# МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ім. І. Сікорського

Кафедра інформатики та програмної інженерії (повна назва кафедри, циклової комісії)

## КУРСОВА РОБОТА

3	Основи програмування
	(назва дисципліни)
на тему: Розв'	язання СЛАР точними методами
	Студента (ки, ів) <u>1</u> курсу, групи <u>IП-35</u>
	Адаменко Арсен Богданович
	Спеціальності 121 «Інженерія програмного забезпечення»
	Керівник
	ст. викладач, Головченко М.М
	(посада, вчене звання, науковий
	ступінь, прізвище та ініціали)
	Кількість балів:
	Національна оцінка
Члени комісії	Ст. вик. Вітковська Ірина Іванівна
	(посада, вчене звання, науковий ступінь, прізвище та ініціали)
	Ас. Носов Костянтин Сергійович
	(посада, вчене звання, науковий ступінь, прізвище та

ініціали)

# КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ім. І. Сікорського

(назва вищого навчального закладу)

## Кафедра інформатики та програмної інженерії

## Дисципліна Основи програмування

Напрям "ІПЗ"
Курс <u>1</u> Група <u>IП-35</u> Семестр <u>2</u>
ЗАВДАННЯ на курсову роботу студента
Адаменко Арсен Богданович
(прізвище, ім'я, по батькові)
1. Тема роботи Розв'язання СЛАР точними методами
2. Строк здачі студентом закінченої роботи31.05.2024
3. Вихідні дані до роботи Технічне завдання додаток А
4. Зміст розрахунково-пояснювальної записки (перелік питань, які підлягають
розробці) Вступ, Постановка задачі, Теоретичні відомості, Опис
програмного забезпечення, Тестування програмного забезпечення,
Висновки, Перелік посилань, Додаток А Технічне завдання, Додаток Б Тексти

програмного коду	
5. Перелік графічного ма	геріалу ( з точним зазначенням обов'язкових креслень)
1 1 1	
<u> </u>	02 unimus 2024
6. Дата видачі завдання	03 квітня 2024

## КАЛЕНДАРНИЙ ПЛАН

		Термін	Підписи
№ п/п	Назва етапів курсової роботи	виконання	керівника,
		етапів роботи	студента
1.	Отримання теми курсової роботи	03 квітня 2024	
2.	Підготовка ТЗ	03 квітня 2024	
3.	Пошук та вивчення літератури з питань курсової роботи	22 квітня 2024	
4.	Розробка сценарію роботи програми	06 травня 2024	
6.	Узгодження сценарію роботи програми з керівником	15 травня 2024	
5.	Розробка (вибір) алгоритму рішення задачі	06 травня 2024	
6.	Узгодження алгоритму з керівником	15 травня 2024	
7.	Узгодження з керівником інтерфейсу користувача	8 травня 2024	
8.	Розробка програмного забезпечення	22 квітня 2024	
9.	Налагодження розрахункової частини програми	15 травня 2024	
10.	Розробка та налагодження інтерфейсної частини програми	28 травня 2024	
11.	Узгодження з керівником набору тестів для контрольного прикладу	24 травня 2024	
12.	Тестування програми	25 травня 2024	
13.	Підготовка пояснювальної записки	30 травня 2024	
14.	Здача курсової роботи на перевірку	31 травня 2024	
15.	Захист курсової роботи	7 червня 2024	

Студент		
	(підпис)	
Керівник _		Головченко Максим Миколайович
	(підпис)	(прізвище, ім'я, по батькові)
<u>" 31 "</u> _ тра	<u>вня</u> 20 <u>24</u> р.	

#### **КІДАТОНА**

Пояснювальна записка до курсової роботи: 98 сторінок, 24 рисунків, 13 таблиць, 7 посилань.

Мета роботи: Метою курсової роботи  $\epsilon$  забезпечення надійності та коректності програмного забезпечення для розв'язання СЛАР різними точними методами.

Вивчено методи: LUP-метод, метод Гауса-Холецького, метод обертання.

Виконана програмна реалізація алгоритму LUP-метода, метода Гауса-Холецького, метода обертання.

СИСТЕМА ЛІНІЙНИХ РІВНЯНЬ, ТОЧНІ МЕТОДИ ВИРІШЕННЯ, LUP-МЕТОД, МЕТОД ГАУСА-ХОЛЕЦЬКОГО, МЕТОД ОБЕРТАННЯ.

## **3MICT**

ВСТУП	5
1 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ	6
2 ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ	7
3 ОПИС АЛГОРИТМІВ	13
3.1. Загальний алгоритм	13
3.2. Алгоритм LUP-методу	15
3.3. Алгоритм методу Гауса-Холецького	18
3.4. Алгоритм методу обертання	21
4 ОПИС ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ	23
4.1. Діаграма класів програмного забезпечення	23
4.2. Опис методів частин програмного забезпечення	23
4.2.1. Користувацькі методи	23
4.2.2. Стандартні методи	38
5 ТЕСТУВАННЯ ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ	51
5.1. План тестування	51
5.2. Приклади тестування	51
6 ІНСТРУКЦІЯ КОРИСТУВАЧА	57
7 АНАЛІЗ РЕЗУЛЬТАТІВ	65
ВИСНОВКИ	73
ПЕРЕЛІК ПОСИЛАНЬ	75
ДОДАТОК А ТЕХНІЧНЕ ЗАВДАННЯ	76
ДОДАТОК Б ТЕКСТИ ПРОГРАМНОГО КОДУ	79

#### ВСТУП

Дана робота висвітлює методи розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь для вирішення великої кількості задач та проблем у напрямках галузі інформаційних технологій, які пов'язані з такими речами, алгоритмами та методами, як графіка, штучний інтелект і машинне навчання.

Дана робота та програмне забезпечення є актуальним через використання нових підходів до розробки та супроводу програмного продукту, забезпечення додактового функціоналу для програмного забезпечення з призначенням цього виду.

Дане програмне забезпечення призначене для розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь різними методами з підрахунком практичної часової складності (кількість ітерацій), візуалізації розв'язків систем рівнянь, а також вивід розв'язків систем рівнянь до текстового файлу.

#### 1 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ

Розробити програмне забезпечення з графічним інтерфейсом, що буде знаходити рішення для заданої СЛАР наступними методами:

- a) LUР-метод;
- б) метод Гауса-Холецького;
- в) метод обертання.

Вхідними даними для даної роботи є СЛАР, яка задана в матричному вигляді:

$$AX = B$$

, де A — матриця коефіцієнтів, X — вектор шуканих значень (рішення системи), B — вектор вільних членів.

Програмне забезпечення повинно обробробляти матрицю коефіцієнтів та стовпець вільних членів для СЛАР, розмірність якої знаходиться в межах від 1 до 10.

Вихідними даними для даної роботи являється сукупність дійсних чисел, що є розв'язками даної системи, які виводяться на екран. Програмне забезпечення повинно видавати розв'язок за умови, що для вхідних даних СЛАР метод дає коректний результат. Якщо це не так, то програма повинна вивести відповідне повідомлення. Якщо розмірність системи рівне двом невідомим, то програмне забезпечення повинно виводити графік системи та його розв'язок якщо вхідну СЛАР можна вирішити вказаним методом. Якщо система не має розв'язків, то програма повинна видати відповідне повідомлення.

#### 2 ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ

Систему лінійних алгебраїчних рівнянь (далі — СЛАР) з n рівнянь можна задати наступним чином:

$$AX = B(2.1)$$

де:

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \dots & 2 \\ a_{12} & a_{22} & \dots & 2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \vdots & a_{nn} \end{bmatrix}, \quad X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix}$$

Тоді якщо ранг матриці коефцієнтів (2.1) є рівним кількості лінійних рівнянь, то система (2.1) має розв'язок та він є єдиним [5]. Також якщо детермінант матриці коефіцієнтів рівен нулю, то кількість розв'язків СЛАР не може бути рівно одного [5]. Якщо система має єдиний розв'язок, то його можна знайти одним із наступних методів.

#### 2.1. LUР-метод [1]

Цей метод опирається на розкладання матриці коефіцієнтів A у вигляді добутку матриць L та U:

$$A = LU (2.2)$$

де L — нижня трикутна матриця, а U — верхня трикутна матриця, де усі діагональні елементи дорівнюють 1:

$$L = \begin{bmatrix} l_{11} & 0 & \dots & 0 \\ l_{21} & l_{22} & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & 0 \\ l_{n1} & l_{n2} & \dots & 0 \end{bmatrix}, \quad U = \begin{bmatrix} 1 & u_{12} & \dots & u_{1n} \\ 0 & 1 & \dots & u_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix} (2.3)$$

Тоді з цього твердження випливає, що LUP-метод розв'язання СЛАР складається з двох головних етапів:

- 1. етапу факторизації матриці А;
- 2. етапу отримання X.

Під час факторизації вектор В не змінюється, як ви бачите.

Із виразів (2.2) та (2.3) випливає, що значення всіх елементів матриці A можна записати наступним компактним чином:

$$a_{ij} = \left(\sum_{k=1}^{j-1} l_{ik} u_{kj}\right) + l_{ij}$$

$$a_{ji} = \left(\sum_{k=1}^{j-1} l_{jk} u_{ki}\right) + l_{jj} u_{ji}$$
(2.4)

де  $i=\overline{1,n}$ ,  $j=\overline{1,i}$ .

У виразі (2.4) записано, що i — номер рядка матриці L та номер стовпця матриці U, а j — вже номер стовпця матриці L та номер рядка матриці U.

3 рівняння (2.4) випливає, що факторизація відбувається за n стадій. На кожній стадії j поточний елемент  $a_{ii}$  матриці L наступним чином:

$$l_{ij} = a_{ij} - \sum_{k=1}^{j-1} l_{ik} u_{kj}, \quad i = \overline{j, n}$$
 (2.5)

а елемент  $u_{ii}$  вже іншим:

$$u_{ji} = \frac{a_{ji} - \sum_{k=1}^{j-1} l_{jk} u_{ki}}{l_{ji}}, \quad i = \overline{j+1, n} \ (2.6)$$

Елементи двох матриць обчислюються у шаховому порядку.

За деяких умовах за формулами (2.5) та (2.6) значення елементів матриці L та U можна побати як  $l_{i1}=a_{i1}$ ,  $i=\overline{1,n}$ , а  $u_{1j}=\frac{a_{1j}}{l_{1j}}$ ,  $j=\overline{2,n}$ .

Так як метод називається як LUP-методом, а не LU-методом, то він має ще один вбудований крок для факторизації матриці A. Так як при обрахуванні елемента  $u_{ji}$  значення  $l_{jj}$  може набувати від'ємного значення, що зробить розв'язання неможливим, або настільки близьким до нуля, що точність вирішення СЛАР може погіршитися.

Одним з методов вирішення цієї проблеми  $\epsilon$  знаходження такого рядка  $k = \overline{j,n}$ , для якого:

$$|a_{ki}| = |\max a_{ii}|, \quad i = \overline{j,n}$$
 (2.7)

Після чого треба зберігти вектор P, де  $P_i \in \overline{1,n}$ ,  $i=\overline{1,n}$  зберігає оригінальний номер рядка матриці A. По замовчуванням матриця P має наступну початкову конфігурацію перед факторизацією:  $P_i = i$ ,  $i=\overline{1,n}$ .

Так як перед обрахуванням елементів матриці L та U в ітерації j елементи рядків  $i=\overline{j,n}$  є незмінними до цього часу, то слід зробити перестановку перед поточною ітерацією j, а також обміняти місцями значення  $P_j$  та  $P_j$ , де j — поточний номер ітерації, а i — значення рядка, для якого формула (2.7) коректною.

В результаті факторизації ми маємо наступне рівняння СЛАР:

$$LUX = B(2.8)$$

Далі рівняння (2.8) можна перезаписати як:

$$LY = B, Y = UX (2.9)$$

Потім в нас з (2.9) з'являється наступне рівняння для розв'язку У:

$$LY = B(2.10)$$

А також (2.9) можна перетворити для розв'язку X:

$$UX = Y(2.11)$$

Так як L  $\epsilon$  трикутною матрицею, то для розв'язку Y ми можемо перетворити рівняння (2.10) на наступне:

$$y_i = \frac{b_{p_{ii}} - \sum_{j=1}^{i-1} l_{ij} y_i}{l_{ii}}, \quad i = \overline{1, n}$$

де Р — вектор перестановки для матриці А.

Так як U теж  $\varepsilon$  трикутною матрицею, то вектор-стовпець розв'язок X можна перезаписати за допомогою формули (2.11) як:

$$x_i = y_i - \sum_{j=i+1}^{n} u_{ij} x_j, \quad i = \overline{n, 1}$$

#### 2.2. Метод Гауса-Холецького [1]

Цей метод використовується для розв'язання СЛАР з матрицею коефіцієнтів A, яка має бути емітовою. Він грунтується на розкладанні матриці на добуток матирць L, D та  $L^{\dagger}$ :

$$A = LDL^{\dagger} (2.12)$$

де L — нижня трикутна матриця, D — діагональна матриця,  $L^{\dagger}$  — комплексно спряжененя матриця до матриці L та  $\epsilon$  верхньо трикутною до неї.

З виразу (2.12) випливає, що кожен елемент матриці А можна записати як:

$$a_{ij} = \sum_{k=1}^{i} l_{ik} d_{kk} \overline{l_{jk}}, \quad i \ge j \ (2.13)$$

де  $\overline{l_{jk}}$  — елемент, комплексно-спряжений до  $l_{jk}$ .

