

Bakalářská práce

Analogový přeladitelný filtr se zesilovači OTA

Klára Pacalová

Vedoucí práce: Doc. Dr. Ing. Jiří Hospodka Katedra teorie obvodů

Praha, Prosinec 2019

	'1 Y OTTA
Prohlašuji, že jsem bakalářskou práci na téma Analogový přeladitelný filtr vedením vedoucího bakalářské práce samostatně za použití v práci uvedený hlašuji, že tato bakalářská práce nebyla využita k získání jiného nebo stejn	ých pramenů a literatury. Dále pro-
V Praze dne 4. listopadu 2019	
. 2 1835 die 11 instepada 2010	

Vysokoškolská závěrečná práce je dílo chráněné autorským zákonem. Je možné pořizovat z něj na své náklady a pro svoji osobní potřebu výpisy, opisy a rozmnoženiny. Jeho využití musí být v souladu s autorským zákonem a citační etikou. A university thesis is a work protected by the Copyright Act. Extracts, copies and transcripts of the thesis are allowed for personal use only and at one's own expense. The use of thesis should be in compliance with the Copyright Act and the citation ethics. © Klára Pacalová, 2019 Fakulta elektrotechnická České vysoké učení technické v Praze Technická 2 $160\ 00$ Praha6Česká republika

Abstrakt

Cílem práce je navrhout zapojení analogového přeladitelného filtru se zesilovači OTA. Filtr je zvolen typu pásmová propust 4. řádu s Cauerovou aproximací. K realizaci byl použit LM13700 kvůli dostačující šířce pásma (2 MHz) a cenové dostupnosti. Mezní kmitočet byl zvolen v řádu stovek kHz, což umožňuje využití např. pro přenos rozhlasového vysílání v atmosféře, nebo ve WSN - wireless sensor network. Mezní kmitočet lze měnit vstupním proudem tekoucím do zesilovače a změnou transkonduktance g_m až v rozsahu několika dekád. Simulace pásmové propusti s OTA byla realizována v MultiSimu, výhodou zde byla možnost využití bloku LM13700 bez nutnosti modelovat obvod vstupním diferenčním stupněm a proudovými zrcadly. Syntéza filtru z matematického hlediska byla provedena v Maplu s knihovnami Syntfil a PraCAn vyvinutými katedrou teorie obvodů. K praktické realizaci DPS byl využit KiCad z důvodu multiplatformní podpory (Linux, macOS, Windows).

Klíčová slova: transkonduktance, OTA, OTA-C, analogový filtr, pásmová propust, dolní propust

The purpose of this thesis is to design a schematics of an analog filter with a variable cut-off frequency using OTA. Filter to design is specified to be a band-pass of fourth-order with Cauer approximation. For the realization was used LM13700 due to its comfortable bandwidth (2 MHz) and price affordability. The cut-off frequency was chosen in the range of hundreds of kHz, which can be used i.e. for transmission of radio broadcasting in the atmosphere, or for usage in WSN - wireless sensor network. The cut-off frequency can be changed by the input current flowing into the amplifier and by changing the transconductance value g_m for up to several decades. Simulation of a bandpass filter with OTA was realized in MultiSim, the advantage was the possibility to use the LM13700 block without the need to model the circuit with a differential input stage and current mirrors. Mathematically, filter synthesis was performed in Maple with the Syntfil and PraCAn libraries developed by the Department of Circuit Theory. For the practical realization of PCB was used KiCad because of its crossplatform support (Linux, macOS, Windows).

Klíčová slova: transconductance, OTA, OTA-C, analog filter, band-pass, low-pass

Zkratky

WSN

ARC active RC BPband-pass BSband-stop CCcurrent conveyor CCIcurrent conveyor (first generation) CCIIcurrent conveyor (second generation) DIDO differential-input, differential-output DPdolní propust DPS deska plošných spojů GBP gain bandwidth product GICgeneral impedance converter HPhorní propust HPhigh-pass ICintegrated circuit LP low-pass PAN personal area network OTAoperational transconductance amplifier PCB printed circuit board PPpásmová propust PZpásmová zádrž SISO single-input, single-output

wireless sensor network

OBSAH

Obsah

1	Úvod	1
	1.1 Analogové filtry	. 1
	1.2 Butterworthova aproximace	
	1.3 Čebyševova aproximace	
	1.3.1 Typ I	
	1.3.2 Typ II	
	1.4 Besselova aproximace	
	1.5 Cauerova (eliptická) aproximace	
	1.5.1 Cauerova (eliptická) aproximace typu A	
	1.5.2 Cauerova (eliptická) aproximace typu B	
	1.5.3 Cauerova (eliptická) aproximace typu C	
	1.6 Srovnání typů aproximací	. 4
2	Transkonduktanční zesilovače (OTA)	6
_	2.1 Proudový konvejor druhé generace s OTA	
	2.2 IC s OTA	
3	Náhrada prvků	12
	3.1 Základní bloky	
	3.2 Odvození DP 2. řádu	. 13
4	Simulace	15
-	4.1 Dolní a pásmová propust 2. řádu, 4. řádu	
5	Návrh v Maple	21
	5.1 Příčkové LC filtry	
	5.2 Gyrátory	
	5.3 Výpočet prvků LC filtru	
	5.4 Návrh funkční simulací	
	5.5 Vliv zátěže na funkci obvodu	
	5.6 Ladění filtru	. 29
6	Praktická část	30
7	Závěr	31

SEZNAM OBRÁZKŮ

Seznam obrázků

A) Násobení přenosů - pásmová propust, B) Sčítání přenosů - pásmová zádrž Typy aproximací (DP) OTA - schematické značky Linearizovaný model reálného OTA OTA-C Ztrátový OTA-C CCII symbol Integrátor s CCII a OTA Integrátor s CCII a OTA CCII s ± výstupem založený na OTA Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro blkvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 3. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 3. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu	1	Toleranční schéma dolní propusti (DP), horní propusti (HP), pásmové propusti (PP) a pásmové zádrže
Typy aproximací (DP) OTA - schematické značky Linearizovaný model reálného OTA OTA-C Ztrátový OTA-C CCII symbol Integrátor s CCII a OTA CCII s ± výstupem založený na OTA Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu. Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu. Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 3. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenění charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkové filtr Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkové struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)	2	
UTA - schematické značky Linearizovaný model reálného OTA OTA-C Ztrátový OTA-C CCII symbol Integrátor s CCII a OTA CCII s ± výstupem založený na OTA IZákladní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schema navrhované pásmové propusti Modulová frekvenění charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkové filtr Modulová frekvenění charakteristika NDP - LC příčkové struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
5 Linearizovaný model reálného OTA OTA-C OTA-C Ztrátový OTA-C CCII symbol Integrátor s CCII a OTA CCII s ± výstupem založený na OTA Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Káhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 3. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr		
6 OTA-C 7 Ztrátový OTA-C 8 CCII symbol 9 Integrátor s CCII a OTA 10 CCII s ± výstupem založený na OTA 11 Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup 12 Single input single output OTA (SISO) založený na CCII 13 Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu 14 Pinout LM13700M 15 Vnitřní schéma OTA 16 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 17 Náhradní obvod pro indukčnost 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 18 Náhradní bloky s OTA 19 Dolní propust 2. řádu 20 Dolní propust 2. řádu 21 Obecná OTA struktura pro bikvad 22 Schéma zapojení DP 2. řádu 23 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 24 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 25 Zjednodušená verze bikvadu OTA-C 26 Kaskádní zapojení 27 Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu 28 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 29 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 30 Schéma zapojení PP 4. řádu 31 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 32 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 33 Schéma zapojení DP 4. řádu 44 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 45 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 46 Schéma zapojení DP 4. řádu 47 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 48 Schéma zapojení DP 4. řádu 49 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 49 Schéma zapojení DP 4. řádu 50 Schéma zapojení DP 4. řádu 51 Nodulová frekvenční charakteristika NDP 52 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 53 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 54 Pasivní dolní propust n-tého řády s T články 55 Nodulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 56 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 57 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 58 Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) 57 Výsledné schéma		
7 Ztrátový OTA-C 8 CCII symbol 9 Integrátor s CCII a OTA 10 CCII s ± výstupem založený na OTA 11 Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup 12 Single input single output OTA (SISO) založený na CCII 13 Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu 14 Pinout LM13700M 15 Vnitřní schéma OTA 16 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 17 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 19 Základní bloky s OTA 10 Dolní propust 2. řádu 21 Obecná OTA struktura pro bikvad 22 Schéma zapojení DP 2. řádu 23 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 24 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 25 Zjednodušená verze bikvadu OTA-C 26 Kaskádní zapojení 27 Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu 28 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 29 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 30 Schéma zapojení PP 4. řádu 31 Amplitudová a fázová charakteristika PP 3. řádu 32 Schéma zapojení PP 4. řádu 33 Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu 34 Amplitudová a fázová charakteristika PP 3. řádu 35 Schéma zapojení PP 4. řádu 36 Nodulová frekvenční charakteristika NDP 37 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 38 Nodulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 39 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 30 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 30 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 38 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 39 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 30 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 30 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 30 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr		
SCII symbol Integrátor s CCII a OTA CCII s ± výstupem založený na OTA Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledně schéma		
10 CCII s ± výstupem založený na OTA 11 Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup 12 Single input single output OTA (SISO) založený na CCII 13 Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu 14 Pinout LM13700M 15 Vnitřní schéma OTA 16 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 17 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 19 Základní bloky s OTA 20 Dolní propust 2. řádu 21 Obecná OTA struktura pro bikvad 22 Schéma zapojení DP 2. řádu 23 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 24 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 25 Zjednodušená verze bikvadu OTA-C 26 Kaskádní zapojení 27 Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu 28 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 29 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 30 Schéma zapojení PP 4. řádu 31 Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu 32 Toleranční schéma navrhované pásmové propusti 33 Modulová frekvenční charakteristika NDP 34 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 35 Pasivní dolní propust n-tého řády s T články 36 Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory 37 Schéma LC příčkové struktury 38 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 39 Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) 40 Výsledně schéma		
CCII s ± výstupem založený na OTA 1 Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová řekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová řrekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová řrekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledně schéma		
Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 3. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 3. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 3. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 3. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr		
Single input single output OTA (SISO) založený na CCII Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napětovém bufferu Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Pinout LM13700M Vnitřní schéma OTA Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		Fully differential OTA (DIDO) galožený na CCH a napětovém byforu
15 Vnitřní schéma OTA 16 Náhradní obvod pro uzemněný rezistor 17 Náhradní obvod pro indukčnost 18 Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost 28 Základní bloky s OTA 20 Dolní propust 2. řádu 21 Obecná OTA struktura pro bikvad 22 Schéma zapojení DP 2. řádu 23 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 24 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu 25 Zjednodušená verze bikvadu OTA-C 26 Kaskádní zapojení 27 Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu 28 Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu 29 Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu 30 Schéma zapojení PP 4. řádu, PP 2. řádu 31 Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu 32 Schéma zapojení PP 4. řádu 33 Toleranční schéma navrhované pásmové propusti 34 Modulová frekvenční charakteristika NDP 35 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 36 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články 37 Schéma LC příčkové struktury 38 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr 39 Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) 40 Výsledné schéma		
Náhradní obvod pro uzemněný rezistor Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Dobená OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
Náhradní obvod pro indukčnost Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
2 Základní bloky s OTA Dolní propust 2. řádu Dobecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu . Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu . Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu . Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) . Výsledné schéma		
Dolní propust 2. řádu Doecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu		
Obecná OTA struktura pro bikvad Schéma zapojení DP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
22 Schéma zapojení DP 2. řádu		
Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Mmplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Zjednodušená verze bikvadu OTA-C Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
 Kaskádní zapojení Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma 		
Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu		
Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu Schéma zapojení PP 4. řádu Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
Schéma zapojení PP 4. řádu		
Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
Toleranční schéma navrhované pásmové propusti Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
Modulová frekvenční charakteristika NDP Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
 Pasivní dolní propust n-tého řády s π články Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma 		
Pasivní dolní propust n-tého řády s T články Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma		
Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory		
 Schéma LC příčkové struktury Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená) Výsledné schéma 		
 Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr		
Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)		
jakostí cívek (zelená)		
40 Výsledné schéma	55	iakosti civek (zelená)
TO Typicalic beliefita	40	
41 Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu	-	Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu

SEZNAM TABULEK

Seznam tabulek

1	Přehled aproximací podle tvaru aproximační funkce v propustném i nepropustném pásmu	5
2	Porovnání integrovaných obvodů s jedním OTA	10
3	Porovnání integrovaných obvodů se dvěma OTA	10

