

Treinamento de Redes Neurais

Eduardo Adame

Redes Neurais

03 de setembro de 2025



Como Atualizar os Pesos?

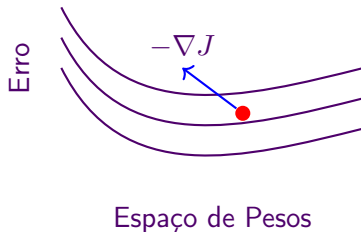


Após calcular os gradientes:

- Sabemos a derivada para cada peso
- Como exatamente atualizamos?
- Com que frequência?
 - ▶ Após cada exemplo?
 - ▶ Após todos os dados?
 - ▶ Algo intermediário?

Regra de Atualização:

$$W_{novo} = W_{antigo} - \alpha \cdot \frac{\partial J}{\partial W}$$



Descida de Gradiente Clássica (Batch)



Abordagem Tradicional:

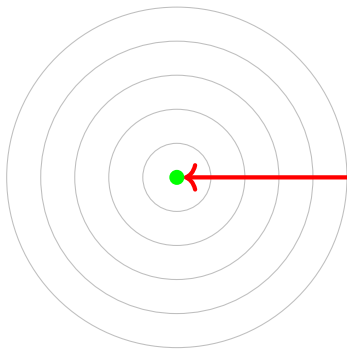
- Calcular gradiente para **todo o conjunto**
- Dar um passo na direção oposta
- Repetir até convergência

Vantagens:

- + Cada passo usa toda informação
- + Convergência mais estável

Desvantagens:

- Muito lento para datasets grandes
- Pode ficar preso em mínimos locais



Convergência Suave

Descida de Gradiente Estocástica (SGD)



Abordagem Online:

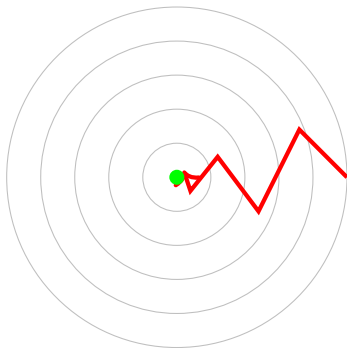
- Calcular gradiente para **um exemplo**
- Atualizar imediatamente
- Mais passos, menos informados

Vantagens:

- + Muito mais rápido
- + Pode escapar de mínimos locais
- + Funciona bem online

Desvantagens:

- Convergência ruidosa
- Precisa de taxa de aprendizado menor



Convergência Ruidosa

Mini-batch: O Melhor dos Dois Mundos

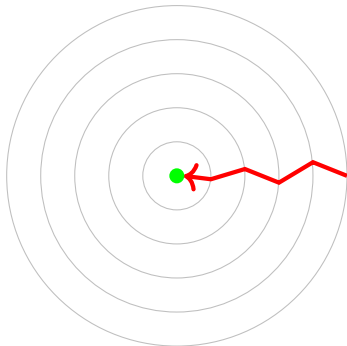


Abordagem Híbrida:

- Usar **pequenos lotes** (16, 32, 64...)
- Equilíbrio entre velocidade e estabilidade
- Padrão na prática moderna

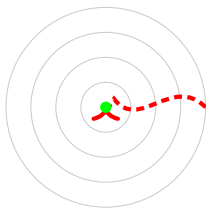
Benefícios:

- ✓ Aproveita paralelização (GPU)
- ✓ Reduz variância do gradiente
- ✓ Ainda permite escapar de mínimos
- ✓ Boa relação custo-benefício

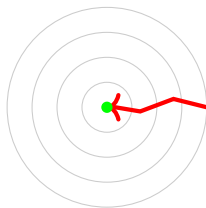


Convergência Balanceada

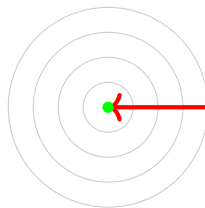
Comparação das Estratégias de Batch



SGD
(Batch = 1)



Mini-batch
(Batch = 32)



Batch Completo
(Batch = N)



Terminologia: Época e Iteração



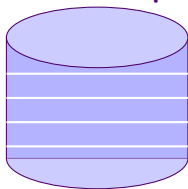
Época (Epoch):

- Uma passada completa pelos dados
- Todos exemplos vistos uma vez
- Métrica comum de progresso

Passos por Época:

- **Batch completo:** 1 passo
- **SGD:** N passos
- **Mini-batch:** $N/\text{batch_size}$ passos

