}$	$\overline{F}$	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{F}$	<sub>T</sub>	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	<sub>T</sub>	T	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$		T = T	$\overline{F}$

P	R	$P \vee R$	$R \wedge P$	$R \wedge R$	$P \lor (R \land R)$	$(P \vee R) \supset (R \wedge P)$	$[P \lor (R \land R)] \land [(P \lor R) \supset (R \land P)]$
T	T	T	T	T	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	F F	F
T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\bar{F}$	- $T$ $T$		F
T	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$ F ^{-}$	T	F
				'	'	'	

88.

P	Q	$Q \vee Q$	$Q \supset Q$	$\neg P$	$P \wedge (Q \supset Q)$	$ [P \land (Q \supset Q)] \land (Q \lor Q)  $	$[P \land (Q \supset Q)] \land (Q \lor Q)\} \lor \neg P$
$\overline{F}$	T	T	T	F	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$T^{-}$	T	$\overline{F}$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	F	T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$\left  egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F	$F_{-}$	F	$\left[ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$oxed{ egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	

89.

P	Q	R	$Q \wedge R$	$R \wedge Q$	$\neg P$	$(Q \wedge R) \supset \neg P$	$(R \wedge Q) \supset Q$	$[(Q \land R) \supset \neg P] \supset [(R \land Q) \supset Q]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	F	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}^{-}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	$\overline{F}$	F	T	$\overline{T}$	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ \vec{F} $	F	$\overline{F}$	T	$ar{T}$	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ \vec{F} $	F	$T^{-}$	T	$ar{T}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ \vec{F} $	F	$\overline{F}$	T	$ar{T}$	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$  \overline{T} \overline{T}  $	T	$T^{-}$	T	$ar{T}$	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{F}^{-}$	$ \vec{F} $	F	$\overline{F}$	T	$\overline{T}$	T
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T		$egin{bmatrix}ar{T} & \end{bmatrix}$	T

90.

P	Q	R	$P \vee R$	$R \vee Q$	$\neg P$	$\neg P \lor (R \lor Q)$	$(P \vee R) \wedge R$	$[\neg P \lor (R \lor Q)] \lor [(P \lor R) \land R]$
$\overline{T}$	T	T	T	T	F	T	T	T
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$\overline{T}$	$ \bar{T} ^{-1}$	$T^{-}$	$\bar{T}$	T	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	F - F - F	$\bar{F}$	$\overline{T}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	- T - T	$\bar{T}$	T = T = T	T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$ -\bar{T} $	$ \overline{T}$	$T^{-}$	$   \overline{T}$ $   -$	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$ \overline{T} -  $	$T^{-}$	$   \overline{T}$ $   -$	F	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{T} $	$ \overline{F}  $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	F	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$ -\bar{F} $	$ \overline{T}$	$\bar{T}$	$ ar{T} $	F	$\uparrow$
					L			L

P	Q	R	$R \wedge R$	$\neg P$	$\neg P \lor Q$	$(R \wedge R) \supset \neg P$	$[(R \land R) \supset \neg P] \supset (\neg P \lor Q)$
T	T	T	T	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	- T - T	$\bar{T}$	T - T - T	T	$ar{T}$
T	$\overline{F}$	$\overline{T}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F - F - F	$\bar{T}$	T - T - T	T	$ar{T}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	T - T	T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ \vec{F} $	$\bar{T}$	T - T - T	T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  \stackrel{-}{F} \stackrel{-}{F}  $	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}_{-}$	_F	$\overline{F}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$\begin{bmatrix} -\overline{T} & \overline{T} \end{bmatrix}$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} & - & - & - & - & - & - & - & - & - & $	$ar{ar{F}}$

P	Q	$Q \vee Q$	$P \wedge P$	$\neg Q$	$Q \wedge \neg Q$	$(Q \lor Q) \lor (Q \land \neg Q)$	$ [(Q \lor Q) \lor (Q \land \neg Q)] \land (P \land P) $
T	T	F	F	F	F	T	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T		$\bar{F}$	$\overline{F}$	T	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	T - T	<u>-</u>	$\bar{F}$	T - T - T	$  \overset{-}{F} \overset{-}{F}  $	F
$\overline{F}$	_F_	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\begin{bmatrix} & - & -F & - & - & - & - & - & - & - & $	$\begin{bmatrix}F \\ \end{bmatrix}$	

93.

	P	Q	$P \vee Q$	$Q \supset P$	$P \supset (P \lor Q)$	$\neg(Q \supset P)$	$\neg(Q \supset P) \supset P$	$  [P \supset (P \lor Q)] \lor [\neg(Q \supset P) \supset P]$
	F	T	T	T	T	F	T	F
_	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\overline{F}$	T	$\overline{T}$	F	$ \bar{T} $
-	$\overline{T}^{-}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	T	$  \overline{T}$ $  -$	T	$  \overline{T}  $
-	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	T	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$

94.

P	Q	$Q \vee Q$	$\neg P$	$\neg Q$	$(Q \vee Q) \wedge P$	$\neg Q \land \neg P$	$ [(Q \lor Q) \land P] \supset (\neg Q \land \neg P) $
$\overline{T}$	T	T	F	F	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	T	$\bar{F}$	T	$\bar{T}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	T	$\bar{F}$	$ \bar{T} $
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T	$\bar{T}$	T	$ar{T}$	$\bar{T}$

95.

