Dynamic Energy Planning for Autonomous UAVs

Dynamic Energy Planning for Autonomous UAVs

A Dissertation submitted in partial satisfaction of the requirements for the degree of Doctor of Philosophy in Robotics

bу

Adam Seewald

Approved by:

Dr. Ulrik Pagh Schultz, Advisor Unmanned Aerial Systems Center University of Southern Denmark

Approved on:

https://doi.org/10.

The typesetting is done using LaTeX. Figures are generated with PGF/TikZ. Fonts are EB Garamond, Helvetica, and Iwona for body, headers, and equations respectively.

Copyright © 2021 by Adam Seewald. Some rights reserved.

This work is subject to CC BY-NC-SA license, which means that you can copy, redistribute, remix, transform, and build upon the content for any non commercial purpose, as long as you give appropriate credit, provide a link to the license, and indicate if changes were made. If you remix, transform, or build upon the material, you must distribute your contributions under the same license as the original. License details: https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/



First edition, 2021

Published by University of Southern Denmark, in Odense, Denmark

To Casio fx-991ES PLUS, my eternal companion.

Acknowledgements

PREM IPSUM DOLOR SIT AMET, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Contents

1	Intro	duction		1
	1.1	A Test	Section	. 1
		1.1.1	A test subsection 1	. 2
		1.1.2	A test subsection 2	. 3
2	The	Plannin	g Problem	5
3	State	e of the	Art	9
	3.1	Anothe	r Test Section	. 10
4	Enei	gy Mod	lels	13
5	State	e Estima	ation	17
6	Guid	lance		21
7	Opti	mal Con	ntrol Generation	25
	7.1	Brief H	istory of Optimal Control	. 26
	7.2	OCPs v	with Continuous Dynamics	. 27
		7.2.1	Unconstrained Case	. 27
		7.2.2	Constrained Case	. 28
Bib	liogra	phy		29
Ina	lex			31

List of Figures

1.1	A test short title	2
7.1	Unconstrained state ontimal control trajectory controller	28

Notation

 \exists there exists

Abbreviations

LP linear program

QP quadratic program

MPC model predictive control

NLP non linear program

UAV unmanned aerial vehicle

OCP optimal control problem

BVP boundary-value problem

Introduction

Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

$$\sin x = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} x^{2n-1}}{(2n-1)!}$$
 (1.1)

1.1 A Test Section

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Lorem ipsum dolor sit amet (Seewald, 2020), consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam,



Fig. 1.1. A test long title. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris.

luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

1.1.1 A test subsection 1

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent

1.1. A Test Section 3

blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

1.1.2 A test subsection 2

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent

blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

The Planning Problem

CREM IPSUM DOLOR SIT AMET, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat.

Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

State of the Art

LOREM IPSUM DOLOR SIT AMET, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. MPC Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sedelit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat.

Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

3.1 Another Test Section

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent

11

blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Energy Models

Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sedelit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat.

Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

State Estimation

CREM IPSUM DOLOR SIT AMET, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sedelit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat.

Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Chapter 6

Guidance

CREM IPSUM DOLOR SIT AMET, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sedelit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat.

Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesentimperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet antelobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectustellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia loremsit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Chapter 7

Optimal Control Generation

This chapter provides some essential theoretical background on optimal control to derive an optimal configuration of the path and computations of the flying UAV. It solves the problem posed in Chapter 2, illustrating an algorithm that generates dynamically the optimal configuration. The algorithm relies on the modern optimal control.

Optimal control deals with finding optimal ways to control a dynamic system (Sethi, 2019). It determines the control signal—the evolution in time of the decision variables—such that the model satisfies the dynamics and simultaneously optimize a performance index (Kirk, 2004).

Many optimization problems in fields ranging from robotics, economics, to aeronautics can be formulated as optimal control problems (OCPs) (Von Stryk and Bulirsch, 1992). OCPs can be seen as optimization problems with the added difficulty of continuous dynamics. The dynamics is to be integrated over the optimization horizon. Optimization is often called mathematical programming (Nocedal and Wright, 2006) a term that means finding ways to solve the optimization problem. One can often find programming in this context in terms such as linear program (LP), quadratic program (QP), and nonlinear program (NLP).

The outline of the chapter is as follows. after a brief history of modern optimal control, we introduce formally the OCP that are subject to continuous dynamics, such as the energy model from Chapter 4. We then illustrate numerical simulation approaches to convert the infinite dimensional continuous dynamics into finite dimensional discrete dynamics. We provide later in the chapter an OCP for the optimal configuration of the path and computations under battery constraints. Finally, we illustrate model predictive control (MPC) to formalize the OCP on a finite and receding horizon. We

propose an algorithm to solve such OCP using a numerical method along with the analysis of its practical feasibility.

