

## 5.4 辅助函数

### 5.4.1 概述

在本部分规定的椭圆曲线数字签名算法中，涉及到两类辅助函数：密码杂凑函数与随机数发生器。

### 5.4.2 密码杂凑函数

本部分规定使用国家密码管理局批准的密码杂凑算法，如SM3密码杂凑算法。

### 5.4.3 随机数发生器

本部分规定使用国家密码管理局批准的随机数发生器。

## 5.5 用户其它信息

作为签名者的用户A具有长度为 $entlen_A$ 比特的可辨别标识 $ID_A$ ，记 $ENTL_A$ 是由整数 $entlen_A$ 转换而成的两个字节，在本部分规定的椭圆曲线数字签名算法中，签名者和验证者都需要用密码杂凑函数求得用户A的杂凑值 $Z_A$ 。按本文本第1部分4.2.5和4.2.4给出的细节，将椭圆曲线方程参数 $a$ 、 $b$ 、 $G$ 的坐标 $x_G$ 、 $y_G$ 和 $P_A$ 的坐标 $x_A$ 、 $y_A$ 的数据类型转换为比特串， $Z_A = H_{256}(ENTL_A \parallel ID_A \parallel a \parallel b \parallel x_G \parallel y_G \parallel x_A \parallel y_A)$ 。