У випадку, якщо i=j, то можна одержати наступне рівняння:

$$d_{jj}l_{jj}^2 = a_{jj} - \sum_{k=1}^{j-1} l_{jk}^2 d_{kk} (2.14)$$

Якщо  $l_{ii}=1, i=\overline{1,n}$ , то вираз (2.14) можна перезаписати вже ось так:

$$d_{jj} = a_{jj} - \sum_{k=1}^{j-1} (k_{jk}^2 d_{kk}), \quad j = \overline{1,n}$$
 (2.15)

Тепер якщо i > j, то вираз (2.14) вже буде мати наступний вигляд:

$$l_{ij} = \frac{a_{ij} - \sum_{j=1}^{j-1} l_{ik} d_{kk} \overline{l_{jk}}}{d_{jj}}, \quad j = \overline{1, n}, i = \overline{j+1, n} \ (2.16)$$

Таким чином, LDL факторизація матриці відбувається за n ітерацій. Всі елементи  $l_{ii}$ ,  $i=\overline{1,n}$  дорвівнюють 1. На кожній ітерації j треба обчислити значення елементів  $d_{ij}$  за формулою (2.15), а потім —  $l_{ij}$  за (2.16).

Після факторизації матриці А ми отримаємо наступне рівняння:

$$LDL^{\dagger}X = B (2.17)$$

Вираз (2.17) можна перезаписати як:

$$LY = B$$
,  $Y = DL^{\dagger} X$  (2.18)

далі як:

$$DZ = Y$$
,  $Z = L^{\dagger} X (2.19)$ 

в кінці вже як:

$$L^{\dagger}X = Z(2.20)$$

3 рівності (2.18) випливає, що:

$$y_i = b_i - \sum_{i=1}^{i-1} l_{ij} y_j, \quad i = \overline{1, n}$$

3 виразу (2.19):

$$z = \frac{y_i}{d_{ii}}, \quad i = \overline{1, n}$$

Далі з (2.20) випливає остаточним вираз обчислення вектора X:

$$x_i = z_i - \sum_{j=i+1}^n \overline{l_{ji}} x_j, \quad i = \overline{n,1}$$

#### 2.3. Метод обертання [2]

Цей метод опирається на обнуленні значень матриці коефіцієнтів *А* та зміні вектора вільних членів *В* до верхньотрикутного вигляду та використанні етапу знаходження вектора значень змінних метода Гауса.

Давайте розглянемо систему лінійних рівнянь наступного вигляду:

Нехай  $c_1$  і  $s_1$  — значення, відмінні від нуля. Нехай вони будуть рівними наступним значенням:

$$c_1 = \frac{a_{11}}{\sqrt{a_{11}^2 + a_{21}^2}}, \quad s_1 = \frac{a_{21}}{\sqrt{a_{11}^2 + a_{21}^2}} (2.22)$$

Нехай значення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів будуть мати наступні значення:

$$\begin{array}{ll} a_{1j}^{(1)} = c_1 a_{1j} + s_1 a_{2j} & j = \overline{1, n}, b_1^{(1)} = c_1 b_1 + s_1 b_2 \\ a_{2j}^{(1)} = -s_1 a_{1j} + c_1 a_{2j} & j = \overline{2, n}, b_2^{(1)} = -s_1 b_1 + c_1 b_2 \end{array} (2.23)$$

Другий елемент першого рівняння матриці коефіцієнтів буде мати наступне значення під час розкриття значення змінних:

$$\begin{aligned} a_{21} &= -s_1 a_{1j} + c_1 a_{2j} = -a_{21} k a_{11} + a_{11} k a_{21} = k (a_{11} a_{21} - a_{11} a_{21}) = 0 \\ k &= \frac{1}{\sqrt{a_{11}^2 + a_{21}^2}} \end{aligned}$$

Під час підстановки нових значень матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів (2.21) по формулам (2.22) та (2.23), система лінійних алгебраїчних рівнянь буде мати наступний вигляд:

Далі рівняння системи (2.24) замінюємо новим, але операція буде проводитися вже для першого та третього рівняння:

$$a_{11}^{(2)}x_1 + a_{12}^{(2)}x_2 + \dots + a_{1n}^{(2)}x_n = b_1^{(2)}$$

$$a_{22}^{(1)}x_2 + \dots + a_{2n}^{(1)}x_n = b_2^{(1)}$$

$$a_{32}^{(1)}x_2 + \dots + a_{3n}^{(1)}x_n = b_2^{(1)}$$

$$\vdots$$

$$a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n$$

Для першого та третього рівнняння (2.25) будуть використані наступні формули:

$$c_{2} = \frac{a_{11}^{(1)}}{\sqrt{a_{11}^{(1)2} + a_{31}^{2}}}, \quad s_{2} = \frac{a_{31}}{\sqrt{a_{11}^{(1)2} + a_{31}^{2}}}$$

$$a_{1j}^{(2)} = c_{2} a_{1j}^{(1)} + s_{2} a_{3j} \quad j = \overline{1, n}, \quad b_{1}^{(2)} = c_{2} b_{1}^{(1)} + s_{2} b_{3}$$

$$a_{3j}^{(1)} = -s_{2} a_{1j}^{(1)} + c_{2} a_{3j} \quad j = \overline{2, n}, \quad b_{3}^{(1)} = -s_{2} b_{1}^{(1)} + c_{2} b_{3}$$

Після двох ітерацій можна почати перетворювати систему рівнянь для четвертого рівняння і наступних. Після наступних ітерацій ми отримаємо підсистему рівнянь з (2.25) наступного вигляду:

$$a_{22}^{(1)}x_2 + \dots + a_{2n}^{(1)}x_n = b_2^{(1)}$$
  
 $\vdots \qquad \vdots \qquad \vdots$   
 $a_{n2}^{(1)}x_2 + \dots + a_{nn}^{(1)}x_n = b_n^{(1)}$   
 $(2.26)$ 

Тепер залишається лише перетворити рівняння (2.26) за минулим алгоритмом. В результаті ми отримаємо наступну систему рівнянь:

$$a_{11}^{(n-1)}x_1 + a_{12}^{(n-1)} \dots + a_{1n}^{(n-1)} = b_1^{(n-1)}$$

$$a_{22}^{(n-1)} \dots + a_{2n}^{(n-1)} = b_2^{(n-1)}$$

$$\vdots \qquad \vdots$$

$$a_{nn}^{(n-1)}x_n = b_n^{(n-1)}$$

Після чого ми можемо отримати розв'язки системи лінійних рівнянь з остаточної системи рівнянь (2.27) за допомогою зворотнього методу Гауса.

#### 3 ОПИС АЛГОРИТМІВ

Перелік всіх основних змінних та їхнє призначення наведено в таблиці 3.1.

Таблиця 3.1 — Основні змінні та їхні призначення.

Змінна	Призначення
A	Матриця коефіцієнтів
В	Вектор вільних коефіцієнтів
IsSolvable	Ознака можливості вирішення СЛАР
i	Лічильник циклу
j	Лічильник циклу
k	Лічильник циклу
S	Сума ряду
X	Вектор розв'язків СЛАР

#### 3.1 Загальний алгоритм

- 1. ПОЧАТОК
- 2. Зчитати розмірність системи.
- 3. Зчитати матрицю системи та стовпець вільних членів:
  - 3.1. Зчитати матрицю коефіцієнтів:
    - 3.1.1. Цикл проходу по всіх рядках матриці системи ( $a_i$  поточний рядок):
      - 3.1.1.1. Цикл проходу всіх стовпцях матриці системи ( $a_{ij}$  поточний рядок):

- 3.1.1.1. ЯКЩО поточний елемент матриці вірно записане число, ТО записати його в відповідну комірку А. ІНАКШЕ видати повідомлення про помилку та перейти до пункту 10.
- 3.2. Зчитати вектор вільних коефіцієнтів:
  - 3.2.1. Цикл проходу по всіх елементах стовпця вільного членів:
    - 3.2.1.1. Якщо поточний елемент вектора вільних коефіцієнтів вірно записане число, ТО записати його в відповідну комірку В. ІНАКШЕ видати повідомлення про помилку та перейти до пункту 10.
- 4. ЯКЩО детермінант матриці А рівен 0 ТО
  - 4.1. вивсети повідомлення про нульовий детермінант мтариці коефіцієнтів.
- 5. ЯКЩО обраний LUP-метод, ТО обробити дані згідно алгоритму методу Якобі (підрозділ 3.2).
- 6. ЯКЩО обраний метод Гауса-Зейделя, ТО обробити дані згідно алгоритму методу Якобі (підрозділ 3.3).
- 7. ЯКЩО обраний метод обертання, ТО обробити дані згідно алгоритму методу Якобі (підрозділ 3.4).
- 8. ЯКЩО IsSolvable дорівнює правді, ТО:
  - 8.1. ЯКЩО обрана система має дві невідомих, ТО побудувати та вивести графік системи рівнянь.
  - 8.2. Вивести рішення системи з вектора X.
  - 8.3. Записати систему та її рішення у файл.
- 9. ІНАКШЕ вивсети повідомлення про неможливість розв'язання СЛАР вказаним методом.
- 10. КІНЕЦЬ
  - 3.2 Алгоритм LUP-методу

- 1. ПОЧАТОК
- 2. Отримати розмірність матриці A як n.
- 3. Створити новий вектор P розміром n.
- 4. Заповнення вектора Р початковими значеннями:
  - 4.1. ЦИКЛ по всім індексам нової матриці P лічильником i:
    - 4.1.1. Встановити значення  $p_i$  як i.
- 5. Створити нову матрицю NA розмірністю в n рядків та n стовпців.
- 6. Копіювання матриці A до матриці NA:
  - 6.1. ЦИКЛ по всім рядкам нової матриці NA лічильником i:
    - 6.1.1. ЦИКЛ по всім стовпцям нової матриці NA лічильником j:
      - 6.1.1.1. Встановити значення  $na_{ij}$  як у елемента  $a_{ij}$ .
- 7. Знайти факторизацію матриці NA:
  - 7.1. Обміняти значення двох рядків матриці NA для забезпечення можливості розв'язання у випадку, коли  $na_{ii}$ =0:
    - 7.1.1. ЦИКЛ для змінної j від l до n:
      - 7.1.1.1. Знайти рядок з максимальним значенням i, де  $|na_{ii}| = |\max na_{ki}|, j = \overline{j,n}, i = \overline{j,n}$ :
        - 7.1.1.1. Встановити значення для змінної MaxColumnValue як  $a_{ij}$ .
        - 7.1.1.1.2. Встановити значення для змінної *MaxColumnIndex* як *j*.
        - 7.1.1.3. ЦИКЛ для змінної i від j+1 до n:
          - 7.1.1.3.1. ЯКЩО  $|na_{ij}| > |MaxColumnValue|$ , ТО
          - 7.1.1.3.2. Встановити значення для змінної  $MaxColumnValue \$ як  $na_{ij}.$
          - 7.1.1.1.3.3. Встановити значення для змінної *MaxColumnIndex* як і.
      - 7.1.1.2. ЯКЩО  $MaxColumnValue = 0 \in правдою, TO$

- 7.1.1.2.1. Встановити змінну *IsSolvable* як хиба.
- 7.1.1.2.2. Перейти до пункту 11.
- 7.1.2. ЦИКЛ для змінної i від l до n:
  - 7.1.2.1. Обміняти елементи матриці NA  $a_{j,i}$  та  $na_{MaxColumnIndex,i}$  місцями.
- 7.1.3. Обміняти елементи вектора  $P_{i}$  та  $p_{MaxColumnIndex}$  місцями.
- 7.2. Ітерація факторизації матриці NA:
  - 7.2.1. ЦИКЛ для змінної i від j до n:
    - 7.2.1.1. Встановити змінну s як суму циклу з початковим значенням 0.
    - 7.2.1.2. ЦИКЛ для змінної k від l до j l:
      - 7.2.1.2.1. Збільшити значення змінної s як суми циклу на  $na_{ik}a_{ki}$ .
    - 7.2.1.3. Встановити значення елементу матриці  $a_{ii}$  як  $a_{ii}$  s.
    - 7.2.1.4. ЯКЩО *i>j*, ТО
      - 7.2.1.4.1. Встановити змінну s як суму циклу з початковим значенням 0.
      - 7.2.1.4.2. ЦИКЛ для змінної k від  $\theta$  до j l:
        - 7.2.1.4.2.1. Збільшити значення змінної s як суми циклу на  $na_{ik}a_{ki}$ .
      - 7.2.1.4.3. Встановити значення елементу матриці  $a_{ji}$  як  $\frac{a_{ji}-s}{a_{ji}}$ .
- 7.3. Створити нову матрицю L розмірністю в n рядків та n стовпців.
- 7.4. Створити нову матрицю U розмірністю в n рядків та n стовпців.
- 7.5. Заповнити матрицю L матрицею NA:
  - 7.5.1. ЦИКЛ по всім рядкам нової матриці L лічильником j:
    - 7.5.1.1. ЦИКЛ для змінної *і* від *1* до *j*:
      - 7.5.1.1.1.1. Встановити значення  $l_{ji}$  як  $na_{ji}$ .
- 7.6. Заповнити матрицю L матрицею NA:
  - 7.6.1. ЦИКЛ по всім рядкам нової матриці U лічильником j:

7.6.1.1. ЦИКЛ для змінної i від j до n:

7.6.1.1.1. ЯКЩО *i>j*, ТО

7.6.1.1.1.1. Встановити значення  $u_{ji}$  як  $a_{ji}$ .

7.6.1.1.2. ІНАКШЕ

7.6.1.1.2.1. Встановити значення  $u_{ii}$  як 1.

