### PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

# Documentação Curvas - Computação Gráfica

Aluno: Adhonay Júnior Profa.: Rosilane Mota

### **Ambiente:**

- O programa foi desenvolvido utilizando a plataforma NetBeans IDE 8.1 for Java -Developers.
- -O sistema operacional utilizado foi o Windows 8.1

## Implementação Algoritmos:

#### Bézier:

A curva de Bézier é uma curva polinomial expressa como a interpolação linear entre alguns pontos representativos, chamados de pontos de controle.

```
public boolean BezierCurvaPri(Ponto pt[], int num, Ponto result[], int n[])
{
  int oldN = n[0];

  if (enough == ENOUGH && num > 6) enough += 3;
    if (enough > ENOUGH) enough -= 5;
  nRecur = 0;

  // em caso de excesso de pilha de recursão, continue tentando
  while (!BezierCurvaSec(pt, num, bpt, n))
  {
    n[0] = oldN;
    enough += 5;
    nRecur = 0;
  }
  return true;
}
```

A função BezierCurvaPri Basicamente faz a chamada principal que seria da função BezierCurvaSec, também é verificado se os pontos são suficientemente possível para chamada da função onde a condição imposta seja maior que seis, assim caso sendo satisfeita, ela chama a função BezierCurvaSec dentro de uma repetição até que a curva seja feita retornando a mesma.

```
protected boolean BezierCurvaSec(Ponto pt[], int num, Ponto result[], int n[])
  Ponto qt[],rt[]; // Dividir
 int d[],i,max;
 nRecur++;
 if (nRecur > RECURSION) return false;
  d = new int[MAXCNTL];
 for (i=1;i<num-1;i++) d[i]=Distancia(pt[i],pt[0],pt[num-1]);
 for (i=2;i<num-1;i++) if (d[i]>max) max=d[i];
  if (max <= enough || nRecur > RECURSION) {
      if (n[0]==0) {
         if (bnum > 0)
            result[0].copy(pt[0]);
          else
            result[0] = new Ponto(pt[0]);
         n[0]=1;
      3
       //reuse
      if (bnum > n[0])
            result[n[0]].copy(pt[num-1]);
            result[n[0]] = new Ponto(pt[num-1]);
      n[0]++;
      if (n[0] == MAXPOINT-1) return false;
  else {
      qt = get_buf(num);
      rt = get buf(num);
      DivCurva (pt, qt, rt, num);
      if (!BezierCurvaSec(qt,num,result,n)) return false;
      if (!BezierCurvaSec(rt,num,result,n)) return false;
     put buf (rt);
 }
 return true;
```

A função BezierCurveSec recebe uma estrutura ponto (onde e tratado todos pontos pelo clique do mouse é os pontos de controle para modificação da curva) e um valor para o parâmetro result, e um valor para o tamanho da lista (em número de pontos). A lista é então implementada como uma curva de Bézier, para desenhar superfícies e chamada recursivamente passando o localização dos pontos desejados através do click do mouse, o tamanho da lista de pontos e a lista result com o resultado de todos eles.

### Interpolada:

A curva interpolada foi tradada com o polinômio de lagrange(consiste em aproximar uma função contínua e definida no intervalo [0,+1], f()x, por um polinômio de grau (m-1)).

```
switch (mode) {
case (INTERPOLADA) :
   g.setColor(Color.RED);
  if (np>1) {
   float a[] = new float[np];
   float t1;
   float t2;
   float h[] = new float[np];
   for (int i=1; i<=np-1; i++) {
     h[i] = x[i] - x[i-1];
   1
   if (np>2) {
      float sub[] = new float[np-1];
     float diag[] = new float[np-1];
     float sup[] = new float[np-1];
      for (int i=1; i<=np-2; i++) {
       diag[i] = (h[i] + h[i+1])/3;
       \sup[i] = h[i+1]/6;
        sub[i] = h[i]/6;
      a[i] = (d[i+1]-d[i])/h[i+1]-(d[i]-d[i-1])/h[i];
      SistemaLi(sub, diag, sup, a, np-2);
   oldt=x[0];
   oldy=d[0];
   g.drawLine((int)oldt,(int)oldy,(int)oldt,(int)oldy);
    for (int i=1; i<=np-1; i++) { // loop entre intervalos entre nós
      for (int j=1; j<=precision; j++) {
        t1 = (h[i]*j)/precision;
       t2 = h[i] - t1;
        y = ((-a[i-1]/6*(t2+h[i])*t1+d[i-1])*t2 +
             (-a[i]/6*(t1+h[i])*t2+d[i])*t1)/h[i];
        t=x[i-1]+t1;
       g.drawLine((int)oldt,(int)oldy,(int)t,(int)y);
       oldt=t;
       oldy=y;
      }
    }
```

Foi feita a chamada do método dado como SistemaLi que e tratado a resolução da matriz, para a utilização do mesmo, passando os respectivos parâmetros para solução da mesma, após o cálculo dela e realizado o

desenho da linha onde e passado uma "precision" desejada x para o desenho da curva através dos pontos destacados pelo usuário final com suas respectivas coordenas no plano.

