Topici speciale în logică și securitate l

Ioana Leuștean

Master anul II, Sem. I, 2019-2020

Protocolul Needham-Schroeder

 $Protocol = Role \rightarrow RoleSpec$

```
(kn, s) \in RoleSpec cu kn \in \mathcal{P}(RoleTerm) și s \in RoleEvent^*
P(R) este specificarea rolului R pentru orice P \in Protocol și R \in Role.
Limbajul asociat protocolului Needham-Schroeder este
Role = \{i, r\}, Fresh = \{ni, nr\}, Func = \emptyset, Label = \{1, 2, 3, 4, 5\}, Var = \{V, W\}
   NS(i) = \{(i, r, ni, sk(i), pk(i), pk(r))\},
                                                         NS(r) = (\{i, r, nr, sk(r), pk(r), pk(i)\},
                 [send_1(i, r, \{ ni, i \}_{pk(r)}),
                                                                       [recv_1(i, r, \{\!\!\{ W, i \}\!\!\}_{pk(r)}),
                 recv_2(r, i, \{ ni, V \}_{pk(i)}),
                                                                       send_2(r, i, \{ W, nr \}_{pk(i)}),
                                                                       recv_3(i, r, \{ nr \}_{pk(r)}),
                 send_3(i, r, \{V\}_{pk(r)}),
                  claim<sub>4</sub>(i, synch)])
                                                                        claim_5(r, synch))
```

Exemplul

În exemplele de mai jos, k și k2 sunt chei simetrice.

$$P_{1}(i) = (\{i, r, k\}, \qquad P_{2}(i) = (\{i, r, k\}, \\ [send_{1}(i, r, \{i, r, V\}_{k}), \qquad [recv_{1}(r, i, \{i, r, \{W\}_{k2}\}_{k}), \\ recv_{2}(r, i, \{V, r\}_{k})]) \qquad send_{2}(i, r, \{W\}_{k2})])$$

Exemplul

În exemplele de mai jos, $k \neq 1$ sunt chei simetrice.

$$P_{1}(i) = (\{i, r, k\}, \qquad P_{2}(i) = (\{i, r, k\}, \\ [send_{1}(i, r, || i, r, V ||_{k}), \qquad [recv_{1}(r, i, || i, r, || W ||_{k2} ||_{k}), \\ recv_{2}(r, i, || V, r ||_{k})]) \qquad send_{2}(i, r, || W ||_{k2})])$$

Ce este greșit?

Ordinea evenimentelor

Pentru $P \in Protocol$ definim:

• Ordinea evenimentelor unui rol R cu $P(R)=(kn,[\epsilon_1,\ldots,\epsilon_n])$ este

$$\epsilon_1 <_R \cdots <_R \epsilon_n$$

este o relație de ordine totală.

Ordinea evenimentelor

Pentru $P \in Protocol$ definim:

• Ordinea evenimentelor unui rol R cu $P(R)=(kn,[\epsilon_1,\ldots,\epsilon_n])$ este

$$\epsilon_1 <_R \cdots <_R \epsilon_n$$

este o relație de ordine totală.

Relaţia de comunicare: -->⊆ RoleEvent × RoleEvent

$$\epsilon_1 \dashrightarrow \epsilon_2$$
 ddacă există $l \in Label, \ R, R' \in Role, \ rt_1, rt_2 \in RoleTerm$ astfel încât $\epsilon_1 = send_l(R, R', rt_1)$ și $\epsilon_2 = recev_l(R', R, rt_2)$

Ordinea evenimentelor

Pentru $P \in Protocol$ definim:

• Ordinea evenimentelor unui rol R cu $P(R) = (kn, [\epsilon_1, \dots, \epsilon_n])$ este

$$\epsilon_1 <_R \cdots <_R \epsilon_n$$

este o relatie de ordine totală.

Relaţia de comunicare: -->⊆ RoleEvent × RoleEvent

$$\epsilon_1 \dashrightarrow \epsilon_2$$
 ddacă există $l \in Label, R, R' \in Role, rt_1, rt_2 \in RoleTerm$ astfel încât $\epsilon_1 = send_l(R, R', rt_1)$ și $\epsilon_2 = recev_l(R', R, rt_2)$

Relaţia de ordine a protocolului:

$$<_P = \left(\cdots \right) \cup \bigcup_{R \in Role} <_R \right)^+$$

$\prec_P \subseteq RoleEvent \times RoleEvent$

Exemplu:

Ordinea evenimentelor pentru protocolul Needham-Schroeder

Execuția unui protocol

- Specificarea unui protocol descrie fiecare rol in parte.
- Rolurile sunt niște tipare pentru acțiunile agenților din sistem.
- Atunci cand se execută un protocol, un agent poate orice rol, de oricâte ori, eventual în paralel.
- Atunci când instanțiem un rol trebuie să ținem seama ca variabilele fresh să fie unice pe instanțiere.
- Vom identifica o execuție, posibil parțială, a unui rol de către un agent prin identificatori speciali, RID (Run Identifiers).
- Folosind acești identificatori, definim un alt tip de termeni, RunTerms, cu ajutorul cărora definim execuția concretă unui protocol.

Descrierea unei sesiuni RunTerms

```
RunTerm ::= Var^{\#RID} | Fresh^{\#RID} | Role^{\#RID}
                 | Agent
                 | Func (Run Term*)
                 (RunTerm, RunTerm)
                 | \{ RunTerm \}_{RunTerm} |
                 | AdversaryFresh
                 |sk(RunTerm)|pk(RunTerm)|k(RunTerm, RunTerm)
```

- $^{-1}$: RunTerm \rightarrow RunTerm
- AdversaryFresh termenii de bază generați de adversar.

