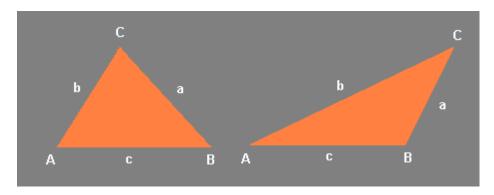
Laboratorio de Programación # 2

EJERCICIO 1:

- RESOLUCIÓN DE TRIÁNGULOS, ÁREAS Y MEDIANAS.

Base teórica

<u>Introducción:</u> Un triángulo que no es rectángulo se le llama oblicuángulo. Los elementos de un triángulo *oblicuángulo* son los *tres ángulos* A, B y C y los *tres lados* respectivos, opuestos a los anteriores, a, b y c.



- -Un problema de resolución de triángulos oblicuángulos consiste en hallar tres de sus elementos, lados o ángulos, cuando se conocen los otros tres (uno de los cuales tiene que ser un lado) de otro modo será un triángulo indefinido.
- -Oblicuángulo se contrapone a rectángulo, en sentido estricto. Pero cuando se habla de triángulos oblicuángulos no se pretende excluir al triángulo rectángulo en el estudio, que queda asumido como caso particular. Es decir, cuando el triángulo es rectángulo, porque se dice expresamente que lo es, el problema se reduce, tiene un tratamiento particular y no necesariamente se aplican las técnicas generales de resolución que vamos a ver seguidamente. Se utilizan tres propiedades:

Suma de los ángulos de un triángulo:

$$A + B + C = 180^{\circ}$$

Teorema del seno:

$$\frac{a}{sen(A)} = \frac{b}{sen(B)} = \frac{c}{sen(C)}$$

Teorema del coseno:

$$a^{2} = b^{2} + c^{2} - 2 * b * c * \cos(A)$$

 $b^{2} = a^{2} + c^{2} - 2 * a * c * \cos(B)$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 * a * b * \cos(C)$$

Casos en la resolución de triángulos:

Caso 1

Los tres lados conocidos ...

Ejemplo: datos: a, b, c. incógnitas: A, B, C

$$A = \arccos\left(\frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 * b * c}\right); B = \arccos\left(\frac{a^2 + c^2 - b^2}{2 * a * c}\right)$$

$$C = 180 - A - B$$

Caso 2

Un lado y los ángulos adyacentes conocidos:

Ejemplo: datos: a, B, C incógnitas: b, c, A

$$A = 180 - B - C$$
; $b = \left(\frac{a * sen(B)}{sen(A)}\right)$; $c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2 * a * b * cos(C)}$

Caso 3

Dos lados y el ángulo formado entre ellos:

Ejemplo: datos: a, b, C incógnitas: c, A, B

$$c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2 * a * b * cos(C)}; A = arccos\left(\frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 * b * c}\right)$$

$$B = 180 - A - B$$

Caso 4

Dos lados y el ángulo opuesto a uno de ellos:

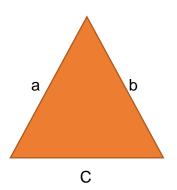
Ejemplo: datos: a, b, A incógnitas: c, B, C

$$c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2 * a * b * cos(C)}; B = \left(\frac{a^2 + c^2 - b^2}{2 * a * c}\right)$$

$$C = 180 - A - B$$

-Cálculo de áreas de un triángulo (por formula de HERON)

Dado el triángulo:



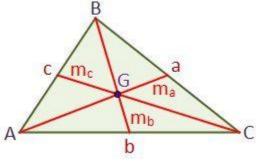
- Con los 3 lados se halla el perímetro del triángulo. (P)
- 2. Con el valor del perímetro se halla el semiperímetro. (S)
- Finalmente, con el semiperímetro se halla el área (A).

$$P = a + b + c$$
; $S = \frac{P}{2}$; $A = \sqrt{S * (S - a) * (S - b) * (S - c)}$

Cálculo de medianas

La **mediana** de un triángulo es el segmento que une uno de sus vértices con el centro del lado opuesto.

Hay tres **medianas** (m_a, m_b, m_c) , según de que vértice parta ésta. La longitud de las medianas se calcula a partir del **teorema de la mediana**:

