

Homework 5

Adam Niedziałkowski

26 December 2016

1 Problem

Projektowanie szerokopasmowej sieci dostępowej można przedstawić następująco (zapis jest celowo nadmiarowy): w pewnej lokalizacji między centralą a grupą klientów instaluje się węzeł pośredniczący, do którego od centrali doprowadza się kabel światłowodowy, a potem od niego rozprowadza sygnał za pomocą kabli miedzianych do klientów (np. z użyciem techniki xDSL). Węzeł pośredniczący dokonuje konwersji optyczno-elektrycznej i pracuje jako koncentrator. Użycie jak najkrótszego segmentu złożonego z kabli miedzianych byłoby korzystne dla klienta, ponieważ im krótszy taki segment, tym większa przepływność, ale z punktu widzenia operatora sensowne jest użycie jak nadszyszych odcinków już dawno położonej infrastruktury miedzianej (w związku z użyciem istniejącej infrastruktury pomijamy tutaj koszty położenia kabli). Przy założonej przepływności, która ma uzyskać każdy klient, długość okablowania miedzianego łączącego węzeł pośredniczący z klientem nie może być dłuższa niż R km. Z punktu widzenia topologii fizycznej sieć złożona z wierzchołków reprezentujących centrale, węzeł pośredniczący (węzły pośredniczące) oraz klientów jest drzewem. Problem polega na znalezieniu takiego umiejscowienia węzłów pośredniczących obsługujących wszystkich klientów, że pojedynczy węzeł pośredniczący może obsłużyć wszystkich przyłączonych klientów, tj.

1.1 Oznaczenia

Oznaczenia:

S – zbiór klientów,

J – zbiór potencjalnych lokalizacji węzłów pośredniczących,

$J_s \subseteq J$ – zbiór lokalizacji, które znajdują się nie dalej niż R km od klienta s ,

T_j – zbiór typów urządzeń dostępnych w węźle pośredniczącym, gdyby go ulokowano w lokalizacji, j

q_{jt} – liczba klientów, których urządzenie może obsłużyć; c_{jt} – koszt urządzenia.

1.2 Funkcja celu

$$\min \sum_{j \in J} \sum_{t \in T_j} c_{jt} y_{jt} \quad (1)$$

1.3 Ograniczenia