## 6 数字签名的生成算法及流程

### 6.1 数字签名的生成算法

设待签名的消息为 $M$ ，为了获取消息 $M$ 的数字签名 $(r,s)$ ，作为签名者的用户A应实现以下运算步骤：

A1：置 $\overline{M} = Z_A \parallel M$ ；

A2：计算 $e = H_v(\overline{M})$ ，按本文本第1部分4.2.3和4.2.2给出的细节将 $e$ 的数据类型转换为整数；

A3：用随机数发生器产生随机数 $k \in [1, n-1]$ ；

A4：计算椭圆曲线点 $(x_1, y_1) = [k]G$ ，按本文本第1部分4.2.7给出的细节将 $x_1$ 的数据类型转换为整数；

A5：计算 $r = (e + x_1) \bmod n$ ，若 $r=0$ 或 $r+k=n$ 则返回A3；

A6：计算 $s = ((1 + d_A)^{-1} \cdot (k - r \cdot d_A)) \bmod n$ ，若 $s=0$ 则返回A3；

A7：按本文本第1部分4.2.1给出的细节将 $r$ 、 $s$ 的数据类型转换为字节串，消息 $M$ 的签名为 $(r,s)$ 。

注：数字签名生成过程的示例参见附录A。

## 6.2 数字签名生成算法流程

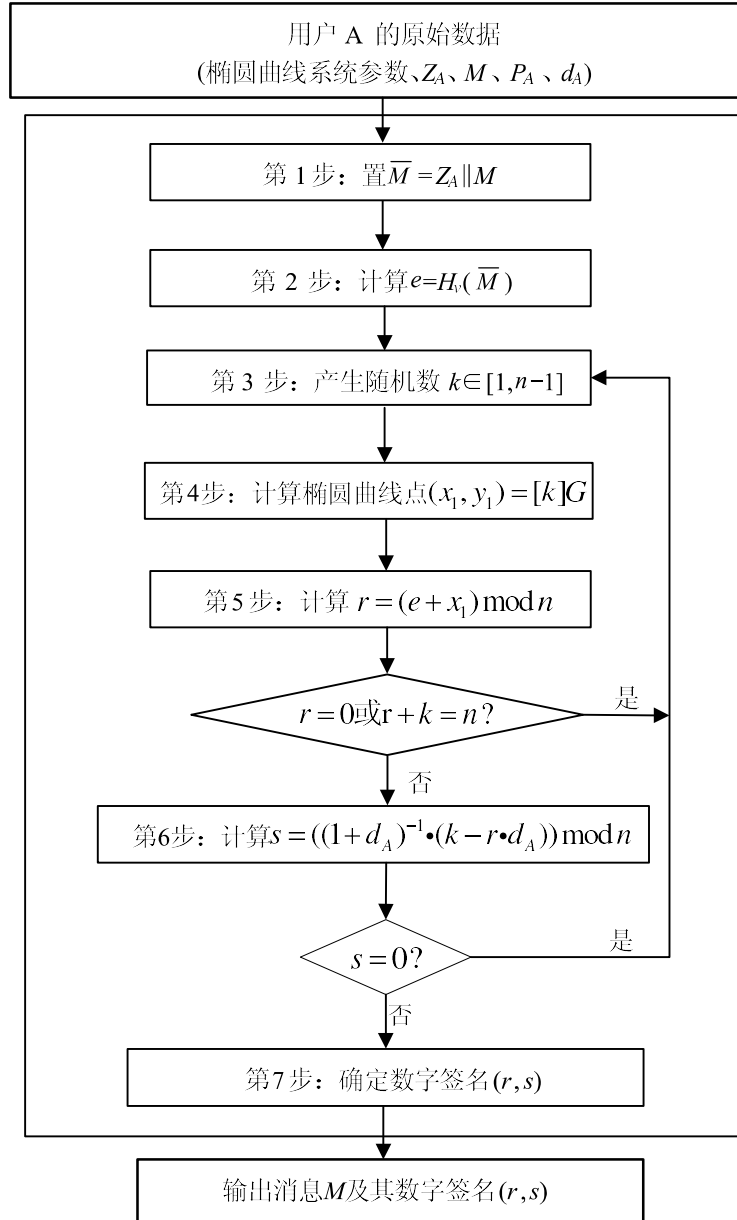


图1 数字签名生成算法流程

## 7 数字签名的验证算法及流程

### 7.1 数字签名的验证算法

为了检验收到的消息  $M'$  及其数字签名  $(r', s')$ ，作为验证者的用户 **B** 应实现以下运算步骤：

B1: 检验  $r' \in [1, n-1]$  是否成立，若不成立则验证不通过；

B2: 检验  $s' \in [1, n-1]$  是否成立，若不成立则验证不通过；

B3: 置  $\overline{M}' = Z_A \parallel M'$ ；

B4: 计算  $e' = H_v(\overline{M}')$ ，按本文第1部分4.2.3和4.2.2给出的细节将  $e'$  的数据类型转换为整数；

B5: 按本文第1部分4.2.2给出的细节将  $r'$ 、 $s'$  的数据类型转换为整数，计算  $t = (r' + s') \bmod n$ ，若  $t = 0$ ，则验证不通过；

B6: 计算椭圆曲线点  $(x'_1, y'_1) = [s']G + [t]P_A$ ；

B7: 按本文本第1部分4.2.7给出的细节将 $x'_1$ 的数据类型转换为整数, 计算 $R = (e' + x'_1) \bmod n$ , 检验 $R=r'$ 是否成立, 若成立则验证通过; 否则验证不通过。

注: 如果 $Z_A$ 不是用户A所对应的杂凑值, 验证自然通不过。数字签名验证过程的示例参见附录A。

## 7.2 数字签名验证算法流程

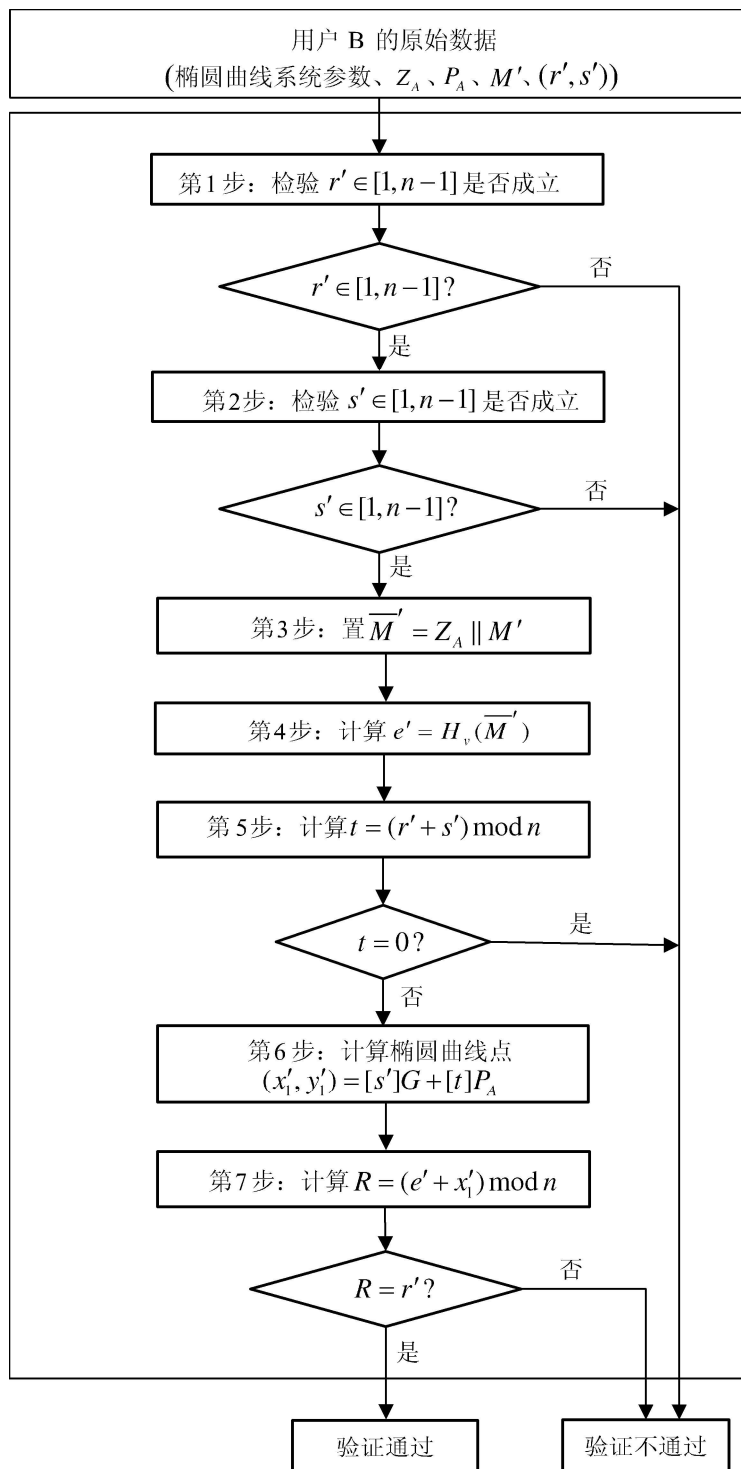


图2 数字签名验证算法流程