- 8. Обчислити значення вектора Y:
  - 8.1. Створити новий вектор Y розміру n.
  - 8.2. ЦИКЛ для змінної i від l до n:
    - 8.2.1. Встановити змінну s як суму циклу з початковим значенням 0.
    - 8.2.2. ЦИКЛ для змінної k від 0 до i 1:
      - 8.2.2.1. Збільшити значення змінної s як суми циклу на  $l_{ik} y_k$ .
    - 8.2.3. Встановити значення вектора  $y_i$  як  $\frac{b_{p_i} s}{l_{ii}}$ .
- 9. Обчислити значення вектора X:
  - 9.1. Створити новий вектор Y розміру n.
  - 9.2. ЦИКЛ для змінної i від n до l донизу:
    - 9.2.1. Встановити змінну s як суму циклу з початковим значенням 0.
    - 9.2.2. ЦИКЛ для змінної k від i + 1 до n:
      - 9.2.2.1. Збільшити значення змінної s як суми циклу на  $u_{ik}x_k$ .
    - 9.2.3. Встановити значення розв'язка  $x_i$  як  $y_i$  s.
- 10. Встановити змінну IsSolvable як правда.
- 11. КІНЦЕЬ
  - 3.3 Алгоритм методу Гауса-Холецького
- 1. ПОЧАТОК
- 2. Задати змінній n значення розміру матриці A.
- 3. Обчислення розкладу Холецького:

- 3.1. Створити квадратну матрицю L розміром n.
- 3.2. Створити квадратну матрицю D розміром n.
- 3.3. ЦИКЛ для змінної j від 1 до n:
  - 3.3.1. Встановити значення елементу матриці  $L_{j,j}$  як 1.
  - 3.3.2. Встановити значення для змінної суми *s* значення 0.
  - 3.3.3. ЦИКЛ для змінної k від 1 до j-1:
    - 3.3.3.1. Збільшити змінну суми s на  $L_{j,k}^2 D_{k,k}$ .
  - 3.3.4. Встановити значення елементу матриці  $D_{j,j}$  як  $A_{j,j}$  s.
  - 3.3.5. ЦИКЛ для змінної i від j+1 до n:
    - 3.3.5.1. ЯКЩО  $D_{j,j}$  дорівнює 0:
      - 3.3.5.1.1. Встановити змінну *IsSolvable* як хиба.
      - 3.3.5.1.2. Перейти до пункту 9.
    - 3.3.5.2. Встановити значення для змінної суми *s* значення 0.
    - 3.3.5.3. ЦИКЛ для змінної k від 1 до j-1:
      - 3.3.5.3.1. Збільшити змінну суми s на  $L_{i,k}D_{k,k}L_{j,k}$ .
    - 3.3.5.4. Встановити значення елементу матриці  $L_{i,j}$  як  $\frac{A_{i,j}-s}{D_{j,j}}$ .

#### 4. Обчислення стовбця У:

- 4.1. Створити стовпець-вектор Y розміром n.
- 4.2. ЦИКЛ для змінної *і* від 1 до *n*:
  - 4.2.1. Встановити значення для змінної суми *s* значення 0.
  - 4.2.2. ЦИКЛ для змінної k від 1 до i-1:
    - 4.2.2.1. Збільшити змінну суми s на  $L_{i,j}Y_j$ .
  - 4.2.3. Встановити значення елементу вектора  $Y_i$  як  $B_i$  s.

#### 5. Обчислення стовбця Z:

- 5.1. Створити стовпець-вектор Z розміром n.
- 5.2. ЦИКЛ для змінної i від 1 до n:
  - 5.2.1. ЯКЩО  $D_{j,j}$  дорівнює 0:
    - 5.2.1.1. Встановити змінну *IsSolvable* як хиба.

- 5.2.1.2. Перейти до пункту 9.
- 5.2.2. Встановити значення елементу вектора  $Z_i$  як  $\frac{Y_i}{D_{i,i}}$ .
- 6. Обчислення стовбця X:
  - 6.1. Створити стовпець-вектор X розміром n.
  - 6.2. ЦИКЛ для змінної i від n до 1 змінюючи змінну на -1:
    - 6.2.1. Встановити значення для змінної суми *s* значення 0.
    - 6.2.2. ЦИКЛ для змінної k від i+1 до n:
      - 6.2.2.1. Збільшити змінну суми s на  $L_{i,i}X_k$ .
    - 6.2.3. Встановити значення елементу вектора  $X_i$  як  $Z_i$  s.
- 7. Перевірити коректність результиту виконання методу:
  - 7.1. Перевірити, чи  $\epsilon$  результат алгоритму коректним:
    - 7.1.1. Створити новий вектор стовпець NewB розміром n.
    - 7.1.2. ЦИКЛ для змінної *у* від 1 до *n*:
      - 7.1.2.1. ЦИКЛ для змінної *х* від 1 до *n*:
        - 7.1.2.1.1. Встановити значення елементу матриці  $NewB_y$  як  $A_{y,x}X_x$

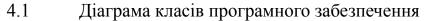
.

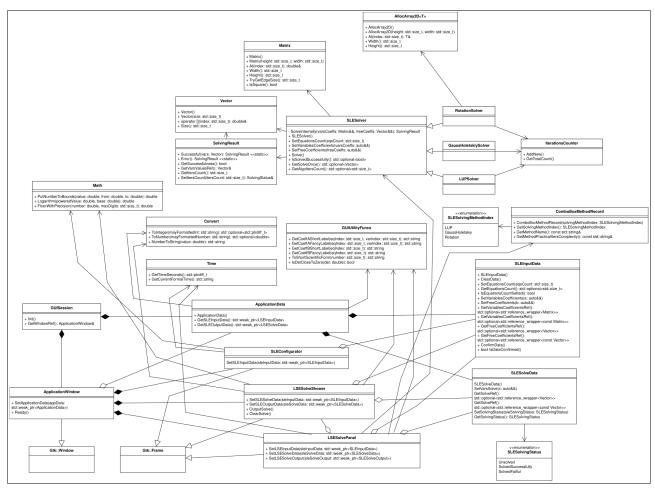
- 7.1.3. ЦИКЛ для змінної *у* від 1 до *n*:
  - 7.1.3.1. ЯКЩО  $|NewB_v New_x|$  не дорівнює 0:
    - 7.1.3.1.1. Встановити змінну IsSolvable як хиба.
    - 7.1.3.1.2. Перейти до пункту 9.
- 7.2. Перевірити, чи  $\epsilon$  результат алгоритму лише одним з рішенням СЛАР:
  - 7.2.1. ЯКЩО *п* менше 2:
    - 7.2.1.1. Перейти до пункту 8.
  - 7.2.2. Встановити змінній *IsAmbigious* значення хиби.
  - 7.2.3. ЦИКЛ для змінної *і* від 1 до *n*:
    - 7.2.3.1. ЯКЩО  $B_i$  не дорівнює 0 або  $X_i$  не дорівнює 0:
      - 7.2.3.1.1. Встановити змінній *IsAmbigious* значення правди.

- 7.2.4. ЯКЩО значення *IsAmbigious* дорівнює хибі.
- 8. Встановити змінну IsSolvable як правда.
- 9. КІНЕЦЬ
  - 3.4 Алгоритм методу обертання
- 1. ПОЧАТОК
- 2. Отримати розмірність матриці A як n.
- 3. Створити нову матрицю NA розмірністю в n рядків та n+1 стовпців.
- 4. Заповити нову матрицю NA значеннями з матриці A та B.
  - 4.1. ЦИКЛ по всім рядкам нової матриці лічильником i:
    - 4.1.1. ЦИКЛ по всім стовпцям нової матриці лічильником *j*:
      - 4.1.1.1. ЯКЩО вираз  $j \le n \in п$ равдивим, ТО
        - 4.1.1.1. Встановити значення  $na_{ij}$  як у елемента  $a_{ij}$ .
      - 4.1.1.2. ІНАКШЕ
        - 4.1.1.2.1. Встановити значення  $na_{ij}$  як у елемента  $b_i$ .
- 5. Обчислити розкладання нової матриці NA:
  - 5.1. ЦИКЛ для змінної i від l до n-l:
    - 5.1.1. ЦИКЛ для змінної j від i + 1 до n:
      - 5.1.1.1. Встановити значення для змінної b як  $na_{ji}$ .
      - 5.1.1.2. Встановити значення для змінної а як  $na_{ii}$ .
      - 5.1.1.3. ЯКЩО значення  $a^2 + b^2$  не  $\epsilon$  позитивним, ТО
        - 5.1.1.3.1. Встановити змінну *IsSolvable* як хиба.
        - 5.1.1.3.2. Перейти до пункту 8.
      - 5.1.1.4. Встановити значення для змінної с як  $\frac{a}{\sqrt{(a^2+b^2)}}$ .
      - 5.1.1.5. Встановити значення для змінної b як  $\frac{b}{\sqrt{(a^2+b^2)}}$ .
      - 5.1.1.6. ЦИКЛ для змінної k від i до n+1:
        - 5.1.1.6.1. Встановити значення для змінної t як  $na_{ik}$ .
        - 5.1.1.6.2. Встановити значення елементу матриці  $na_{ik}$  як  $ca_{ik}$ +  $sa_{jk}$ .

- 5.1.1.6.3. Встановити значення елементу матриці  $na_{jk}$  як  $-st + ca_{jk}$ .
- 6. Обчислити значення вектора X довжиною n:
  - 6.1. ЦИКЛ для змінної i від n до l донизу:
    - 6.1.1. Встановити змінну з сумми цикла як 0.
    - 6.1.2. ЦИКЛ для змінної j від i + 1 до n:
      - 6.1.2.1. Збільшити значення s змінної суми цикла на  $a_{ij}x_j$ .
      - 6.1.2.2. ЯКЩО значення  $a_{ii}$  є нулем, ТО
        - 6.1.2.2.1. Встановити змінну *IsSolvable* як хиба.
        - 6.1.2.2.2. Перейти до пункту 8.
      - 6.1.2.3. Встановити значення розв'язку  $x_i$  як  $\frac{a_{in}-s}{a_{ii}}$ .
- 7. Встановити змінну IsSolvable як правда.
- 8. КІНЕЦЬ

## 4 ОПИС ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ





На рисунку 4.1 зображено діаграму класів всього програмного забезпечення та їхні взаємозв'язки між собою.

Рисунок 4.1 — зображенння UML діаграми класів

- 4.2 Опис методів частин програмного забезпечення
- 4.2.1 Користувацькі методи

У таблиці 4.1 наведено більшість методів, які були спроектовані та реалізовані самостійно під час створення даного програмного забезпечення.

Таблиця 4.1 — Користувацькі методи

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
1.	Vector	Vector	Створити			Vector.hp
			новий пустий			p
			вектор			
2.	Vector	Vector	Створити	size		Vector.hp
			новий вектор			p
			довжини size			
3.	Vector	operator[]	Отримати	index		Vector.hp
			посилання на			p
			елемент			
			вектора			
4.	Vector	Size	Отримати			
			довжину			
			вектора			
5.	Matrix	Matrix	Створити			Matrix.hp
			нову пусту			p
			матрицю			
6.	Matrix	Matrix	Створити	height, width		Matrix.hp
			матрицю			p
			розмірністю			
			width на height			
7.	Matrix	At	Отримати	y, x		Matrix.hp
			посилання на			p
			елемент			

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
			матриці			
8.	Matrix	Width	Отримати			Matrix.hp
			кількість			p
			стовпців			
			матриці			
9.	Matrix	Height	Отримати			Matrix.hp
			кількість			p
			рядків			
			матриці			
10.	Matrix	TryGetEd	Спробувати			Matrix.hp
		geSize	отримати			p
			розмірність			
			квадратної			
			матриці по її			
			ширині			
11.	Matrix	IsSquare	Чи є матриця			Matrix.hp
			квадратною			p
12.	AllocArray	AllocArra	Створини			AllocArra
	2D <t></t>	y2D	пустий новий			y2D.inc.h
			двовимірний			pp
			масив			
13.	AllocArray	AllocArra	Створини	height, width		AllocArra
	2D <t></t>	y2D	новий			y2D.inc.h
			двовимірний			pp

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
			масив			
			шириною			
			width та			
			висотою			
			height			
14.	AllocArray	At	Отримати	y, x		AllocArra
	2D <t></t>		посилання на			y2D.inc.h
			елемент			pp
			двовимірного			
			масиву по			
			ширині х та			
			висоті у			
15.	AllocArray	Width	Отримати			AllocArra
	2D <t></t>		ширину			y2D.inc.h
			двовимірний			pp
			масиву			
16.	AllocArray	Height	Отримати			AllocArra
	2D <t></t>		висоту			y2D.inc.h
			двовимірний			pp
			масиву			
17.	SolvingRes	Successfu	Отримати			LSESolve
	ult	1	об'єкт типу			r.hpp
			класу цього			
			методу.			