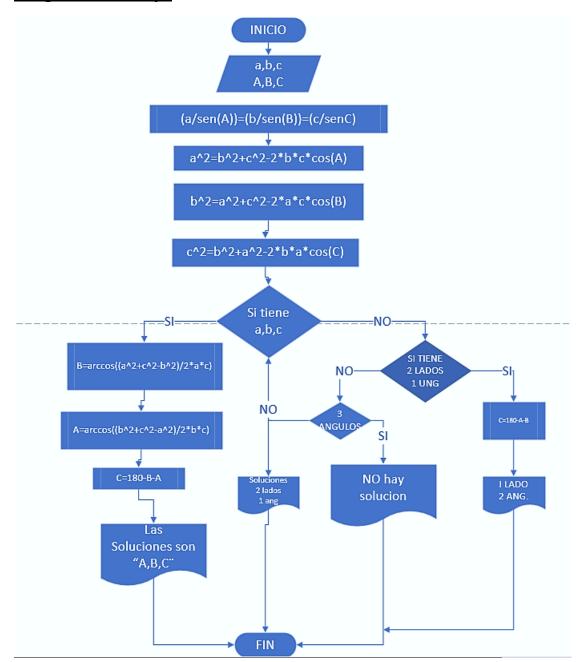


$$m_a = \frac{\sqrt{2(a^2 + c^2) - a^2}}{2}$$

$$m_b = \frac{\sqrt{2(a^2 + c^2) - b^2}}{2}$$

$$m_c = \frac{\sqrt{2(a^2 + b^2) - c^2}}{2}$$

Diagrama de flujo



Listado del código

- // 1. Resolución de triángulos dados 3 datos: a) tres lados
- // b) tres ángulos
- // c) dos lados y un ángulo
- // d) dos ángulos y un lado
- // Resolver los otros tres valores, calcular el area o superficie del triangulo y medianas

```
#include<iostream>
#include<math.h>
#include<string.h>
#define PI 3.14159265359
using namespace std;
int main(){
       int op1,cl=0,ca=0,gl[10],ga[10];
       float lado[10],angulo[10],mediana[10];
       float area=0,x=0;
       char op2;
       do{
              cout<<"\n\t****** RESOLUCION DE TRIANGULOS *********"<<endl;
              cout<<"\t-----"<<endl;
              cout<<"\t\t1.- INGRESAR DATOS"<<endl;</pre>
              cout<<"\t\t2.- SALIR"<<endl<<endl;
              cout<<"INGRESE SU ELECCION: "<<endl;
              cin>>op1;
              cout<<"----"<<endl;
              switch(op1){
                     case 1:{cout<<"\n\t\t***** TRIANGULOS *****"<<endl;
                                   cout<<"\t\t-----"<<endl<<endl;
                                   cout << "\t / \" << endl;
                                   cout<<"\t\t / 1* \\"<<endl;
                                   cout<<"\t LADO 1 / \\"<<endl;
                                   cout<<"\t\t / \\ LADO 2"<<endl;
                                   cout << "\t / \" << endl;
                                   cout<<"\t\t / \\"<<endl;
                                   cout<<"\t\t /
                                                  \\"<<endl;
                                   cout<<"\t\t /
                                                   \\"<<endl;
```

```
cout<<"\t\t/__)3*_____2*(__\\"<<endl<<endl;
                                         cout<<"\t\t LADO 3"<<endl;
                                         cout<<"\t-----"<<endl;
                                         cout<<"\tINGRESE LOS DATOS CONFORME SE DENOTA EN EL
TRIANGULO MOSTRADO: "<<endl;
                                         cout<<"\t(En caso de no poseer un dato ingresar cero)"<<endl;</pre>
                                         cout<<"\t(Ingresar los angulos en grados positivos)"<<endl;</pre>
                                         cout<<"\n\t\tLADOS"<<endl;
                                         cout<<"\t-----"<<endl;
                                         for(int i=1;i<=3;i++){
                                                         cout<<" --> Lado < "<<i<" > = ";
                                                 do{
                                                         cin>>lado[i];
                                                 }while(lado[i]<0);</pre>
                                                 if(lado[i]!=0){cl=cl+1;
                                                         gl[cl]=i;
                                                 }
                                         }cout<<"\n\t\tANGULOS"<<endl;</pre>
                                         cout<<"\t-----"<<endl;
                                         for(int i=1;i<=3;i++){
                                                         cout<<" --> Angulo < "<<i<" > en grados = ";
                                                 do{
                                                         cin>>angulo[i];
                                                 }while(angulo[i]<0);</pre>
                                                 if(angulo[i]!=0){ca=ca+1;
                                                         ga[ca]=i;
                                                 }
                                         }cout<<"\n";cout<<"\n";
                                         cout<<"SE TIENE "<<cl<" LADOS Y "<<ca<<" ANGULOS COMO
DATOS"<<endl<<endl;
                                         if(cl==3){cout<<"\t\ta) Tres lados"<<endl;// LEY DE COSENOS
                                                 angulo[3]= acos( double
(((pow((lado[3]),2))+(pow((lado[1]),2))-
(pow((lado[2]),2)))/(2*lado[3]*lado[1])));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
                                                                        //
```

```
angulo[1]= acos( double
(((pow((lado[2]),2))+(pow((lado[1]),2))-
(pow((lado[3]),2)))/(2*lado[2]*lado[1])));angulo[1]=angulo[1]*180/PI;
                                                    angulo[2]=180-angulo[3]-angulo[1];
                                           }
                                            if(ca==3 and cl==0){cout<<"\t\tb) Tres angulos"<<endl;
                                                    cout<<"\t\tNO ES POSIBLE CALCULAR..."<<endl;
                                                    cout<<"\tDEBIDO A QUE EXISTEN INFINITOS
TRIANGULOS DE DIVERSOS TAMANOS, QUE PUEDEN POSEER LOS MISMOS ANGULOS"<<endl;
                                            }
                                            // LEY DE SENOS con un angulo que NO forman estos
                                            // LEY DE COSENOS con un angulo que SI forman estos
                                            if(cl==2 and ca==1){cout<<"\t\tc) Dos lados y un angulo"<<endl;
                                                    for(int i=1;i<=3;i++){
                                                             if(g[i]==1 \text{ and } g[i+1]==2 \text{ and } ga[i]==1){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                      lado[3]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[2]),2))-(2*lado[1]*lado[2]*(cos(double (angulo[1]*(Pl/180))))));
                                                                      angulo[3]= asin(double
((lado[2]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
                                                                      angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
                                                             }
                                                             if(g[i]==1 \text{ and } g[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==1){// LEY}
DE SENOS
                                                                      angulo[2]= asin(double
((lado[1]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3]));angulo[2]=angulo[2]*180/PI;
                                                                      angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                      lado[2]=lado[3]*(sin(double
(angulo[3]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                             if(g[i]==2 \text{ and } g[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==1){// LEY}
DE SENOS
                                                                      angulo[3]= asin(double
((lado[2]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
                                                                      angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
                                                                      lado[1]=lado[3]*(sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
```

```
}
                                                                 if(g[i]==1 \text{ and } g[i+1]==2 \text{ and } ga[i]==2){// LEY}
DE SENOS
                                                                          angulo[3]= asin(double
((lado[2]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
                                                                          angulo[1]=180-angulo[2]-angulo[3];
                                                                          lado[3]=lado[1]*(sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[2]*(PI/180))));
                                                                 }
                                                                 if(g[i]==1 \text{ and } g[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==2){// LEY}
DE SENOS
                                                                          angulo[1]= asin(double
((lado[3]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[1]=angulo[1]*180/PI;
                                                                          angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                          lado[2]=lado[3]*(sin(double
(angulo[3]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                 }
                                                                 if(g[i]==2 \text{ and } g[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==2){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                          lado[1]=
sqrt(pow((lado[2]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[2]*lado[3]*(cos(double (angulo[2]*(PI/180))))));
                                                                          angulo[3]= asin(double
((lado[2]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
                                                                          angulo[1]=180-angulo[3]-angulo[2];