P	Q	R	$P \vee R$	$\neg Q$	$Q \wedge \neg Q$	$\neg (P \lor R)$	$\neg (P \lor R) \land P$	$ [\neg (P \lor R) \land P] \lor (Q \land \neg Q) $
T	T	T	T	F	F	F	F	F
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ F ^{-}$	$\overline{F}$	F = F	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ T^{-}T^{-} $	$\bar{T}$	F - F - F	$\overline{F}$	F = F	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$ TT^{-} $	$\bar{T}$	F - F - F	$\overline{F}$	F = F	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ T^{-}T^{-} $	$\bar{F}$	<u>-</u>	$\overline{F}$	F = F	
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{F}$	$ F ^{-}$	T $T$ $T$	F - F - F	$\overline{F}$
T	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\bar{T}$	<del>-</del> F	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	$\overline{F}$	F - F - F	$\overline{F}$
			. – – – –	. – – –	. – – – – .			

-	P	Q	R	$R \vee P$	$Q \supset Q$	$P \wedge R$	$(R \vee P) \vee (P \wedge R)$	$\neg(Q \supset Q)$	$   \neg (Q \supset Q) \land [(R \lor P) \lor (P \land R)] $
	T	T	T	T	T	T	T	F	F
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$  \bar{T} \bar{T}  $	$T^{-}$	$\overline{F}$	T	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$\overline{T}^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ TT^{-}$	T	$T^{-}$	T	F	$\overline{F}$
	$\overline{F}^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$\overline{F}$	T	F	$\overline{F}$
	$\overline{T}^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	T	$F^{-}$	T	F	F
	$F^{-}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	- T - T	T	$\overline{F}$		$\overline{F}$	F
	$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	$\overline{F}$		$\overline{F}$	$\overline{T}$
	$T_{-}^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	-F	T	$\overline{F}$		F	$\overline{F}$

P	Q	R	$P \lor P$	$Q \vee Q$	$P \supset Q$	$(Q \lor Q) \lor (P \supset Q)$	$(P \lor P) \supset R$	$[(P \lor P) \supset R] \supset [(Q \lor Q) \lor (P \supset Q)]$
$\overline{T}$	T	T	F	T	T	T	T	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T	T	T	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$  T^{-} T^{-}  $	T	$\overline{F}$	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{F}$	$\bar{T}$	$ F ^{-}$	$\overline{F}$	T	$\overline{T}$	T	T
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$ -\bar{T} $	T	T	<u>-</u>	$F^{-}$	
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	$\overline{F}$	T	<u>-</u>	$T^{-}$	
$T^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	$ \vec{F} $	T	$\overline{F}$	F	$F^{-}$	
$\overline{F}$	$\overline{F}$	<i>F</i> _	$\begin{bmatrix} - & -F & - & - \\ - & F & - & - \end{bmatrix}$	F	T			T

98.

(	Q	R	$Q\vee Q$	$R \vee Q$	$Q \supset R$	$Q \wedge (Q \supset R)$	$[Q \land (Q \supset R)] \land (R \lor Q)$	$\big  \{ [Q \land (Q \supset R)] \land (R \lor Q) \} \land (Q \lor Q)$
	T	T	T	T	T	T	T	T
	$F^{-}$	$\bar{F}$	T	$T^{-}$	$T^{-}$	F	$\overline{F}$	$\overline{F}$
	$T^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$T^{-}$	$\overline{F}$	F	$\overline{F}$	$\overline{T}$
	$F^{-}$	$\bar{F}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$	T = T		$\overline{F}$	$\overline{F}$

99.

P	R	$P \vee R$	$R \supset R$	$\neg R$	$(P \vee R) \vee (R \supset R)$	$\neg R \lor R$	$(\neg R \lor R) \supset [(P \lor R) \lor (R \supset R)]$
$\overline{F}$	T	F	F	F	T	F	T
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\overline{F}$	T - T	$\bar{T}$		T = T	$\overline{T}$
$T^{-}$	$\bar{F}$	T	T - T	$\bar{T}^{-}$		T = T	$\overline{T}$
$\overline{F}$	$\bar{F}$	F		T		T = T	

P	Q	R	$Q \lor P$	$Q \wedge R$	$\neg R$	$(Q \wedge R) \vee Q$	$\neg R \land (Q \lor P)$	$\left[\neg R \land (Q \lor P)\right] \land \left[(Q \land R) \lor Q\right]$
$\overline{T}$	F	T	T	T	F	F	F	F
$\overline{F}$	$\bar{T}$	$\bar{F}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$T^{-}$	$\bar{F}$	T	$F^{-}$	F
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ -\bar{T} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$F^{-}$	$\overline{F}$	F
$\bar{F}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$ \vec{F} $	$\bar{F}$	$\bar{F}$	$F^{-}$	$\overline{F}$	$\overline{F}$
$T^{-}$	$\bar{T}$	$\bar{F}^{-}$	$  - \bar{T} -  $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	<u>T</u>	T	T
$\bar{F}$	$\bar{T}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} -  $	$\bar{F}$	$\bar{T}$	<u>T</u>	T	T
$T^{-}$	$\bar{F}$	$T^{-}$	$  - \bar{T} - \bar{T}  $	$\overline{F}$	$\bar{T}$	F	T	F
$\overline{F}$	_F_	$\overline{F}_{-}$	$\begin{bmatrix} - & - & \overline{F} & - & \overline{F} \\ - & - & \overline{F} & - & \overline{F} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} - & - & - & - & - & - & - & - & - & - $	$\begin{bmatrix} -\overline{T} \end{bmatrix}$		$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	