

# A-STAR - 8 PUZZLE

```
In [1]: # Sessão de bibliotecas
import math
import copy
```

## Função A \*

- Função do Algoritmo A O algoritmo A é uma das maneiras mais conhecidas de busca pela melhor escolha. Cada novo nodo  $n$  é avaliado de acordo com o custo para alcançar o mesmo a partir da raiz da árvore de busca ( $g(n)$ ) e e uma heurística que estima o custo para ir de  $n$  até o nodo objetivo ( $h(n)$ ). Ou seja, sendo  $f(n)$  a função que avalia  $n$ , procuramos o mínimo de:  $f(n) = g(n) + h(n)$

Uma das propriedades que A\* possui é que ele garante encontrar sempre a melhor solução.

```
In [2]: class aEstrela:
    def __init__(self, estadoInicial=None):
        # setando variáveis do algoritmo, estado receberá a entrada inicial e demais itens são
        self.estado = estadoInicial
        self.h = 0
        self.g = 0
        self.f = 0
        self.pai = None
        self.acao = None
    # definindo próximo estado
    def next(self, estado):
        # vetor que armazena movimentos aceitos
        movimentoAceito = []
        # laço para percorrer tabuleiro estado
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                if estado[i][j] == 0:
                    r, c = i, j
        # Condicionais para possibilidades do tabuleiro utilizando eixos X e Y
        # MOVIMENTAR PARA CIMA
        if r > 0:
            node = copy.deepcopy(estado)
            r1 = r - 1
            node[r][c] = node[r1][c]
            node[r1][c] = 0
            movimentoAceito.append((node, 'CIMA'))
        # MOVIMENTAR PARA ESQUERDA
        if c > 0:
            node = copy.deepcopy(estado)
            c1 = c - 1
            node[r][c] = node[r][c1]
            node[r][c1] = 0
            movimentoAceito.append((node, 'ESQUERDA'))
        # MOVIMENTAR PARA BAIXO
        if r < 2:
            node = copy.deepcopy(estado)
            r1 = r + 1
            node[r][c] = node[r1][c]
            node[r1][c] = 0
```

```

        movimentoAceito.append((node, 'BAIXO'))
# MOVIMENTAR PARA DIREITA
    if c < 2:
        node = copy.deepcopy(estado)
        c1 = c + 1
        node[r][c] = node[r][c1]
        node[r][c1] = 0
        movimentoAceito.append((node, 'DIREITA'))
# retorna movimenta aceito
    return movimentoAceito

```

## Função Custo / Caminho

- Função para calcular o custo das operações realizadas para encontrar a solução

In [3]:

```

def caminho(self, node):
# vetores para armazenar operações realizadas (caminho, movimentos e custo)
    movimentos = []
    caminho = []
    custoCaminho = node.g
# enquanto um nó estiver sendo analisado, verificar possibilidades e inserir na lis
# append -> componente de lista
    while node:
        caminho.append(node.estado)
        movimentos.append(node.mover)
        node = node.nodePai
        movimentos.remove(None)
# imprimindo o caminho solução
    print('O caminho solução é: ')
# percorrendo o caminho de forma reversa através dos nós para imprimir as operações
    for node in reversed(caminho):
        imprimirEstado(node)
    print('As operações realizadas foram: ')
# salvando movimentos
    movimentos = reversed(movimentos)
# .join realizando une itens de uma tupla em uma string
    sequenciaMovimentos = ", ".join(movimentos)
    print(sequenciaMovimentos)
    print('O custo do caminho é: ', custoCaminho)

```

## Função Solução

- Função solução utilizando as heurísticas de Manhattan e de peças faltantes

In [4]:

```

def solucao(self, inicial, objetivo, func='Manhattan'):
# setando variáveis iniciais
    contadorNodes = 0
    contadorExpandidos = 0
    margemManhattan = []
    expandido = []
# verificando se o estado é igual ao estado objetivo
# se sim, imprime que há uma solução e seus respectivos contadores
    if inicial.estado == objetivo.estado:
        print("Show! Solução encontrada.")
        self.caminho(inicial)
        print("Contador de nós gerados:", contadorNodes)
        print("Contador de nós expandidos: ", contadorExpandidos)

