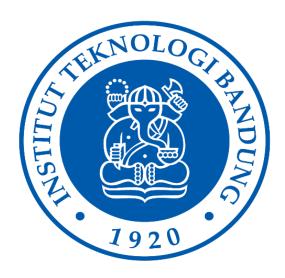
## LAPORAN TUGAS KECIL 2 IF2211 STRATEGI ALGORITMA

# Implementasi Convex Hull untuk Visualisasi Tes Linear Separability Dataset dengan Algoritma Divide and Conquer



#### Disusun oleh:

Monica Adelia 13520096

Program Studi Teknik Informatika
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika
Institut Teknologi Bandung
2022

#### 1. PENJELASAN ALGORITMA DIVIDE AND CONQUER

Algoritma *Divide and Conquer* adalah metode pemecahan masalah yang bekerja dengan membagi masalah menjadi beberapa upa-masalah yang lebih kecil. Kemudian tiap upa-masalah tersebut diselesaikan secara *independent* dan akhirnya solusi masing-masing upa-masalah digabungkan sehingga menjadi solusi dari masalah semula. *Divide* artinya membagi persoalan menjadi beberapa upa-masalah yang memiliki kemiripan dengan persoalan semua, namun berukuran lebih kecil. Idealnya berukuran hampir sama. Lalu, *conquer* adalah menyelesaikan masing-masing upa-masalah, baik secara langsung maupun secara rekursif. Langkah-langkah umum algoritma *divide and conquer* adalah sebagai berikut:

#### 1. Divide

Permasalahan dibagi menjadi beberapa upa-masalah (berukuran lebih kecil) yang memiliki kemiripan dengan masalah semula.

#### 2. Conquer

Permasalahan tiap-tiap upa, akan diselesaikan atau dipecahkan.

#### 3. Combine

Setiap solusi yang masing-masing upa-masalah digabung sehingga membentuk solusi masalah semula.

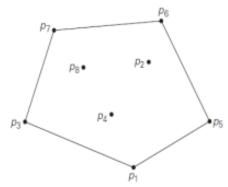
Berikut ini adalah pseudocode dari algoritma *Divide and Conquer* dalam menyelesaikan permasalahan atau persoalan.

Gambar 1 Pseudocode Algoritma Divide and Conquer

Sumber: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2020-2021/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2021)-Bagian1.pdf

Algoritma *Divide and Conquer* merupakan salah satu solusi dalam penyelesaian masalah convex hull. Algoritma ini memiliki kompleksitas waktu yang cukup kecil dan efektif dalam menyelesaikan permasalahan ini, jika dibandingkan dengan algoritma lain. Convex hull merupakan persoalan klasik dalam geometri komputasional. Convex hull adalah poligon yang disusun dari subset titik sedemikian rupa sehingga tidak ada titik dari himpunan awal yang berada di luar poligon tersebut(semua titik berada di batas luar atau di dalam area yang dilingkupi oleh poligon tersebut).

Himpunan titik pada bidang planar disebut *convex* jika untuk sembarang dua titik pada bidang tersebut (misal p dan q), seluruh segmen garis yang berakhir di p dan q berada pada himpunan tersebut. Untuk dua titik, maka *convex hull* berupa garis yang menghubungkan dua titik tersebut. Untuk tiga titik yang terletak pada satu garis, maka *convex hull* adalah sebuah garis yang menghubungkan dua titik terjauh. Sedangkan *convex hull untuk* tiga titik yang tidak terletak pada satu garis adalah sebuah segitiga yang menghubungkan ketiga titik tersebut. Untuk titik yang lebih banyak dan tidak terletak pada satu garis, maka convex hull berupa poligon *convex* dengan sisi berupa garis yang menghubungkan beberapa titik pada S.



Gambar 2 Convex Hull untuk 8 Buah Titik

Sumber: https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf

Convex hull dapat diselesaikan dengan Divide and Conquer dengan langkah-langkah sebagai berikut:

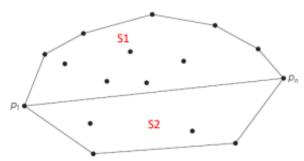
1. Mencari dua titik ekstrim yang akan membentuk *convex hull*.