Sistem de deducție pe termeni

$$\vdash \subseteq \mathcal{P}(\textit{RoleTerm} \cup \textit{RunTerm}) \times (\textit{RoleTerm} \cup \textit{RunTerm})$$

 $M \vdash t$ modelează ceea ce se pate deduce știind M

⊢ este cea mai mică relație care satisface următoarele proprietăți:

```
dacă t \in M atunci M \vdash t dacă M \vdash t_1 și M \vdash t_2 atunci M \vdash (t_1, t_2) dacă M \vdash (t_1, t_2) atunci M \vdash t1 și M \vdash t_2 dacă M \vdash t și M \vdash k atunci M \vdash \|t\|_k dacă M \vdash \|t\|_k și M \vdash k^{-1} atunci M \vdash t dacă M \vdash t_1 și \dots și M \vdash t_n atunci M \vdash t unde f \in Func are aritatea n.
```

• În specificarea unui protocol folosim termeni generici *RoleTerms* care vor fi instanțiati (individualizați) atunci când descriem execuția unei sesiuni

• În specificarea unui protocol folosim termeni generici *RoleTerms* care vor fi instanțiati (individualizați) atunci când descriem execuția unei sesiuni

De exemplu: termenul generic i care desemnează rolul inițiatorului va fi instanțiat cu A (Alice) care desemnează un agent concret;

• În specificarea unui protocol folosim termeni generici *RoleTerms* care vor fi instanțiati (individualizați) atunci când descriem execuția unei sesiuni

De exemplu: termenul generic i care desemnează rolul inițiatorului va fi instanțiat cu A (Alice) care desemnează un agent concret; valoarea fresh generică ni va fi instanțiată cu $ni^{\#1}$, $ni^{\#2}$, ... care reprezină valorile concrete generate în prima sesiunea, în a doua sesiune , etc.

• În specificarea unui protocol folosim termeni generici *RoleTerms* care vor fi instanțiati (individualizați) atunci când descriem execuția unei sesiuni

De exemplu: termenul generic i care desemnează rolul inițiatorului va fi instanțiat cu A (Alice) care desemnează un agent concret; valoarea fresh generică ni va fi instanțiată cu $ni^{\#1}$, $ni^{\#2}$, ... care reprezină valorile concrete generate în prima sesiunea, în a doua sesiune , etc.

• O instanțiere este un triplet

$$(\theta, \rho, \sigma) \in RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

• În specificarea unui protocol folosim termeni generici *RoleTerms* care vor fi instanțiati (individualizați) atunci când descriem execuția unei sesiuni

De exemplu: termenul generic i care desemnează rolul inițiatorului va fi instanțiat cu A (Alice) care desemnează un agent concret; valoarea fresh generică ni va fi instanțiată cu $ni^{\#1}$, $ni^{\#2}$, ... care reprezină valorile concrete generate în prima sesiunea, în a doua sesiune , etc.

O instanțiere este un triplet

$$(\theta, \rho, \sigma) \in RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

Notații: pentru o funcție f vom nota cu dom(f) și ran(f) domeniul și, respectiv, imaginea funcției.

Fie Inst mulțimea instanțierilor,

$$Inst = RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

Pentru $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ definim

 $\langle inst \rangle$: RoleTerm \rightarrow RunTerm

Pentru simplitate, în loc de $\langle inst \rangle(t)$ vom scrie inst(t).

Fie Inst mulțimea instanțierilor,

$$\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm})$$

Pentru $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ definim

 $\langle inst \rangle$: RoleTerm \rightarrow RunTerm

Pentru simplitate, în loc de $\langle inst \rangle(t)$ vom scrie inst(t).

• $inst(n) = n^{\#\theta}$ pentru $n \in Fresh$

Fie Inst mulțimea instanțierilor,

$$\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightarrow \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightarrow \mathit{RunTerm})$$

Pentru $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ definim

$$\langle inst \rangle$$
: RoleTerm \rightarrow RunTerm

Pentru simplitate, în loc de $\langle inst \rangle(t)$ vom scrie inst(t).

- $inst(n) = n^{\#\theta}$ pentru $n \in Fresh$
- $inst(R) = \rho(R)$ pentru $R \in Role \cap dom(\rho)$ $inst(R) = R^{\#\theta}$ pentru $R \in Role \setminus dom(\rho)$

Fie Inst mulțimea instanțierilor,

$$\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightarrow \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightarrow \mathit{RunTerm})$$

Pentru $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ definim

$$\langle inst \rangle$$
: RoleTerm \rightarrow RunTerm

Pentru simplitate, în loc de $\langle inst \rangle(t)$ vom scrie inst(t).

- $inst(n) = n^{\#\theta}$ pentru $n \in Fresh$
- $inst(R) = \rho(R)$ pentru $R \in Role \cap dom(\rho)$ $inst(R) = R^{\#\theta}$ pentru $R \in Role \setminus dom(\rho)$
- $inst(V) = \sigma(V)$ pentru $V \in Var \cap dom(\sigma)$ $inst(V) = V^{\#\theta}$ pentru $V \in Role \setminus dom(\sigma)$

$$\begin{aligned} &\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm}) \\ &\mathit{inst} = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst} \end{aligned}$$

• $inst(f(t_1, \ldots, t_n)) = f(inst(t_1), \ldots, inst(t_n))$

$$\begin{aligned} &\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm}) \\ &\mathit{inst} = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst} \end{aligned}$$

- $inst(f(t_1, \ldots, t_n)) = f(inst(t_1), \ldots, inst(t_n))$
- $inst(t_1, t_2) = (inst(t_1), inst(t_2))$

$$\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm})$$
 $\mathit{inst} = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst}$

- $inst(f(t_1,\ldots,t_n)) = f(inst(t_1),\ldots,inst(t_n))$
- $inst(t_1, t_2) = (inst(t_1), inst(t_2))$
- $inst(\{t_1\}_{t_2}) = \{inst(t_1)\}_{inst(t_2)}$

$$\begin{aligned} &\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm}) \\ &\mathit{inst} = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst} \end{aligned}$$