```

```

        return
# se a heurística da função recebida via parâmetro for peças faltantes
if func == 'misplacedTiles':
    # chama heurística de peças faltantes
    inicial.h = h1_Misplaced(inicial.estado, objetivo.estado)
    # senão, utiliza heurística de manhattan
else:
    inicial.h = h2_Manhattan(inicial.estado, objetivo.estado)
# os estados são somados
inicial.f = inicial.g + inicial.h
# inicializando nós e movimento zerados
inicial.nodePai = None
inicial.mover = None
# criando lista para a heurística
margemManhattan.append(inicial)

# utilizando lógica de manhattan
while margemManhattan:
    pilha = margemManhattan.pop(0)
    vizinhanca = self.next(pilha.estado)
    expandido.append(pilha)
    contadorExpandidos += 1
    for vizinho in vizinhanca:
        filho = aEstrela()
        filho.estado = vizinho[0]
        filho.mover = vizinho[1]
        filho.g = pilha.g + 1
    # verificando novamente chamada da função
    if func == 'misplacedTiles':
        filho.h = h1_Misplaced(filho.estado, objetivo.estado)
    else:
        filho.h = h2_Manhattan(filho.estado, objetivo.estado)
    filho.f = filho.g + filho.h
    filho.nodePai = pilha
    contadorNodes += 1

    if (filho.estado == objetivo.estado):
        print("Show! Solução encontrada.")
        self.caminho(filho)
        print("Contador de nós gerados: ", contadorNodes)
        print("Contador de nós expandidos: ", contadorExpandidos)
        return
    # verificando se algum nó foi expandido
    isexpandido = False
    try:
        expandido.index(filho.estado, )
    except ValueError:
        isexpandido = False
    # se não foi expandido
    if not isexpandido:
        encontrado = False
        k = 0
        for item in margemManhattan:
            if item.estado == filho.estado:
                encontrado = True
                if filho.f < item.f:
                    item.f = filho.f
                    margemManhattan[k] = item
                break
            k += 1
        # se não foi encontrado novo movimento

```

```

        if not encontrado:
            margemManhattan.append(filho)
        # Lambda cria uma função 'inline' para evitar uso duplicado da função
        margemManhattan = sorted(margemManhattan, key=lambda x: x.f)
    print('Eita! Sem solução.')
    return

```

## Heurística H1 - Peças Faltantes

- Função de heurística para peças faltantes

```

In [5]: def h1_Misplaced(estado1, estado2):
        h = 0
        for i in range(0, 3, 1):
            for j in range(0, 3, 1):
                if estado1[i][j] != estado2[i][j] and estado1[i][j] != 0:
                    h += 1
        return h

```

## Heurística H2 - Manhattan

- Função de heurística para distância de Manhattan

```

In [6]: def h2_Manhattan(estado1, estado2):
        vetorManhattan = []
        distanciaManhattan = 0
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                vetorManhattan.append(estado2[i][j])

        for i in range(0, 3, 1):
            for j in range(0, 3, 1):
                pilhaent_ij = estado1[i][j]
                i_pilhaent = i
                j_pilhaent = j
                index = vetorManhattan.index(pilhaent_ij)
                i_objetivo, j_objetivo = index // 3, index % 3
                if pilhaent_ij != 0:
                    distanciaManhattan += (math.fabs(i_objetivo - i_pilhaent) + math.fabs(j
        return distanciaManhattan

```

## Função de Imprimir

- Função para imprimir o tabuleiro

```

In [7]: def imprimirEstado(estado):
        for i in range(3):
            resultado = ""
            for j in range(3):
                resultado += str(estado[i][j]) + " "
            print(resultado)
        print("")

```

## Função de Entrada

- Função para receber entradas de ESTADO INICIAL e FINAL para o algoritmo

```
In [8]: def entradaJogo():
    print("Insira o Quebra-Cabeças INICIAL:")
    # criando vetores e realizando o split de elementos através do separador
    # espaço designa o separados entre itens
    # 0 => peça faltante
    vetorEntrada = []
    vetorObjetivo = []
    elemento = input().split(" ")
    k = 0
    try:
        for i in range(0, 3):
            vetorEntrada += [0]
        for i in range(0, 3):
            vetorEntrada[i] = [0] * 3
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                vetorEntrada[i][j] = int(elemento[k])
                k += 1
    except (ValueError, IndexError):
        print("Por favor, separe os itens com espaços :D")
        return [], []
    print("Insira o Quebra-Cabeças OBJETIVO:")
    elemento = input().split(" ")
    k = 0
    try:
        for i in range(0, 3):
            vetorObjetivo += [0]
        for i in range(0, 3):
            vetorObjetivo[i] = [0] * 3
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                vetorObjetivo[i][j] = int(elemento[k])
                k += 1
    except (ValueError, IndexError):
        print("Insira os valores (utiliza espaço como separador):")
        return vetorEntrada, []
    return vetorEntrada, vetorObjetivo
```