1 Úvod

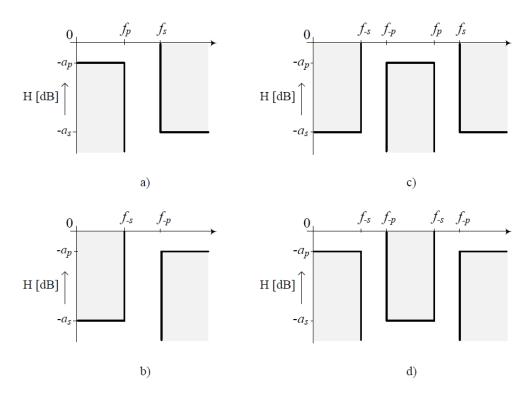
Mezní kmitočet navrhovaného filtru byl zvolen v řádu stovek kHz, což umožňuje využití např. pro přenos rozhlasového vysílání v atmosféře, nebo je po zvýšení mezního kmitočtu, aby odpovídal standardu ZigBee, možné využití ve WSN (Wireless Sensor Network) pro monitorování dat z environmentálních senzorů v dané lokalitě. WSN běžně používá standard ZigBee s frekvencemi 868 MHz, 902–928 MHz a 2,4 GHz. ZigBee patří do skupiny bezdrátových sítí PAN (Personal Area Networks) a je určena pro spojení nízkovýkonových zařízení v těchto sítích na malé vzdálenosti (do 75 metrů). Umožňuje komunikaci i na větší vzdálenosti bez přímé radiové viditelnosti jednotlivých zařízení. Do této skupiny sítí patří i velmi rozšířený IEEE 802.15.1 – Bluetooth (literatura [1]). Kmitočet v řádu stovek kHz odpovídá dlouhým a středním vlnám. Dlouhé vlny (30 – 300 kHz, čemuž odpovídá délka vlny 1 – 10 km) obtékají nerovnosti a jdou za obzor bez nutnosti odrazu. Dnes na dlouhých vlnách vysílá jen několik národních rozhlasových vysílačů velkých států a pásmo se hlavně využívá pro takové účely, kde je na prvním místě spolehlivost a výhody pozemní vlny. To jsou například frekvenční a časové standardy (DCF77 – rádiová stanice vysílající dlouhovlnný tzv. frankfurtský časový signál), radiomajáky, případně i komunikace s ponorkami (literatura [2]). Střední vlny (525 – 1705 khz, což odpovídá vlnovým délkám 186 – 577 m) mají menší dosah a často u nich dochází k jednomu odrazu od atmosféry. Lépe se ohýbají za přírodními překážkami a jsou vhodné pro vysílání v okruhu stovek kilometrů (literatura [3]).

Mezní kmitočet a zesílení lze pomocí vstupního proudu tekoucího do zesilovače a pomocí změny transkonduktance g_m měnit až v rozsahu několika dekád. Při návrhu filtru s OTA není použita zpětná vazba – její absence je výhodná z hlediska stability a kmitočtového rozsahu.

1.1 Analogové filtry

Filtry jsou určeny k potlačení nebo zvýraznění určité části kmitočtového spektra signálu. Jsou to obvody s kmitočtově závislou přenosovou funkcí (pro napětový přenos $H_s(j\omega) = U_{out}(j\omega)/U_{in}(j\omega)$). Základní rozdělení je na dolní propust (DP, anglicky low-pass - LP), horní propust (HP, high-pass - HP), pásmovou propust (PP, band-pass - BP) a pásmovou zádrž (PZ, band-stop - BS).

Dolní propust nepropouští na výstup vstupní signál nad frekvencí f_s , signál v propustném pásmu zůstává beze



Obrázek 1: Toleranční schéma pro a) dolní propust (DP), b) horní propust (HP), c) pásmovou propust (PP) a d) pásmovou zádrž (PZ)[4]

změny nebo zesílený. Základní pasivní dvojbranné zapojení je ke vstupu sériově zapojený rezistor a k této větvi paralelně kapacitor. Tento RC člen (integrační článek) se zvyšující se frekvencí snižuje svou vstupní impedanci. Přenosová funkce má nulu v nekonečnu a pól v levé polorovině s-roviny. Ideální integrátor má pól v nule.

Obecná přenosová funkce filtru typu dolní propust je

$$H(j\omega) = \frac{H_0}{\prod_{i=1}^{\frac{n}{2}} (1 + a_i s + b_i s^2)},\tag{1}$$

kde n je řád filtru.

Dolní propust druhého řádu má přenos v nekonečnu nulový $H_{\infty}=0$. Přenosová funkce je

$$H(j\omega) = \frac{H_0\omega_c^2}{(j\omega)^2 + \frac{\omega_c}{O}(j\omega) + \omega_c^2}.$$
 (2)

Horní propust nepropouští signály o nízkých frekvencích. Nejjednodušší zapojení je RC člen (derivační článek), kdy kapacitor je zapojen sériově se zdrojem a k této větvi paralelně rezistor. Pro toto zapojení reaktance kapacitoru se zvyšující se frekvencí klesá. Přenosová funkce ideálního derivátoru má pól v nekonečnu a nulu v nule. Horní propust má nulu v nule a pól v levé polorovině s-roviny.

Obecná přenosová funkce filtru typu horní propust je

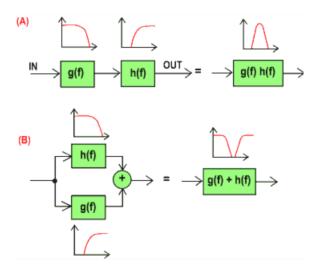
$$H(j\omega) = \frac{H_{\infty}}{\prod_{i=1}^{\frac{n}{2}} (1 + \frac{a_i}{s} + \frac{b_i}{s^2})},$$
(3)

kde n je řád filtru.

Horní propust druhého řádu (s každým řádem s pokles mění o 20 dB/dek) má přenos v nule nulový $H_0 = 0$. Přenosová funkce je

$$H(j\omega) = \frac{H_{\infty}(j\omega)^2}{(j\omega)^2 + \frac{\omega_c}{O}(j\omega) + \omega_c^2}.$$
 (4)

Pásmová propust propouští pásmo určené dvěma kmitočty. Pasivní pásmové propusti nedosahují účinnosti větší než 1. Jsou složeny z integračního článku (RC - dolní propust) a derivačního článku (CR - horní propust). Pásmová propust má přenos v nule i nekonečnu nulový $H_0 = H_{\infty} = 0$. Přenosová funkce je



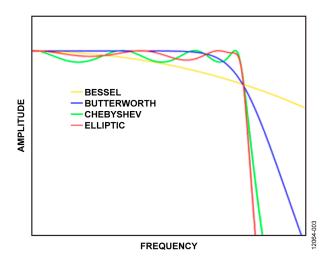
Obrázek 2: A) Násobení přenosů - pásmová propust, B) Sčítání přenosů - pásmová zádrž [5]

$$H(j\omega) = \frac{H_B \frac{\omega_c}{Q}(j\omega)}{(j\omega)^2 + \frac{\omega_c}{Q}(j\omega) + \omega_c^2}.$$
 (5)

Pásmová zádrž nepropouští kmitočty pásma definovaného dvěma kmitočty. Pasivní zapojení je složeno ze dvou rezistorů a kapacitorů. Má vždy ztrátový přenos.

Filtry se používají k redukci nežádoucích frekvencí např. pro efektivní reprodukci zvuku reproduktory, k redukci okolního rušení - vysílače blokují harmonické frekvence, které interferují. Také v obvodech rekonstrukce signálů u $\mathrm{D/A}$ převodníků, k předvzorkování u $\mathrm{A/D}$ převodníku nebo jako anti-aliasing filtry.

Podle rozložení nul a pólů jmenovatele rozlišujeme různé aproximace. Koeficienty filtru a_i, b_i určují zesílení v propustném pásmu. Činitel jakosti je definován jako $Q = \sqrt{b_i}/a_i$. Čím větší Q je obdrženo, tím spíš bude filtr nestabilní.



Obrázek 3: Typy aproximací (DP)[6]

1.2 Butterworthova aproximace

Podle literatury [4] má Butterworthova aproximace maximálně plochou amplitudovou charakteristiku v propustném pásmu. Frekvenční charakteristika má sklon daný počtem pólů a pro její posouzení je užíváno skupinové zpoždění (derivace fáze podle frekvence). Pro Butterworthovu aproximaci je skupinové zpoždění nezvlněné v propustném pásmu. Přechodová charakteristika má mírný překmit, zvyšující se s řádem filtru. Zesílení $G(\omega)$ je kmitočtově závislé a odpovídá absolutní hodnotě přenosové funkce $H(j\omega)$.

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \epsilon^2 \frac{\omega^2 n}{\omega_c}}},\tag{6}$$

kde ϵ je poměrné zvlnění kmitočtové charakteristiky v propustném pásmu ($faktor\ zvlnění$), n je řád filtru a ω_c mezní kmitočet (nastává při útlumu -3 dB). Pro $\omega_c = 1$ je faktor zvlnění $\epsilon = 1$.

1.3 Čebyševova aproximace

Čebyševova aproximace má strmější pokles, což vede k užití nižšího řádu filtru. Zato má ale zvlněnou frekvenční charakteristiku v propustném pásmu.

1.3.1 Typ I

Vyjádření modulové charakteristiky pro tuto aproximaci je dáno jako

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \epsilon^2 T_n^2 \frac{\omega}{\omega_c}^{2n}}},\tag{7}$$

kde T_n je Čebyševův polynom, ϵ je poměrné zvlnění, n je řád filtru a ω_c mezní kmitočet. Čebyševův polynom je definován vztahem $2\omega^2 - 1$ pro n = 2. Obecně jsou to kořeny Chebyshevových diferenciálních rovnic

$$(1 - x^2)y'' - xy' + n^2y = 0 (8)$$

$$(1 - x2)y'' - 3xy' + n(n+2)y = 0.$$
(9)

1.3.2 Typ II

Typ II je nazýván také jako inverzní Čebeševova aproximace. V praxi není příliš používaný, jelikož nemá tak rychlý pokles jako typ I a k jeho realizaci je třeba více prvků. Nemá zvlnění v propustném pásmu, zato v zádržném ano. Zesílení je definováno jako

$$G(\omega, \omega_c) = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\epsilon^2 T_n^2 \frac{\omega_c}{\omega}^{2n}}}},\tag{10}$$

kde T_n je Čebyševův polynom, ϵ je poměrné zvlnění, n je řád filtru a ω_c mezní kmitočet.

1.4 Besselova aproximace

Besselova aproximace se používá v telekomunikační technice v případech, kdy je požadováno zachování tvaru signálu. Amplitudová charakteristika v nepropustném pásmu je velmi plochá. Koeficienty polynomu jsou zvoleny tak, aby fázová charakteristika v pásmu okolo kritické frekvence byla maximálně lineární. Nevýhodou je poměrně malá strmost modulové charakteristiky. Ta je pro Besselovu aproximaci dána vztahem

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{\Theta_n(0)}{\Theta_n(\frac{j\omega}{\omega_c})},\tag{11}$$

kde Φ_n je Besselův polynom a ω_c mezní kmitočet. Besselův polynom je definován součtem řady (Grosswald 1978, Berg 2000)

$$\Theta_n(x) = x^n y_n(\frac{1}{x}) = \sum_{k=0}^n \frac{(n+k)!}{(n-k)!k!} \frac{x^{n-k}}{2^k}.$$
 (12)

Pro filtr druhého řádu platí

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{3}{\sqrt{\omega^4 + 3\omega^2 + 9}}.$$
(13)

1.5 Cauerova (eliptická) aproximace

Cauerova aproximace (eliptická) má nejstrmější pokles, při jejím užití jsou voleny nižší řády filtru. Pokud se zvlnění v zádržném pásmu blíží nule, filtr se stává Čebyševovým (výše zmíněný - typ I). Opačně je tomu v propustném pásmu - přiblížením k nule se filtr stává inverzním Čebyševovým (typ II). Pokud se obě hodnoty zvlnění blíží k nule, filtr se stává Butterworthovým. Kmitočtová charakteristika je dána vztahem

$$G(\omega) = |H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \epsilon^2 R_n^2(\zeta, \frac{\omega}{\omega_c})}},$$
(14)

kde ϵ je faktor zvlnění, R_n eliptická racionální funkce n-tého řádu, ζ selektivní faktor a ω_c mezní kmitočet. Pokud pro selektivní faktor platí $\zeta \to \infty$, filtr se stává Čebyševovým (typ I).

Protože se, podobně jako u Čebyševovy aproximace, liší odvození pro liché a sudé stupně, jsou pro ně různé postupy. Pro lichý stupeň existuje pouze jedna varianta, pro sudý tři varianty (A, B, C), které se liší průběhem aproximační funkce - viz literatura [7].

