Politechnika Warszawska Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych Instytut Mikroelektroniki i Optoelektroniki





Instrukcja do przedmiotu

Projektowanie układów analogowych dla systemów VLSI

Wzmacniacz operacyjny

mgr inż. Jakub Kopański

Spis treści

Spis rysunków			τ ξ
1.	Wst	ęp	
2.	Proj	jektowa	anie wzmacniacza operacyjnego
	2.1.	Schem	at elektryczny projektowanego układu
		2.1.1.	Punkt pracy
		2.1.2.	Wejściowe napięcie wspólne
		2.1.3.	Wejściowe napięcie różnicowe
	2.2.	Charal	sterystyka częstotliwościowa wzmacniacza
		2.2.1.	Zero w prawej płaszczyźnie
		2.2.2.	Rozdzielanie biegunów
		2.2.3.	Usuwanie zera

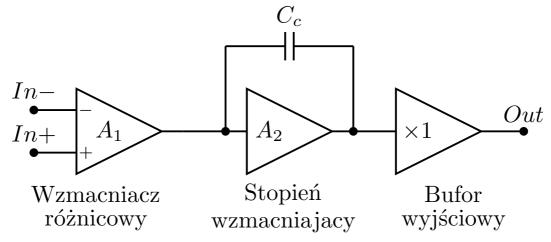
Spis rysunków

1.1	Schemat poglądowy wzmacniacza operacyjnego	4
2.1	Schemat elektryczny wzmacniacza operacyjnego	5
2.2	Model małosygnałowy wzmacniacza operacyjnego	6
2.3	Model małosygnałowy po zastosowaniu efektu Millera	7
2.4	Typowe przebiegi wzmocnienia.	9
2.5	Sposoby usuwania zera	10

1. Wstęp

Wzmacniacze operacyjne są jednymi z podstawowych bloków wykorzystywanych do budowania bardziej złożonych układów. Ponieważ są tak powszechnymi elementami większych systemów, omówimy dokładnie ich działanie oraz zagadnienia związane z ich projektowaniem.

Wzmacniacz operacyjny przeznaczony jest do pracy w układzie sprzężenia zwrotnego. Dzięki temu o parametrach układu decydują wartości elementów z których wykonano sprzężenie zwrotne, a nie bezwzględne parametry wzmacniacza operacyjnego. Takie rozwiązanie jest bardzo korzystne w realizacji scalonej ponieważ o parametrach układu można decydować stosunkiem wartości elementów sprzężenia.



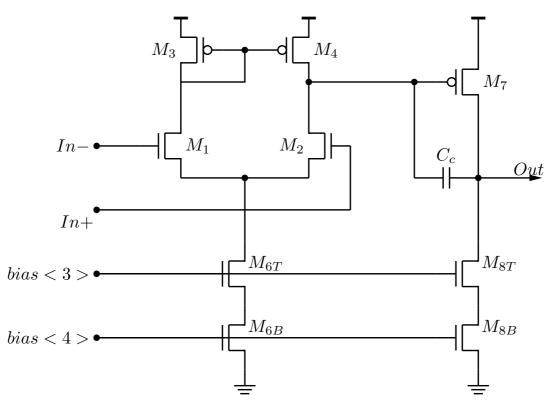
Rysunek 1.1: Schemat pogladowy wzmacniacza operacyjnego.

Ideowy schemat wzmacniacza operacyjnego zaprezentowano na rys. 1.1. Składa się on ze wzmacniacza różnicowego, stopnia wzmacniającego oraz bufora wyjściowego. Dzięki wzmacniaczowi różnicowemu mamy 2 wejścia wzmacniacza (do jednego będziemy podawać sygnał sprzężenia zwrotnego). Stopień wzmacniający zapewnia odpowiednio wysokie wzmacnienie całego toru oraz dzięki kondensatorowi C_c kształtuje charakterystykę częstotliwościową wzmacniacza, co będzie szerzej opisane w dalszej części instrukcji. Ostatnim elementem jest bufor wyjściowy. Zapewnia on małą rezystancje wyjściową wzmacniacza operacyjnego, dzięki czemu możliwe jest obciążanie wzmacniacza $małymi\ rezystancjami$.