## Função Principal

- Função Main para chamadas do algoritmo

```
In [9]: def main():
    vetorEntrada, vetorObjetivo = entradaJogo()
    if vetorEntrada and vetorObjetivo:
        print('o Estado INICIAL é:')
        imprimirEstado(vetorEntrada)
        print('o Estado OBJETIVO é:')
        imprimirEstado(vetorObjetivo)
        inicial = aEstrela(vetorEntrada)
        objetivo = aEstrela(vetorObjetivo)
        print("Solução utilizando heurística Manhattan:")
        inicial.solucao(inicial, objetivo)
        print("\n Solução utilizando heurística MisplacedTiles:")
        inicial.solucao(inicial, objetivo, 'misplacedTiles')
```

# Entradas JOGO

- PROJETO: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 -> ENTRADA | 1 2 3 4 5 6 7 8 0 -> OBJETIVO

## SCRIPT ALGORITMO

```
In [11]: import math
import copy

class aEstrela:
    def __init__(self, estadoInicial=None):
        self.estado = estadoInicial
        self.h = 0
        self.g = 0
        self.f = 0
        self.nodePai = None
        self.mover = None
    def next(self, estado):
        movimentoAceito = []
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                if estado[i][j] == 0:
                    r, c = i, j

                if r > 0:
                    node = copy.deepcopy(estado)
                    r1 = r - 1
                    node[r][c] = node[r1][c]
                    node[r1][c] = 0
                    movimentoAceito.append((node, 'CIMA'))
                if c > 0:
                    node = copy.deepcopy(estado)
                    c1 = c - 1
                    node[r][c] = node[r][c1]
                    node[r][c1] = 0
                    movimentoAceito.append((node, 'ESQUERDA'))
                if r < 2:
                    node = copy.deepcopy(estado)
                    r1 = r + 1
                    node[r][c] = node[r1][c]
                    node[r1][c] = 0
                    movimentoAceito.append((node, 'BAIXO'))
                if c < 2:
                    node = copy.deepcopy(estado)
                    c1 = c + 1
                    node[r][c] = node[r][c1]
                    node[r][c1] = 0
                    movimentoAceito.append((node, 'DIREITA'))
        return movimentoAceito

    def caminho(self, node):
        movimentos = []
        caminho = []
        custoCaminho = node.g
        while node:
            caminho.append(node.estado)
            movimentos.append(node.mover)
            node = node.nodePai
        movimentos.remove(None)
```

```

print('o CAMINHO performedo foi:')
for node in reversed(caminho):
    imprimirEstado(node)
print('as OPERAÇÕES performedas foram: ')
movimentos = reversed(movimentos)
sequenciaMovimentos = ", ".join(movimentos)
print(sequenciaMovimentos)
print('o CUSTO do CAMINHO é: ', custoCaminho)

def solve(self, inicial, objetivo, func='Manhattan'):
    contadorNodes = 0
    contadorExpandidos = 0
    margemManhattan = []
    expandido = []
    if inicial.estado == objetivo.estado:
        print("SHOW! Solução encontrada")
        self.caminho(inicial)
        print("[MÉTRICAS] Contador de nós gerados:: ", contadorNodes)
        print("[MÉTRICAS] Contador de nós expandidos: ", contadorExpandidos)
        return
    if func == 'misplacedTiles':
        inicial.h = h1_Misplaced(inicial.estado, objetivo.estado)
    else:
        inicial.h = h2_Manhattan(inicial.estado, objetivo.estado)
    inicial.f = inicial.g + inicial.h
    inicial.nodePai = None
    inicial.mover = None
    margemManhattan.append(inicial)
    while margemManhattan:
        pilha = margemManhattan.pop(0)
        vizinhanca = self.next(pilha.estado)
        expandido.append(pilha)
        contadorExpandidos += 1
        for vizinho in vizinhanca:
            filho = aEstrela()
            filho.estado = vizinho[0]
            filho.mover = vizinho[1]
            filho.g = pilha.g + 1
            if func == 'misplacedTiles':
                filho.h = h1_Misplaced(filho.estado, objetivo.estado)
            else:
                filho.h = h2_Manhattan(filho.estado, objetivo.estado)
            filho.f = filho.g + filho.h
            filho.nodePai = pilha
            contadorNodes += 1
            if (filho.estado == objetivo.estado):
                print("SHOW! Solução encontrada")
                self.caminho(filho)
                print("[MÉTRICAS] Contador de nós gerados:", contadorNodes)
                print("[MÉTRICAS] Contador de nós expandidos:", contadorExpandidos)
                return

        isexpandido = False
        try:
            expandido.index(filho.estado, )
        except ValueError:
            isexpandido = False

        if not isexpandido:
            encontrado = False
            k = 0

