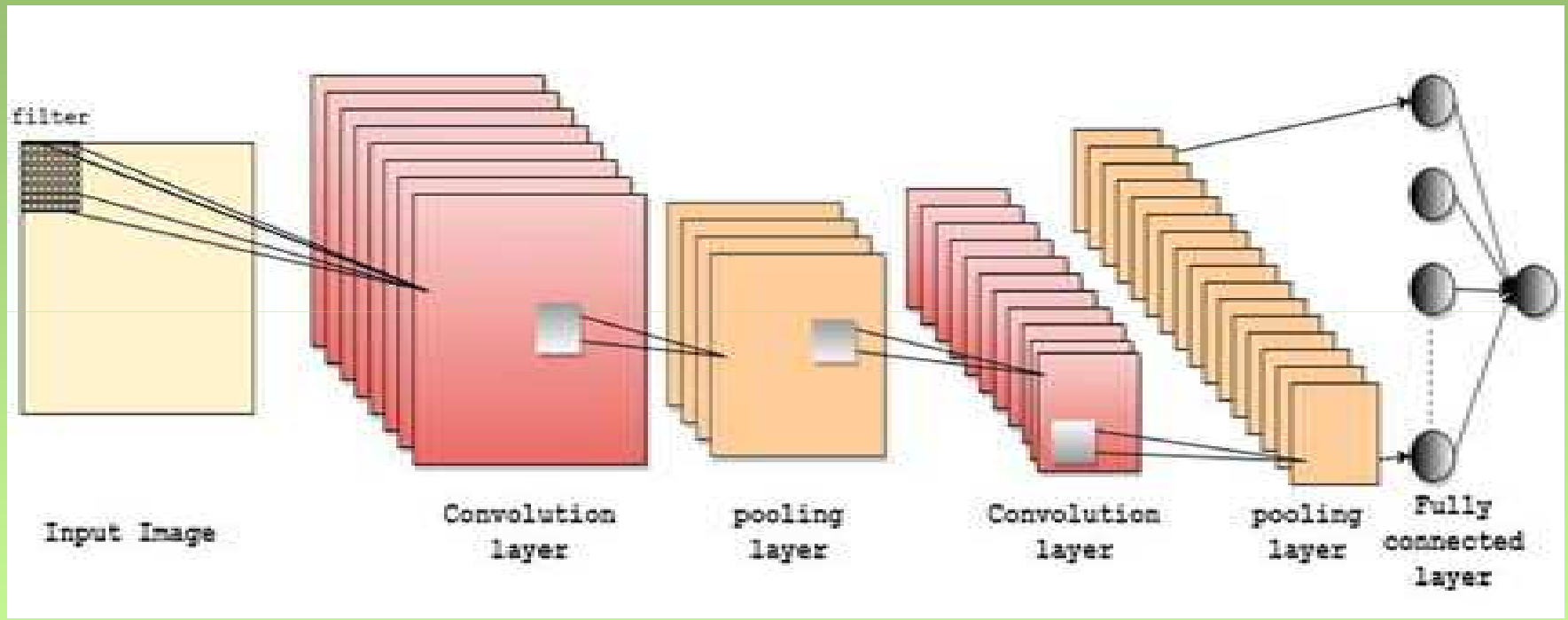
MODELOS COMPUTACIONALES: CUARTO CURSO DEL GRADO DE ING. INFORMÁTICA EN COMPUTACION

REDES NEURONALES CONVOLUCIONALES



César Hervás-Martínez
Grupo de Investigación AYRNA

Departamento de Informática y Análisis Numérico
Universidad de Córdoba
Campus de Rabanales. Edificio Einstein.
Email: chervas@uco.es

2019-2020

REDES NEURONALES CONVOLUCIONALES

Se emplean en múltiples aplicaciones prácticas

Reconocimiento de imágenes, reconocimiento del habla, etiquetas de fotos de Google o Baidu

Han ganado varias competiciones

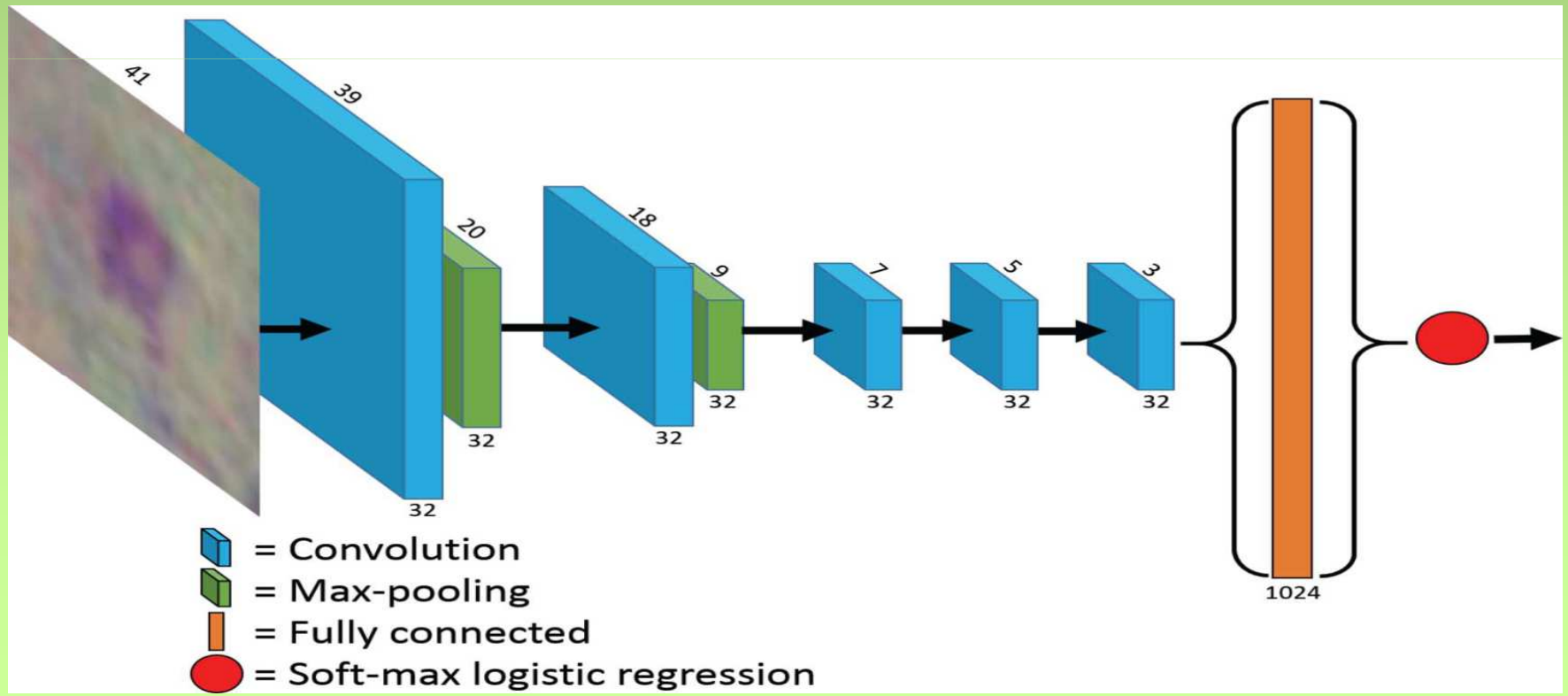
ImageNet, Kaggle Facial Expression, Kaggle Multimodal Learning, German Traffic Signs, Connectomics, Handwriting

Se aplican a un array de datos donde los valores cercanos están correlados: Imagen, Sonido, Video, Imágenes volumétricas, 3D, Imágenes RGB-Depth

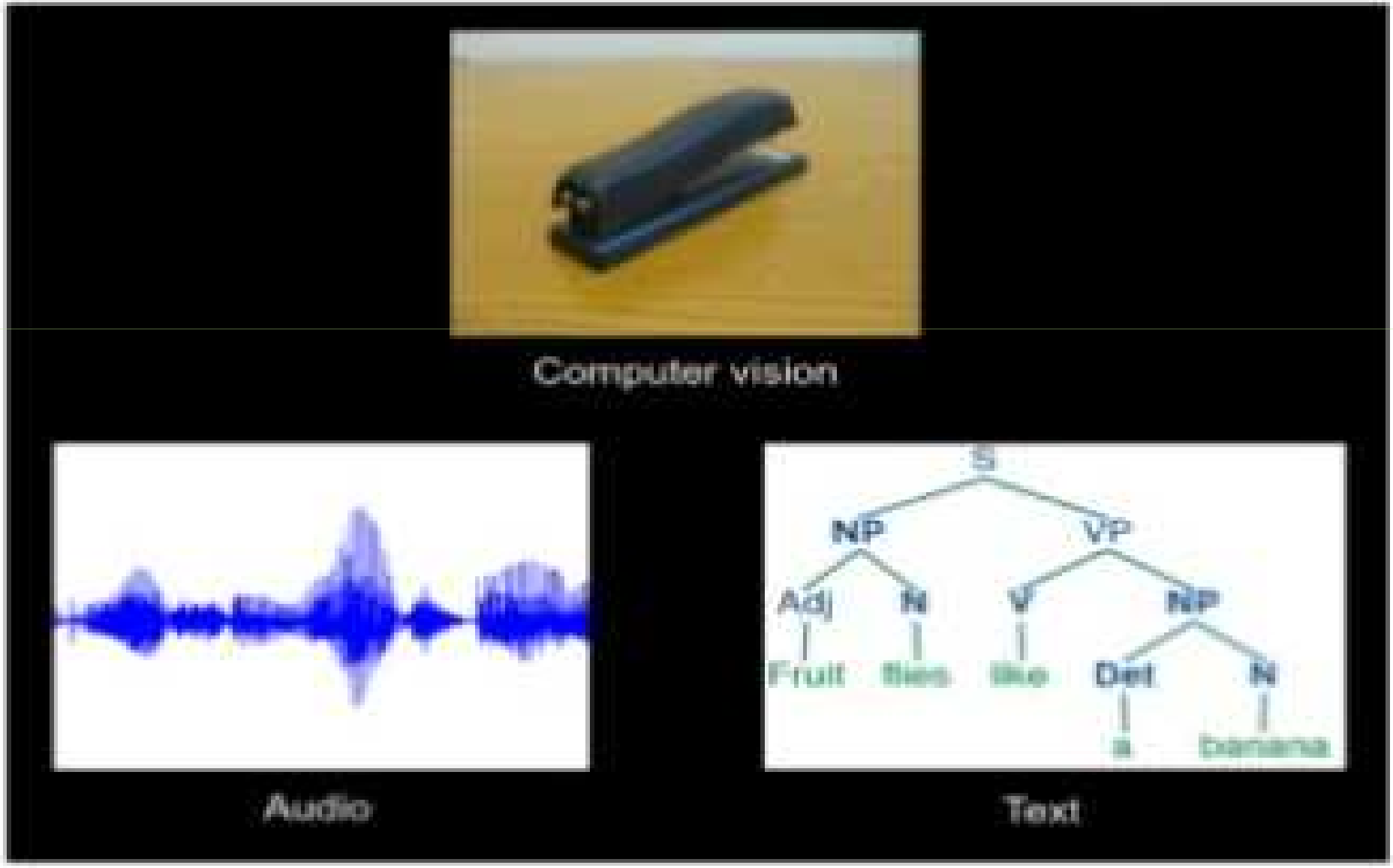
Es uno de los pocos modelos profundos que puede ser entrenado de modo puramente supervisado

¿Que son las Redes Neuronales Convolucionales?

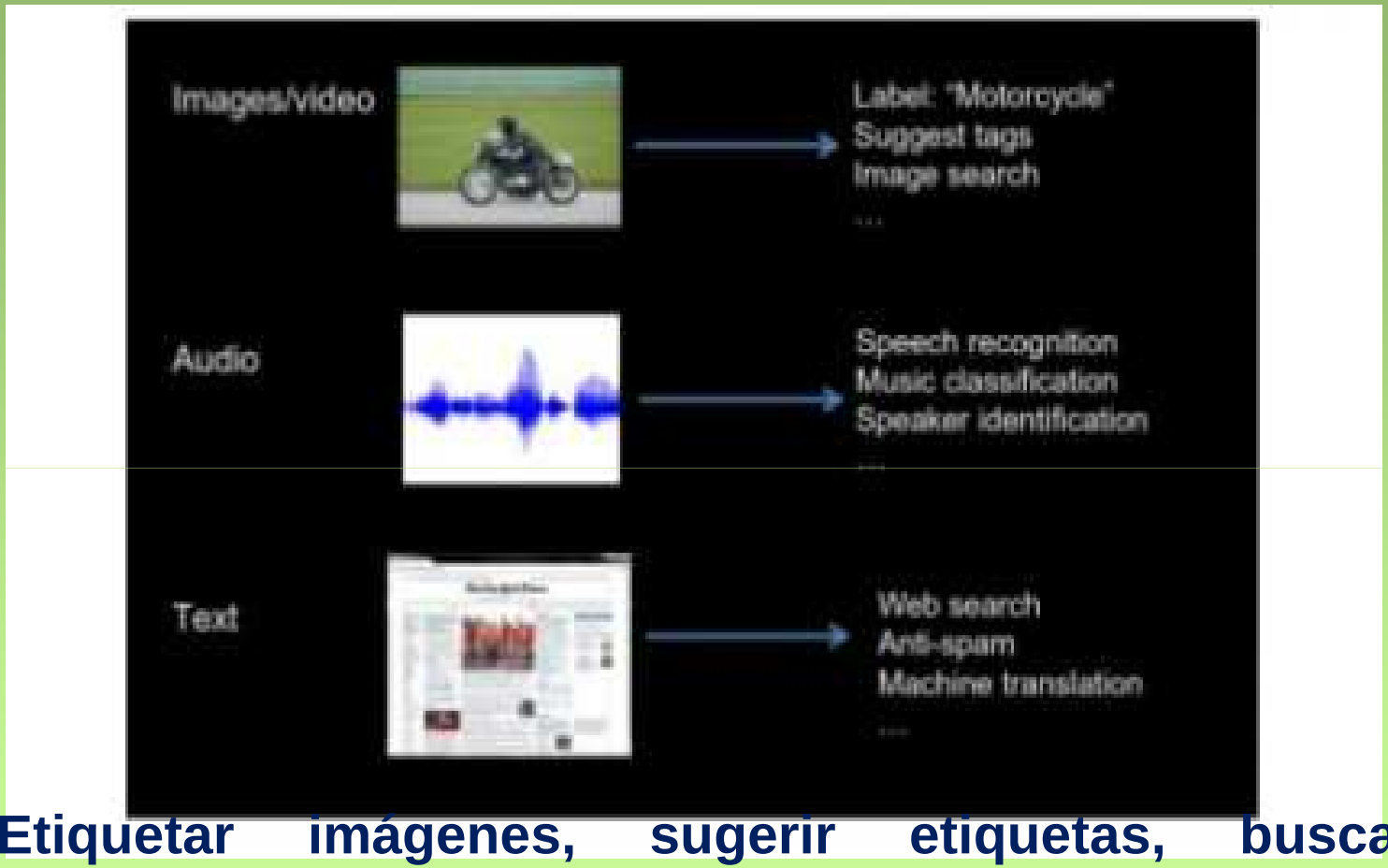
Son esencialmente redes neuronales que utilizan convolución en lugar de matrices generales multiplicativas en al menos una de sus capas ocultas



Se utilizan para la obtención de clasificadores potentes en visión, señales de audio, reconocimiento de textos, etc

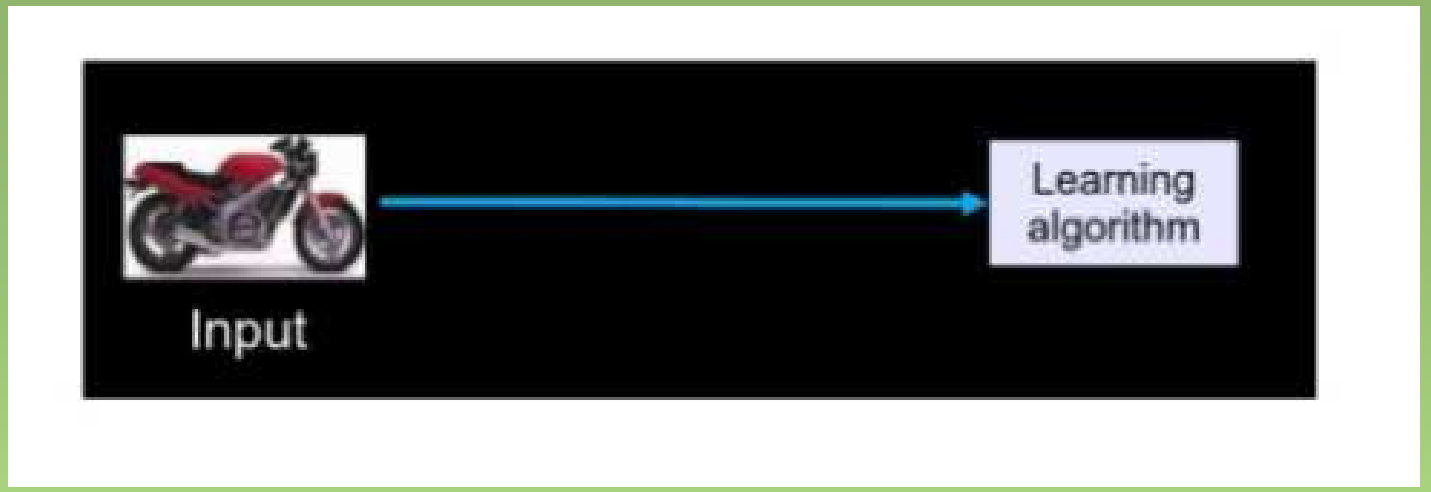


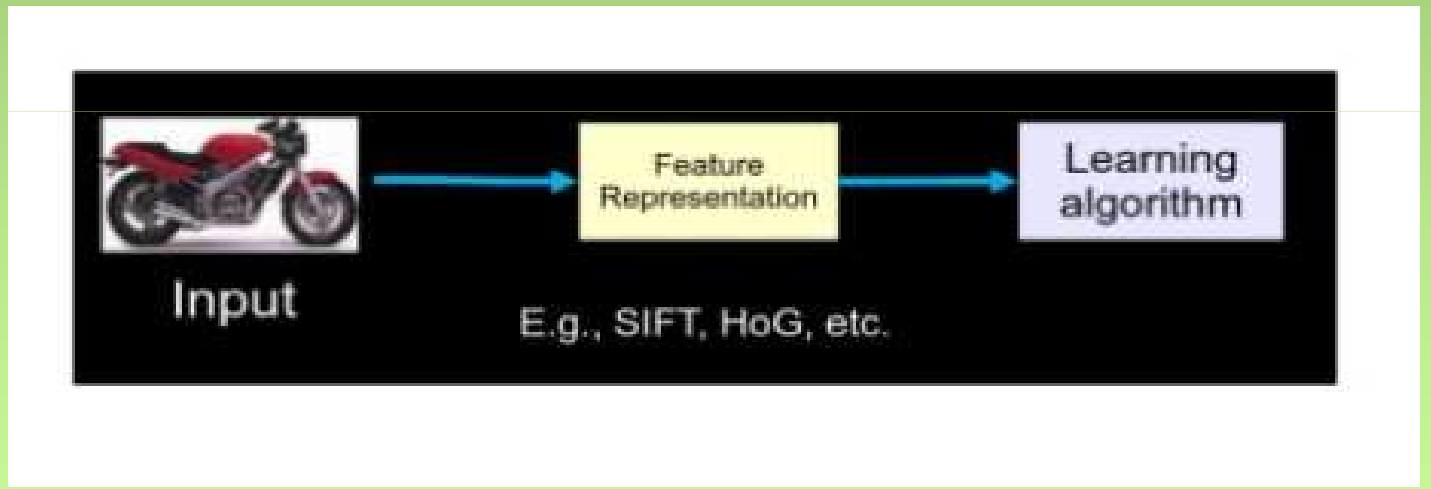
¿Que podemos hacer con estos datos para construir modelos de reconocimiento de patrones?



Etiquetar imágenes, sugerir etiquetas, buscar imágenes, reconocimiento del habla, clasificación de música, identificación de locutores, búsquedas en la web, detección de emails no deseados, traducción automática, etc.

Representación de características





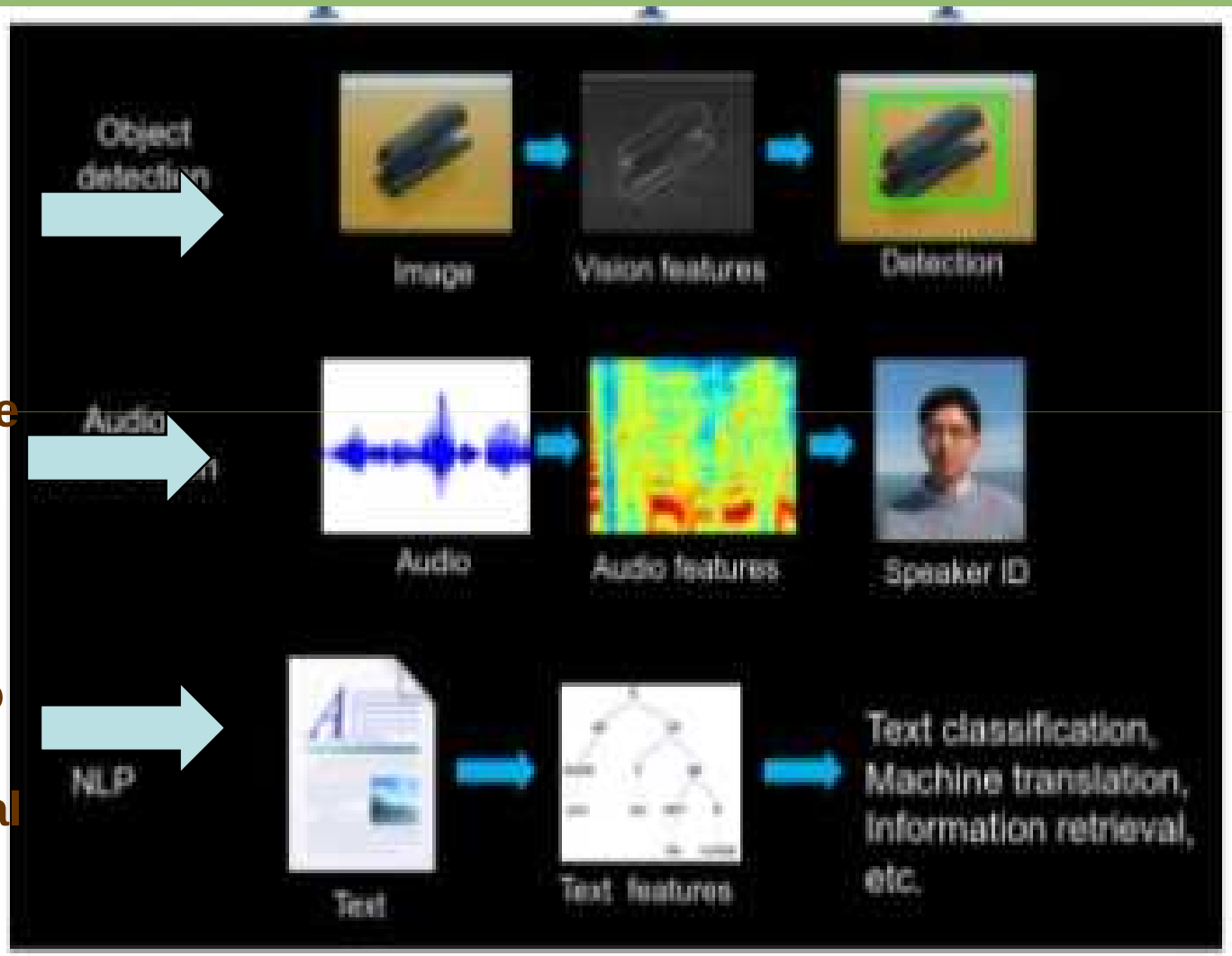
En 1999, David Lowe publicó su primer artículo sobre Scale-invariant feature transform (SIFT), donde describió un algoritmo de detección de características invariante tanto a rotaciones como al escalado de las imágenes

¿Como realiza la percepción la computadora?

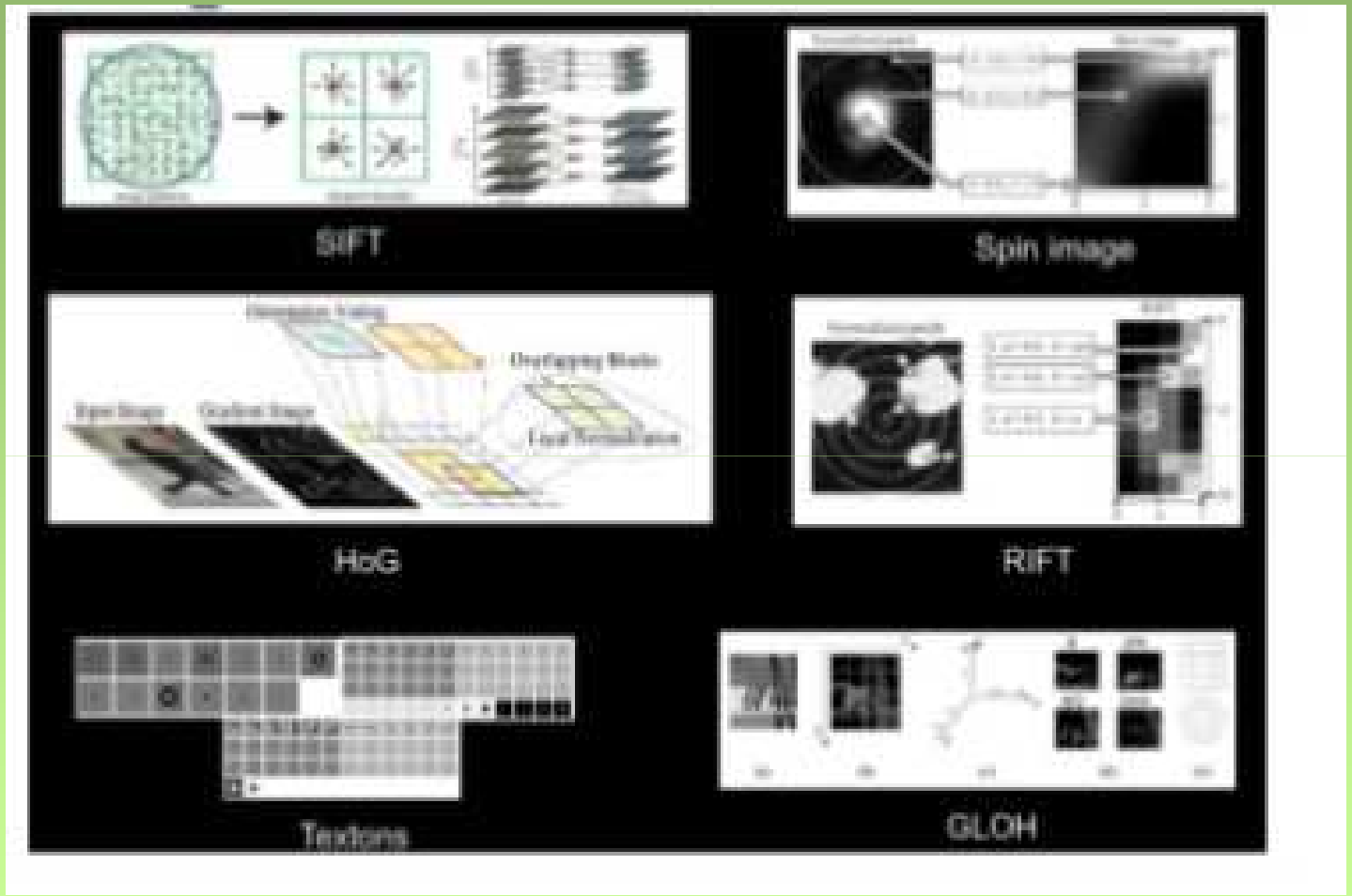
Detección de objetos

Clasificación de Audio

Procesamiento del lenguaje natural

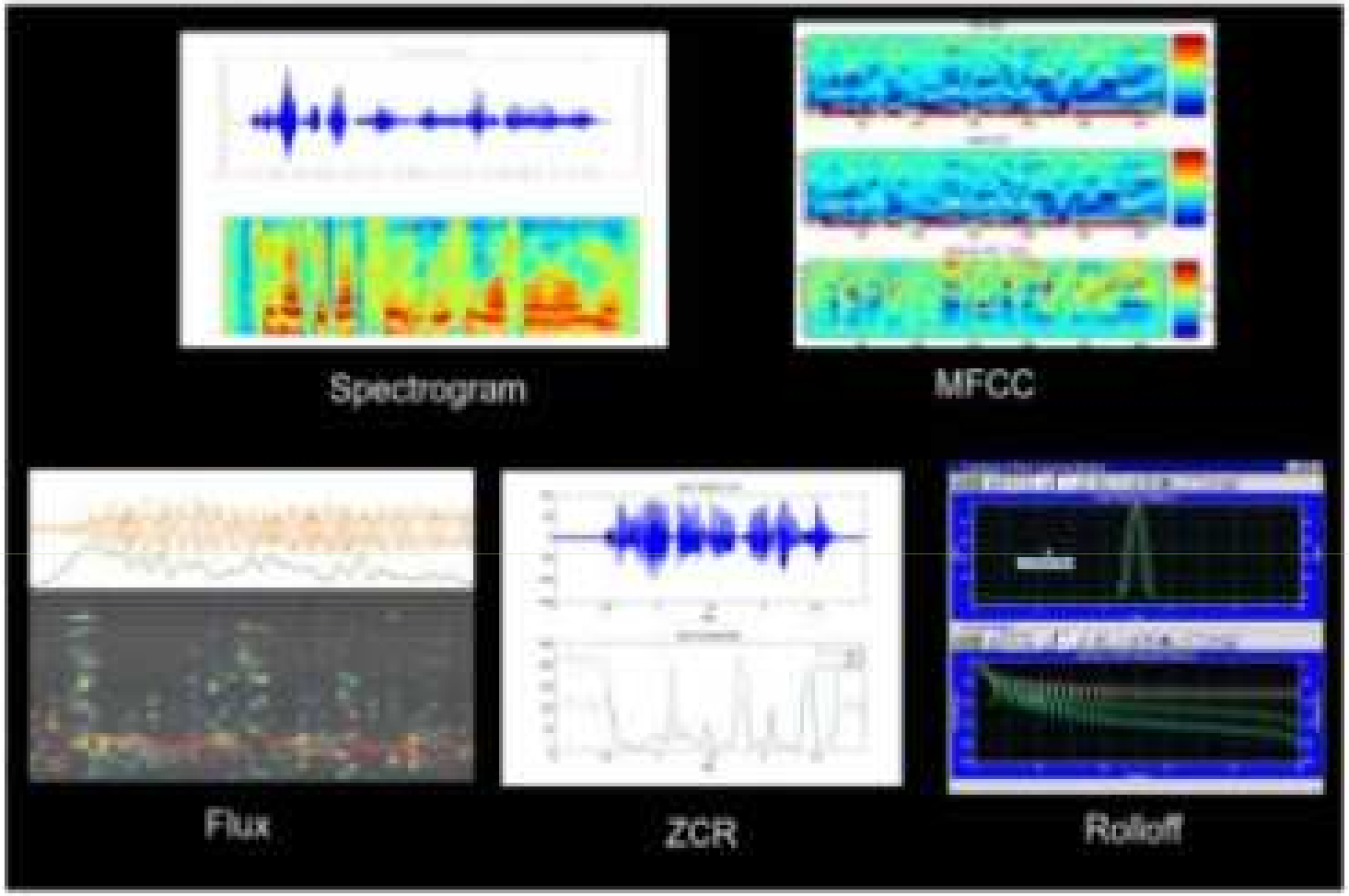


Características en visión



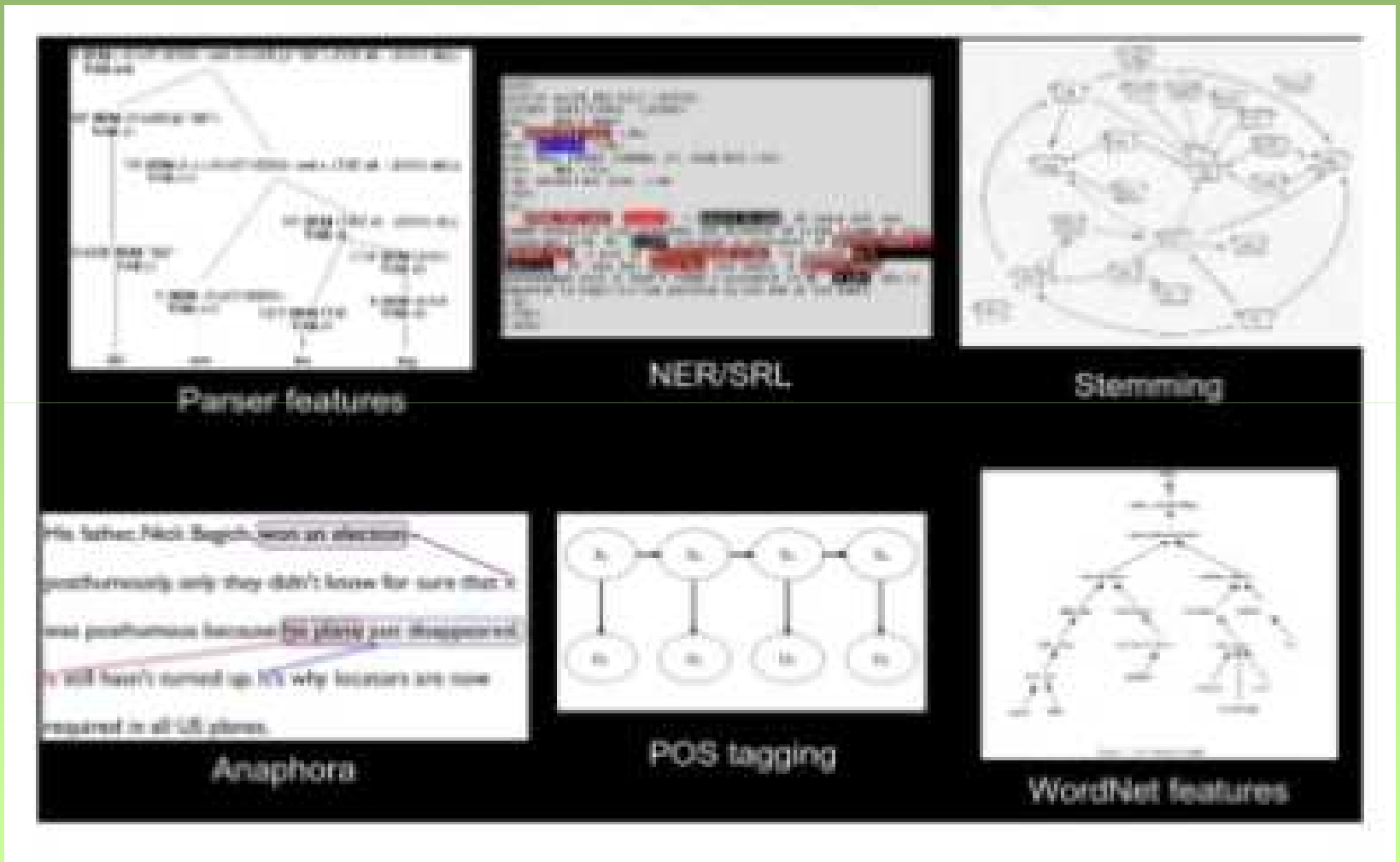
Obtener estas características es difícil,
y requiere mucho tiempo y conocimiento experto

Características de audio



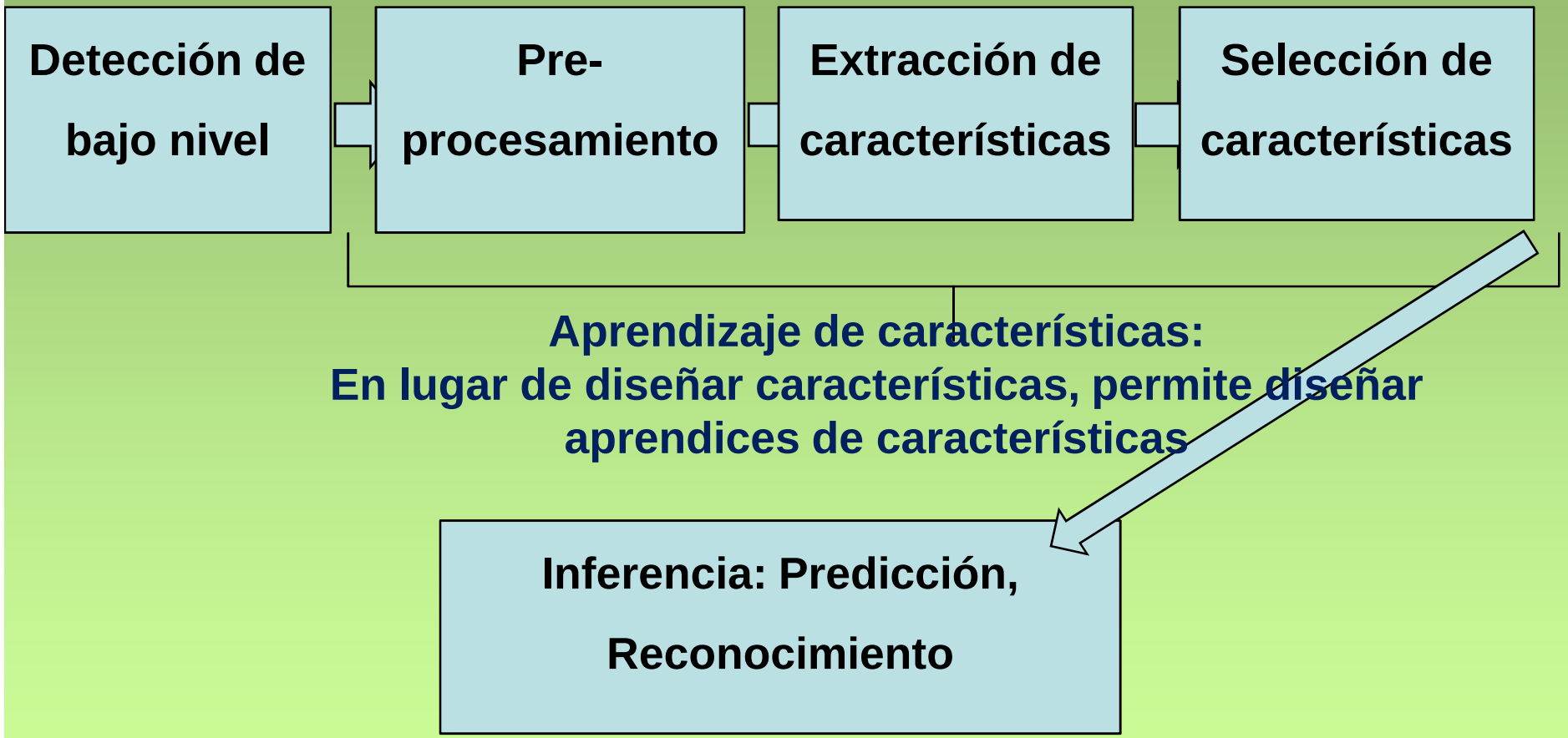
Zero-crossing rate, ZCR es la tasa de cruce por el cero; o lo que es igual a la tasa de cambio de signo a lo largo de una señal, es decir, la velocidad a la que la señal cambia de positivo a negativo o viceversa.