W układach scalonych obciążenie rezystancyjne występuje bardzo rzadko. Typowo wzmacniacze operacyjne muszą wysterować obciążenie o charakterze pojemnościowym - bramkę tranzystora. W takim przypadku można zrezygnować z bufora wyjściowego. Tego typu wzmacniacz często nazywa się wzmacniaczem transkonduktancyjnym OTA (ang. $Operational\ Transconductance\ Amplifier$). Rezygnując z bufora wyjściowego, należy zwrócić także uwagę na ewentualne problemy ze $slew\ rate$ w szczególności gdy wartość pojemności obciążająca wzmacniacz jest duża. Ze względu na powszechność z jaką używa się wzmacniaczy OTA w układach scalonych często nazywa się je wzmacniaczami operacyjnymi.

2. Projektowanie wzmacniacza operacyjnego

2.1. Schemat elektryczny projektowanego układu



Rysunek 2.1: Schemat elektryczny wzmacniacza operacyjnego.

Schemat układu jaki będziemy projektować na zajęciach zaprezentowano na rys. 2.1. Składa się ze wzmacniacza różnicowego który steruję wzmacniaczem o wspólnym źródle. Wzmocnienie układu w otwartej pętli, dla niskich częstotliwości jest iloczynem wzmocnień poszczególnych stopni i wynosi:

$$A_{OLDC} = A_1 \times A_2 = \overbrace{g_{mn} \cdot (r_{dsn}||r_{dsp})}^{A_1} \times \overbrace{g_{mp} \cdot r_{dsp}}^{A_2}$$

$$\tag{2.1}$$

2.1.1. Punkt pracy

Węzły bias<3> i bias<4> pochodzą z bloku projektowanego na poprzednich zajęciach. Pary tranzystorów M_6 i M_8 tworzą źródła prądowe, które wymuszają przepływ prądu w poszczególnych gałęziach układu. Przez tranzystory M_1 i M_2 płynie taki sam prąd, równy połowie prądu lustra złożnonego z tranzystorów M_6 . Bramki tranzystorów M_3 i M_4 są zwarte, więc ich napięcia V_{GS} są takie same. Ponieważ prąd płynący przez oba tranzystory jest taki sam, napięcia V_{DS} obu tranzystorów muszą być takie same. Dlatego napięcie V_{GS} tranzystora M_7 , tworzącego wzmacniacz drugiego stopnia, jest równe

napięciu V_{GS} tranzystorów M3 i M4. Takie połączenie zapewni dobrze ustalony punkt pracy wzmacniacza. Dzięki temu tranzystory będą posiadały znane parametry i możliwe będzie przewidzenie osiągów projektowanego wzmacniacza operacyjnego.

2.1.2. Wejściowe napięcie wspólne

Gdy wzmacniacz operacyjny pracuje przy zamkniętej pętli sprzężenia zwrotnego, napięcia na wejściach pary różnicowej są utrzymywane na tych samych (lub prawie tych samych) wartościach. Wartość średnia z napięć na obu wejściach wzmacniacza nazywana jest napięciem wspólnym (ang. common-mode voltage). Należy zastanowić się nad maksymalnym $V_{CM_{max}}$ i minimalnym $V_{CM_{min}}$ napięciem wspólnym które zapewni, że tranzystory wzmacniacza różnicowego pozostaną w nasyceniu.