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
			Об'єкт			
			репрезентує,			
			що статус			
			значення є			
			успішним при			
			обробці			
18.	SolvingRes	Error	Отримати			LSESolve
	ult		об'єкт типу			r.hpp
			класу цього			
			методу.			
			Об'єкт			
			репрезентує,			
			що статус			
			значення не є			
			успішним при			
			обробці			
19.	SolvingRes	GetSucce	Отримати			
	ult	ssfulness	статус, чи є			
			результат			
			обрахунків			
			успішним			
20.	SolvingRes	GetVarsV	Отримати			
	ult	aluesRef	посилання на			
			значення			

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
			невідомих			
			змінних СЛАР			
21.	SolvingRes	GetItersC	Отримати			
	ult	ount	кількість			
			ітерацій			
			алгоритму			
22.	SolvingRes	SetItersC	Встановити	itersCount		LSESolve
	ult	ount	кількість			r.hpp
			ітерацій при			
			виконанні			
			алгоритмів та			
			вернути			
			оригінальний			
			об'єкт			
23.	SLESolver	LSESolv	Конструктор			LSESolve
		er	стану об'єкта			r.hpp
			цього типу			
24.	SLESolver	~LSESol	Віртуальний			LSESolve
		ver	деструктор			r.hpp
			для класів-			
			нащадків			
25.	SLESolver	SetEquati	Встановити	eqsCount		LSESolve
		onsCount	кількість			r.hpp
			лінійних			

			_:		
			рівнянь		
			€диножди		
26.	SLESolver	SetVariab	Встановити	varsCoeffs	LSESolve
		lesCoeffi	матрицю		r.hpp
		cients	коефіцієнтів		
27.	SLESolver	SetFreeC	Встановити	freeCoeffs	LSESolve
		oefficient	вектор		r.hpp
		S	вільних членів		
28.	SLESolver	Solve	Почати		LSESolve
			процес		r.hpp
			розв'язку		
			встановленної		
			СЛАР		
29.	SLESolver	IsSolved	Отримати		LSESolve
		Successfu	статус		r.hpp
		lly	виконання		
			алгоритму		
			розв'язку		
30.	SLESolver	GetSolve	Отримати		LSESolve
		Once	розв'язок		r.hpp
			встановленої		
			СЛАР		
			єдиножди		
31.	SLESolver	GetAlgoI	Отримати		LSESolve
		tersCount	кількість		r.hpp
			ітерацій при		
			викоанні		

			алогритму		
32.	SLEInputD	ClearDat	Скинути стан		GUI.hpp
	ata	a	об'єку даних		
			СЛАР		
33.	SLEInputD	SetEquati	Встановити	eqsCount	GUI.hpp
	ata	onsCount	кількість		
			рівнянь		
34.	SLEInputD	IsEquatio	Перевірити,		GUI.hpp
	ata	nsCountS	чи		
		etted	встановлено		
			кількість		
			рівнянь		
35.	SLEInputD	SetVariab	Встановити	a	GUI.hpp
	ata	lesCoeffi	матрицю		
		cients	коефіцієнтів		
36.	SLEInputD	SetFreeC	Встановити	b	GUI.hpp
	ata	oefficient	вільні		
		S	коефіцієнти		
37.	SLEInputD	GetVaria	Отримати		GUI.hpp
	ata	blesCoeff	посилання на		
		icients	матрицю		
			коефіцієнтів		
38.	SLEInputD	GetFreeC	Отримати		GUI.hpp
	ata	oefficient	посилання на		
		S	вільні		
			коефіцієнти		

39.	SLEInputD	Confirm	Підтвердити		GUI.hpp
	ata	Data	дані СЛАР		
40.	SLEInputD	IsDataCo	Перевірити,		GUI.hpp
	ata	nfirmed	чи є слар		
			підтверджено		
			Ю		
41.	SLESolve	SetVarsS	Встановити	X	GUI.hpp
	Data	olve	розв'язок		
			СЛАР		
42.	SLESolve	GetSolve	Отримтаи		GUI.hpp
	Data	Ref	посилання на		
			розв'язок		
			СЛАР		
43.	SLESolve	SetSolvin	Встановити	sleSolvingSta	GUI.hpp
	Data	gStatus	статус	tus	
			вирішення		
			СЛАР		
44.	SLESolve	GetSolvi	Отримати		GUI.hpp
	Data	ngStatus	статус		
			вирішення		
			СЛАР		
45.	GUISessio	GUISessi	Створити		GUI.hpp
	n	on	об'єкт типу		
			ceciï		
			графічного		
			інтерфейсу		

46.	GUISessio	Init	Ініціалізувати		GUI.hpp
	n		вікно		
			графічної сесії		
			аргументами		
			командного		
			рядка		
47.	GUISessio	GetWind	Отримати		GUI.hpp
	n	ow	посилання на		
			вікно		
			програми		
48.	Applicatio	GetSLEI	Отримати		GUI.hpp
	nData	nputData	посилання на		
			вхідні дані		
			СЛАР		
49.	Applicatio	GetSLEO	Отримати		GUI.hpp
	nData	utputData	посилання на		
			дані розв'язку		
			СЛАР		
50.	Applicatio	SetApplic	Встановити	appData	GUI.hpp
	nWindow	ationData	посилання на		
			об'єкт, що		
			зберігає дані		
			програми		
51.	Applicatio	Ready	Встановити		GUI.hpp
	nWindow		стан вікна як		
			готового для		
			опрацювання		

52.	SLEConfig	SetLSEIn	Встановити	sleInputData	GUI.hpp
	urator	putData	місце для		
			запису		
			конфігурації		
			СЛАР		
53.	SLESolveS	SetSLEO	Встановити	sleSolveData	GUI.hpp
	hower	utputData	місце для		
			зчитання		
			даних СЛАР		
54.	SLESolveS	SetSLEIn	Встановити	sleInputData	GUI.hpp
	hower	putData	місце для		
			зчитання		
			даних про		
			розв'язок		
			СЛАР		
55.	SLESolveS	OutputSo	Показати		GUI.hpp
	hower	lve	розв'язки		
			СЛАР		
56.	SLESolveS	ClearSolv	Приховати		GUI.hpp
	hower	e	розв'язки		
			СЛАР		
57.	SLESolveP	SetSLEIn	Встановити	sleInputData	GUI.hpp
	anel	putData	місце для		
			зчитання		
			даних СЛАР		
58.	SLESolveP	SetSLES	Встановити	sleSolveData	GUI.hpp
	anel	olveData	місце для		

			запису даних про розв'язок СЛАР			
59.	SLESolveP anel	SetSLES olveOutp ut	Встановити віджет для відображення розв'язків СЛАР	sleSolveOutp ut		GUI.hpp
60.	Convert	ToInteger	Конвертує рядок до цілого числа зі знаком	mayFormatte dInteger	std::optiona l <std::ptrdif f_t&gt;</std::ptrdif 	
61.	Convert	ToNumbe r	Конвертує рядок до дійсного числа	mayFormatte dNumber	std::optiona l <double></double>	Convert.h
62.	Convert	NumberT oString	Конвертує дійсне число до рядка зі сталим форматом	number	Std::string	Convert.h
63.	GUIUtility Funcs	GetCoeff AShortLa bel	Конвертує коефіцієнт матриці коефіцієнтів до рядка з мінімальною	EqIndex, varIndex		GUI.hpp

			інформацієї			
64.	GUIUtility	GetCoeff	Конвертує	EqIndex,		GUI.hpp
	Funcs	AFancyL	коефіцієнт	varIndex		
		abel	матриці			
			коефіцієнтів			
			до рядка з			
			красивим			
			форматування			
			M			
65.	GUIUtility	GetCoeff	Конвертує	eqIndex		GUI.hpp
	Funcs	BShortLa	коефіцієнт			
		bel	вектора			
			вільних членів			
			до рядка з			
			мінімальною			
			інформацієї			
66.	GUIUtility	GetCoeff	Конвертує	eqIndex		GUI.hpp
	Funcs	BFancyL	коефіцієнт			
		abel	вектора			
			вільних членів			
			до рядка з			
			красивим			
			форматування			
			M			
67.	Math	PutNumb	Повернути	value, from,	double	Math.hpp
		erToBoun	таке число,	to		
		ds	яке буде в			

			рамках встановлених границь			
68.	Math	Logarith m	Функція логарифму	poweredValu e, base	double	Math.hpp
69.	Math	FloorWit hPrecisio n	Округлити число до деякої кількості цифр після коми	number, maxDigits	double	Math.hpp
70.	GUIUtility Funcs	ToShortS cientificF orm	Конвертує число до експоненціаль ного числового формату з точністю до невеликої кількості знаків після коми.	number	std::string	GUI.hpp
71.	GUIUtility Funcs	IsDetClos eToZero	Перевіряє, чи є детермінант надто близьким до нуля	det	bool	GUI.hpp

72.	GUIUtility	Uniform	Повертає	double	GUI.hpp
	Funcs	Random	випадкове		
			число в		
			діапазові [0;1]		

# 4.2.2 Стандартні методи

У таблиці 4.2 наведено більшість вбудованих, стандартизованих та зовнішніх методів з бібліотек, які були використані під час створення даного програмного забезпечення [3] [4].

Таблиця 4.2 — Стандартні методи

No	Назва	Назва	Призначення	Опис	Опис	Заголово
п/п	класу	методу	методу	вхідних	вихідних	чний
				параметрів	параметрів	файл
1.	std::vector	vector	Конструктор			vector
	<t></t>		порожнього			
			динамічного			
			масиву			
2.	std::vector	vector	Конструктор	size		vector
	<t></t>		динамічного			
			масиву з size			
			стандартних			
			елементів			
3.	std::vector	operator[]	Отримати	index	T&	vector
	<t></t>		посилання на			
			елемент			
4.	std::vector	size	Отримати		std::size_t	vector
	<t></t>		довжину			

5.	std::istring	istringstre	Новий	str		sstream
	stream	am	рядковий			
			вхідних потік			
			з вхідних			
			рядкомstr			
6.	std::istring	imbue	Встановити	_loc	std::locale	sstream
	stream		локаль			
7.	std::istring	operator>	Вивести	f	std::istream	sstream
	stream	>	форматовані			
			дані з потоку			
			до змінної			
8.	std::istring	fail	Перевірити,		bool	sstream
	stream		чи потік			
			зазнав			
			помилки			
9.	std::istring	eof	Перевірити,		bool	sstream
	stream		чи є потік у			
			кінці файла			
10.	std::unique	unique_pt	Конструктор			memory
	_ptr <t></t>	r	нового			
			унікального			
			розумного			
			покажчика			
11.	std::unique	reset	Перевстанови	p		memory
	_ptr <t></t>		ти покажчик			
12.	std::unique	operator	Отримати		Т&	memory
	_ptr <t></t>	*	посилання на			

			об'єкт		
			покажчика		
13.	std::shared	shared_pt	Конструктор		memory
	_ptr <t></t>	r	нового		
			спільного		
			покажчика		
14.	std::shared	operator	Отримати	Т&	memory
	_ptr <t></t>	*	посилання на		
			об'єкт		
			покажчика		
15.	std::weak_	weak_ptr	Конструктор		memory
	ptr <t></t>		нового		
			слабкого		
			покажчика		
16.	std::weak_	lock	Отримати	std::shared_	memory
	ptr <t></t>		новий	ptr <t></t>	
			спільний		
			покажчик,		
			який		
			посилається		
			так же, як і		
			слабкий		
			покажчик		
17.	std::option	optional	Конструктор		optional
	al <t></t>		нового		
			опціонального		
			значення, яке		

			буде сконструйован е пустим конструкторо м			
18.	std::option al <t></t>	optional	Конструктор нового опціонального значення, яке буде тримати значення об'єктаt	t		optional
19.	std::option al <t></t>	optional	Конструктор нового опціонального значення, яке не буде мати об'єкта, буде зберігати статус відсутності об'єкта	<<немає назви>>		optional
20.	std::option al <t></t>	value	Отрмати посилання на об'єкт опціонального об'єкта		Т&	optional

21.	std::option	has_value	Перевірити,		bool	optional
	al <t></t>		чи має			
			опціональний			
			об'єкт об'єкт			
22.	Gtk::Wind	Window	Конструктор			gtkmm.h
	ow		вікна			
23.	Gtk::Wind	set_title	Встновити	title		gtkmm.h
	ow		підпис до			
			вікна			
24.	Gtk::Wind	set_defau	Встановити	width, height		gtkmm.h
	ow	lt_size	мінімальний			
			розмір			
25.	Gtk::Wind	set_resiza	Перемкнути	resizable		gtkmm.h
	ow	ble	можливість			
			змінювати			
			розмір вікна			
26.	Gtk::Wind	set_borde	Встановити	border_width		gtkmm.h
	ow	r_width	внутрішній			
			відступ від			
			рамки всіх			
			внутрішніх			
			віджетів вікна			
27.	Gtk::Wind	set_sensit	Перемкнути	sensitive		gtkmm.h
	ow	ive	можливість			
			взаємодії з			
			внутрішніми			
			елементами			

			вікна		
28.	Gtk::Frame	Frame	Конструктор іменованої рамки		gtkmm.h
29.	Gtk::Frame	set_label	Встановити видиму назву рамки	label	gtkmm.h
30.	Gtk::Frame	set_size_r equest	Встановити мінімальний розмір	width, height	gtkmm.h
31.	Gtk::Frame	add	Додати єдиний елемент як дитячий віджет	widget	gtkmm.h
32.	Gtk::Frame	set_borde r_width	Встановити внутрішній відступ від рамки всіх внутрішніх віджетів	border_width	gtkmm.h
33.	Gtk::Frame	show	Показати даний віджет		gtkmm.h
34.	Gtk::Frame	show_all _children	Показати всі віджети цього віджета		gtkmm.h

35.	Gtk::Fixed	Fixed	Конструктор		gtkmm.h
			поля для		
			встановки		
			віджетів по		
			координатам		
36.	Gtk::Fixed	put	Додати віджет	v	gtkmm.h
			по вказаним		
			координатам		
			відносно		
			даного		
			віджета		
37.	Gtk::Fixed	show	Показати		gtkmm.h
			даний выджет		
38.	Gtk::Box	Box	Конструктор		gtkmm.h
			поля для		
			встановки		
			віджетів один		
			за одним		
39.	Gtk::Box	set_orient	Встновити	orientation	gtkmm.h
		ation	орієнтацію		
			списка		
			віджетів		
40.	Gtk::Box	set_spaci	Встановити	spacing	gtkmm.h
		ng	відстань між		
			віджетами		
41.	Gtk::Box	pack_star	Додати до	column	gtkmm.h
		t	списку новий		