Características del Procesamiento del Lenguaje Natural, NLP



Obtener estas características es difícil,
y requiere mucho tiempo y conocimiento experto

Representación de las características

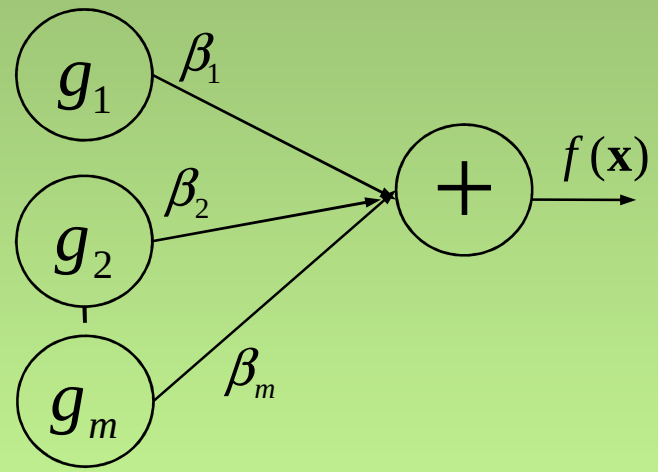


Aprendizaje de funciones no lineales

Dado un conjunto de funciones no lineales simples: {g1,…,gk} Podemos hacer dos propuestas:

a) **Hacer una combinación lineal de dichas funciones de base, esto se llama un aprendizaje superficial.**

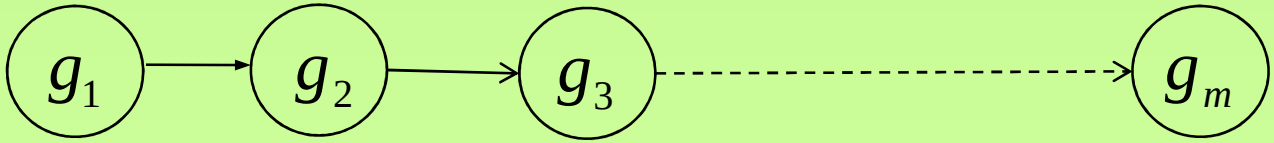
$$f(\mathbf{x}) = \sum_{j=1}^{k} \beta_k g_k(\mathbf{x})$$



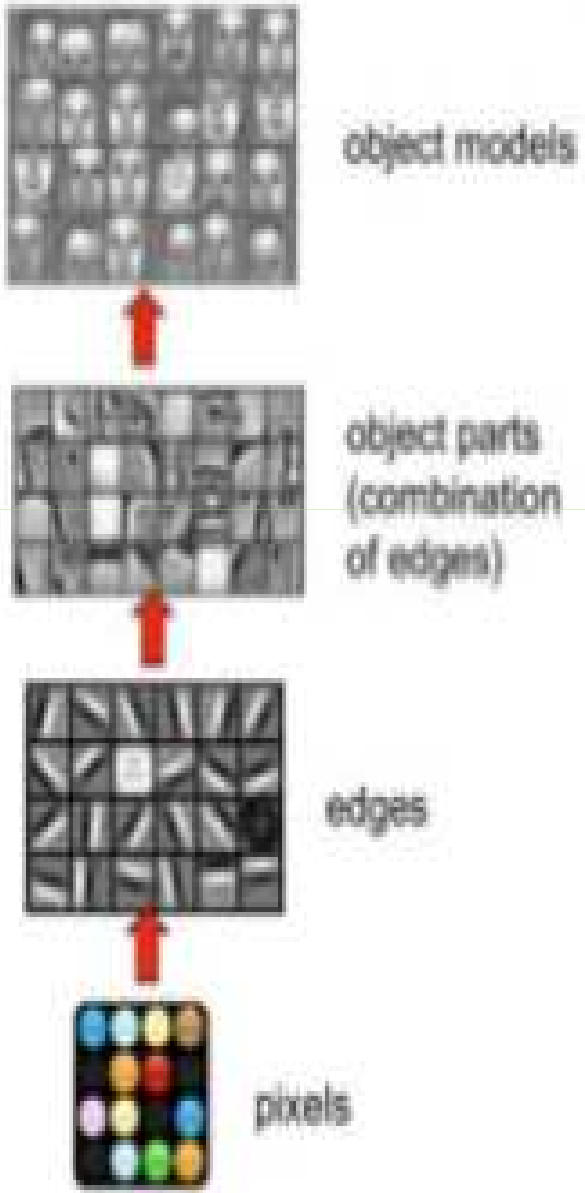
b) **Hacer una composición de estas funciones.**

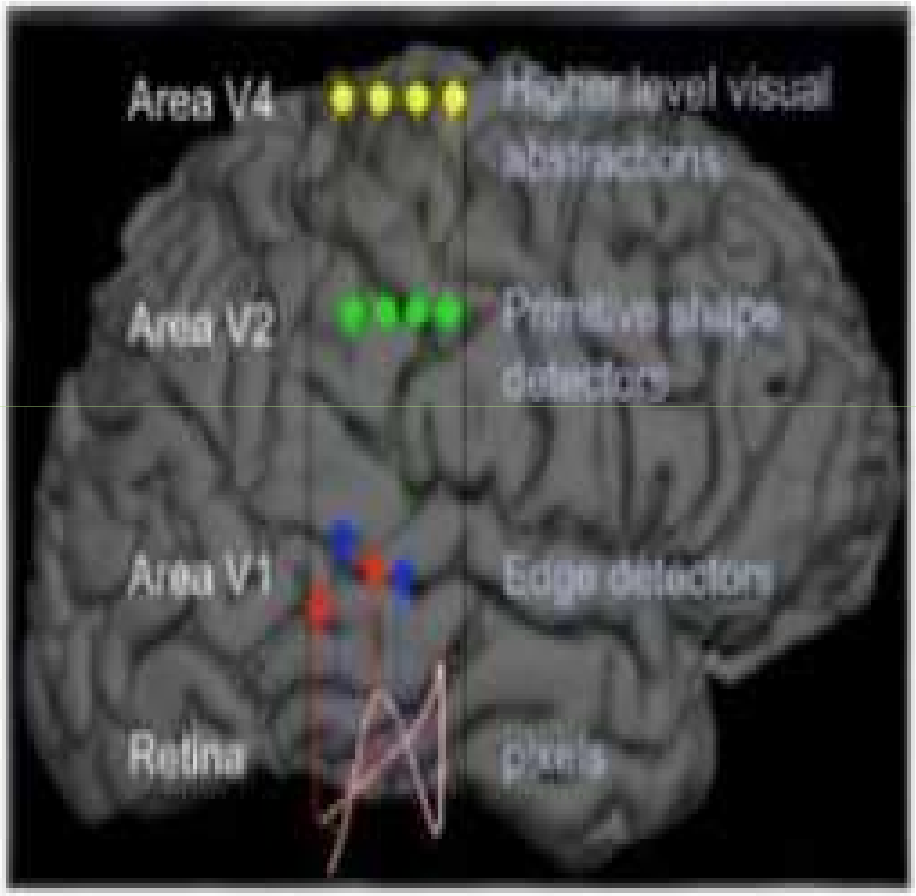
$$f(\mathbf{x}) \approx g_1(g_2(\ldots g_m(\mathbf{x})))$$

A esto le llamaremos aprendizaje profundo

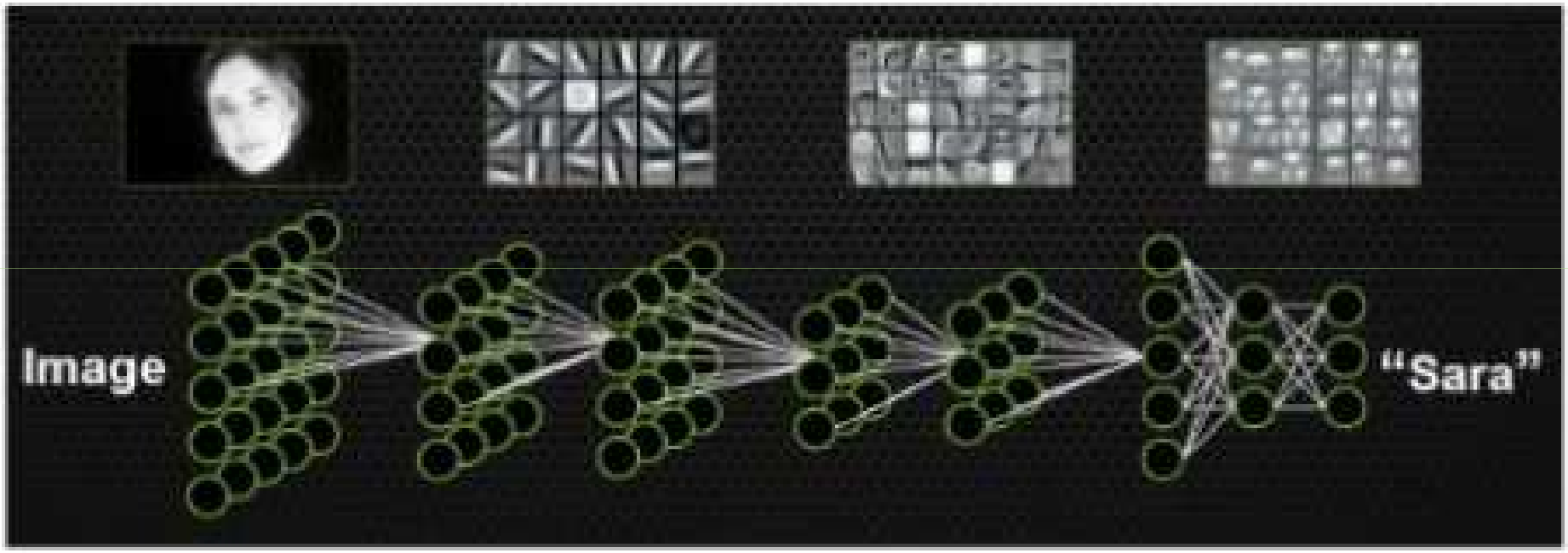


Inspiración biológica

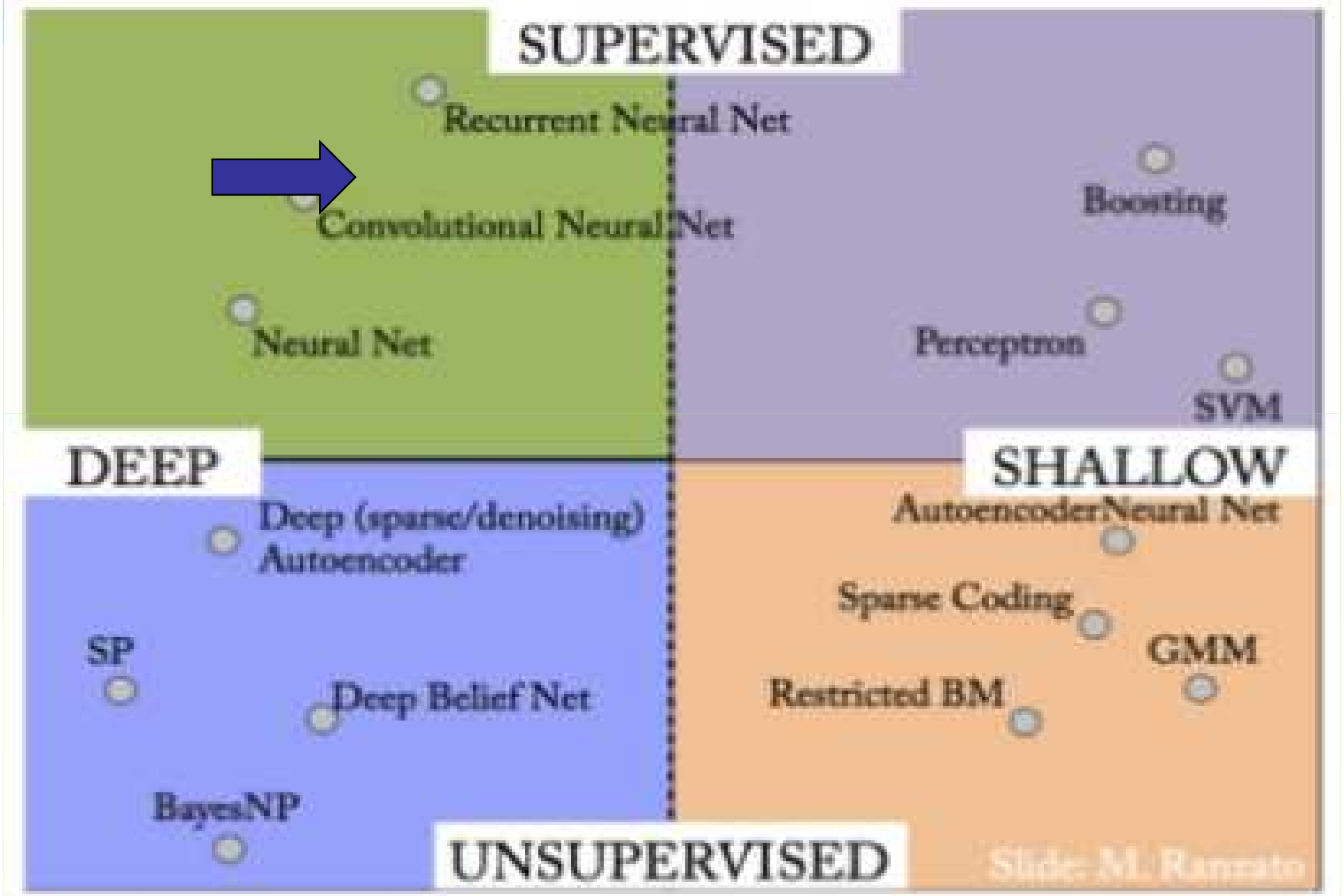


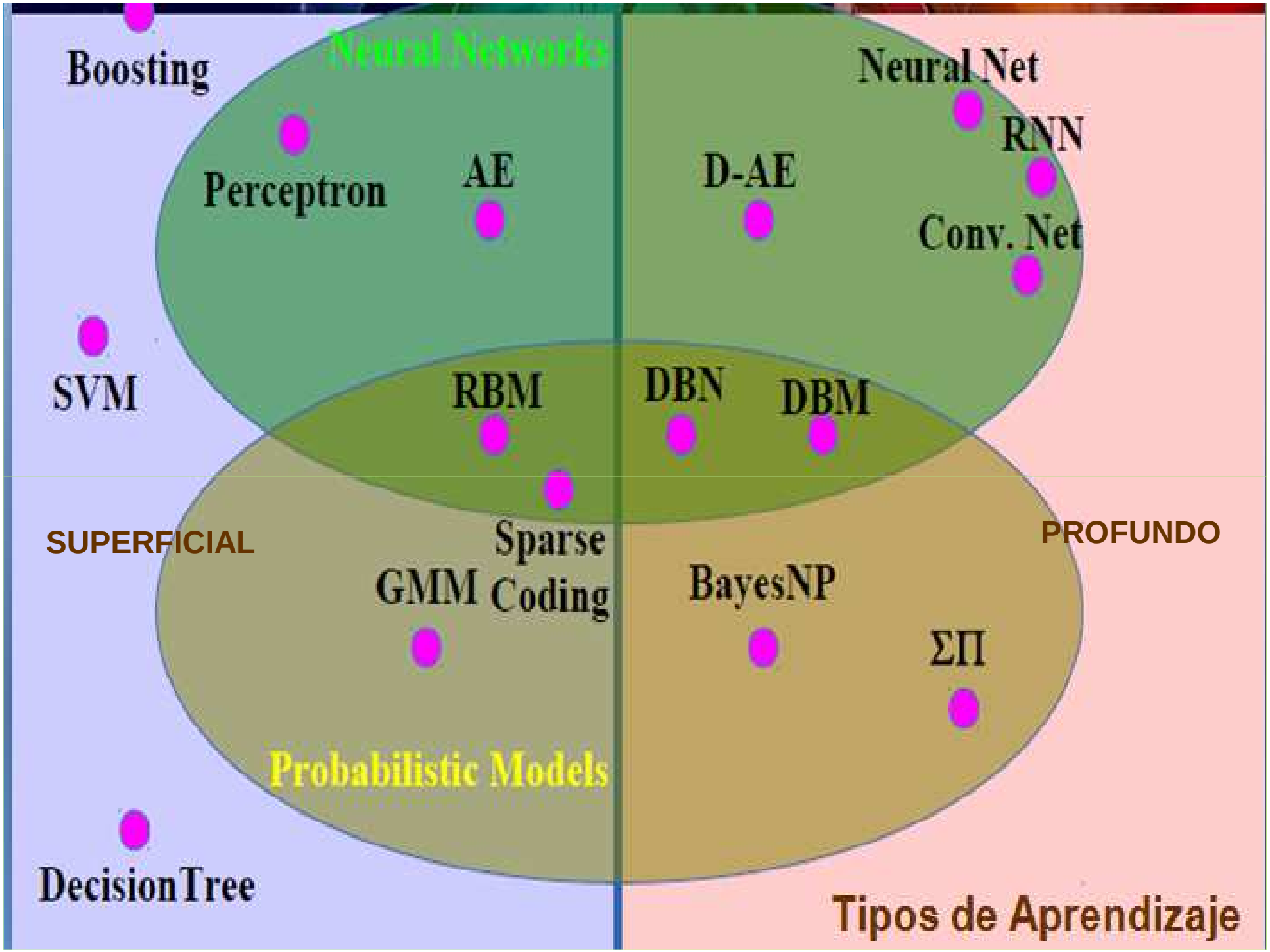


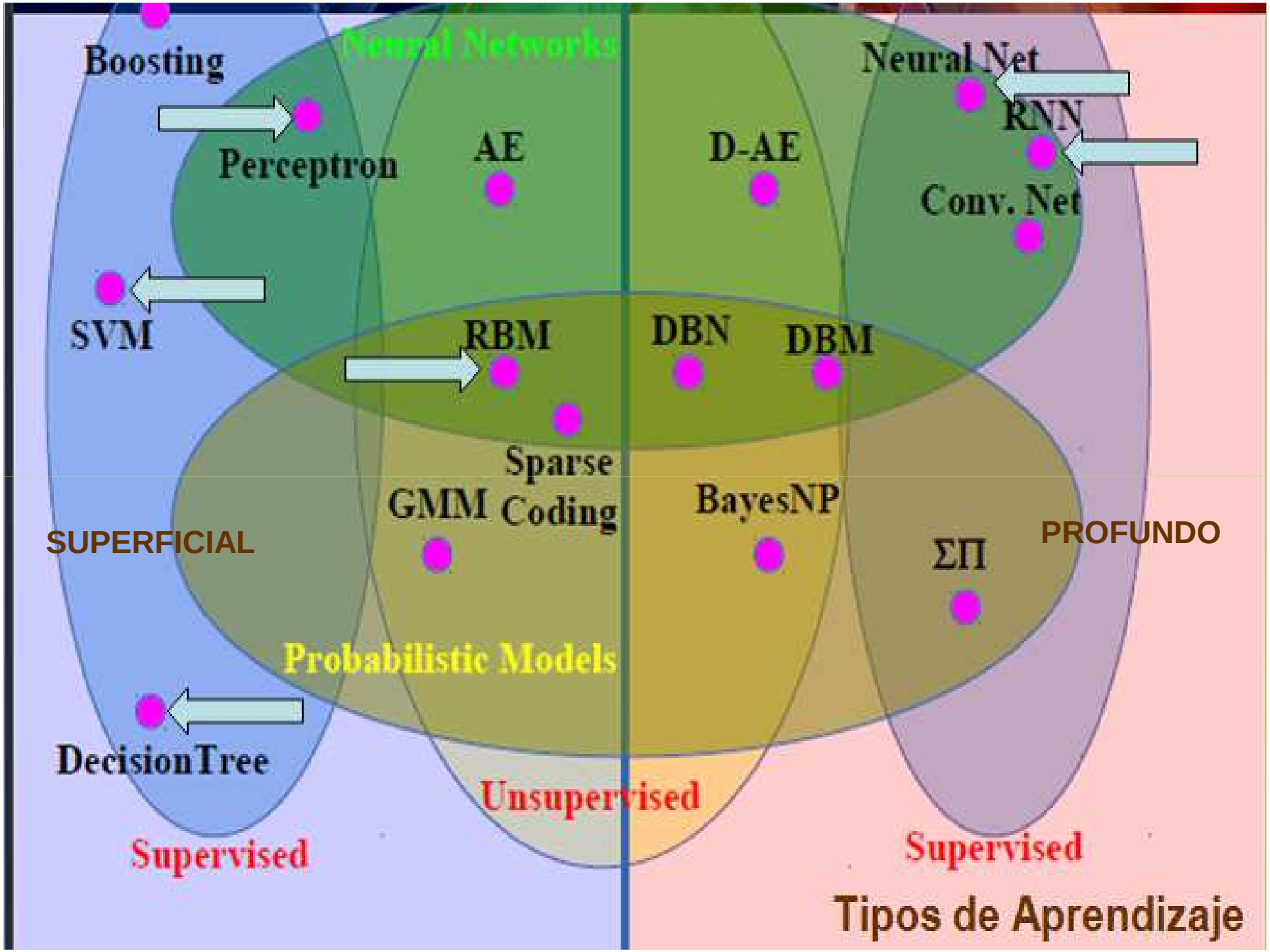
Aprendizaje de características mediante entrenamiento profundo



Tipos de Aprendizaje




Boosting
Neural Networks
Neural Net
RNN
Perceptron
AE
D-AE
Conv. Net
SVM
RBM
DBN
DBM
SUPERFICIAL
Sparse
Coding
GMM
BayesNP
PROFUNDO
ΣΠ
Probabilistic Models
DecisionTree
Tipos de Aprendizaje


Boosting
Neural Networks
Neural Net
Perceptron
AE
D-AE
RNN
Conv. Net
SVM
RBM
DBN
DBM
Sparse
GMM
Coding
BayesNP
SUPERFICIAL
PROFUNDO
ΣΠ
Probabilistic Models
DecisionTree
Unsupervised
Supervised
Supervised
Tipos de Aprendizaje

Etapas de una CNN

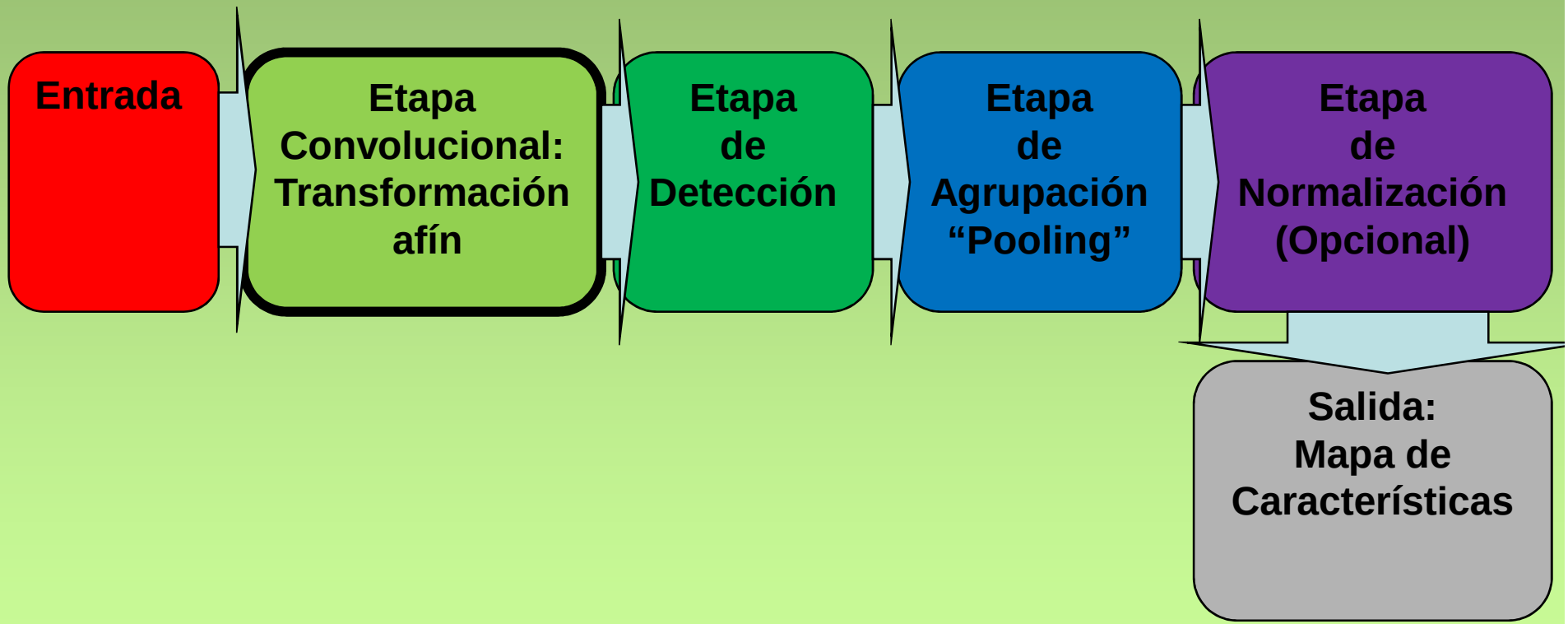
1) Extracción de Características

2) Campos Localmente Receptivos

3) Pesos Compartidos

4) Sub-muestreo espacial o temporal

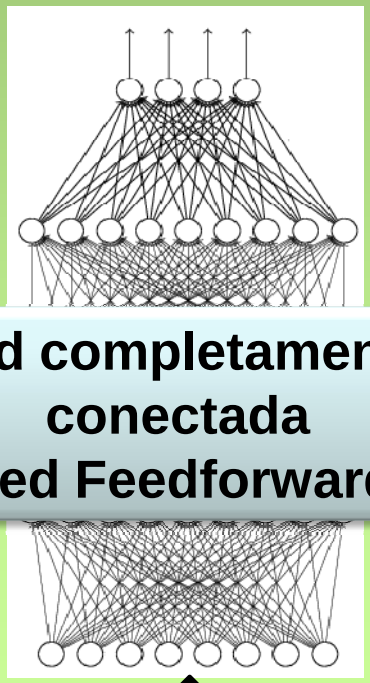
Estructura de las capas de una CNN



Red CNN completa



lince, tigre, gato, …



Red completamente conectada
Red Feedforward

Convolución

Max Pooling

Convolución

Max Pooling

Alisado

La estructura se puede repetir varias veces

Convolución

La convolución de las funciones f y g, escrita en la forma f*g se define como la integral del producto de las dos funciones después de que una se invierte y se desplaza, esto es

$$(f * g)(t) = \int_{-\infty}^{\infty} f(z)g(t-z)dz$$

Puede ser considerada como una operación de promediado ponderado en cada momento (para ello es necesario que g sea una función de densidad de probabilidad).

El intervalo de integración dependerá del dominio sobre el que estén definidas las funciones. En el caso de un rango de integración finito, *f* y *g* se consideran a menudo como extendidas, periódicamente en ambas direcciones, tal que el término *g*(*t*- z) no implique una violación del rango. La convolución es conmutativa

Convolución discreta

Cuando se trata de hacer un procesamiento digital de señal no tiene sentido hablar de convoluciones aplicando estrictamente la definición ya que solo disponemos de valores en instantes discretos de tiempo. Es necesario, pues, una aproximación numérica.

Para realizar la convolución entre dos señales, se evaluará el área de la función: x(z)*h(t-z). Para ello, disponemos de muestreos de ambas señales en los instantes de tiempo nt , que llamaremos x[k] y h[n-k] (donde n y k son enteros). El área es, por tanto,

$$y[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} t.x[k].h[n-k] = t.\left[\sum x[k].h[n-k]\right]$$

La convolución discreta se determina para un intervalo de muestreo t= 1

$$y[n] = x[n] * h[n] = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x[k].h[n-k]$$

Correlación cruzada

En procesamiento de señales, la correlación cruzada (o a veces denominada "covarianza cruzada") es una medida de la similitud entre dos señales, frecuentemente usada para encontrar características relevantes en una señal desconocida por medio de la comparación con otra que sí se conoce. Es función del tiempo relativo entre las señales, a veces también se la llama *producto escalar desplazado*, y tiene aplicaciones en el reconocimiento de patrones y en criptoanálisis. Para funciones continuas se define como

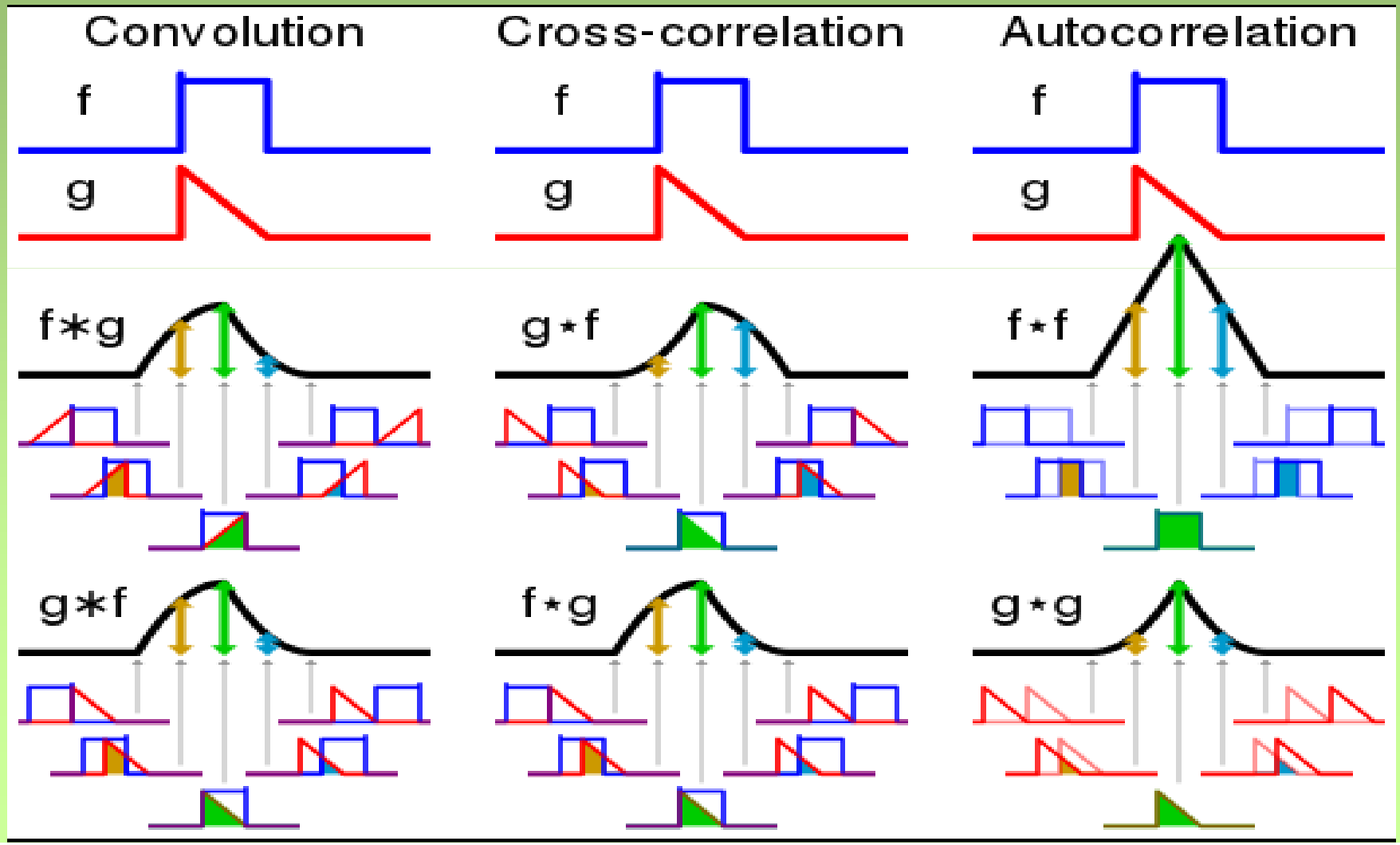
$$(f * g)(\mathrm{x}) \stackrel{def}{=} \int_{-\infty}^{\infty} f^*(t)\, g(x+t)\, dt$$

Donde f* es la conjugada compleja de f y x es el retardo

Para funciones discretas se define como

$$(f * g)[n] \stackrel{def}{=} \sum_{m=-\infty}^{\infty} f^*[m]\, g[m+n]$$

Convolución y correlación: Ejemplos. Hay que tener en cuenta que la simetría de la función f hace que f*g y g*f sean operaciones idénticas con resultados idénticos



Convolución y correlación cruzada en imágenes

Para una imagen H en 2-D y para un *kernel* F en 2-D,

El operador de Convolución G= H*F, es de la forma

$$G_{ij} = \sum_{u=-k}^{k} \sum_{v=-k}^{k} H(u,v) F(i-u, j-v)$$

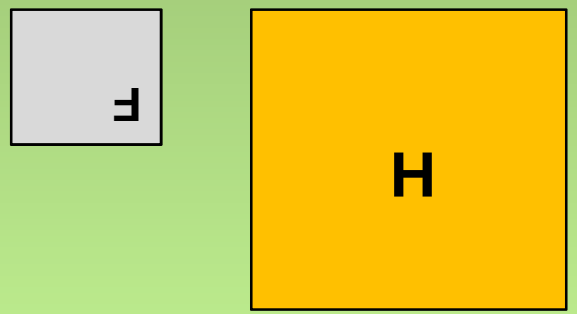
Y el operador de Correlación G= H⊗F

$$G_{ij} = \sum_{u=-k}^{k} \sum_{v=-k}^{k} H(u,v) F(i+u, j+v)$$

¿Como se diferencian la convolución y la correlación cruzada?

La convolución es equivalente a invertir el filtro en ambas dimensiones (de abajo hacia arriba, de derecha a izquierda) y aplicar correlación cruzada.

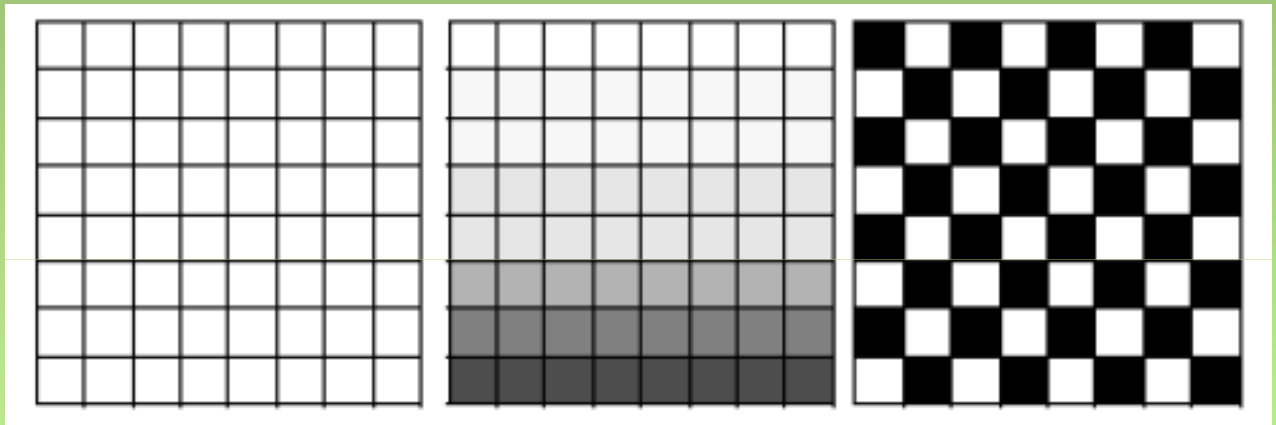
Para *kernels* simétricos, ambos operadores dan como resultado la misma salida.



Muchas bibliotecas de aprendizaje automático implementan la correlación cruzada, pero lo llaman convolución.

Frecuencias espaciales

El filtrado por convolución se utiliza para modificar la frecuencia espacial de las características de una imagen



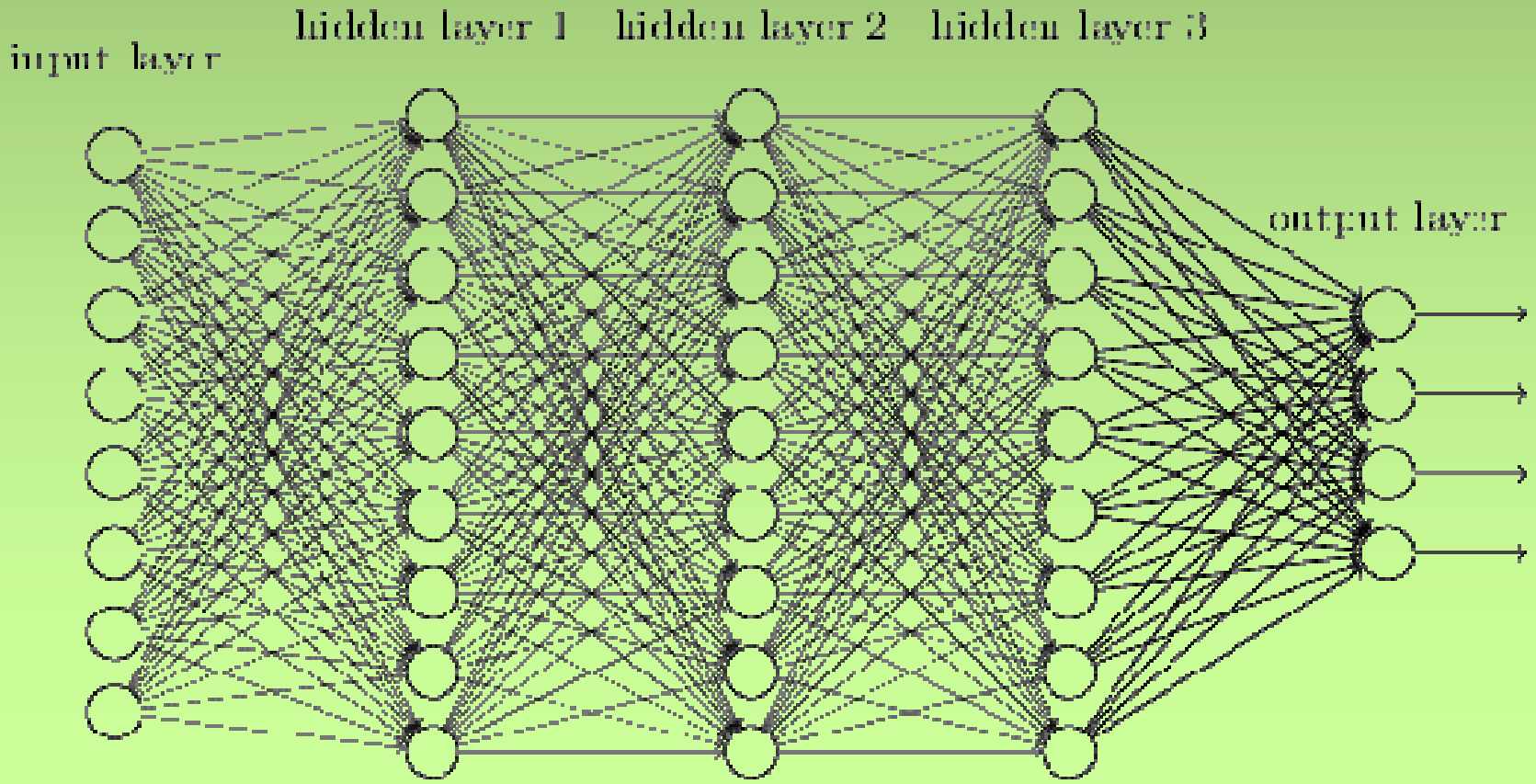
Frecuencia espacial nula

Frecuencia espacial baja

Frecuencia espacial alta

Redes CNN pequeñas

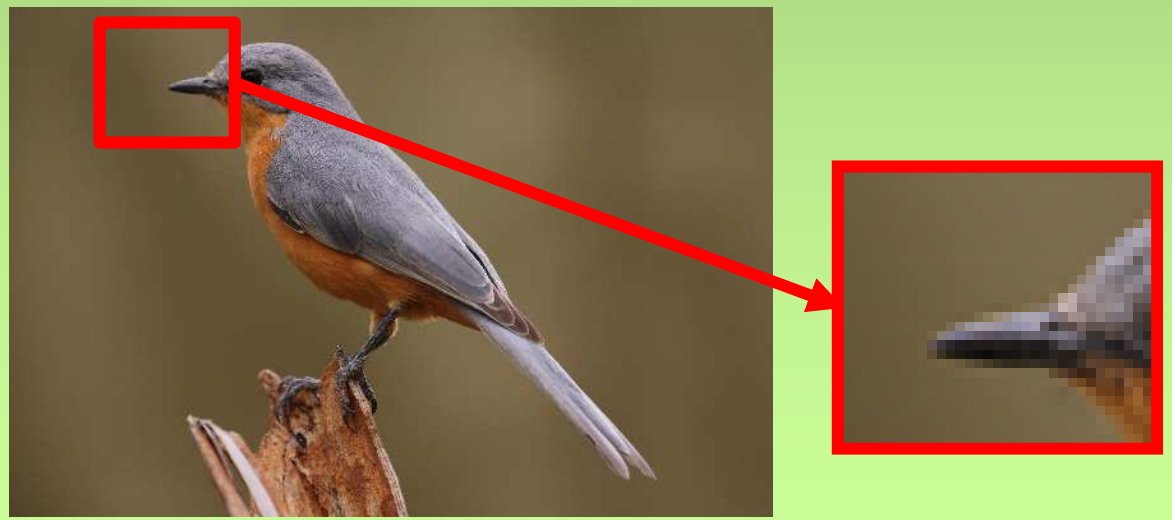
Sabemos que es bueno aprender un modelo pequeño
De este modelo totalmente conectado ¿Realmente necesitamos todas las conexiones?
¿Se pueden compartir algunas de estas?