- $inst(f(t_1,\ldots,t_n)) = f(inst(t_1),\ldots,inst(t_n))$
- $inst(t_1, t_2) = (inst(t_1), inst(t_2))$
- $inst(\{t_1\}_{t_2}) = \{inst(t_1)\}_{inst(t_2)}$
- inst(sk(t)) = sk(inst(t)), inst(pk(t)) = pk(inst(t))

$$\begin{aligned} &\mathit{Inst} = \mathit{RID} \times (\mathit{Role} \rightharpoonup \mathit{Agent}) \times (\mathit{Var} \rightharpoonup \mathit{RunTerm}) \\ &\mathit{inst} = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst} \end{aligned}$$

- $inst(f(t_1,\ldots,t_n)) = f(inst(t_1),\ldots,inst(t_n))$
- $inst(t_1, t_2) = (inst(t_1), inst(t_2))$
- $inst(\{t_1\}_{t_2}) = \{inst(t_1)\}_{inst(t_2)}$
- inst(sk(t)) = sk(inst(t)), inst(pk(t)) = pk(inst(t))
- $inst(k(t_1, t_2)) = k(inst(t_1), inst(t_2))$

Exemplu: Instanțierea

$$inst = (\theta, \rho, \sigma) \in RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

 $inst = (2, \{i \mapsto B, r \mapsto A\}, \{W \mapsto ni^{\#1}\})$

Exemplu: Instanțierea

$$inst = (\theta, \rho, \sigma) \in RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

 $inst = (2, \{i \mapsto B, r \mapsto A\}, \{W \mapsto ni^{\#1}\})$
 $t = \{W, nr, r\}_{pk(i)} \in RoleTerm$

Exemplu: Instanțierea

$$inst = (\theta, \rho, \sigma) \in RID \times (Role \rightarrow Agent) \times (Var \rightarrow RunTerm)$$

$$inst = (2, \{i \mapsto B, r \mapsto A\}, \{W \mapsto ni^{\#1}\})$$

$$t = \{W, nr, r\}_{pk(i)} \in RoleTerm$$

$$inst(\{W, nr, r\}_{pk(i)}) = \{ni^{\#1}, nr^{\#2}, A\}_{pk(B)} \in RunTerm$$

Execuții posibile

• Run = Inst × RoleEvent* mulţimea execuţiilor posibile

Execuții posibile

- Run = Inst × RoleEvent* mulţimea execuţiilor posibile
- runsof : Protocol × Roles $\rightarrow \mathcal{P}(Run)$ runsof(P,R) = {(inst, s) | există kn astfel încât P(R) = (kn,s)inst = (θ,ρ,σ) cu $dom(\rho) = roles(s)$ } unde $R \in dom(P)$.

Execuții posibile

- Run = Inst × RoleEvent* mulţimea execuţiilor posibile
- runsof : $Protocol \times Roles \rightarrow \mathcal{P}(Run)$ runsof $(P,R) = \{(inst,s) \mid \text{ există } kn \text{ astfel încât } P(R) = (kn,s) \\ inst = (\theta,\rho,\sigma) \text{ cu } dom(\rho) = roles(s)\}$ unde $R \in dom(P)$.
- Pentru $F \subseteq Run$ definim $runlds(F) = \{\theta \mid \text{există } \rho, \sigma, s \text{ cu } ((\theta, \rho, \sigma), s) \in F\}$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

$$st = \langle \langle AKN, F \rangle \rangle \in State$$

- prima componentă reprezintă cunoașterea adversarului AKN
- a doua componentă reprezintă restul execuției

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

$$st = \langle \langle AKN, F \rangle \rangle \in State$$

- prima componentă reprezintă cunoașterea adversarului AKN
- a doua componentă reprezintă restul execuției

Exemple:

$$st_1 = \langle\!\langle \{A,B,pk(A),pk(B)\}, \{\big(\left(2,\{i\mapsto A,r\mapsto B\},\emptyset\right),send_1\big(i,r,\|\,ni\|_{pk(r)}\big)\,\big)\}\rangle\!\rangle$$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

$$st = \langle \langle AKN, F \rangle \rangle \in State$$

- prima componentă reprezintă cunoașterea adversarului AKN
- a doua componentă reprezintă restul execuției

Exemple:

$$st_{1} = \langle \! \{A, B, pk(A), pk(B)\}, \{ ((2, \{i \mapsto A, r \mapsto B\}, \emptyset), send_{1}(i, r, \|ni\|_{pk(r)})) \} \rangle \rangle$$

$$st_{2} = \langle \! \{A, B, pk(A), pk(B), \|ni^{\#2}\|_{pk(A)}\}, \emptyset \rangle \rangle$$

Sistem cu tranziții etichetate (LTS)

 $(St, L, \rightarrow st_0)$ LTS, unde

- St este mulţimea stărilor
- L este mulțimea etichetelor
- $\rightarrow \subseteq S \times L \times S$ este relația de tranziție
- st₀ ∈ St este starea inițială

Sistem cu tranziții etichetate (LTS)

$$(St, L, \rightarrow st_0)$$
 LTS, unde

- St este mulțimea stărilor
- L este mulțimea etichetelor
- $\rightarrow \subseteq S \times L \times S$ este relația de tranziție
- $st_0 \in St$ este starea inițială

Execuție:
$$[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$$
 cu $st_i \stackrel{\alpha_{i+1}}{\rightarrow} st_{i+1}$

Sistem cu tranziții etichetate (LTS)

$$(St, L, \rightarrow st_0)$$
 LTS, unde

- St este mulţimea stărilor
- L este mulțimea etichetelor
- $\rightarrow \subseteq S \times L \times S$ este relația de tranziție
- $st_0 \in St$ este starea inițială