			віджет		
42.	Gtk::Box	show	Показати даний віджет	child	gtkmm.h
43.	Gtk::Box	show_all _children	Показати всі віджети цього віджета		gtkmm.h
44.	Gtk::Grid	Grid	Конструктор сітки для відображення віджетів		gtkmm.h
45.	Gtk::Grid	attach	Додати новий віджет до сітки по координатам з вказаним розміром в клітинках	child, left, top, width, height	gtkmm.h
46.	Gtk::Grid	remove_c olumn	Прибрати один рядок	position	gtkmm.h
47.	Gtk::Grid	hide	Сховати даний віджет		gtkmm.h
48.	Gtk::Grid	show	Показати даний віджет		gtkmm.h
49.	Gtk::Grid	show_all _children	Показати всі віджети цього віджета		gtkmm.h

50.	Gtk::Label	Label	Конструктор			gtkmm.h
			віджета			
			відображення			
			тексту			
51.	Gtk::Label	Label	Конструктор	text		gtkmm.h
			віджета			
			відображення			
			тексту з			
			встановленим			
			текстом			
52.	Gtk::Label	set_text	Встановити	str		gtkmm.h
			текст для			
			вдображення			
53.	Gtk::Label	set_width	Встановити	n_chars		gtkmm.h
		_chars	розмір			
			віджета у			
			символах			
54.	Gtk::Label	set_size_r	Встановити	width, height		gtkmm.h
		equest	мінімальний			
			розмір			
55.	Gtk::Entry	Entry	Конструктор			gtkmm.h
			поля ввода			
56.	Gtk::Entry	set_place	Встановити	text		gtkmm.h
		holder_te	текст зо			
		xt	замовчування			
57.	Gtk::Entry	get_text	Отримати		Glib::ustrin	gtkmm.h
			введений			

			текст		g	
58.	Gtk::Entry	set_width _chars	Встановити ширину поля у символах	n_chars		gtkmm.h
59.	Gtk::Entry	set_max_ length	Встановити максимальну дожину введеного тексту	max		gtkmm.h
60.	Gtk::Entry	set_size_r equest	Встановити мінімальний розмір	width, height		gtkmm.h
61.	Gtk::Butto	Button	Конструктор			gtkmm.h
62.	Gtk::Butto	Button	Конструктор кнопки з встановленим текстом	text		gtkmm.h
63.	Gtk::Butto	signal_cli cked	Встановити логіку для події на натискання	slot_	Glib::Signal Proxy <void></void>	gtkmm.h
64.	Gtk::Comb oBox	ComboB ox	Конструктор поля зі списком			gtkmm.h
65.	Gtk::Comb	append	Додати новий	id, text		gtkmm.h

	oBox		пункт до			
			списку			
	C(1 - D :	Due in a	-			- 41 1.
66.	Gtk::Drawi		Конструктор			gtkmm.h
	ngArea	Area	холста для			
			програмного			
			малювання			
67.	Gtk::Drawi	set_size_r	Встановити	width, height		gtkmm.h
	ngArea	equest	мінімальний			
			розмір			
68.	Gtk::Drawi	signal_dr	Встановити	slot_	Glib::Signal	gtkmm.h
	ngArea	aw	логіку для		Proxy <void< td=""><td></td></void<>	
			події на		>	
			малювання			
69.	Gtk::Drawi	queue_dr	Принудово			gtkmm.h
	ngArea	aw	відправити			
			об'єкт до			
			черги для			
			відображення			
70.	Gtk::Alloc	Allocatio	Конструктор			gtkmm.h
	ation	n	об'єкта, що			
			відображає			
			геометричні			
			параметри			
			віджета			
71.	Gtk::Alloc	get_width	Отримати		int	gtkmm.h
	ation		реальну			
			ширину			

72.	Gtk::Alloc	get_heigh	Отримати		int	gtkmm.h
	ation	t	реальну			
			висоту			
73.	Cairo::Con	Context	Конструктор			gtkmm.h
	text		об'єкта, який			
			є інтерфейсом			
			для			
			малювання та			
			отримання			
			даних			
			Gtk::DrawingA			
			rea			
74.	Cairo::Con	get_alloc	Отримати		Gtk::Alloca	gtkmm.h
	text	ation	об'єкт типу		tion	
			Gtk::Allocation			
75.	Cairo::Con	set_sourc	Встановити	red, green,		gtkmm.h
	text	e_rgb	колір для	blue		
			малювання			
76.	Cairo::Con	rectangle	Намалювати	x, y, iwdth,		gtkmm.h
	text		прямокутник	height		
77.	Cairo::Con	fill	Заповнити			gtkmm.h
	text		весь холст			
			один коліром			
78.	Cairo::Con	stroke	Очистити			gtkmm.h
	text		буфер			
			координат			

79.	Cairo::Con	move_to	Додати нову	x, y	gtkmm.h
	text		координату до		
			буфера ліній		
80.	Cairo::Con	line_to	Намалювати	x, y	gtkmm.h
	text		лінію з		
			останньої		
			встановленої		
			координати		
81.	Cairo::Con	set_font_	Встановити	size	gtkmm.h
	text	size	розмір		
			шрифта		
82.	Cairo::Con	show_tex	Намалювати	utf8	gtkmm.h
	text	t	текст по		
			раніше		
			встановленим		
			параметрам		

### 5 ТЕСТУВАННЯ ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ

## 5.1 План тестування

Даний розділ посв'ячений тестуванню програмного забезпечення на наявність помилок, недоліків та інших відхилень від нормальної та коректної роботи програмного забезпечення.

У таблиці 5.1-5.6 показано тестування програмного забезпечення на різних етапах його виконання та його поведінку при різних маніпуляціях зцим програмним додатком.

У списку нижче показано короткий зміст та весь план тестування цієї програми:

- а) Тестування правильності введених значень.
  - 1) Тестування при введенні некоректних символів.
  - 2) Тестування при введенні замалих та завеликих значень.
- б) Тестування коректної роботи при введені систем, що не мають коренів.
  - 1) Тестування роботи програми при нульовому значенні визначника.
- в) Тестування коректності роботи методів 1, 2, 3 з довільними коефіцієнтами:
  - 1) Перевірка коректності роботи LUP-методу.
  - 2) Перевірка коректності роботи методу Гауса-Холецького.
  - 3) Перевірка коректності роботи методу обертання.
- г) Тестування побудови графіків.

## 5.2 Приклади тестування

Таблиця 5.1 — Приклад роботи програми при введенні некоректних символів.

Мета тесту	Перевірити можливість введення некоректних даних
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість рівнянь (3) встановлена
Вхідні дані	1 2 3 8; 4 c 6 5; 7 8 9 100
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів
Очікуваний результат	Повідомлення про помилку формату даних
Стан програми після проведення	Видано помилку «Введіть дійсне
випробувань	число»

Таблиця 5.2 — Приклад роботи програми при введенні замалих та завеликих значень.

Мета тесту	Перевірити можливість введення занадто великих або замалих чисел
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість рівнянь (2) встановлена
Вхідні дані	100 300 990; -670 480 30000
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів
Очікуваний результат	Повідомлення про помилку діапазону значень даних
Стан програми після проведення	Видано помилку «Комірка В[рівняння
випробувань	№2] не є в діапазоні [-10'000; 10'000]»

Таблиця 5.3 — Приклад роботи програми при нульовому значенні визначника.

Мета тесту	Перевірити можливість розв'язку
	СЛАР з нульовим визначником
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість рівнянь (3) встановлена, матриця коефіцієнтів та вектор вільних членів встановлені
Вхідні дані	1 3 2 5; 4 8 9 9; 0 0 0 1
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів
Очікуваний результат	Повідомлення про помилку вирішення СЛАР
Стан програми після проведення	Видано помилку «Детермінант
випробувань	матриці коеф. рівен 0»

Таблиця 5.4 — Приклад перевірки коректності роботи LUP-методу.

Мета тесту	Перевірити коректність роботи методу 1 на довільних даних
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість рівнянь (3) встановлена, матриця коефіцієнтів та вектор вільних членів встановлені, метод вирішення встановлений
Вхідні дані	146 136 102 3602; 136 155 100 3525; 102 100 114 3258
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів
Очікуваний результат	Повідомлення про розв'язок «X1: 10; X2: 3; X3: 17»

Стан програми після проведення	Видано розв'язок «X1: 10; X2: 3; X3:	
випробувань	17»	

Таблиця 5.5 — перевірки коректності роботи методу Гауса-Холецького.

Мета тесту	Перевірити коректність роботи методу
Wicia recry	2 на довільних даних
	Відкрите вікно програми та кількість
	рівнянь (3) встановлена, матриця
Початковий стан програми	коефіцієнтів та вектор вільних членів
	встановлені, метод вирішення
	встановлений
Вхідні дані	
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці
Схема проведення тесту	коефіцієнтів та вектора вільних членів
Ovivernovivi populit por	Повідомлення про розв'язок СЛАР
Очікуваний результат	«X1: 10; X2: 3; X3: 17»
	Видано розв'язок «X1:
Стан програми після проведення	9.9999999999998; X2:
випробувань	3.0000000000000027; X3:
	16.999999999999999

Таблиця 5.6 — перевірки коректності роботи методу обертання.

Mana	Перевірити коректність роботи методу
Мета тесту	3 на довільних даних
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість
	рівнянь (3) встановлена, матриця
	коефіцієнтів та вектор вільних членів
	встановлені, метод вирішення

	встановлений
Вхідні дані	8 7 5 138; 9 3 2 181; 6 4 1 224
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів
Очікуваний результат	Повідомлення про розв'язок «X1: 10; X2: 3; X3: 17»
	Видано розв'язок «X1:
Стан програми після проведення	9.9999999999996; X2:
випробувань	2.999999999999996; X3:
	17.0000000000000004»

Таблиця 5.7 — Приклад роботи графіку системи рівнянь.

Мета тесту	Перевірити коректність виведення графіку системи рівнянь				
Початковий стан програми	Відкрите вікно програми та кількість рівнянь (3) встановлена, матриця коефіцієнтів та вектор вільних членів встановлені, метод вирішення встановлений, СЛАР була вирішена успішно				
Вхідні дані	1 2 5; 3 4 6 LUP-метод				
Схема проведення тесту	Поелементне заповнення матриці коефіцієнтів та вектора вільних членів, натиснення на кнопки вирішення СЛАР				
Очікуваний результат	Графік системи рівнять, де пересічення прямих знаходиться в				

	точці «М (-4,4.5)»
Стан програми після проведення	Пересічення прямих у точці «
випробувань	M(-4.000e+00, 4.500e+00)»

## 6 ІНСТРУКЦІЯ КОРИСТУВАЧА

## 6.1 Робота з програмою

Після запуску виконавчого файлу з розширенням \*.exe, відкривається головне вікно програми:

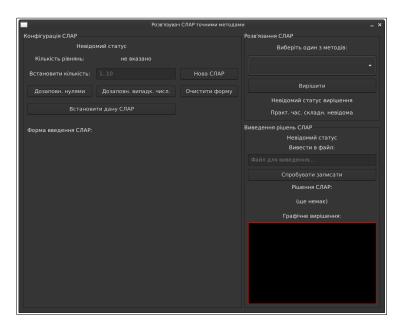


Рисунок 6.1 — Головне вікно програми

Далі треба встановити розмірність системи лінійних алгебраїчних рівнянь (далі — СЛАР) біля таблички «Встановити кількість», потім натиснути на клавішу «Нова СЛАР» щоб встановити нову СЛАР, яка буде оброблятися програмою (рисунок 6.2).

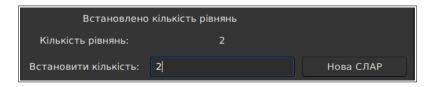


Рисунок 6.2 — Вибір розміру системи

Після чого треба встановити всі коефіцієнти матриці та вільні коефіцієнти до всіх комірок форми введення (рисунок 6.3). На рисунку 6.4 зображено форма введення СЛАР, яка повністю заповнена.

```
Форма введення СЛАР:

a1,1
X1 +
a1,2
X2 =
b1

a2,1
X1 +
a2,2
X2 =
b2
```

Рисунок 6.3 — Нова форма введення СЛАР

Рисунок 6.4 — Заповнена форма введення СЛАР

Потім треба натиснути на клавішу «Встановити дану СЛАР», що ви згодні встановити дану введену СЛАР до програми для подальшої обробки програмою (рисунок 6.5).

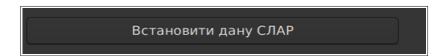


Рисунок 6.5 — Встановлення СЛАР для обробки програмою

Якщо значення комірок форми введення СЛАР не  $\epsilon$  числами, то буде виведена помилка про немождивість підтвердити дану СЛАР (рисунок 6.6).

Якщо СЛАР введена правильно користувачем, то буде відображено час підтвердження СЛАР (рисунок 6.7).

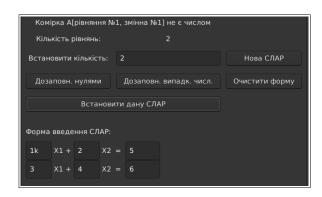


Рисунок 6.6 — Помилка підтвердження СЛАР

Дана СЛАР в	Дана СЛАР встановлена 13:51:22 UTC+00:00								
Кількість рівня	інь:								
Встановити кіль	кість: 2			Нова СЛАР					
Дозаповн. нул	ями Д	(озаповн	. випадк. числ.	Очистити форму					
Во	тановити д	дану СЛА	۱P						
Форма введення	СЛАР:								
1 X1 + 2	X2 =								
3 X1 + 4	X2 =								

Рисунок 6.7 — Час затвердження СЛАР

Далі користувач має вказати один з методів розв'язання введеної СЛАР до програми за допомогою вибору одного з методів у списку (рисунок 6.8) у підменю «Розв'язання СЛАР». Також можна побачити практичну складність обраного методу.