1.5.1 Cauerova (eliptická) aproximace typu A

Má stejný počet pólů a nul aproximující funkce. Je realizována jako LC filtr (Sekce 5.1) pouze s vázanými induktory.

1.5.2 Cauerova (eliptická) aproximace typu B

Jedná se o posun útlumového pólu z konečného kmitočtu k nekonečnu, tedy dále od propustného pásma. Tato úprava vede ke snížení strmosti přechodu od propustného k nepropustnému pásmu. Je to obdoba postupu u inverzní Čebyševovy aproximace.

1.5.3 Cauerova (eliptická) aproximace typu C

Vhodnou transformací, která vede na nulovou hodnotu přenosu v nulovém kmitočtu, získáme navíc proti variantám A, B i shodné zakončovací odpory v případě LC realizace (Sekce 5.1). Je to obdoba postupu u Čebyševovy aproximace.

1.6 Srovnání typů aproximací

Podle literatury [7] není z hlediska zápisu přenosové funkce rozdíl mezi Butterworthovou a Čebyševovou aproximací, přestože jedna má v propustném pásmu hladký a druhá zvlněný průběh. Přenosová funkce má v čitateli konstantu a ve jmenovateli polynom (odtud společné označení polynomiální aproximace).

Oproti tomu volba průběhu v nepropustném pásmu tvar přenosové funkce mění. Pokud je průběh monotónní (Butterworthova, Čebyševova aproximace), jedná se o podíl konstanty a polynomu. Je-li průběh v nepropustném pásmu zvlněný, tvoří přenosovou funkci podíl dvou polynomů. Pro běžné aproximace (Cauerova, inverzní Čebyševova) je v čitateli sudý polynom ve tvaru $\prod_i (p^2 + \omega_i^2)$.

Volbou kombinace hladkého a zvlěného průběhu v propustném a nepropustném pásmu získáme různé vlastnosti.

Tabulka 1: Přehled aproximací podle tvaru aproximační funkce v propustném i nepropustném pásmu [7]

Propustné pásmo	Nepropustné pásmo	Příklad aproximace		
hladká	hladká	Butterworthova		
zvlněná	hladká	Čebyševova		
hladká	zvlněná	inverzní Čebyševova		
zvlněná	zvlněná	Cauerova		

2 Transkonduktanční zesilovače (OTA)

Podle literatury [16] se v telekomunikacích používají filtry v rozsahu kmitočtů desítek až stovek megahertz, v bezdrátové komunikaci až v řádu gigahertz. Běžné RC filtry by neměly být užívány ve frekvenčním rozsahu nad 5–10 % ω_c - tedy v tomto rozsahu používaném v telekomunikačních technologiích nemají předvídatelné průběhy. Krom toho ve spínačích CMOS, kde rezistory běžně nejsou dostupné, jsou potřeba zesilovače s velkou šířkou pásma a zároveň vysokým zesílením. Dodržení těchto požadavků je náročné a drahé. Dalším extrémem pro analogové integrované filtry jsou telefonní linky, kde jsou kmitočtové rozsahy sice nízké, ale je požadována nízká cena a vysoká přesnost.

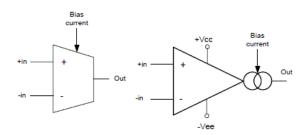
Pro nízké frekvence se ke splnění těchto požadavků používají obvody se spínanými kapacitory (SC). Přepínaný kapacitor se chová jako rezistor, tudíž časová konstanta RC je definována poměrem kapacitorů a hodinovou (CLK) frekvencí, se kterou jsou přepínány. Pro vysokofrekvenční aplikace (až v řádu gigahertz) se používají MOSFET-C filtry.

Další z možných prvků, které jsou dostupné jak pro nízkofrekvenční aplikace, tak pro kmitočtový rozsah stovek megahertz, jsou transkonduktanční zesilovače. Jejich kmitočtové vlastnosti umožňují využití při konstrukci ARC ($Active\ RC$) filtrů v pracovním kmitočtovém pásmu do cca 10 MHz a se speciálně konstruovanými OTA až do 100 MHz.

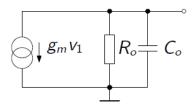
Transkonduktanční zesilovače (označují se též jako OTA (Operational Transconductance Amplifiers) jsou napětím řízené zesilovače s proudovým výstupem - zdroje proudu

$$i_{out} = g_m(u_+ - u_-), (15)$$

kde u_+ a u_- jsou napětí invertujícího a neinvertujícího vstupu. Transkonduktance je řízena externím proudem I_{ABC} (Bias Current). Ideální OTA má kmitočtově nezávislou transkonduktanci g_m (na rozdíl od reálného, který je kmitočtově závislý). Připojením zátěže R_z na výstup bylo získáno napětí naprázdno



Obrázek 4: OTA - schematické značky [8]



Obrázek 5: Linearizovaný model reálného OTA [9]

$$u_{out} = R_z q_m (u_+ - u_-) = G_0 (u_+ - u_-), \tag{16}$$

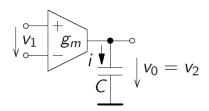
kde G_0 je zesílení. Ze vztahu 16 plyne, že zesílení je konečné a mezi vstupy je nenulové napětí. Po připojení kondenzátoru jako zátěže byl získán bezeztrátový integrátor s přenosem

$$H(s) = \frac{v_2}{v_1} = \frac{g_m}{pC} \tag{17}$$

a napětím na výstupu

$$v_0(t) = \frac{1}{C} \int i(t)dt = \frac{1}{C} \int g_m v_1(t)dt.$$
 (18)

Toto zapojení integrátoru s uzemněným kondenzátorem se označuje jako OTA-C.

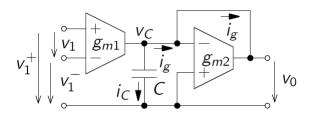


Obrázek 6: OTA-C [9]

Ztrátový integrátor lze utvořit sériovým zapojením dalšího OTA jako odporu se zápornou zpětnou vazbou. Rozdíl mezi ideálním a ztrátovým integrátorem lze pozorovat i v modulové charakteristice - pro ztrátový je konstantní a pak teprve lineárně klesá se sklonem -20 dB/dek.

Po doplnění ztrátové vodivosti, kterou zde simuluje druhý zesilovač, paralelně k integrační kapacitě, byl obdržen vztah pro výstupní napětí

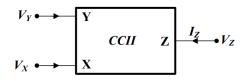
$$v_0(t) = \frac{g_{m1}}{sC + g_{m2}} (v_1^+ - v_1^-). \tag{19}$$



Obrázek 7: Ztrátový OTA-C [9]

2.1 Proudový konvejor druhé generace s OTA

Podle literatury [12] je jeden z nejzákladnějších bloků v oblasti analogových obvodů v proudovém módu proudový konvejor (current conveyor (CC)). Princip CC první generace byl popsán v roce 1968 (K. C. Smith, A. S. Sedra [10]). CCI byl následně nahrazen univerzálnější druhou generací v roce 1970 (CCII)[11]. Obvody s CC se používaly především v zapojeních s bipolárními tranzistory kvůli jejich vysoké transkonduktanci (v porovnání s CMOS). Jsou to operační zesilovače s proudovou zpětnou vazbou (např. MAX477, MAX4112). Proudové konvejory (Current conveyors) jsou používány ve vysokofrekvenčních obvodech, kde je problematické použití běžných operačních zesilovačů, protože jsou limitovány násobkem šířky pásma a zesílení (gain-bandwidth product). Je to struktura s třemi vstupy. Proudovým konvejorem lze také jednoduše realizovat integrátor. Pro výstupní napětí



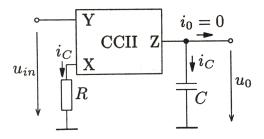
Obrázek 8: CCII symbol [12]

 u_0 obvodu a z něj odvozenou přenosovou funkci platí

$$u_0(t) = \frac{1}{C} \int i_c(t)dt = \frac{1}{RC} \int u_{in}(t)dt$$
 (20)

$$H(p) = \frac{U_2}{U_1} = \frac{1}{pCR}. (21)$$

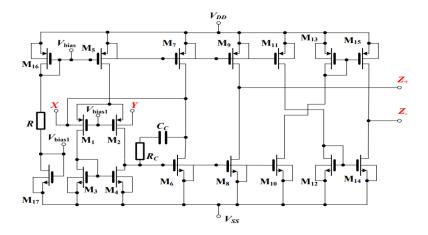
Konvejorový integrátor pracuje jako invertující nebo neinvertující. Vstupní impedance na vstupu Y je nekonečná



Obrázek 9: Integrátor s CCII a OTA [7]

(tedy proud tekoucí skrz Y je nulový) a impedance na vstupu X je nulová $(R_Y=\infty,I_Y=0,R_X=0)$. Napětí na vstupu X je ekvivalentní k napětí na vstupu Y $(V_X=V_Y)$. Proud procházející vstupem X je ekvivalentní k proudu vstupem Z $(I_Z=I_X)$. Výstupní impedance vstupu Z je nekonečná $(R_Z=\infty)$. Charakteristika ideálního CC je reprezentována maticí

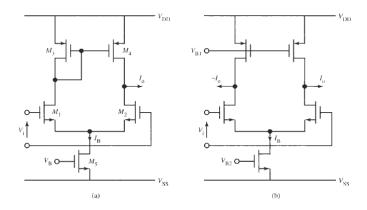
$$\begin{bmatrix} I_Y \\ V_X \\ I_Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & \pm 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_Y \\ I_X \\ V_Z \end{bmatrix}. \tag{22}$$



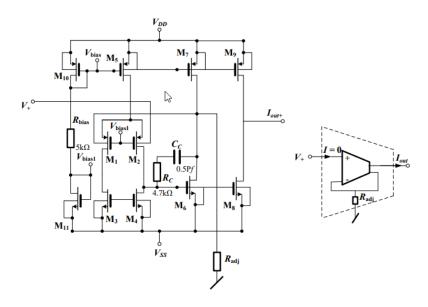
Obrázek 10: CCII s \pm výstupem založený na OTA [12]

V analogových IC je preferováno diferenční zpracování signálů, protože redukuje zkreslení a šum (diferenční stupeň vyruší kladné a záporné výchylky napětí/proudu např. na zdroji a také vyruší nelinearity způsobené zesilovačem).

Využitím zapojení na obrázku 2.2 a principů CCII lze získat modifikace klasického transkonduktančního zesilovače (s rozdílovým stupněm na vstupu a jedním výstupem). Obdržené atypické struktury obsahují jeden vstup a jeden výstup a také dva rozdílové stupně (na vstupu i výstupu). Provodení diferenčního stupně na výstupu je znázorněno na obrázku 11. Takovéto zapojení funguje jako dobrý sledovač napětí, ale zato má menší šířku pásma. Také má menší transkonduktanci, protože každou polovinou diferenčního obvodu teče jen polovina vstupního proudu (bias current). Problémem je také relativně nízké stejnosměrné zesílení, proto se v praxi se zapojením s OTA nepoužívá.



Obrázek 11: Základní CMOS transkonduktance a) jeden výstup b) diferenční výstup [16]



Obrázek 12: Single input single output OTA (SISO) založený na CCII [12]

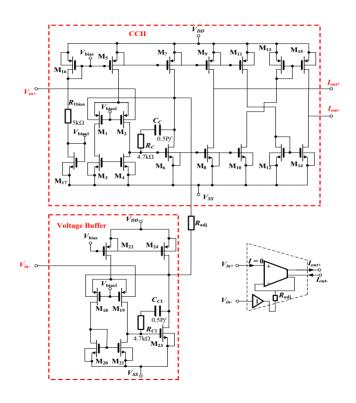
2.2 IC s OTA

OTA bývá nejčastěji implementován v unipolární monolitické technologii (CMOS) a v případě, že se jedná o reálný prvek, má převážně kapacitní charakter (vstupní impedance se stává kapacitou). Integrované obvody se vyrábí buď s jedním nebo dvěma zesilovači v pouzdře. Varianty s jedním operačním zesilovačem jsou např. OPA615, OPA860 a novější OPA861. Všechny součástky s jedním OTA mají velkou šířku pásma (v řádech stovek MHz), cenově vychází na 75–280 Kč. IC s dvěma zesilovači v pouzdře mají užší šířku pásma (2 MHz), menší rychlost přeběhu (50 V/ μ s), mnohem menší výstupní proud (650 μ A) i offset vstupního napětí a operují při cca 4x nižších proudech. Cenové rozpětí je 25–65 Kč. Gain bandwidth product (GBP) v tabulce je získán vynásobením hodnoty kmitočtu dominantního pólu celkovým zesílením. Například, podle literatury [8], je-li navrhován zesilovač se zesílením G, je hodnota mezního kmitočtu pro pokles 3 dB dána vztahem

$$f_m = \frac{GBP}{G}. (23)$$

Pro jednotkové zesílení je hodnota mezního kmitočtu rovna GBP.

