



Diskret Matematik og Algoritmer

Aflevering 4g

Aske Fjellerup
Adam Ingwersen
Peter Friborg
Hold 4

Datalogisk Institut
Københavns Universitet

October 4, 2016



Del 1

(a)

Hvilke attributer skal hver knude på listen indeholde?

Hvert objekt skal indeholde 3 attributer:

- prev (Previous objekt)
- key (Key value)
- next (Next objekt)

Algorithm 1 Pseudokode der indsætter heltallet z på listen L

```
1: function INSERTZ( $(L, z)$ )
2:    $z = \text{Objekt}$ 
3:    $L[\text{head}] = z.\text{prev}$ 
4:    $L[\text{head}+1] = z.\text{key}$ 
5:    $L[\text{tail}] = z.\text{next}$ 
6:    $z.\text{next} = \text{NIL}$ 
```

(b)

I denne opgave skal der opskrives pseudokode til at indsætte et objekt på en sorteret liste.

Algorithm 2 Pseudokode, der indsætter objekt i rækkefølge på en sorteret liste

```
function INSERTSORT( $L, z$ )
2:   if  $F[i].\text{key} \leq z.\text{key}$ 
        $Z.\text{next} \leftarrow F[i].\text{next}$ 
4:    $Z.\text{prev} \leftarrow F[i].\text{prev}$ 
        $F[i].\text{next}.\text{prev} \leftarrow Z$ 
6:    $F[i].\text{next} \leftarrow Z$ 
       return  $F[i].\text{next}$ 
8:   else  $i \leftarrow i + 1$ 
```

(c)

Idet vi kører listen igennem et objekt ad gangen og der er n objekter, vil funktionen i værstetilfælde køre igennem n gange. Det er ikke muligt at bruge binærsøgning da det er en dobbelthæftet liste. Derfor kommer vi frem til at køretiden er $\theta(n)$

(d)

Hvis vi prøver at bruge vores funktion på den omvendt sorterede liste vil den køre igennem $n^2/2$ hvilket er netop $O(n^2)$.

Del 2

(a)

Opdeling af S

I denne opgave inddeler vi den hægtede liste, S af længden n, i k mindre hægtede lister, $l_1, l_2 \dots l_k$ af længden k. k er defineret ved $k = \sqrt{n}$.

Listen S opdeles ved at dele listen i \sqrt{n} dele elementer i hver inddeling.

Oprettelse af B

Listen B skal have k elementer med en peger. Pegerne peger mod det første element af henholdvist, $i_1, i_2 \dots i_k$ for elementerne gående mod k.

Algorithm 3 Pseudokode, der opretter B via opdeling af S

```
function CREATEB(S)
  Lad B[0.. $\sqrt{n}$ ] være en liste
  Lad S[0..n-1] være en sorteret liste
4:   $k = \sqrt{n}$ 
   $i \leftarrow 0$ 
  while  $i \leq k$ 
    Lad  $L_i$  være en liste af længde k
8:   $L_i \leftarrow S[(i \cdot k) .. ((i + 1) \cdot k) - 1]$ 
     $B[i] \leftarrow L_i$ 
    if  $i = 0$ 
       $B.head \leftarrow NIL$ 
12:   $B[i - 1].next \leftarrow B[i]$ 
     $B[i].prev \leftarrow B[i - 1]$ 
     $i \leftarrow i + 1$ 
```

Oprettelse af B

Køretiden vil være $\theta(\sqrt{n})$, det tager $c_1\sqrt{n}$ tid at opdele S i k dele da S er en dobbelthægtet liste. B tager $c_2\sqrt{n}$ tid at oprette da der 3 pegere pr element der skal defineres og der er k elementer. tiden bliver derfor

$$\underline{\underline{c\sqrt{n} = \theta(\sqrt{n})}}$$

(b)

Der findes n elementer i S. Det betyder at der i den mindre liste B, vil være \sqrt{n} elementer at løbe igennem. Vi kommer derfor frem til at køretiden vil være $O(\sqrt{n})$.

(c)

Her opskrives en funktion, G , til at indsætte heltallet x i listen S , ved brug af den mindre liste B .

Algorithm 4 Pseudokode, der indsætter objekt i rækkefølge på listen S , ved brug af hjælpe listen B

```
function  $G(S, B, x)$ 
2:    $i \leftarrow 0$ 
   repeat
4:   if  $B[i].pa \geq x$ 
       repeat
6:   if  $S[i].key \leq x$ 
        $x.next \leftarrow S[i].next$ 
8:    $x.prev \leftarrow S[i]$ 
        $S[i].next.prev \leftarrow x$ 
10:   $S[i].next \leftarrow x$ 
       return  $S[i].next$ 
12:  else  $i \leftarrow i - 1$ 
       else  $i \leftarrow i + 1$ 
```

Det ses i linje 4 og 6 at vi først søger efter om pegeren på B er større end x . Herefter skal vi finde den helt rigtige placering på S og derfor spørger vi om $S[i].key$ er mindre end, for ellers er vi nødt til at gå en lille smule tilbage på listen, for at finde det helt rigtige sted.