## 6.4 Klasyfikator SVM

Zaimplementuj uczenie liniowej maszyny wektorów nośnych w oparciu o metody optymalizacji numerycznej dostępne w scipy oraz funkcję nagrody:

$$L(\vec{w}, b) = \sum_{i} \lambda_{i} - \frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{j} \lambda_{i} \lambda_{j} y_{i} y_{j} \vec{x}_{i}^{T} \vec{x}_{j}$$

$$\tag{5}$$

- $\lambda_n \in \mathbb{R}_{\geq 0}$  waga *n*-tego wektora nośnego
- $\vec{x_n} \in \mathbb{R}^D$  n-ta próbka ze zbioru uczącego
- $\bullet \ y_n \in \mathbb{R}$  n-taetykieta ze zbioru uczącego

Wytrenuj klasyfikator na **syntetycznych jednomodowych zbiorach** danych i porównaj jego działanie z sklearn.svm.SVC z **kernel='linear'**.

Zaimplementuj uczenie maszyny wektorów nośnych wykorzystującej radialną i wielomianową funkcję jądra(6) i porównaj skuteczność i kształt granicy decyzyjnej z implementacją z sklearn z kernel='rbf' i kernel='poly' na syntetycznych zbiorach dwuwymiarowych danych z jednym klastrem na klasę.

$$L = \sum_{i} \lambda_{i} - \frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{j} \lambda_{i} \lambda_{j} y_{i} y_{j} K(\vec{x}_{i}, \vec{x}_{j})$$

$$\tag{6}$$

Wykorzystując zbiór Stellar Classification Dataset - SDSS17 (© SDSS) i algorytm selekcji modelu sklearn.model\_selection.GridSearchCV dobierz optymalny zestaw hiperparametrów (C i kernel) i naucz model SVM (z sklearn) do klasyfikacji obiektów jako gwiazdy lub galaktyki. Przed doborem hiperparametrów uzupełnij brakujące wartości (jeżeli istnieją) i wyeliminuj nieistotne kolumny ('cam\_col', 'MJD' oraz te kończące się na '\_ID'), narysuj macierz korelacji pomiędzy wartościami i dokonaj normalizacji wartości. Do jakich wartości macierzy pomyłek należy dążyć jeżeli chcemy wykorzystać klasyfikator do automatycznej selekcji obiektów do obserwacji teleskopem podczas poszukiwania nowych galaktyk?

## 6.4.1 Kryteria oceniania

Implementacja liniowego SVMa  $\to 3$ Implementacja SVMa wykorzystującego funkcję jądra  $\to 4$ Analiza zbioru SDSS17 w oparciu o SVM  $\to 5$