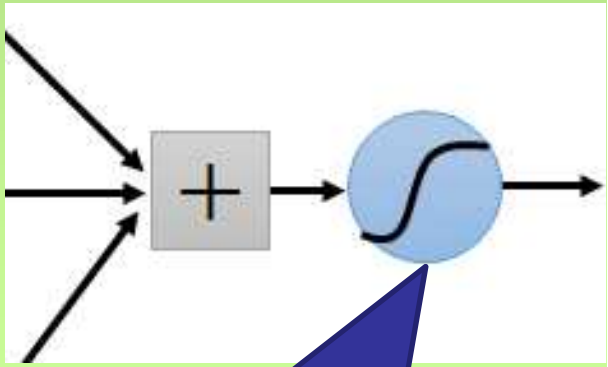


Consideremos el aprendizaje de una imagen

- Algunos patrones son más pequeños que la imagen completa

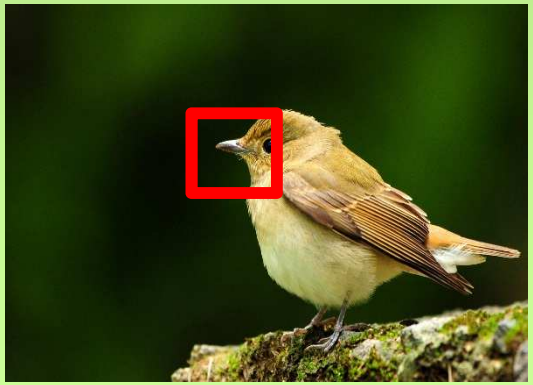
Podemos representar regiones pequeñas con pocos parámetros

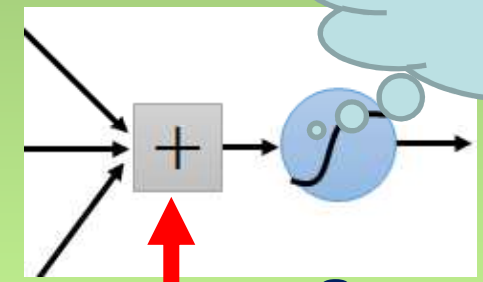


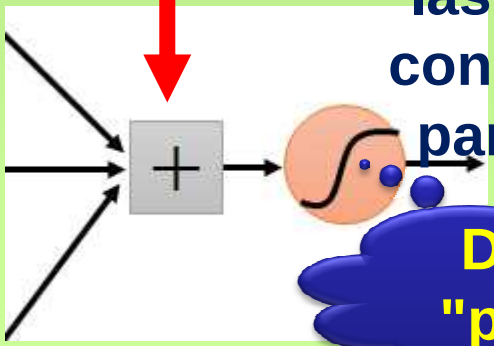


El mismo patrón aparece en diferentes lugares: ¡Se pueden comprimir las imágenes!

¿Qué pasa con el entrenamiento de muchos de estos detectores "pequeños“? ¿Cada detector debe "moverse"?







Detector de "pico superior izquierdo"

¿Se pueden comprimir las imágenes con los mismos parámetros?

Detector de "pico medio"

¿Que es una convolución?

Una operación de convolución es el efecto de un filtro de propósito general para imágenes.

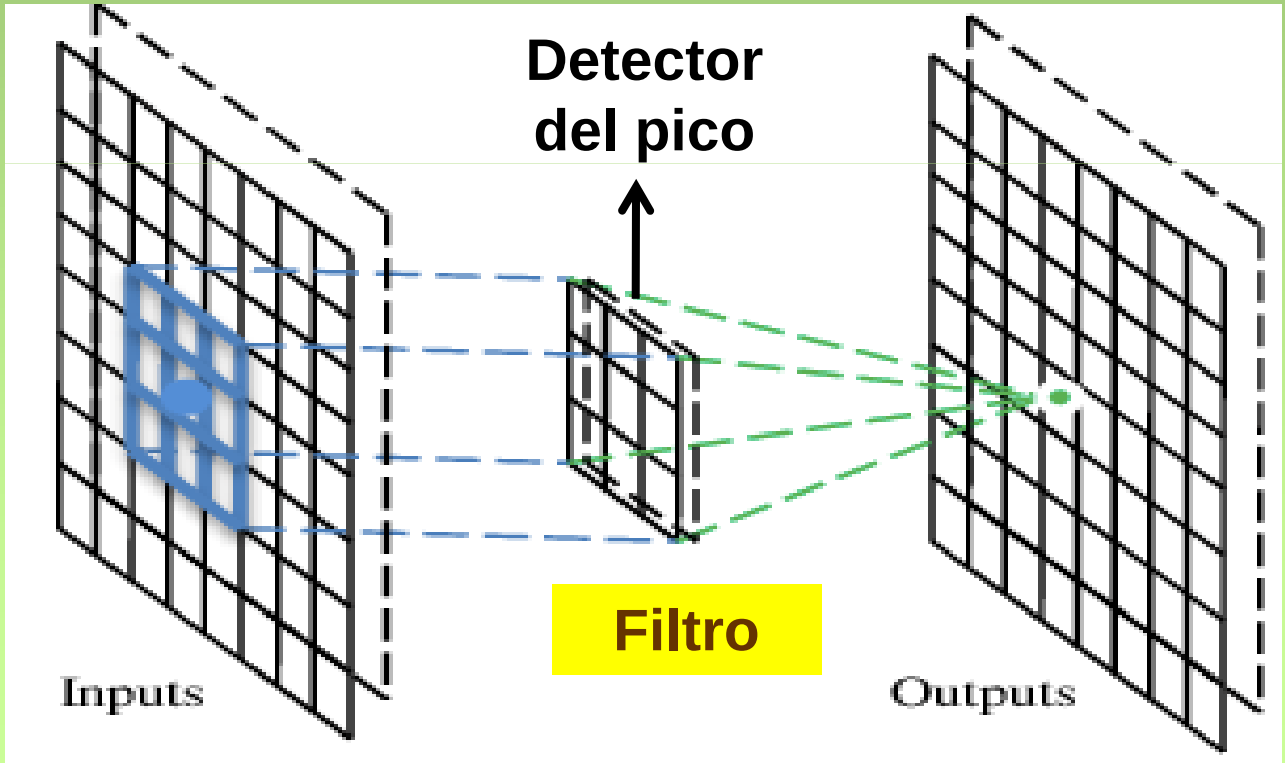
Consta de una matriz aplicada a una imagen y una operación matemática que consta de números enteros.

Trabaja determinando el valor de un pixel central añadiendo los valores ponderados de todos sus vecinos juntos

La salida es una nueva imagen filtrada y modificada

Capa convolucional

Una CNN es una red neuronal con algunas capas convolucionales (y algunas otras capas). Una capa convolucional tiene un número de filtros que hacen el funcionamiento convolucional.



Convolución

Estos son los parámetros de la red a ser aprendidos

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen de 6 x 6

1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

Filtro1

-1	1	-1
-1	1	-1
-1	1	-1

Filtro 2

⋮ ⋮

Cada filtro detecta un pequeño patrón de (3 x 3).

Convolución

stride=1

2 Subimágenes de 3x3

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Productos Escalares de subimagen por filtro

-1-1+1=-1

1+1+1=3

Filtro 1

1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

Imagen de 6 x 6

Convolución

stride=2

2 Subimágenes de 3x3

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen de 6 x 6

Productos Escalares de subimagen por filtro

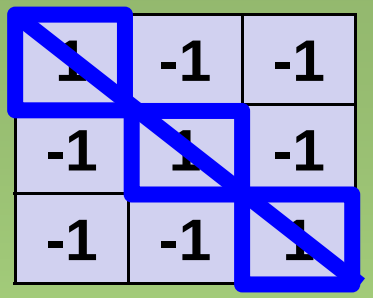
-1-1-1=-3

1+1+1=3

Filtro 1

1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

Convolución



Filtro 1

stride=1

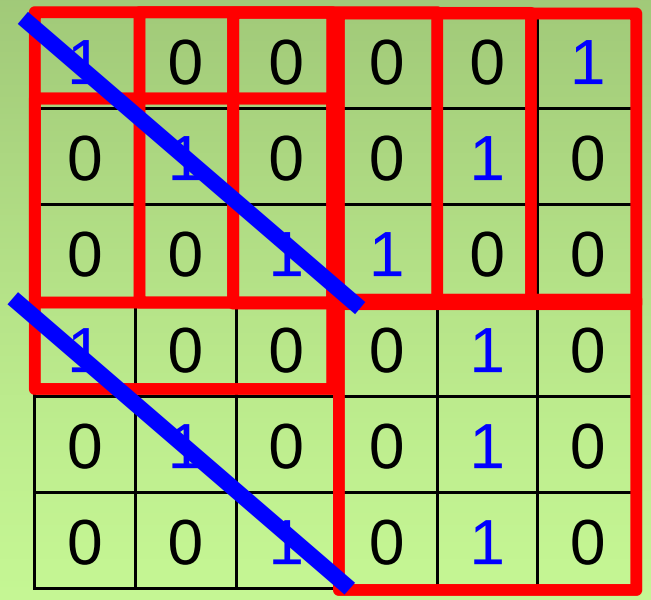


Imagen de 6 x 6

Matríz resultante

3	-1	-3	-1
-3	1	0	-3
-3	-3	0	1
3	-2	-2	-1

Convolución

-1	1	-1
-1	1	-1
-1	1	-1

Filtro 2

Se repite esta operación para cada filtro

stride=1

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen de 6 x 6

Dos imágenes de 4 x 4 formando una matriz de 2 x 4 x 4

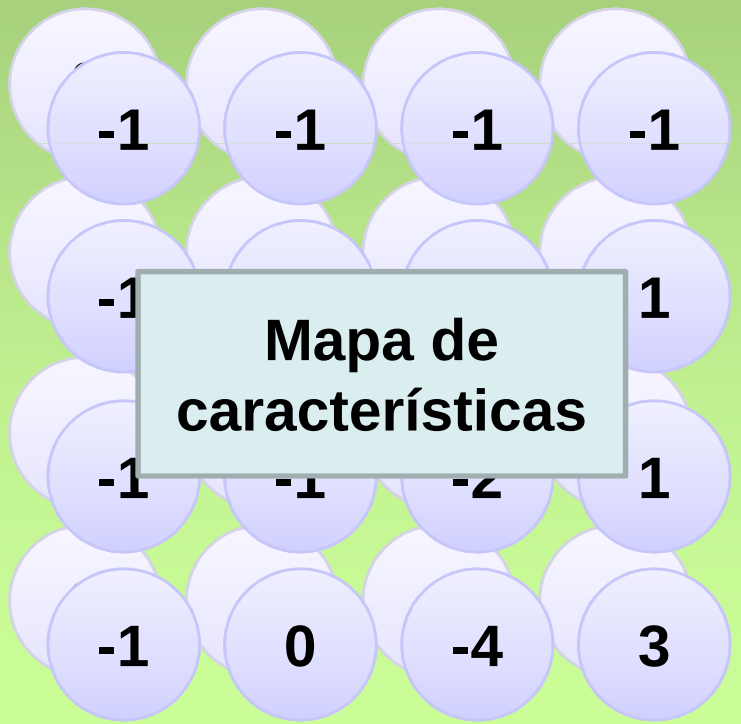
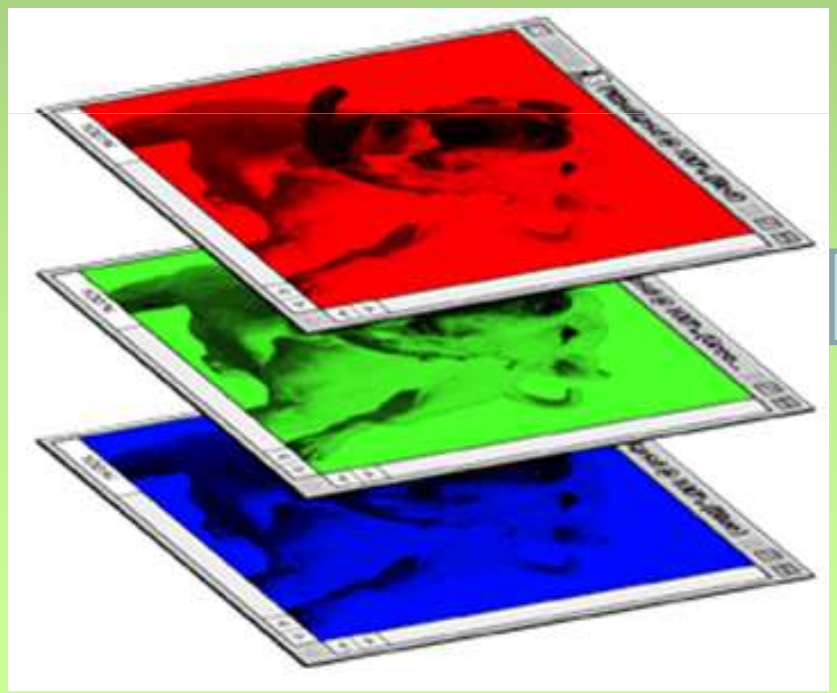


Imagen en color: 3 canales

Imagen en color



1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

Filtro 1

-1	1	-1
-1	1	-1
-1	1	-1

Filtro 2

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Convolución v.s. Completamente conectada

Filtro 1 Filtro 2

1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen 6 x 6

1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

-1	1	-1
-1	1	-1
-1	1	-1

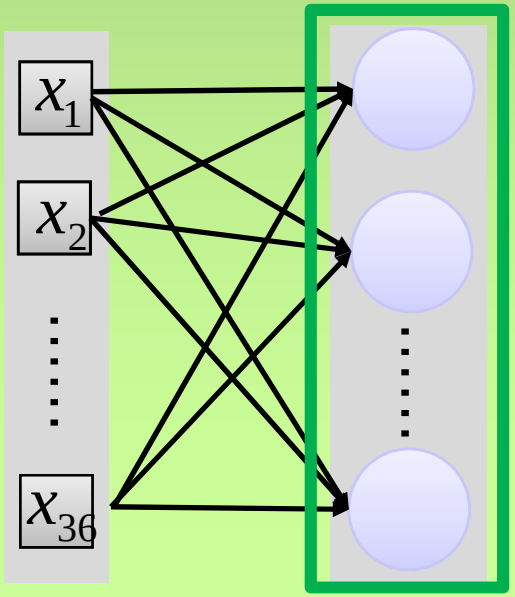
Convolución

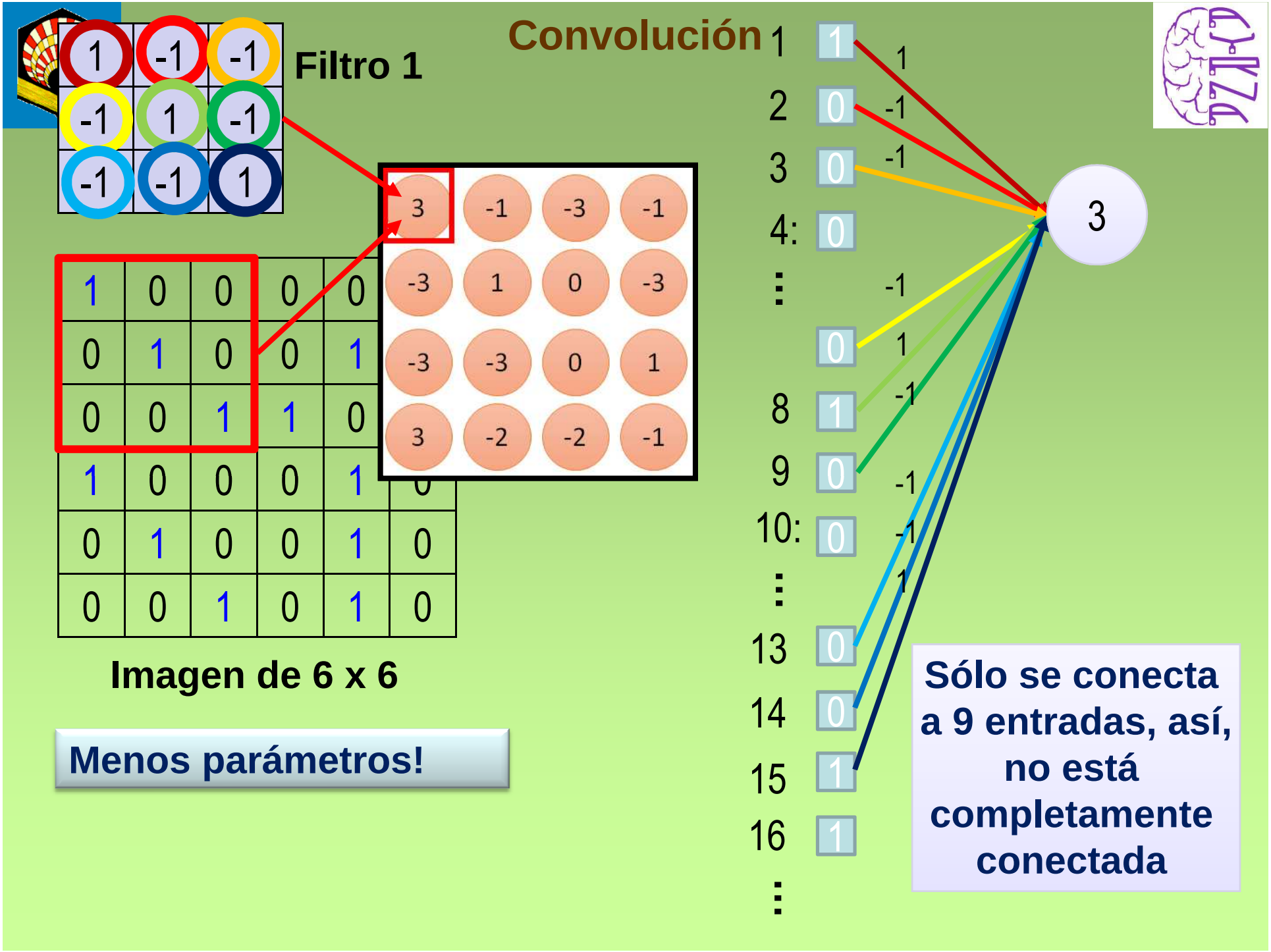
-1	-1	-1	-1
-1	-1	-2	1
-1	-1	-2	1
-1	0	-4	3

Completamente conectada

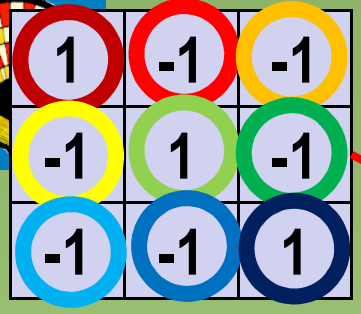
1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen de 6 x 6

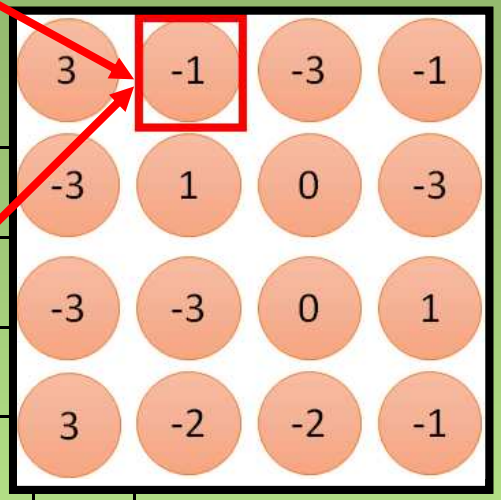



Filtro 1
1 -1 -1
-1 1 -1
-1 -1 1
Convolución
3 -1 -3 -1
-3 1 0 -3
-3 -3 0 1
3 -2 -2 -1
1 0 0 0 0
0 1 0 0 1
0 0 1 1 0
1 0 0 0 1
0 1 0 0 1 0
0 0 1 0 1 0
Imagen de 6 x 6
Menos parámetros!
1 2 3 4: 8 9 10: 13 14 15 16
1 0 0 0 1 0 0 1 0
1 -1 -1 -1 1 -1 1 -1 1
3
Sólo se conecta a 9 entradas, así, no está completamente conectada

Convolución

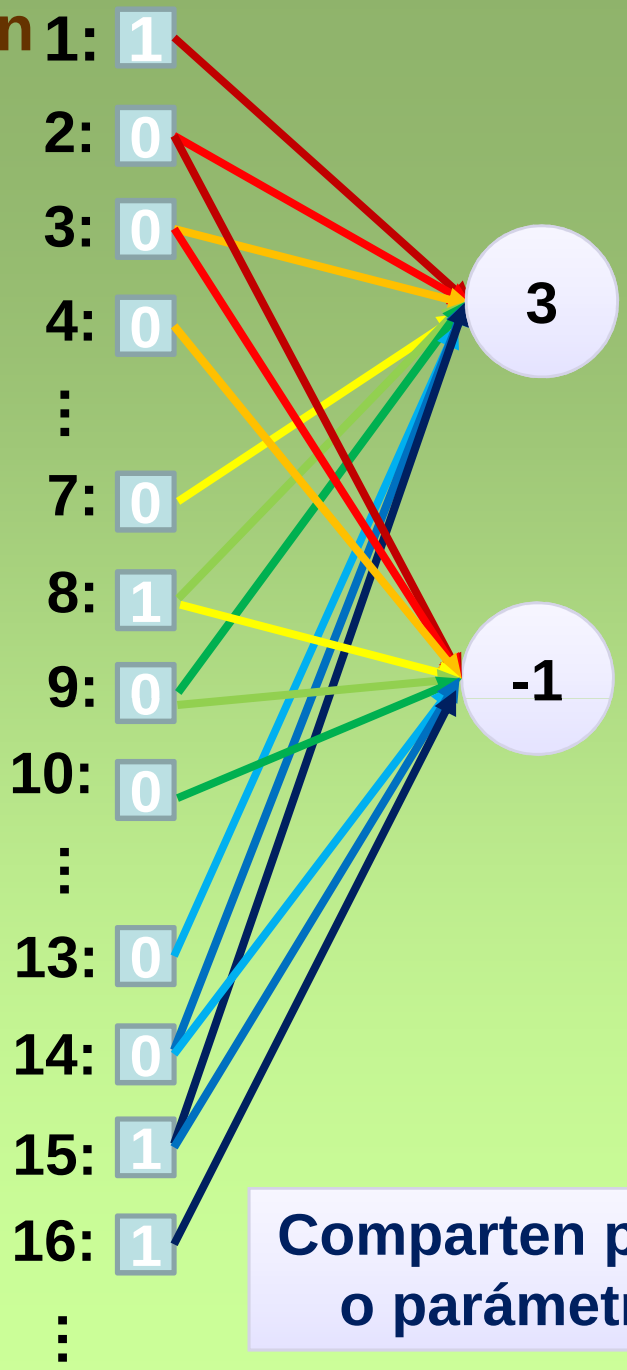


Filtro1



1	0	0	0	0	
0	1	0	0	1	
0	0	1	1	0	
1	0	0	0	1	
0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	1	0

Imagen de 6 x 6



Menos parámetros

Al compartir pesos, aún hay menos parámetros

Comparten pesos o parámetros

El proceso de convolución de una imagen

Una convolución se realiza multiplicando un pixel y sus pixeles vecinos con un valor de color o nivel de gris por una matriz

***Kernel*: Un *kernel* es, por lo general, una matriz pequeña de números que se utiliza en la convolución de imágenes.**

Diferentes tamaños de *kernel* contienen diferentes patrones de números, lo que produce diferentes resultados bajo la convolución.

El tamaño de un *kernel* es arbitrario pero a menudo es de 3x3

Ejemplo de *kernel*

0	1	0
1	1	1
0	1	0

Formula de la convolución

$$V = \left| \frac{\sum_{i=1}^{q} \sum_{j=1}^{q} f_{ij} d_{ij}}{F} \right|$$

Donde |.| es la parte entera

- **fij es el coeficiente de un *kernel* de convolución en la posición ij (en el *kernel*)**
- **dij el valor del dato del pixel que corresponde a fij**
- **q es la dimensión del *kernel.* suponiendo un *kernel* cuadrado (si q=3, entonces el *kernel* es de 3x3**
- **F es la suma de los coeficientes del *kernel* o 1 si la suma de los coeficientes es 0**
- **V es el valor de salida del pixel**

En el caso en el que V sea menor que 0, V se sitúa a 0

Ejemplo

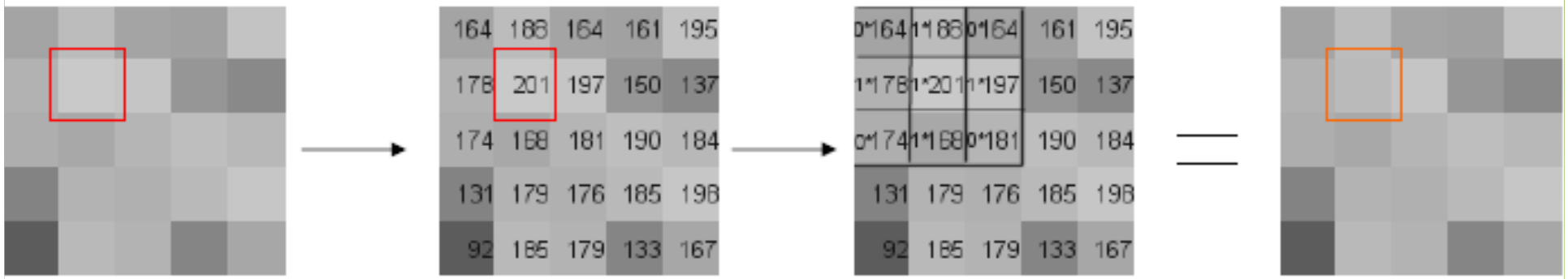


Imagen original

Imagen con valores del color de los pixeles situados sobre ella

Imagen con un *kernel* de 3x3 situado sobre ella

Imagen de salida

Suma 188+178+201+197+168=932

164	188	164
178	201	197
174	168	181

Valores de color

0	1	0
1	1	1
0	1	0

Kernel

Dividiendo por la suma del kernel 932/5= nuevo valor de color del pixel

Mas Ejemplos

Dato de entrada

2	9	6	6	6
2	8	6	6	6
2	2	8	6	6
2	2	2	8	6
2	2	2	2	8

Kernel

-1	-1	-1
-1	16	-1
-1	-1	-1

Parte entera de [(-1x8)+(-1x6) +(-1x6)+(-1x2)+(16x8)+(-1x6)+(-1x2)+(-1x2)+(-1x8)/(-1-1-1-1+16-1-1-1-1)]= Parte entera de (128-40)/(16-8)= Parte entera de 11= 11. Es el nuevo valor del pixel

Que hacemos con los pixeles del borde

a) Envolver la imagen

b) Ignorar los pixeles del borde y sólo calcular aquellos pixeles con todos los vecinos completos.

c) Duplicar los pixeles del borde de forma tal que el pixel en (2,n) (donde n seria no positivo) tendrá un valor de (2,1).

Donde -1 es no existir dato

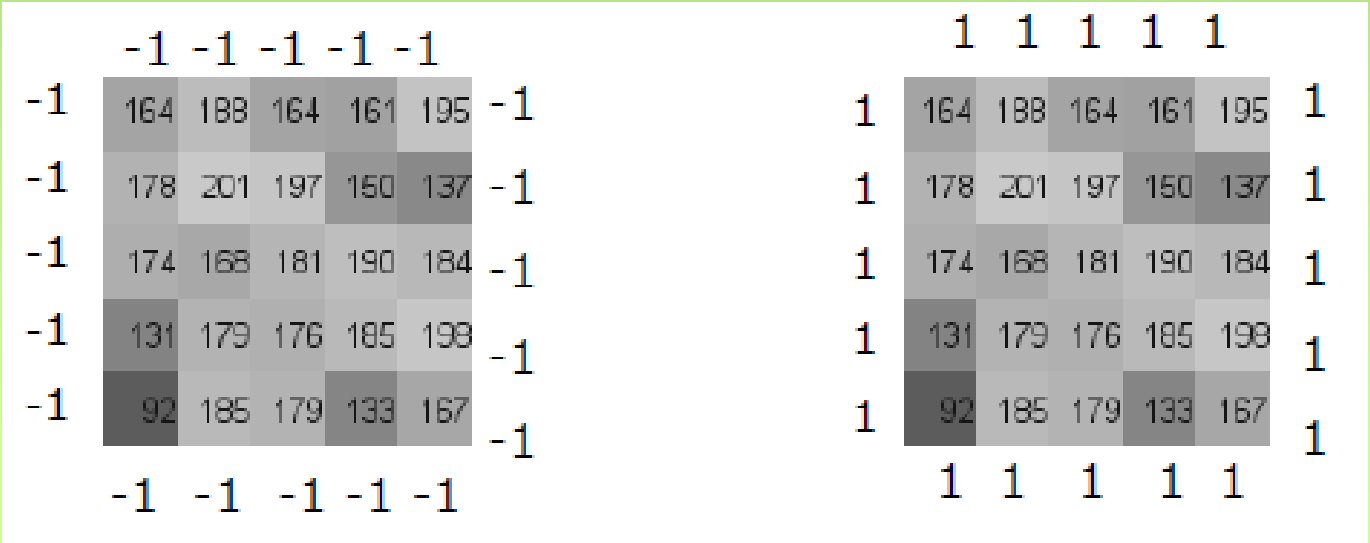


Imagen original

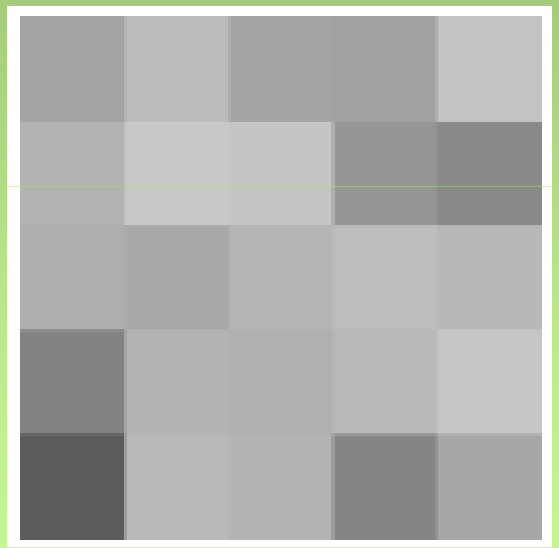
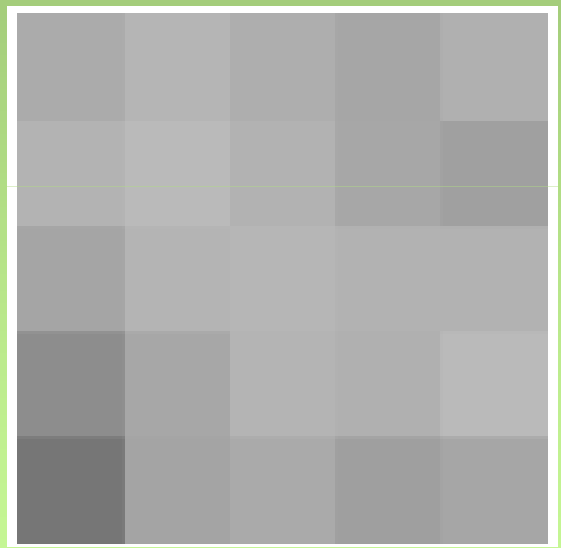


Imagen modificada alisada



Otros ejemplos de kernel

1	1	1
1	1	1
1	1	1

Kernel de alisamiento no ponderado de 3x3

0	1	0
1	4	1
0	1	0

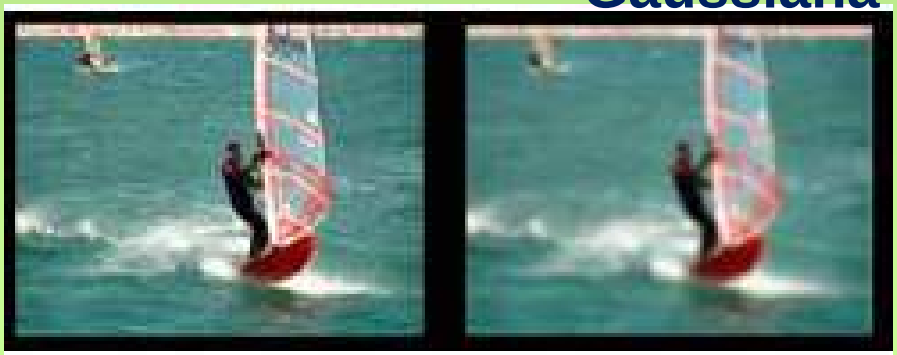
Kernel de alisamiento ponderado de 3x3 con difuminación Gaussiana

0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0

Kernel para agudizar la imagen

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1

Imagen agudizada intensificada



Difuminación Gaussiana

Imagen agudizada

Ejemplo de *kernel* de alisamiento

Cuando se utiliza un *kernel* de suavizado un área más grande del núcleo aumenta el área de suavizado

0	1	2	1	0
1	4	8	4	1
2	8	16	8	2
1	4	8	4	1
0	1	2	1	0

***Kernel* 5x5 de suavizado**

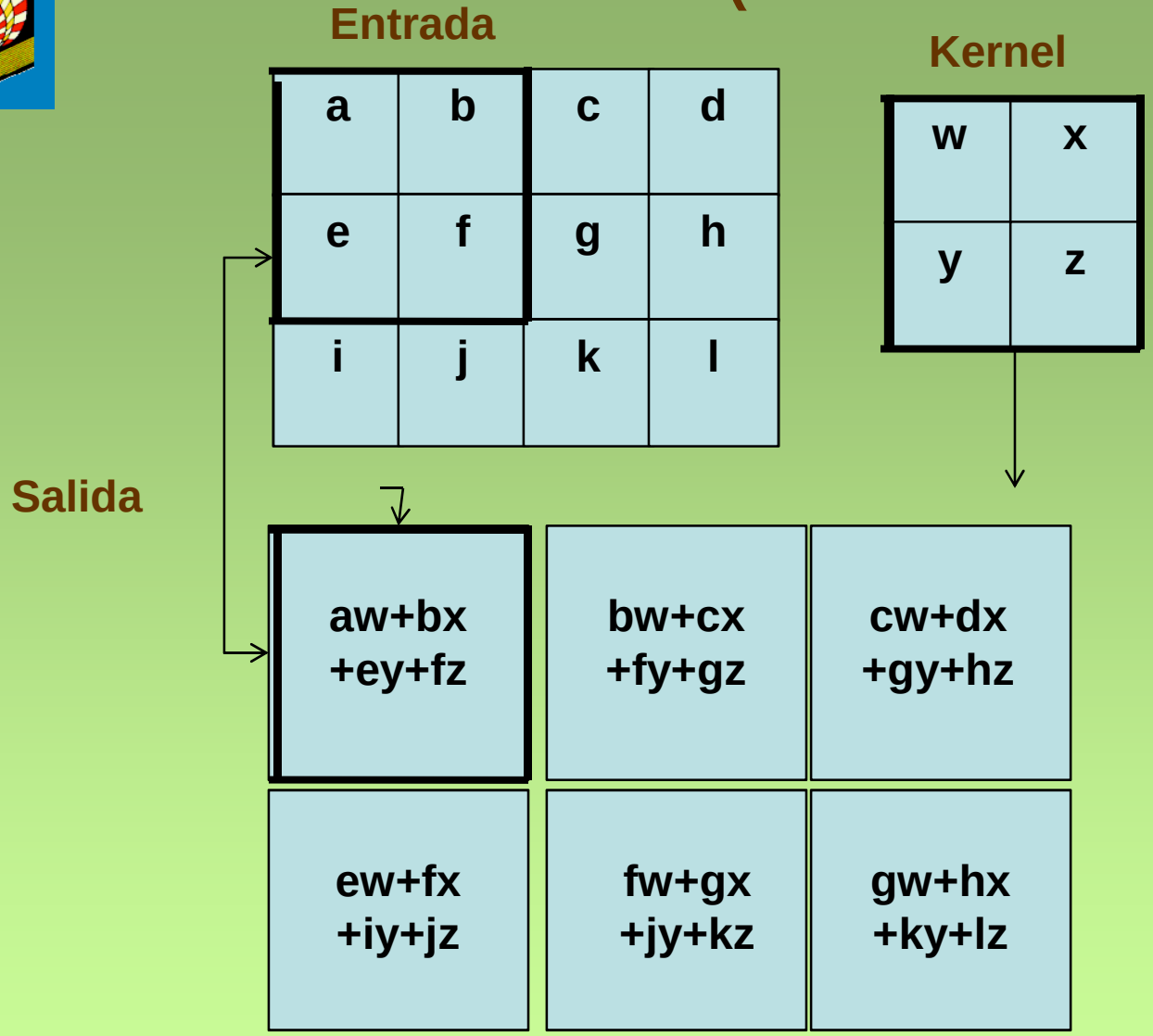
Puntos principales

a) Empezar con una imagen

b) Elegir el *kernel* que afecta a la imagen de salida

c) Basar la elección del *kernel* en los resultados deseados para la imagen (alisar, difuminar, mejorar, afilar)

Convolución 2-D (sin invertir el *kernel*)



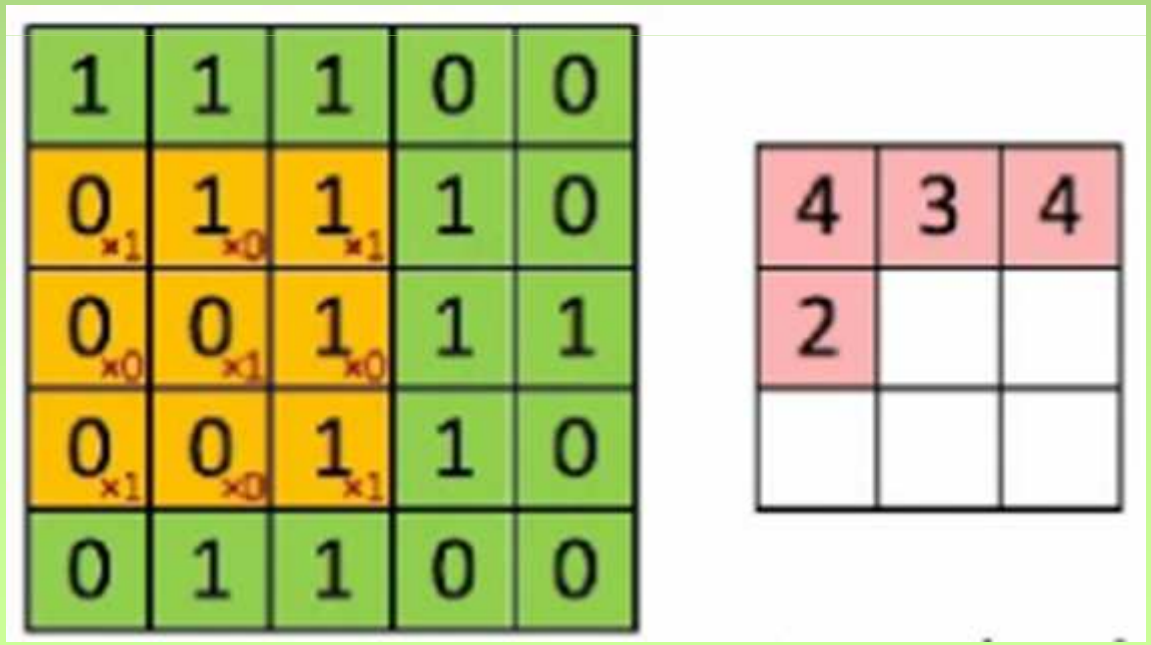
Ejemplo de una convolución 2-D válida (sin invertir el kernel) donde una matriz de 3x4 convoluciona con un kernel de 2x2 dando como salida una matriz de dimensión (3-1)x(4-1)

Convolución 2-D

kernel

1	0	1
0	1	0
1	0	1

Imagen **Función Convolvente**



Variantes

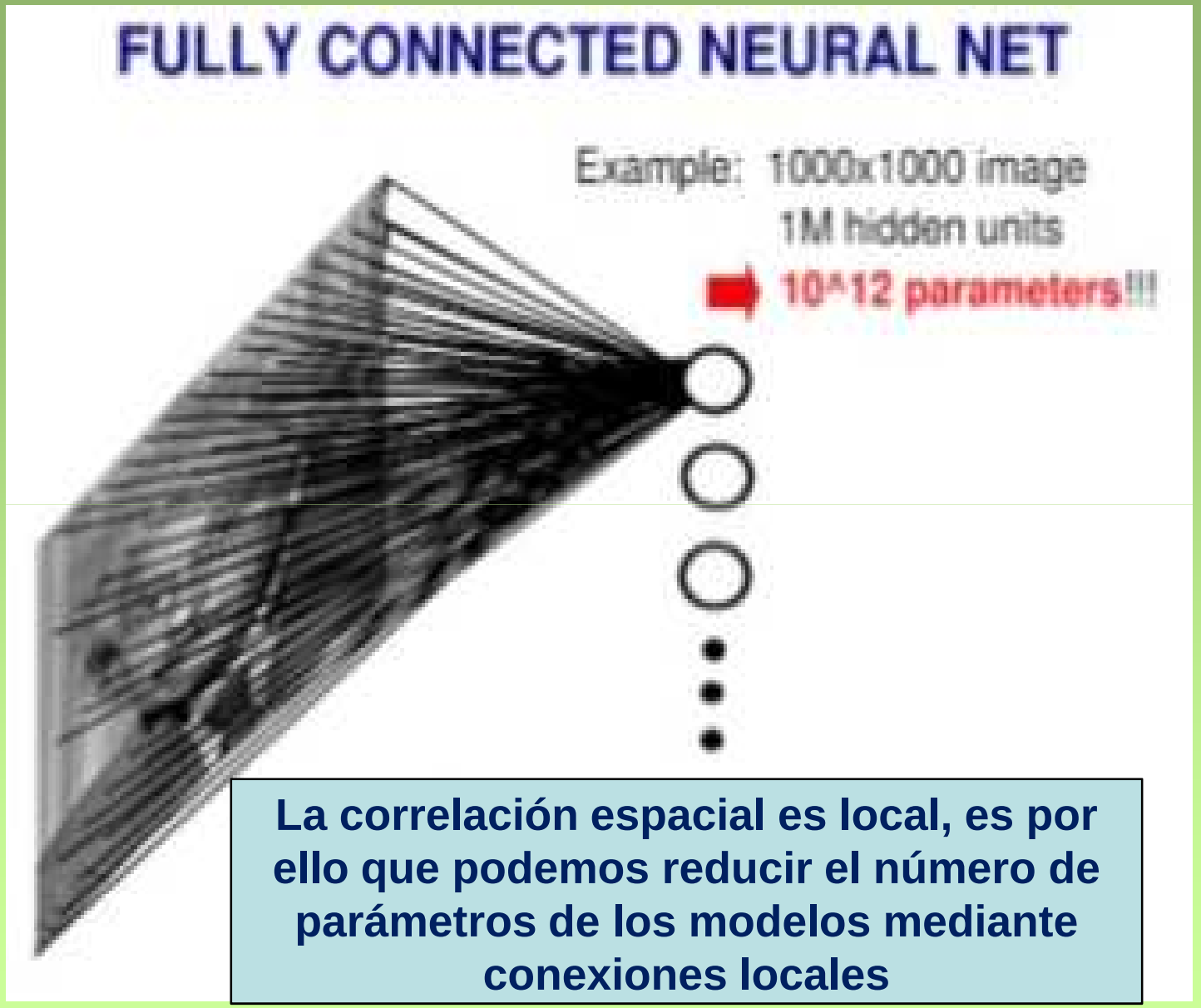
Completa: Añade suficientes ceros de relleno a la imagen para que cada píxel sea visitado k veces en cada dirección, con tamaño de salida: (m + k-1) x (m + k-1)

Válida. Sin rellenar con ceros, el *kernel* es restringido a girar horizontalmente sólo dentro de la imagen, con tamaño de salida : (m-k+1) x (m-k+1)

Idéntica: Añade ceros de relleno a la imagen para que la salida tenga el mismo tamaño de la imagen, por ejemplo, m x m.