Pro realizaci přeladitelného filtru byl zvolen LM13700. Vnitřní zapojení LM13700 na obrázku 2.2 obsahuje symetrický rozdílový zesilovací stupeň (tranzistory Q4, Q5), který je napájen řízeným zdrojem proudu s tranzistorem Q2. Tento diferenční stupeň pracuje jako měnič vstupního rozdílového napětí na diferenční proudový signál, který je převeden proudovými zrcadly (*Current Mirror*) na výstupní svorky obvodu. Proudová zrcadla zde tvoří dvojice diod a tranzistorů - referenční proud tekoucí v jedné větvi obvodu se "zrcadlí" v jeho druhé větvi. Principiálně jsou to zdroje proudu řízené proudem (viz literatura [18])



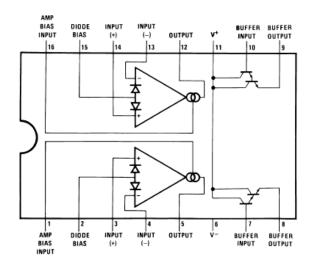
Obrázek 13: Fully differential OTA (DIDO) založený na CCII a napěťovém bufferu [12]

	GBP - Gain Bandwidth Product	SR - Slew Rate	Output Current per Channel	I_b - Input Bias Current	V_{os} - Input Offset Voltage	Operating Supply Current	Forward Transcon- ductance Min	Supply Voltage
OPA615	$710~\mathrm{MHz}$	$2.5 \text{ kV}/\mu\text{s}$	$5~\mathrm{mA}$	$3 \mu A$	40 mV	13 mA	$65~\mathrm{mA/V}$	8–12.4 V
OPA860	470 MHz	$3.5 \; \mathrm{kV}/\mu\mathrm{s}$	15 mA	$5 \mu A$	12 mV	11.2 mA	80 mA/V	5–13 V
OPA861	400 MHz	$900 \text{ V/}\mu\text{s}$	15 mA	1 μΑ	12 mV	5.4 mA	$65~\mathrm{mA/V}$	4–12.6 V

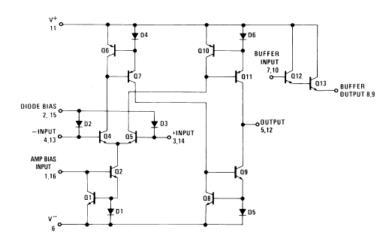
Tabulka 2: Porovnání IC s jedním OTA [13]

	GBP - Gain Bandwidth Product	SR - Slew Rate	Output Current per Channel	I_b - Input Bias Current	V_{os} - Input Offset Voltage	Operating Supply Current	Forward Transcon- ductance - Min	Supply Voltage
LM13700	$2~\mathrm{MHz}$	$50~\mathrm{V}/\mu\mathrm{s}$	$650~\mu\mathrm{A}$	$5 \mu A$	$4~\mathrm{mV}$	1.3 mA	$6700~\mu\mathrm{S}$	10–36 V
NE5517	$2~\mathrm{MHz}$	$50~\mathrm{V}/\mu\mathrm{s}$	$650~\mu\mathrm{A}$	$5 \mu A$	$5~\mathrm{mV}$	2.6 mA	$5400~\mu\mathrm{S}$	4–44 V
AU5517	$2~\mathrm{MHz}$	$50~\mathrm{V}/\mu\mathrm{s}$	$650~\mu\mathrm{A}$	$5 \mu A$	$5~\mathrm{mV}$	2.6 mA	$5400~\mu\mathrm{S}$	4–44 V
NJM13600	2 MHz	$50~\mathrm{V}/\mu\mathrm{s}$	$650~\mu\mathrm{A}$	$5 \mu A$	5 mV	2.6 mA	$6700~\mu\mathrm{S}$	36 V
NJM13700	2 MHz	$50~\mathrm{V}/\mu\mathrm{s}$	$650~\mu\mathrm{A}$	$5 \mu A$	4 mV	2.6 mA	$6700~\mu\mathrm{S}$	36 V

Tabulka 3: Porovnání IC se dvěma OTA [13]



Obrázek 14: Pinout LM13700M [14]



Obrázek 15: Vnitřní schéma OTA [14]

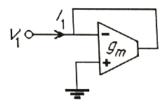
Významnou vlastností OTA je možnost změny transkonduktance g_m změnou klidového stejnosměrného pracovního proudu vstupního diferenčního stupně. Řízení může být buď napěťové nebo proudové.

3 Náhrada prvků

Podle literatury [16] je pro ideální OTA zesilovač (vstupní i výstupní impedance nulové) možno odpor nahradit obvodem s uzemněným neinvertujícím vstupem a zpětnou vazbou z invertujícího vstupu na výstup a to hodnotou

$$R_{in} = \frac{1}{g_m},\tag{24}$$

kde g_m označuje transkonduktanci zesilovače. Prohození invertujícího a neinvertujícího vstupu vede na opačnou polaritu. Tato konfigurace jako odpor je užitečná např. k návrhu monolitických g_m -RC filtrů pouze s transkonduktancemi a kapacitami (g_m -C filtry - viz 2.2, 6), také k náhradě velmi velkých odporů. Dále lze dle literatury



Obrázek 16: Náhradní obvod pro uzemněný rezistor [16]

[16] pro nahrazení indukčnosti o impedanci $Z_L = 1/(sC)$ použít obvod s třemi OTA. Uzemněny jsou invertující vstup prvního OTA a neinvertující druhého. Použita je zpětná vazba z výstupu na neinvertující vstup prvního OTA. Propojení výstupu prvního OTA na invertující vstup druhého OTA je realizován přes uzemněný kapacitor.

Vyjádřením napětí a proudů v obvodu bylo získáno napětí na kapacitoru a vstupní proud

$$V_C = \frac{g_{m1}}{sC} V_1 \tag{25}$$

$$I_1 = g_{m2}V_C = \frac{g_{m1}g_{m2}}{sC}V_1. (26)$$

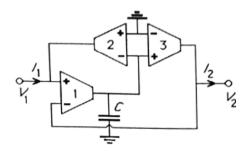
Výsledná indukčnost - impedance vstupu byla vyjádřena vztahem 25.

$$Z_{in}(s) = \frac{V_1}{I_1} = s \frac{C}{g_{m1}g_{m2}} \tag{27}$$

Byl obdržen induktor o hodnotě

$$L = \frac{C}{g_{m1}g_{m2}}. (28)$$

Pro uzemněnou indukčnosti o impedanci $Z_L = 1/(sC)$ byl podle literatury [16] použit obvod na obrázku 17.



Obrázek 17: Náhradní obvod pro indukčnost [16]

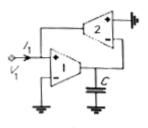
Vyjádřením napětí a proudů v obvodu bylo získáno napětí na kapacitoru a vstupní proud

$$V_C = \frac{g_{m1}}{sC}V_1 \tag{29}$$

$$I_1 = g_{m2}V_C = \frac{g_{m1}g_{m2}}{sC}V_1. (30)$$

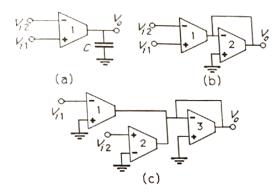
Výsledná indukčnost - impedance vstupu byla vyjádřena vztahem

$$Z_{in}(s) = \frac{V_1}{I_1} = s \frac{C}{g_{m1}g_{m2}}. (31)$$



Obrázek 18: Náhradní obvod pro neuzemněnou indukčnost pro $g_{m1} = g_{m2}[16]$

3.1 Základní bloky



Obrázek 19: Základní bloky s OTA a) integrující b) škálující c) sčítací [16]

Podle lieratury [16] blok a) na obrázku 19 slouží k realizaci invertujícího/neinvertujícího integrátoru s výsledným napětím

$$V_O = \frac{g_{m1}}{pC}(V_1 - V_2). (32)$$

Blok b) na obrázku 19 je komparátor s různou polaritou a napětím na výstupu

$$V_O = \frac{g_{m1}}{g_{m2}}(V_1 - V_2). \tag{33}$$

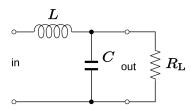
Blok c) na obrázku 19 realizuje sčítací nebo rozdílový obvod s napětím na výstupu

$$V_O = -\frac{g_{m1}}{g_{m3}}V_1 + \frac{g_{m2}}{g_{m3}}V_2. (34)$$

Spojením těchto základních stavebních bloků se správnými znaménky lze získat různé funkční bloky. Základním principem uplatňovaným při návrhu s OTA je použití pouze OTA a uzemněných kapacitorů, protože při návrhu IC ($Integrated\ Circuit$) jsou uzemněné kapacitory méně zatíženy parazitními chybami než neuzemněné kapacitory. Pro IC použití je vhodné volit shodné transkonduktance. Parazitní vstupní a především výstupní impedance způsobují chyby ve výstupu filtru, což může vést na parazitní póly, které při vysokofrekvenčním použití nelze zanedbat. Při použití filtru pro zvukové aplikace ($20-20\ 000\ Hz$) lze chyby způsobené parazitními součástkami zanedbat, rovněž lze zanedbat chyby způsobené konečnou šířkou pásma.

3.2 Odvození DP 2. řádu

Náhradní obvod, ze kterého bude spočítána přenosová funkce pro přenos filtru druhého řádu, popisuje Obrázek 20. Přenos obvodu byl vyjádřen jako



Obrázek 20: Dolní propust 2. řádu [15]

$$H(s) = \frac{U_{out}}{U_{in}} = \frac{Z_2}{Z_1}, \quad Z_1 = sL, \quad Z_2 = \frac{\frac{R}{pC}}{R + \frac{1}{pC}}.$$
 (35)

Výsledný přenos je roven

$$H(s) = \frac{\frac{\frac{R}{pC}}{R + \frac{1}{pC}}}{pL + \frac{\frac{R}{pC}}{R + \frac{1}{pC}}}.$$
 (36)

Elementárními algebraickými úpravami a následným vynásobením členem 1/(LRC) byl získán výsledný přenos.

$$H(s) = \frac{R}{p^2 LRC + sL + R} = \frac{\frac{1}{LC}}{p^2 + \frac{p}{RC} + \frac{1}{LC}}.$$
 (37)

Využitím poznatků ze Sekce 3 je možno za odpor a indukčnost dosadit do vztahu 37. Byly uvažovány kapacitory o stejné hodnotě C.

$$H(s) = \frac{\frac{1}{\frac{C^2}{g_{m1}g_{m2}}}}{p^2 + \frac{p}{\frac{C}{g_{m2}}} + \frac{1}{\frac{C^2}{g_{m1}g_{m2}}}} = \frac{\frac{g_{m1}g_{m2}}{C^2}}{p^2 + \frac{pg_{m2}}{C} + \frac{g_{m1}g_{m2}}{C^2}} = \frac{g_{m1}g_{m2}}{p^2C^2 + pg_{m2}C + g_{m1}g_{m2}}.$$
 (38)

Porovnáním jmenovatele se jmenovatelem přenosu filtru 2. řádu byl obdržen vztah

$$p^{2} + p\frac{\omega_{c}}{O} + \omega_{c}^{2} = p^{2}C^{2} + pg_{m2}C + g_{m1}g_{m2}$$
(39)

$$p^{2} + p\frac{\omega_{c}}{Q} + \omega_{c}^{2} = p^{2} + \frac{pg_{m2}}{C} + \frac{g_{m1}g_{m2}}{C^{2}}.$$
(40)

Z tohoto vztahu byl vyjádřen mezní kmitočet jako

$$\omega_c^2 = \frac{g_{m1}g_{m2}}{C^2} \tag{41}$$

$$\omega_c = \sqrt{\frac{g_{m1}g_{m2}}{C^2}} \tag{42}$$

a činitel jakosti dosazením za ω_c

$$Q = \frac{\omega_c}{\frac{g_{m2}}{C}} = \sqrt{\frac{g_{m1}}{g_{m2}}}. (43)$$

Pokud navíc byly uvažovány stejné transkonduktance $g_{m1},\ g_{m2}=g_m,$ byl obdržen výsledek

$$\omega_c = \sqrt{\frac{g_m^2}{C^2}},\tag{44}$$

$$Q = \sqrt{1} = 1. \tag{45}$$

Simulace 4

Dolní a pásmová propust 2. řádu, 4. řádu

Obvodová simulace byla realizována v programu Multisim. Bylo zvoleno symetrické napájení OZ $V_{DD}, V_{SS} =$ ± 15 V. Regulací vstupního proudu je ovlivňován pracovní bod obvodu (mezní kmitočet). Vstupní externí proud $I_{ABC}=0.5~\mu\mathrm{A}$ byl zvolen tak, aby byl obdržen mezní kmitočet cca 100 kHz. Externím proudem $I_{ABC}\in$ $[5~\mu\mathrm{A}~;~500~\mu\mathrm{A}]$ je garantováno minimální výstupní napětí $U_{OUT}=\pm12~\mathrm{V},~\mathrm{standardně}~V_{peak1}=14.2~\mathrm{V}$ a $V_{peak2} = -14.4$ V. Při výstupním napětí v tomto intervalu je šum vzhledem k signálu zanedbatelný a nezkreslí výsledky simulace.