Execuție:
$$[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$$
 cu $st_i \stackrel{\alpha_{i+1}}{\rightarrow} st_{i+1}$

Urmă (*trace*):
$$[\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n]$$

Sistem cu tranziții etichetate (LTS)

$$(St, L, \rightarrow st_0)$$
 LTS, unde

- St este mulţimea stărilor
- L este mulțimea etichetelor
- $\rightarrow \subseteq S \times L \times S$ este relația de tranziție
- st₀ ∈ St este starea inițială

Execuție:
$$[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$$
 cu $st_i \stackrel{\alpha_{i+1}}{\to} st_{i+1}$

Urmă (*trace*): $[\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n]$

Semantica operațională a unui protocol P va fi modelată printr-un sistem de tranziții etichetat ($State, RunEvent, \rightarrow, st_0(P)$)

$$(\mathit{State}, \mathit{RunEvent}, \rightarrow, \mathit{st}_0(P))$$

$$\mathit{State} = \mathcal{P}(\mathit{RunTerm}) \times \mathcal{P}(\mathit{Run})$$

$$(State, RunEvent, \rightarrow, st_0(P))$$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

• $st_0(P) = \langle\!\langle AKN_0(P), \emptyset \rangle\!\rangle$ unde $AKN_0(P)$ este cunoașterea inițială a adversarului

$$(State, RunEvent, \rightarrow, st_0(P))$$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

• $st_0(P) = \langle \langle AKN_0(P), \emptyset \rangle \rangle$ unde $AKN_0(P)$ este cunoașterea inițială a adversarului

În modelul Dolev-Yao, adversarul cunoaște informația publică despre rețea, agenții, poate genera valori *fresh* (diferite de ale agenților) și are acces la cunoștințele inițiale ale agenților corupți.

$$(State, RunEvent, \rightarrow, st_0(P))$$

$$State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$$

• $st_0(P) = \langle \langle AKN_0(P), \emptyset \rangle \rangle$ unde $AKN_0(P)$ este cunoașterea inițială a adversarului

În modelul Dolev-Yao, adversarul cunoaște informația publică despre rețea, agenții, poate genera valori *fresh* (diferite de ale agenților) și are acces la cunoștințele inițiale ale agenților corupți.

Exemplu:

$$AKN_0(NS) = AdversaryFresh \cup Agent \cup \{pk(A) \mid A \in Agent\}$$

Etichetele sistemului de tranziții: RunEvent

În specificarea protocolului am folosit:

```
RoleEvent_R ::= send_{Label}(R, Role, RoleTerm) \ | recv_{Label}(Role, R, RoleTerm) \ | claim_{Label}(R, Claim[, RoleTerm])
```

Etichetele sistemului de tranziții: RunEvent

```
\begin{split} \hat{\text{In specificarea protocolului am folosit:}} & RoleEvent_R & ::= & send_{Label}(R, Role, RoleTerm) \\ & | recv_{Label}(Role, R, RoleTerm) \\ & | claim_{Label}(R, Claim[, RoleTerm]) \end{split} \\ & RoleEvent = \bigcup_{R \in Role} RoleEvent_R \end{split}
```

Etichetele sistemului de tranziții: RunEvent

În specificarea protocolului am folosit:

$$RoleEvent_R ::= send_{Label}(R, Role, RoleTerm)$$

 $| recv_{Label}(Role, R, RoleTerm)$
 $| claim_{Label}(R, Claim[, RoleTerm])$

$$RoleEvent = \bigcup_{R \in Role} RoleEvent_R$$

Pentru a descrie execuția protocolului definim:

$$RunEvent = Inst \times (RoleEvent \cup \{create(R) \mid R \in Role\})$$

create(R) marchează inițierea unei execuții pentru un rol din protocol.

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- $State = P(RunTerm) \times P(Run)$ unde $Run = Inst \times RoleEvent^*$
- st₀(P) = ((AKN₀(P), Ø)) unde AKN₀(P) este cunoașterea inițială a adversarului

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- $State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$ unde $Run = Inst \times RoleEvent^*$
- st₀(P) = «AKN₀(P), Ø» unde AKN₀(P) este cunoașterea inițială a adversarului
- $RunEvent = Inst \times (RoleEvent \cup \{create(R) \mid R \in Role\})$

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- $State = \mathcal{P}(RunTerm) \times \mathcal{P}(Run)$ unde $Run = Inst \times RoleEvent^*$
- st₀(P) = «AKN₀(P), Ø» unde AKN₀(P) este cunoașterea inițială a adversarului
- $RunEvent = Inst \times (RoleEvent \cup \{create(R) \mid R \in Role\})$
- Sistemul de tranziții are patru reguli, corespunzătoare evenimentelor: create, send, recv, claim

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

• Execuţie: $[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$ unde $\alpha_i \in RunEvent$ și $st_i = \langle\langle AKN_i, F_i \rangle\rangle$

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- Execuție: $[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$ unde $\alpha_i \in RunEvent$ și $st_i = \langle\!\langle AKN_i, F_i \rangle\!\rangle$
- Urmă (*trace*): $[\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n]$

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- Execuție: $[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$ unde $\alpha_i \in RunEvent$ și $st_i = \langle \langle AKN_i, F_i \rangle \rangle$
- Urmă (*trace*): $[\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n]$
- Știind starea inițială, putem defini execuția protocolului folosind urmele.

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

- Execuție: $[st_0, \alpha_1, st_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n, st_n]$ unde $\alpha_i \in RunEvent$ și $st_i = \langle \langle AKN_i, F_i \rangle \rangle$
- Urmă (*trace*): $[\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n]$
- Știind starea inițială, putem defini execuția protocolului folosind urmele.