Paso o *Stride*: Muestreo descendente de la salida de convolución muestreando solo cada s píxeles en cada dirección. Por ejemplo, la salida de convolución "válida" con paso s da como resultado una salida de tamaño (m-k+s)/s x (m-k+s)/s.

Porque convolución



La correlación espacial es local, es por ello que podemos reducir el número de parámetros de los modelos mediante conexiones locales

Redes completamente o localmente conectadas de alta dimensión

Ejemplo: Imagen de 200 x 200

Completamente conectada , 400.000 unidades ocultas, entonces tendremos

$$4\times10^4\times4\times10^5=16\times10^9$$ =

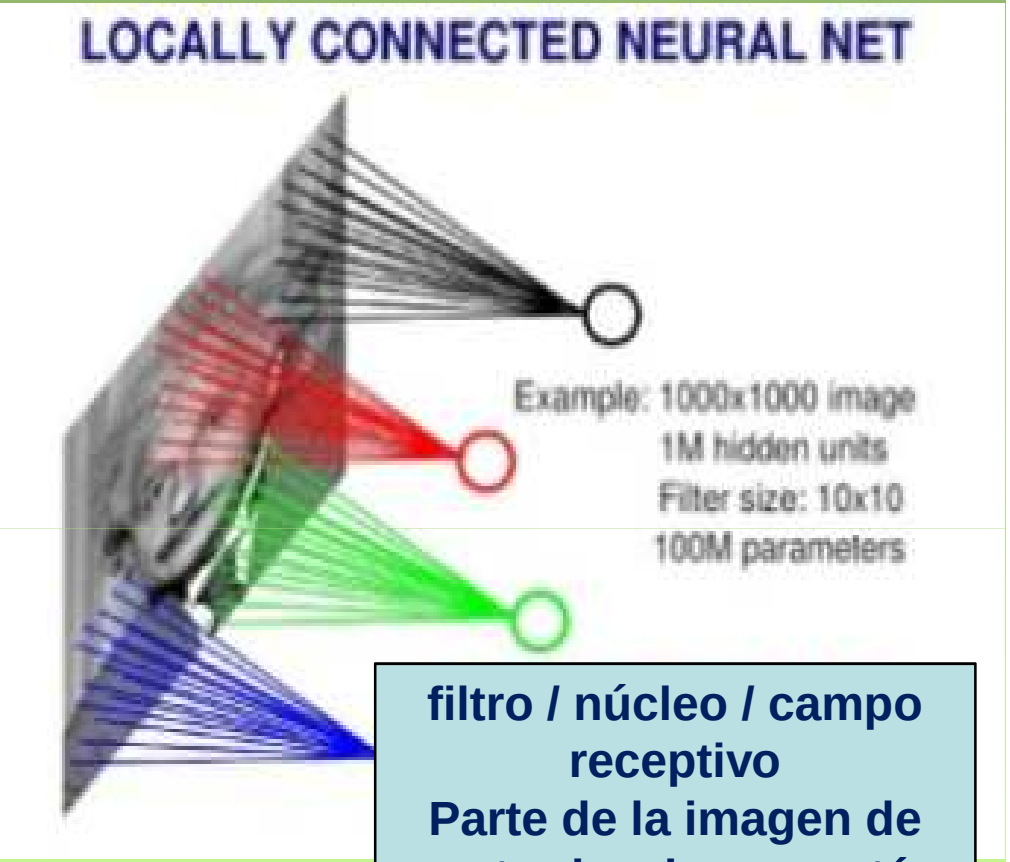
16 billones de parámetros

Localmente conectada, 10 x 10 campos o localizaciones de 400.000 unidades ocultas, así tendremos

$$10^2\times4\times10^5=4\times10^7$$

= 40 millones de parámetros

Las conexiones locales capturan dependencias locales



filtro / núcleo / campo receptivo
Parte de la imagen de entrada a la que está conectada la unidad oculta

Múltiples convoluciones con diferentes *kernels*

Detecta múltiples patrones en cada localización

La colección de unidades mirando a la misma subimagen es similar a un vector de características para cada subimagen

El resultado es un *array* en 3D, donde cada rebanada es un mapa de características

Campos Localmente Receptivos/ Conectividad dispersa

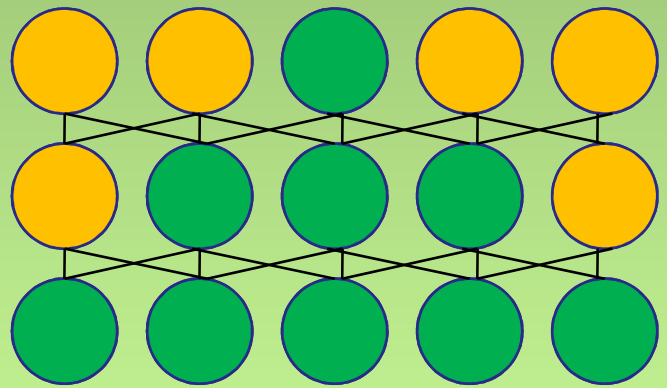
La Convolución explota la propiedad de correlaciones locales espaciales en la imagen reforzando los patrones de conectividad local entre neuronas de capas adyacentes.

Reduce drásticamente el número de parámetros libres en comparación con las redes completamente conectadas reduciendo el sobre-entrenamiento y lo más importante, reduciendo la complejidad computacional de la red

Conectividad global indirecta

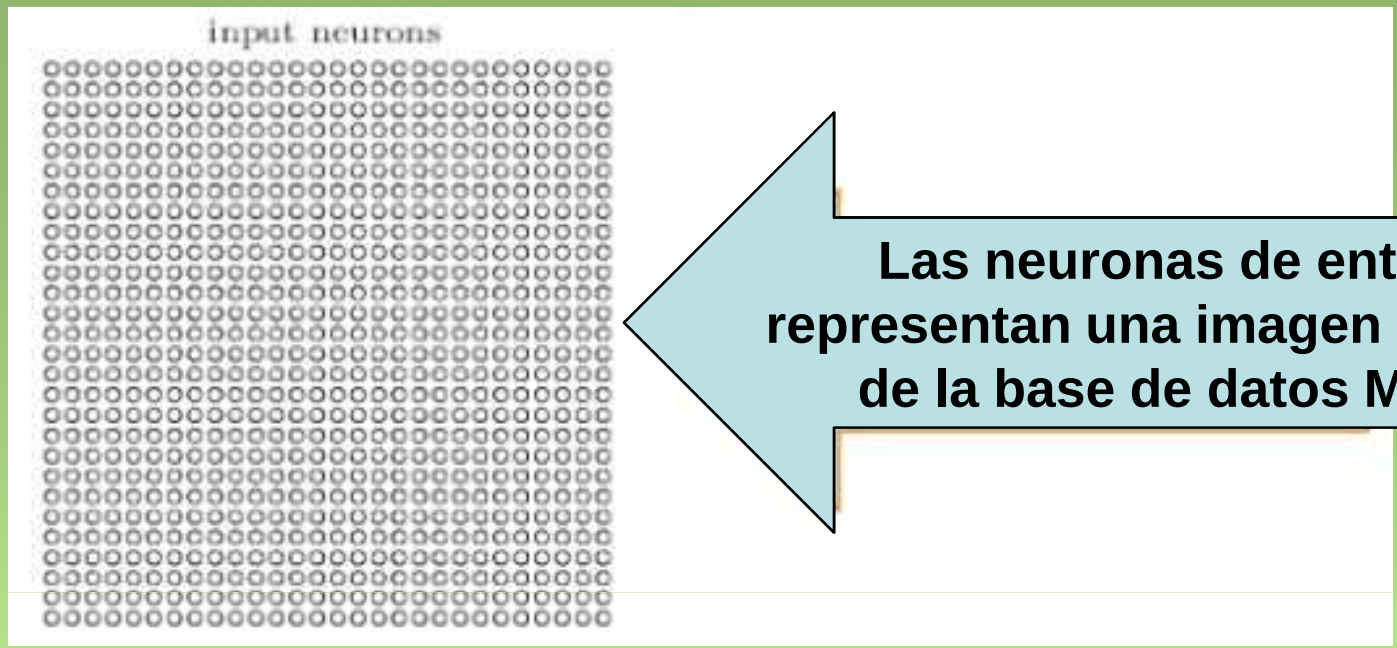
Los campos receptivos de unidades en capas más profundas son más grandes que las capas superficiales.

Aunque las conexiones directas son muy dispersas, las capas profundas indirectamente conectan la mayoría de las entradas de la imagen.

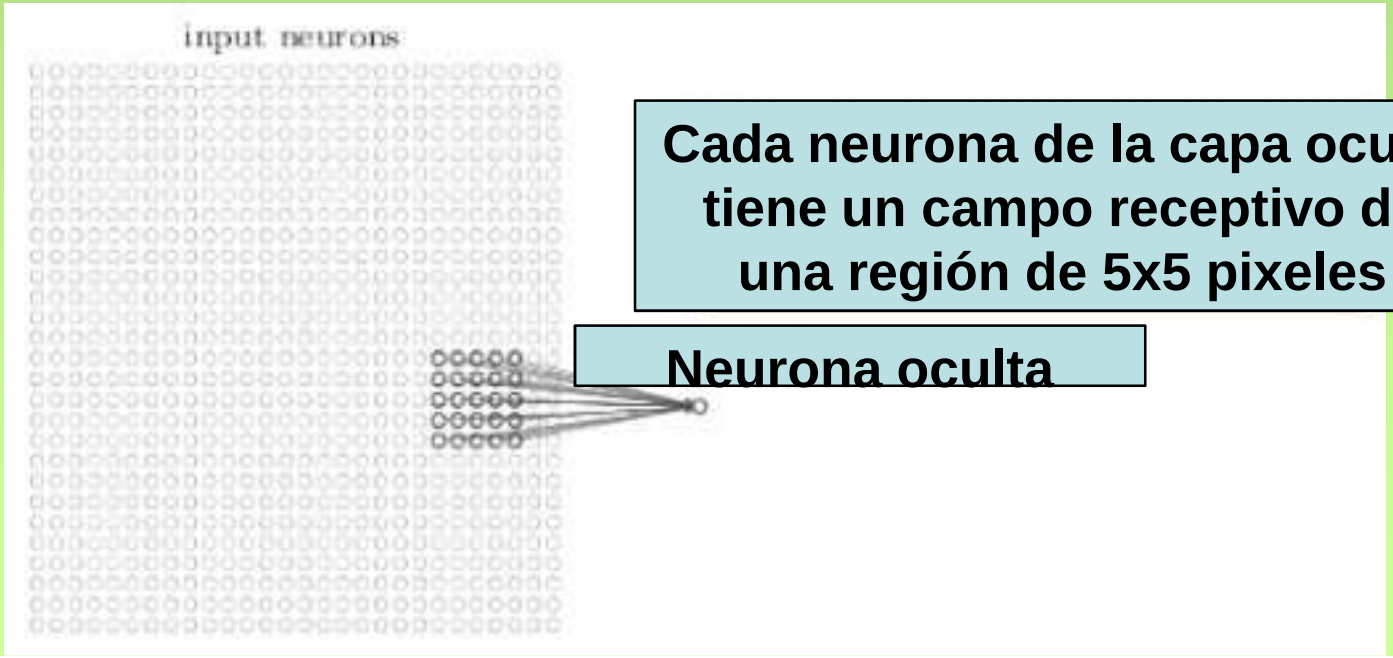


La efectividad aumenta con la convolución con saltos, *stride,* o con agrupamiento, *pooling*.

Ejemplo



Las neuronas de entrada representan una imagen de 28x28 de la base de datos MNIST



Cada neurona de la capa oculta tiene un campo receptivo de una región de 5x5 pixeles

Neurona oculta

Ejemplo

Así sucesivamente se va construyendo la primera capa oculta

(28-5+14)x(28-5+1)= 24x24 neuronas en la capa oculta son la convolución válida.

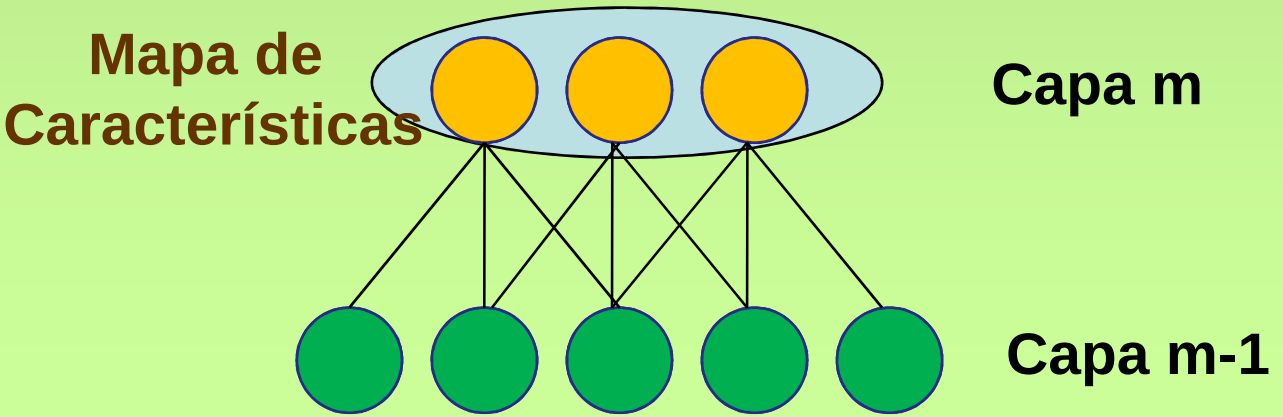
El tamaño de la capa oculta se puede cambiar utilizando otra variante de convolución.

Compartir pesos y sesgos

Todas las neuronas en la capa oculta comparten la misma parametrización (vector de pesos y sesgos) formando un Mapa de Características

(Compartir pesos y sesgos) ⟶ ***Kernel*** **o Filtro**

Ahora, el gradiente de un peso compartido es la suma de los gradientes de los pesos que están siendo compartidos



Invarianza de imágenes: Transformaciones afines

Permiten detectar características independientemente de su posición en el campo visual. (La característica es un tipo de patrón de entrada que hará que una neurona se active, por ejemplo, el borde de un objeto).

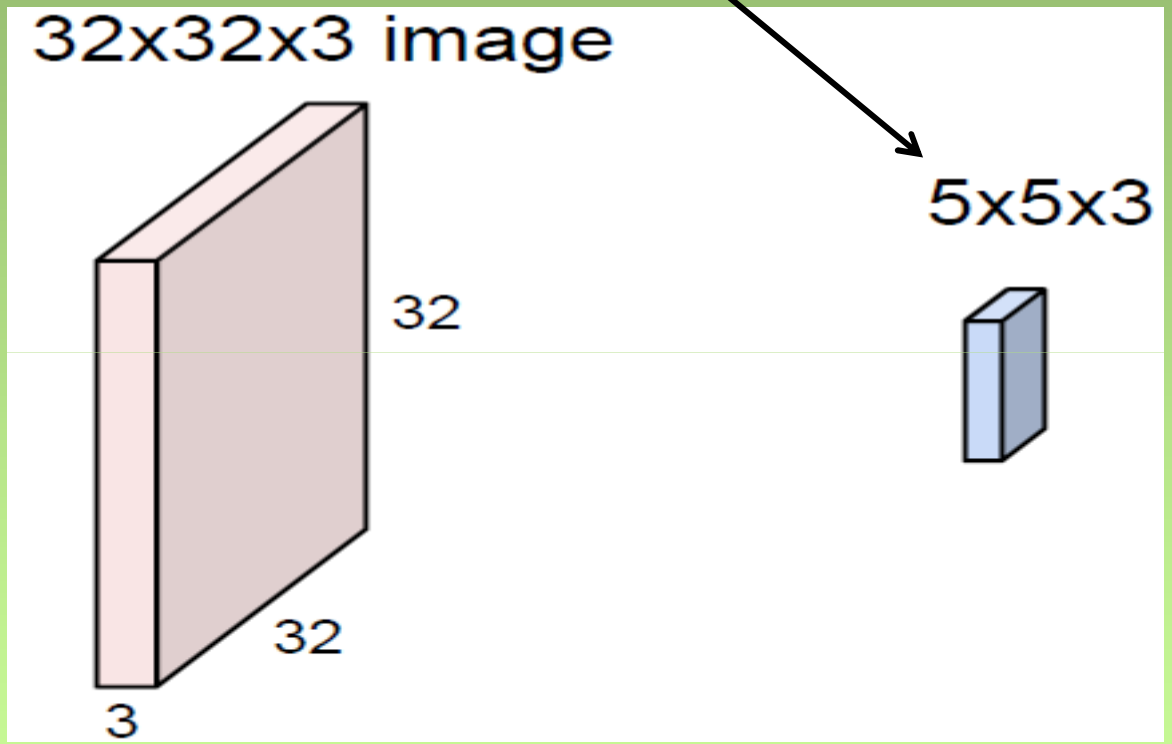
Todas las neuronas en la primera capa oculta detectan exactamente la misma característica, solo que en diferentes ubicaciones.

Las CNN están bien adaptadas a la invariancia de imágenes: movemos la imagen de un objeto, ¡y sigue siendo la imagen de un objeto!

Reduce aún más el número de parámetros libres, logrando una mejor generalización y rendimiento computacional.

Capa Convolucional

Los filtros siempre extienden la profundidad completa del volumen de entrada, en este caso 3



La idea es convolver el filtro con la imagen, es decir, "deslizarse sobre la imagen espacialmente, calculando productos escalares"

Capa Convolucional

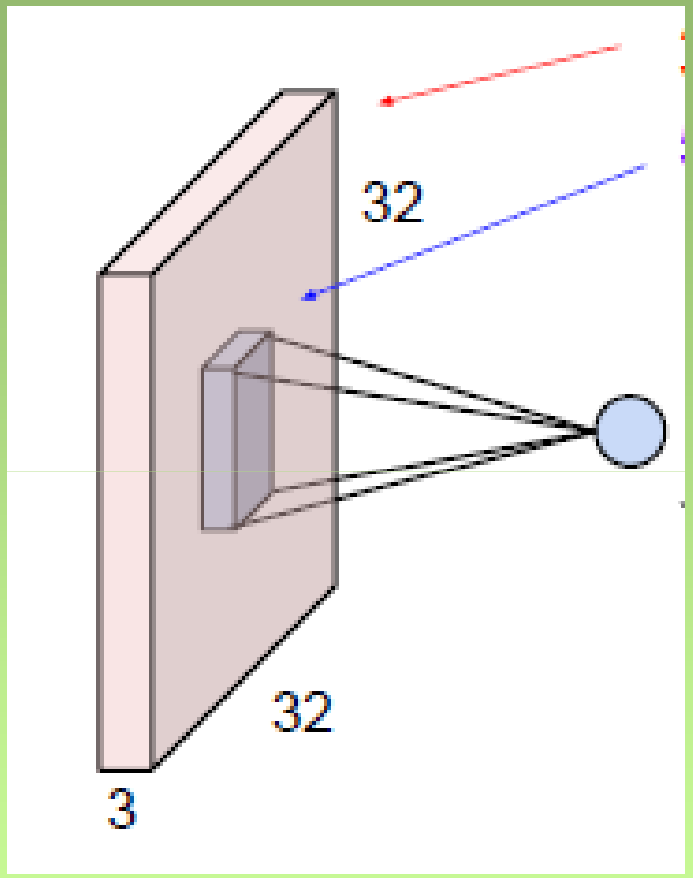


Imagen de 32x32x3

Filtro de 5x5x3 , w

Mapa 1: Resultado de calcular un producto escalar entre el filtro y un pequeño fragmento de 5x5x3 de la imagen (es decir, 5*5*3 = producto escalar de 75 dimensiones + sesgo)

$$\mathbf{w}^{\mathrm{T}}\mathbf{x} + b$$

Capa Convolucional

Consideremos un segundo filtro verde

Mapas de características o de activación

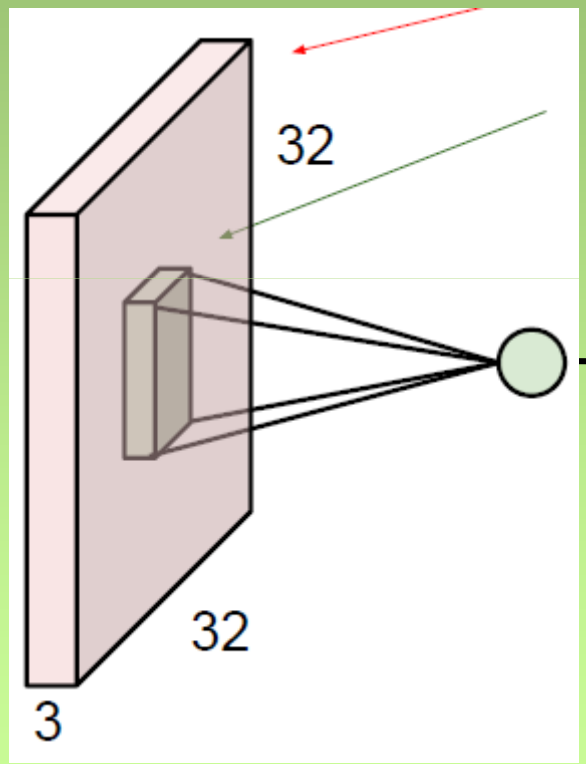
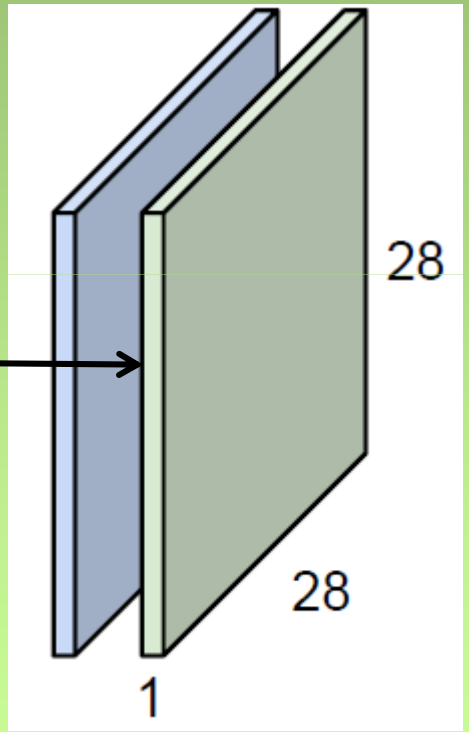


Imagen de 32x32x3

Filtro de 5x5x3

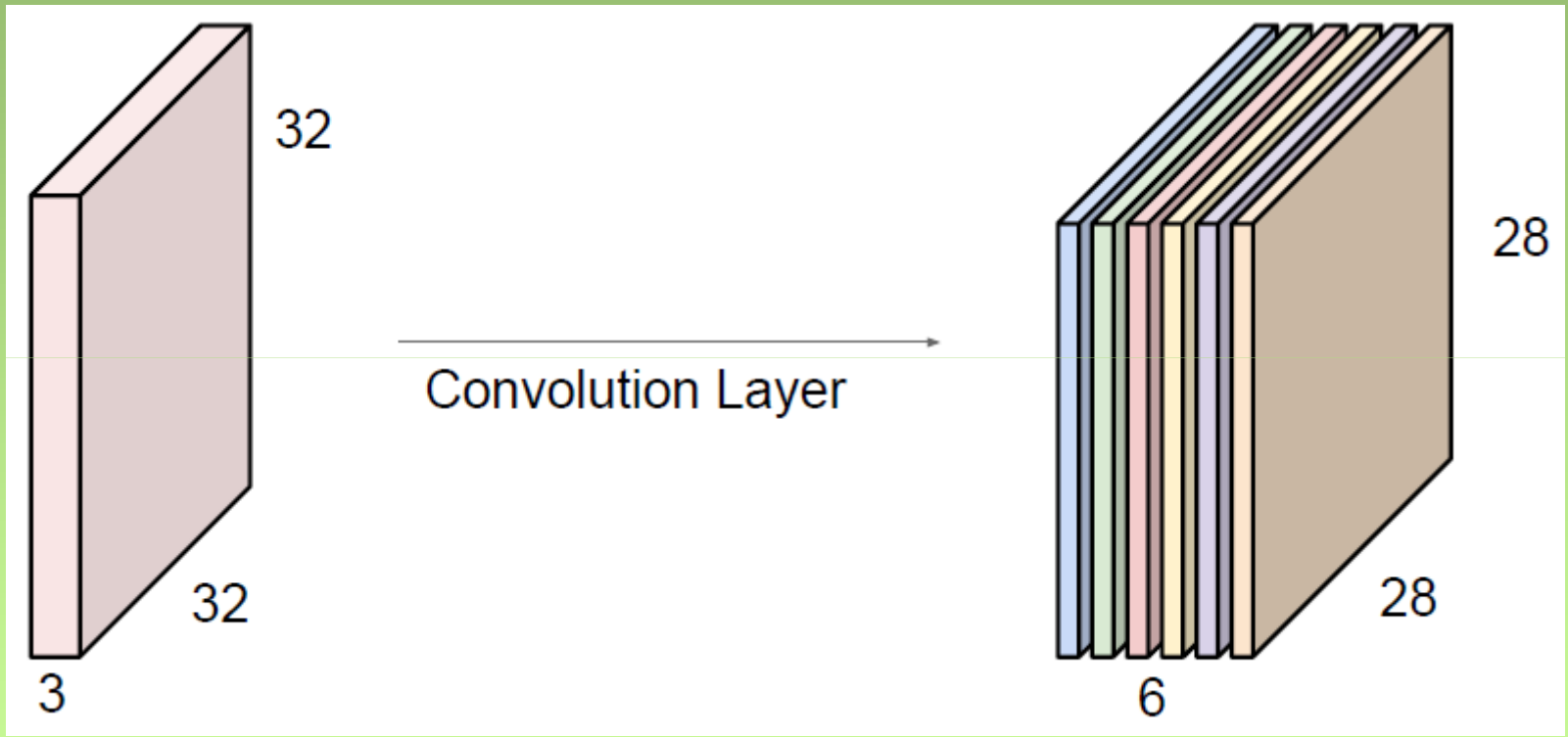
coevoluciona (se desliza) en todas las localizaciones espaciales



32-5+1 x 32-5+1 x 1

Capa Convolucional

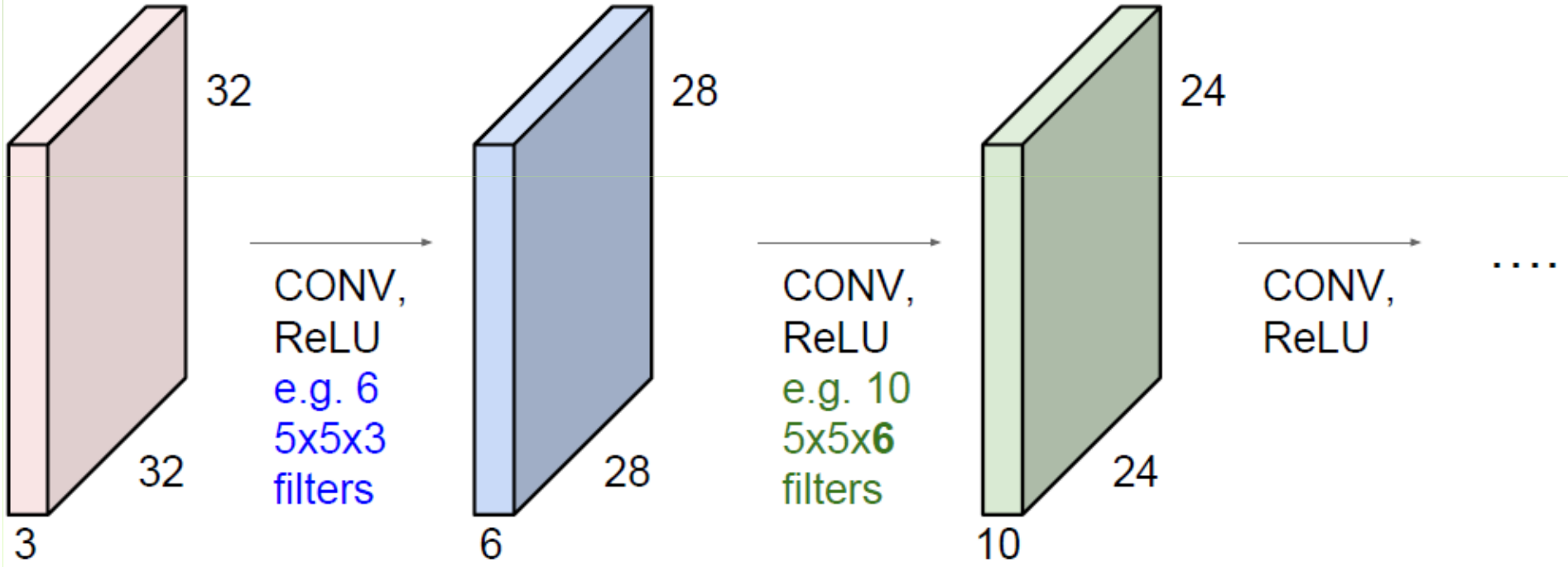
Si por ejemplo, tuviéramos 6 filtros de 5x5, obtendríamos 6 mapas de activación separados



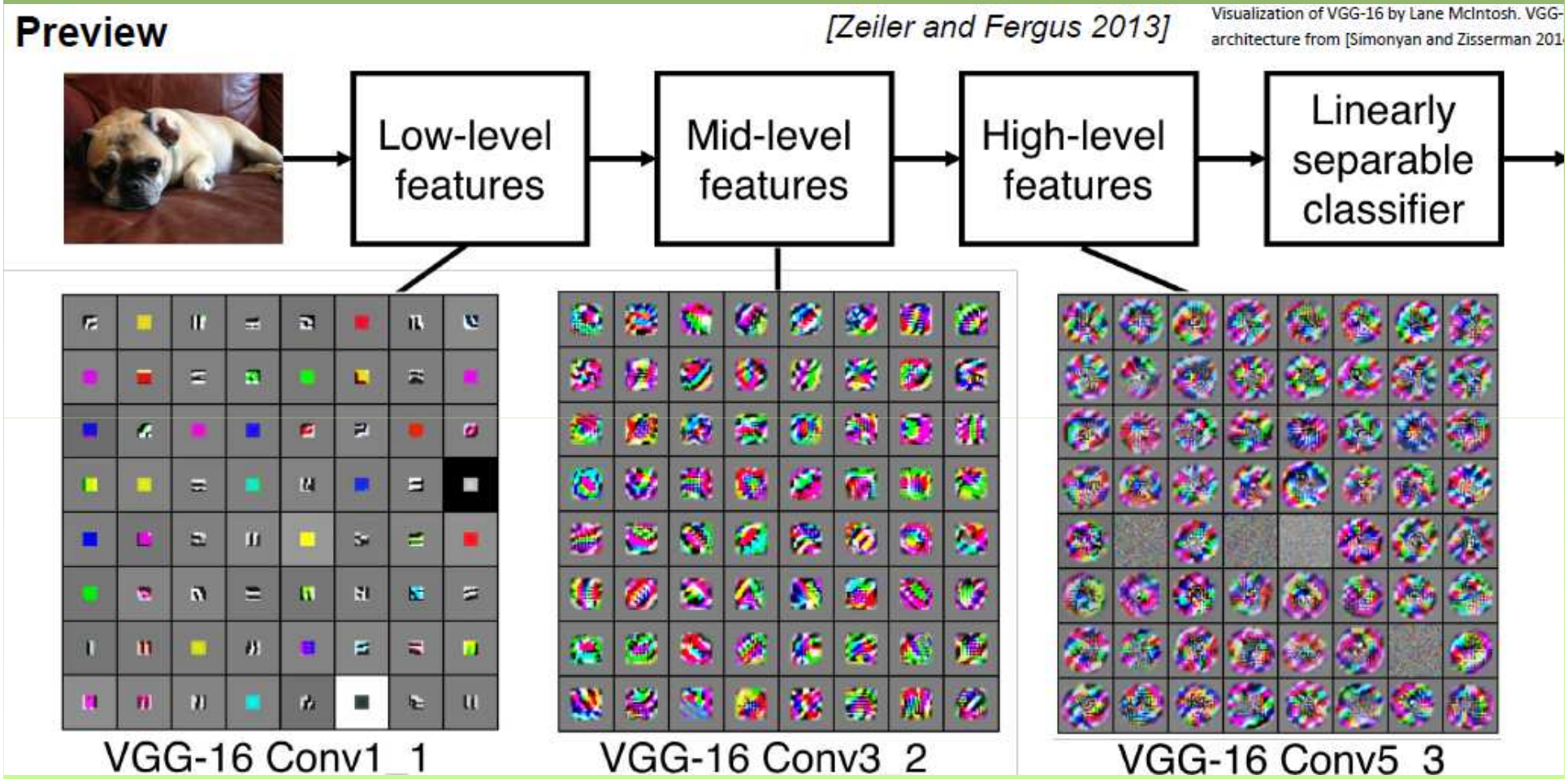
Apilamos estos mapas para obtener una "nueva imagen" de tamaño 28x28x6

Capa Convolucional

Vista previa: ConvNet es una secuencia de Capas Convolucionales, intercaladas con funciones de activación



Capa Convolucional

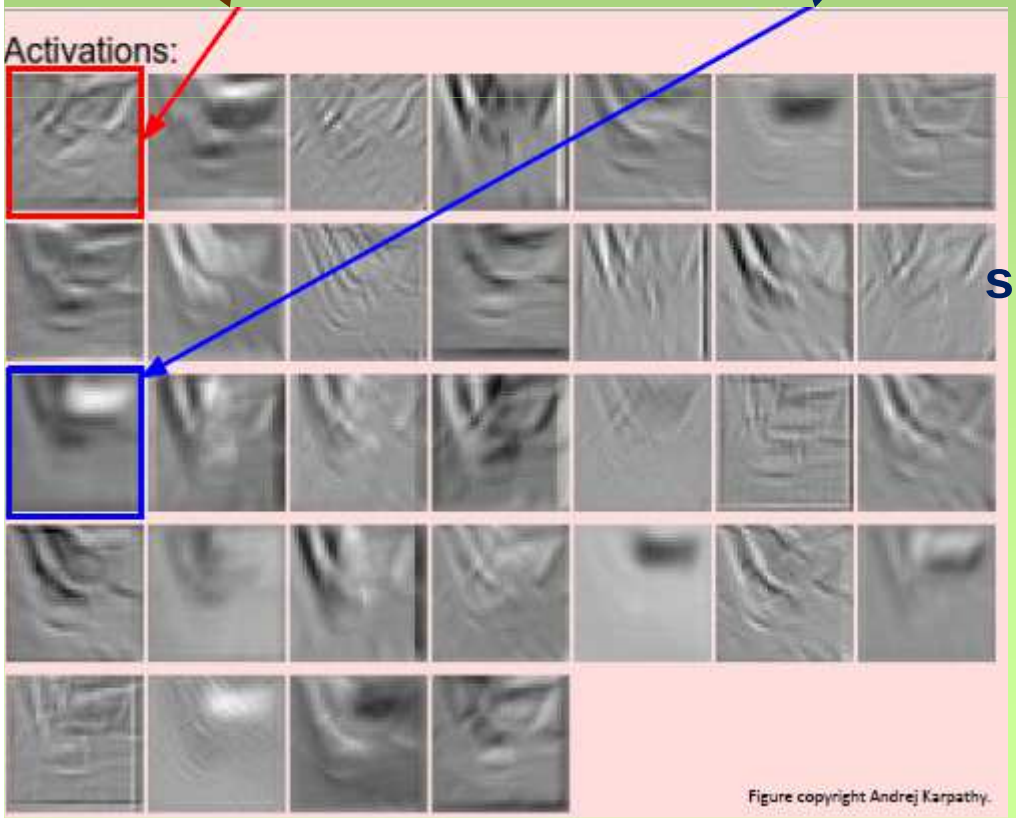


Capa Convolucional

Ejemplos de filtros 5x5 (32 en total)

