

## מטלה - מכרזים: וק"ג, פירסום, מיירסון

יש לענות על שאלה אחת לבחירתכם. הגשה בזוגות, עד תחילת ההרצאה הבאה.

### שאלה 1: שוק דו-צדדי

אחד השימושים של תורת המכרזים הוא ניהול אוטומטי של שוק דו-צדדי, כמו בבורסה. בבורסה יש הרבה קונים, הרבה מוכרים, והרבה חפצים (מניות). אבל כדי להבין מה קורה, אנחנו נתייחס לגירסה מוקטנת של השוק, שבה יש רק קונה אחד, מוכר אחד, וחפץ אחד.

מוכר אחד מגיע לשוק עם חפץ אחד. ערך החפץ בעיני המוכר הוא  $s$ .

קונה אחד מגיע לשוק, הוא רואה את החפץ וחושב שהוא שווה  $b$ .

אתם, מנהלי השוק, צריכים להחליט:

- א. האם המוכר ייתן את החפץ לקונה, או יחזור עם החפץ הביתה?
- ב. כמה כסף ישלם הקונה?
- ג. כמה כסף יקבל המוכר?
- ד. כמה כסף יישאר לכם בכיס כ"דמי תיווך"?

הציעו מכרז אמיתי ויעיל-פארטו, המבוסס על VCG, לפתרון הבעיה. הסבירו בפירוט מה יעשה המכרז בכל אחד מהסעיפים א עד ד. מה הבעיה במכרז זה?

### שאלה 2: הפיכת אלגוריתם למנגנון

מיצאו אלגוריתם נוסף שאתם מכירים, שונה מהאלגוריתמים שנלמדו בכיתה, שאפשר להפוך אותו למנגנון. תארו בפירוט את הקלט למנגנון, את הערכים של המשתתפים, את כלל-הבחירה ואת כלל-התשלום.

### שאלה 3: מכרזי פירסום - איכות המודעה (הקורס של טים, תרגילים 32, 34).

בשיעור הנחנו, שהסתברות ההקלקה על מודעה מסויימת תלויה רק במיקום שלה ולא במודעה. במציאות, הסתברות ההקלקה על מודעה תלויה גם במיקום וגם במודעה עצמה.

א. נניח שלכל מודעה  $j$  יש מקדם איכות  $q_j$ , והסתברות ההקלקה כששמים אותה במקום  $k$  היא:

$$r_{j,k} = r_k * q_j$$

תארו אלגוריתם חמדני המשבץ מודעות למיקומים וממקסם את סכום הערכים.

ב. נניח שלכל מודעה  $j$  ומיקום  $k$  יש הסתברות הקלקה כללית (לא דווקא ליניארית):  $r_{j,k}$

הראו דוגמה שבה האלגוריתם החמדני לא עובד (לא מוצא שיבוץ הממקסם את סכום הערכים).

## שאלה 4: תיכנות - כלל-התשלום של מיירסון

נתונה פונקציה המייצגת כלל-בחירה. כותרת הפונקציה בפסאודו-Java היא:

```
bool[] choices (int[] values);
```

הפונקציה מקבלת כקלט וקטור של מספרים המייצגים את הערכים של השחקנים. אנחנו מניחים שכל הערכים הם מספרים שלמים. הפונקציה מחזירה כפלט וקטור בוליאני המחזיר, לגבי כל שחקן, האם הוא נבחר או לא.

כיתבו פונקציה המייצגת את כלל-התשלום המתאים, לפי משפט מיירסון. כותרת הפונקציה:

```
int[] payments (int[] values);
```

הפונקציה מקבלת כקלט את וקטור הערכים (כמו הפונקציה הקודמת), ומחזירה את וקטור התשלומים - מעוגלים למספר שלם.

הערות:

- אם הפונקציה מגלה שכלל-הבחירה אינו מונוטוני - היא צריכה לזרוק חריגה.
- לא חייבים לכתוב בשפת Java תקנית - אפשר לכתוב בשפה אחרת או פסאודו-קוד, העיקר שיהיה ברור מה עשיתם. אפשר להמציא פונקציות בסיסיות לטיפול במערכים לפי הצורך, בתנאי שמסבירים מה הן עושות.