```

```

        for item in margemManhattan:
            if item.estado == filho.estado:
                encontrado = True
                if filho.f < item.f:
                    item.f = filho.f
                    margemManhattan[k] = item
                break
            k += 1

        if not encontrado:
            margemManhattan.append(filho)
        margemManhattan = sorted(margemManhattan, key=lambda x: x.f)
    print('EITA! Sem solução')
    return

def h2_Manhattan(estado1, estado2):
    vetorManhattan = []
    distanciaManhattan = 0
    for i in range(0, 3):
        for j in range(0, 3):
            vetorManhattan.append(estado2[i][j])

    for i in range(0, 3, 1):
        for j in range(0, 3, 1):
            pilhaent_ij = estado1[i][j]
            i_pilhaent = i
            j_pilhaent = j
            index = vetorManhattan.index(pilhaent_ij)
            i_objetivo, j_objetivo = index // 3, index % 3
            if pilhaent_ij != 0:
                distanciaManhattan += (math.fabs(i_objetivo - i_pilhaent) + math.fabs(j
    return distanciaManhattan

def h1_Misplaced(estado1, estado2):
    h = 0
    for i in range(0, 3, 1):
        for j in range(0, 3, 1):
            if estado1[i][j] != estado2[i][j] and estado1[i][j] != 0:
                h += 1
    return h

def imprimirEstado(estado):
    for i in range(3):
        resultado = ""
        for j in range(3):
            resultado += str(estado[i][j]) + " "
        print(resultado)
    print("")

def userInput():
    print("insira o ESTADO INICIAL:")
    vetorEntrada = []
    vetorObjetivo = []
    elemento = input().split(" ")
    k = 0
    try:
        for i in range(0, 3):
            vetorEntrada += [0]
        for i in range(0, 3):
            vetorEntrada[i] = [0] * 3
        for i in range(0, 3):

```



```

        for j in range(0, 3):
            vetorEntrada[i][j] = int(elemento[k])
            k += 1
    except (ValueError, IndexError):
        print("EI! Utilize espaço para separar os valores")
        return [], []
    print("insira o ESTADO OBJETIVO:")
    elemento = input().split(" ")
    k = 0
    try:
        for i in range(0, 3):
            vetorObjetivo += [0]
        for i in range(0, 3):
            vetorObjetivo[i] = [0] * 3
        for i in range(0, 3):
            for j in range(0, 3):
                vetorObjetivo[i][j] = int(elemento[k])
                k += 1
    except (ValueError, IndexError):
        print("EI! Utilize espaço para separar os valores")
        return vetorEntrada, []
    return vetorEntrada, vetorObjetivo

def main():
    vetorEntrada, vetorObjetivo = userInput()
    if vetorEntrada and vetorObjetivo:
        print('ESTADO INICIAL:')
        imprimirEstado(vetorEntrada)
        print('ESTADO OBJETIVO:')
        imprimirEstado(vetorObjetivo)
        inicial = aEstrela(vetorEntrada)
        objetivo = aEstrela(vetorObjetivo)
        print("A * utilizando heurística de DISTÂNCIA DE MANHATTAN:")
        inicial.solve(inicial, objetivo)
        print("\nA * utilizando heurística de PEÇAS FALTANTES:")
        inicial.solve(inicial, objetivo, 'misplacedTiles')

main()