Un filtro ⇒ **Un mapa de activación**

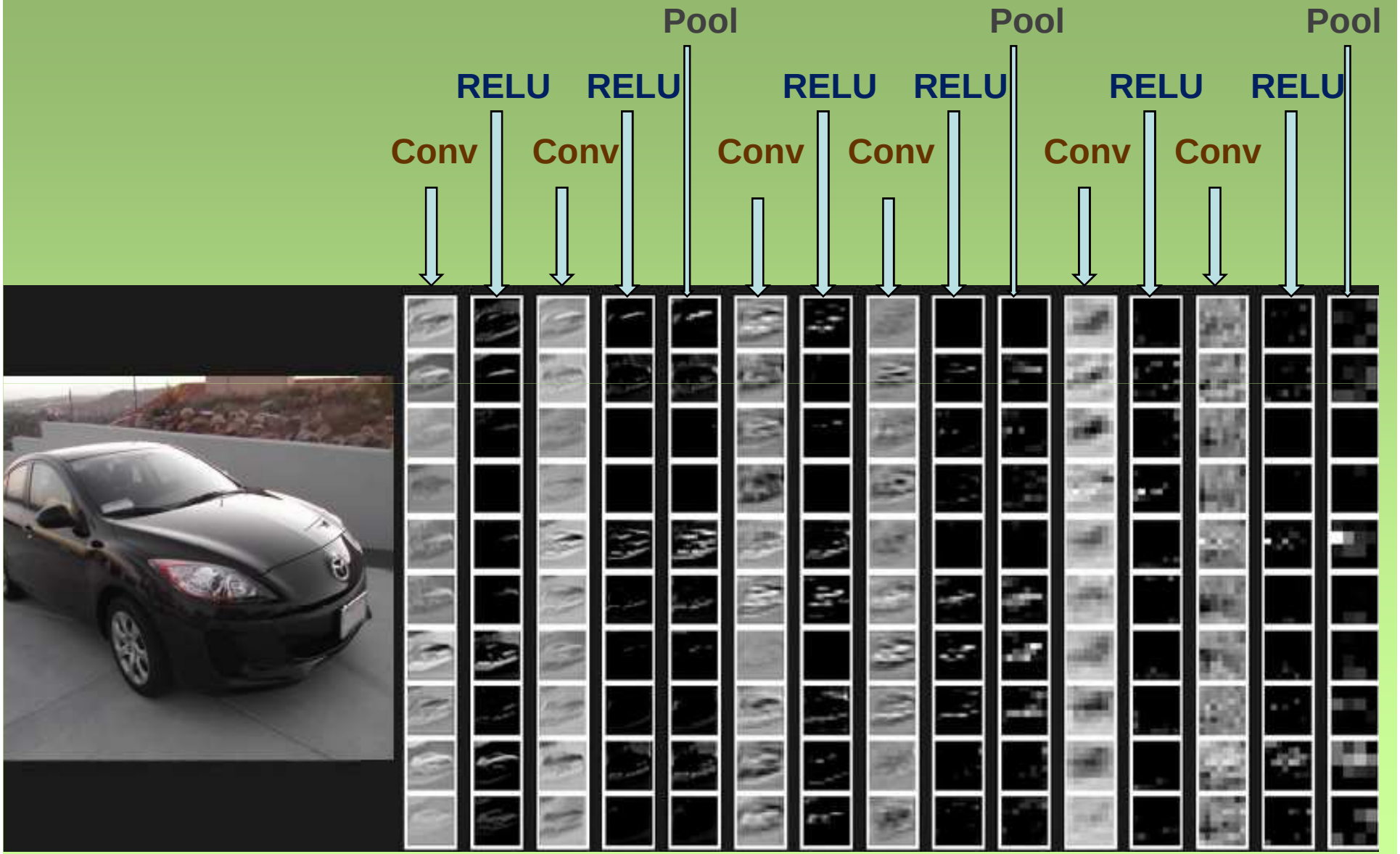
$$f[x,y] * g[x,y] = \sum_{n_1=-\infty}^{\infty} \sum_{n_2=-\infty}^{\infty} f[n_1,n_2].g[x-n_1, y-n_2]$$



multiplicación por elementos y suma de un filtro y la señal (imagen)

Llamamos a la capa convolucional porque está relacionada con la convolución de dos señales

Avance o vista anticipada



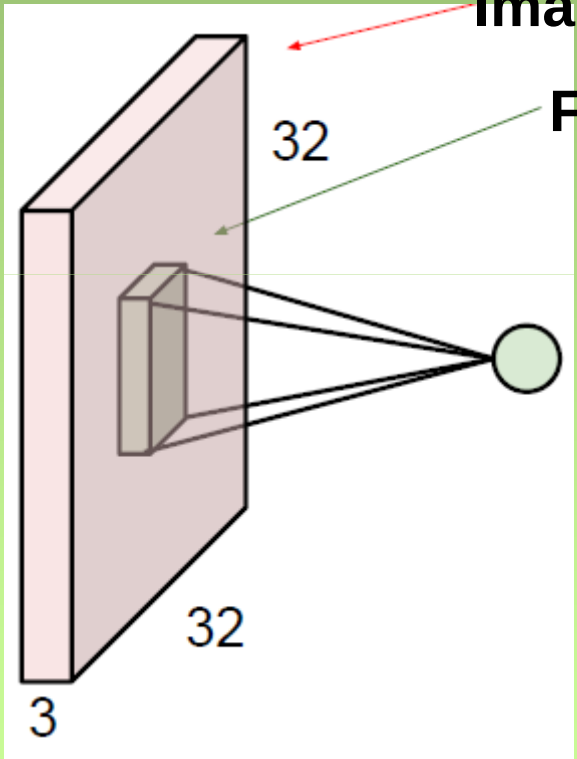
Salida: Coche FC 50%, Camión 25%, Barco 15%, Caballo 10%

Capa Convolucional

Una mirada más cercana a las dimensiones espaciales:

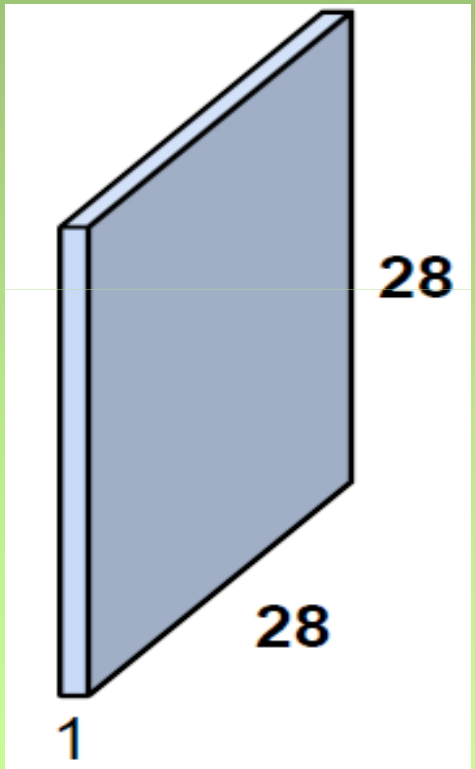
Imagen de 32x32x3

Filtro de 5x5x3



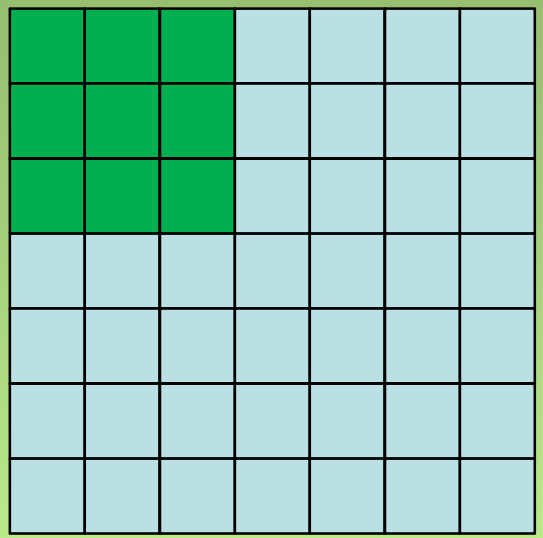
convoluciona (se desliza) en todas las localizaciones espaciales

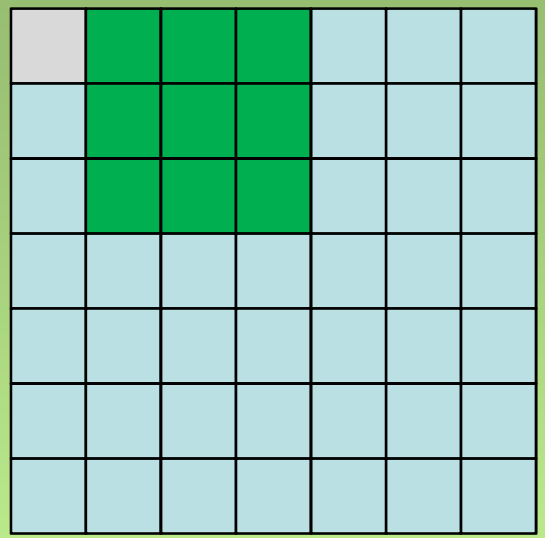
Mapa de activació

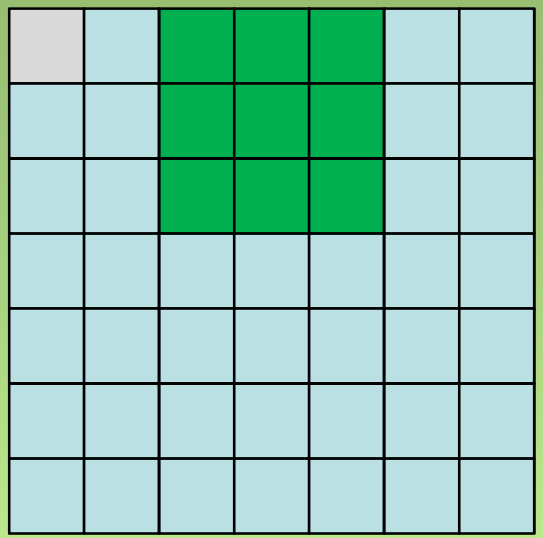


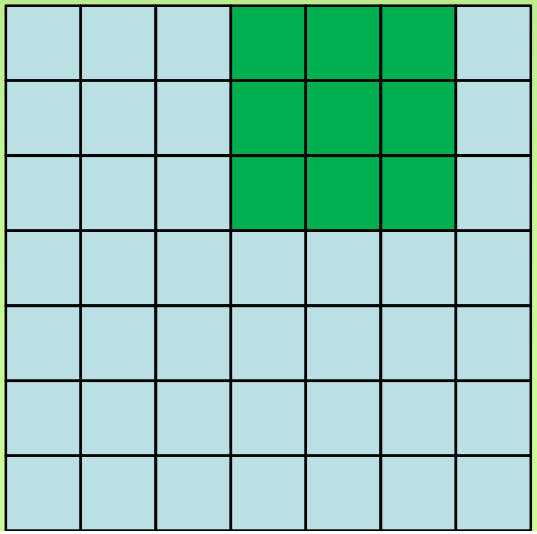
Una mirada más cercana a las dimensiones espaciales:

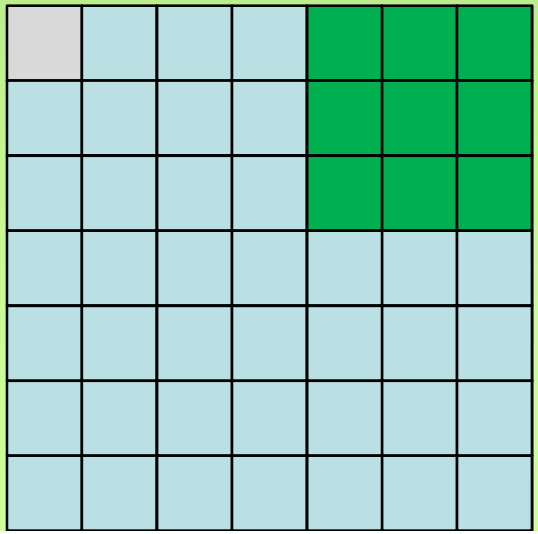
La entrada de 7x7 (espacialmente) se le aplica un filtro de 3x3







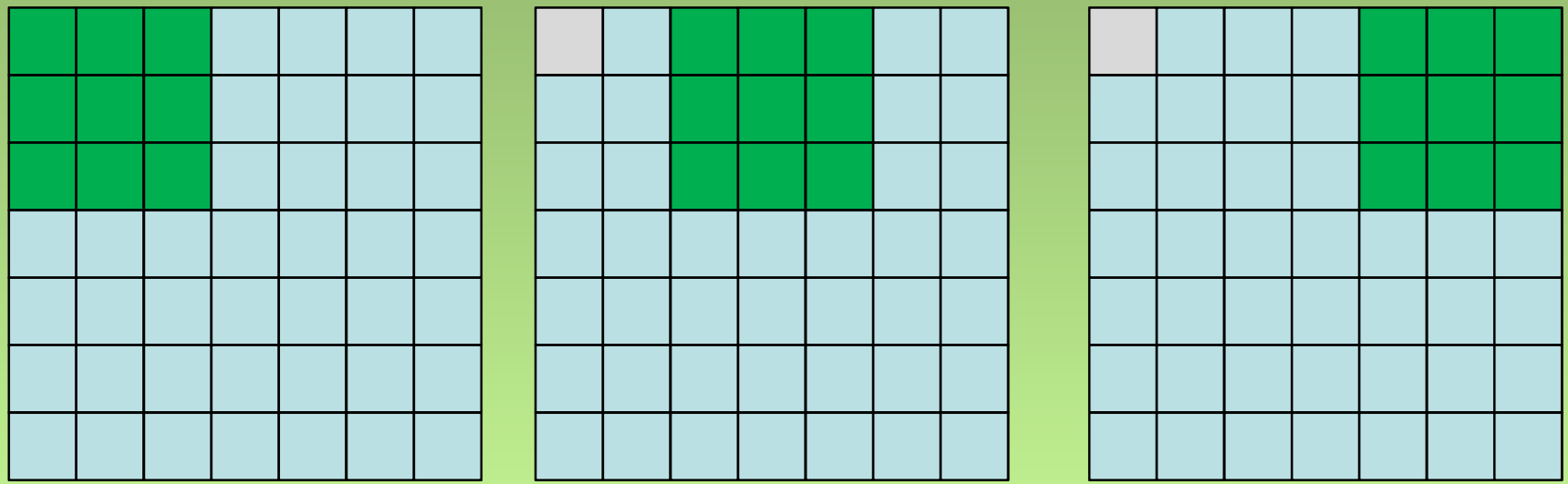




Salida (7-3+1)x(7-3+1)
o lo que es igual 5x5

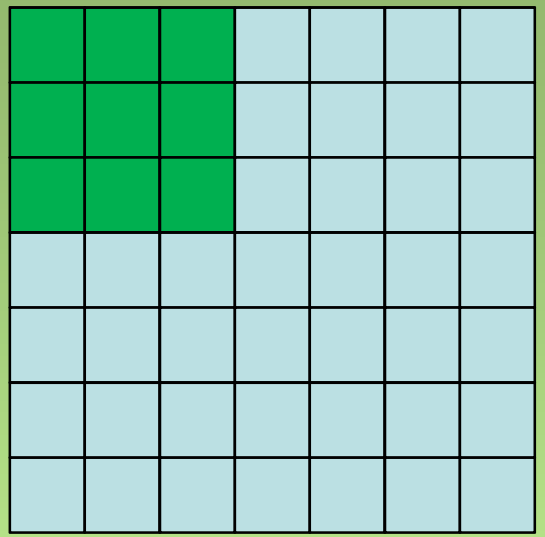
Una mirada más cercana a las dimensiones espaciales:

Si a la entrada de 7x7 (espacialmente) se le aplica un filtro de 3x3 con espaciado 2



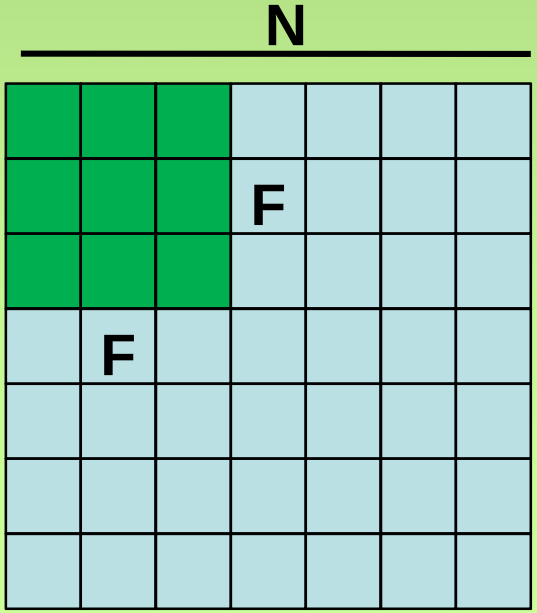
La entrada de 7x7 (espacialmente) supone un filtro de 3x3 aplicado con espaciado 2
=> Salida ((7-3)/2)+1)x((7-3)/2)+1)=3x3

Una mirada más cercana a las dimensiones espaciales:



A una entrada de 7x7 (espacialmente) se le puede aplicar un filtro de 3x3 con paso S= 3?

No es posible. No se puede aplicar el filtro 3x3 a la entrada 7x7 con *stride* 3.



Tamaño de salida $\frac{N-F}{S}+1$

Ejemplo, si N=7 y F=3, tenemos

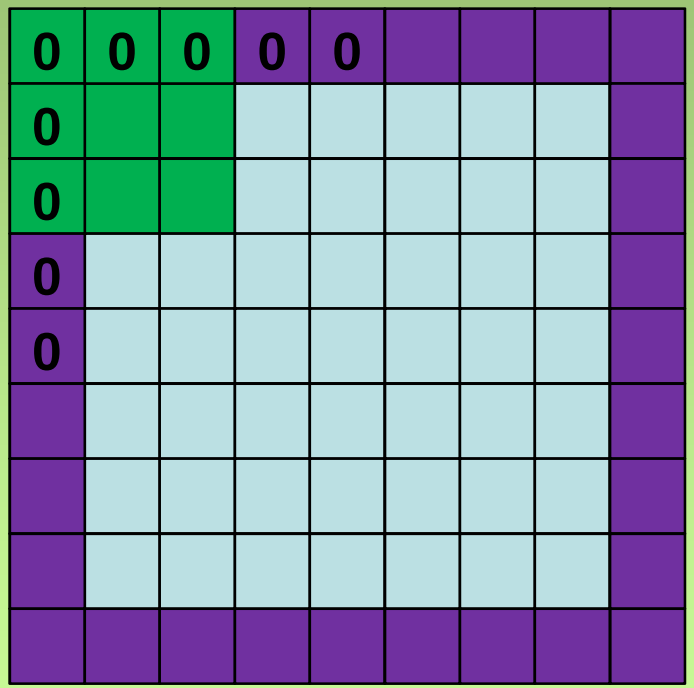
((7-3)/1)+1=5

((7-3)/2)+1=3

((7-3)/3)+1=2.33; no es un nº entero

Una mirada más cercana a las dimensiones espaciales:

En la práctica: Rellenamos el borde con ceros



Por ejemplo. Para una entrada 7x7 con un filtro 3x3, aplicado con un stride de 1 y con relleno de un pixel de borde => ¿Cuál es la salida?

La salida es de 7x7; pues tenemos

[((9-3)/1)+1]x[((9-3)/1)+1]

En general, es común ver capas CONV con paso 1, filtros de tamaño FxF y cero relleno con (F-1) / 2. (preservará el tamaño espacialmente)

p.ej. F = 3 => relleno cero con paso de 1

F = 5 => relleno cero con paso de 2

F = 7 => relleno cero con paso de 3

Ejemplos

Recordemos

Una entrada de 32x32 convolucionada repetidamente con filtros de 5x5 reduce los volúmenes espacialmente y se pasa de (32 -> 28 -> 24 ...).

Reducir demasiado rápido no es bueno, no funciona bien.

Volumen de entrada: 32x32x3
10 filtros de 5x5 con paso 1, y relleno de 2

Tamaño del volumen de salida:
(32 + 2*2-5) / 1 + 1 = 32 espacialmente, entonces
la salida es 32x32x10

Volumen de entrada: 32x32x3
10 filtros de 5x5 con paso 1, relleno 2

¿Número de parámetros en esta capa?
cada filtro tiene 5*5*3 + 1 = 76 pesos (+1 para el sesgo) => 76*10 = 760

Resumen de la Capa Convolucional o CONV

1) Se acepta un volumen de tamaño W_1 x H_1 x D_1

2) Introducir los hiperparámetros

Número de filtros K,

Tamaño espacial del filtro F,

Paso o *stride* S,

La cantidad de relleno con ceros P.

Ajustes comunes:
K=(potencia de 2, p.e. 32, 64, 128, 512
F=3, S=1, P=1
F=5, S=1, P=2
F=5, S=2, P= Cualquier valor
F=1, S=1, P=0

3) Producir un volumen de tamaño W_2 x H_2 x D_2 donde

$$W_2 = \frac{W_1 - F + 2P}{S} + 1; \qquad H_2 = \frac{H_1 - F + 2P}{S} + 1,$$

$$(esto\ es\ el\ ancho\ y\ el\ alto\ se\ computan\ igual\ por\ simetría)$$

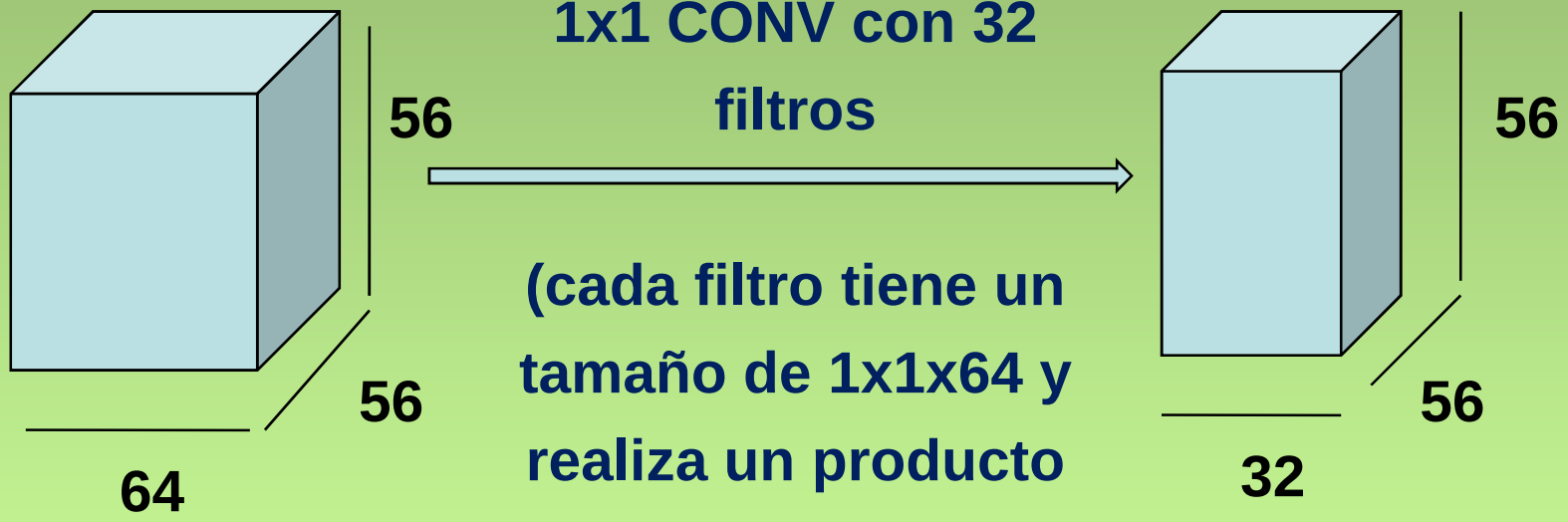
$$D_2 = K$$

Resumen de la Capa Convolucional o CONV

4) Con parámetros compartidos, se introducen F*F*D1 pesos por filtro, con lo que tenemos (F*F*D1)*K pesos y K sesgos (un sesgo para cada filtro).

5) Como volumen de salida tenemos, una rebanada de profundidad d (de tamaño W_2 x H_2) como resultado de realizar una convolución válida del d-ésimo filtro sobre el volumen de entrada con un paso de S, y acompañado por el d-ésimo sesgo.

(Las capas de convolución 1x1 tienen perfecto sentido)



(cada filtro tiene un tamaño de 1x1x64 y realiza un producto escalar de 64 dimensiones)

Ejemplo: Capa CONV enTorch

SpatialConvolution

module=nn.SpatialConvolution (nInputPlane, nOutputPlane, KW, KH, [dW], [dH], [padW], [padH]

Applies a 2D convolution over an input image composed of several input planes. The input tensor in forward (input) is expected to be a 3D tensor (nInputPlane x height x width)

The parameters are the following:

. nInputPlane: The number of expected input planes in the image given info format()

. nOutputPlane: The number of output planes the convolution layer will produce.

KW: The kernel width of the convolution

KH: The kernel height of the convolution

dW: The step of the convolution in the width dimension. Default is 1

dH: The step of the convolution in the height dimension. Default is 1

psdW: The additional zeros added per width to the input planes. Default is 0, a good number is (KW-1)/2

psdH: The additional zeros added per height to the input planes. Default is psdW, a good number is (KW-1)/2

Ejemplo: Capa CONV enTorch
Continuación

Note that depending of the size of your kernel, several (of the last) columns or rows of the input image might be lost. It is up to the user to add proper padding in images.

If the input image is a 3D tensor (nInputPlane x height x width), the output image size will be (nOutputPlane x oheight x owidth), where

owidth = floor((width+2*padW-kW)/dW +1)

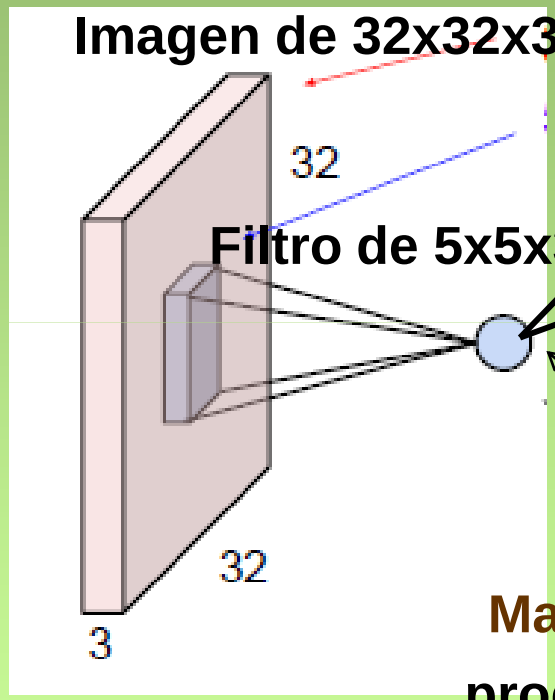
oheight = floor((height+2*padH-kH)/dH +1)

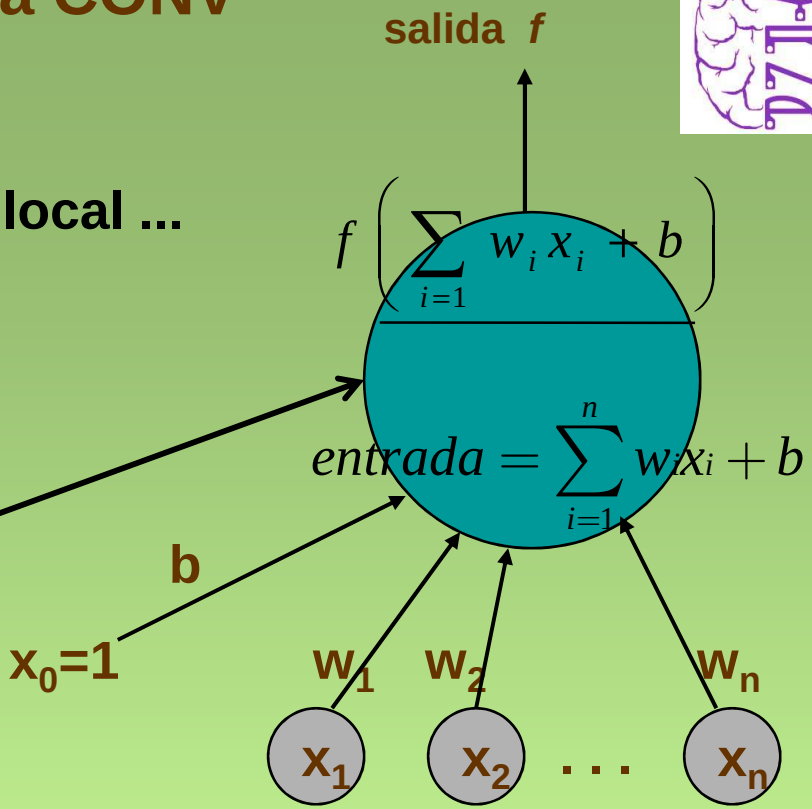
Caffe: Capa de convolución

```
layers {
  name: “conv1”
  type:          “CONVOLUTION”
  bottom: “data”
  top: “conv1”
  # learning rate and decay multipliers for the filters
  param {lr_mult: 1 decay_mult:1}
  # learning rate and decay multipliers for the biases
  param {lr_mult: 2 decay_mult:0}
  #              (o de forma alternativa)
  #              blobs_lr: 1
  #              blobs_lr: 2
  #              weight_decay: 1
  #              weight_decay: 0
  convolution_ param {
                 num_output: 96          # learn 96 filters
                 kernel_size:7                    # each filter is 7x7
                 stride: 4               # step 4  pixels between each filter application
                 weight_filter {
                              type: “ gaussian”          # initialize the filters from a Gaussian
                              std: 0.01                  # distribution with stdev 0.01 (default mean: 0)
                 }
                 bias_filter {
                              type: “constant”           # initialize the biases to zero (0)
                              value: 0
                 }
  }
}
```

Neurona de la capa CONV

Es solo una neurona con conectividad local ...

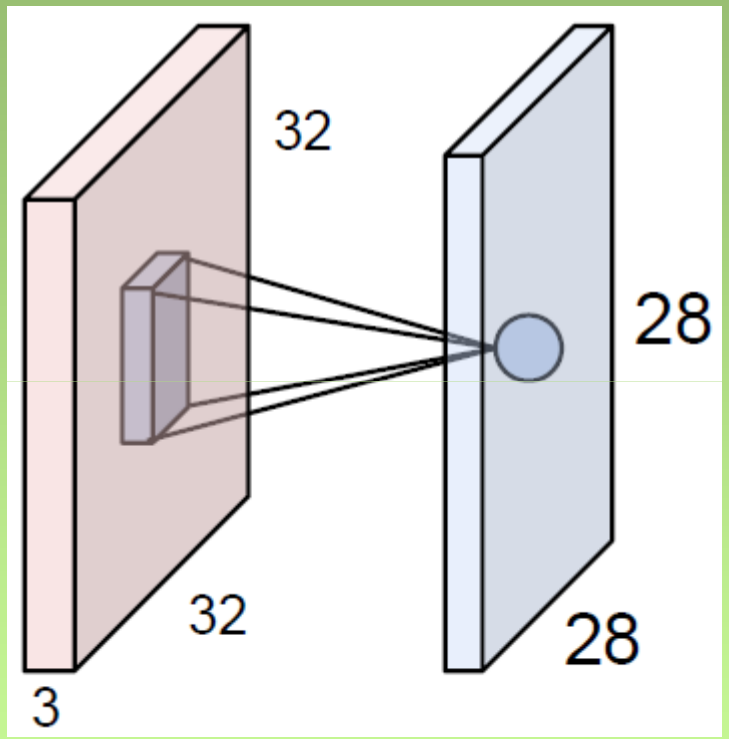




Mapa 1: **Resultado de calcular un producto escalar entre el filtro y un pequeño fragmento de 5x5x3 de la imagen (es decir, 5*5*3 = producto escalar de 75 dimensiones + sesgo)**

$$\mathbf{w}^{\mathrm{T}}\mathbf{x} + b$$

Neurona de la capa CONV



Un mapa de activación es una hoja de 28x28 de salidas de neuronas:

1. Cada una está conectada a una pequeña región de la entrada

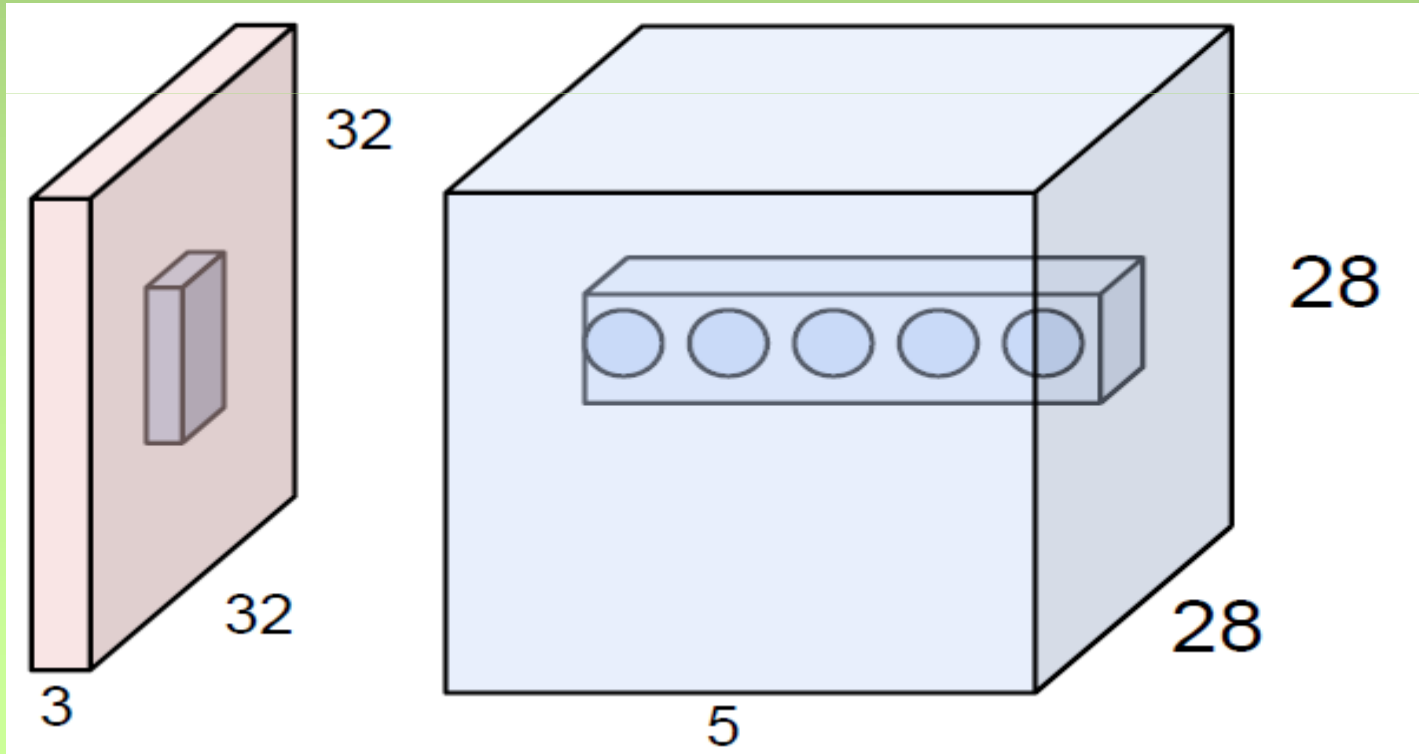
2. Todas ellas comparten parámetros

"Filtro 5x5" -> "campo receptivo 5x5 para cada neurona"

Neurona de la capa CONV

Por ejemplo con 5 filtros, la capa CONV consta de neuronas dispuestas en una cuadrícula 3D (28x28x5)

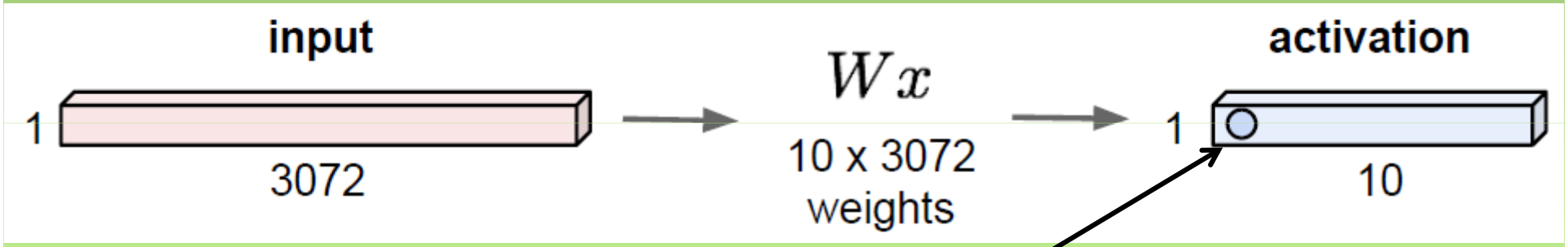
Habrá 5 neuronas diferentes todas mirando a la misma región en el volumen de entrada