                                                                 if(g|[i]==1 \text{ and } g|[i+1]==2 \text{ and } ga[i]==3){// LEY}
DE SENOS
                                                                          angulo[2]= asin(double
((lado[1]*(sin(double (angulo[3]*(PI/180)))))/lado[2]));angulo[2]=angulo[2]*180/PI;
                                                                          angulo [1] = 180 - angulo [3] - angulo [2]; \\
                                                                          lado[3]=lado[2]*(sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                 if(g[i]==1 \text{ and } g[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==3){// LEY}
DE TANGENTES Y LEY DE SENOS
                                                                          x=((lado[1]-lado[3])*(tan(double
(((180-angulo[3])/2)*(PI/180)))))/(lado[1]+lado[3]);x=atan(double (x));
```

```
angulo[2]=((180-angulo[3])/2)-
(x*(180/PI));
                                                                         angulo[1]=(2*(x*(180/PI)))+angulo[2];
                                                                         lado[2]=lado[1]*(sin(double
(angulo[3]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                                }
                                                                if(g|[i]==2 \text{ and } g|[i+1]==3 \text{ and } ga[i]==3){// LEY}
DE SENOS
                                                                         angulo[1]= asin(double
((lado[3]*(sin(double (angulo[3]*(PI/180)))))/lado[2]));angulo[1]=angulo[1]*180/PI;
                                                                         angulo[2]=180-angulo[3]-angulo[1];
                                                                         lado[1]=lado[2]*(sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                       }
                                             }
                                              if(cl==1 and ca==2){cout<<"\t\td) Dos angulos y un lado"<<endl;
                                                       for(int i=1;i<=3;i++){
                                                                if(gl[i]==1 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==2){// LEY
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                         angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                         lado[3]= lado[1] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[2]*(PI/180))));
                                                                         lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2) + (pow((lado[3]),2)) - (2*lado[1]*lado[3]*(cos(double\ (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                                if(g[i]==1 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                         angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
                                                                         lado[3]= lado[1] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[2]*(PI/180))));
                                                                         lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[1]*lado[3]*(cos(double (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                                if(gl[i]==1 \text{ and } ga[i]==2 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                         angulo[1]=180-angulo[2]-angulo[3];
```

```
lado[3]= lado[1] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[2]*(PI/180))));
                                                                         lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[1]*lado[3]*(cos(double (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                                if(g[i]==2 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==2){// LEY}
DE SENOS
                                                                         angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                         lado[3]= lado[2] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                         lado[1]= lado[3] * (sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                                }
                                                                if(g[i]==2 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                         angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
                                                                         lado[3]= lado[2] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                         lado[2]=
sqrt(pow((lado[2]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[2]*lado[3]*(cos(double (angulo[2]*(PI/180))))));
                                                                if(g[i]==2 \text{ and } ga[i]==2 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE SENOS
                                                                         angulo[1]=180-angulo[2]-angulo[3];
                                                                         lado[3]= lado[2] * (sin(double
(angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                         lado[1]= lado[2] * (sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
                                                                }
                                                                if(g[i]==3 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==2){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                         angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                         lado[1]= lado[3] * (sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                                         lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[1]*lado[3]*(cos(double (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                                }
```

```
if(g[i]==3 \text{ and } ga[i]==1 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                       angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
                                                                      lado[1]= lado[3] * (sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                                       lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[1]*lado[3]*(cos(double (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                              if(g[i]==3 \text{ and } ga[i]==2 \text{ and } ga[i+1]==3){// LEY}
DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                       angulo[1]=180-angulo[2]-angulo[3];
                                                                       lado[1]= lado[3] * (sin(double
(angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
                                                                      lado[2]=
sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[1]*lado[3]*(cos(double (angulo[3]*(PI/180))))));
                                                              }
                                                     }
                                            }
                                            if((cl+ca)>3){cout<<"Ingreso mas datos de los requeridos"<<endl;
                                            }
                                            area=0.5*lado[2]*lado[3]*((sin(double (angulo[2]*(PI/180)))));
                                            // MEDIANAS
                                            mediana[1]=0.5*sqrt(2*((pow((lado[1]),2))+(pow((lado[2]),2)))-
(pow((lado[3]),2)));
                                            mediana[2]=0.5*sqrt(2*((pow((lado[2]),2))+(pow((lado[3]),2)))-
(pow((lado[1]),2)));
                                            mediana[3]=0.5*sqrt(2*((pow((lado[1]),2))+(pow((lado[3]),2)))-
(pow((lado[2]),2)));
                                            cout<<"\t\tPOR TANTO TENEMOS :"<<endl<<endl;</pre>
                                            for(int i=1;i<=3;i++){
                                                     cout<<"\t--> LADO < "<<i<<" > =
"<<lado[i]<<"[u]\t\t\tANGULO Alfa "<<i<<"* = "<<angulo[i]<<" grados"<<endl;
                                            }cout<<"\n";cout<<"\n";</pre>
                                            cout<<"\t--> MEDIANA A1-L3 = "<<mediana[1]<<" [u]"<<endl;
                                            cout<<"\t--> MEDIANA A2-L1 = "<<mediana[2]<<" [u]"<<endl;
```

```
cout<<"\t--> MEDIANA A3-L2 = "<<mediana[3]<<"
[u]"<<endl<<endl;
                                          cout<<"\t--> AREA = "<<area<<" [u^2]"<<endl;
-----"<<endl;
                                  break;
                         }
                         case 2:{cout<<"Hasta luego..."<<endl;</pre>
                                  break;
                         }
                 default: cout<<"Error de entrada"<<endl;</pre>
                 }
                 cout<<"\nDESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N) "<<endl;</pre>
                 cin>>op2;
        }while(op2=='s' or op2=='S');
        cout<<"\nGRACIAS..."<<endl;</pre>
        return 0;
}
```