7.1 Brief History of Optimal Control

Optimal control originates from the calculus of variations (Sethi, 2019), based on the work of Euler and Lagrange. Calculus of variations solves the problem of determining the arguments of an integral, such that its value is maximum (or minimum). The equivalent problem in calculus is to determine the argument of a function where the function is maximum (or minimum). The work by Euler and Lagrange was later extended by Legendre, Hamilton, and Weierstrass (Paulen and Fikar, 2016). It has gained a renewed interest in the mid-twentieth century, as modern calculators offered practical ways of solving some OCPs for nonlinear and time-varying systems that were earlier impracticable (Bryson and Ho, 1975).

The conversion of calculus of variation problems in OCPs requires the addition of the control variable to the dynamics (Sethi, 2019). Initially, the conversion was proposed with dynamic programming (Bellman, 1957), and with maximum (or minimum) principle (Pontryagin et al., 1962). Dynamic programming can be shown to be equivalent to the principle (Paulen and Fikar, 2016). These OCPs are traditionally transformed into boundary-value problems (BVP)s evaluating the optimality conditions and solved using numerical methods. The procedure is commonly referred to as indirect method. In an indirect method, the resulting BVP is solved by discretization at the very end (Rawlings et al., 2017) and/or gradient-based resolution (Paulen and Fikar, 2016).

On the contrary, modern optimal control often first discretize an the control and state variables in the OCP to a finite dimensional optimization problem (usually NLP), which is then solved with numerical methods (using gradient-based techniques). The procedure is referred to as direct method. Some direct methods are single and multiple shooting and collocation methods.

A more general and systematic approach to control a perturbed process is to reoptimize the optimal control problem frequently by taking the perturbations into account. Modern OCPs are often solved on a finite and receding horizon using an approximation of the true dynamics. This has led to a technique known as model predictive control (MPC). It is a more systematic technique which allow to control a model by re-optimizing the OCP frequently (Paulen and Fikar, 2016). It takes into account external interferences by re-estimating the model's state (with techniques that we introduced in Chapter 5). MPC is extensively treated in modern optimal control literature (Camacho and Alba, 2007; Kwon and Han, 2005; Rawlings et al., 2017; Rossiter, 2004; Wang, 2009).

7.2 OCPs with Continuous Dynamics

7.2.1 Unconstrained Case

Given a state variable \mathbf{q} composed of m states and a control variable \mathbf{u} composed of n controls, the state variable dynamics at a given time instant t can be described by a differential model

$$\dot{\mathbf{q}}(t) = f(\mathbf{q}(t), \mathbf{u}(t), t), \quad \mathbf{q}(t_0) = \mathbf{q}_0 \text{ given}, \quad \forall t \in [t_0, T],$$
 (7.1)

where $t_0 \in \mathbb{R}_{\geq 0}$ is a given initial time instant, and $\mathbf{q}_0 \in \mathbb{R}^m$ a given initial state guess. The latest can be derived empirically from a previous execution or using some initial sensor data. $f: \mathbb{R}^m \times \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}_{\geq 0} \to \mathbb{R}^m$ maps the current state, control and time to the next state. The notations for $\dot{\mathbf{q}}(t) := d\mathbf{q}(t)/dt$, \mathbf{q} , and \mathbf{u} are the same from Chapter 4. The function f is assumed to be continuously differentiable. Physically, Equation (7.1) specifies the instantaneous change in state variable of a perfect model with no disturbances.

If the control trajectory $\mathbf{u}(t_0)$, $\mathbf{u}(t_1)$, ..., $\mathbf{u}(T-\Delta t)$ is known for a given time horizon $t_0 \leq t \leq T$, the model in Equation (7.1) can be derived to obtain the state trajectory $\mathbf{q}(t_0)$, $\mathbf{q}(t_1)$, ..., $\mathbf{q}(T)$, where Δt is the instantaneous change in time. The last state at the final time instant T is derived from the last control at the time instant $T-\Delta t$. The state trajectory has indeed one item more than the control trajectory.

Optimal control finds a control trajectory which maximizes (or minimizes) a performance index

$$L = l_{t}(\mathbf{q}(T), T) + \int_{t_{0}}^{T} l(\mathbf{q}(t), \mathbf{u}(t), t) dt,$$
 (7.2)

where l, l_f are given instantaneous and final cost functions. The instantaneous cost function maps state, controls, and time to a value that quantifies the cost of a given instant $l: \mathbb{R}^m \times \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}_{\geq 0} \to \mathbb{R}$. The final cost function maps the state and time to a value which quantifies the cost of the final instant $l_f: \mathbb{R}^m \times \mathbb{R}_{\geq 0} \to \mathbb{R}$. The performance index $L \in \mathbb{R}$ is then the sum of all the contribution on the time horizon.

Performance index found in (Bryson and Ho, 1975) is also found in literature as cost function in (Simon, 2006; Stengel, 1994), objective function in (Rao, 2019; Rawlings et al., 2017; Sethi, 2019), or performance measure (Kirk, 2004).