Diferenciální stupeň je podle literatury [5] více či méně nelineární a lze tedy připustit maximální vstupní rozdílové napětí v řádech stovek mV. Překročení této meze vede k výraznému zkreslení signálu.

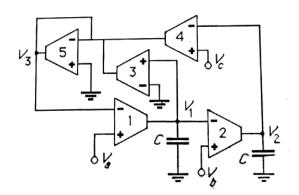
Bylo použito zapojení s paralelně řazeným uzemněným kapacitorem, odporem a indukčností (RLC rezonanční obvod), kde $R=1/g_m$ a $L=C/(g_{m1}g_{m2})$ a vstupní proud $I=g_mV$. Podobně jako v sekci 3.2 bylo obrženo analogií k pasivnímu obvodu

$$\frac{V_{BP}}{g_{m3}V_i} = \frac{1}{pC + g_m^2/(pC) + g_{m3}} \tag{46}$$

$$\frac{V_{BP}}{g_{m3}V_i} = \frac{1}{pC + g_m^2/(pC) + g_{m3}}$$

$$\frac{V_{BP}}{V_i} = \frac{pg_{m3}C}{p^2C^2 + pg_{m3}C + g_m^2}.$$
(46)

Zapojení podle literatury [16] je popsáno na obrázku 21. Zesilovače 1 a 2 pracují jako invertující integrátory,



Obrázek 21: Obecná OTA struktura pro bikvad [16]

zbývající zesilovače vytvářejí kladnou a zápornou zpětnou vazbu z výstupu integrátorů vedoucí na sčítací vstup. Znaménko vazby je určeno volbou vstupní svorky zesilovačů 3 a 4. Výstupy obvodu jsou napěťové (na výstupu sumačního zesilovače 5, resp. integrátoru 1 a 2). Buzení může být proudové (v obrázku $\frac{21}{1}$ na místě V_1 a V_2) nebo napětové s využitím vstupních svorek transkonduktančních zesilovačů. Uvažováním napětí V_a, V_b, V_c na obrázku 21 jako vstupy byly obdrženy výstupní napětí

$$V_{1} = \frac{pC_{2}g_{m1}(g_{m5}V_{a} - g_{m4}V_{c}) + g_{m1}g_{m2}g_{m4}V_{b}}{D(s)}$$

$$V_{2} = \frac{(pC_{1}g_{m2}g_{m5} + g_{m1}g_{m2}g_{m3})V_{b} + g_{m1}g_{m2}(g_{m4}V_{c} - g_{m5}V_{a})}{D(s)}$$

$$(48)$$

$$V_2 = \frac{(pC_1g_{m2}g_{m5} + g_{m1}g_{m2}g_{m3})V_b + g_{m1}g_{m2}(g_{m4}V_c - g_{m5}V_a)}{D(s)}$$

$$(49)$$

$$V_3 = \frac{p^2 C_1 C_2 g_{m4} V_c + p(C_2 g_{m1} g_{m3} V_a - C_1 g_{m2} g_{m4} V_b) + g_{m1} g_{m2} g_{m4} V_a}{D(s)},$$
(50)

kde

$$D(p) = C_1 C_2 g_{m5} (p^2 + p \frac{1}{C_1} \frac{g_{m1} g_{m3}}{g_{m5}} + \frac{g_{m1} g_{m2} g_{m4}}{C_1 C_2 g_{m5}}).$$
 (51)

Zvolením $V_a = V_b = 0$ a $V_c = V_i$ byly obdrženy následující přenosové funkce

$$H_{BP}(p) = \frac{V_1}{V_i} = -\frac{sC_2g_{m1}g_{m4}}{D(s)}$$
(52)

$$H_{LP}(p) = \frac{V_2}{V_i} = \frac{g_{m1}g_{m2}g_{m4}}{D(s)}$$
(53)

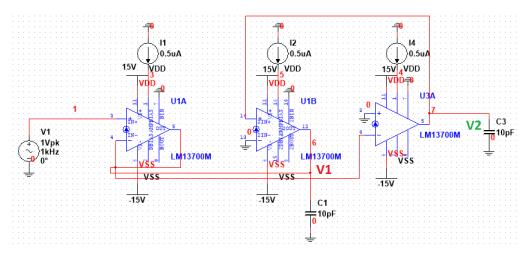
$$H_{HP}(p) = \frac{V_3}{V_i} = \frac{s^2 C_1 C_2 g_{m4}}{D(s)},\tag{54}$$

kde D_s odpovídá rovnici 4.1.

Obecná přenosová funkce bikvadu může být obdržena položením $V_a = V_b = V_c = V_i$ a úpravami vztahu 4.1 bylo obdrženo

$$\frac{V_3}{V_i} = \frac{p^2 C_1 C_2 g_{m4} + p(C_2 g_{m1} g_{m3} - C_1 g_{m2} g_{m4}) + g_{m1} g_{m2} g_{m4}}{D(s)}.$$
 (55)
V simulaci byl dle výše popsaných poznatků na výstupu 2. OTA (V1) obdržen filtr typu PP 1. řádu s poklesem

20 dB/dek a na výstupu 3. OTA (V2) DP 2. řádu s poklesem 40 dB/dek. Mezní kmitočet pro dolní propust byl určen jako 88.359 kHz - obrázek 23. Změnou vstupního externího proudu (bias current) na desetinu původní hodnoty, tedy 0.05μ A, došlo k posunutí mezního kmitočtu na 8.769 kHz - obrázek 24. Podle literatury [7] lze



Obrázek 22: Schéma zapojení DP 2. řádu

v případě realizace těchto základních přenosů (PP, DP) zapojení dále zjednodušit až na obvod obsahující pouze 3 zesilovače, viz obrázek 25. Přenos tohoto obvodu s výstupem pořadě v bodu D a P je dán rovnicemi

$$U_D(p) = \frac{p \frac{g_{m3} U_3 - g_{m2} U_2}{C_2} + \frac{g_{m1} g_{m2}}{C_1 C_2} U_1}{p^2 + p \frac{g_{m3}}{C_2} + \frac{g_{m1} g_{m2}}{C_1 C_2}}$$
(56)

$$U_P(p) = \frac{p\frac{g_{m1}}{C_1}U_1 + \frac{g_{m1}}{C_1C_2}(g_{m3}U_1 + g_{m2} - g_{m3}U_3)}{p^2 + p\frac{g_{m3}}{C_2} + \frac{g_{m1}g_{m2}}{C_1C_2}}.$$
(57)

Elementárními úpravami lze tyto rovnice zjednodušit na

$$U_D(p) = \frac{pC_1(g_{m3}U_3 - g_{m2}U_2) + g_{m1}g_{m2}U_1}{p^2C_1C_2 + pC_1g_{m3} + g_{m1}g_{m2}}$$

$$U_P(p) = \frac{pC_2g_{m1}U_1 + g_{m1}(g_{m3}U_1 + g_{m2} - g_{m3}U_3)}{p^2C_1C_2 + pC_1g_{m3} + g_{m1}g_{m2}}.$$
(58)

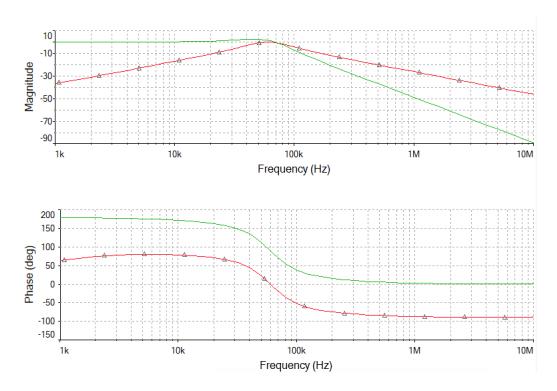
$$U_P(p) = \frac{pC_2g_{m1}U_1 + g_{m1}(g_{m3}U_1 + g_{m2} - g_{m3}U_3)}{p^2C_1C_2 + pC_1g_{m3} + g_{m1}g_{m2}}.$$
(59)

K sestavení dolní propusti 4. řádu bylo použito kaskádní zapojení sestávající ze sériově zapojených bloků. Přenosové funkce jednotlivých bloků se násobí

$$H_k(j\omega) = \frac{U_k(j\omega)}{U_{k-1}(j\omega)}. (60)$$

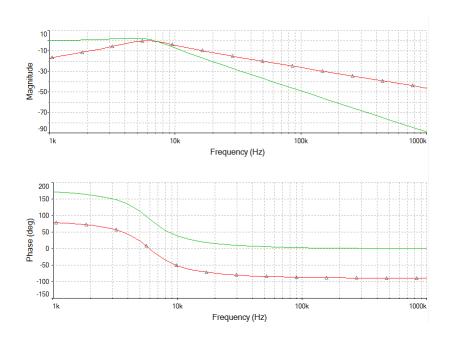
Přenos posledního bloku je dán vztahem

$$H_{1\to k}(j\omega) = \frac{U_k(j\omega)}{U_{in}(j\omega)} = \prod_{n=1}^k H_n(j\omega).$$
(61)

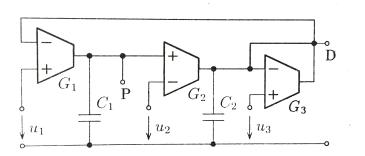


Obrázek 23: Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu

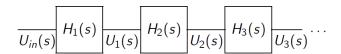
Kaskádním zapojením dvou dolních propusti ze sekce 4.1 byl obdržen filtr 4. řádu s poklesem 80 dB/dek. Kaskádním zapojením dvou PP 2. řádu byla obdržena PP 4. řádu s poklesem 80 dB/dek. Zapojení spočívá ve spojení dvou integrátorů, přičemž jeden z nich je neinvertující ztrátový a druhý invertující bezeztrátový.



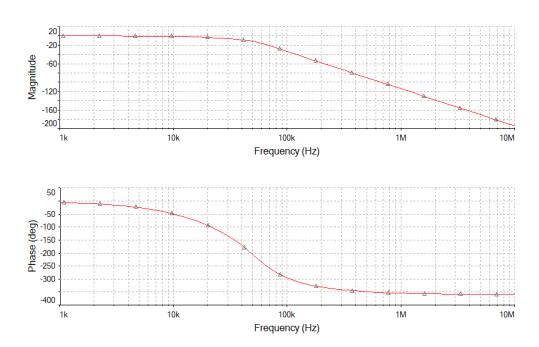
Obrázek 24: Amplitudová a fázová charakteristika DP 2. řádu, PP 1. řádu



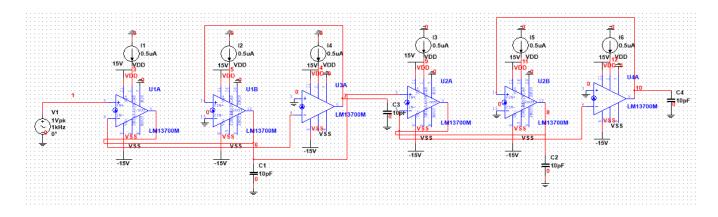
Obrázek 25: Zjednodušená verze bikvadu OTA-C $\left[7\right]$



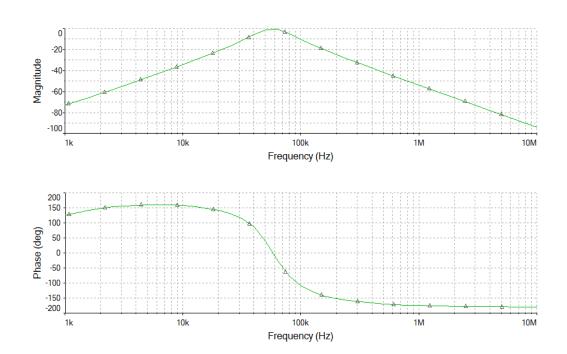
Obrázek 26: Kaskádní zapojení [9]



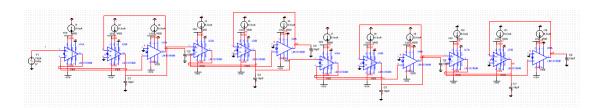
Obrázek 27: Amplitudová a fázová charakteristika DP 4. řádu



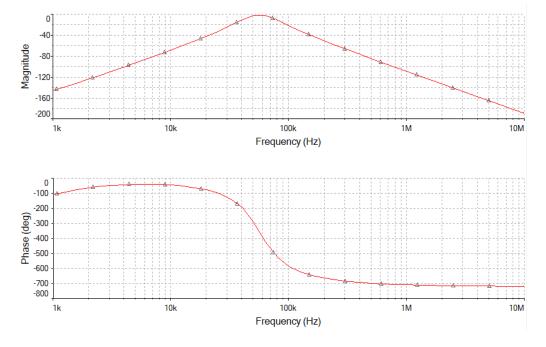
Obrázek 28: Schéma zapojení DP 4. řádu, PP 2. řádu



Obrázek 29: Amplitudová a fázová charakteristika PP 2. řádu



Obrázek 30: Schéma zapojení PP 4. řádu



Obrázek 31: Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu

Návrh v Maple 5

Pro návrh pásmové propusti 4. řádu s Cauerovou aproximací typu C byly zvoleny parametry tolerančního schématu

$$f_s := 80000Hz$$

 $f_p := 100000Hz$
 $fp := 877778Hz$
 $fs := 100000Hz$
 $ap := 1dB$
 $as := 80dB$,

kde všechny parametry musí být kladná reálná čísla a f_s < f_p < fp < fs a ap < as. Zadána byla spodní a horní hranice nepropustného pásma f_s , fs [Hz], spodní a horní hranice propustného pásma f_p , fp [Hz], maximální útlum v propustném pásmu ap [dB] a minimální útlum v nepropustném pásmu as [dB].

$$f_{_}s = \frac{\sqrt{\Delta f s^2 + 4f_{_}m^2 - \Delta f s}}{2}$$

$$f_{_}p = \frac{\sqrt{\Delta f p^2 + 4f_{_}m^2 - \Delta f p}}{2}$$
(62)

$$f_{p} = \frac{\sqrt{\Delta f p^2 + 4f_{m^2} - \Delta f p}}{2} \tag{63}$$

$$fp = \frac{\sqrt{\Delta f p^2 + 4f_m^2} + \Delta f p}{2} \tag{64}$$

$$fs = \frac{\sqrt{\Delta f s^2 + 4f \underline{m^2} + \Delta f s}}{2} \tag{65}$$

Funkcí BP2NLP byla provedena transformace tolerančního schematu nesymetrické pásmové propusti (PP) na toleranční schema normované dolní propusti (NDP). Byl spočten geometrický střed propustného pásma fm[Hz], šířka propustného pásma Δfp [Hz] a šířka nepropustného pásma Δfs [Hz].

$$fm = 141421Hz$$

$$\Delta fp = 100000Hz$$

$$\Delta fp = 877778Hz$$

Byl obdržen kmitočet hranice nepropustného pásma normované dolní propusti (NDP) Os [1/s].

$$Os = 8.777781/s$$

. Stupeň Cauerovy aproximace normované dolní propusti byl určen jako order = 4. Pro sudý stupeň Cauerovy aproximace jsou definovány tři typy - A,B,C. Tyto typy se od sebe liší průběhem aproximační funkce. Byla zvolena aproximace typu C se shodnými zakončovacími odpory. Dále byla funkcí Cauer asnew určena nová hodnota útlumu v nepropustném pásmu NDP.

$$asnew := 105.613$$

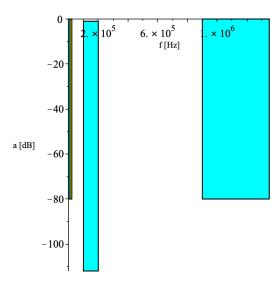
$$asnew = 10log10(1 + (\frac{\epsilon}{kl \ new})^2)$$
(66)

$$\epsilon = \sqrt{10^{0.1ap} - 1}\tag{67}$$

$$k = \frac{1}{Os} \tag{68}$$

$$kl_new = k^{order} \left(\prod_{i=1}^{n} JacobiCD\left(\frac{(2i-1+m)EllipticK(k)}{order}, k\right)\right)^{4}, \tag{69}$$

kde m je celočíselný zbytek po dělení řádu 2 a n celočíselný výsledek dělení. Jakobiho eliptických funkcí je 12 a vycházejí ze škálování na jednotkové elipse (cos ϕ , sin ϕ se neváží k jednotkovému kruhu, ale k elipse). JacobiCD



Obrázek 32: Toleranční schéma navrhované pásmové propusti

funkce je definována jako podíl cosinu Jakobiho funkce s dvěma parametry (JacobiAM(z,k)) a derivace této funkce podle prvního parametru z.

$$EllipticK(k) = \int_0^1 \left(\frac{1}{\sqrt{(-\alpha_1^2 + 1)}\sqrt{(-k^2 - \alpha_1^2 + 1)}}\right) d_{-\alpha_1}$$
 (70)

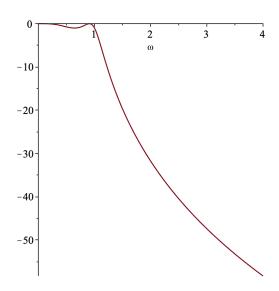
Následně byl spočten koeficient nejvyšší mocniny polynomu ve jmenovateli přenosové funkce Gc, póly a nuly přenosové funkce poles, zeros pomocí funkce CauerCPolesZeros. Počet pólů je dán řádem filtru order a počet nul pro aproximaci typu C je roven order-2. Dále byla spočtena Caurerova aproximace typu C - provozní činitel přenosu G jako racionální lomená funkce $G(j\omega)=1/H(j\omega)$, charakteristická funkce chf jako $\Phi(j\omega)$ s nulami a póly na imaginární ose a nuly přenosu. Charakteristická funkce má shodný jmenovatel s $G(j\omega)$.

$$Gc, poles, zeros := 376.020,$$

$$[-0.475024 + 0.340009I, -0.475024 - 0.340009I, -0.162709 + 0.982758I, -0.162709 - 0.982758I]),$$

$$[11.2840I, -11.2840I],$$

$$G, chf, zer := \frac{376.020p^4 + 479.601p^3 + 617.689p^2 + 396.239p + 127.328}{p^2 + 127.329}, \frac{(376.020p^2 + 311.716)p^2}{p^2 + 127.329}, [11.2840I, -11.2840I]$$



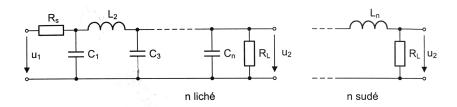
Obrázek 33: Modulová frekvenční charakteristika NDP

Charakteristika byla vykreslena z přenosu funkcí Magnitude HdB, která vypočte modul přenosu podle předpisu $|H(j\omega)|$.

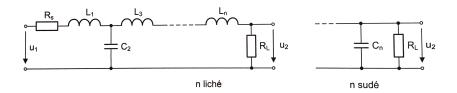
5.1 Příčkové LC filtry

Pasivní dolní propust je realizována zapojením induktoru ke vstupnímu napětí a k této větvi je následně zapojen paralelně rezistor. Pasivní horní propust má ke vstupu připojený sériově rezistor a poté k této větvi paralelně induktor.

K realizaci filtrů vyšších řádů se užívají π nebo T články s LC prvky. Podle literatury [17] musí být při návrhu filtru zohledněn vnitřní odpor zdroje R_s a zatěžovací odpor R_L . LC filtry jsou tedy dvojitě zakončeny. Indukčnosti a kapacity prvků se určí z rovnic pro normované kapacity a indukčnosti. Normované hodnoty budou vypočteny pro mezní kmitočet $\omega_c = 1/\sqrt{LC}$ a pro zatěžovací odpor R_L . Hodnoty prvků lze pro požadovanou aproximaci odečíst z tabulek.



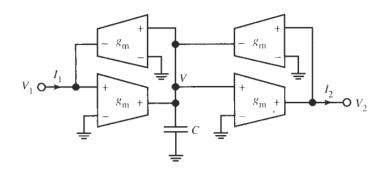
Obrázek 34: Pasivní dolní propust n-tého řády s π články [17]



Obrázek 35: Pasivní dolní propust n-tého řády s T články [17]

5.2 Gyrátory

K převodu induktoru na zapojení s kapacitorem byla použita struktura označovaná jako gyrátor. Jde o náhradu původního obvodu s induktorem vhodným uspořádáním rezistorů a kapacitorů tak, že výsledná impedance vypadá jako induktor. Gyrátor nelze dobře realizovat s obyčejnými operačními zesilovači, běžně se používají /textitGeneral Impedance Converters (GIC). Převod induktoru na jiné zapojení s ekvivalentní impedancí má praktické využití v integrovaných obvodech, kde jsou kapacitory preferovány nad induktory kvůli malým rozměrům. Gyrátor je principielně spojení invertujícího a neinvertujícího napětím řízeného zdroje proudu, a proto ho lze realizovat snadno s transkonduktančními zesilovači. Na obrázku 36 jsou znázorněny dva gyrátory s kapacitorem. Obvodovou analýzou v uzlu V byla obdržena rovnice



Obrázek 36: Neuzemněný induktor realizovaný kapacitorem a dvěma gyrátory [16]

$$pCV = g_m V_1 - g_m V_2 \tag{71}$$

a dva proudy na výstupu

$$I_1 = I_2 = g_m V. (72)$$

Zkombinování rovnic a eliminace V vede k rovnici neuzemněného induktoru mezi napětími V_1 a V_2 .

$$I_1 = I_2 = \frac{g_m^2}{pC}(V_1 - V_2) = \frac{1}{pL}(V_1 - V_2)$$
(73)

Z rovnice lze snadno odvodit, že kapacita kondenzátoru použitého při zapojení induktoru s OTA je rovna $C_L = Lg_m^2$.

5.3 Výpočet prvků LC filtru

Funkcí Dropp NLP byly vypočteny prvky LC příčkového filtru typu normovaná dolní propust (NDP). Zakončení bylo zvoleno standardní (common), odpory o hodnotě 1 Ω , směr zpracování od posledního prvku (rear), s T strukturou (začíná zepředu podélným induktorem). Standardní (common) zakončení je oboustranné $(R_1 \neq 0, R_z \neq \infty)$. Výstupem funkce je LC struktura s orientací prvků ve větvi podélně (direct) nebo příčně (shunt).

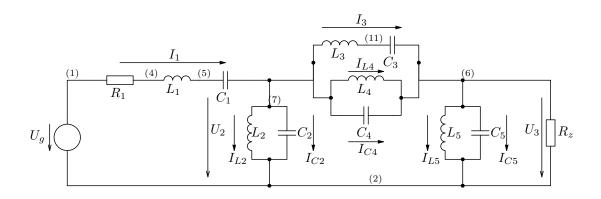
$$block(1), [orientation = direct, elements = L1 = -0.40652, Z = pL1]$$

 $block(2), [orientation = shunt, elements = C1 = 2.4732, Z = \frac{1}{pC1}]$

$$block(3), [orientation = direct, elements = C1 = 0.0081309, L1 = 0.96591, Z = \frac{1}{\frac{1}{pL1} + pC1}]$$

$$block(4), [orientation = shunt, elements = C1 = 1.5489, Z = \frac{1}{pC1}]$$

Vygenerovaná struktura je popsána na obrázku 37. Analýzou LC struktury z Maplu byly obdrženy obvodové



Obrázek 37: Schéma LC příčkové struktury

rovnice, kde R je volitelný (fiktivní) rezistor:

$$I_1 = \frac{1}{R_1 + pL_1 + \frac{1}{pC_1}} (U_G - U_2) \tag{74}$$

$$v_1 = \frac{R}{R_1 + pL_1 + \frac{1}{pC_1}} (U_G - U_2) \tag{75}$$

$$U_2 = \frac{1}{\frac{1}{nL_2} + pC_2} (I_1 - I_3 - I_{L4} - pC_4 v_{L4})$$
(76)

$$U_2 = \frac{1}{\frac{R}{nL_2} + RpC_2} (v_1 - v_{L3} - v_{L4} - RpC_4 U_{L4})$$
(77)

$$I_3 = \frac{1}{pL_3 + \frac{1}{pC_3}} (U_2 - U_3) \tag{78}$$

$$v_{L3} = \frac{R}{pL_3 + \frac{1}{nC_2}} (U_2 - U_3) \tag{79}$$

$$v_{L4} = \frac{1}{\frac{1}{pL_4} + pC_4} (I_1 - I_{L2} - pC_2U_2 - I_3 - pC_4(U_2 - U_3))$$
(80)

$$v_{L4} = \frac{1}{\frac{R}{pL_4} + RpC_4} (v_1 - v_{L2} - RpC_2U_2 - v_{L3} - RpC_4(U_2 - U_3))$$
(81)

$$U_3 = \frac{1}{\frac{1}{R_z} + pC_5 + \frac{1}{pL_5}} (I_1 - I_{L2} - pC_2U_2)$$
(82)

$$U_3 = \frac{1}{\frac{R}{R_s} + RpC_5 + \frac{R}{nL_s}} (v_1 - U_2 - RpC_2U_2).$$
(83)

To odpovídá realizační struktuře s pěti bloky o přenosech H_1,\ldots,H_5

$$H_1 = \frac{R}{R_1 + pL_1 + \frac{1}{pC_1}} \tag{84}$$

$$H_2 = \frac{1}{\frac{R}{pL_2} + RpC_2} \tag{85}$$

$$H_3 = \frac{R}{pL_3 + \frac{1}{pC_3}} \tag{86}$$

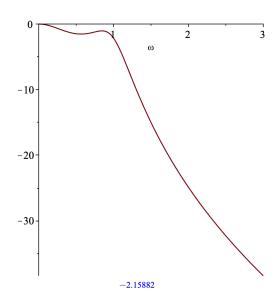
$$H_4 = \frac{1}{\frac{R}{pL_4} + RpC_4} \tag{87}$$

$$H_5 = \frac{1}{\frac{R}{R_*} + RpC_5 + \frac{R}{pL_5}}. (88)$$

Uvedené přenosy budou použity v analýze Pracanem. Přenosová funkce pasivních a aktivních struktur filtru byla spočtena funkcí MakeH. Byl spočten napěťový i výkonový přenos. Z rozložení pólů je patrné, že všechny

přenosové funkce jsou stabilní.

$$\begin{split} H_NLPV := \frac{p^2 + 127.329}{-193.159p^4 + 352.072p^3 + 286.065p^2 + 582.791p + 253.653} \\ H_NLP := \frac{p^2 + 127.330}{-96.9631p^4 + 176.735p^3 + 143.601p^2 + 292.553p + 127.330} \end{split}$$



Obrázek 38: Modulová frekvenční charakteristika NDP - LC příčkový filtr

Hodnota přenosové funkce v 1 byla vyhodnocena jako -2.15882.

Byla provedena transformace hodnot prvků normované dolní propusti (NDP) na pásmovou propust (PP). Zakončovací rezistor byl zvolen 1 Ω , další dva parametry funkce značí spodní a horní hranici propustného pásma.

$$block(1), [Z = pL1 + \frac{1}{pC1}, orientation = direct, elements = C1 = -7.8301*10^{-6}, L1 = -3.2350*10^{-7}]$$

$$block(2), [Z = \frac{1}{\frac{1}{pL1} + pC1}, orientation = shunt, elements = C1 = 1.9681*10^{-6}, L1 = 1.2871*10^{-6}]$$

$$block(3), [Z = \frac{1}{\frac{1}{pC1} + \frac{1}{\frac{1}{pL2} + \frac{1}{\frac{1}{pC2}}}} orientation = direct, elements = C1 = 6.4704*10^{-9},$$

$$C2 = 3.2954*10^{-6}, L1 = 3.9148*10^{-4}, L2 = 7.6864*10^{-7}]$$

$$block(4), [Z = \frac{1}{\frac{1}{pL1} + pC1}, orientation = shunt, elements = C1 = 1.2326*10^{-6}, L1 = 2.0551*10^{-6}]$$

Byly nastaveny jakosti cívek v LC příčkové struktuře na konečnou hodnotu. Funkce MakeRealL zařadí do výsledné LC příčkové struktury sériově rezistory k induktorům podle zadaného činitele jakosti Q a zadaného kmitočtu (ten odpovídá u pásmové propusti geometrickému středu propustného pásma - nebo je možno zadat obě hranice propustného pásma). Výpočet sériového odporu je proveden podle předpisu $R_s = L1 \cdot 2\pi f/Q$.

$$block(1), [Z=pL1+Rs1+\frac{1}{pC1}, orientation=direct, elements=C1=-7.8301*10^{-6}, L1=-3.2350*10^{-7}, \\ Rs1=-0.57490*10^{-2}]$$

$$block(2), [Z=\frac{1}{\frac{1}{pL1+Rs1}+pC1}, orientation=shunt, elements=C1=1.9681*10^{-6}, L1=1.2871*10^{-6}, \\ Rs1=0.22873*10^{-1}]$$

$$block(3), [Z=\frac{1}{\frac{1}{pC1+\frac{1}{pL1+Rs1}+\frac{1}{pL2}+\frac{1}{pC2}}} orientation=direct, elements=C1=6.4704*10^{-9}, \\ C2=3.2954*10^{-6}, L1=0.39148*10^{-3}, L2=7.6864*10^{-7}, Rs1=6.9572, Rs2=0.13660*10^{-1}]$$

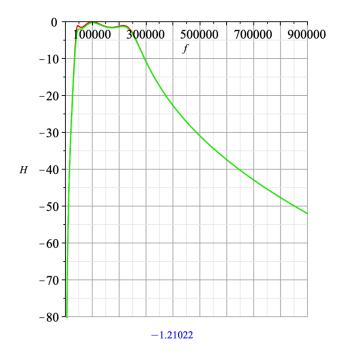
$$block(4), [Z=\frac{1}{\frac{1}{pL1+Rs1}+pC1}}, orientation=shunt, elements=C1=1.2326*10^{-6}, L1=2.0551*10^{-6}, \\ L1=2.0551*10^{-6}, L1=0.0551*10^{-6}, L1=0.0551*10^{-6}, \\ L1=0.0551*10^{-6}, L1=0.0551*10^{-6}, \\ L1=0.0551*10^{-6}, L1=0.0551*10^{-6}, \\ L1=0.0551*10^$$

$$Rs1 = 0.36522 * 10^{-1}$$

Byl spočten přenos pro LC strukturu bez a s přidanými sériovými rezistory. Pro oba přenosy byla vykreslena modulová frekvenční charakteristika.

 $H_BP := \frac{p^6 + 2.01858*10^{14}p^4 + 1.55854*10^{23}p^2}{-6.1402610^{-11}p^8 + 0.000140640p^7 + 46.6376p^6 + 5.34196*10^8p^5 + 2.57033*10^{14}p^4 + 2.1089310^{20}p^3 + 7.26886*10^{24}p^2 + 8.65337*10^{30}p - 1.49149*10^{36}p^2 + 2.57033*10^{14}p^4 + 2.1089310^{20}p^3 + 7.26886*10^{24}p^2 + 8.65337*10^{30}p - 1.49149*10^{36}p^2 + 2.57033*10^{14}p^4 + 2.1089310^{20}p^3 + 7.26886*10^{24}p^2 + 8.65337*10^{30}p - 1.49149*10^{36}p^2 + 2.57033*10^{30}p^2 + 2.57033*10^{30}$

 $H_BPQ := \frac{p^7 + 71085.7p^6 + 2.01860*10^{14}p^5 + 1.07620*10^{19}p^4 + 3.47110*10^{23}p^3 + 6.67244*10^{27}p^2 + 4.92223*10^{31}p}{-6.14027*10^{-11}p^9 + 0.000135185p^8 + 55.5676p^7 + 5.37714*10^8p^6 + 2.85360*10^{14}p^5 + 2.25089*10^{20}p^4 + 1.49149*10^{25}p^3 + 8.97641*10^{30}p^2 - 1.38919*10^{36}p - 2.74611*10^{40}p^3 + 2.25089*10^{20}p^4 + 1.49149*10^{25}p^3 + 8.97641*10^{30}p^2 - 1.38919*10^{36}p - 2.74611*10^{40}p^3 + 2.25089*10^{20}p^4 + 1.49149*10^{25}p^3 + 8.97641*10^{30}p^2 - 1.38919*10^{36}p - 2.74611*10^{40}p^3 + 2.25089*10^{20}p^4 + 1.49149*10^{25}p^3 + 8.97641*10^{30}p^2 - 1.38919*10^{36}p - 2.74611*10^{40}p^3 + 2.25089*10^{20}p^4 + 1.49149*10^{25}p^3 + 8.97641*10^{30}p^3 + 2.25089*10^{30}p^4 + 2$



Obrázek 39: Modulová frekvenční charakteristika LC struktury (červená) a LC struktury s konečnou hodntou jakostí cívek (zelená)

Vyčíslením v $200000 \cdot 2\pi$ Hz byl obdržen útlum 1.21022 dB.

Odnormované prvky byly vyčísleny následovně:

$$ele_BP := C1 = -7.83010*10^{-6}, C2 = 1.96808*10^{-6}, C3 = 3.29545*10^{-6}, C4 = 6.47035*10^{-9},$$

$$C5 = 1.23258*10^{-6}, L1 = -3.235*10^{-7}, L2 = 1.28706*10^{-6}, L3 = 7.68645*10^{-7}, L4 = 0.391484*10^{-3},$$

$$L5 = 2.05508*10^{-6}, R1 = 1, Rz = 1.00796$$

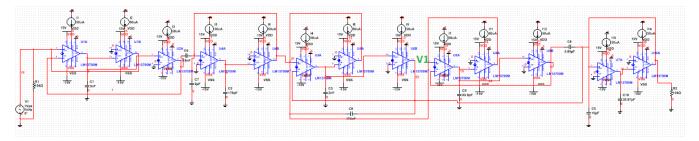
Využitím poznatků ze sekce 5.2 byly s uvažováním minimální transkonduktance z datasheetu LM13700 (gm = 9600 μ S) získány kapacity C_{L1} = 3.08002 nF, C_{L2} = 17.8354 nF, C_{L3} = 938.613 nF, C_{L4} = 2.10114 nF, C_{L5} = 358.667 nF. Převrácenou hodnotou transkonduktance byly vypočteny frekvenčně a impedančně odnormované odpory

$$R_N = R_1 = R_z = \frac{1}{g_m} = 104.16667 \ \Omega.$$
 (89)

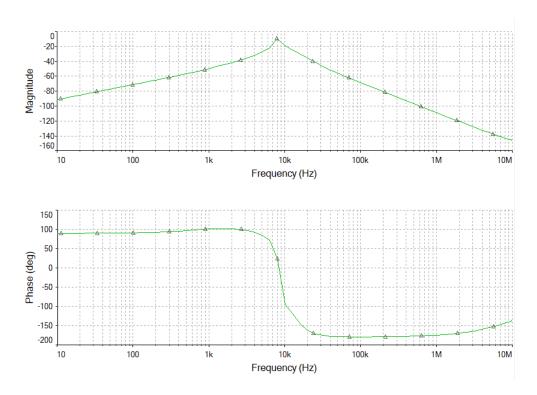
Kapacity vyšly již se Syntfilu $C1=-7.8301~\mu\text{F},~C2=1.96808~\mu\text{F},~C3=3.29545~\mu\text{F},~C4=6.47035~\text{nF},~C5=1.23258~\mu\text{F}.$

5.4 Návrh funkční simulací

Zapojení s OTA vychází z již uvedených principů v Sekci 3. K simulaci byly použity vypočtené hodnoty ze sekce 5.3 pomocí kaskádní syntézy. Mezní kmitočet lze přeladit změnou vstupního proudu, nebo transkonduktance. Bylo použito zapojení se vstupním odporem R_0 řazeným paralelně ke zdroji (vhodnější pro funkční simulaci - Schaumann (2001) str. 639). Napětí na zdroji poté bude V_0/R_0 . Výsledné napětí bylo odebíráno z uzlu V_1 označeného na obrázku 40.



Obrázek 40: Výsledné schéma



Obrázek 41: Amplitudová a fázová charakteristika PP 4. řádu

5.5 Vliv zátěže na funkci obvodu

V simulaci se samozřejmě předpokládá, že všechny OTA zesilovače jsou ideální. Chování filtru ve výsledku ovlivní nedokonalosti reálných OTA (ztráty, parazitní chyby). Z literatury [16] také víme, že reálné transkonduktance nejsou idální zdroje proudu (s nulovou výstupní admitancí) a že většina gm-C bloků použitých v obvodu má nenulové výstupní admitance. Jejich chování bude tedy extrémně závislé na zátěži, což může úplně změnit zamýšlenou funkci obvodu. Například ve sčítacím obvodu na obrázku 19, popsaným rovnicí 34, zátěžová admitance Y_L změní g_{m3} na $g_{m3} + Y_L$. Podobně zátěž Y_L na ztrátovém integrátoru na obrázku 7 (popsaný rovnicí 19) způsobí změnu g_m na $g_m + Y_L$ v přenosové funkci integrátoru. Proto by transkonduktanční obvody obecně měly být navrženy tak, aby základní bloky řídily vysoko-impedanční uzly (např. vstupy jiných OTA). Pokud mají být řízeny velké zátěže, obvod s OTA musí být řízen bufferem (v pinoutu LM13700 na obrázku 14 pin 7,8 pro první OTA zesilovač a 9,10 pro druhý OTA zesilovač). Případně lze jako buffer použít operační zesilovač s jednotkovým zesílením.

K určení chování obvodu musíme mít podle literatury [16] na paměti, že parazitní admitance $y_p = y_i + y_o$ je

přítomna na každém uzlu spojujícím dva OTA zesilovače. Pokud pro jednoduchost předpokládáme, že všechny OTA jsou stejné a výstup V_{out} je zatížen Y_L , dostaneme vztah

$$V_{out} = \frac{g_{m1}}{y_p} \frac{g_{m2}}{y_p} \frac{g_{m3}}{y_p} \dots \frac{g_{mn}}{Y_L + y_p} (V_{in} - V_{out}).$$
(90)

Po úpravě

$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{1}{1 + (\frac{y_p}{q_m})^n (1 + \frac{Y_L}{y_n})} \simeq 1$$
(91)

$$\left|\frac{y_p}{g_m}\right|^n \ll 1. \tag{92}$$

Podobně pro výstupní impedanci $Z_{out}(p)$ platí

$$Z_{out}(p) = \frac{\frac{1}{y_p}}{1 + (\frac{g_m}{y_p})^n} \simeq \frac{1}{y_p} (\frac{y_p}{g_m})^n$$
 (93)

$$\left|\frac{y_p}{q_m}\right|^n \ll 1. \tag{94}$$

Navrhnout transkonduktance tak, aby platilo $g_m \gg |y_p|, |V_{out}/V_{in}| \simeq 1$ a $|Z_{out}| \simeq |1/y_p|$ pro dostatečně velká n, je poměrně snadné. Obvykle se volí n=2 nebo n=3.

5.6 Ladění filtru

Pokud se analogový filtr má chovat podle specifikací, musí být navržen s přesnými hodnotami komponent. Podle literatury [16] přenosová funkce závisí na frekvencích nul a pólů, Q faktoru pólů (Q faktor definuje, jak moc je systém podtlumený), zesílení – tyto parametry zase závisí na přesné hodnotě součástek. Kritické frekvence s jednotkami 1/čas jsou určeny absolutními hodnotami kapacitorů a rezistorů. Zesílení a Q faktor je určen poměrem kapacitorů a rezistorů. V diskrétních obvodech můžou být problémy vyřešeny laděním - buď před, nebo po dokončení návrhu. Pokud například máme časovou konstantu T = RC, můžeme změřit T a přizpůsobit rezistor (trimmerem), dokud neobdržíme požadovanou časovou konstantu T_0 .

Hlavním problémem ladění je přesné nalezení časové konstanty C_U/g_m . Časovou konstanta může být obdržena změnou g_m . Pokud je zesílení integrátoru jednotkové, časová konstanta bude nastavena na $1/\omega_r ef$. Pokud bude referenční signál poslán na vstup integrátoru a oba vstupní a výstupní signály přes dva indentické špičkové detektory (peak detectors), naladíme g_m dokud jednotkové zesílení frekvence integrátoru nebude f_{ref} . Tomuto zapojení se říká master-slave tuning. Také lze použít ladění pomocí Q-faktoru.

6 Praktická část

 ${\bf V}$ Ki
Cadu byla vytvořena DPS s hodnotami součástek vypočtenými v Maplu.

7 Závěr

Cílem práce bylo navrhnout pásmovou propust 4. řádu s Cauerovou aproximací. Po seznámení s principy OTA 2.2 a náhradou prvků v obvodech s nimi 3 byla provedena simulace. V sekci 4.1 bylo v MultiSimu realizováno zapojení filtru typu dolní propust 2. řádu s poklesem 40 dB/dek, pásmová propust 1. řádu s poklesem 20 dB/dek. Poté byl kaskádním zapojením obdržen filtr typu dolní propust 4. řádu s poklesem 80 dB/dek, pásmová propust 2. řádu s poklesem 40 dB/dek. Dalším kaskádním blokem byla obdržena požadovaná pásmová propust 4. řádu s poklesem 80 dB/dek. Výsledky simulací prokazují poměrně dobré vlastnosti navržené struktury.

V sekci 5 byla knihovnou Syntfil provedena matematická syntéza filtru a zapojení bylo převedeno na LC příčkovou strukturu. Mezní kmitočet a parametry propustného a zádržného pásma byly zvoleny v řádech stovek kHz. Zesílení je možné řídit, stejně tak mezní kmitočet. Mezikrokem v návrhu byl převod pásmové propusti na normovanou dolní propust. Pro LC strukturu byly obdrženy odnormované hodnoty prvků, které byly dosazeny do zapojení s OTA a byla provedena simulace s vypočtenými prvky (sekce ??). Protože výsledné zapojení ze sekce 4.1 obsahovalo 8 kapacitorů a syntézou přes LC příčkový filtr a následným převodem indukčností na kapacity bylo získáno 10 kapacitorů, byla zvolena alternativní metoda spočívající v náhradě indukčností v LC struktuře gyrátory. Při porovnání filtrů s kapacitory a induktory (LC filtry) a filtrů realizovaných kaskádní syntézou, jsou filtry realizované kaskádní syntézou výhodnější kvůli použití pouze rezistorů a kapacitorů. Induktory se musí složitě vyrábět na danou hodnotu a jejich jakost bývá v řádu desítek (literatura [18]). Nevýhodou kondenzátorů jejich odchylka od jmenovité hodnoty, oproti tomu rezistory mají obecně minimální odchylku od jmenovité hodnoty. Výsledné schéma celkem obsahuje 12 pasivních a 13 aktivních komponent. V simulaci vycházející z LC struktury byl vstupní odpor řazen paralelně ke zdroji. Je nutné dbát na to, že toto zapojení obsahuje neuzemněné kapacity a nebude vhodné pro krátké vlny (frekvence v řádech MHz, což odpovídá vlnovým délkám 10 – 100 m). Pro tyto vysoké frekvence také OTA nemohou být použity kvůli limitovanému GBP.

Dalším krokem byl návrh v KiCadu (sekce 6), praktická realizace a odzkoušení navrhnutého obvodu.

Pro lepší návrh by bylo vhodné třeba analyzovat výslednou strukturu popsanou přenosy gyrátorů (sekce 5) a získat z ní zapojení s OTA, nebo také analyzovat výsledný obvod knihovnou Pracan.

Reference

- [1] ZigBee. Wikipedia: the free encyclopedia [online]. San Francisco (CA): Wikimedia Foundation, 2001- [cit. 2019-11-04]. Dostupné z: https://cs.wikipedia.org/wiki/ZigBee
- [2] Dlouhé vlny. Wikipedia: the free encyclopedia [online]. San Francisco (CA): Wikimedia Foundation, 2001-[cit. 2019-11-04]. Dostupné z: https://cs.wikipedia.org/wiki/Dlouh%C3%A9_vlny
- [3] Střední vlny. Wikipedia: the free encyclopedia [online]. San Francisco (CA): Wikimedia Foundation, 2001–[cit. 2019-11-04]. Dostupné z: https://cs.wikipedia.org/wiki/St%C5%99edn%C3%AD_vlny
- [4] KAŠPER, Ladislav. Návrh kmitočtového filtru [online]. Ostrava, 2012 [cit. 2019-04-28]. Dostupné z: https://dspace.vsb.cz/bitstream/handle/10084/92901/KAS279_FEI_N2647_2601T013_2012.pdf?sequence=1&isAllowed=y. Diplomová práce. VŠB-TU Ostrava, FEI. Strana 18.
- [5] RAMSDEN, Ed. An Introduction to Analog Filters. Sensors Online [online]. 3 Speen Street, Suite 300, Framingham, MA 01701: Questex, 2019, 1/7/2001 [cit. 2019-05-18]. Dostupné z: https://www.sensorsmag.com/components/introduction-to-analog-filters
- [6] High-pass filtering pre-processing before computing audio features. Stack Exchange Inc [on-line]. 2019 [cit. 2019-04-22]. Dostupné z: https://dsp.stackexchange.com/questions/27586/high-pass-filtering-pre-processing-before-computing-audio-features
- [7] MARTINEK, Pravoslav, Petr BOREŠ a Jiří HOSPODKA. Elektrické filtry. Praha: Vydavatelství ČVUT,
 2003. ISBN 80-01-02765-1. Strana 74, obrázek 4.17. Strana 141, obrázek 5.43.
- [8] MICHAL, Vratislav. Vybrané vlastnosti obvodů pracujících v proudovém módu a napětovém módu [online]. Brno, 2017 [cit. 2019-03-30]. Dostupné z: https://docplayer.cz/
 43256146-Vybrane-vlastnosti-obvodu-pracujících-v-proudovem-modu-a-napetovem-modu.html.
 Článek. Brno University of Technology. Strana 5.
- [9] HOSPODKA, Jiří. Úvod do analogových filtrů [online]. Praha, 2018 [cit. 2019-03-30]. Dostupné z: https://moodle.fel.cvut.cz/course/view.php?id=1434. Přednáška. ČVUT FEL. Strana 21, 24.
- [10] SMITH, K.C., SEDRA, A.S. The current conveyor: a new circuit building block. New York, 1968. Článek. IEEE Proc. Vol. 56, no. 3. Strana 1368 1369.
- [11] SMITH, K.C., SEDRA, A.S. A second generation current conveyor and its application. New York, 1970. Článek. IEEE Trans., CT-17. Strana 132 134.
- [12] SHAKTOUR, Mahmoud. Nekonvenční obvodové prvky pro návrh příčkových filtrů [online]. Brno, 2010 [cit. 2019-10-25]. Dostupné z: https://www.vutbr.cz/www_base/zav_prace_soubor_verejne.php?file_id=35975. Disertační práce. Vysoké učení technické v Brně. Vedoucí práce Dalibor Biolek. Strana 8, obrázek 3-1 (a). Strana 9, obrázek 3-2. Strana 11, obrázek 3-5. Strana 12, obrázek 3-6.
- [13] Transconductance Amplifiers [online]. 2019 [cit. 2019-03-30]. Dostupné z: https://cz.mouser.com/ Semiconductors/Integrated-Circuits-ICs/Amplifier-ICs/Transconductance-Amplifiers/_/ N-6j731?P=1y95od0
- [14] LM13700: Dual Operational Transconductance Amplifiers With Linearizing Diodes and Buffers. In: *Texas Instruments* [online]. Dallas, Texas: Texas Instruments Incorporated, 2018 [cit. 2019-03-30]. Dostupné z: www.ti.com/lit/ds/symlink/lm13700.pdf Strana 1. Strana 9, obrázek 16.
- [15] Low-pass filter. In: Wikipedia: the free encyclopedia [online]. San Francisco (CA): Wikimedia Foundation, 2001- [cit. 2019-03-30]. Dostupné z: https://en.wikipedia.org/wiki/Low-pass_filter
- [16] SCHAUMANN, Rolf a Mac E. Van VALKENBURG. *Design of Analog Filters*. New York: Oxford University Press, 2001. ISBN 0195118774. Strana 213, obrázek 4-13. Strana 236, obrázek 4-35 a),b). Strana 237, obrázek 4-36 a),b). Strana 608, obrázek 16-2 a),b).
- [17] VEDRAL, Josef a Jakub SVATOŠ. Zpracování a digitalizace analogových signálů v měřící technice. Praha: Česká technika nakladatelství ČVUT, 2018. ISBN 978-80-01-06424-5. Strana 136, obrázek 5.3.9, 5.3.10.
- [18] TICHÝ, Kamil. Semestrální práce z předmětu Lineární obvody a systémy. Praha, 2005. Semestrální práce. ČVUT.

Seznam přiložených souborů na CD

1		soubor s popisem obsahu CD
	Doc	dokumentace
	1m13700.pdf	datasheet k LM13700
		obrázky použité v textu
		adresář se schématem DPS
	LaTeX	adresář s LAT _F X zdrojovými kódy
	Maple	adresář s Maple skriptem
		soubory se schématy v Multisimu
	BP4.ms14	pásmová propust 4. řádu
	LP2.ms14	dolní propust 2. řádu
	LP4BP2.ms14	dolní propust 4. řádu, pásmová propust 2. řádu
		výsledné schéma s výsledky z Maplu
		adresář s textem práce
	BP_Pacalova_Klara_2019.pdf	práce v PDF formátu