Capturas de pantalla

```
EJERCICIO #1 (C++).cpp
                                                                                            ****** RESOLUCION DE TRIANGULOS *******
      // 1. Resolución de triángulos dados 3 datos: a) tres lados
                                                                                                    1.- INGRESAR DATOS
                                                         b) tres ángulos
                                                         c) dos lados y un ángulo
d) dos ángulos y un Lado
INGRESE SU ELECCION:
  3
     11
  4
           Resolver los otros tres valores, calcular el area o superficie del
      //
      #includeciostream>
                                                                                                    ***** TRIANGULOS *****
  8
      #include<math.h>
      #include<string.h>
 10
      #define PI 3.14159265359
 11
 12
      using namespace std;
 13 □ int main(){
                                                                                                LADO 1
          int op1,cl=0,ca=0,gl[10],ga[10];
 14
                                                                                                                       LADO 2
 15
          float lado[10],angulo[10],mediana[10];
 16
          float area=0,x=0;
 17
          char op2;
 18
 19 🛱
               cout<<"\n\t******* RESOLUCION DE TRIANGULOS ************</pre>
 20
               cout<<"\t-----"<<endl;
                                                                                                           LADO 3
 21
               cout<<"\t\t1.- INGRESAR DATOS"<<endl;
 22
                                                                                            INGRESE LOS DATOS CONFORME SE DENOTA EN EL TRIANGULO MOSTRADO : (En caso de no poseer un dato ingresar cero) \,
 23
               cout<<"\t\t2.- SALIR"<<endl<<endl;</pre>
 24
               cout<<"INGRESE SU ELECCION: "<<endl;</pre>
                                                                                            (Ingresar los angulos en grados positivos)
 25
               cin>>op1;
               cout<<"----
 26
                                                                                                    LADOS
 27 🛱
               switch(op1){
                   28 🗐
                                                                                       -> Lado < 1 > = 0
-> Lado < 2 > = 6
 29
 30
                            cout<<"\t\t
                                                    \\"<<endl;
 31
                                                                                                    ANGULOS
                            cout<<"\t\t
                                                / 1* \\"<<endl;
 32
                            cout<<"\t
                                                             \\"<<endl;
 33
                                          LADO 1
                                                                                       -> Angulo < 1 > en grados = 43
-> Angulo < 2 > en grados = 72
-> Angulo < 3 > en grados = 0
                            cout<<"\t\t
                                                             LADO 2"<<endl;
 34
                            cout<<"\t\t
                                                         \\"<<endl;
 35
                            cout<<"\t\t
                                                          \\"<<endl;
 37
```

```
(Ingresar los angulos en grados positivo
EJERCICIO #1 (C++).cpp
                                                                                                                                                    LADOS
                                        cout<<"\t\t
                                                                                        LADO 2"<<endl:
                                        cout<<"\t\t
cout<<"\t\t
                                                                                  \\"<<endl;
  36
                                                                                   \\"<<endl:
                                        cout<<"\t\t
                                                                                     .
\\"<<end1;
                                        cout<<"\t\t
 38
                                                                                      \\"<<end1:
  39
                                        cout<<"\t\t/__)3
                                                                               2*(__\\"<<endl<<endl;
                                                                                                                                                     ANGULOS
                                        cout<<"\t\t LADO 3"<<endl;
cout<<"\t------"<<endl;
cout<<"\t-----"<<endl;
cout<<"\tingress LOS DATOS CONFORME SE DENOTA EN EL TRI.</pre>
                                        cout<<"\t\t
 40
                                                                                                                                  --> Angulo < 1 > en grados = 43
--> Angulo < 2 > en grados = 72
--> Angulo < 3 > en grados = 0
 42
                                        cout<<"\t[En caso de no poseer un dato ingresar cero]"
cout<<"\t[Ingresar los angulos en grados positivos]"<<e
 44
                                        cout<<"\n\t\tLADOS"<<endl;
cout<<"\t-----"<<endl;
                                                                                                                                SE TIENE 1 LADOS Y 2 ANGULOS COMO DATOS
 46
                                        for(int i=1;i<=3;i++){
    do{ cout<<" --> Lado < "<<i<<" >= ";
 47 🛱
                                                                                                                                                     d) Dos angulos y un lado
POR TANTO TENEMOS :
 48 E
                                                     cin>>lado[i];
 49
                                              }while(lado[i]<0);
if(lado[i]!=0){cl=cl+1;</pre>
                                                                                                                                                                                                             ANGULO Alfa 1* = 43 grados
ANGULO Alfa 2* = 72 grados
ANGULO Alfa 3* = 65 grados
                                                                                                                                          --> LADO < 1 > = 6.29625[u]
--> LADO < 2 > = 6[u]
--> LADO < 3 > = 4.51501[u]
 50
 51 🛱
 52
                                                    gl[cl]=i;
 54
55
56 🗐
                                        }cout<<"\n\t\tANGULOS"<<endl:</pre>
                                                                                                                                          --> MEDIANA A1-L3 = 5.72058 [u]
--> MEDIANA A2-L1 = 4.27574 [u]
--> MEDIANA A3-L2 = 4.58411 [u]
                                        for(int i=1;i<=3;i++){
                                              do{ cout<<" --> Angulo < "<<i<<" > en grados = ";
      cin>>angulo[i];
 57 E
 58
59
                                                                                                                                          --> AREA = 12.8821 [u^2]
                                               }while(angulo[i]<0);
 60 ⊟
                                              if(angulo[i]!=0){ca=ca+1;
 61
                                                    ga[ca]=i;
                                                                                                                               DESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N)
 62
 63
                                        }cout<<"\n";cout<<"\n";
cout<<"SE TIENE "<<cl<" LADOS Y "<<ca<<" ANGULOS COMO DATOS"<<endl<<endl;</pre>
 64
                                        if(cl==3){cout<<"\t\ta) Tres lados"<<endl;// LEY DE COSENOS</pre>
                                              angulo[3]= acos( double (((pow((lado[3]),2))+(pow((lado[1]),2))-(pow((lado[2]),2)))/(2*lado[3]*lado[1])));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
angulo[1]= acos( double (((pow((lado[2]),2))+(pow((lado[1]),2))-(pow((lado[3]),2)))/(2*lado[2]*lado[1])));angulo[1]=angulo[1]*180/PI;
 66
 67
 68
                                               angulo[2]=180-angulo[3]-angulo[1];
                                         if(ca==3 and cl==0){coutce"\t\th) Tree anguloe"ecendle
```

```
EJERCICIO #1 (C++).cpp
                                                       if(ca==3 and cl==0){cout<<"\t\tb) Tres angulos"<<endl;</pre>
                                                               cout<<"\t\tNO ES POSIBLE CALCULAR..."
                                                               cout<<"\tdebido a que existen infinitos triangulos de diversos tamanos, que pueden poseer los mismos angulos"<<endl;
   72
   73
                                                       // LEY DE SENOS con un angulo que NO forman estos
   74
                                                      // LEY DE COSENOS con un angulo que SI forman estos
if(cl==2 and ca==1){cout<<"\t\tc) Dos lados y un angulo"<<endl;</pre>
   76 E
                                                               for(int i=1;i<=3;i++){
   77 E
   78 🛱
                                                                       if(gl[i]==1 and gl[i+1]==2 and ga[i]==1){// LEY DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                                lado[3]= sqrt(pow((lado[1]),2)+(pow((lado[2]),2))-(2*lado[1]*lado[2]*(cos(double (angulo[1]*(PI/180))))));
   80
                                                                                angulo[3]= asin(double ((lado[2]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
  81
                                                                                angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
  82
                                                                       if(gl[i]==1 and gl[i+1]==3 and ga[i]==1){// LEY DE SENOS
    angulo[2]= asin(double ((lado[1]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3]));angulo[2]=angulo[2]*180/PI;
    angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
  83 🛱
  84
  85
                                                                                lado[2]=lado[3]*(sin(double (angulo[3]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
  86
  87
  88 🗏
                                                                       if(gl[i]==2 and gl[i+1]==3 and ga[i]==1){// LEY DE SENOS
                                                                               sqt_1==2 alm ga[1==1](// LET DE SENOS
angulo[3]= asin(double ((lado[2]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180)))))/lado[3])); angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
angulo[2]=180-angulo[1]-angulo[3];
  89
   90
   91
                                                                                lado[1]=lado[3]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[1]*(PI/180))));
  92
                                                                       if(gl[i]==1 and gl[i+1]==2 and ga[i]==2){// LEY DE SENOS
  93 🖃
                                                                                angulo[3]= asin(double ((lado[2]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[3]=angulo[3]*180/PI;
   94
   95
                                                                                angulo[1]=180-angulo[2]-angulo[3];
  96
                                                                                lado[3]=lado[1]*(sin(double (angulo[1]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[2]*(PI/180))));
  97
  98 🛱
                                                                       if(gl[i]==1 and gl[i+1]==3 and ga[i]==2){// LEY DE SENOS
  99
                                                                                angulo[1]= asin(double ((lado[3]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[1]=angulo[1]*180/PI;
100
                                                                                angulo[3]=180-angulo[1]-angulo[2];
                                                                                lado[2]=lado[3]*(sin(double (angulo[3]*(PI/180))))/(sin(double (angulo[3]*(PI/180))));
101
102
103 🛱
                                                                        if(gl[i]==2 and gl[i+1]==3 and ga[i]==2){// LEY DE COSENOS Y LEY DE SENOS
                                                                                lado[1] = sqrt(pow((lado[2]),2)+(pow((lado[3]),2))-(2*lado[2]*lado[3]*(cos(double (angulo[2]*(PI/180)))));
angulo[3] = asin(double ((lado[2]*(sin(double (angulo[2]*(PI/180)))))/lado[1]));angulo[3] = angulo[3]*180/PI;
angulo[1] = 180-angulo[3] - angulo[3] - a
104
105
```