Aby tranzystory źródła prądowego pozostały w nasyceniu niezbędne jest napięcie co najmniej $2V_{DSsat}$. Stąd minimalne napięcie wspólne wynosi:

$$V_{CM_{min}} = 2V_{DSsatn} + V_{GSn} (2.2)$$

Górny limit napięcia wspólnego można obliczyć zauważając, że napięcie na drenie M_2 i M_1 jest równe i wynosi $V_{DD}-V_{SGp}$. Dlatego możemy zapisać:

$$V_{DS} \geqslant V_{GS} - V_{THn} \rightarrow V_D \geqslant V_G - V_{THN} \rightarrow V_{CM_{max}} = V_{DD} - V_{SGp} + V_{THn}$$

$$(2.3)$$

2.1.3. Wejściowe napięcie różnicowe

Ponieważ prąd drenu tranzystora w zakresie nasycenia opisuję się równaniem:

$$i_D = \frac{\beta_n}{2} (v_{GS} - V_{THN}), \tag{2.4}$$

wejściowe napięcie różnicowe można przedstawić w postaci:

$$v_{DI} = \sqrt{\frac{2}{\beta_{\rm p}}} (\sqrt{i_{D1}} - \sqrt{i_{D2}}). \tag{2.5}$$

Maksymalne wejściowe napięcie różnicowe otrzymamy podstawiając prąd źródła prądowego I_{SS} płynącego w ogonie pary różnicowej za prąd i_{D1} do (2.5) oraz zerując prąd i_{D2} . Otrzymamy wtedy:

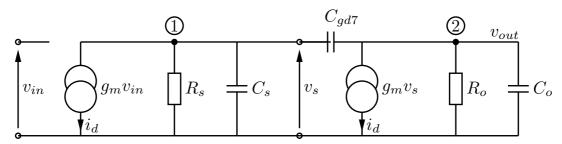
$$v_{DI_{max}} = v_{I1} - v_{I2} = \sqrt{\frac{2 \cdot L \cdot I_{SS}}{KP_n \cdot W}}$$
 (2.6)

Minimalne różnicowe napięcie wejściowe otrzymujemy poprzez podstawienie prądu I_{SS} pod i_{D2} i wyzerowanie i_{D1} .

$$v_{DI_{min}} = -v_{DI_{max}} = -\sqrt{\frac{2 \cdot L \cdot I_{SS}}{KP_n \cdot W}}$$

$$\tag{2.7}$$

2.2. Charakterystyka częstotliwościowa wzmacniacza



Rysunek 2.2: Model małosygnałowy wzmacniacza operacyjnego.

Aby wyznaczyć charakterystykę częstotliwościową wzmacniacza posłużymy się modelem małosygnałowym widocznym na rys. 2.2. Wartości elementów schematu zastępczego wynoszą:

$$R_s = r_{dsn}||r_{dsp}$$

$$R_o = r_{dsp}||R_{ocasn}$$

$$g_{m1} = g_{mn}$$

$$g_{m2} = g_{mp}$$

$$C_s = C_{ds4} + C_{gd2}$$

$$C_o = C_L + C_{gd8} \approx C_L$$

Korzystając z twierdzenia Millera można przenieść pojemność C_{gd7} na węzeł 1 i 2. Wartości nowych pojemności wynoszą:

$$C_{MI} = C_{qd7}(1 + |A_2|),$$
 (2.8)

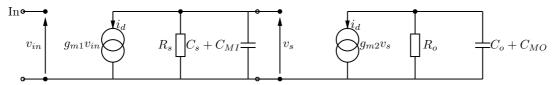
$$C_{MO} = C_{gd7}(1 + \frac{1}{|A_2|}).$$
 (2.9)

(2.10)

Taki zabieg spowoduję, że w układzie będą 2 stałe czasowe związane z węzłami 1 i 2. Schemat elektryczny odpowiadającego modelu małosygnałowego pokazany jest na rys. 2.3. Częstotliwości graniczne związane z tymi stałymi czasowymi będą wynosić:

$$f_1 = \frac{1}{2\pi (C_{gs} + C_{gd7}(1 + |A_2|)) \cdot r_{ds2} ||r_{ds4}}$$
(2.11)

$$f_2 = \frac{1}{2\pi (C_{gd8} + C_L + (1 + \frac{1}{|A_2|})C_{gd7}) \cdot r_{ds7}||R_{ocascn}}$$
(2.12)



Rysunek 2.3: Model małosygnałowy po zastosowaniu efektu Millera.