Capa completamente conectada

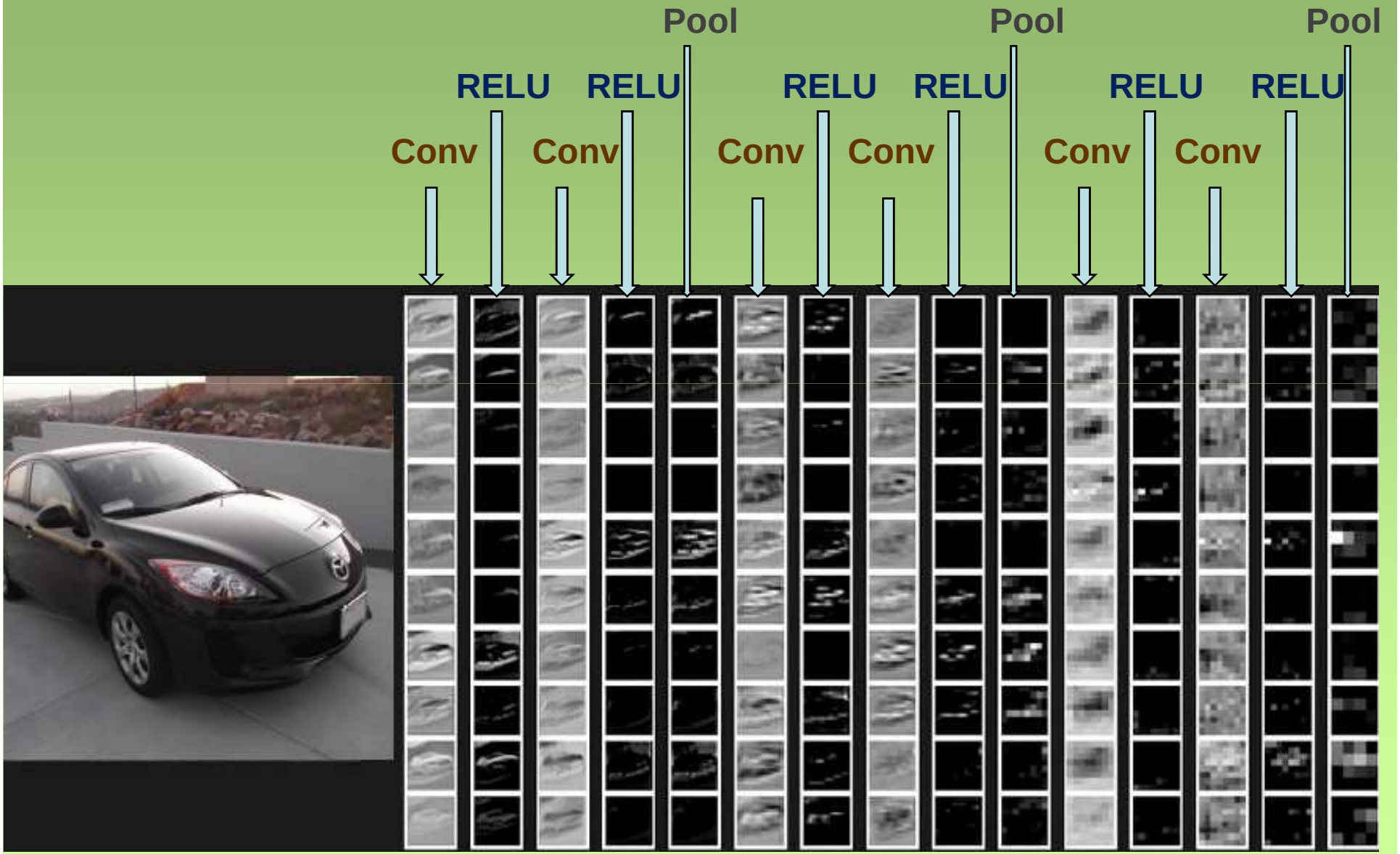
Cada neurona mira el volumen de entrada completo

La imagen de 32x32x3 es transformada a la dimensión 1 x 3072



Mapa 1: Es el resultado de realizar un producto escalar entre una fila de W y la entrada x (un producto escalar de dimensión 3072)

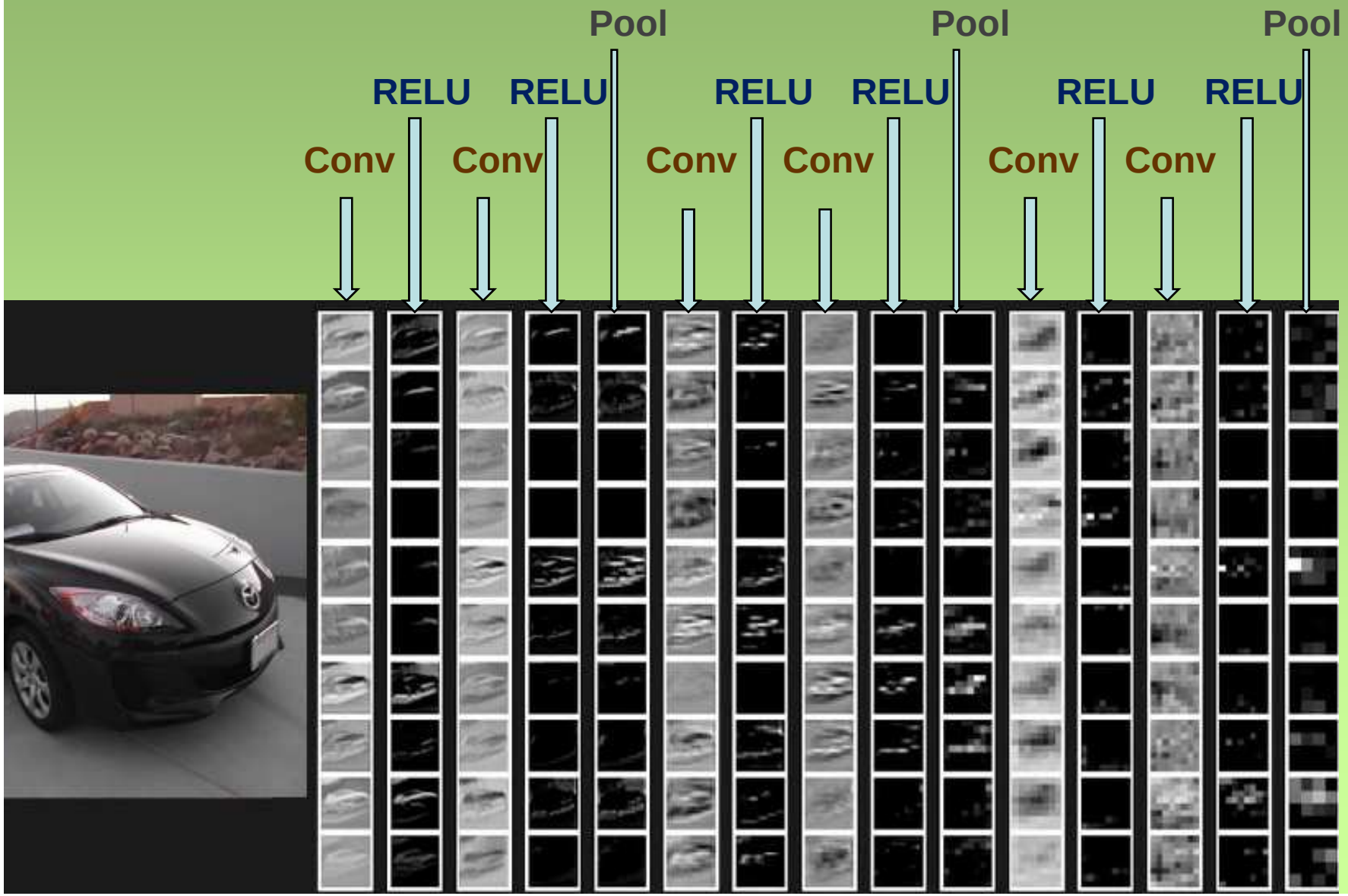
Diseño Conv-ReLU-Conv-ReLU-Pool



Salida: Coche FC 50%, Camión 25%, Barco 15%, Caballo 10%

Capa completamente conectada (capa FC)

- Contiene neuronas que se conectan a todo el volumen de entrada, como en Redes Neurales ordinarias



Resumen

- ConvNets stack CONV, POOL, FC capas

- Tendencia hacia filtros más pequeños y arquitecturas más profundas

- Tendencia a deshacerse de las capas POOL / FC (solo CONV)

- Las arquitecturas típicas parecen ser

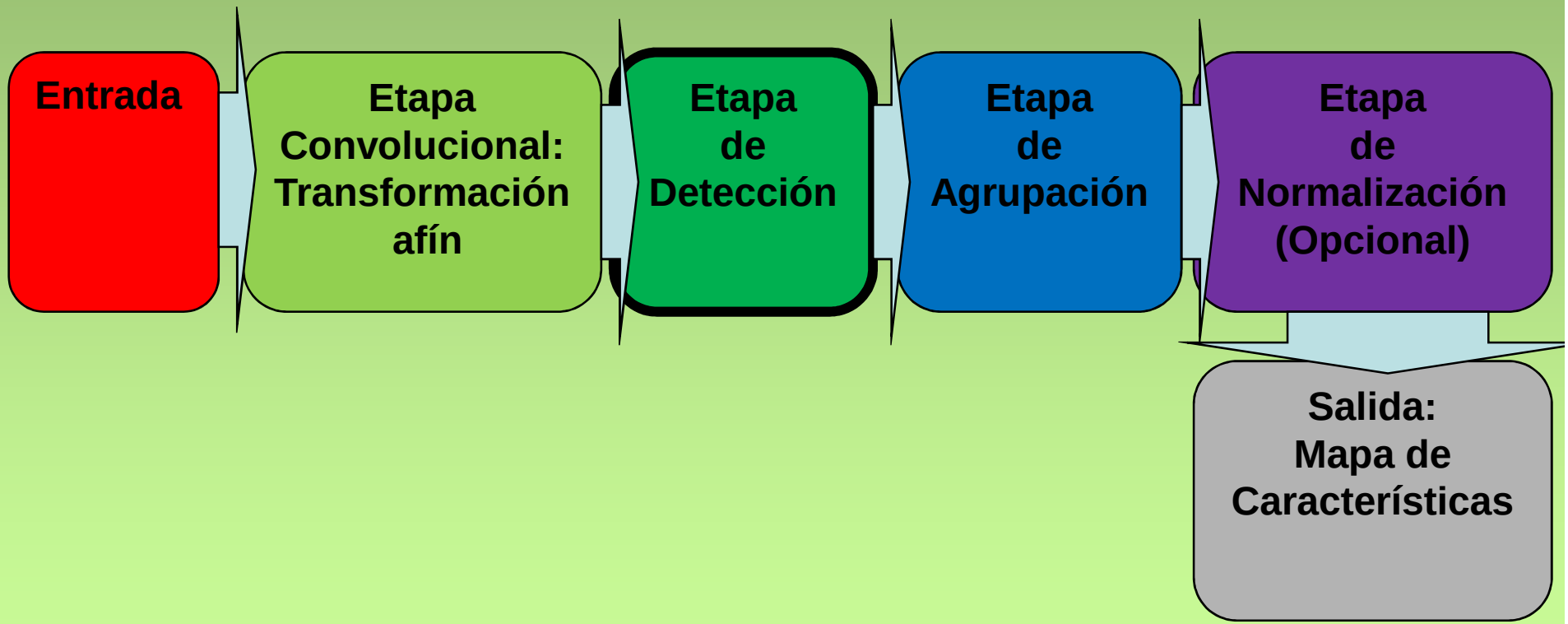
[(CONV-RELU) * N-POOL?] * M- (FC-RELU) * K, SOFTMAX

donde N es usualmente de hasta ~ 5, M es grande, 0 <= K <= 2.

-Pero recientes avances como ResNet / GoogLeNet desafian este paradigma

-[ConvNetJS demo: training on CIFAR-10]

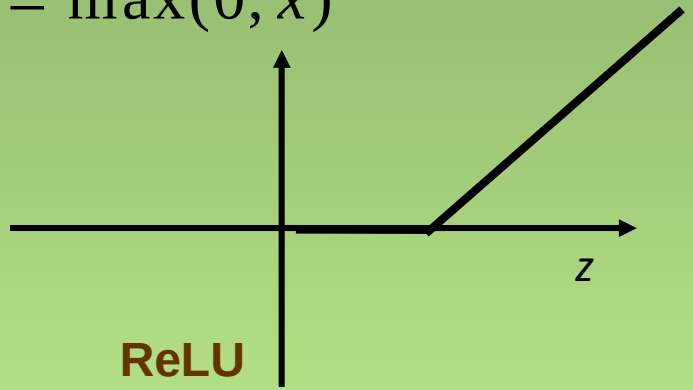
Estructura de las capas de una CNN



Funciones de Activación No Lineales

Unidad Lineal Rectificada

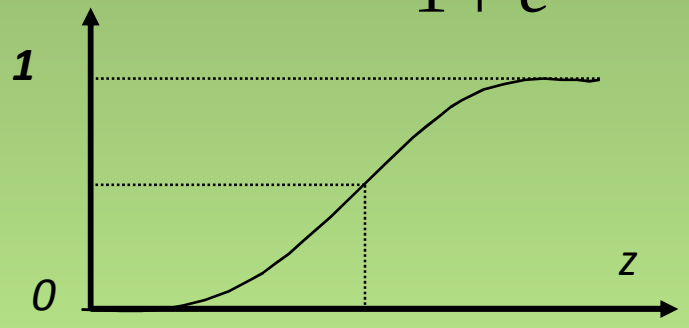
$$\phi(x) = \max(0, x)$$



ReLU

Activación Logistica

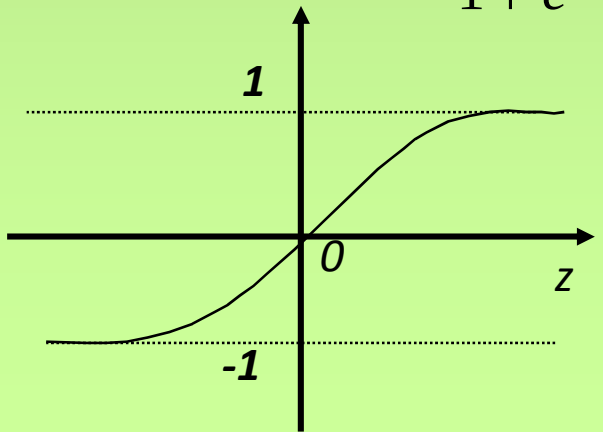
$$\phi(z) = \frac{1}{1+e^{-z}}$$



La función ReLU es la función de activación más popular para DNN desde el año 2015, evita saturaciones y hace más rápido el aprendizaje

Activación Tangente Hiperbólica

$$\phi(u) = tanh(u) = \frac{1-e^{-u}}{1+e^{-u}}$$



Compartir pesos y convoluciones: Explota la estacionariedad espacial

Características que son útiles en una parte de la imagen son probablemente útiles en otra parte

Todas las unidades comparten el mismo conjunto de pesos

Cambio de equivalencia de procesamiento
Cuando las entradas cambian, las salidas también cambian pero en otro caso permanecen sin cambios.

Convolución
Con un kernel de aprendizaje (o filtro)
No-linearidad: ReLU (rectificado lineal)

$$A_{ij} = \sum_{k,l} W_{kl} X_{i+j,k+l}$$

A la imagen filtrada Z se le llama mapa de características "feature map"

$$Z_{ij} = \max(0, A_{ij})$$

Etapa de Detección

Mapa de Características.- Se obtiene por convolución de la imagen mediante un filtro lineal, añadiendo un término de sesgo y aplicando una función de transferencia no lineal

Se necesita un número de mapas de característica en cada capa para capturar un número suficiente de características en la imagen

Sea el **k-ésimo mapa de características** en una capa dada, x^k cuyos filtros están determinados por W_k y sesgo b_k, entonces se obtiene x^k con función sigmoide σ para la no linealidad y un filtro de tamaño **mxm** en la forma

$$x_{ij}^k = \sigma\left((\mathbf{W}^k * a)_{ij} + b_k\right) = \sigma\left[\left(\sum_{a=0}^{m-1}\sum_{b=0}^{m-1} w_{ab}\, y_{(i+a)(j+b)}^{k-1}\right)_{ij} + b_k\right]$$

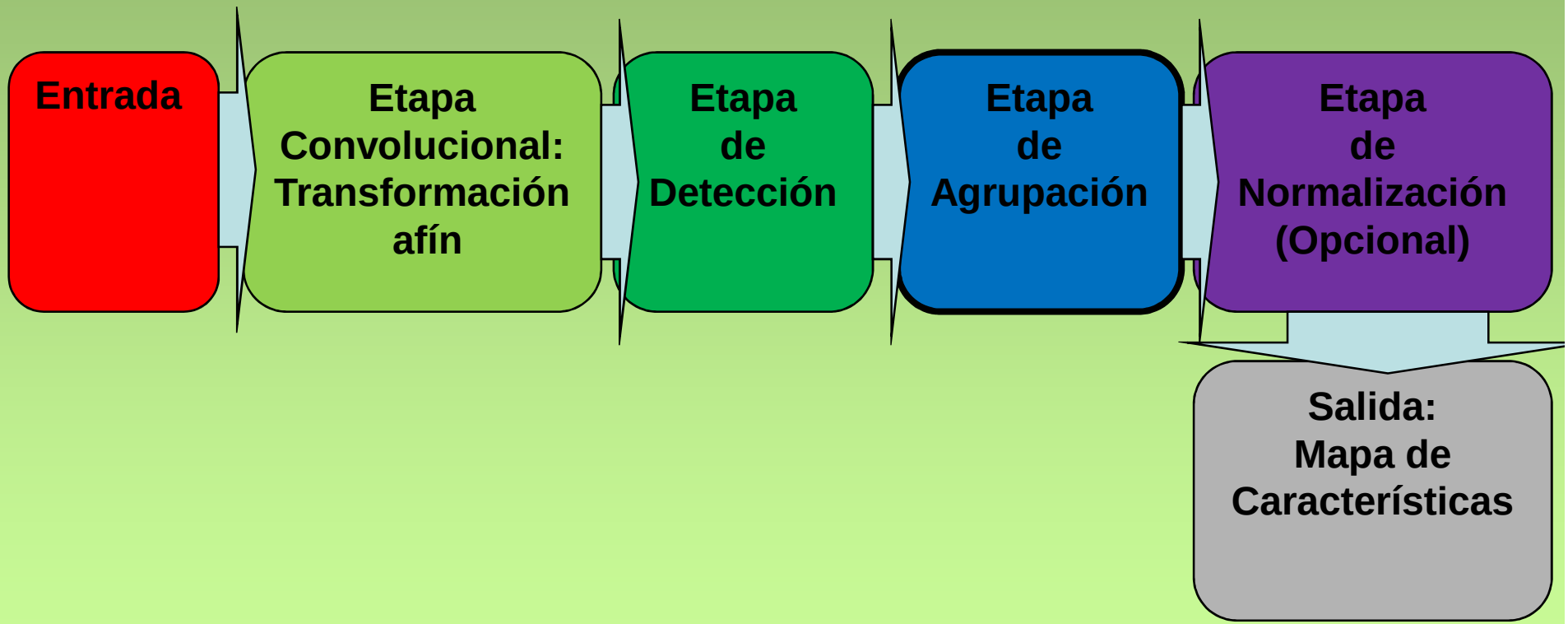
Etapa de Detección

Cada capa oculta está formada por múltiples mapas de características, $\left\{x^k, k = 0, ..., K\right\}$

La matriz de pesos, W, de una capa oculta puede representarse mediante un tensor de dimensión 4D conteniendo elementos de cada combinación de (mapas de características de destino, mapa de características fuente, posición vertical fuente y posición horizontal fuente)

Sesgos, b, los cuales pueden representarse mediante un vector que contenga un elemento por cada mapa de características destino

Estructura de las capas de una CNN



Porque hacer Pooling

- El Sub-muestreo de píxeles no cambiará el objeto

pájaro

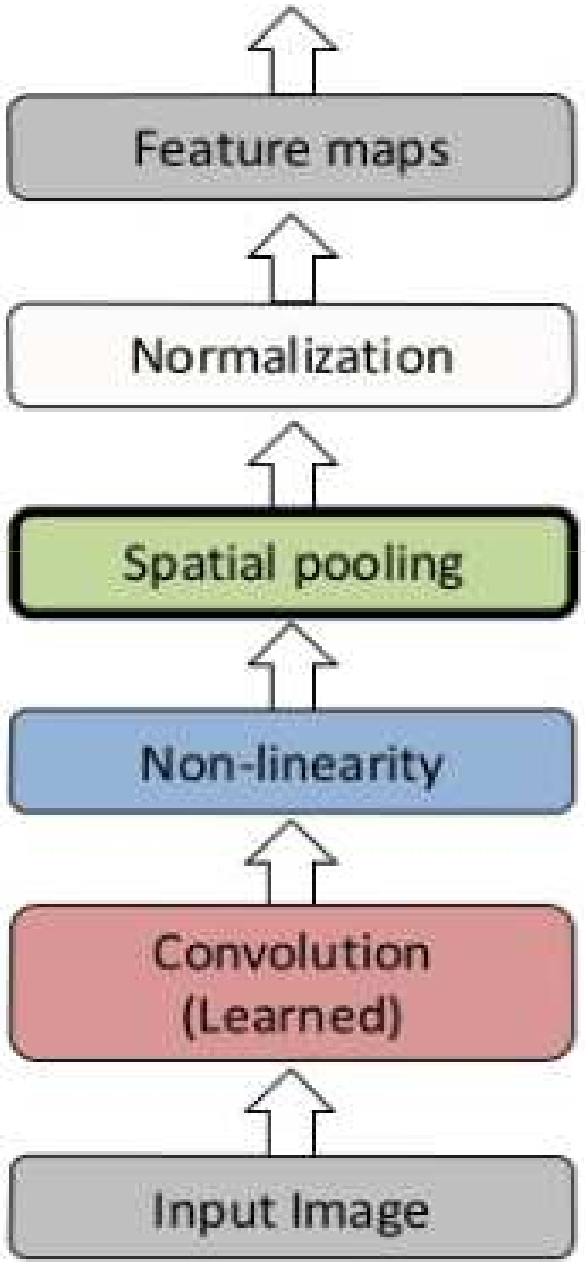
Sub-muestreo

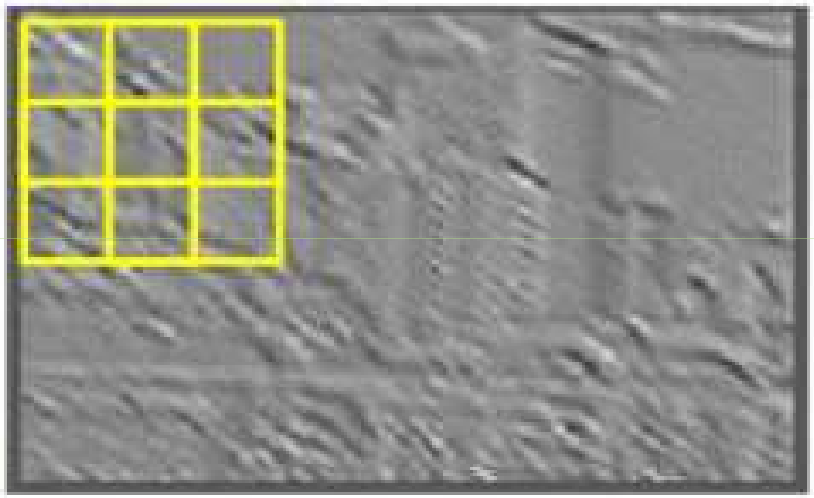
pájaro

Podemos submuestrear los píxeles para hacer la imagen más pequeña.

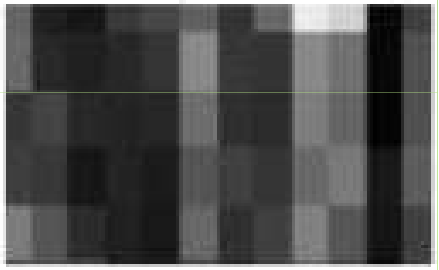
Tendremos menos parámetros para caracterizar la imagen

Max pooling





Max pooling



slide credit: S. Lazebnik

Max pooling

1	-1	-1
-1	1	-1
-1	-1	1

Filtro1

-1	1	-1
-1	1	-1
-1	1	-1

Filtro 2

Mapa de características

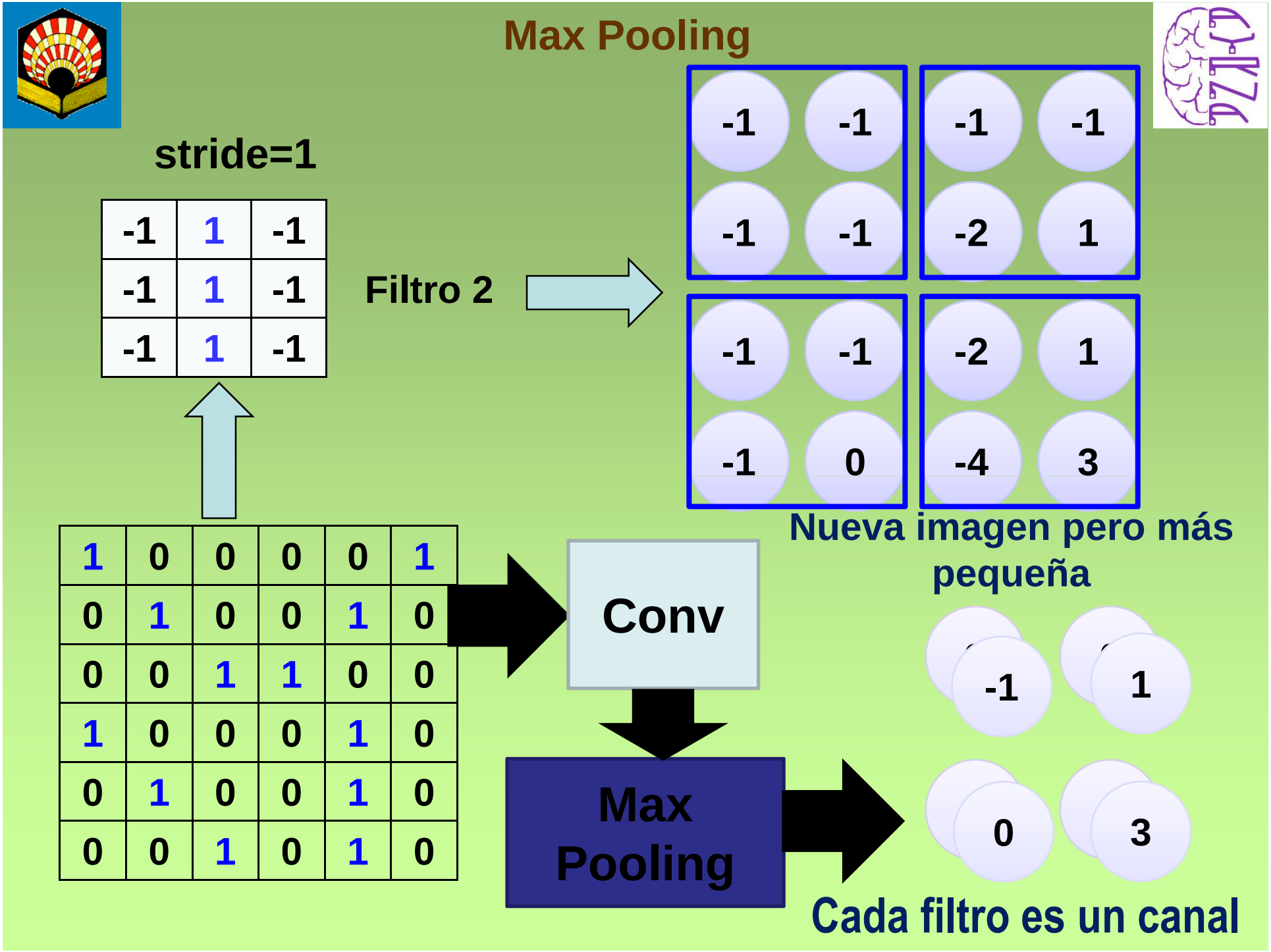
3	-1	-3	-1
-3	1	0	-3
-3	-3	0	1
3	-2	-2	-1

Mapa de características

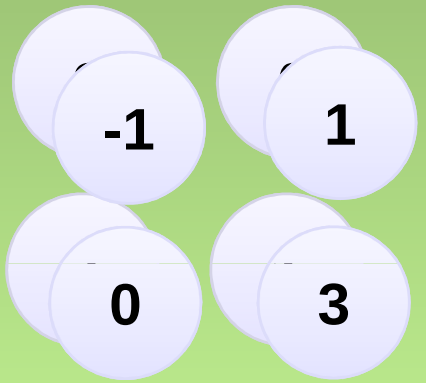
-1	-1	-1	-1
-1	-1	-2	1
-1	-1	-2	1
-1	0	-4	3

Una red CNN comprime una red totalmente conectada de dos maneras:

- Reduciendo el número de conexiones.
- Compartiendo pesos en las conexiones.
- La operación de *Max pooling* reduce aún más la complejidad


Max Pooling
stride=1
-1 1 -1
-1 1 -1
-1 1 -1
Filtro 2
-1 -1 -1 -1
-1 -1 -2 1
-1 -1 -2 1
-1 0 -4 3
Nueva imagen pero más pequeña
1 0 0 0 0 1
0 1 0 0 1 0
0 0 1 1 0 0
1 0 0 0 1 0
0 1 0 0 1 0
0 0 1 0 1 0
Conv
Max Pooling
-1 1
0 3
Cada filtro es un canal

Red CNN completa



Una nueva imagen

Convolucion

Max Pooling

Convolucion

Max Pooling

Puede repetirse más veces

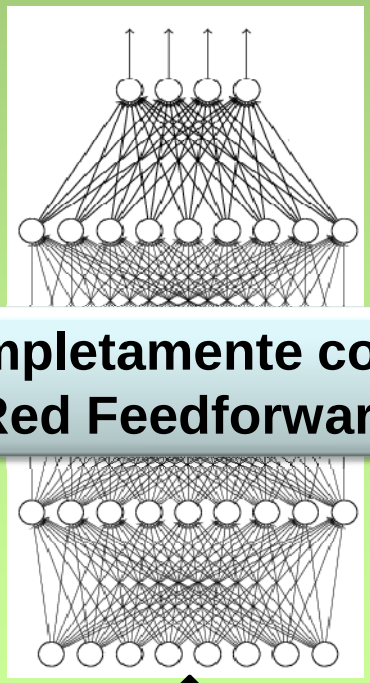
El número de canales es el número de filtros

Más pequeña que la imagen original

Red CNN completa



lince, tigre, gato, …



Red completamente conectada
Red Feedforward

Convolución

Max Pooling

Una nueva imagen

Convolución

Max Pooling

Una nueva imagen

Alisado

Paso de capa Max pooling a capa dense o completamente conectada

Alisado: Paso de 2-D a 1-D

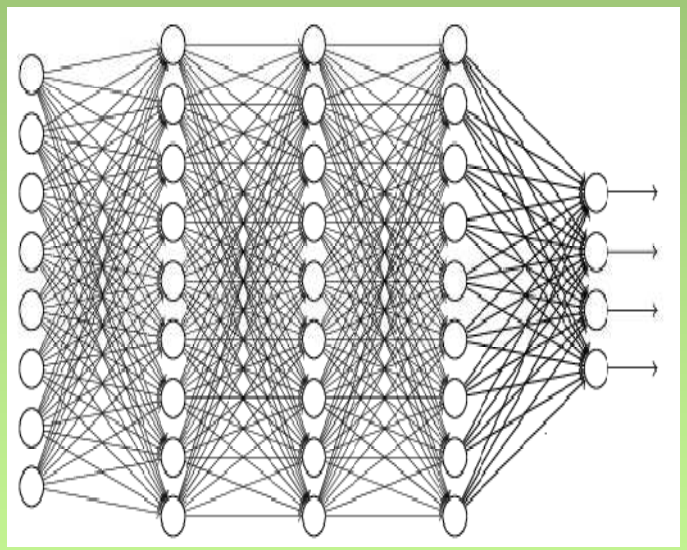
-1 1

0 3

Alisado

3 0 1 3 -1 1 0 3

Capa dense



Red completamente conectada
Red Feedforward, Red recurrente, Red LSTD

Reducción “Pooling”

Muestreo no lineal para simplificar la información en la salida de la capa convolucional

Variantes:

- **Máximo agrupamiento (es el más polular)**
- **Media ponderada basada en distancia**
- **Norma L_2 de los vecinos**

Reduce el cálculo de las capas superiores mediante informes resumidos de estadísticas (solo con *stride* > 1).

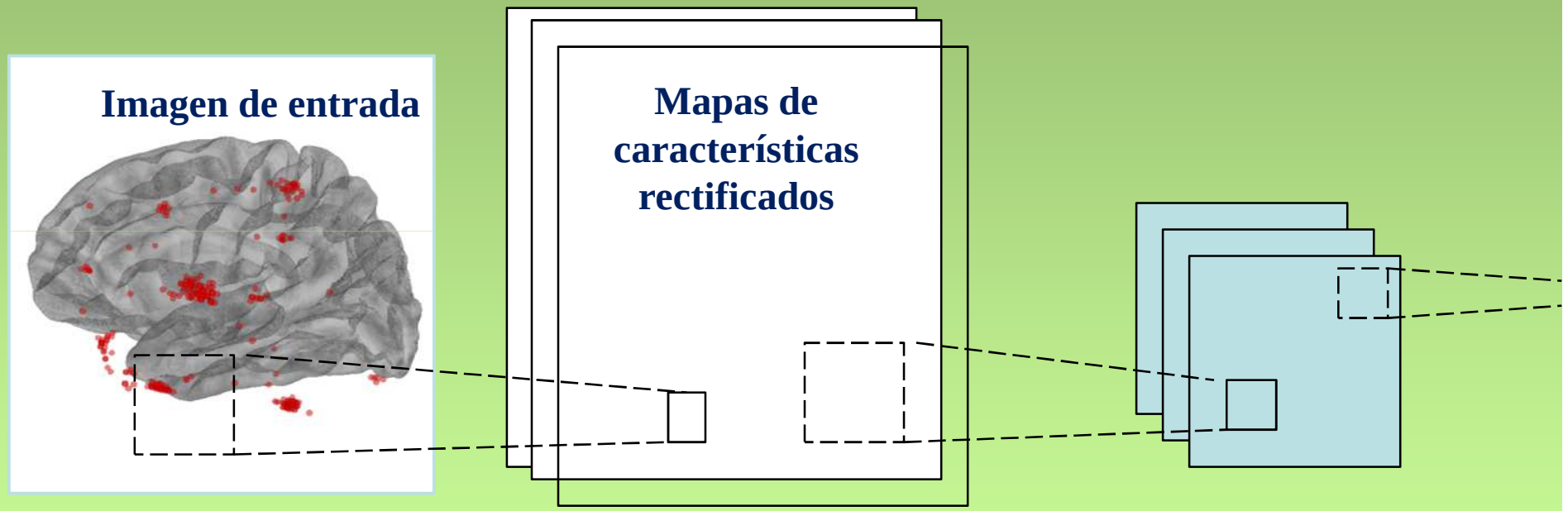
Proporciona invarianza a la traslación (dado que antes del aprendizaje debe ser invariante a las traslaciones pequeñas)

Propiedad útil, dado que nos preocupamos más por si algunas características están presentes que exactamente donde se encuentran, por lo tanto, se agrega robustez a la posición.

Reducción “Pooling”

Convolución usando 3 filtros + ReLU

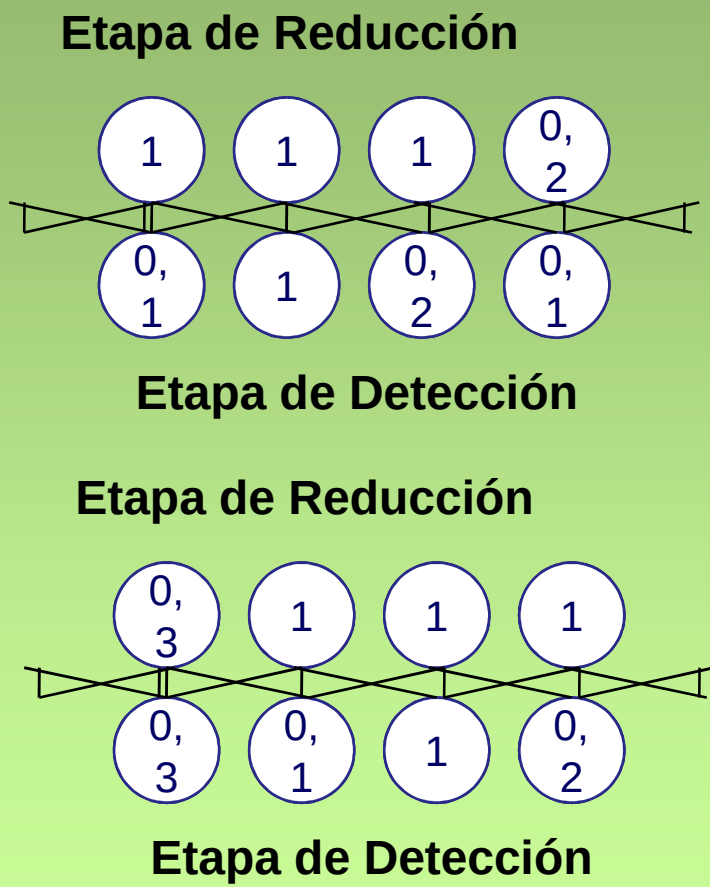
Pooling aplicado separadamente a cada mapa de características



Reducción: *Pooling*

La vista inferior ha sido desplazada por 1 píxel versus la vista superior.

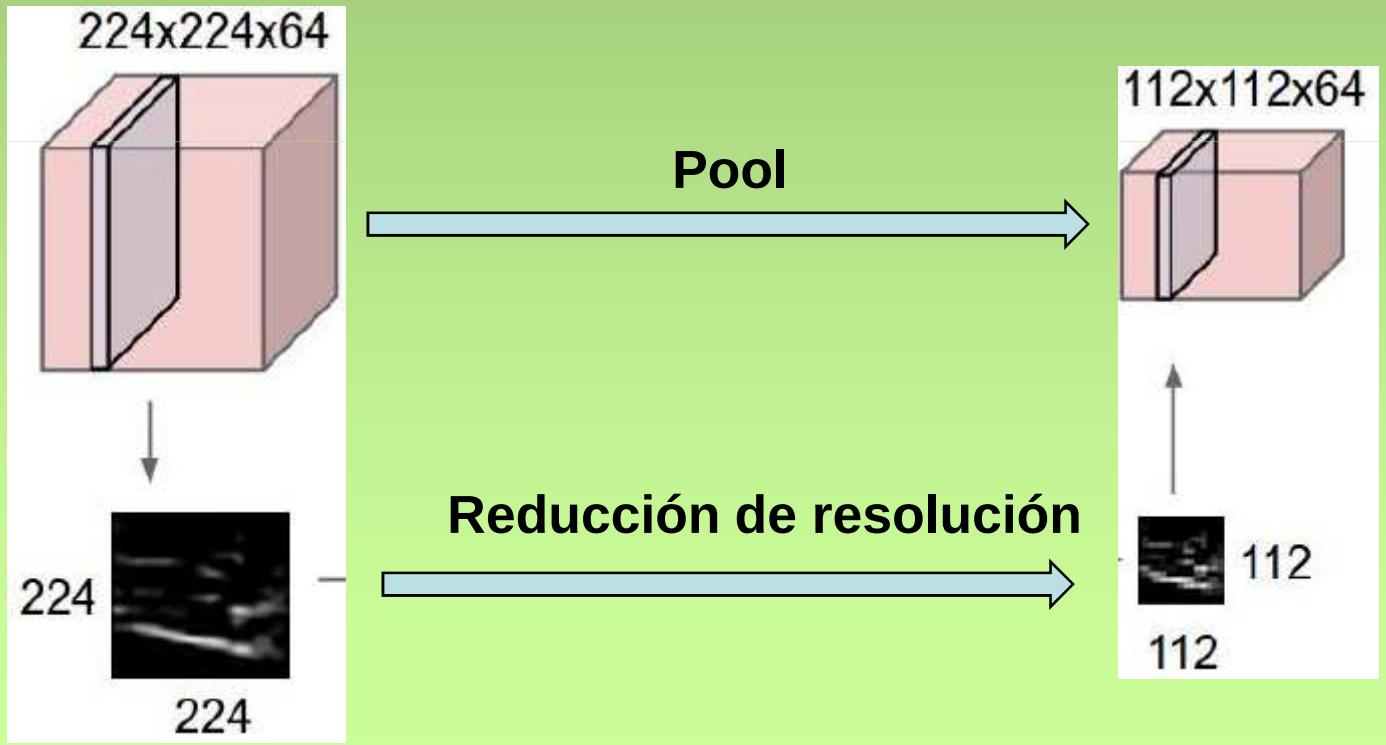
¡Cada valor en la fila inferior ha cambiado, pero solo la mitad de los valores en la fila superior ha cambiado!