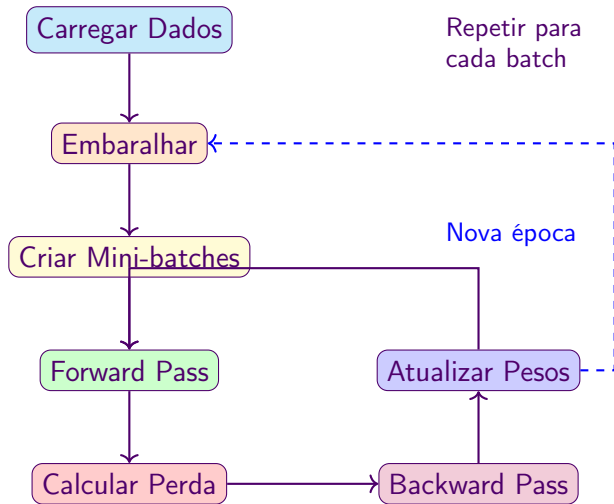
Dataset Completo



Batch 1
Batch 2
Batch 3
Batch 4
Batch 5

Dica: Embaralhar os dados após cada época melhora a convergência!

Fluxo de Treinamento: Visão Prática



Listing 1: Estrutura Típica de Código

```
1 # 1. Construir o modelo
2 model = Sequential()
3 model.add(Dense(64, activation='relu'))
4 model.add(Dense(32, activation='relu'))
5 model.add(Dense(10, activation='softmax'))
6 # 2. Compilar
7 model.compile(
8     optimizer='adam',
9     loss='categorical_crossentropy',
10    metrics=['accuracy']
11 )
12 # 3. Treinar
13 history = model.fit(
14     X_train, y_train,
15     batch_size=32,      # Mini-batch
16     epochs=50,         # Épocas
17     validation_split=0.2
18 )
```



Parâmetros Importantes:

- **batch_size**: Tamanho do mini-batch
- **epochs**: Número de épocas
- **shuffle**: Embaralhar dados (padrão: True)
- **validation_split**: Proporção para validação

Valores Típicos:

- Batch size: 16, 32, 64, 128
- Épocas: 10-100 (depende do problema)
- Learning rate: 0.001 (Adam), 0.01 (SGD)



Por que normalizar?

- Acelera convergência
- Evita saturação de neurônios
- Estabiliza o treinamento
- Permite learning rates maiores

Métodos Comuns:

- **Min-Max:** $[0, 1]$ ou $[-1, 1]$
- **Padronização:** média 0, desvio 1
- **Normalização L2:** vetores unitários

Fórmulas:

Min-Max para $[0, 1]$:

$$x' = \frac{x - x_{min}}{x_{max} - x_{min}}$$

Padronização (Z-score):

$$x' = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

Ativação Softmax para Classificação Multiclasse



Extensão da Sigmoid:

- Saída: vetor de probabilidades
- Soma sempre igual a 1
- Interpretação probabilística

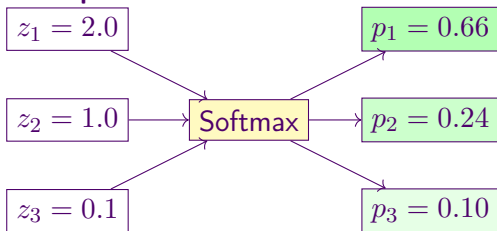
Fórmula:

$$\text{softmax}(z_i) = \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}}$$

Com Cross-Entropy:

$$J = - \sum_{i=1}^n y_i \log(\hat{y}_i)$$

Exemplo Visual:



Classe prevista: Argmax = Classe 1



Decisões Importantes:

- **Estratégia de batch**
 - ▶ Mini-batch (padrão)
 - ▶ Tamanho: 32-128
- **Número de épocas**
 - ▶ Monitorar validação
 - ▶ Early stopping
- **Normalização de entrada**
 - ▶ Sempre normalizar!
 - ▶ Método depende dos dados

Boas Práticas:

- ✓ Embaralhar dados a cada época
- ✓ Usar validação para monitorar
- ✓ Começar com learning rate pequeno
- ✓ Visualizar curvas de aprendizado
- ✓ Salvar checkpoints do modelo

Próximos Tópicos:

- Otimizadores avançados (Adam, RMSprop)
- Regularização (Dropout, L2)
- Learning rate scheduling

Obrigado!

Dúvidas?

Vamos para as implementações!