Pentru un protocol P, definim traces(P) ca fiind mulțimea urmelor sistemului de tranziții etichetate care definește semantica operațională a lui P.

```
((1, \rho, \emptyset), create(i))
((1, \rho, \emptyset), send_1(i, r, \{ ni, i \}_{pk(r)}))
```

```
\begin{split} &((1,\rho,\emptyset), create(i)) \\ &((1,\rho,\emptyset), send_1(i,r,\|\,ni,i\,\|_{pk(r)})) \\ &((2,\rho,\emptyset), create(r)) \\ &((2,\rho,\{W\mapsto ni^{\#1}\}), recv_1(i,r,\|\,W,i\,\|_{pk(r)})) \\ &((2,\rho,\{W\mapsto ni^{\#1}\}), send_2(r,i,\|\,W,nr\,\|_{pk(i)})) \end{split}
```

```
((1, \rho, \emptyset), create(i))
((1,\rho,\emptyset), send_1(i,r,\{ni,i\}_{pk(r)}))
((2, \rho, \emptyset), create(r))
((2, \rho, \{W \mapsto ni^{\#1}\}), recv_1(i, r, \{W, i\}_{pk(r)}))
((2, \rho, \{W \mapsto ni^{\#1}\}), send_2(r, i, \|W, nr\|_{pk(i)}))
((1, \rho, \{V \mapsto nr^{\#2}\}), recv_2(r, i, \{ni, V\}_{pk(i)}))
((1, \rho, \{V \mapsto nr^{\#2}\}), send_3(i, r, \{V\}_{pk(r)}))
((1, \rho, \{V \mapsto nr^{\#2}\}), claim_4(i, synch))
```

```
((1, \rho, \emptyset), create(i))
((1, \rho, \emptyset), send_1(i, r, \{ ni, i \}_{pk(r)}))
```

 $((2, \rho, \emptyset), create(r))$

$$((2,\rho,\{W\mapsto ni^{\#1}\}),recv_1(i,r,\|W,i\|_{pk(r)}))$$

$$((2,\rho,\{W\mapsto ni^{\#1}\}),send_2(r,i,\{W,nr\}_{pk(i)}))$$

$$((1,\rho,\{V\mapsto nr^{\#2}\}), recv_2(r,i,\{ni,V\}_{pk(i)}))$$

$$((1, \rho, \{V \mapsto nr^{\#2}\}), claim_4(i, synch))$$

$$((2, \rho, \emptyset), claim_5(r, synch))$$

 $((1, \rho, \{V \mapsto nr^{\#2}\}), send_3(i, r, \{V\}_{pk(r)}))$

 $((2, \rho, \emptyset), recv_3(i, r, \{ nr \}_{pk(r)}))$

(State, RunEvent,
$$\rightarrow$$
, $st_0(P)$)

• Sistemul de tranziții are patru reguli, corespunzătoare evenimentelor: create, send, recv, claim

$$(State, RunEvent, \rightarrow, st_0(P))$$

 Sistemul de tranziții are patru reguli, corespunzătoare evenimentelor: create, send, recv, claim

$$[\mathit{create}_P] \xrightarrow{R \in \mathit{dom}(P) \ ((\theta, \rho, \emptyset), s) \in \mathit{runsof}(P, R) \ \theta \notin \mathit{runsIDs}(F)} \\ & \underset{\langle\!\langle \mathit{AKN}, \mathit{F} \rangle\rangle}{\langle\!\langle \mathit{AKN}, \mathit{F} \rangle\rangle} \xrightarrow{((\theta, \rho, \emptyset), \mathit{create}(R))} \langle\!\langle \mathit{AKN}, \mathit{F} \cup \{((\theta, \rho, \emptyset), s)\} \rangle\!\rangle}$$

$$[\mathit{send}] \xrightarrow{e = \mathit{send}_I(R_1, R_2, m) \ (\mathit{inst}, [e] \cdot s) \in F} \\ \langle \langle \mathit{AKN}, F \rangle \rangle \xrightarrow{(\mathit{inst}, e)} \langle \langle \mathit{AKN} \cup \{\mathit{inst}(m)\}, F \setminus \{(\mathit{inst}, [e] \cdot s)\} \cup \{(\mathit{inst}, s)\} \rangle \rangle}$$

$$[send] \xrightarrow{e = send_{I}(R_{1}, R_{2}, m) \text{ (inst, [e]} \cdot s) \in F}$$

$$\langle\langle AKN, F \rangle\rangle \xrightarrow{(inst, e)} \langle\langle AKN \cup \{inst(m)\}, F \setminus \{(inst, [e] \cdot s)\} \cup \{(inst, s)\}\rangle\rangle$$

$$[claim] \xrightarrow{e = claim_{I}(R, c, t) \text{ (inst, [e]} \cdot s) \in F}$$

$$\langle\langle AKN, F \rangle\rangle \xrightarrow{(inst, e)} \langle\langle AKN, F \setminus \{(inst, [e] \cdot s)\} \cup \{(inst, s)\}\rangle\rangle$$

$$[\mathit{recv}] \xrightarrow{e = \mathit{recv}_I(R_1, R_2, \mathit{pt}) \ AKN \vdash m \ (\mathit{inst}, [e] \cdot s) \in F \ \mathit{Match}(\mathit{inst}, \mathit{pt}, \mathit{m}, \mathit{inst}')} \\ & \stackrel{(\mathit{inst}', e)}{} \xrightarrow{(\mathit{inst}', e)} \langle \langle \mathit{AKN}, \mathit{F} \rangle \land \langle \langle \mathit{inst}, [e] \cdot s \rangle \rangle \cup \langle \langle \mathit{inst}', s \rangle \rangle \rangle}$$