EJERCICIO 2:

- MATRICES DE VANDERMONDE Y SU DETERMINANTE

Base teórica

En álgebra lineal con matriz de Vandermonde indicamos una matriz cuyas **FILAS** o **COLUMNAS** tienen elementos, a partir de 1, en progresión geométrica

$$A = \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} \qquad B = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ a & b & c & d \\ a^2 & b^2 & c^2 & d^2 \\ a^3 & b^3 & c^3 & d^3 \end{vmatrix}$$

Y para hallar la determinante:

Determinante de Vandermonde

• O determinante da matriz de Vandermonde pode ser escrito da forma seguinte:

$$\begin{vmatrix} 1 & x_0 & \dots & x_0^n \\ 1 & x_1 & \dots & x_1^n \\ 1 & \dots & \dots & \dots \\ 1 & x_n & \dots & x_n^n \end{vmatrix} = \prod_{0 \le i < j \le n} (x_j - x_i)$$

MATRIZ

Un arreglo (matriz) es una colección ordenada de datos (tanto primitivos u objetos dependiendo del lenguaje). Los arreglos (matrices) se emplean para almacenar multiples valores en una sola variable, frente a las variables que sólo pueden almacenar un valor (por cada variable).

VECTOR

En programación, se le denomina vector, formación, matriz (en inglés array, del cual surge la mala traducción arreglo), a una zona de almacenamiento contiguo que contiene una serie de elementos del mismo tipo, los elementos de la matriz.

FOR

Un for en programación se usa cuando queremos repetir un conjunto de instrucciones un número finito de veces.

SWITCH

Usar switch ayuda a simplificar el código y evita confusiones, ya que organiza en varias ramas el código que va a ser ejecutado.

DO WHILE

es una estructura de repetición o iterativa, ejecutamos primero todo el bloque de instrucciones, y al final siempre comprobaremos la condición para salir.

IF

Un if en programación se utiliza para evaluar una expresión condicional: si se cumple la condición (es verdadera), ejecutará un bloque de código. Si es falsa, es posible ejecutar otras sentencias.

Como hemos dicho, la condición es una condición lógica, sólo devolverá true o false, y se ejecutará si su valor es true.

PARA LAS OPERACIONES

for (int
$$i=0$$
; $i< n$; $i++$){

PARA EL DETERMINANTE

$$|H| = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^2 & b^2 & c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & b-a & c-a \\ 0 & b^2-a^2 & c^2-a^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} (b-a) & (c-a) \\ (b-a)(b+a) & (c-a)(b-a) \end{vmatrix} = (b-a)(c-a)(c-b)$$

Resta a cada fila "a" por la fila anterior.

$$H = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ a & b & c & d \\ a^2 & b^2 & c^2 & d^2 \\ a^3 & b^3 & c^3 & d^3 \end{vmatrix} = (b-a)(c-a)(d-a)(c-b)(d-b)(d-c)$$

Diagrama de flujo

Diagrama realizado en PSEINT Proceso DCCV_EJ_2 2. Generar matrices enésimas de Vandermonde y calcular el determinante Definir i, j, op, n, f, c Como Entero Definir Vector, Matriz, det Como Real Dimension Vector[100] Dimension Matriz[100,100] det ← 1 ' ****** MATRICES DE VANDERMONDE ******* 1.- EN FILAS' 2.- EN COLUMNAS' 3.- SALIR' 'INGRESE SU ELECCION: ' /'INGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ: ' n>0 0 n<100 op De Otro Modo 'INGRESE UN VALOR BASE POR COLUMNA' / 'HASTA LUEGO...' 'INGRESE UN VALOR BASE POR FILA' TOMA DE DATOS TOMA DE DATOS /'M[',i+1,',2] = ' /'M[2,',i+1,'] = '/ Vector[i] Vector[i] OPERACIONES OPERACIONES Matriz[i,j]<-Vector[i]^j Matriz[i,j]<-Vector[i]^j MOSTRAR MOSTRAR LA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : 1 /'LA MATRIZ DE VANDERMONDE ES :' 7 Matriz[j,i],' ' i 0 n-1 DETERMINANTE DETERMINANTE det < det*(Vector[j]-Vector[i])</pre> det < det*(Vector[j]-Vector[i])</pre> j i+1 n-1 Y SU DETERMINANTE ES : ', det ' Y SU DETERMINANTE ES :',det 🤈 11.7 FinProceso

Listado del código

```
#include<iostream>
#include<stdio.h>
#include<math.h>
using namespace std;
int main(){
      int op,n,f,c;
       double det=1;
      float Vector[100];
       float Matriz[100][100];
       cout<<"\n\t****** MATRICES DE VANDERMONDE ******* "<<endl;
       cout<<"\t-----"<<endl;
       cout<<"\t\t1.- EN FILAS"<<endl;
       cout<<"\t\t2.- EN COLUMNAS"<<endl;
       cout<<"\t\t3.- SALIR"<<endl<<endl;
       cout<<"INGRESE SU ELECCION: "<<endl;
       cin>>op;
       cout<<"-----"<<endl;
       do{cout<<"INGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ: "<<endl;
             cin>>n;
       }while(n<0 or n>100);
       switch(op){
             case 1:{cout<<"INGRESE UN VALOR BASE POR FILA: "<<endl;
                           //TOMA DE DATOS
                           for (int i=0;i<n;i++){
                                  cout<<"M["<<i+1<<",2] = ";
```

```
cin>>Vector[i];
               }
               //OPERACIONES
               for (int i=0;i<n;i++){
                      for (int j=0;j<n;j++){
                              Matriz[i][j]=pow((Vector[i]),j);
                      }
               }
               //MOSTRAR
               cout<<"\n\tLA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : "<<endl<<endl;</pre>
               cout<<"-----"<<endl;
               for (int i=0;i<n;i++){
                      cout << "\t";
                      for (int j=0;j<n;j++){
                              cout<<Matriz[i][j]<<"\t";
                      }cout<<"\n";
               }
               //DETERMINANTE
               for(int i=0;i<n-1;i++){
                      for(int j=i+1;j<n;j++){
                              det=det*(Vector[j]-Vector[i]);
                      }
               }
               cout<<"\n\tY SU DETERMINANTE ES : " <<det<<endl;</pre>
               break;
       }
case 2:{cout<<"INGRESE UN VALOR BASE POR COLUMNA: "<<endl;
               //TOMA DE DATOS
               for (int i=0;i<n;i++){
                      cout<<"M[2,"<<i+1<<"] = "<<endl;
```

```
cin>>Vector[i];
               }
               //OPERACIONES
               for (int i=0;i<n;i++){
                      for (int j=0;j<n;j++){
                              Matriz[i][j]=pow((Vector[i]),j);
                      }
               }
               //MOSTRAR
               cout<<"\n\tLA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : "<<endl<<endl;</pre>
               cout<<"-----"<<endl;
               for (int i=0;i<n;i++){
                      cout << "\t";
                      for (int j=0;j<n;j++){
                              cout<<Matriz[j][i]<<"\t";
                      }cout<<"\n";
               }
               //DETERMINANTE POR VANDERMONDE
               for(int i=0;i<n-1;i++){
                      for(int j=i+1;j<n;j++){
                              det=det*(Vector[j]-Vector[i]);
                      }
               }
               cout<<"\n\tY SU DETERMINANTE ES : " <<det<<endl;</pre>
       break;
}
case 3:{cout<<"Hasta luego..."<<endl;</pre>
       break;
}
```

```
default:cout<<"Error"<<endl;
}
return 0;
}</pre>
```