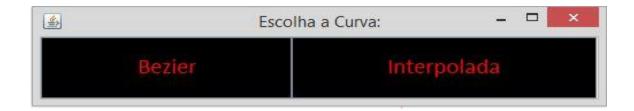
```
private void SistemaLi(float sub[], float diag[], float sup[], float b[], int n){
               sistema linear linear com tridiagonal n por matriz n
                usando a eliminação gaussiana * sem * rotação
                onde a (i, i-1) = sub [i] para 2 <= i <= n
                       a (i, i) = diag [i] para 1 <= i <= n
                       a (i, i + 1) = sup [i] para 1 <= i <= n-1
                (os valores sub [1], sup [n] são ignorados)
                o vetor do lado direito b [1: n] é substituído pela solução
                NOTA: 1 ... n é usado em todos os arrays, 0 é inutilizado
      OU SEJA METODO DE ESCALONAMENTO COMECANDO PELA PRIMEIRA COLUNA */
 int i;
              factorização e substituição*/
  for(i=2; i<=n; i++) {
   sub[i] = sub[i]/diag[i-1];  // encontrar multiplicador
   diag[i] = diag[i] - sub[i]*sup[i-1]; // atualizar diagonal superior. matriz
   b[i] = b[i] - sub[i]*b[i-1];
                                     //atualizar o vetor rhs
 b[n] = b[n]/diag[n];
                                      // resolver o diagonal superior. sistema por trás subst.
 for(i=n-1;i>=1;i--){
   b[i] = (b[i] - sup[i]*b[i+1])/diag[i];
```

A ideia foi gerar o polinômio interpolador, obtido através de uma matriz cuja resolução do sistema linear é simples e direta, para isso foi usado o método SistemaLi que e chamado acima para montagem da curva , para o método em questão foi utilizada a lógica de eliminação de Gauss (ou método de escalonamento) é um algoritmo para se resolver sistemas de equações lineares. Este método consiste em aplicar sucessivas operações elementares num sistema linear, para o transformar num sistema de mais fácil resolução, que apresenta exatamente as mesmas soluções que o original.

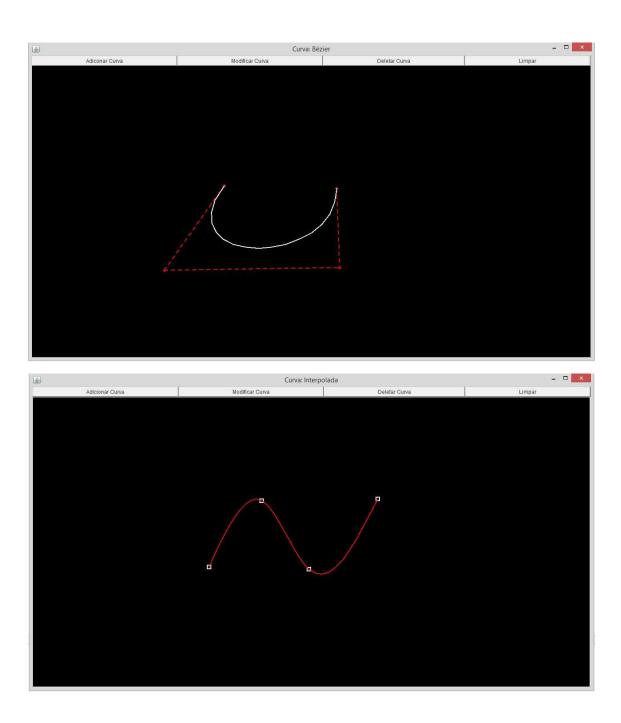
#### Modo de uso:

As execuções dos algoritmos estão sendo demostradas no Slide "Apresentação Slide" para melhor entendimento, abaixo segue como usar o programa:

Após a compilar e executar o algoritmo será exibida a seguinte tela para escolher a curva desejada:



Após selecionar a curva em questão será exibido um outro painel respectivo a curva desejada, abaixo segue as duas possíveis opções e com um exemplo das curvas já desenhadas. (Clique na imagem para mostrar sua execução)



Independente da curva selecionada o painel terá as mesmas opções, mas com propósitos diferentes para o botão "Deletar curva" que no caso da bézier e excluído toda curva e no da interpolada e excluído o ponto que o usuário clicou.

O botão "Adicionar Curva" basicamente após clicar nele, basta selecionar os pontos no painel onde deseja que as curvas sejam criadas, no caso da interpolada o programa já vai mostrando a geração da curva a cada ponto clicado, já para a bézier e mostrado após o último clique, quando você for selecionar no painel o último ponto que deseja basta dar um duplo clique no botão esquerdo no local onde deseja finalizar para mostrar a curva desejada, que será gerada automaticamente após essa ação.

O botão "Limpar" basicamente serve para apagar todas curvas desenhas no painel para ambos os casos.

O botão "Modificar Curva" serve para arrastar os pontos já plotados no painel, ou seja, com a curva já desenhada, caso queria modificar a localização de algum monto ou da curva toda, basta clicar nos "quadradinhos" da curva no caso da bézier os pontos de controle, para arrastar os mesmos.

O programa permite que você ultrapasse 4 pontos como realizado na apresentação e nos exemplos (caso deseje apenas 4 pontos basta clicar com o botão direito para finalizar no mesmo).