Capa de reducción: *Pooling*

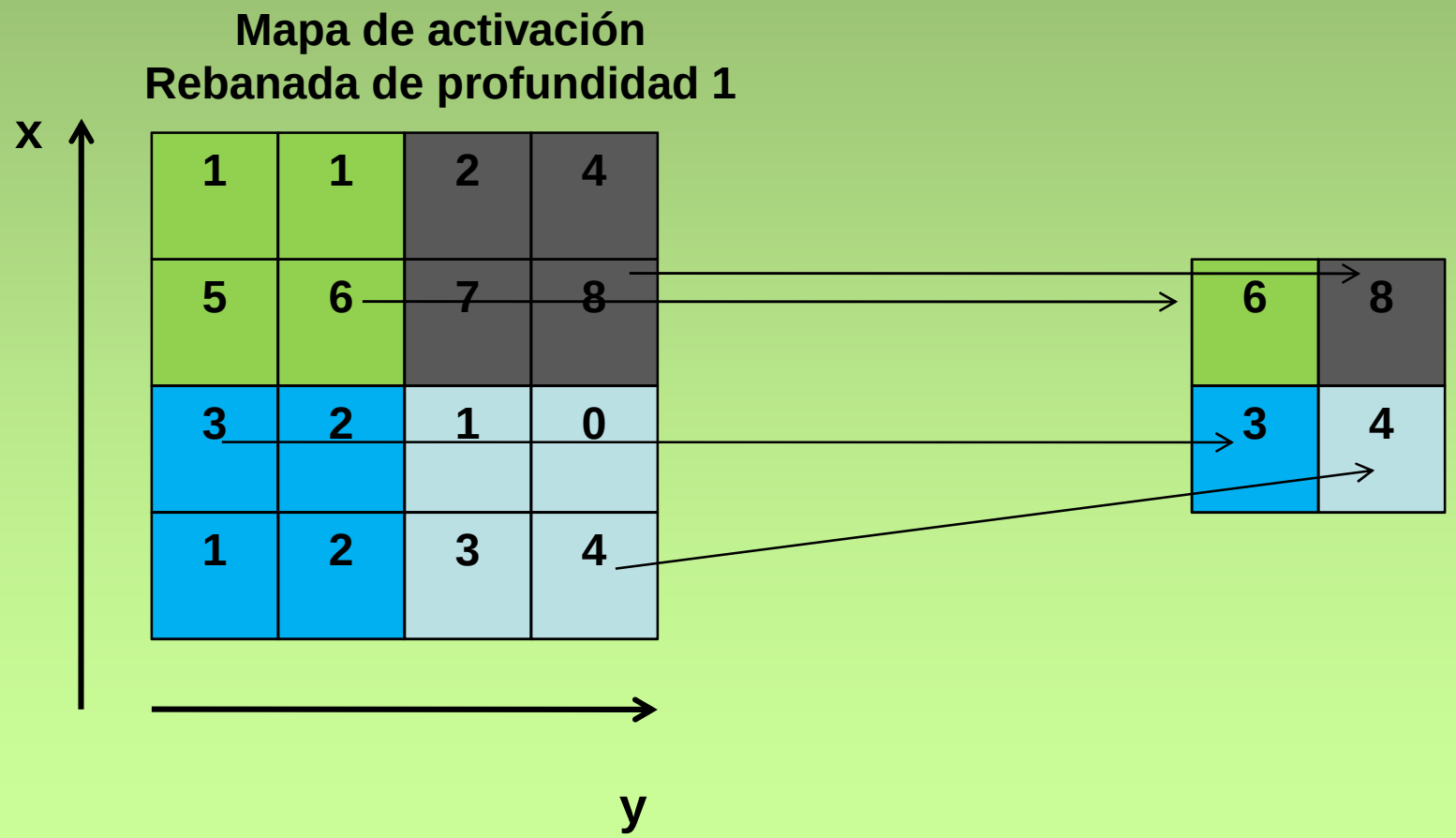
-**Hace las representaciones más pequeñas y más manejables**

- **Opera en cada mapa de activación de forma independiente:**



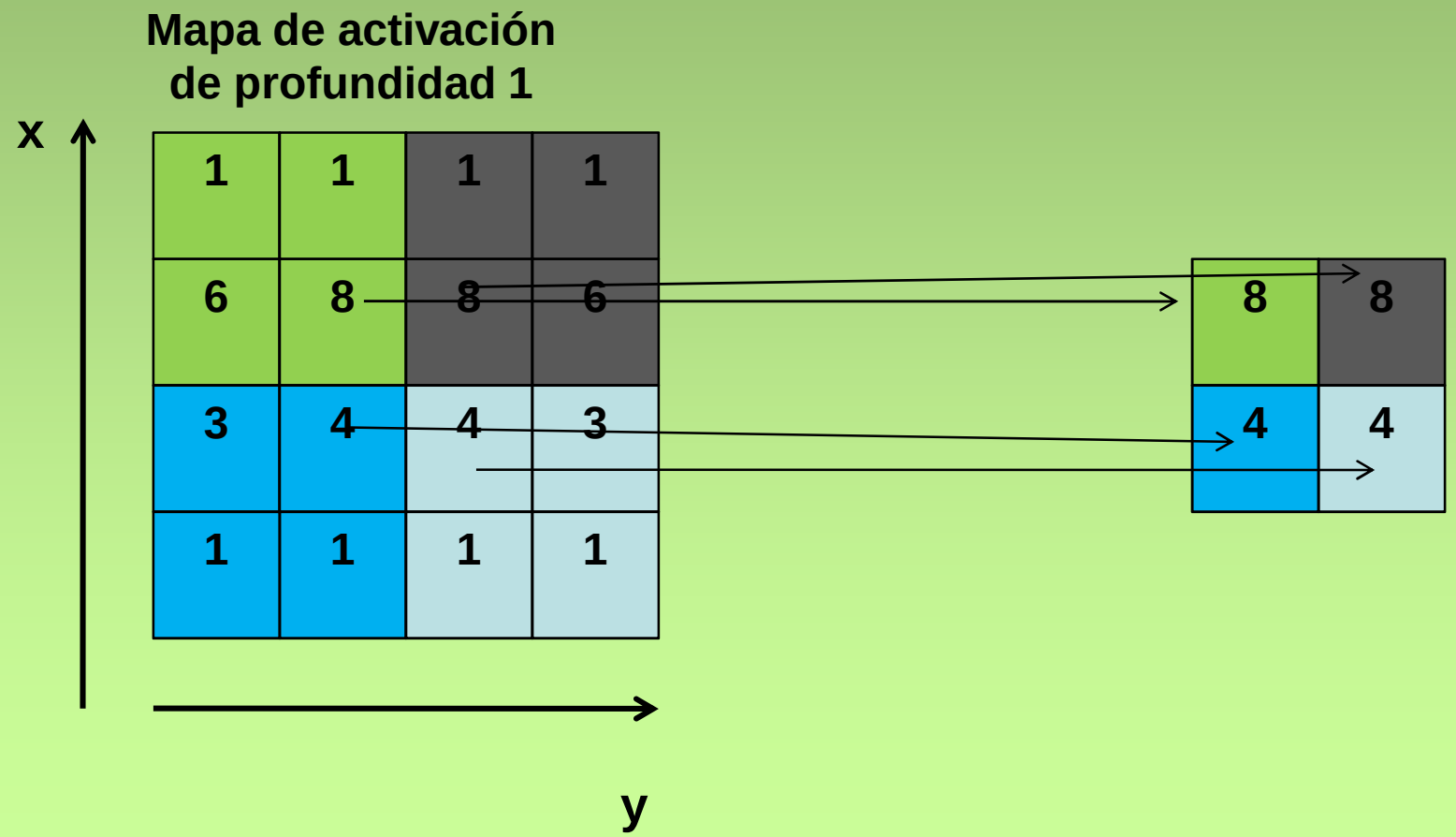
Max Pool

Máx Pool con filtros 2x2
y paso de 2



Max Pool

Máx Pool con filtros 2x2 y paso de 2



Pooling

1) Se acepta un volumen de tamaño W_1 x H_1 x D_1

2) Introducir los tres hiperparámetros

Tamaño espacial del filtro F,

Paso o *stride* S,

Configuración común:
F = 2, S = 2
F = 3, S = 2

3) Produce un volumen de tamaño W_2 x H_2 x D_2 donde

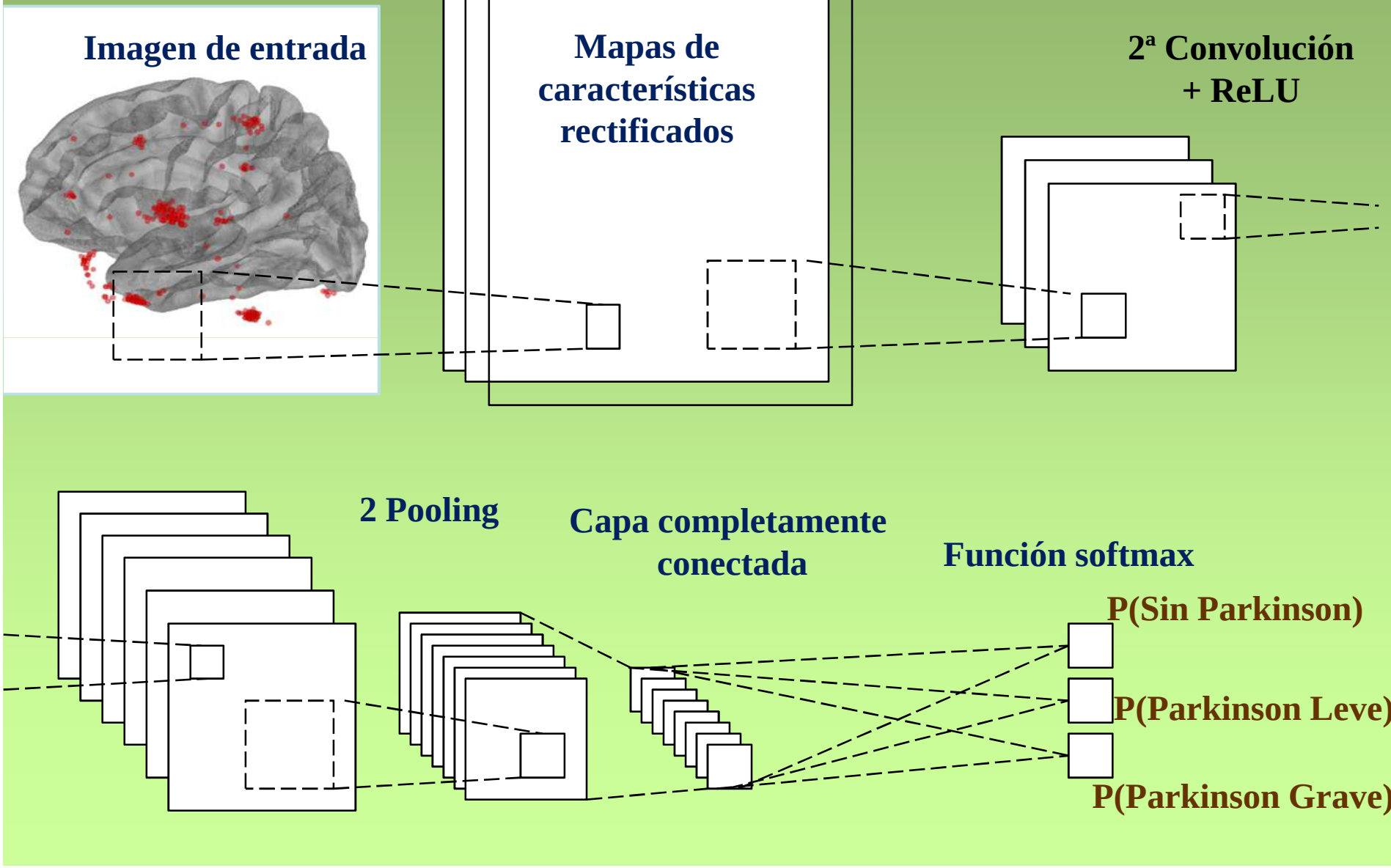
$$W_2 = \frac{W_1 - F}{S} + 1; \qquad H_2 = \frac{H_1 - F}{S} + 1,$$

$$D_2 = D_1; \qquad P = 0$$

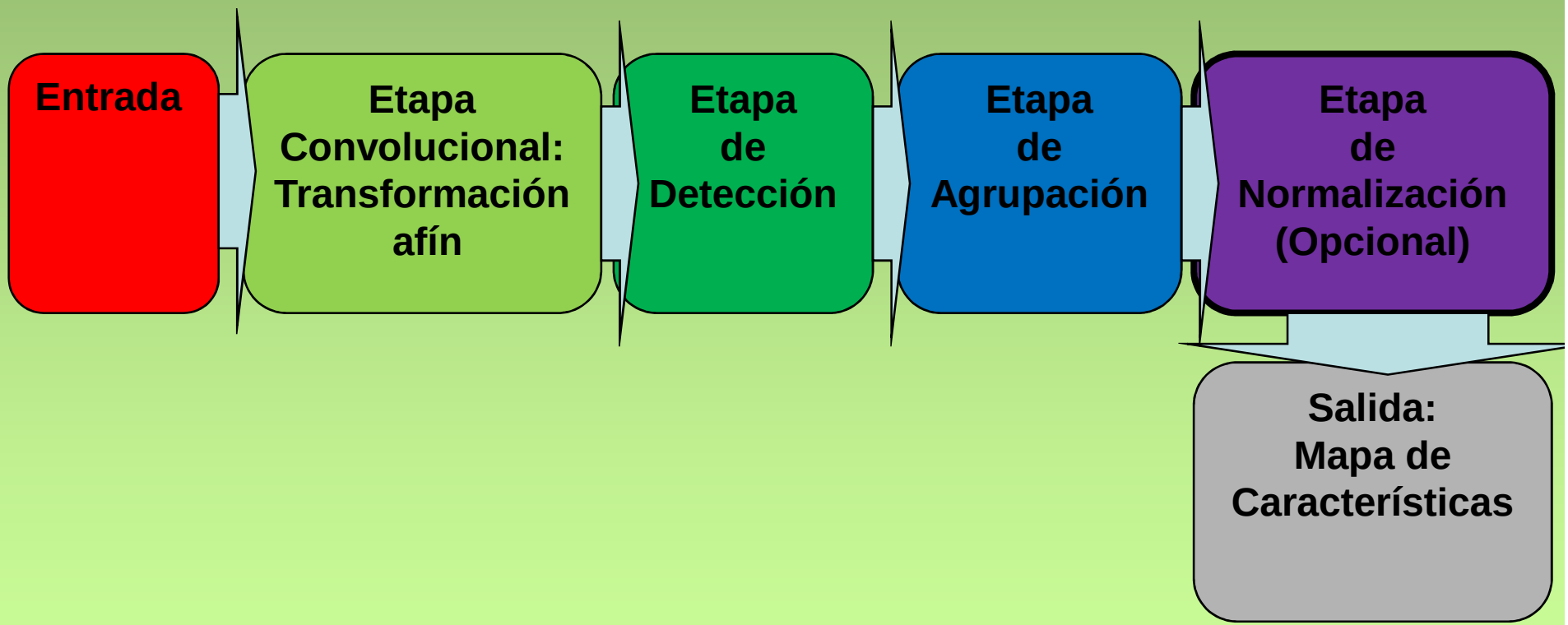
Introduce cero parámetros ya que calcula una función fija de la entrada

Hay que tener en cuenta que no es común usar relleno cero para agrupar capas

Ejemplo: Determinación de estados de la enfermedad de Parkinson

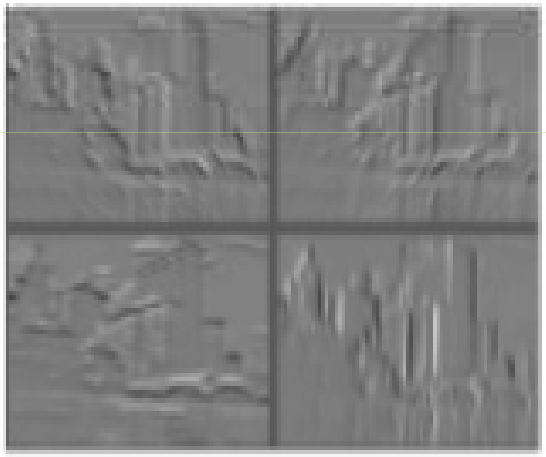


Estructura de las capas de una CNN

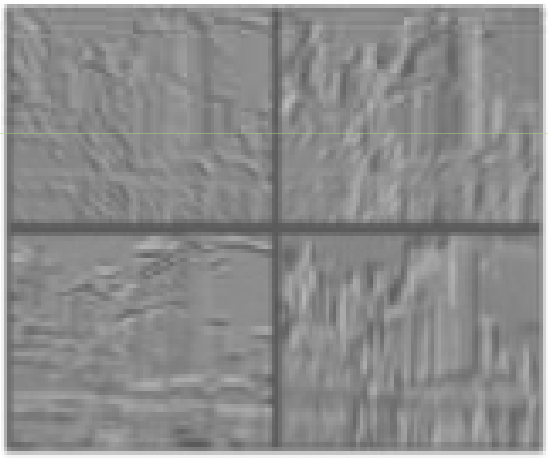


Normalización (Opcional)

La respuesta es normalizada localmente utilizando alguna distancia basada en una función promedio ponderada

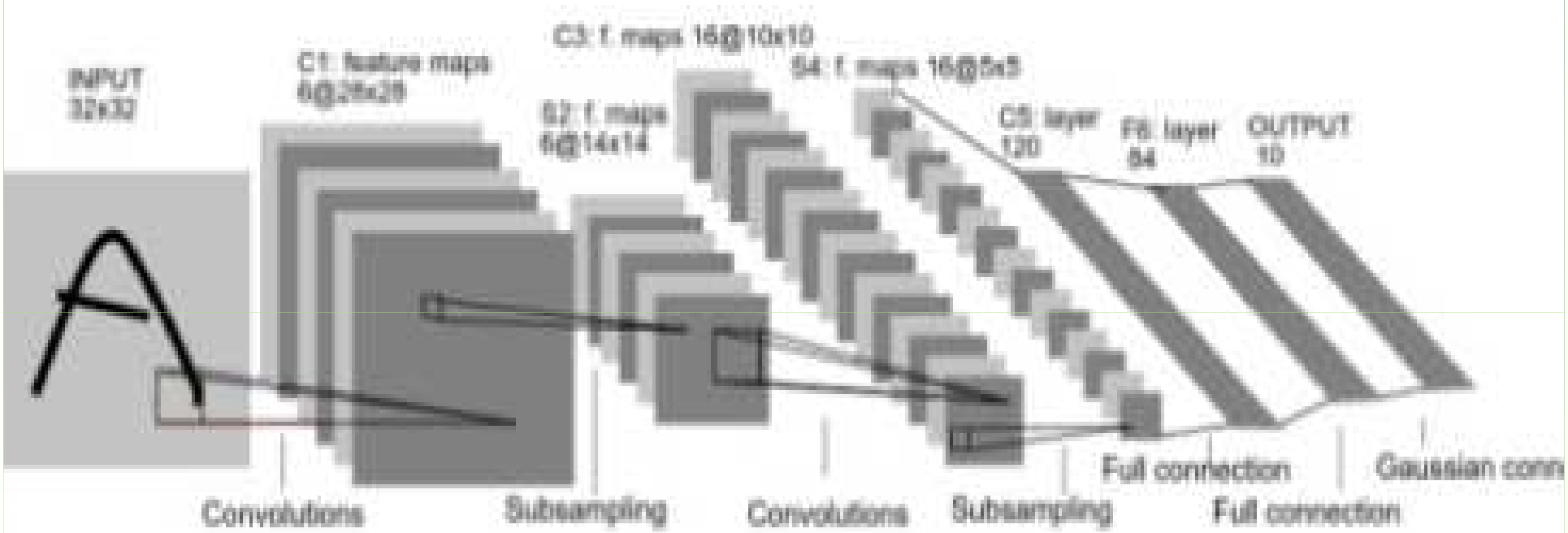


Mapa de características

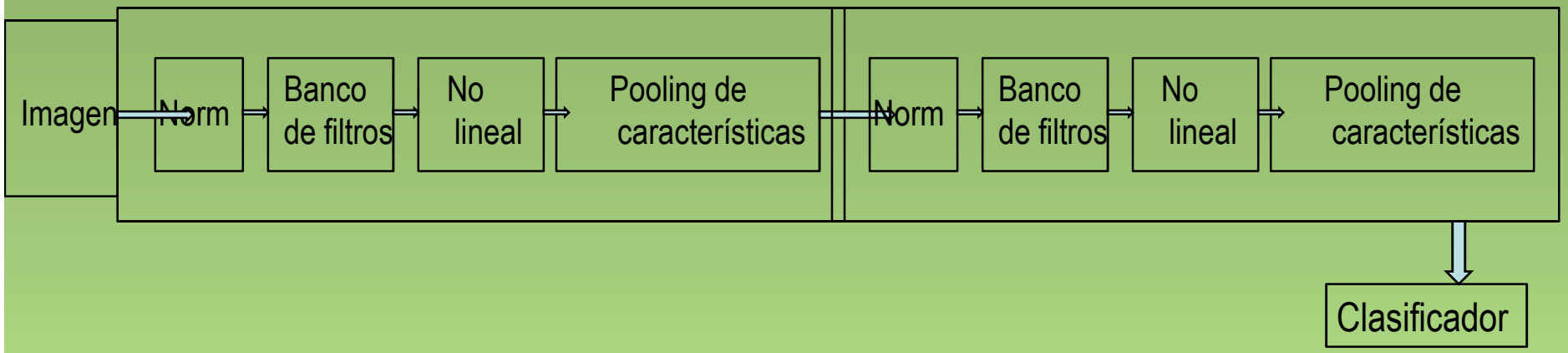


Mapa de características después de una normalización de contraste

Situar todas las capas juntas



Transformación de características: Normalización, Banco de filtros, No linearidad, *pooling*



Banco de Filtros → **No linearidad= No linearidad embebida en alta dimensión**

Pooling de características= contracción, reducción de dimensionalidad, alisado

Aprendizaje del banco de filtros en cada etapa

Crear una jerarquía de características

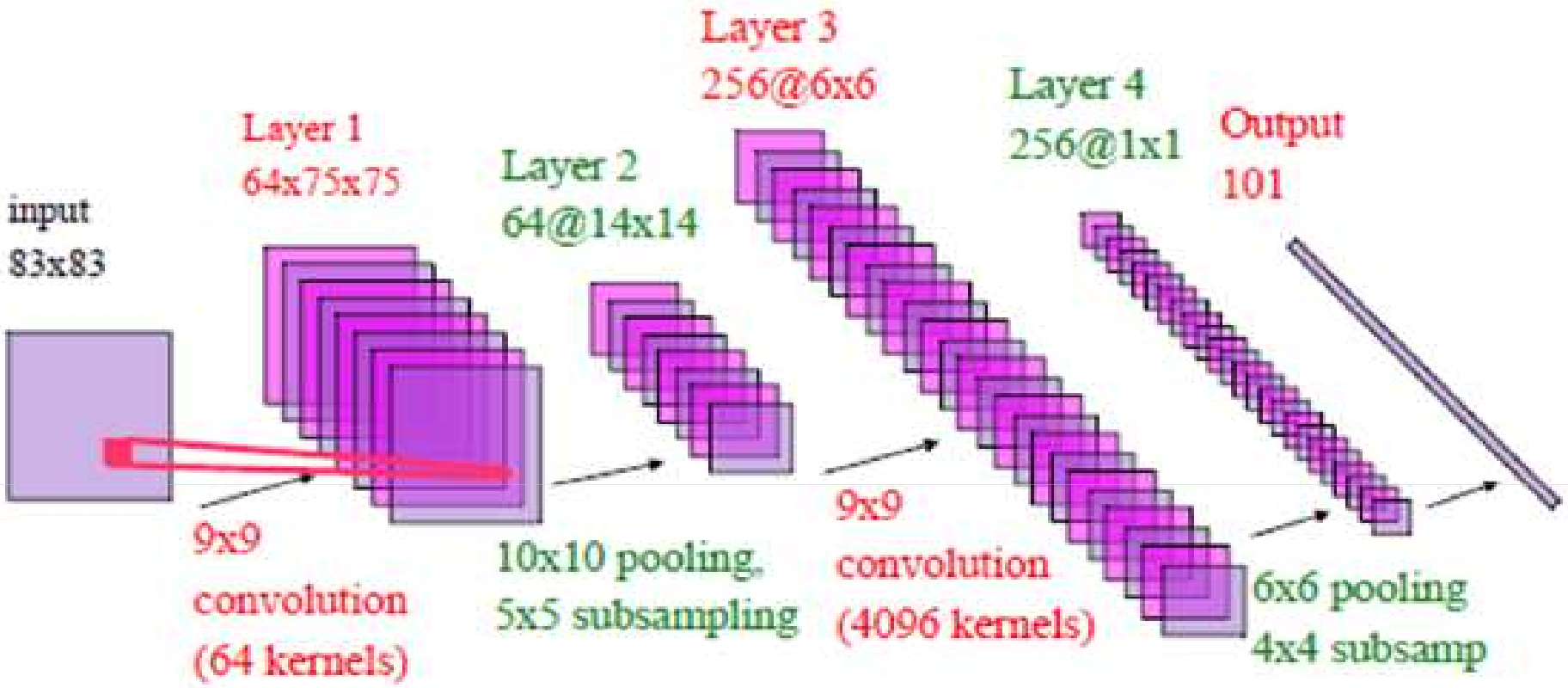
Los elementos básicos están inspirados en modelos de la corteza visual (y auditiv

Hubel and Wiesel 1962

Fufushima 1974-1982, LeCun 1988 y sucesivos

Desde el 2000, Hinton, Seung, Poggio, Ng, etc

Ejemplo: CovNet



Tipos de No-Linearidad: Media onda, función de contracción, sigmoide

Tipos de pooling: Media, L1, L2, Max

Tipos de entrenamiento: Supervisado (1988-2006), No supervisado +Supervisado (2006, hasta ahora)

Retropropagación del error

Funciones de perdida para clasificación multiclase

Función de decisión de tipo softmax

$$p\left(y^{(l)}=1\middle|\mathbf{x},\boldsymbol{\theta}\right)=\frac{\exp f_l\left(\mathbf{x},\boldsymbol{\theta}_l\right)}{\sum_{j=1}^{J}\exp f_j\left(\mathbf{x},\boldsymbol{\theta}_j\right)},\ l=1,2,...,J$$

la regla de clasificación es $C(x)=\hat{l}$, siendo $\hat{l}=\arg\max_l f_l(\mathbf{x},\hat{\boldsymbol{\theta}}_l)$ para j=1,...,J

Para regresión

Error Cuadrático Medio, MSE=$\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(t_i-y_i)^2$

Cambio de pesos

Para cada peso

$$\omega_i=\omega_i-\eta\frac{\partial E}{\partial w_i}+\alpha\omega_i-\lambda\eta\omega_i$$

donde η es el parámetro de aprendizaje

α es el parámetro de momento

λ es el parámetro de reducción del valor del peso

Retropropagación

Capa convolucional

Con la función de error E, y el filtro de salida x^t

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ab}} = \sum_{i=0}^{N-m}\sum_{j=0}^{N-m}\frac{\partial E}{\partial x_{ij}^t}\frac{\partial x_{ij}^t}{\partial w_{ab}} = \sum_{i=0}^{N-m}\sum_{j=0}^{N-m}\frac{\partial E}{\partial x_{ij}^t} y_{(i+a)(j+b)}^{t-1}$$

$$\frac{\partial E}{\partial x_{ij}^t} = \frac{\partial E}{\partial y_{ij}^t}\frac{\partial y_{ij}^t}{\partial x_{ij}^t} = \frac{\partial E}{\partial y_{ij}^t}\frac{\partial}{\partial x_{ij}^t}\left(\sigma(x_{ij}^t)\right) = \frac{\partial E}{\partial y_{ij}^t}\sigma'(x_{ij}^t)$$

$$\frac{\partial E}{\partial y_{ij}^{t-1}} = \sum_{a=0}^{m-1}\sum_{b=0}^{m-1}\frac{\partial E}{\partial x_{(i-a)(j-b)}^t}\frac{\partial x_{(i-a)(j-b)}^t}{\partial y_{ij}^{t-1}} = \sum_{a=0}^{m-1}\sum_{b=0}^{m-1}\frac{\partial E}{\partial x_{(i-a)(j-b)}^t} w_{ab}$$

Entonces, el error es propagado a la capa previa

Capa de Reducción o *pooling*

En realidad se aprende a sí misma, solo reducen el tamaño del problema al introducir la dispersión.

Reduce la región de tamaño k x k (tamaño dl filtro) a un valor único durante la propagación hacia adelante.

El error se propaga hacia atrás a la subimágen local de donde vino, por lo que los errores son bastante dispersos

¿Que es Theano?

Theano es un compilador de expresiones matemáticas basado en Python cuya sintaxis es bastante similar a NumPy.

Es un proyecto de código abierto desarrollado y mantenido por el grupo Ml de la Universidad de Montréal.

Utiliza expresiones matemáticas compuestas en una descripción de alto nivel imitando la sintaxis de NumPy y su semántica permitiendo a Theano proporcionar diferenciación simbólica

Características clave

Implementación sencilla compatible con CPU y GPU

Theano tiene sus propios optimizadores utilizando CUDA C++ para GPU

Fácil de implementar el algoritmo de retropropagación en CNN, de forma tal que se calculan automáticamente todas las transformaciones que conlleva el procedimiento.

Crea un grafo con las diferentes entradas involucradas.

La diferenciación se realiza utilizando la regla de la cadena

2017/11/15: Release of Theano 1.0.0. Everybody is encouraged to update.

Implementaciones basadas en Theano para Deep Learning

Caffe
Torch
Keras

Otros marcos de trabajo

cuDNN
DIGITS

Características claves de Caffe

Marco de trabajo (esencialmente para entrenamiento de CNN) desarrollado por Berkeley Vision Learning Center (BVLC)

Velocidad: Capaz de procesar sobre 60M imágenes por día con una sola tarjeta Nvidia K40 GPU, esta considerada la más rápida implementación para CNN disponible

Arquitectura expresiva: Permite que los modelos y la optimización se definan como ficheros de configuración más que código rígido, con habilidad para intercambiar entre CPU y GPU mediante una sencilla bandera.

Caffe: Capa de convolución

```
Layers {
        name: “conv1”
        type:       CONVOLUTION
        bottom: “data”
        top: “conv1”
        blobs_lr: 1
        blobs_lr: 2
        weight_decay: 1
        weight_decay: 0
        convolution_ param {
                num_output: 96
                kernel_size:7
                stride: 4
                weight_filter {
                        type: “ gaussian”
                        std: 0.01
                }
                bias_filter {
                        type: “constant”
                        value: 0
                }
        }
}
```

Caffe: Capa de reducción máxima

```
Layers {
        name: “pool1”
        type:       POOLING
        bottom: “conv1”
        top: “pool1”
        pooling_param {
                pool: MAX
                kernel_size: 3
                stride: 2
        }
}
```

Caffe: Resolución

Scrip

net: “trainer.prototxt”

test_iter: 1000

test_interval: 1000

base_ lr: 0.001

lr_policy: “step”

gamma: 0.1

stepsize: 10000

display: 20

max_iter: 50000

momentum: 0.9

weight_decay: 0.0005

snapshot: 1000

snapshot_prefix: “snaps/age_train”

solver_mode: GPU

Alguna tareas para las cuales las redes convolucionales profundas son las mejores

- Traffic sign recognition (2011) GTSRB competition (IDSIA, NYU)
- Pedestrian Detection (2013): INRIA datasets and others (NYU)
- Human Action Recognition (2011) Hollywood II dataset (Stanford)
- Object Recognition (2012) ImageNet competition
- Scene Parsing (2012) Standford bgd, SiftFlow, Barcelona (NYU)
- Scene parsing from depth images (2013) NYU TGB-D dataset (NYU))
- Sèech Recognition (2012) Acoustic modeling (IBM and Google)
- Breast cancer cell mitosis detection (2011) MITOS (IDSIA)
- Age and Gender clasification using Convolutional Neural Networks 2015
- Ordinal Regression with Multiple Output CNN for Age Estimation. 2016
- Fast Convolutional Neural Network Training Using Selective Data Sampling: Application to Hemorrhage Detection in Color Fundus Images. 2016

MODELOS COMPUTACIONALES: CUARTO CURSO DEL GRADO DE ING. INFORMÁTICA EN COMPUTACION

REDES NEURONALES CONVOLUCIONALES

Fei-Fei Li & Justin Johnson & Serena Yeung

César Hervás-Martínez/ Pedro A. Gutierrez
Grupo de Investigación AYRNA

Departamento de Informática y Análisis Numérico
Universidad de Córdoba
Campus de Rabanales. Edificio Einstein.
Email: chervas@uco.es

2019-2020

MODELOS COMPUTACIONALES: CUARTO CURSO DEL GRADO DE ING. INFORMÁTICA EN COMPUTACION

EJEMPLOS

César Hervás-Martínez/ Pedro A. Gutierrez
Grupo de Investigación AYRNA

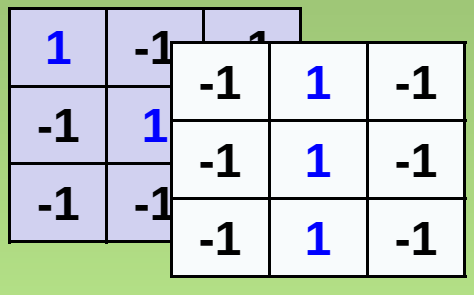
Departamento de Informática y Análisis Numérico
Universidad de Córdoba
Campus de Rabanales. Edificio Einstein.
Email: chervas@uco.es

2019-2020

CNN en Keras

Sólo se modificó la **estructura de red** y el **formato de entrada** (**vector -> tensor 3-D**)

```
model2.add( Convolution2D( 25,3,3,
            input_shape=(28,28,1)) )
```



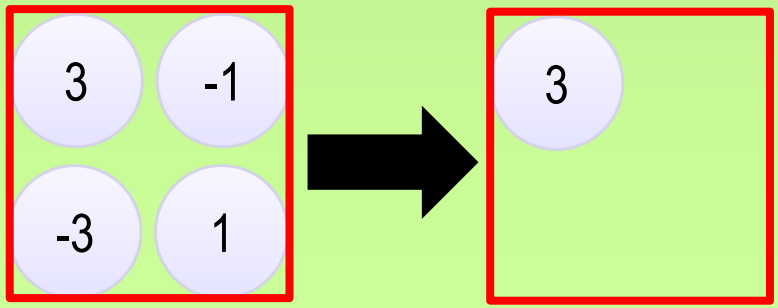
Hay 25 filtros de 3x3.

Input_shape = (28 , 28 , 1)

28 x 28 pixeles

1: black/white, 3: RGB

```
model2.add(MaxPooling2D((2,2)))
```



Entrada

Convolucion

Max Pooling

Convolucion

Max Pooling

CNN en Keras

Sólo se modificó la **estructura de red** y el **formato de entrada** (**vector -> tensor 3-D**)

Entrada

1 x 28 x 28

```
model2.add( Convolution2D( 25,3,3,
                input_shape=(28,28,1)) )
```

Convolucion

¿Cuantos parámetros para cada filtro? 3 X 3= 9

25 x 26 x 26

```
model2.add(MaxPooling2D((2,2)))
```

Max Pooling

25 x 13 x 13

```
model2.add(Convolution2D(50,3,3))
```

Convolucion

¿Cuantos parámetros para cada filtro? **225= 25x9**

50 x 11 x 11

```
model2.add(MaxPooling2D((2,2)))
```

Max Pooling

50 x 5 x 5

CNN en Keras

Sólo se modificó la **estructura de red** y el **formato de entrada** (**vector -> tensor 3-D**)

Entrada

1 x 28 x 28

Convolucion

25 x 26 x 26

Max Pooling

25 x 13 x 13

Convolucion

50 x 11 x 11

Max Pooling

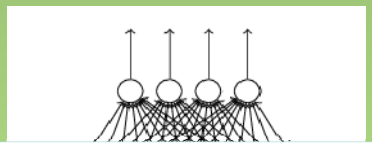
50 x 5 x 5

Alisado

```
model2.add(Flatten())
```

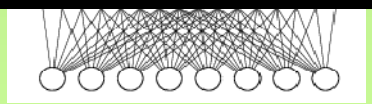
1250

Salida



Red completamente conectada
Red Feedforward

```
model2.add(Dense(output_dim=100))
model2.add(Activation('relu'))
model2.add(Dense(output_dim=10))
model2.add(Activation('softmax'))
```



Juego AlphaGo

Red Neuronal

Siguiente movimiento (19 x 19 posiciones)

Matriz de 19 x 19

Negro: 1

Blanco: -1

Ninguno: 0

Se puede utilizar una red completamente conectada

Pero una red CNN juega mucho mejor

Red de políticas de AlphaGo

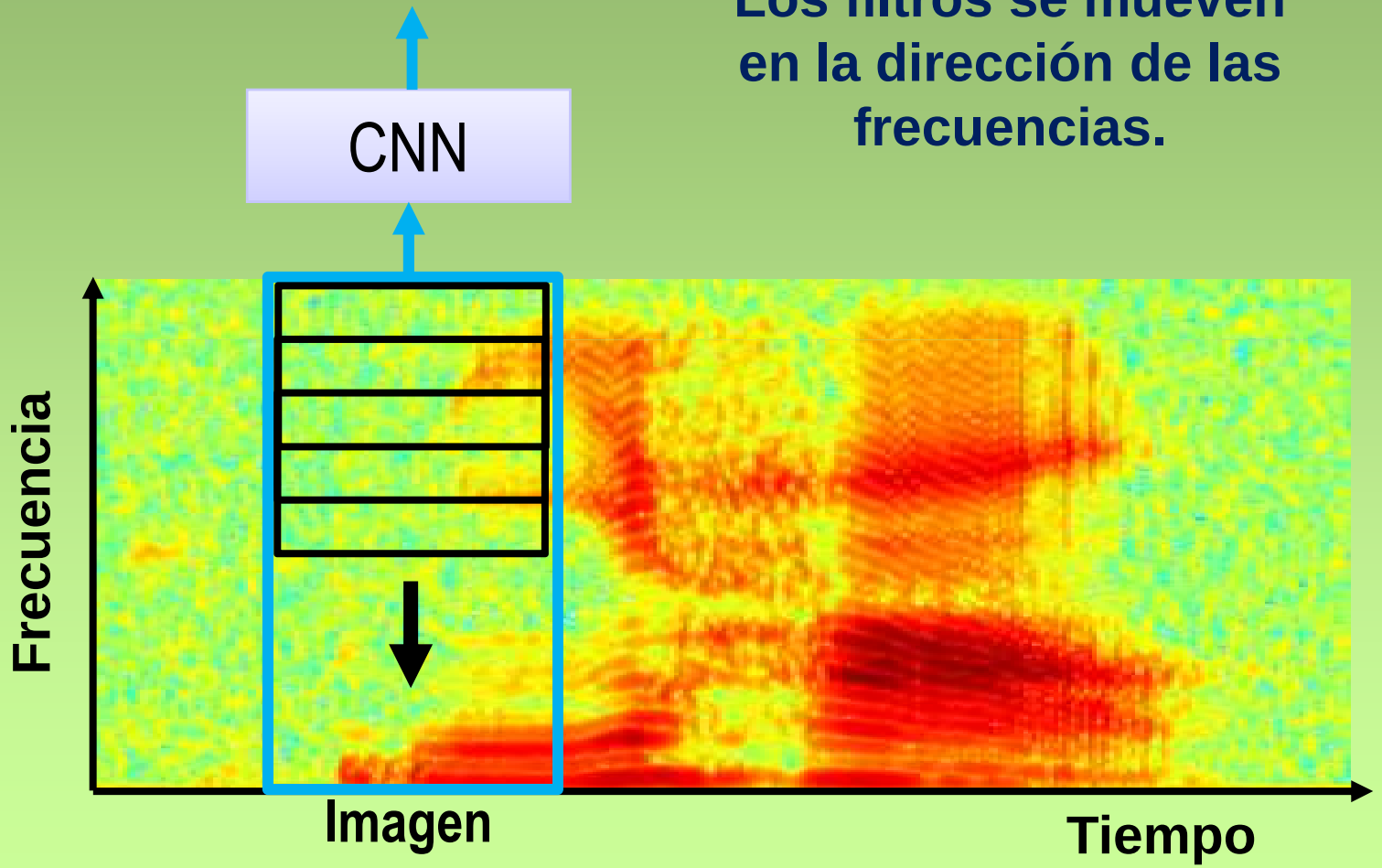
Lo siguiente es una cita del artículo publicado en Nature. :

Note: AlphaGo does not use Max Pooling.