Capturas de pantalla

```
EJERCICIO #1.cpp × EJERCICIO #2.cpp × EJERCICIO #3.cpp × EJERCICIO #4.cpp ×
1 //2. Generar matrices enésimas de Vandermonde y calcular el determinante
                                                                                      ■ C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO ...
    #include<iostream>
 3
                                                                                             ****** MATRICES DE VANDERMONDE *******
    #include<stdio.h>
 4
 5
    #include<math.h>
                                                                                                    1.- EN FILAS
                                                                                                    2.- EN COLUMNAS
3.- SALIR
    using namespace std;
 8
                                                                                      INGRESE SU ELECCION:
9 □ int main(){
10
        int op,n,f,c;
11
         double det=1;
                                                                                      INGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ:
12
         float Vector[100];
13
         float Matriz[100][100];
                                                                                      INGRESE UN VALOR BASE POR FILA :
14
                                                                                      M[1,2] = 2
M[2,2] = 3
         cout<<"\n\t****** MATRICES DE VANDERMONDE ********(<endl;</pre>
15
         cout<<"\t-----"<<endl;
16
         cout<<"\t\t1.- EN FILAS"<<endl;</pre>
17
                                                                                      M[4,2] = 5
M[5,2] = 6
         cout<<"\t\t2.- EN COLUMNAS"<<endl;</pre>
18
         cout<<"\t\t3.- SALIR"<<endl<<endl;
19
                                                                                             LA MATRIZ DE VANDERMONDE ES :
         cout<<"INGRESE SU ELECCION: "<<endl;</pre>
20
21
         cin>>op;
         cout<<"-----"<<endl;
22
                                                                                                                           16
         do{cout<<"INGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ: "<<endl;</pre>
23 🖃
                                                                                                                   27
64
                                                                                                                           81
24
             cin>>n;
25
         }while(n<0 or n>100);
26 🗏
         switch(op){
                                                                                                            36
                                                                                                                   216
                                                                                                                           1296
27 🛱
             case 1:{cout<<"INGRESE UN VALOR BASE POR FILA : "<<endl;</pre>
28
                     //TOMA DE DATOS
                                                                                             Y SU DETERMINANTE ES : 288
29 🛱
                     for (int i=0;i<n;i++){</pre>
30
                         cout<<"M["<<i+1<<",2] = ";
                                                                                       rocess exited after 20.71 seconds with return value 0
                         cin>>Vector[i];
31
                                                                                       esione una tecla para continuar . . .
32
```

```
EJERCICIO #1.cpp ×
                        EJERCICIO # 2.cpp × EJERCICIO # 3.cpp × EJERCICIO # 4.cpp ×
                                                                                                ■ C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO ...
37
                            }
38
39
                        //MOSTRAR
                                                                                                       ****** MATRICES DE VANDERMONDE ******
40
                       cout<<"\n\tLA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : "<<endl<<endl;</pre>
41
                        cout<<"--
                                                                                                               1.- EN FILAS
                                                                                                               2.- EN COLUMNAS
42 Ė
                       for (int i=0;i<n;i++){</pre>
                                                                                                                3.- SALIR
43
                            cout<<"\t":
                            for (int j=0;j<n;j++){
    cout<<Matriz[i][j]<<"\t";</pre>
44 E
                                                                                               INGRESE SU ELECCION:
45
                            }cout<<"\n";
46
47
                                                                                                NGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ:
48
                        //DETERMINANTE
49 🛱
                        for(int i=0;i<n-1;i++){
                                                                                               INGRESE UN VALOR BASE POR FILA :
                                                                                                [1,2] = 2
[2,2] = 3
[3,2] = 4
50 Ė
                            for(int j=i+1;j<n;j++){</pre>
51
                                det=det*(Vector[j]-Vector[i]);
52
                                                                                                [4,2] = 5
[5,2] = 6
53
54
                       cout<<"\n\ty SU DETERMINANTE ES : " <<det<<endl;</pre>
55
                       break;
                                                                                                       LA MATRIZ DE VANDERMONDE ES :
56
              case 2:{cout<<"INGRESE UN VALOR BASE POR COLUMNA: "<<endl;</pre>
57 🛱
58
                        //TOMA DE DATOS
59 Ė
                       for (int i=0;i<n;i++){</pre>
                            cout<<"M[2,"<<i+1<<"] = "<<endl;</pre>
                                                                                                                                64
125
                                                                                                                                        256
625
60
61
                            cin>>Vector[i];
62
                        //OPERACIONES
63
                                                                                                       Y SU DETERMINANTE ES : 288
                       for (int i=0;i<n;i++){</pre>
64 🗐
65 Ė
                            for (int j=0;j<n;j++){</pre>
                                Matriz[i][j]=pow((Vector[i]),j);
66
                                                                                                rocess exited after 20.71 seconds with return value 0
67
                                                                                                resione una tecla para continuar . . .
68
69
                       //MOSTRAR
                       cout<<"\n\tLA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : "<<endl<<endl;</pre>
70
71
                       cout<<"----"<<endl;
                          EJERCICIO # 2.cpp × EJERCICIO # 3.cpp × EJERCICIO # 4.cpp
 FJERCICIO # 1.cpp
                                                                                                 ■ C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO
 59 🗐
                         for (int i=0;i<n;i++){
                              cout<<"M[2,"<<i+1<<"] = "<<endl;
  60
  61
                              cin>>Vector[i];
                                                                                                         ****** MATRICES DE VANDERMONDE ******
  62
  63
                          //OPERACIONES
                                                                                                                 1.- EN FILAS
                                                                                                                 2.- EN COLUMNAS
  64 🖹
                         for (int i=0;i<n;i++){
                                                                                                                 3.- SALIR
 65 E
                              for (int j=0;j<n;j++){</pre>
                                  Matriz[i][j]=pow((Vector[i]),j);
  66
                                                                                                 INGRESE SU ELECCION:
 67
  68
  69
                                                                                                 INGRESE UN VALOR < n > PARA EL TAMANO DE LA MATRIZ:
                         cout<<'\n\tLA MATRIZ DE VANDERMONDE ES : "<<endl<<endl;
cout<<"-----"<<<<------"</pre>
  70
  71
                                                                                                INGRESE UN VALOR BASE POR FILA :
                                                                                                M[1,2] = 2
M[2,2] = 3
M[3,2] = 4
 72 🗒
                         for (int i=0;i<n;i++){
                              cout<<"\t";
  73
                              for (int j=0;j<n;j++){</pre>
  74 🖃
                                                                                                 1[4,2] = 5
1[5,2] = 6
                                  cout<<Matriz[j][i]<<"\t";</pre>
  75
                              }cout<<"\n";
  76
  77
                                                                                                        LA MATRIZ DE VANDERMONDE ES :
  78
                          //DETERMINANTE POR VANDERMONDE
  79 🛱
                         for(int i=0;i<n-1;i++){
  80 🗏
                              for(int j=i+1;j<n;j++){</pre>
                                                                                                                                 8
27
64
                                                                                                                                          16
  81
                                  det=det*(Vector[j]-Vector[i]);
  82
 83
                                                                                                                                  216
  84
  85
                         cout<<"\n\ty SU DETERMINANTE ES : " <<det<<endl;
                                                                                                         Y SU DETERMINANTE ES : 288
  86
  87
 88 🗏
                case 3:{cout<<"Hasta luego..."<<endl;</pre>
                                                                                                 Process exited after 20.71 seconds with return value 0
 29
                    break;
                                                                                                  resione una tecla para continuar . .
 90
            default:
                         cout<<"Error"<<endl:
 91
 92
```