Charakterystyka częstotliwościowa układu z rys. 2.3. ma postać:

$$A_v(f) = \underbrace{\frac{A_1}{g_{mn} \cdot (r_{dsn}||r_{dsp})} \times \underbrace{g_{mp} \cdot r_{dsp}}^{A_2}}_{\left(1 + j\frac{f}{f_1}\right)\left(1 + j\frac{f}{f_2}\right)}$$
(2.13)

2.2.1. Zero w prawej płaszczyźnie

Niestety model zaproponowany w rozdziale 2.2 nie jest całkowicie poprawny. Stosując twierdzenie Millera, do wyznaczenia częstotliwości granicznych, pomijane jest zero w charakterystyce częstotliwościowej. Obserwując rys. 2.2. można zauważyć, że w przypadku granicznym (dla bardzo wysokich częstotliwości) pojemność C_{gd7} zwiera wejście z wyjściem drugiego stopnia wzmacniacza. Dlatego w celu wyznaczenia dokładniejszej charakterystyki częstotliwościowej nie możemy korzystać z twierdzenia Millera oraz schematu zastępczego z rys. 2.3.

W celu uproszczenia obliczeń potraktujemy węzeł 1 jako wejście rozważanego układu, do wyznaczenia częstotliwości zera. Schemat zaprezentowano na rys. 2.2. Suma prądów w węźle wyjściowym wynosi:

$$\frac{v_{out} - v_s}{1/j\omega C_{gd7}} + \frac{v_{out}}{R_o||1/j\omega C_o|} + g_{m2} \cdot v_s = 0$$
(2.14)

Wyznaczając wzmocnienie układu otrzymujemy równanie:

$$\frac{v_{out}}{v_s} = -g_{m2}R_o \cdot \frac{1 - j\omega \frac{C_{gd7}}{g_{m2}}}{1 + j\omega(C_{gd7} + C_o)R_o},$$
(2.15)

skąd widzimy, że biegun jest taki sam jak w równaniu (2.12). Natomiast w liczniku transmitancji pojawiło się zero w prawej płaszczyźnie:

 $f_z = \frac{g_{m2}}{2\pi C_{ad7}} \tag{2.16}$

Zero po prawej stronie układu współrzędnych ma taki sam wpływ na odpowiedź amplitudową jak jak zero po lewej stronie, ale inny wpływ na odpowiedź fazową. Zero w prawej płaszczyźnie wpływa na odpowiedź fazową tak samo jak biegun w lewej płaszczyźnie. Ta właściwość rodzi ważne konsekwencje przy projektowaniu wzmacniaczy, pracujących przy sprzężeniu zwrotnym (ale nie tylko!). Wyjście wzmacniacza, przy dodatkowym przesunięciu fazy, podane jako sprzężenie zwrotne może zmienić jego charakter i zsumować się z sygnałem wejściowym (dodanie sprzężenie zwrotne), powodując niestabilność wzmacniacza.

2.2.2. Rozdzielanie biegunów

Użycie (2.12) do określenia położenia wyjściowego bieguna jest obarczone błędem. Wzmocnienie A_2 maleje powyżej częstotliwości f_1 , więc pojemność Millerowska C_{gd7} będzie mniejsza niż w równaniu 2.12, co spowoduję, że biegun wyjściowy będzie znajdował się na znacznie wyższej częstotliwości niż f_2 .

W celu opisania tego efektu posłużymy się schematem z rys. 2.2. Wzmocnienie drugiego stopnia wzmacniacza jest opisane przez (2.15). Natomiast suma prądów wpływających do węzła 2 wynosi:

$$\frac{v_s}{R_s} + \frac{v_s}{1/j\omega C_s} + \frac{v_s - v_{out}}{1/1j\omega C_{ad7}} - g_{m1}v_{in} = 0,$$
(2.17)

co pozwala wyznaczyć:

$$v_s = \frac{v_{out} \cdot j\omega C_{gd7} - g_{m1}v_{in}}{\frac{1}{R_c} + j\omega C_s + j\omega C_{gd7}}.$$
(2.18)