Neural network architecture. The input to the policy network is a $19 \times 19 \times 48$ image stack consisting of 48 feature planes. The first hidden layer zero pads the input into a 23×23 image, then convolves k filters of kernel size 5×5 with stride 1 with the input image and applies a rectifier nonlinearity. Each of the subsequent hidden layers 2 to 12 zero pads the respective previous hidden layer into a 21×21 image, then convolves k filters of kernel size 3×3 with stride 1, again followed by a rectifier nonlinearity. The final layer convolves 1 filter of kernel size 1×1 with stride 1, with a different bias for each position, and applies a softmax function. The match version of AlphaGo used $k = 192$ filters; Fig. 2b and Extended Data Table 3 additionally show the results of training with $k = 128$, 256 and 384 filters.

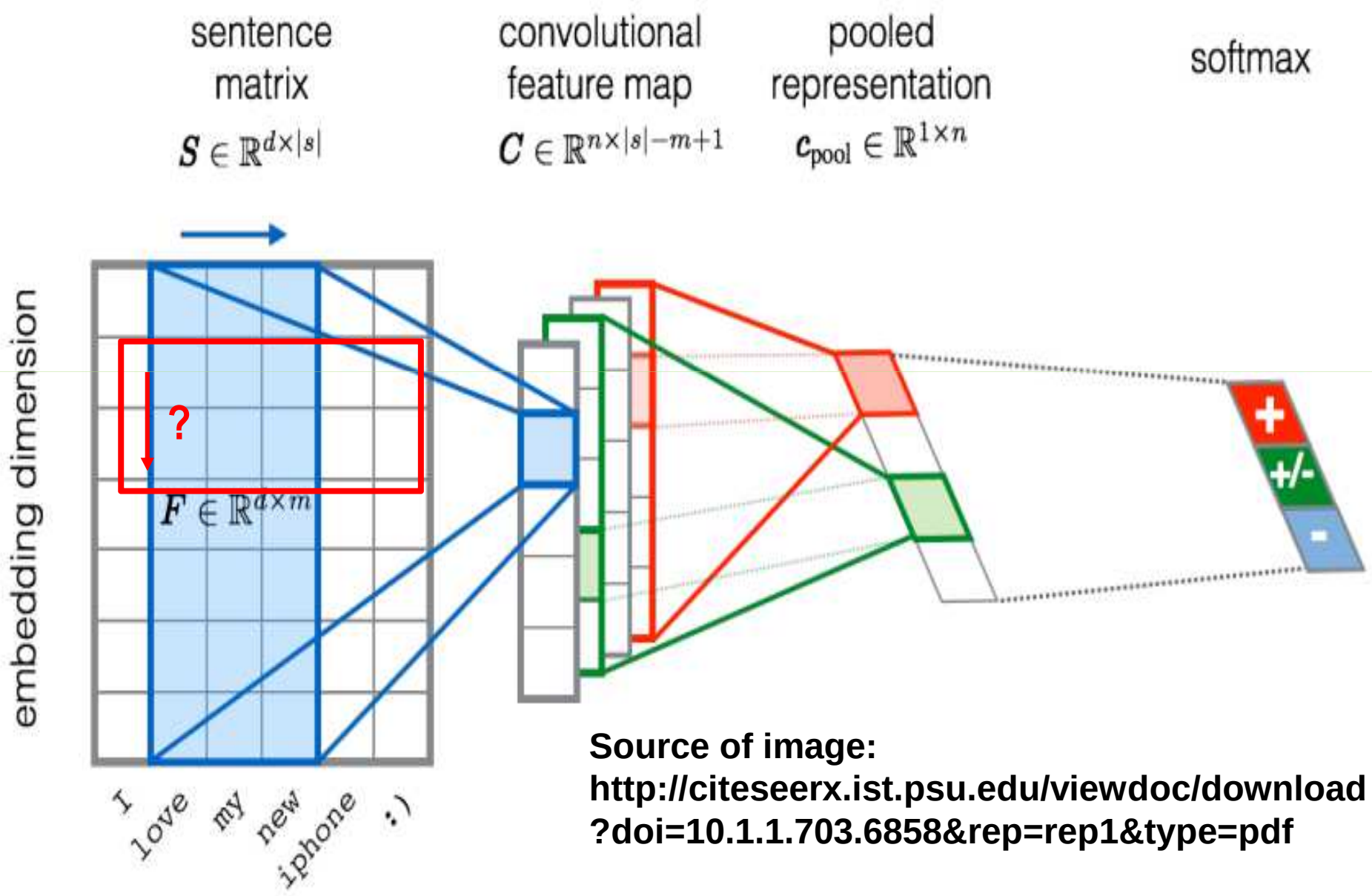
CNN para reconocimiento del habla

Los filtros se mueven en la dirección de las frecuencias.



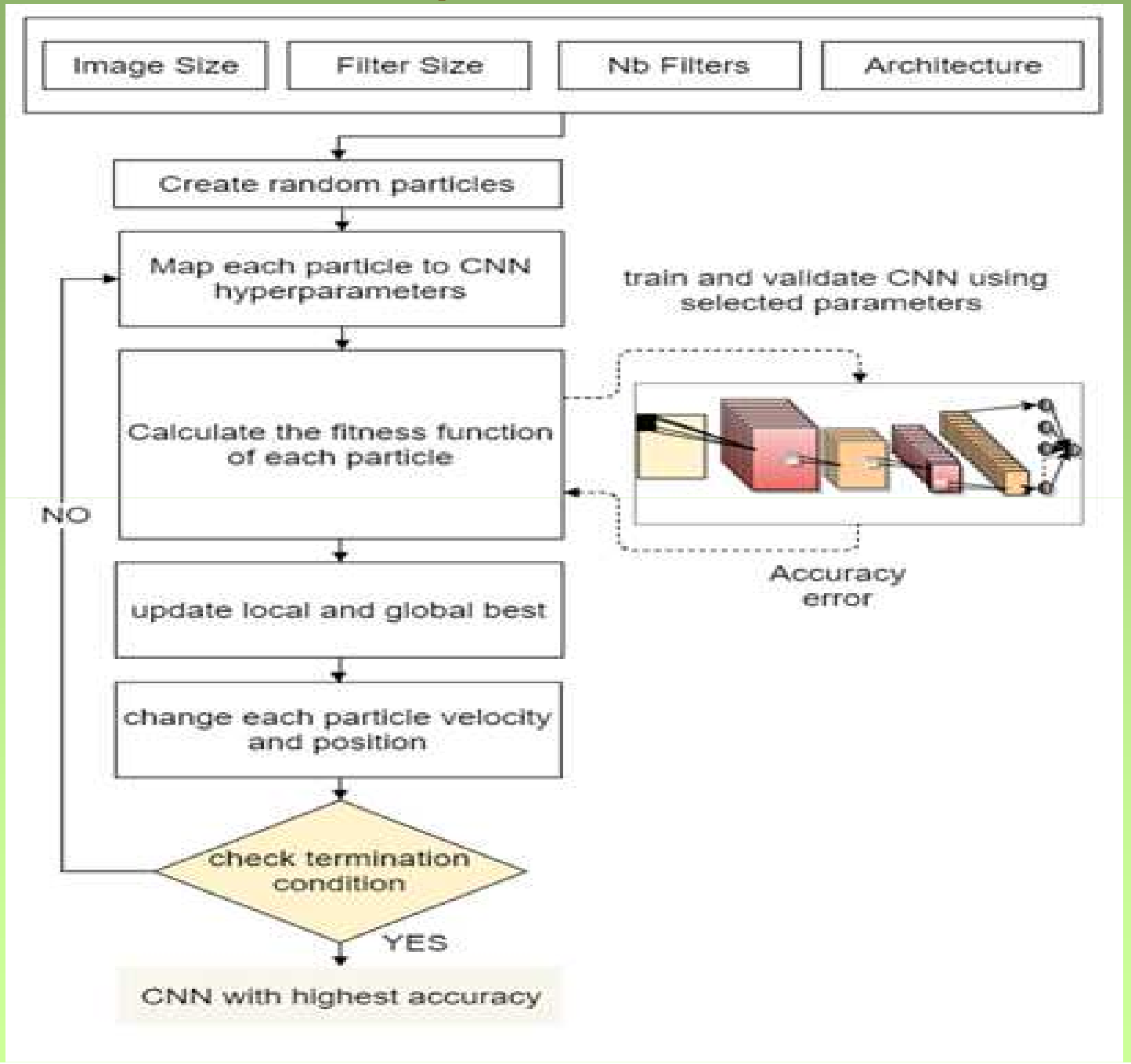
Espectrograma

CNN para clasificación de textos



Source of image:
http://citeseerx.ist.psu.edu/viewdoc/download?doi=10.1.1.703.6858&rep=rep1&type=pdf

Selección de parámetros usando PSO



Etapas seguidas para seleccionar los parámetros de una red CNN utilizando PSO

Algorithm: Parameters Selection using PSO

Input: Available parameters

Output: selected CNN

1. **create random *particles***
2. **evaluate the fitness of each *particle.***
3. **decode network elements**
4. **train CNN**
5. **validate CNN**
6. **update local and global best**
7. **update *particles positions and velocities***
8. **check termination condition**
9. **if termination condition not met**
10. **repeat step 2**
11. **else**
12. **return selected parameters with selected** CNN (P)
13. **End**

Resumen: Parámetros de una red CNN

- **Capas convolucionales**
  - **Número de capas convolucionales.**
  - **Número de filtros de cada capa convolucional.**
  - **Tamaño del filtro en cada capa convolucional.**
  - **Función de activación en cada capa convolucional.**
  - **Tamaño del Pooling (si lo hay) después de cada capa convolucional.**
- **Capas densas o completamente conectadas**
  - **Número de capas densas**
  - **Patrón de conectividad de cada capa densa.**
  - **Número de neuronas de cada capa densa.**
  - **Función de activación en cada capa densa.**
  - **Regularización de los pesos en cada capa densa.**
  - **Dropout (ninguno o 50%) en cada capa densa**
- **Hiperparámetros generales**
  - **Tamaño del lote o batch**
  - **Regla de aprendizaje**
  - **Tasa de aprendizaje**

Resumen: Tipos de capas

Capas convolucionales

- **Mapa de características o filtro**
- **Pesos compartidos**

Submuestreo o agrupación máxima Max pooling

Capa completamente conectada (clasificación)

Resumen: Capa convolucional

Rejilla rectangular de neuronas.

Entrada desde una sección rectangular de la capa anterior.

Los pesos son iguales para cada neurona.

Convolución de imágenes de la capa anterior.

Los pesos especifican filtros convolucionales

Varias cuadrículas en cada capa, cada cuadrícula toma las entradas de todas las capas utilizando diferentes filtros

Resumen: Capa Max pooling

Toma bloques más pequeños de la capa convolucional.

Submuestrea para producir una salida sencilla de ese bloque.

Varias formas: media, máxima o combinación lineal aprendida de neuronas.

La capa Max pool saca el máximo de cada bloque

Resumen: Capa completamente conectada

Razonamiento de alto nivel en redes neuronales

Toma todas las neuronas de la capa anterior y las conecta a cada una de las neuronas que tiene.

Estas no están localizadas espacialmente (se visualizan de forma unidimensional)

Por lo tanto, no hay capas convolucionales después de la capa totalmente conectada

Redes CNN

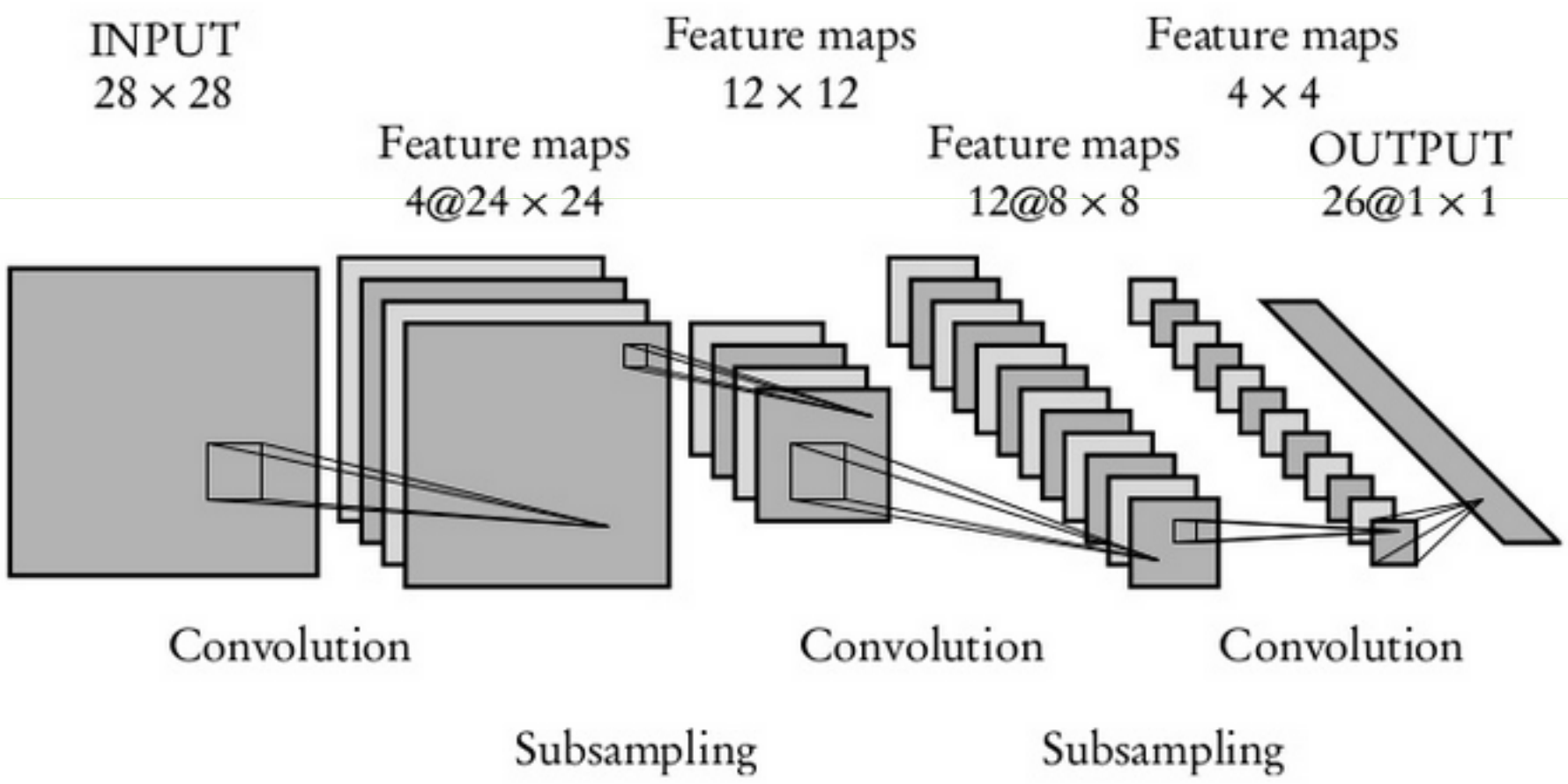
La estructura de red diseñada extrae características relevantes, restringiendo los pesos neuronales de una capa a un campo perceptivo local en la capa anterior.

Así, se obtiene el mapa de características en la segunda capa.

El grado de cambio en la desviación y distorsión se logra al reducir la resolución espacial del mapa de características

Red CNN con seis capas

3 capas convolucionales,
2 de Pooling,
1 completamente conectada



Resumen: Retropropagación de error

En el mapa de características, todas las neuronas comparten el mismo peso y sesgo, por lo que el número de parámetros es menor que en el perceptrón multicapa completamente conectado, lo que lleva a una reducción del computo.

Las capas de submuestreo / agrupamiento o “pooping” tienen un peso y un sesgo entrenables, por lo que el número de parámetros libres es aún menor.

Debido al bajo número de parámetros libres, el entrenamiento de las redes CNN requiere mucho menos coste computacional que el entrenamiento del perceptrón multicapa

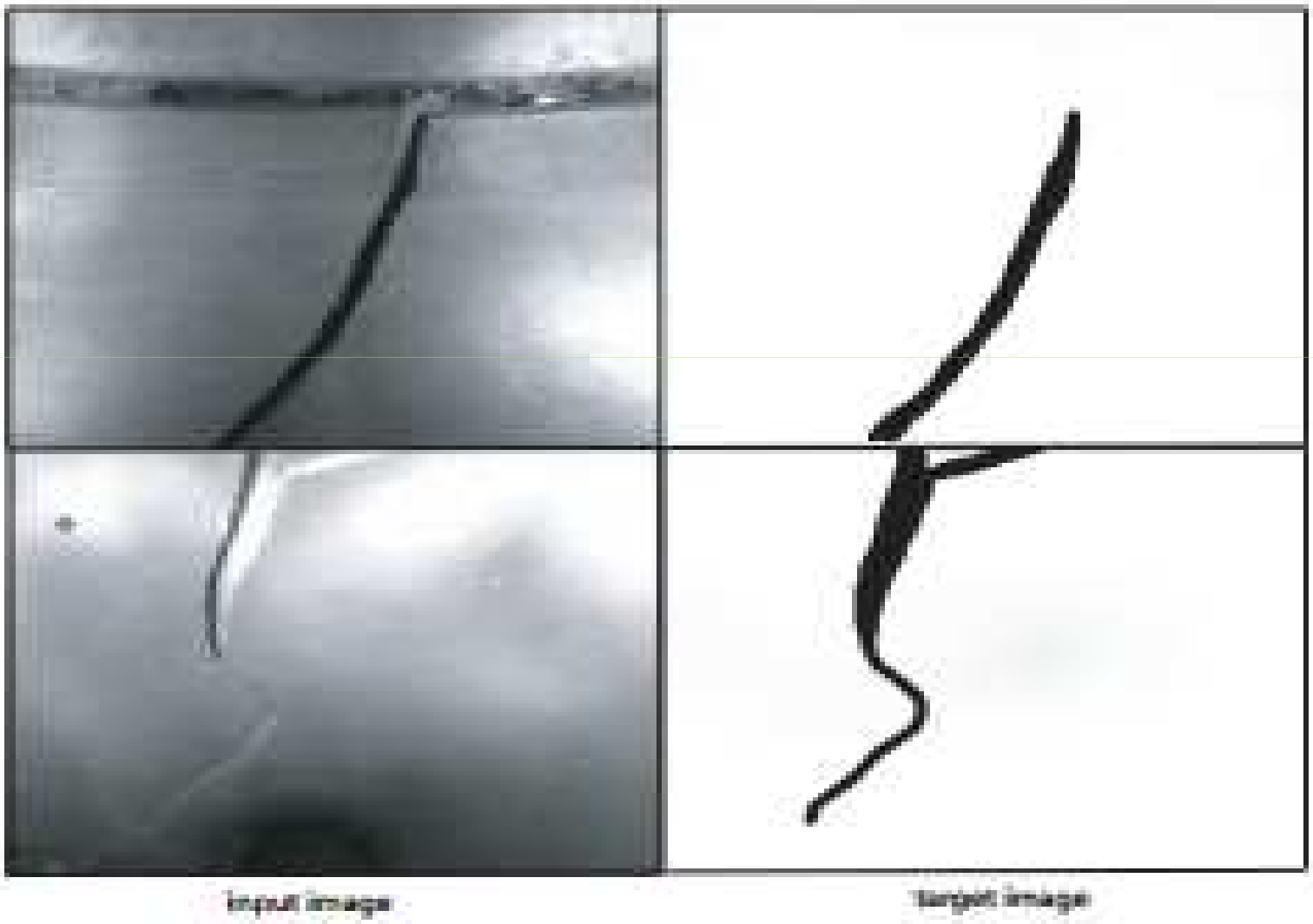
EJEMPLO: Sistema de procesamiento de imágenes con un robot móvil

Sistema de procesamiento de imágenes con robot móvil.

Tarea: detectar y caracterizar grietas y daños en paredes de tuberías de alcantarillado.
Utiliza cámara CCD monocromo

Tarea para la red CNN
filtrar datos sin procesar
Identificar localización espacial de grietas.
Habilitar la caracterización del largo, ancho del daño.

Ejemplo de imágenes de entrada y salida para grietas grandes en una tubería concreta



Ejemplo

Característica horizontal - junta de tubería

Desafíos significativos para el sistema de filtrado.

Diferenciación entre tuberías y uniones.

Contabilidad de sombras y efectos de iluminación.

Ejemplo

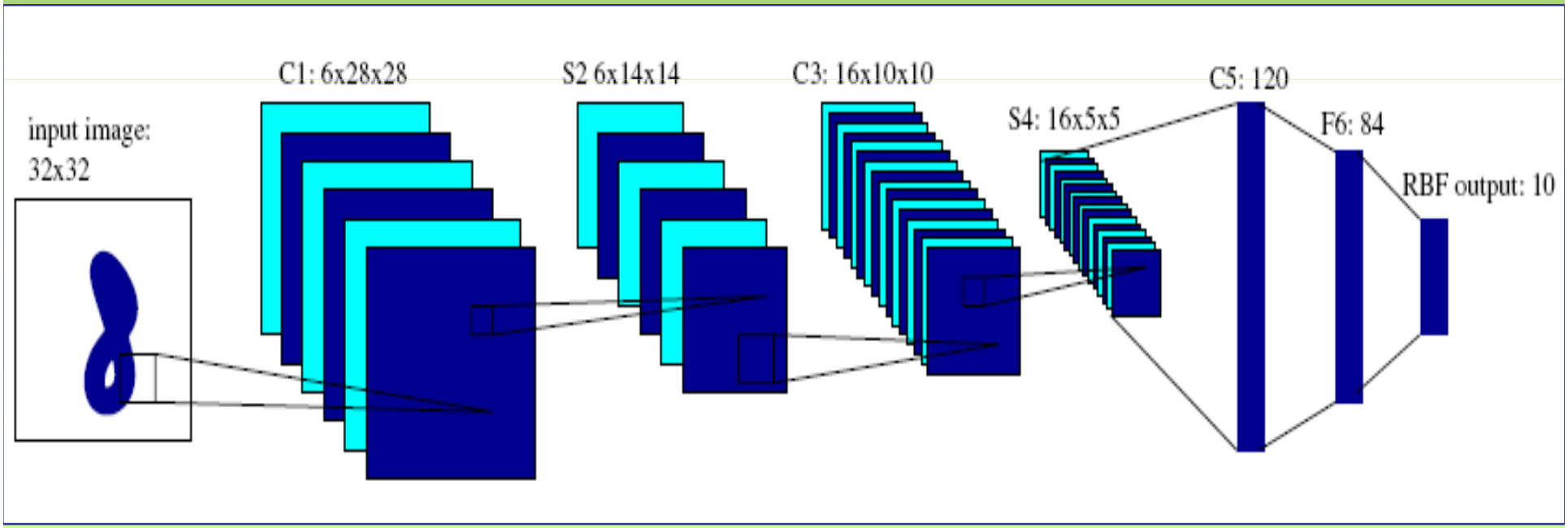
El entrenamiento se realizó utilizando las reglas de actualización de peso estándar y aproximadamente el 93% de los píxeles en el conjunto de validación se clasificaron correctamente

No todos los píxeles fueron utilizados para el entrenamiento.

La baja proporción de muestras de entrenamiento de 'crack' a 'limpias' tendió a desviar la red hacia la clasificación de todas las muestras como 'limpias'

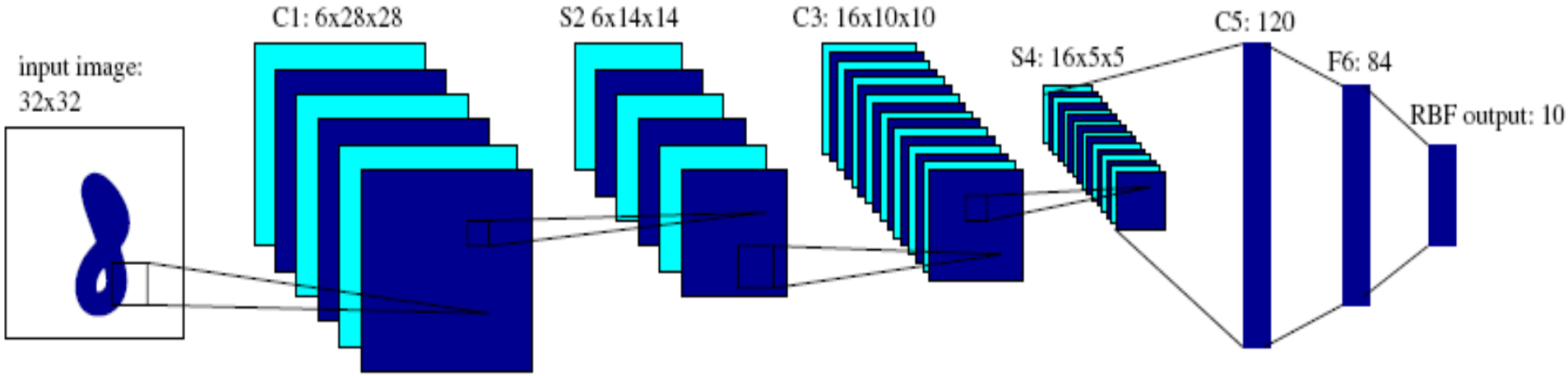
LeNet5

- Introducido por LeCun.
- Imágenes en crudo de 32 × 32 pixels como entrada



LeNet5

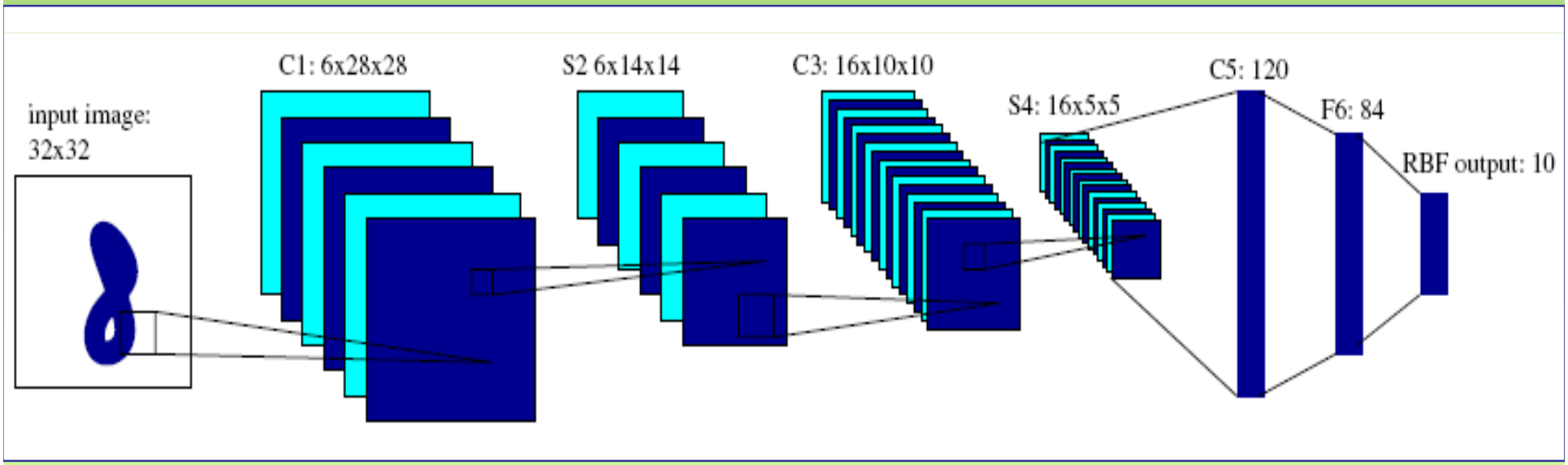
- C1,C3,C5 : Capa Convolucional.
- 5 × 5 Matriz de Convolucion.
- S2 , S4 : Capa de submuestreo.
- Submuestreo por un factor de 2.
- F6 : Capa completamente conectada.



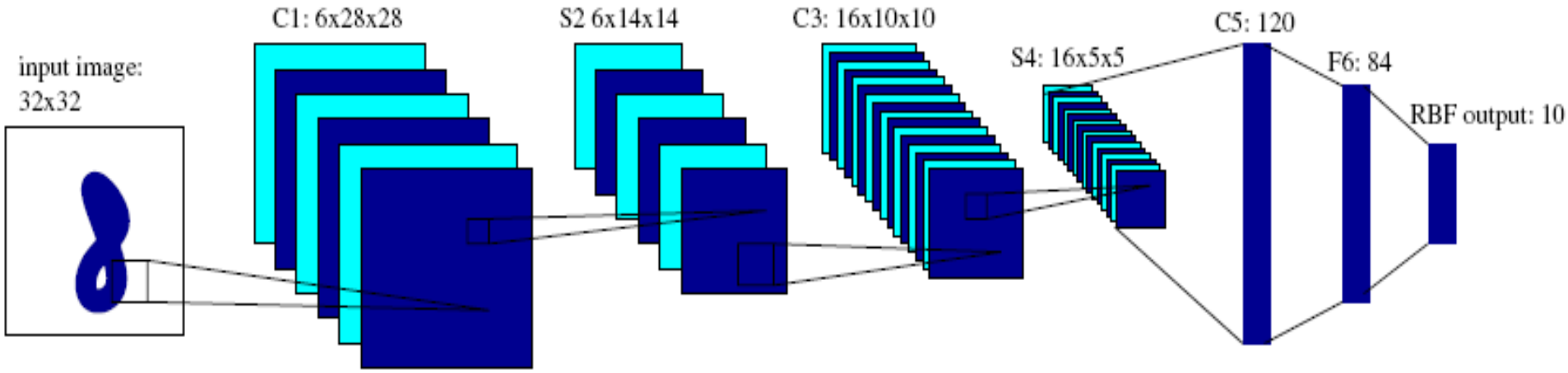
LeNet5

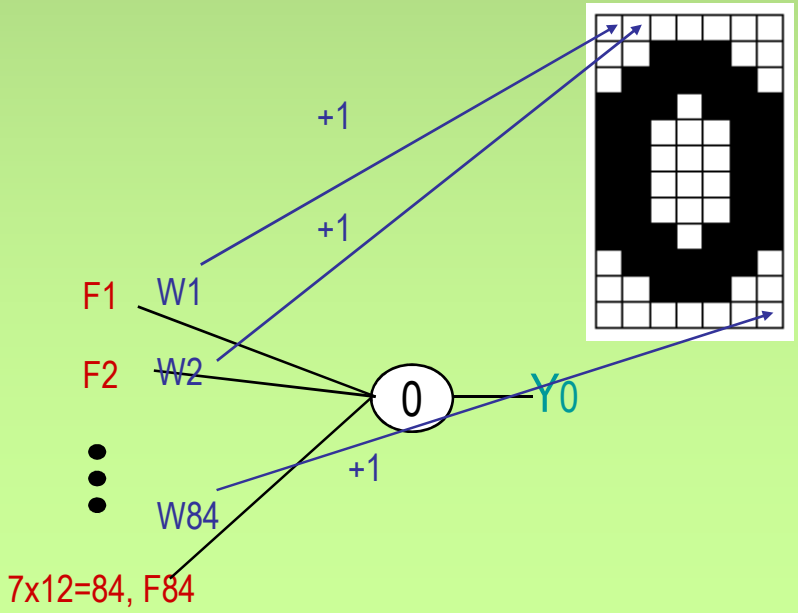
- **Todas las unidades de las capas hasta F6 tienen una función de activación sigmoidal del tipo:**

$$y_j = \varphi(v_j) = A\tanh(Sv_j)$$



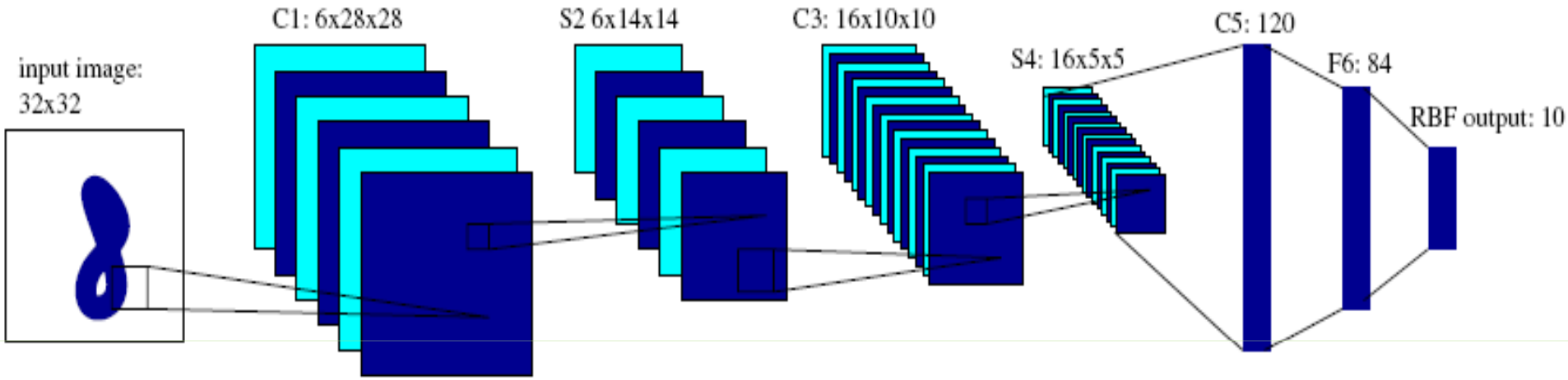
LeNet5





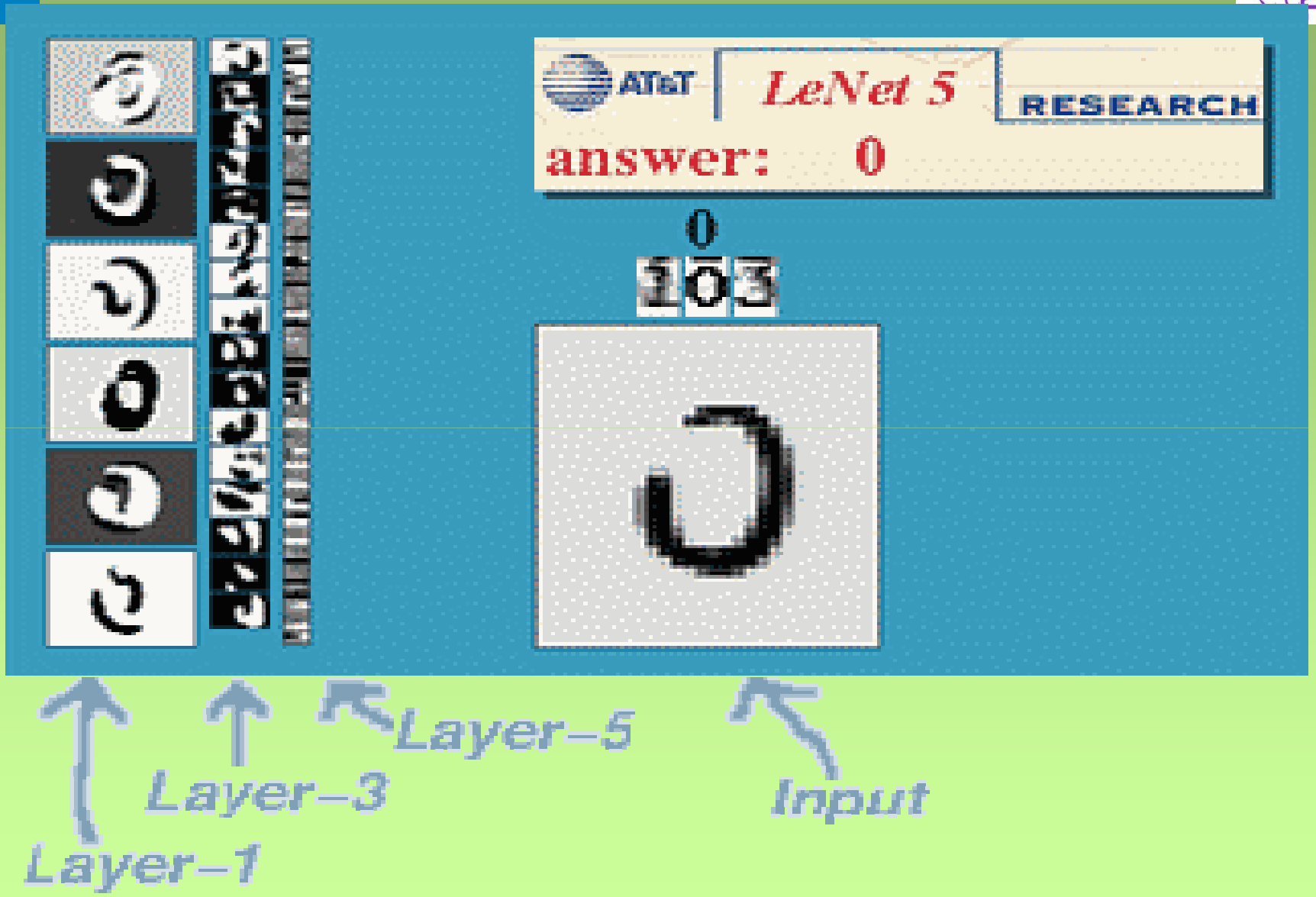
$$Y_j = \sum_{i=1}^{84} (F_i - W_{ij})^2, \; j = 0, \ldots, 9$$

LeNet5



- Alrededor de 187.000 conexiones.
- Alrededor de 14.000 pesos entrenables.

LeNet5


ATaT
LeNet 5
RESEARCH
answer: 0
0
1 0 3
Layer–1
Layer–3
Layer–5
Input

Comparación

Base de datos: MNIST (60,000 dígitos escritos a mano)

Distorsión afín: traslación, rotación.

Deformaciones elásticas: correspondientes a oscilaciones incontroladas de los músculos de la mano.

Redes MLP (3): tiene 800 unidades ocultas

Comparación

Algorithm	Distortion	Error	Ref.
2 layer MLP (MSE)	affine	1.6%	[3]
SVM	affine	1.4%	[9]
Tangent dist.	affine+thick	1.1%	[3]
Lenet5 (MSE)	affine	0.8%	[3]
Boost. Lenet4 MSE	affine	0.7%	[3]
Virtual SVM	affine	0.6%	[9]
2 layer MLP (CE)	none	1.6%	this paper
2 layer MLP (CE)	affine	1.1%	this paper
2 layer MLP (MSE)	elastic	0.9%	this paper
2 layer MLP (CE)	elastic	0.7%	this paper
Simple conv (CE)	affine	0.6%	this paper
Simple conv (CE)	elastic	**0.4%**	this paper

Desventajas

Desde el punto de vista de la memoria y la capacidad, la red CNN no es mucho más grande que una red normal de dos capas.

En tiempo de ejecución las operaciones de convolución son computacionalmente costosas y ocupan aproximadamente el 67% del tiempo.

Las CNN son aproximadamente 3 veces más lentas que sus equivalentes completamente conectadas (en cuanto al tamaño).

Desventajas

Operación de convolución

4 bucles anidados (2 bucles en la imagen de entrada y 2 bucles en el núcleo)

Tamaño de filtro pequeño

hacen que los bucles internos sean muy ineficientes ya que con frecuencia JMP.

Acceso a la memoria complicado

La propagación hacia atrás requiere tanto de la fila como de la columna para acceder a la imagen de entrada y la imagen del filtro.

Las imágenes 2-D están representadas en un orden serializado en fila.

El acceso por columnas a los datos puede dar una alta tasa efectiva de fallos en el subsistema de memoria.

Referencias

[1].Y. LeCun and Y. Bengio.“Convolutional networks for images, speech, and time-series.” In M. A. Arbib, editor, *The Handbook of Brain Theory and Neural Networks*. MIT Press, 1995.

[2].Fabien Lauer, ChingY. Suen, Gérard Bloch,”A trainable feature extractor for handwritten digit recognition“,Elsevier, october 2006.

[3].Patrice Y. Simard, Dave Steinkraus, John Platt, "Best Practices for Convolutional Neural Networks Applied to Visual Document Analysis," International Conference on Document Analysis and Recognition (ICDAR), IEEE Computer Society, Los Alamitos, pp. 958-962, 2003.