Pencarian ini dengan memanfaatkan algoritma *quicksort*. Himpunan titik diurutkan berdasarkan nilai absis yang menaik dan jika ada nilai absis yang sama,

maka diurutkan dengan nilai ordinat yang menaik. Titik pertama (P1) dan titik terakhir (Pn) setelah diurutkan akan menjadi titik ekstrim.

#### 2. Membagi himpunan titik menjadi dua bagian.

Garis yang menghubungkan P1 dan Pn (P1Pn) membagi himpunan titik menjadi dua bagian yaitu s1 dan s2. S1 adalah kumpulan titik di sebelah kiri atau atas garis P1Pn, sedangkan s2 adalah kumpulan titik di sebelah kanan atau bawah garis P1Pn. Untuk penentuan kiri atau kanan titik dari sebuah garis dapat memanfaatkan determinan. Determinan akan bernilai positif jika titik berada di sebelah kiri garis. Titik pada himpunan yang berada pada garis P1Pn tidak mungkin membentuk *convex hull* sehingga diabaikan (tidak masuk s1 maupun s2).



Gambar 3 Membagi himpunan titik menjadi dua bagian

Sumber: <a href="https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf">https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf</a>

Kumpulan titik pada s1 bisa membentuk *convex hull* bagian atas dan s2 membentuk *convex hull* bagian bawah. Lalu terapkan *Divide and Conquer*.

#### 3. Pencarian titik *convex hull*

Untuk sebuah bagian, misal s1, terdapat dua kemungkinan *convex hull*:

- a. Jika s1 merupakan himpunan kosong, maka titik P1 dan Pn menjadi pembentuk *convex hull* bagian s1
- b. Jika s1 bukan merupakan himpunan kosong, cari titik yang memiliki jarak terjauh dari garis P1Pn, misal Pmax.

#### 4. Penentuan bagian di sebelah kiri garis

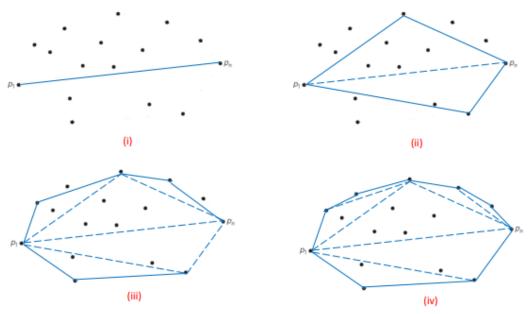
Tentukan kumpulan titik yang berada di sebelah kiri garis P1Pmax (menjadi bagian S1,1), dan di sebelah kanan garis PmaxPn(menjadi bagian S1,2). Semua titik yang berada di dalam segitiga PmaxP1Pn akan diabaikan dalam pemeriksaan lebih lanjut.

#### 5. Rekursif

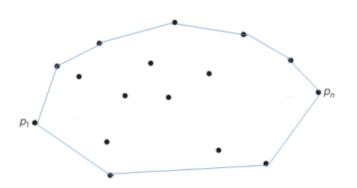
Lakukan pencarian titik *convex hull* seterusnya ke bagian yang lebih kecil lagi hingga himpunan titik kosong semua. Lakukan juga pada bagian S2 hingga bagian kiri dan kanan kosong.

Pengembalian pasangan titik yang dihasilkan
 Pengembalian pasangan titik yang dihasilkan dilakukan secara rekursif dari.

Langkah-langkah dari penyelesaian *convex hull* menggunakan algoritma *divide and conquer* dapat dilihat dari gambar di bawah ini



Gambar 4 Langkah Penerapan Algoritma *Divide and Conquer* dalam Mencari *Convex Hull*Sumber: <a href="https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf">https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf</a>



Gambar 5 Hasil *Convex Hull* Menggunakan Algoritma *Divide and Conquer*Sumber: <a href="https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf">https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/Stmik/2021-2022/Algoritma-Divide-and-Conquer-(2022)-Bagian4.pdf</a>

Berikut ini adalah pseudocode penyelesaian *convex hull* menggunakan algoritma *divide* and conquer