93

return 0;

EJERCICIO 2:

- DIVISION DE POLINOMIOS POR HORNER

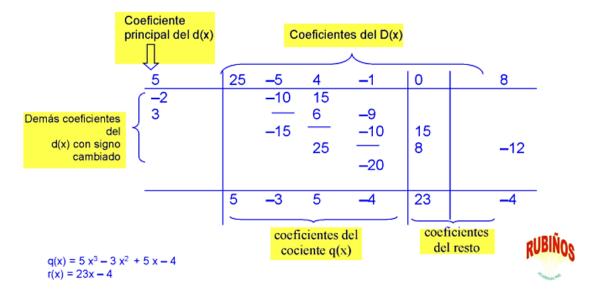
Base teórica

Ejemplo 2: Dividir D(x) =
$$25x^5 - x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 8$$
 por d(x) = $5x^2 - 3 + 2x$

Solución:

Ordenando y completando los términos del dividendo y divisor:

$$D(x) = 25x^5 - 5x^4 + 4x^3 - x^2 + 0x + 8$$
, $d(x) = 5x^2 + 2x - 3$

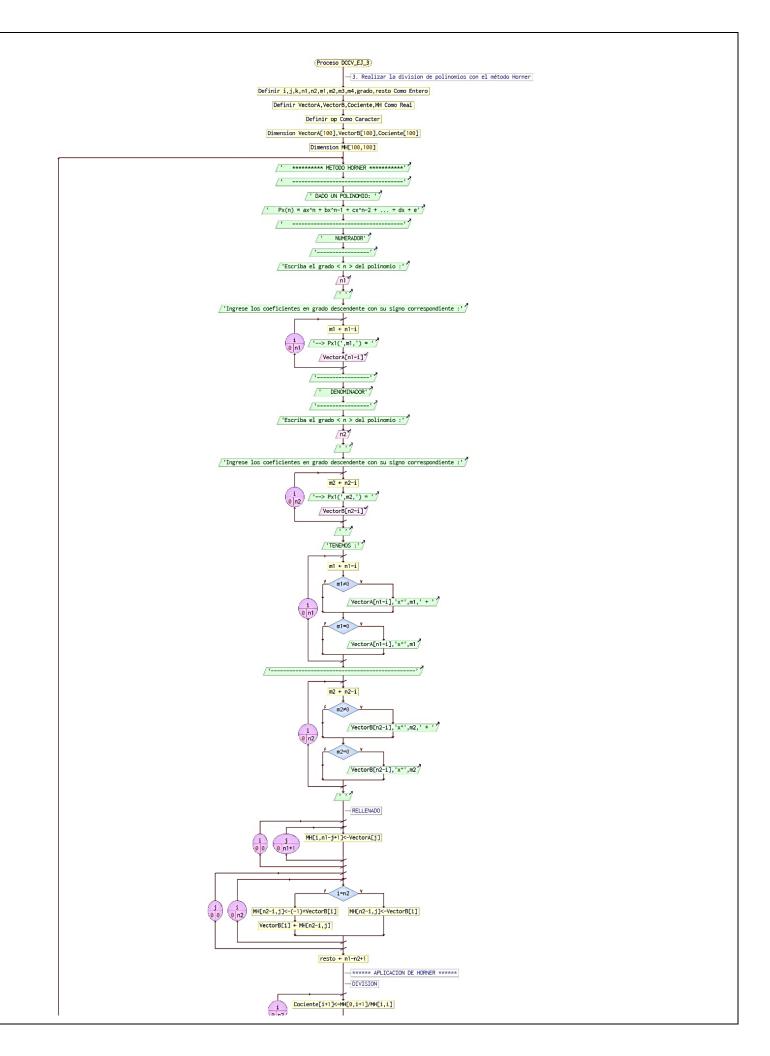


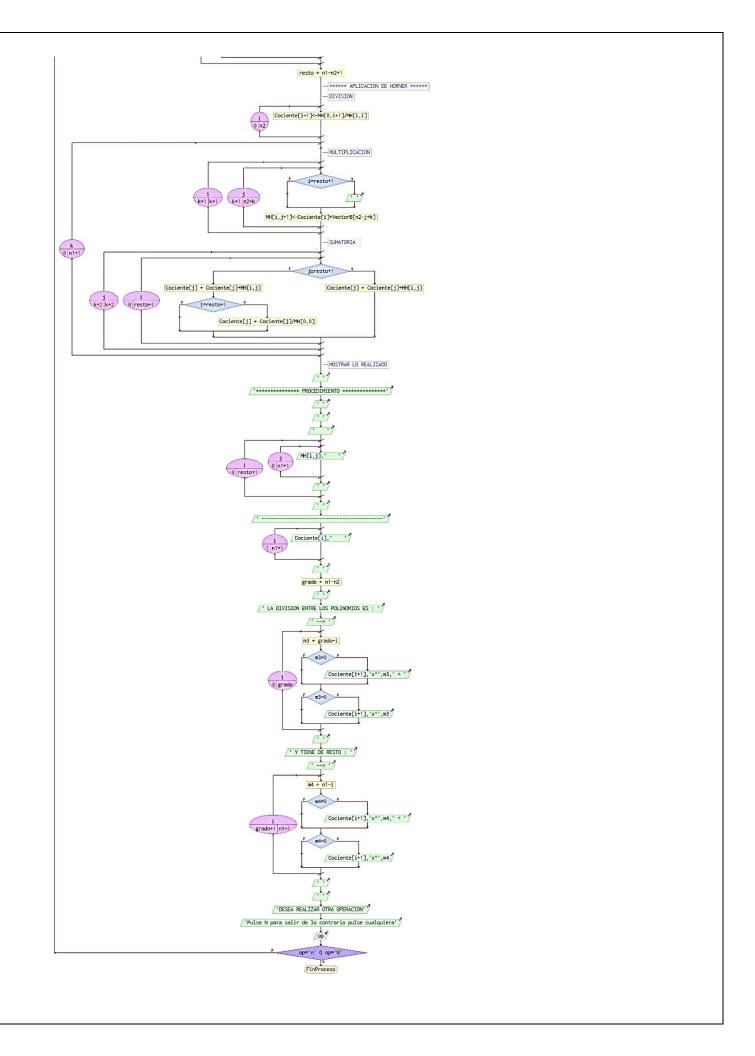
APLICACION DE HORNER

```
MH[i][j+1]=Cociente[i]*VectorB[n2-j+k];
                }
        }
        // SUMATORIA 1
        for(int j=k+2;j<=k+2;j++){Cociente[j]=0;
                for(int i=0;i<=resto+1;i++){</pre>
                        if(j>=resto+1){
                                Cociente[j]=Cociente[j]+MH[i][j];
                        }else{
                                Cociente[j]=Cociente[j]+MH[i][j];
                                if(i==resto+1){}
                                        Cociente[j]=Cociente[j]/MH[0][0];
                                }
                        }
                }
        }
}
```