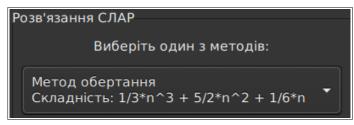


Рисунок 6.8 — Список вибору методу розв'язання СЛАР

Потім треба натиснути на клавішу «Вирішити» (рисунок 6.9) для запущення процесу розв'язання введеної СЛАР користувачем. Якщо детермінант матриці коефіцієнтів СЛАР є нульовим, то буде показана помилка про цю властивість матриці коефіцієнтів (рисунок 6.10).

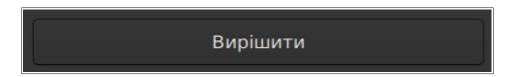


Рисунок 6.9 — Кнопка для початку процеси вирішення СЛАР

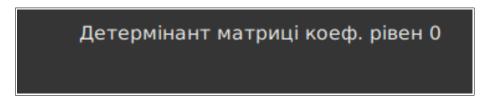


Рисунок 6.10 — Помилка про нульовий детермінант матриці коефіцієнтів

Якщо обраний метод не може вирішити встановлену СЛАР, то буде виведено повідомлення про цю подію (рисунок 6.11).

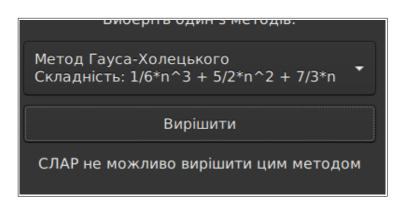


Рисунок 6.11 — Повідомлення про неможливість вирішити СЛАР обраним методом

Якщо встановлена СЛАР для обробки була вирішена успішно, то буде виведена таблиця значень невідомих коефіцієнтів цієї СЛАР (рисунок 6.13).

Також буде виведена практична складність та час вирішення СЛАР обраним методом (рисунок 6.12).

СЛАР вирішено 13:52:43 UTC+00:00 СЛАР вирішено за 13 ітерацій

Рисунок 6.12 — Практична складність методу та час вирішення СЛАР

Рішення СЛАР: X (X1, червона): -4.000000000000003 Y (X2, синя): 4.500000000000001

Рисунок 6.13 — Табличний метод відображення розв'язків СЛАР

Якщо кількість рівнянь встановленої СЛАР рівна 2, то буде виведено її графічний розв'язок у вікні програми (рисунок 6.14).

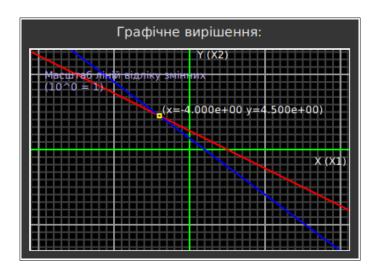


Рисунок 6.14 — Графічне вирішення СЛАР

Також  $\epsilon$  можливість вивести розв'язок СЛАР до текстового файлу, вказавши його ім'я та натиснувши на кнопку «Спробувати записати» для запущення спроби запису розв'язку до текстового файлу (рисунок 6.15).

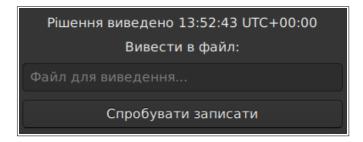


Рисунок 6.15 — Виведення розв'язку СЛАР до текстового файлу

Якщо запис до текстового файлу  $\epsilon$  успішним, то його змістом буде розв'язок встановленої СЛАР вказаним методом вирішення (рисунок 6.16).

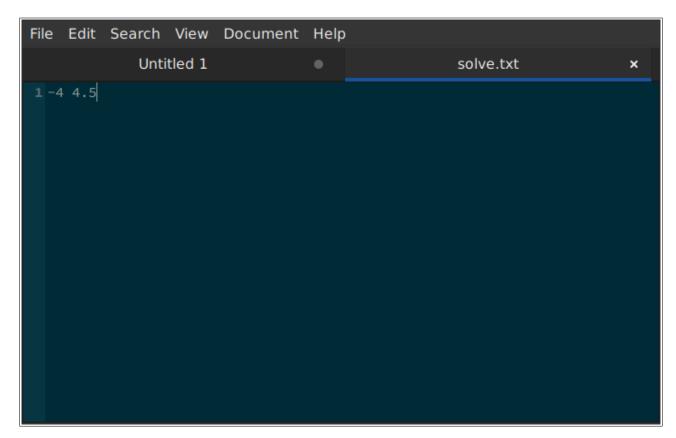


Рисунок 6.16 — Зміст файлу з розв'язком СЛАР

## 6.2 Формат вхідних даних

Користувачу на вхід програми подається СЛАР у матричному вигяді, тобто задається за допомогою матриці коефіцієнтів та стовпця вільних членів, числа яких є дійсними. Значення кожного члена матриці коефіцієнтів має знаходитися в діапазоні [-1000;1000], а значення кожного вільного члена — [-10000;10000]. При обробці вхідних даних введеної СЛАР користувачем у формі введення, числа коефіцієнтів матриці та стовпя вільних членів будуть округлені до 6 знака після точки включно.

Результатом виконання програми  $\epsilon$  розв'язок встановленої СЛАР. У вікні програми невідомі змінні встановленої СЛАР будуть відображатися вертикальною таблицею значень розв'язків встановленої СЛАР. Якщо розв'язок буде виведено до файлу, то його змістом буде список дійсних чисел розміром вирішеної СЛАР, де числа розділені одним пробілом, а ціла частина числа та її дробове значення буде відділене точкою.

#### 6.3 Системні вимоги

	Мінімальні	Рекомендовані			
Операційна система	ArchLinux (з останніми обновленнями) з ядром «6.9.1-arch1-1»	ArchLinux (з останніми обновленнями) з ядром «6.9.1-zen1-1-zen»			
Процесор	Intel i7-6700HQ (8) @ 3.500GHz	Intel Core i5-10400F s- 1200 (12) @ 2.9GHz			
Оперативна пам'ять	2 GB RAM	16 GB RAM			
Відеоадаптер	Intel HD Graphics 530	NVIDIA GeForce GTX 960M			
Дисплей	1920x1080	1920x1080			
Прилади введення	Клавіатура, комп'ютерна миша				
Додаткове програмне	Пакет «gtkmm3»				

	Мінімальні	Рекомендовані
забезпечення		

### 7 АНАЛІЗ РЕЗУЛЬАТІВ

Головною задачею курсової роботи була реалізація програми для розв'язання СЛАР наступними методами: LUP, Гауса-Холецького, обертання.

Критичні ситуації у роботі програми виявлені не були. Під час тестування було виявлено, що більшість помилок виникало тоді, коли користувачем вводилися не числові вхідні дані. Тому всі дані, які вводить користувач, перевіряються на коректність перед обробкою.

Для перевірки та доведення достовірності результатів виконання програмного забезпечення скористаюся LibreOffice Calc:

### a) LUР-метод.

Результат виконання LUP-методу наведено на рисунку 7.1:



Рисунок 7.1 – Результат виконання LUP-методу

Оскільки результат виконання (7.1) збігається з результатом в LibreOffice Calc (рисунок 7.2), то даний метод працює вірно.

	▼ f <sub>x</sub> ∑ ▼ = =B3*\$F\$3+C3*\$F\$4+D3*\$F\$5										
Α	В	С	D	Е	F	G	Н	- 1			
	An1	An2	An3		X		New	Orig.			
	3	1	1		-0.1		1	1			
	1	3	1		0.4		2	2			
	1	1	3		0.9		3	3			

Рисунок 7.2 – Перевірка методу Якобі в LibreOffice Calc

б) Метод Гауса-Холецького.

Результат виконання методу Гауса-Холецького наведено на рисунку 7.2:



Рисунок 7.3 – Результат виконання методу Гауса-Холецького

Оскільки результат виконання (7.3) збігається з результатом в LibreOffice Calc (рисунок 7.4), то даний метод працює вірно.

15	f <sub>x</sub> Σ → = =B5*\$F\$3+C5*\$F\$4+D5*\$F\$5									
	Α	В	С	D	E	F	G	Н	- 1	
1										
2		An1	An2	An3		X		New	Orig.	
3		11	7	7		-6.6		10	10	
4		7	11	7		-1.6		30	30	
5		7	7	11		13.4		90	90	
6										
7										
8										

Рисунок 7.4 – Перевірка методу методу Гауса-Холецького в LibreOffice Calc

## в) Метод обертання.

Результат виконання методу обертання наведено на рисунку 7.5:



Рисунок 7.5 – Результат виконання методу обертання

Оскільки результат виконання (7.5) збігається з результатом в LibreOffice Calc (рисунок 7.6), то даний метод працює вірно.

14			▼ f <sub>*</sub> ∑ ▼ = =B4*\$F\$3+C4*\$F\$4+D4*\$F\$5							
	Α	В	С	D	Е	F	G	Н	1	
1										
2		An1	An2	An3		X		New	Orig.	
3		3	0	4		7.7876		120	1	
4		8	5	1		0.70796		90	2	
5		6	7	2		24.1592		100	3	
6		_								
7										

Рисунок 7.6 – Перевірка методу методу обертання в LibreOffice Calc

Для проведення тестування ефективності програми було створено матриці наступного вигляду:

$$R = \begin{pmatrix} n & 1 & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & n & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & 1 & n & \cdots & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & 1 & 1 & \cdots & n \end{pmatrix}, \quad A = R^{T} R = \begin{pmatrix} n^{2} + 2 & 2n + 1 & 2n + 1 & \cdots & 2n + 1 \\ 2n + 1 & n^{2} + 2 & 2n + 1 & \cdots & 2n + 1 \\ 2n + 1 & n^{2} + 2 & n^{2} + 2 & \cdots & 2n + 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 2n + 1 & 2n + 1 & 2n + 1 & \cdots & n^{2} + 2 \end{pmatrix}$$
(7.1)

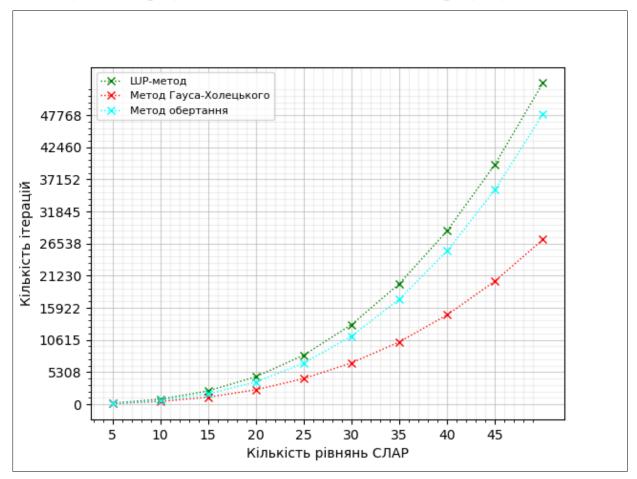
де n — розмірність системи.

Матриця A (7.1) має підходити для всіх методів вирішення СЛАР, включно для методу Гауса-Холецького [5].

Результати тестування ефективності алгоритмів розв'язання СЛАР наведено в таблиці 7.1:

Таблиця 7.1 – Тестування ефективності методів

Розмірність		Метод					
системи	Параметри тестування	LUP	Гауса- Холецького	обертання			
5	Кількість ітерацій циклів	170	95	105			
10	Кількість ітерацій циклів	815	440	585			
15	Кількість ітерацій циклів	2185	1160	1690			
20	Кількість ітерацій циклів	4530	2380	3670			
25	Кількість ітерацій циклів	8100	4225	6775			
30	Кількість ітерацій циклів	13145	6820	11255			
35	Кількість ітерацій циклів	19915	10290	17360			
40	Кількість ітерацій циклів	28660	14760	25340			
45	Кількість ітерацій циклів	39630	20355	35445			
50	Кількість ітерацій циклів	53075	27200	47925			



Візуалізація результатів табилиці 7.1 наведено на рисунку 7.7.

Рисунок 7.7 – Графік залежності кількості ітерацій методу від розміру вхідної системи

Теоретична складність трьох метод вирішення СЛАР має бути  $O(n^3)$ , бо всі алгоритми використовують потрійно вкладені цикли з кількістю ітерацій O(n) в третьому розділі. Далі це твердження буде перевірено за допомогою практичної складності всіх методів.

Так як розмірність системи збільшується приблизно в 2 рази, то кількість ітерацій має збільшитися приблизно в 8 разів, оскільки  $\frac{(2\,n)^3}{n^3} = \frac{8\,n^3}{n^3} = 8$ , якщо теоретична складність методів є  $O(n^3)$ . Щоб приблизно визначити степінь члена

з найбільшим степеневим коефіцієнтом поліноміального виразу, можна визначити наступну формулу:

$$\lim_{x \to \infty} \frac{jn^p + kn^y + \dots + \ln^z}{jn^p} = 1, \quad p > y > \dots > z, \quad \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{(an)^p}{n^p} = b \Rightarrow a^p = b \Rightarrow p = \log_a b$$
(7.1)

, де a — ділення між розмірностями систем лінійних рівнянь, b — ділення між кількістю ітерацій.

Якщо взяти пратичну часову складність LUP-методу (таблиця 7.1), то вийдуть наступні результати (таблиця 7.2) за формулою 7.1. Округлення в таблиці було встановлено для покращення сприйняття практичних даних.

Таблиця 7.2 — підтвердження теоретичної складності LUP-методу на практиці.