- Match(inst, pt, m, inst') este adevărată ddacă
 - inst = (θ, ρ, σ) , inst' = $(\theta', \rho', \sigma')$
 - inst(pt) = m, $pt \in RoleTerm$, $m \in RunTerm$
 - $dom(\sigma') = dom(\sigma) \cup vars(pt)$
 - $\sigma'(v) \in type(v)$ oricare $v \in dom(\sigma')$,

unde vars(pt) este mulțimea variabilelor din Var care apar în pt, iar type(v) depinde de modelarea agenților.

```
Definim type(V) \in \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5\} unde S_1 ::= Agent S_2 ::= Func(RunTerm^*) S_3 ::= Fresh|AdversaryFresh S_4 ::= sk(RunTerm)|pk(RunTerm) S_5 ::= k(RunTerm, RunTerm)
```

```
Definim type(V) \in \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5\} unde S_1 ::= Agent S_2 ::= Func(RunTerm^*) S_3 ::= Fresh|AdversaryFresh S_4 ::= sk(RunTerm)|pk(RunTerm) S_5 ::= k(RunTerm, RunTerm)
Dacă type(X) = S_5 atunci

• Match((1, \rho, \emptyset), X, nr^{\#2}, (1, \rho, \{X \mapsto nr^{\#2}\}))
```

```
Definim type(V) \in \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5\} unde S_1 ::= Agent S_2 ::= Func(RunTerm^*) S_3 ::= Fresh|AdversaryFresh S_4 ::= sk(RunTerm)|pk(RunTerm) S_5 ::= k(RunTerm, RunTerm)
Dacă type(X) = S_5 atunci

• Match((1, \rho, \emptyset), X, nr^{\#2}, (1, \rho, \{X \mapsto nr^{\#2}\})
```

• \neg $Match((1, \rho, \emptyset), nr, nr^{\#2}, inst')$

```
Definim type(V) \in \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5\} unde
 S_1 ::= Agent
 S_2 ::= Func(RunTerm^*)
 S_3 ::= Fresh|AdversaryFresh|
 S_4 ::= sk(RunTerm) \mid pk(RunTerm)
 S_5 ::= k(RunTerm, RunTerm)
Dacă type(X) = S_5 atunci
  • Match((1, \rho, \emptyset), X, nr^{\#2}, (1, \rho, \{X \mapsto nr^{\#2}\}))
  • \neg Match((1,\rho,\emptyset), nr, nr<sup>#2</sup>, inst')
  • \neg Match((1,\rho,\emptyset), X, (nr<sup>#1</sup>, nr<sup>#2</sup>), inst')
```

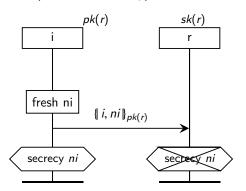
Proprietăți de securitate

Mesaje secrete (secrecy)

Proprietăți de securitate

Mesaje secrete (secrecy)

Exemplu: protocolul OSS (One-Sided Secrecy)



Agenți onești și agenți corupți

• În continuare vom presupune că agenții sunt împărțiți în corupți și onești.

$$Agent = Agent_H \cup Agent_C$$

Agenți onești și agenți corupți

• În continuare vom presupune că agenții sunt împărțiți în corupți și onești.

$$Agent = Agent_H \cup Agent_C$$

• Pentru $(\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst}$ definim $\mathit{honest}(\theta, \rho, \sigma) \ \mathsf{ddaca} \ \mathit{ran}(\rho) \subseteq \mathit{Agent}_H$ (rolurile sunt instanțiate cu agenți onești).

Agenți onești și agenți corupți

• În continuare vom presupune că agenții sunt împărțiți în corupți și onești.

$$Agent = Agent_H \cup Agent_C$$

- Pentru $(\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst}$ definim $\mathit{honest}(\theta, \rho, \sigma) \ \mathsf{ddaca} \ \mathit{ran}(\rho) \subseteq \mathit{Agent}_H$ (rolurile sunt instanțiate cu agenți onești).
- Agenții corupți împărtășesc cunoștințe cu adversarul:

$$AKN_0(P)\supseteq\bigcup_{\substack{R\in Role\\ \rho(R)\in Agent_C}}\{(\theta,\rho,\sigma)(rt)\mid rt\in KN_0(R), rt \text{ nu are subtermeni } fresh\}$$

Proprietăți de securitate: secrecy

Fie P un protocol și R un rol.

• Vom spune că proprietatea $\gamma = claim_l(R, secret, rt)$ este corectă dacă pentru orice $t \in traces(P)$ și oricare $((\theta, \rho, \sigma), \gamma) \in t$ honest $((\theta, \rho, \sigma))$ implică $AKT(t) \lor (\theta, \rho, \sigma)(rt)$

Proprietăți de securitate: secrecy

Fie P un protocol și R un rol.

• Vom spune că proprietatea $\gamma = claim_l(R, secret, rt)$ este corectă dacă pentru orice $t \in traces(P)$ și oricare $((\theta, \rho, \sigma), \gamma) \in t$ honest $((\theta, \rho, \sigma))$ implică $AKT(t) \lor (\theta, \rho, \sigma)(rt)$

Informal: pentru toate urmele de execuție care conțin γ , daca agenții sunt onești atunci termenul care se dorește a fi secret nu este deductibil din cunoștinele adversarului.

$$OSS(i) = (\{i, r, ni, pk(r)\}, \qquad OSS(r) = (\{i, r, sk(r)\},$$

$$[send_1(i, r, \{i, ni\}_{pk(r)}), \qquad [recv_1(i, r, \{i, W\}_{pk(r)}),$$

$$claim_2(i, secret, ni)]) \qquad claim_3(r, secret, W)])$$

$$OSS(i) = (\{i, r, ni, pk(r)\}, \qquad OSS(r) = (\{i, r, sk(r)\},$$

$$[send_1(i, r, \{i, ni\}_{pk(r)}), \qquad [recv_1(i, r, \{i, W\}_{pk(r)}),$$

$$claim_2(i, secret, ni)]) \qquad claim_3(r, secret, W)])$$

Fie $\theta \in RID$ și $\rho = \{i \mapsto A, r \mapsto B\}$ cu $A, B \in Agent_H$.