Algorithm ConvexHull(P)

```
// P is a set of input points
Sort all the points in P and find two extreme points A and B \,
S1 ← Set of points right to the line AB
S2 ← Set of points right to the line BA
Solution ← AB followed by BA
Call FindHull(S1, A, B)
Call FindHull(S2, B, A)
Algorithm FindHull(P, A, B)
if isEmpty(P) then
  return
 C ← Orthogonally farthest point from AB
 Solution \leftarrow Replace AB by AC followed by CB
 Partition P - { C } in X0, X1 and X2
 Discard X0 in side triangle
 Call FindHull(X1, A, C)
 Call FindHull(X2, C, B)
end
```

Gambar 6 Pseudocode penyelesaian convex hull menggunakan algoritma divide and conquer

Sumber: https://codecrucks.com/convex-hull-using-divide-and-conquer/

#### 2. SOURCE CODE PROGRAM

#### 2.1. Program myConvexHull

```
• • •
                       s1 = np.delete(ndisin, 0,
s1 = np.delete(s1, 0, axis=0)
s2 = np.delete(s2, 0, axis=0)
s2 = np.delete(s2, 0, axis=0)
                      hulSim = np.append(hulSim, np.array(findHull(bucket, hulSim, solution, s1, solution[0], solution[1])), axis=0)
hulSim = np.append(hulSim, np.array(findHull(bucket, hulSim, solution, s2, solution[1], solution[0])), axis=0)
                                 se:
solution = np.array([[1.0, 2.0]])
solution = np.delete(solution, 0, axis=0)
fartest = S[0]
tempOistance = 0.00
# Find Orthogonally farthest point from AB
for i in range (len(5)):
d = np.linalg.norm(np.cross(8-A, A-S[i]))/np.linalg.norm(8-A)
                                 x1 = np.array([[1.0, 2.0]])
x1 = np.delete(x1, 0, axis=0)
x2 = np.array([[1.0, 2.0]])
x2 = np.delete(x2, 0, axis=0)
```

#### 2.2. Program membuat dataFrame

```
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn import datasets

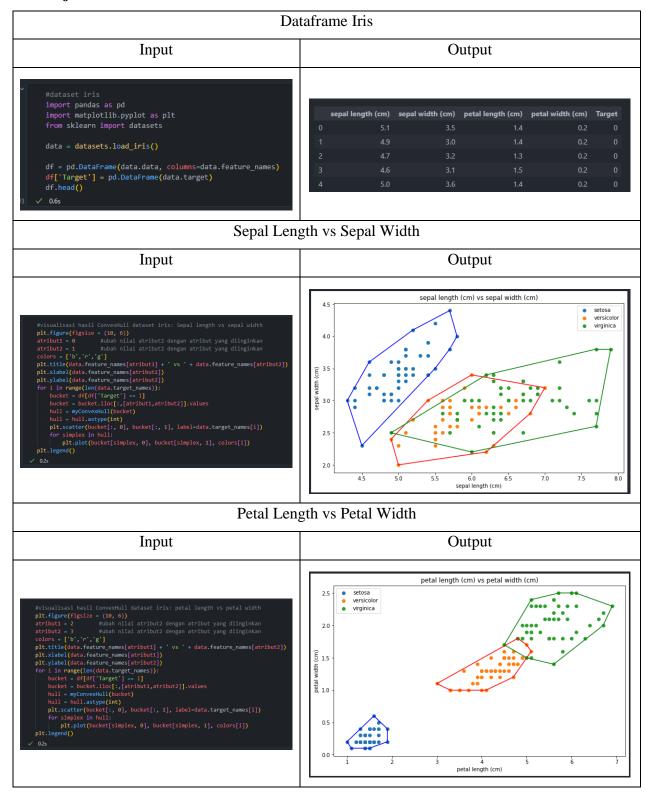
data = datasets.load_iris()  #ubah dataset sesuai dataset yang diinginkan

df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
df.head()
```