Номери	Ділення	Метод					
сусідніх	сусідніх	LUP-ме	тод	Метод Гауса-		Метод	
розмірів	розмірів			Холецько	го	обертання	
СЛАР та	СЛАР					_	
кількостех							
ітерацій (1							
та 2, 2 та 3							
і т. д.). №							
п/п							
		Ділення	Найви	Ділення	Найв	Ділення	Найви
		між	ща	між	ища	між	ща
		кількістю	ступін	кількіст	ступі	кількіст	ступінь
		ітерацій	Ь	Ю	НЬ	Ю	члена
			члена	ітерацій	члена	ітерацій	поліно
			поліно		полін		му
			му		ому		

1	2	4.79	2.26	4.63	2.21	5.57	2.48
2	1.5	2.68	2.43	2.64	2.39	2.89	2.62
3	1.33	2.07	2.53	2.05	2.5	2.17	2.7
4	1.25	1.79	2.6	1.78	2.57	1.85	2.75
5	1.2	1.62	2.66	1.61	2.63	1.66	2.78
6	1.17	1.52	2.69	1.51	2.67	1.54	2.81
7	1.14	1.44	2.73	1.43	2.7	1.46	2.83
8	1.13	1.38	2.75	1.38	2.73	1.4	2.85
9	1.11	1.34	2.77	1.34	2.75	1.35	2.86

Якщо подивитися на таблицю 7.2, то можна зробити висновок, що практична складність методів вирішення СЛАР  $\epsilon$   $O(n^3)$ , також  $\forall \, \epsilon \in (0\,;1] \, \exists \, n : \log_{\frac{n+1}{2}} \frac{f(n+1)}{f(n)} = 3 - \epsilon.$ 

За результатами практичного тестування можна зробити наступні висновки про основні алгоритми вирішення СЛАР:

- a) Всі розглянуті методи дозволяю знаходити розвязки великих та налвеликих СЛАР.
- б) Складність всіх розглянутих методів є кубічною, тобто  $O(n^3)$ , де n кількість рівнянь СЛАР.
- в) 3 розглянутих методів найоптимальнішим для вузького використання  $\epsilon$  метод Гауса-Холецького з точки зору кількості ітерацій циклів.
- г) Найбільш оптимальними для широкого практичного використання  $\epsilon$  метод обертання та LUP-метод.

#### **ВИСНОВКИ**

Основним завданням курсової роботи є створення програмного забезпечення з графічним інтерфейсом для розв'язання систем лінійних рівнянь точними методами.

Було вивчено та реалізовано три точних методи вирішення СЛАР, які є головними алгоритмами в програмному додатку. Також було додано кілька корисних функціональних можливостей для програмного забезпечення схожого плану.

Було реалізовано практичний графічний інтерфейс для користувача. Форма введення системи лінійних рівнянь  $\epsilon$  інтуїтивно зрозумілою для користувача, а також інші елементи керування програмним забезпеченням.

Було проаналізовано практичну часову складність головних алгоритмів точного вирішення СЛАР на різного розміру за деякими критеріями оцінювання ефективності виконання алгоритмів. Під час аналізування результатів було доведено та виведено наступні твердення:

- 1) Всі методи вирішення СЛАР можуть вирішувати будь-які системи лінійних рівнянь з розмірністю від 1.
- 2) 3 точки зору кількості ітерацій, метод Гауса-Холецького  $\epsilon$  найбільш ефективним.
- 3) Метод Гауса-Холецького не є універсальним методом для точного вирішення СЛАР, бо він працює лише для додатньо визначеної матриці коефіцієнтів.
- 4) Всі методи вирішення СЛАР працюють достатньо швидко з точки зору кількості ітерацій циклів.
- 5) Всі алгоритми працюють з теоретичною складністью  $O(n^3)$ .

Під час проектування та розробки даного програмного забезпечення було використані навички з програмування, комп'ютерної програмної інженерії, а

також навички з аглоритмів та структур даних та математичного аналізу. Ці навички дозволяють створити програмне забезпечення, яке можна підтримувати та додавати новий функціонал до неї, аналізувати розвиток дій програмної реалізації, дозволити змінювати структуру її компонентів та підчастин.

Курсова робота  $\epsilon$  гарним прикладом по $\epsilon$ днання знань та навичок з великої кількості дисціплін та предметів, які можна використати для створення надійного та гнучкого програмного забезпечення.

#### ПЕРЕЛІК ПОСИЛАНЬ

- 1. Прокопенко, Ю. В., Татарчук, Д. Д., & Казміренко, В. А. Обчислювальна математика. Київ: «Політехніка», 2017. 224 с.
- 2. Шахно, С. М., Дудикевич, А. Т., & Левицька, С. М. Практична реалізація чисельних методів лінійної алгебри: Львів: Видавничий центр ЛНУ ім. Івана Франка, 2009. 137 с.
- 3. cppreference.com. URL: <a href="https://en.cppreference.com/w/">https://en.cppreference.com/w/</a> (дата зверення: 18.05.2024)
- 4. gtkmm Reference Manual. URL: <a href="https://www.gtkmm.org/en/documentation.html">https://www.gtkmm.org/en/documentation.html</a> (дата зверення: 18.05.2024))
- 5. Айрес Молодший. Ф. Теорія та задачі з матриць. Нью Йорк: Schaum publishing co. 1962, 134 с.

#### ДОДАТОК А ТЕХНІЧНЕ ЗАВДАННЯ

## КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ім. І. Сікорського

## Кафедра інформатики та програмної інженерії

Затвердив

Керівник <u>Головченко М.М.</u>

« <u>03</u>» <u>квітня</u> 2024 р.

Виконавець:

Студент <u>Адаменко А.Б.</u>

« <u>03</u>» <u>квітня</u> 2024 р.

### ТЕХНІЧНЕ ЗАВДАННЯ

на виконання курсової роботи

на тему: «Розв'язання СЛАР точними методами»

з дисципліни:

«Основи програмування»

- 1. *Мета*: Метою курсової роботи є забезпечення надійності та коректності програмного забезпечення для розв'язання СЛАР різними точними методами.
- 2. Дата початку роботи: «<u>03</u>» <u>квітня</u> 2024 р.
- 3. Дата закінчення роботи: «<u>31</u>» <u>травня</u> 2024 р.
- 4. Вимоги до програмного забезпечення.

### 1) Функціональні вимоги:

- Можливість ввести розмірність СЛАР.
- Можливість задавати вільні коефіцієнти та коефіцієнти невідомих змінних СЛАР.
- Можливість обирати один з методів розв'язання СЛАР.
- Розв'язати СЛАР обраним методом (LUP-методом, метод обертання, метод Гауса-Холецького (квадратного кореня)).
- Можливість зберігати результати розв'язання СЛАР у текстовий файл.
- Можливість графічного розв'язання СЛАР у випадку розмірності СЛАР у два рівняння.
- Відображати значення практичної складності алгоритмів розв'язання СЛАР.
- Нормальна обробка та реакція на некоректні дії користувача.
- Можливість відображення практичної складності алгоритму.

### 2) Нефункціональні вимоги:

- Можливість запускати та працювати з програмним забезпеченням на операційній системі «Linux».
- Все програмне забезпечення та супроводжувача технічна документація повинні задовольняти наступним ДЕСТам:

ГОСТ 29.401 - 78 - Текст програми. Вимоги до змісту та оформлення.

ГОСТ 19.106 - 78 - Вимоги до програмної документації.

ГОСТ 7.1 - 84 та ДСТУ 3008 - 2015 - Розробка технічної документації.

#### 5. Стадії та етапи розробки:

- Об'єктно-орієнтований аналіз предметної області задачі (до 15.05.2024 р.)
- 2) Об'єктно-орієнтоване проєктування архітектури програмної системи (до <u>24.05</u>.2024 р.)
- 3) Розробка програмного забезпечення (до 28.05.2024 р.)
- 4) Тестування розробленої програми (до <u>26.05</u>.2024 р.)
- 5) Розробка пояснювальної записки (до <u>30.05</u>.2024 р.).
- 6) Захист курсової роботи (до <u>07.06.2024</u> р.).
- 6. Порядок контролю та приймання. Поточні результати роботи над КР регулярно демонструються викладачу. Своєчасність виконання основних етапів графіку підготовки роботи впливає на оцінку за КР відповідно до критеріїв оцінювання.

# ДОДАТОК Б ТЕКСТИ ПРОГРАМНОГО КОДУ

Тексти програмного коду програмного забезпечення вирішення задачі знаходження розв'язків системи лінійних рівнянь
(Найменування програми (документа))
GIT
(Вид носія даних)
https://github.com/adamenko-arsen/SLE-Accurate-Solver, 73 K6
(Обсяг програми (документа), арк., Кб)

студента групи ІП-35 I курсу Адаменко А.Б.