Podstawiając (2.18) do (2.18) możemy wyznaczyć wzmocnienie układu:

$$\frac{s_{out}}{v_{in}} = \frac{g_{m1}g_{m2}R_{o}R_{s}(1 - s\frac{C_{gd7}}{g_{m2}})}{s^{2}R_{o}R_{s}(C_{gd7}C_{o} + C_{gd7}C_{s} + C_{o}C_{s}) + s[R_{o}(C_{gd7} + C_{o}) + R_{s}(C_{gd7} + C_{s}) + g_{m2}R_{o}R_{s}C_{gd7}] + 1}.$$
(2.19)

Zero transmitancji układu położone jest na częstotliwości określonej przez (2.16). Dla niskich częstotliwości mianownik transmitancji (2.19) jest w przybliżeniu (ponieważ s^2 jest małe) równy:

$$1 + j\omega[(C_{ad7} + C_o)R_o + (C_{ad7} + C_s)R_s + C_{ad7}g_{m2}R_oR_s], \tag{2.20}$$

więc biegun na niskich częstotliwościach jest położony na częstotliwości:

$$f_1 \approx \frac{1}{2\pi[(C_{gd7} + C_o)R_o + (C_s + C_{gd7}(1 + |A_v|))R_s]},$$
 (2.21)

gdzie: $A_v = g_{m2}R_o$. Jeżeli pojemność millerowska $C_{gd7}(1 + |A_v|)$ jest znacznie większa od pozostałych, to możemy przyjąć, że:

$$f_1 \approx \frac{1}{2\pi C_{ad7}(1+|A_v|)R_s}$$
 (2.22)

Żeby wyznaczyć położenie drugiego bieguna musimy wyciągnąć czynnik (2.20) z mianownika (2.19):

$$(1 + s[(C_{gd7} + C_o)R_o + (C_{gd7} + C_s)R_s + C_{gd7}g_{m2}R_oR_s]) \times$$

$$\left(1 + \frac{s^2R_oR_s(C_{gd7}C_o + C_{gd7}C_s + C_oC_s)}{1 + s[(C_{gd7} + C_o)R_o + (C_{gd7} + C_s)R_s + C_{gd7}g_{m2}R_oR_s]}\right)$$
(2.23)

Jest to równanie w postaci:

$$(1+j\cdot\frac{f}{f_1})(1+j\cdot\frac{f}{f_2})$$
 (2.24)

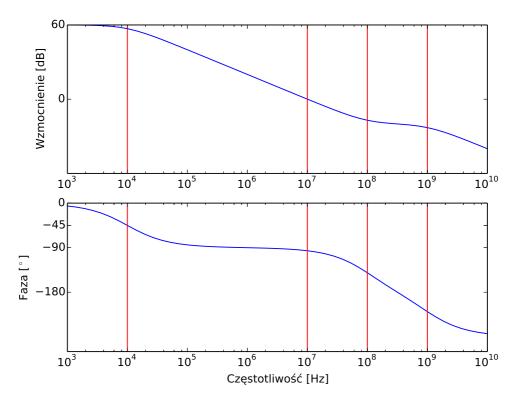
Dzieląc licznik i mianownik przez sR_oR_s , otrzymujemy:

$$1 + j \cdot \frac{s(C_{gd7}C_o + C_{gd7}C_s + C_oC_s)}{1/sR_oR_s + [(C_{qd7} + C_o)/R_s + (C_{qd7} + C_s)/R_o + C_{qd7}g_{m2}]}$$
(2.25)

W praktycznych realizacjach wzmacniaczy możemy założyć: $g_m >> \frac{1}{r_o}$ (jeżeli tak nie jest to wzmocnienie własne tranzystora $g_m r_o$ jest zbyt małe aby było możliwe zbudowanie na nim użytecznego wzmacniacza). Dlatego możemy zapisać:

$$f_2 \approx \frac{g_{m2}C_{gd7}}{2\pi(C_{gd7}C_o + C_{gd7}C_s + C_oC_s)}$$
 (2.26)