Considerăm următoarea urmă:

$$t = [((\theta, \rho, \emptyset), create(r)),$$

$$((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), recv_1(i, r, \|i, W\|_{pk(r)}))$$

$$((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), claim_3(r, secret, W))]$$
unde $ne \in AdversaryFresh \subseteq AKN_0(P)$.

$$OSS(i) = (\{i, r, ni, pk(r)\}, \qquad OSS(r) = (\{i, r, sk(r)\},$$

$$[send_1(i, r, \{i, ni\}_{pk(r)}), \qquad [recv_1(i, r, \{i, W\}_{pk(r)}),$$

$$claim_2(i, secret, ni)]) \qquad claim_3(r, secret, W)])$$

Fie $\theta \in RID$ și $\rho = \{i \mapsto A, r \mapsto B\}$ cu $A, B \in Agent_H$.

Considerăm următoarea urmă:

$$t = [((\theta, \rho, \emptyset), create(r)),$$

$$((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), recv_1(i, r, \|i, W\|_{pk(r)}))$$

$$((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), claim_3(r, secret, W))]$$
 unde $ne \in AdversaryFresh \subseteq AKN_0(P)$.

Ce observati?

$$OSS(i) = (\{i, r, ni, pk(r)\}, \\ [send_1(i, r, || i, ni ||_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)])$$

$$OSS(r) = (\{i, r, sk(r)\}, \\ [recv_1(i, r, ||i, W||_{pk(r)}), \\ claim_3(r, secret, W)])$$

Fie $\theta \in RID$ și $\rho = \{i \mapsto A, r \mapsto B\}$ cu $A, B \in Agent_H$.

Considerăm următoarea urmă:

$$t = [((\theta, \rho, \emptyset), create(r)), \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), recv_1(i, r, \|i, W\|_{pk(r)})) \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), claim_3(r, secret, W))]$$

unde $ne \in AdversaryFresh \subseteq AKN_0(P)$.

Dacă
$$\gamma = claim_3(r, secret, W)$$
 atunci $(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), \gamma) \in t$ și $honest(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})$ dar $AKN(t) \vdash ne = (\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})(W)$

$$OSS(i) = \begin{cases} (\{i, r, ni, pk(r)\}, \\ [send_1(i, r, \{i, ni\}_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)] \end{cases} OSS(r) = \begin{cases} (\{i, r, sk(r)\}, \\ [recv_1(i, r, \{i, W\}_{pk(r)}), \\ claim_3(r, secret, W)] \end{cases}$$

Fie $\theta \in RID$ și $\rho = \{i \mapsto A, r \mapsto B\}$ cu $A, B \in Agent_H$.

Considerăm următoarea urmă:

$$t = [((\theta, \rho, \emptyset), create(r)), \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), recv_1(i, r, \|i, W\|_{pk(r)})) \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), claim_3(r, secret, W))]$$

unde $ne \in AdversaryFresh \subseteq AKN_0(P)$.

Dacă
$$\gamma = claim_3(r, secret, W)$$
 atunci $(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), \gamma) \in t$ și $honest(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})$ dar $AKN(t) \vdash ne = (\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})(W)$

În consecință, proprietatea secrecy pentru rolul r nu este corectă.

Fie $\theta \in RID$ și $\rho = \{i \mapsto A, r \mapsto B\}$ cu $A, B \in Agent_H$.

Considerăm următoarea urmă:

$$t = [((\theta, \rho, \emptyset), create(r)), \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), recv_1(i, r, \|i, W\|_{pk(r)})) \\ ((\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), claim_3(r, secret, W))]$$

unde $ne \in AdversaryFresh \subseteq AKN_0(P)$.

Dacă
$$\gamma = claim_3(r, secret, W)$$
 atunci $(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\}), \gamma) \in t$ și $honest(\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})$ dar $AKN(t) \vdash ne = (\theta, \rho, \{W \mapsto ne\})(W)$

În consecință, proprietatea secrecy pentru rolul r nu este corectă.

Rețineți caracterul local al raționamentului!

$$\begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{i}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{ni},\textit{pk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{send}_1(\textit{i},\textit{r}, \texttt{1} \textit{i},\textit{ni} \texttt{1}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_2(\textit{i},\textit{secret},\textit{ni})] \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{r}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{sk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{recv}_1(\textit{i},\textit{r}, \texttt{1} \textit{i}, \textit{W} \texttt{1}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_3(\textit{r},\textit{secret}, \textit{W})] \end{aligned}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

$$\begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{i}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{ni},\textit{pk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{send}_1(\textit{i},\textit{r}, \textit{\parallel} \textit{i}, \textit{ni} \textit{\parallel}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_2(\textit{i}, \textit{secret}, \textit{ni})] \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{r}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{sk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{recv}_1(\textit{i},\textit{r}, \textit{\parallel} \textit{i}, \textit{W} \textit{\parallel}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_3(\textit{r}, \textit{secret}, \textit{W})] \end{aligned}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

$$\begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{i}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{ni},\textit{pk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{send}_1(\textit{i},\textit{r}, \texttt{1} \textit{i},\textit{ni} \texttt{1}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_2(\textit{i},\textit{secret},\textit{ni})] \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \textit{OSS}(\textit{r}) = & \quad \{\{\textit{i},\textit{r},\textit{sk}(\textit{r})\}, \\ & \quad [\textit{recv}_1(\textit{i},\textit{r}, \texttt{1} \textit{i}, \textit{W} \texttt{1}_{\textit{pk}(\textit{r})}), \\ & \quad \textit{claim}_3(\textit{r},\textit{secret}, \textit{W})] \end{aligned}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) + inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

$$OSS(i) = \begin{cases} (\{i, r, ni, pk(r)\}, \\ [send_1(i, r, \| i, ni \|_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)] \end{cases} OSS(r) = \begin{cases} (\{i, r, sk(r)\}, \\ [recv_1(i, r, \| i, W \|_{pk(r)}), \\ claim_3(r, secret, W)] \end{cases}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) \vdash inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k \not\vdash inst(ni)$ și $AKN_{k+1} \vdash inst(ni)$.