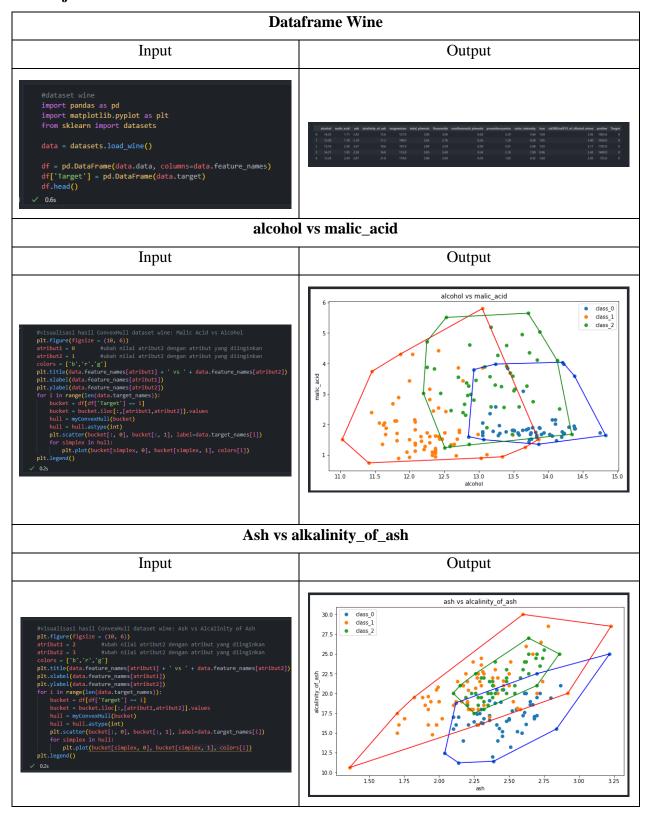
#### 2.3. Program visualisasi convexhull

#### 3. SCREENSHOT INPUT DAN OUTPUT

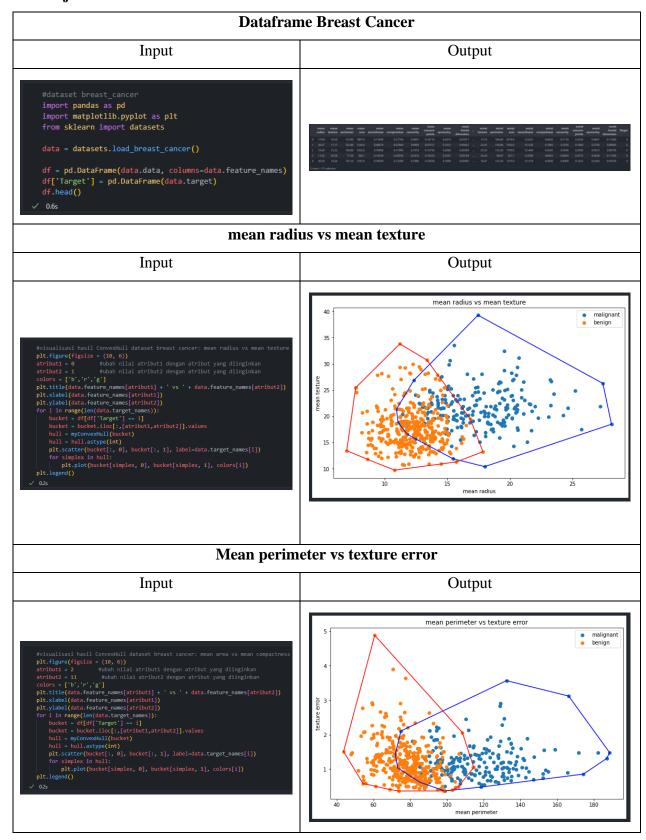
#### 3.1. Hasil Uji Dataset Iris



#### 3.2. Hasil Uji Dataset Wine



#### 3.3. Hasil Uji Dataset Breast Cancer



## 4. ALAMAT DRIVE KODE PROGRAM

 $\underline{https://github.com/adeliaaaa/Tucil2-STIMA.git}$ 

### 5. CEKLIST

Poin	Ya	Tidak
1. Pustaka <i>myCovexHull</i> berhasil dibuat dab tidak ada kesalahan	V	
2. Convex hull yang dihasilkan sudah benar	V	
3. Pustaka <i>myConvexHull</i> dapat digunakan untuk menampilkan <i>convex hull</i>	V	
stiap label dengan warna yang berbeda	,	
4. <b>Bonus:</b> program dapat menerima input dan menuliskan outuput untuk data	V	
set lainnya.	,	