```

```

insira o ESTADO INICIAL:
1 5 4 3 7 2 6 8 0
insira o ESTADO OBJETIVO:
1 2 3 4 5 6 7 8 0
ESTADO INICIAL:
1 5 4
3 7 2
6 8 0

```

```

ESTADO OBJETIVO:
1 2 3
4 5 6
7 8 0

```

```

A * utilizando heurística de DISTÂNCIA DE MANHATTAN:
SHOW! Solução encontrada
o CAMINHO performedo foi:
1 5 4
3 7 2
6 8 0

```

```

1 5 4
3 7 2
6 0 8

```

1 5 4  
3 0 2  
6 7 8

1 5 4  
0 3 2  
6 7 8

1 5 4  
6 3 2  
0 7 8

1 5 4  
6 3 2  
7 0 8

1 5 4  
6 0 2  
7 3 8

1 5 4  
0 6 2  
7 3 8

0 5 4  
1 6 2  
7 3 8

5 0 4  
1 6 2  
7 3 8

5 4 0  
1 6 2  
7 3 8

5 4 2  
1 6 0  
7 3 8

5 4 2  
1 0 6  
7 3 8

5 0 2  
1 4 6  
7 3 8

0 5 2  
1 4 6  
7 3 8

1 5 2  
0 4 6  
7 3 8

1 5 2  
4 0 6  
7 3 8

1 5 2  
4 3 6  
7 0 8

1 5 2  
4 3 6  
7 8 0

1 5 2  
4 3 0  
7 8 6

1 5 2  
4 0 3  
7 8 6

1 0 2  
4 5 3  
7 8 6

1 2 0  
4 5 3  
7 8 6

1 2 3  
4 5 0  
7 8 6

1 2 3  
4 5 6  
7 8 0

as OPERAÇÕES performadas foram:

ESQUERDA, CIMA, ESQUERDA, BAIXO, DIREITA, CIMA, ESQUERDA, CIMA, DIREITA, DIREITA, BAIXO,  
ESQUERDA, CIMA, ESQUERDA, BAIXO, DIREITA, BAIXO, DIREITA, CIMA, ESQUERDA, CIMA, DIREITA,  
BAIXO, BAIXO

o CUSTO do CAMINHO é: 24

[MÉTRICAS] Contador de nós gerados: 7175

[MÉTRICAS] Contador de nós expandidos: 2691

A \* utilizando heurística de PEÇAS FALTANTES:

SHOW! Solução encontrada

o CAMINHO performado foi:

1 5 4  
3 7 2  
6 8 0

1 5 4  
3 7 2  
6 0 8

1 5 4  
3 0 2  
6 7 8

1 5 4  
0 3 2  
6 7 8

1 5 4  
6 3 2  
0 7 8

1 5 4  
6 3 2  
7 0 8

1 5 4  
6 0 2

7 3 8

1 5 4

0 6 2

7 3 8

0 5 4

1 6 2

7 3 8

5 0 4

1 6 2

7 3 8

5 4 0

1 6 2

7 3 8

5 4 2

1 6 0

7 3 8

5 4 2

1 0 6

7 3 8

5 0 2

1 4 6

7 3 8

0 5 2

1 4 6

7 3 8

1 5 2

0 4 6

7 3 8

1 5 2

4 0 6

7 3 8

1 5 2

4 3 6

7 0 8

1 5 2

4 3 6

7 8 0

1 5 2

4 3 0

7 8 6

1 5 2

4 0 3

7 8 6

1 0 2

4 5 3

7 8 6

1 2 0

4 5 3

7 8 6

```
1 2 3
4 5 0
7 8 6
```

```
1 2 3
4 5 6
7 8 0
```

as OPERAÇÕES performadas foram:

ESQUERDA, CIMA, ESQUERDA, BAIXO, DIREITA, CIMA, ESQUERDA, CIMA, DIREITA, DIREITA, BAIXO,  
ESQUERDA, CIMA, ESQUERDA, BAIXO, DIREITA, BAIXO, DIREITA, CIMA, ESQUERDA, CIMA, DIREITA,  
BAIXO, BAIXO

o CUSTO do CAMINHO é: 24

[MÉTRICAS] Contador de nós gerados: 84416

[MÉTRICAS] Contador de nós expandidos: 31086

In [ ]: