

# 第二次作业

U08M11002 Spring 2022

提交截止日期：北京时间 2022 年 3 月 xx 日 23:59:59

**提交作业方式：**请于规定截止时间之前将你的作业电子扫描版发送至邮箱 homework@yuxiaoq.in，邮件题目和附件名称为「HW2\_ 张三\_20xxxxxxxx」，其中 20xxxxxxxx 是你的学号。请注意：

1. 扫描结果应当清晰可见，格式必须为单个 pdf 文件；
2. 请注意邮件附件大小不要超过 10MB；
3. 请不要用 QQ 等其他方式发作业给我。
4. 超过截止日期提交的作业按照 0 分计算；
5. 截止日期前提交的作业若不符合上述要求，或没有被成功接收，视作没有提交作业。

题目 1.  $a, b \in \mathbb{R}, a \neq 0$ ，证明：

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(t) \delta(at - b) dt = \frac{1}{|a|} f\left(\frac{b}{a}\right)$$

题目 2. 证明  $\int_{-\infty}^{\infty} f(t) \delta(t - t_0) dt = f(t_0)$ .

题目 3. 证明  $\int_{-\infty}^{\infty} f(t) \delta'(t) dt = -f'(0)$ .

题目 4. 证明：微分、积分和延时器 ( $y(t) = f(t - t_0)$ ) 都是线性系统。

题目 5. 证明以下系统**不是**时变系统:

- (1) (变系数)  $y = tf(t)$                       (2) (反转)  $y = f(-t)$   
 (3) (伸缩)  $y = f(\alpha t)$

题目 6. 判断下列系统的因果性:

- (1)  $y(t) = f(t - 2)$                       (2)  $y(t) = f(t + 2)$

题目 7. 判断下列系统是否为线性的、时不变的、因果的。假设系统均为零状态系统。

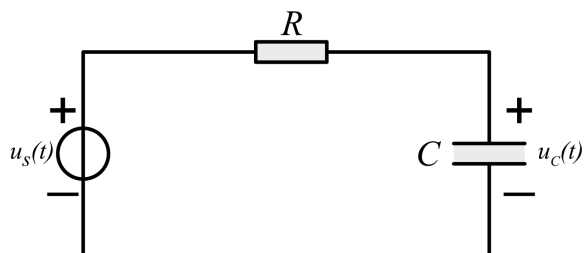
- (1)  $y(t) = \frac{d^2}{dt^2}f(t)$                       (2)  $y(t) = f(t)U(t)$   
 (3)  $y(t) = \sin[f(t)]U(t)$                       (4)  $y(t) = f(1 - t)$   
 (5)  $y(t) = f(2t)$                       (6)  $y(t) = f^2(t)$   
 (7)  $y(t) = \int_{-\infty}^t f(\tau)d\tau$                       (8)  $y(t) = \int_{-\infty}^{5t} f(\tau)d\tau$

题目 8. 线性时不变系统, 当激励  $f_1(t) = U(t)$  时, 响应  $y_1(t) = e^{-at}U(t)$ 。试求当激励  $f_2(t) = \delta(t)$  时, 响应  $y_2(t)$  的表达式。(假定起始时刻系统无储能。)

题目 9. 已知系统相应的齐次方程及其对应的  $0_+$  时刻的状态条件, 求系统的零输入响应。

- (1)  $\frac{d^2}{dt^2}y(t) + 2\frac{d}{dt}y(t) + 2y(t) = 0, \quad r(0_+) = 1, r'(0_+) = 2$   
 (2)  $\frac{d^2}{dt^2}y(t) + 2\frac{d}{dt}y(t) + y(t) = 0, \quad r(0_+) = 1, r'(0_+) = 2$   
 (3)  $\frac{d^3}{dt^3}y(t) + 2\frac{d^2}{dt^2}y(t) + \frac{d}{dt}y(t) + 2y(t) = 0, \quad r(0_+) = r'(0_+) = 0, r''(0_+) = 1$

**题目 10.** 如下图所示的 RC 电路中, 已知  $R = 1\Omega$ ,  $C = 0.5F$ , 写出描述该系统的微分方程。电容的初始状态  $u_C(0_-) = u_C(0_+) = -1V$ , 求激励  $u_s(t)$  为下列信号时的电容  $C$  的电压全响应  $u_C(t)$ :



(1)  $u_s(t) = U(t)$

(2)  $u_s(t) = e^{-t}U(t)$

(3)  $u_s(t) = e^{-2t}U(t)$

(4)  $u_s(t) = tU(t)$