Warto zauważyć, że jeżeli umieścimy dodatkową pojemność: C_c równolegle z pojemnością tranzystora C_{gd7} tak, że efektywna pojemność wyniesie $C_c + C_{gd7}$ to zgodnie z (2.20) biegun na niższej częstotliwości f_1 przesunie się na jeszcze mniejszą częstotliwość. Natomiast biegun f_2 znajdzie się na jeszcze wyższej częstotliwości. Stąd nazwa rozdzielanie biegunów.



Rysunek 2.4: Typowe przebiegi wzmocnienia.

Częstą praktyką jest dodawanie pojemności C_c na tyle dużej aby biegun f_1 był położony na znacznie niższej częstotliwości niż zero czy biegun f_2 . Mówimy wtedy, że biegun związany z częstotliwością f_1 jest biegunem dominującym. W takim przypadku wzmocnienie możemy przybliżyć równaniem:

$$A_v(f) = \frac{V_{out}(f)}{V_{in}(f)} \approx \frac{g_{m1}R_s g_{m2}R_o}{1 + j\frac{f}{f_1}} = \frac{g_{m1}R_s g_{m2}R_o}{1 + j2\pi f \cdot g_{m2}R_s R_o C_c}$$
(2.27)

Jest to równanie w postaci:

$$A_V(f) = \frac{A_{DC}}{1 + j\frac{f}{f_{3dB}}},\tag{2.28}$$

co pozwala nam zapisać:

$$A_{DC} = g_{m1} R_s g_{m2} R_o (2.29)$$

$$f_{3dB} = \frac{1}{2\pi g_{m2} R_s R_o C_c} \tag{2.30}$$

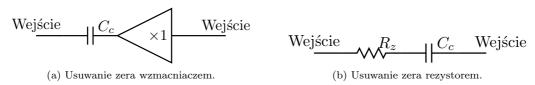
Dla częstotliwości znacznie większych niż częstotliwość 3 decybelowa, możemy przybliżyć transmitancje 2.27 poprzez:

$$A_v \approx \frac{g_{m1}}{2\pi f C_c},\tag{2.31}$$

skąd możemy uzyskać zależność na częstotliwość przy której wzmocnieni jest równe 1:

$$f_{un} = \frac{g_m 1}{2\pi C_c} \tag{2.32}$$

2.2.3. Usuwanie zera



Rysunek 2.5: Sposoby usuwania zera.

Z (2.16) i (2.32) widać, że jeżeli transkonduktancje obu tranzystorów są zbliżone to częstotliwość zera oraz częstotliwość wzmocnienia jednostkowego wypadają na takiej samej lub zbliżonej wartości. Jak zostało wspomniane w rozdziale 2.2.3 poprzez pojemność C_c może przechodzić sygnał z wejścia bezpośrednio na wyjście wzmacniacza. Jednocześnie zero w charakterystyce częstotliwościowej może spowodować, że wzmocnienie będzie większe od 1 przy braku odwracania fazy sygnału. Taka sytuacja może doprowadzić do niestabilności wzmacniacza. Żeby uniknąć takiej sytuacji możemy dodać wtórnik w sprzężeniu zwrotnym, jak na rys. 2.5a. Dzięki takiemu zabiegowi nadal otrzymamy efekt rozdzielania biegunów, ale nie będzie drogi z wejścia na wyjście wzmacniacza. Innym rozwiązaniem jest dodanie rezystora szeregowo z pojemnością sprzężenia zwrotnego C_c , aby stłumić sygnały wysokoczęstotliwościowe. Dodanie rezystora przesuwa zero na wyższą częstotliwość, zgodnie z zależnością:

$$f_z = \frac{1}{2\pi C_c \frac{1}{g_m}} \xrightarrow{zrezystorem} f_z = \frac{1}{2\pi C_c (\frac{1}{g_m} - R_z)}$$
 (2.33)