$$OSS(i) = \begin{cases} (\{i, r, ni, pk(r)\}, \\ [send_1(i, r, \| i, ni \|_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)] \end{cases} OSS(r) = \begin{cases} (\{i, r, sk(r)\}, \\ [recv_1(i, r, \| i, W \|_{pk(r)}), \\ claim_3(r, secret, W)] \end{cases}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) \vdash inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k \not\vdash inst(ni)$ și $AKN_{k+1} \vdash inst(ni)$. Observăm că sigura regulă care îmbogățe cunoștințele adversarului este send, deci pentru a trece de la pasul k la pasul k+1 a fost aplicată regula send.

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) + inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k \not\vdash inst(ni)$ și $AKN_{k+1} \vdash inst(ni)$. Observăm că sigura regulă care îmbogățe cunoștințele adversarului este send, deci pentru a trece de la pasul k la pasul k+1 a fost aplicată regula send.

Rezultă că $AKN_{k+1} = AKN_k \cup \{inst(\{i, ni\}_{pk(r)})\} = AKN_k \cup \{\{p(i), ni^{\#\theta}\}_{pk(p(r))}\}.$

$$OSS(i) = \begin{cases} \{i, r, ni, pk(r)\}, \\ [send_1(i, r, || i, ni||_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)] \end{cases} OSS(r) = \begin{cases} \{i, r, sk(r)\}, \\ [recv_1(i, r, || i, W||_{pk(r)}), \\ claim_3(r, secret, W)] \end{cases}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) \vdash inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k \not\vdash inst(ni)$ și $AKN_{k+1} \vdash inst(ni)$. Observăm că sigura regulă care îmbogățe cunoștințele adversarului este send, deci pentru a trece de la pasul k la pasul k+1 a fost aplicată regula send.

$$\mathsf{Rezult\ \ a\ } AKN_{k+1} = AKN_k \cup \{ \mathit{inst}(\{i, ni\}_{pk(r)}) \} = AKN_k \cup \{\{\rho(i), ni^{\#\theta}\}_{pk(\rho(r))} \}.$$

În consecință $AKN_k \cup \{ \| \rho(i), ni^{\#\theta} \|_{pk(\rho(r))} \} \vdash ni^{\#\theta}$, dar acest lucru nu este posibil deoarece $\rho(r)$ este onest.

$$OSS(i) = \begin{array}{ll} (\{i,r,ni,pk(r)\}, & OSS(r) = & (\{i,r,sk(r)\}, \\ [send_1(i,r, \mid i,ni \mid \mid_{pk(r)}), & [recv_1(i,r, \mid i,W \mid \mid_{pk(r)}), \\ claim_2(i,secret,ni)]) & claim_3(r,secret,W)]) \end{array}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(OSS)$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in Inst$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și honest(inst).

(*) Presupunem că $AKN(t) + inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k imes inst(ni)$ și $AKN_{k+1} imes inst(ni)$. Observăm că sigura regulă care îmbogățe cunoștințele adversarului este send, deci pentru a trece de la pasul k la pasul k+1 a fost aplicată regula send.

$$\mathsf{Rezult\ \ a\ } AKN_{k+1} = AKN_k \cup \{ \mathit{inst}(\{i, ni\}_{pk(r)}) \} = AKN_k \cup \{\{\rho(i), ni^{\#\theta}\}_{pk(\rho(r))} \}.$$

În consecință $AKN_k \cup \{ \| \rho(i), ni^{\#\theta} \|_{pk(\rho(r))} \} \vdash ni^{\#\theta}$, dar acest lucru nu este posibil deoarece $\rho(r)$ este onest.

Am obținut o contradicție, deci (*) este falsă.

$$OSS(i) = \begin{cases} \{i, r, ni, pk(r)\}, & OSS(r) = \{i, r, sk(r)\}, \\ [send_1(i, r, || i, ni||_{pk(r)}), & [recv_1(i, r, || i, W||_{pk(r)}), \\ claim_2(i, secret, ni)] \end{cases}$$

Demonstrăm că proprietatea $\zeta = claim_2(i, secret, ni)$ este corectă.

Fie $t \in traces(\mathit{OSS})$ și $inst = (\theta, \rho, \sigma) \in \mathit{Inst}$ astfel încât $(inst, \zeta) \in t$ și $\mathit{honest}(inst)$.

(*) Presupunem că $AKN(t) \vdash inst(ni) = ni^{\#\theta}$.

Atunci există cel mic k astfel încât $AKN_k imes inst(ni)$ și $AKN_{k+1} imes inst(ni)$. Observăm că sigura regulă care îmbogățe cunoștințele adversarului este send, deci pentru a trece de la pasul k la pasul k+1 a fost aplicată regula send.

Rezultă că
$$AKN_{k+1} = AKN_k \cup \{inst(\{i, ni\}_{pk(r)})\} = AKN_k \cup \{\{p(i), ni^{\#\theta}\}_{pk(p(r))}\}.$$

În consecință $AKN_k \cup \{ \| \rho(i), ni^{\#\theta} \|_{pk(\rho(r))} \} \vdash ni^{\#\theta},$ dar acest lucru nu este posibil deoarece $\rho(r)$ este onest.

Am obținut o contradicție, deci (*) este falsă.

În consecință, proprietatea secrecy pentru rolul r este corectă.

Bibliografie

- Cremers, C. J. F. (2006). Scyther: semantics and verification of security protocols Eindhoven: Technische Universiteit Eindhoven DOI: 10.6100/IR614943
- Cremers C. and Mauw S. Operational Semantics and Verification of Security Protocols. Springer, 2012.