#### Файл «Vector.hpp»:

```
#pragma once
#include <vector>
class Vector
public:
   Vector();
   explicit Vector(std::size_t vectorSize);
   double operator[](std::size_t index) const;
    double& operator[](std::size_t index);
   std::size_t Size() const noexcept;
private:
    std::vector<double> numbersVector{};
};
      Файл «Matrix.hpp»:
#pragma once
#include <cstdint>
#include <vector>
class Matrix
public:
   Matrix();
   explicit Matrix(std::size_t height, std::size_t width);
    double At(std::size_t y, std::size_t x) const;
    double& At(std::size_t y, std::size_t x);
    std::size_t Width() const noexcept;
    std::size_t Height() const noexcept;
   std::size_t TryGetEdgeSize() const noexcept;
   bool IsSquare() const noexcept;
```

```
private:
   std::size_t width = 0, height = 0;
    std::vector<double> flattenMatrixVH{};
    double flatMtxElemRef(std::size_t y, std::size_t x) const;
    double& flatMtxElemRef(std::size_t y, std::size_t x);
};
      Файл «SLESolver.hpp»:
#pragma once
#include "Containers/Matrix.hpp"
#include "Containers/Vector.hpp"
#include <cstdint>
#include <optional>
#include <functional>
class IterationsCounter
public:
   IterationsCounter();
   void AddNew() noexcept;
   std::size_t GetTotalCount() const noexcept;
private:
   std::size_t itersCount = 0;
};
class SolvingResult
public:
   SolvingResult();
    static SolvingResult Error();
    static SolvingResult Successful(auto&& varsValues)
        SolvingResult solvingResult;
        solvingResult.isSuccessful = true;
        solvingResult.varsValues =
            std::forward<decltype(varsValues)>(varsValues);
```

```
return solvingResult;
    }
   bool GetSuccessfulness() const;
   Vector& GetVarsValuesRef();
    std::size_t GetItersCount() const
       return itersCount;
    SolvingResult& SetItersCountChainly(std::size_t itersCount);
private:
   bool isSuccessful = false;
   Vector varsValues{};
   std::size_t itersCount = 0;
} ;
class SLESolver
public:
   SLESolver();
   virtual ~SLESolver();
   void SetEquationsCount(std::size_t equationsCount);
    void SetVariablesCoefficients(auto&& varsCoeffsMatrix)
    {
        if (! varsCoeffsMatrix.IsSquare())
           return;
        if (! (varsCoeffsMatrix.TryGetEdgeSize() == equationsCount))
           return;
        }
                                                           this->varsCoeffsMatrix
std::forward<decltype(varsCoeffsMatrix)>(varsCoeffsMatrix);
   }
   void SetFreeCoefficients(auto&& freeCoeffsVector)
        if (! (freeCoeffsVector.Size() == equationsCount))
```

```
return;
                                                           this->freeCoeffsVector
std::forward<decltype(freeCoeffsVector)>(freeCoeffsVector);
   }
   void Solve();
   std::optional<bool> IsSolvedSuccessfully() const;
    std::optional<Vector> GetSolveOnce();
    std::optional<std::size t> GetAlgoItersCount();
protected:
   virtual SolvingResult SolveInternally(Matrix&& A, Vector&& B) = 0;
    std::size t equationsCount = 0;
   Matrix varsCoeffsMatrix{};
   Vector freeCoeffsVector{};
   Vector variablesValues{};
   std::size_t totalIterationsCount = 0;
   bool isEquationsCountSetted = false;
   bool isSolvingApplied
                            = false;
   bool isLSESoledSuccessfully = false;
   bool isSolvesKeeped = true;
};
      Файл «SLESolver.cpp»:
#include "SLESolver.hpp"
#include <cstdio>
// class IterationsCounter
IterationsCounter::IterationsCounter() = default;
void IterationsCounter::AddNew() noexcept
```

```
itersCount++;
}
std::size_t IterationsCounter::GetTotalCount() const noexcept
   return itersCount;
// class SolvingResult
SolvingResult::SolvingResult() = default;
SolvingResult SolvingResult::Error()
{
   SolvingResult solvingResult;
   solvingResult.isSuccessful = false;
   return solvingResult;
}
bool SolvingResult::GetSuccessfulness() const
   return isSuccessful;
Vector& SolvingResult::GetVarsValuesRef()
   return varsValues;
SolvingResult& SolvingResult::SetItersCountChainly(std::size_t itersCount)
   this->itersCount = itersCount;
   return *this;
}
// class LSESolver
SLESolver::SLESolver() = default;
SLESolver::~SLESolver() = default;
void SLESolver::SetEquationsCount(std::size_t equationsCount)
   if (isEquationsCountSetted)
    {
```

```
return;
    }
    if (! (equationsCount >= 1))
       return;
    }
   this->equationsCount = equationsCount;
   isEquationsCountSetted = true;
}
void SLESolver::Solve()
   if (isSolvingApplied)
       return;
    auto solvingResult = SolveInternally
         std::move(varsCoeffsMatrix)
        , std::move(freeCoeffsVector)
   );
    isSolvingApplied = true;
    isLSESoledSuccessfully = solvingResult.GetSuccessfulness();
   if (isLSESoledSuccessfully)
    {
       variablesValues = std::move(solvingResult.GetVarsValuesRef());
        totalIterationsCount = solvingResult.GetItersCount();
   }
}
std::optional<bool> SLESolver::IsSolvedSuccessfully() const
   if (! isSolvingApplied)
       return std::nullopt;
   return isLSESoledSuccessfully;
}
std::optional<Vector> SLESolver::GetSolveOnce()
```

```
{
    if (! (isLSESoledSuccessfully && isSolvesKeeped))
       return std::nullopt;
    isSolvesKeeped = false;
   return std::move(variablesValues);
}
std::optional<std::size_t> SLESolver::GetAlgoItersCount()
    if (! (isSolvingApplied && isLSESoledSuccessfully))
       return std::nullopt;
   return totalIterationsCount;
}
      Файл «LUPSolver.cpp»:
#include "LUPSolver.hpp"
#include <cmath>
bool LUPSolver::isCloseToZero(double x)
   return std::fabs(x) < 1e-9;
std::size_t LUPSolver::maxDiagLine(const Matrix& A, std::size_t baseColumn)
{
    auto maxDiagValue = std::fabs(A.At(baseColumn, baseColumn));
    std::size t indexOfMax = baseColumn;
       for (std::size_t curColumn = baseColumn + 1; curColumn < A.TryGetEdgeSize();</pre>
curColumn++)
   {
        auto newDiagValue = std::fabs(A.At(curColumn, baseColumn));
        if (newDiagValue > maxDiagValue)
            maxDiagValue = newDiagValue;
           indexOfMax = curColumn;
    }
```

```
return indexOfMax;
}
std::optional<LUPDecResult> LUPSolver::lupDecompose(Matrix A, IterationsCounter&
itersCounter)
   auto n = A.TryGetEdgeSize();
   std::vector<std::size t> P(n);
   for (std::size_t i = 0; i < n; i++)
       P[i] = i;
        itersCounter.AddNew();
    }
    for (std::size_t j = 0; j < n; j++)
    {
        auto maxDiagColumn = maxDiagLine(A, j);
        if (isCloseToZero(A.At(maxDiagColumn, j)))
           return std::nullopt;
        for (std::size_t r = 0; r < n; r++)
            std::swap(A.At(j, r), A.At(maxDiagColumn, r));
           itersCounter.AddNew();
        }
        std::swap(P[j], P[maxDiagColumn]);
        for (std::size_t i = j; i < n; i++)</pre>
            {
                double sum = 0;
                for (std::size_t k = 0; k < j; k++)
                    sum += A.At(i, k) * A.At(k, j);
                    itersCounter.AddNew();
```

```
}
           A.At(i, j) -= sum;
           itersCounter.AddNew();
        }
        if (i >= j + 1)
           double sum = 0;
           for (std::size_t k = 0; k < j; k++)
            {
               sum += A.At(j, k) * A.At(k, i);
               itersCounter.AddNew();
           A.At(j, i) -= sum;
            if (isCloseToZero(A.At(j, j)))
              return std::nullopt;
           A.At(j, i) /= A.At(j, j);
           itersCounter.AddNew();
       }
   }
}
Matrix L(n, n);
Matrix U(n, n);
for (std::size_t y = 0; y < n; y++)
    for (std::size_t x = 0; x < n; x++)
       L.At(y, x) = 0;
       itersCounter.AddNew();
    U.At(y, y) = 1;
```

```
itersCounter.AddNew();
    }
    for (std::size t j = 0; j < n; j++)
        for (std::size_t i = 0; i < j + 1; i++)
           L.At(j, i) = A.At(j, i);
           itersCounter.AddNew();
       }
    }
    for (std::size t j = 0; j < n; j++)
       for (std::size_t i = j + 1; i < n; i++)
           U.At(j, i) = A.At(j, i);
           itersCounter.AddNew();
    }
    return LUPDecResult {
          .L = L
        , .U = U
        , .P = P
   };
}
std::optional<Vector> LUPSolver::solveY(
      const Matrix& L
    , const std::vector<std::size_t>& P
    , const Vector& B
    , IterationsCounter& itersCounter
)
    auto n = B.Size();
    Vector Y(n);
    for (std::size_t i = 0; i < n; i++)
       if (isCloseToZero(L.At(i, i)))
        {
```

```
return std::nullopt;
          itersCounter.AddNew();
      }
    }
    for (std::size_t i = 0; i < n; i++)
       double sum = 0;
       for (std::size_t k = 0; k < i; k++)
           sum += L.At(i, k) * Y[k];
          itersCounter.AddNew();
       }
       Y[i] = (
          B[P[i]] - sum
       / L.At(i, i);
       itersCounter.AddNew();
   return Y;
}
Vector LUPSolver::solveX(const Matrix& U, const Vector& Y, IterationsCounter&
itersCounter)
   auto n = Y.Size();
   Vector X(n);
   for (std::ptrdiff_t i = n - 1; i >= 0; i--)
       double sum = 0;
       for (std::size_t k = i + 1; k < n; k++)
           sum += U.At(i, k) * X[k];
          itersCounter.AddNew();
       }
```

```
X[i] = Y[i] - sum;
                             itersCounter.AddNew();
               }
              return X;
 }
SolvingResult LUPSolver::SolveInternally (Matrix&& A, Vector&& B)
              IterationsCounter itersCounter{};
              auto mayLUPDecRes = lupDecompose(A, itersCounter);
              if (! mayLUPDecRes.has_value())
                            return SolvingResult::Error();
              const auto& lup = mayLUPDecRes.value();
              auto mayY = solveY(lup.L, lup.P, B, itersCounter);
              if (! mayY.has_value())
                             return SolvingResult::Error();
              auto X = solveX(lup.U, mayY.value(), itersCounter);
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     return
{\tt SolvingResult::Successful(std::move(X)).SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount(): SetItersCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.Get
);
 }
                         Файл «GaussHoletskiySolver.cpp»:
#include "GaussHoletskiySolver.hpp"
 #include <cmath>
bool GaussHoletskiySolver::isCloseToZero(double x)
             return std::fabs(x) < 1e-9;
 }
```

```
bool GaussHoletskiySolver::isCloseToZeroForSolves(double x)
   return std::fabs(x) < 1e-9;
}
bool GaussHoletskiySolver::isCloseToZeroForAmbigiousCheck(double x)
   return std::fabs(x) < 1e-9;
}
bool GaussHoletskiySolver::isSolveSuitable(const Matrix& A, const Vector& B, const
Vector& X)
{
   auto n = B.Size();
   Vector NewB(n);
   for (std::size_t y = 0; y < n; y++)
       NewB[y] = 0;
       for (std::size_t x = 0; x < n; x++)
           NewB[y] += A.At(y, x) * X[x];
   }
    for (std::size_t y = 0; y < n; y++)
    {
       if (! isCloseToZeroForSolves(B[y] - NewB[y]))
           return false;
   }
   return true;
#include <iostream>
bool GaussHoletskiySolver::isSolveNotAmbigious(const Vector& B, const Vector& X)
   if (! (B.Size() >= 2))
      return true;
```

```
}
    for (std::size_t i = 0; i < B.Size(); i++)</pre>
        std::cout << B[i] << std::endl;</pre>
        if (! isCloseToZeroForAmbigiousCheck(B[i]))
           return true;
    }
    for (std::size_t i = 0; i < X.Size(); i++)</pre>
        std::cout << X[i] << std::endl;</pre>
        if (! isCloseToZeroForAmbigiousCheck(X[i]))
           return true;
    }
   return false;
}
std::optional<LDLDecResult> GaussHoletskiySolver::ldlDecompose(const Matrix&
                                                                                         Α,
IterationsCounter& itersCounter)
    auto n = A.TryGetEdgeSize();
    Matrix L(n, n);
    Matrix D(n, n);
    for (std::size t y = 0; y < n; y++)
    {
        for (std::size_t x = 0; x < n; x++)
           L.At(y, x) = 0;
            D.At(y, x) = 0;
           itersCounter.AddNew();
       }
    }
    for (std::size_t j = 0; j < n; j++)
```

```
L.At(j, j) = 1;
    {
        double sum = 0;
        for (std::size_t k = 0; k < j; k++)
            sum += std::pow(L.At(j, k), 2) * D.At(k, k);
           itersCounter.AddNew();
        D.At(j, j) = A.At(j, j) - sum;
       itersCounter.AddNew();
    }
    for (std::size t i = j + 1; i < n; i++)
        auto diagElem = D.At(j, j);
        if (isCloseToZero(diagElem))
          return std::nullopt;
        double sum = 0;
        for (std::size_t k = 0; k < j; k++)
            sum += L.At(i, k) * D.At(k, k) * L.At(j, k);
           itersCounter.AddNew();
        }
        L.At(i, j) = (A.At(i, j) - sum) / D.At(j, j);
       itersCounter.AddNew();
}
return LDLDecResult
        .L = L
```

```
, D = D
   } ;
}
Vector GaussHoletskiySolver::solveY(const Matrix& L, const Vector& B, IterationsCounter&
itersCounter)
{
   auto n = B.Size();
   Vector Y(n);
   for (std::size_t i = 0; i < n; i++)</pre>
    {
        double sum = 0;
        for (std::size_t j = 0; j < i; j++)
            sum += L.At(i, j) * Y[j];
           itersCounter.AddNew();
       Y[i] = B[i] - sum;
       itersCounter.AddNew();
   }
   return Y;
}
std::optional<Vector> GaussHoletskiySolver::solveZ(const Matrix& D, const Vector& Y,
IterationsCounter& itersCounter)
   auto n = Y.Size();
   Vector Z(n);
   for (std::size_t i = 0; i < n; i++)
        auto diagElem = D.At(i, i);
        if (isCloseToZero(diagElem))
           return std::nullopt;
```

```
itersCounter.AddNew();
        }
        Z[i] = Y[i] / diagElem;
        itersCounter.AddNew();
    }
   return Z;
}
Vector GaussHoletskiySolver::solveX(const Matrix& L, const Vector& Z, IterationsCounter&
itersCounter)
    auto n = Z.Size();
    Vector X(n);
    for (std::ptrdiff t i = n - 1; i \ge 0; i--)
        double sum = 0;
        for (std::size_t j = i + 1; j < n; j++)
            sum += L.At(j, i) * X[j];
            itersCounter.AddNew();
        X[i] = Z[i] - sum;
        itersCounter.AddNew();
    }
   return X;
}
{\tt SolvingResult \ Gauss Holetskiy Solver:: Solve Internally (Matrix \&\& \ A, \ Vector \&\& \ B)}
    IterationsCounter itersCounter{};
    auto mayLDL = ldlDecompose(A, itersCounter);
    if (! mayLDL.has_value())
```

```
return SolvingResult::Error();
    }
    const auto& ldl = mayLDL.value();
    auto Y = solveY(ldl.L, B, itersCounter);
    auto mayZ = solveZ(ldl.D, Y, itersCounter);
   if (! mayZ.has value())
       return SolvingResult::Error();
    auto X = solveX(ldl.L, mayZ.value(), itersCounter);
   if (! isSolveSuitable(A, B, X))
       return SolvingResult::Error();
    }
    if (! isSolveNotAmbigious(B, X))
       return SolvingResult::Error();
    }
                                                                                    return
SolvingResult::Successful(X).SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount());
      Файл «RotationSolver.cpp»:
#include "RotationSolver.hpp"
#include "../Containers/AllocArray2D.inc.hpp"
#include <cmath>
bool RotationSolver::isCloseToZero(double x)
   return std::fabs(x) < 1e-9;
SolvingResult RotationSolver::SolveInternally(Matrix&& A, Vector&& B)
   IterationsCounter itersCounter{};
    auto n = B.Size();
```

```
RTArray2D<double> AB(n + 1, n);
for (std::size t y = 0; y < n; y++)
    for (std::size t x = 0; x < n; x++)
       AB.At(y, x) = A.At(y, x);
       itersCounter.AddNew();
    }
   AB.At(y, n) = B[y];
    itersCounter.AddNew();
}
for (std::size_t i = 0; i < n - 1; i++)
    for (std::size_t j = i + 1; j < n; j++)
        auto b = AB.At(j, i);
        auto a = AB.At(i, i);
        auto squaresSum = a*a + b*b;
        if (! (squaresSum > 0))
           return SolvingResult::Error();
        }
        auto sqrtedSquaresSum = std::sqrt(squaresSum);
        if (isCloseToZero(sqrtedSquaresSum))
           return SolvingResult::Error();
        auto c = a / sqrtedSquaresSum;
        auto s = b / sqrtedSquaresSum;
        for (std::size_t k = i; k < n + 1; k++)
           auto t = AB.At(i, k);
```

```
AB.At(j, k) = -s * t + c * AB.At(j, k);
                                                                         itersCounter.AddNew();
                                                        }
                                                      itersCounter.AddNew();
                                   }
                  }
                  Vector X(n);
                  for (std::size_t i = 0; i < n; i++)
                                    if (isCloseToZero(AB.At(i, i)))
                                                    return SolvingResult::Error();
                   }
                  for (std::ptrdiff_t i = n - 1; i \ge 0; i--)
                                    double membersSum = 0;
                                     for (std::size_t j = i + 1; j < n; j++)
                                                       membersSum += AB.At(i, j) * X[j];
                                                      itersCounter.AddNew();
                                     }
                                     X[i] = (AB.At(i, n) - membersSum) / AB.At(i, i);
                                    itersCounter.AddNew();
                   }
{\tt SolvingResult::Successful(std::move(X)).SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCountChainly(itersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCount()): SetItersCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter.GetTotalCounter
);
}
```

AB.At(i, k) = c \* AB.At(i, k) + s \* AB.At(j, k);