The control variable is usually constrained

$$\mathbf{u}(t) \in \mathcal{U}(t), \ \forall t \in [t_0, T], \tag{7.3}$$

where $U(t) \subseteq \mathbb{R}^m$ is the control constraint set. It delimits all the feasible values of the control for the horizon. There can be different control constraint sets for different instants.

The Equations (7.1–7.3) forms unconstrained OCPs. These problems are formalized

$$\max_{\mathbf{u}(t) \in \mathcal{U}(t)} l_f(\mathbf{q}(T), T) + \int_{t_0}^T l(\mathbf{q}(t), \mathbf{u}(t), t) dt,$$
s.t. $\dot{\mathbf{q}}(t) = f(\mathbf{q}(t), \mathbf{u}(t), t)$

$$\mathbf{q}(t_0) = \mathbf{q}_0 \text{ given.}$$

$$(7.4)$$

A simplistic controller which uses Equation (7.4) is shown in Fig. 7.1. The evolution

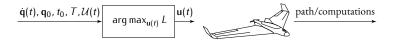


Fig. 7.1. Controller that select the optimal control trajectory from the unconstrained OCP in Equation (7.4).

of the model is used to derive an optimal control trajectory $\mathbf{u}(t)$ from an initial guess of the state \mathbf{q}_0 and the horizon. This initial simplistic controller does not represent a realistic scenario. The controller implies that the horizon is known. However, it is often the case that only the initial time step of the horizon $[t_0, T]$ is known. In the model from Chapter 4 it is indeed unknown apriori when the UAV plan terminates. Moreover the controller does not include any constraint on the state \mathbf{q} , although UAVs are often bounded by strict battery requirements. Lastly, the optimal control generated with such controller is static given the initial state and the horizon. It is unrealistic to assume that the state of the UAV travelling the optimal control \mathbf{u} does not change for instants $t_0 + \Delta t$, $t_0 + 2\Delta t$, . . . , T.

All these initial assumption (known final time step, absence of state constraints, static optimal control law) will be eased in the remaining of the chapter.

7.2.2 Constrained Case

Bibliography

- Bellman, R. E. (1957). *Dynamic Programming*. Princeton: Princeton University Press (cit. on p. 26).
- Bryson, A. E. and Y.-C. Ho (1975). *Applied optimal control: optimization, estimation and control.* Hemisphere Publishing Corporation (cit. on pp. 26, 27).
- Camacho, E. F. and C. B. Alba (2007). *Model predictive control*. London: Springer-Verlag (cit. on p. 26).
- Kirk, D. E. (2004). *Optimal control theory: an introduction*. Courier Corporation (cit. on pp. 25, 27).
- Kwon, W. H. and S. H. Han (2005). *Receding horizon control: model predictive control for state models*. London: Springer-Verlag (cit. on p. 26).
- Nocedal, J. and S. Wright (2006). *Numerical optimization*. Springer Science & Business Media (cit. on p. 25).
- Paulen, R. and M. Fikar (2016). "Solution of Optimal Control Problems". In: Optimal Operation of Batch Membrane Processes. Cham: Springer International Publishing, pp. 37–56 (cit. on p. 26).
- Pontryagin, L. S., E. Mishchenko, V. Boltyanskii, and R. Gamkrelidze (1962). The mathematical theory of optimal processes. Wiley (cit. on p. 26).
- Rao, S. S. (2019). *Engineering optimization: theory and practice*. John Wiley & Sons (cit. on p. 27).
- Rawlings, J. B., D. Q. Mayne, and M. Diehl (2017). Model predictive control: theory, computation, and design. Vol. 2. Madison, Wisconsin: Nob Hill Publishing (cit. on pp. 26, 27).
- Rossiter, J. A. (2004). *Model-based predictive control: a practical approach*. Boca Raton, Florida: CRC press (cit. on p. 26).
- Seewald, A. (2020). "Beyond Traditional Energy Planning: the Weight of Computations in Planetary Exploration". In: *IROS Workshop on Planetary Exploration Robots: Challenges and Opportunities (PLANROBO20).* ETH Zurich, Department of Mechanical and Process Engineering, p. 3 (cit. on p. 1).
- Sethi, S. P. (2019). Optimal Control Theory: Applications to Management Science and Economics. Cham: Springer International Publishing (cit. on pp. 25–27).
- Simon, D. (2006). Optimal state estimation: Kalman, H infinity, and nonlinear approaches. John Wiley & Sons (cit. on p. 27).
- Stengel, R. F. (1994). Optimal control and estimation. Courier Corporation (cit. on p. 27).
- Von Stryk, O. and R. Bulirsch (1992). "Direct and indirect methods for trajectory optimization". In: *Annals of operations research* 37.1, pp. 357–373 (cit. on p. 25).

Wang, L. (2009). *Model predictive control system design and implementation using Matlab*. London: Springer Science & Business Media (cit. on p. 26).

Index

Mauris, 21

Nunc, 21, 23