חלוקה הוגנת של שכר דירה Fair Rent Division

אראל סגל-הלוי



חלוקת חפצים בדידים

כשהחפצים בדידים, בדרך-כלל אי אפשר למצוא חלוקה פרופורציונלית וללא קנאה (דוגמה: בית אחד).

פתרונות מקובלים:

1)הוספת כסף למערכת. דוגמה: אלגוריתמי חלוקת שכר-דירה.

2)מציאת דרך יצירתית לחלק חפץ אחד. דוגמה: אלגוריתם "וין-וין" לגישור.

3)חלוקה ללא-קנאה-בקירוב. דוגמה: חלוקת תכשיטים ומקומות בקורסים.

חלוקת שכר דירה

נתונים:

- P דירה עם n חדרים ודמי-שכירות נתונים
- שותפים *ח* שרוצים לשכור יחד את הדירה.
 - :האתגר להחליט לגבי כל שותף
 - פמה כסף ישלם? הסכום צריך להיות P.
 - איזה חדר יקבל? צריך שלא תהיה קנאה.

חלוקת שכר דירה: מודל אורדינלי

הנחות:

- "חדרים סבירים" בכל חלוקה של שכר-הדירה – כל שוכר מוכן לקבל חדר כלשהו.
- דיירים עניים" כל שוכר מעדיף חדר בחינם על-פני חדר בתשלום.

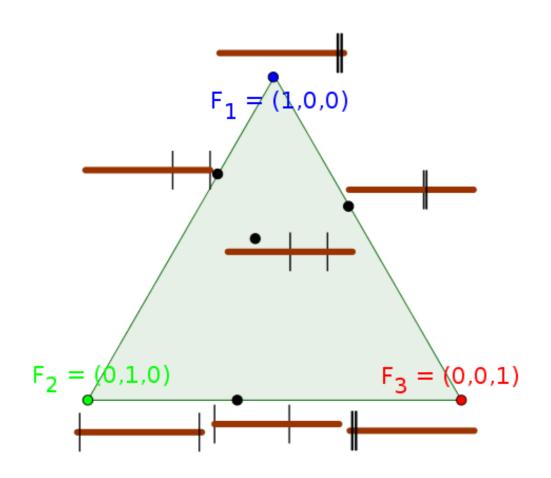
n=2 פתרון עבור

- אחד מחלק את שכר-הדירה; השני בוחר חדר.
 - בדיוק כמו חלוקת עוגה לשני ילדים!
 - ?האם אפשר להכליל לשלושה או יותר

(Su, 1999) אלגוריתם סוּ

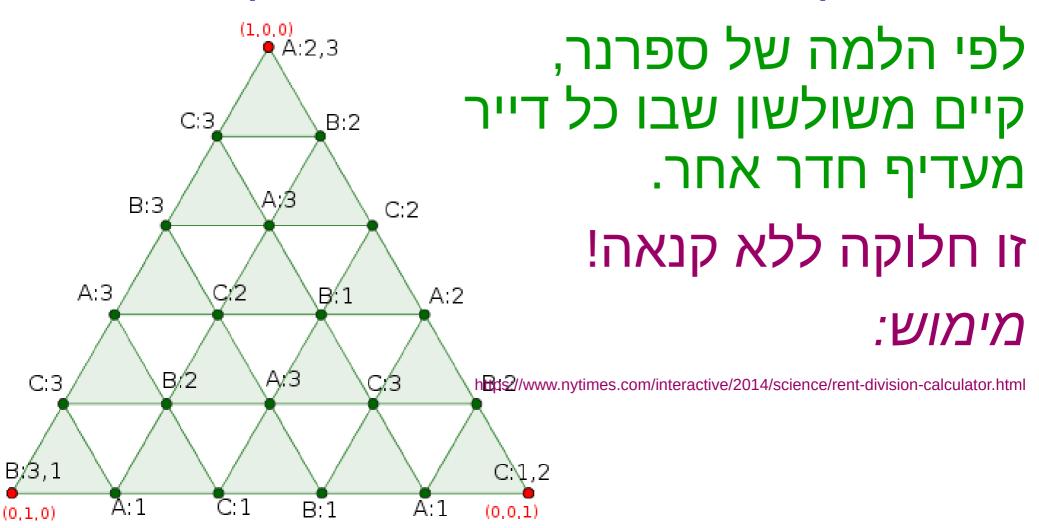
נניח ששכר-הדירה הוא 1.

כל תימחור של החדרים שקול ל-n מספרים שסכומם 1 – **סימפלקס החלוקות**.



(Su, 1999) אלגוריתם סוּ

לפי הנחת "הדיירים העניים", כל דייר מעדיף בכל חלוקה את אחת הפרוסות הריקות.



הבעיה במודל האורדינלי

הנחת "הדיירים העניים" לא תמיד מתקיימת: אם המרתף בחינם, והסלון עולה שקל אחד -

אם המרתף בחינם, והסלון עולה שקל אחד -מה תעדיפו?