Diagrama de flujo

Diagrama realizado en PSEINT





Listado del código

```
#include <iostream>
#include <conio.h>
#include <math.h>
using namespace std;
int main(){
      int n1,n2,m1,m2,m3,m4,grado,resto;
      float VectorA[100], VectorB[100], Cociente[100];
      float MH[100][100];
      char op;
      do{
             cout<<"DADO UN POLINOMIO: "<<endl;
             cout << "\t Px(n) = ax^n + bx^{n-1} + cx^{n-2} + ... + dx + e" << endl;
             cout<<"-----"<<endl;
             cout<<"\tNUMERADOR"<<endl;</pre>
             cout<<"-----"<<endl;
             cout<<"Escriba el grado < n > del polinomio :"<<endl;</pre>
             cin>>n1;cout<<"\n";
      cout<<"Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente
:"<<endl;
             for(int i=0;i<=n1;i++){
                   m1=n1-i;
                   cout<<"\n--> Px1("<<m1<<") = ";
                   cin>>VectorA[n1-i];
```

```
}
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"\tDENOMINADOR"<<endl;
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"Escriba el grado < n > del polinomio :"<<endl;</pre>
              cin>>n2;cout<<"\n";
       cout<<"Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente
:"<<endl;
              for(int i=0;i<=n2;i++){
                     m2=n2-i;
                     cout<<"\n--> Px2("<<m2<<") = ";
                     cin>>VectorB[n2-i];
              }cout<<"\n";
              cout<<"\tTENEMOS: "<<endl;cout<<"\n\t\t";</pre>
              for(int i=0;i<=n1;i++){
                     m1=n1-i;
                     if(m1!=0){
                            cout<<VectorA[n1-i]<<"x^"<<m1<<" + ";
                     }
                     if(m1==0){
                            cout<<VectorA[n1-i]<<"x^"<<m1;
                     }
              }cout<<"\n";
              cout<<"\t--> -----"<<endl;cout<<"\t\t";
              for(int i=0;i<=n2;i++){
                     m2=n2-i;
                     if(m2!=0){
                            cout<<VectorB[n2-i]<<"x^"<<m2<<" + ";
                     }
                     if(m2==0){
```

```
cout<<VectorB[n2-i]<<"x^"<<m2;
       }
}cout<<"\n";cout<<"\n";
// RELLENADO
for(int i=0;i<=0;i++){
       for(int j=0;j<=n1+1;j++){
               MH[i][n1-j+1]=VectorA[j];
       }
}
for(int j=0;j<=0;j++){
       for(int i=0;i<=n2;i++){
               if(i==n2){
                       MH[n2-i][j]=VectorB[i];
               }else{
                       MH[n2-i][j]=(-1)*VectorB[i];
                       VectorB[i]=MH[n2-i][j];
               }
       }
}
resto=n1-n2+1;
// ***** APLICACION DE HORNER *****
// DIVISION
for(int i=0;i<=n2;i++){
       Cociente[i+1]=MH[0][i+1]/MH[i][i];
}
for(int k=0;k<=n1+1;k++){
       // MULTIPLICACION 1
       for(int i=k+1;i<=k+1;i++){
               for(int j=k+1;j<=n2+k;j++){
                       if(i==resto+1){break;
```

```
}
                                MH[i][j+1]=Cociente[i]*VectorB[n2-j+k];
                          }
                   }
                   // SUMATORIA 1
                   for(int j=k+2;j<=k+2;j++){Cociente[j]=0;
                          for(int i=0;i<=resto+1;i++){</pre>
                                if(j>=resto+1){
                                       Cociente[j]=Cociente[j]+MH[i][j];
                                }else{
                                       Cociente[j]=Cociente[j]+MH[i][j];
                                       if(i==resto+1){
                                              Cociente[j]=Cociente[j]/MH[0][0];
                                       }
                                }
                          }
                   }
             }
             // MOSTRAR LO REALIZADO
             for(int i=0;i \le resto+1;i++){cout << "\t"};
                   for(int j=0;j<=n1+1;j++){
                          cout<<MH[i][j]<<"\t";
                   }cout<<"\n";
             }cout<<"\n";cout<<"------
"<<endl;cout<<"\t\t";
             for(int i=1;i<=n1+1;i++){
                   cout<<Cociente[i]<<"\t";
             }cout<<"\n";
             grado=n1-n2;
```

```
cout<<"\n LA DIVISION ENTRE LOS POLINOMIOS ES : "<<endl<<endl;</pre>
       cout<<"\t--> ";
        for(int i=0;i<=grado;i++){</pre>
               m3=grado-i;
               if(m3!=0){
                        cout<<Cociente[i+1]<<"x^"<<m3<<" + ";
               }
               if(m3==0){
                        cout<<Cociente[i+1]<<"x^"<<m3;</pre>
               }
       }cout<<"\n";
       cout<<"\n Y TIENE RESTO : "<<endl<<endl;</pre>
       cout<<"\t--> ";
        for(int i=grado+1;i<=n1+1;i++){
               m4=n1-i;
               if(m4!=0){
                        cout<<Cociente[i+1]<<"x^"<<m4<<" + ";
               }
               if(m4==0){
                        cout<<Cociente[i+1]<<"x^"<<m4;</pre>
                        break;
               }
       }cout<<"\n\n";
       cout<<"\nDESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N) "<<endl;</pre>
       cin>>op;
}while(op=='s' or op=='S');
cout<<"\nGRACIAS..."<<endl;</pre>
return 0;
```

Capturas de pantalla

```
■ C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO # 2\EJERCICIO 3...
EJERCICIO # 1.cpp × | EJERCICIO # 2.cpp × EJERCICIO # 3.cpp × | EJERCICIO # 4.cpp × |
 1 //3. Realizar la division de polinomios con el método Horner
                                                                                                          ****** METODO HORNER *******
     #include <iostream>
     #include <comio.h>
     #include <math.h>
     using namespace std;
                                                                                                   NUMERADOR
 8 ☐ int main(){
                                                                                             scriba el grado < n > del polinomio :
         int n1,n2,m1,m2,m3,m4,grado,resto;
         float VectorA[100],VectorB[100],Cociente[100];
float MH[100][100];
10
12
         char op;
                                                                                             > Px1(4) = 38
 14 Ė
 15
             cout<<"-----
 16
             > Px1(1) = 0
 18
 19
             cout<<"\tNUMERADOR"<<endl;
 20
             cout<<"-----"<<endl;
cout<<"Escriba el grado < n > del polinomio :"<<endl;</pre>
 21
22
             cin>>n1;cout<<"\n";
cout<<"Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente</pre>
 23
24
                                                                                             scriba el grado < n > del polinomio :
 25 Ė
             for(int i=0;i<=n1;i++){</pre>
 26
                m1=n1-i;
                                                                                             Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente :
                 cout<<"\n--> Px1("<<m1<<") = ";
 27
 28
                cin>>VectorA[n1-i];
 29
             cout<<"\tDENOMINADOR"<<endl;</pre>
 31
             cout<<"Escriba el grado < n > del polinomio :"<<endl;</pre>
 33
                                                                                                   TENEMOS:
             cout<<"Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente
 35
             for(int i=0;i<=n2;i++){
 37
                m2=n2-i;
```

```
C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO # 2\EJERCICIO 3... —
EJERCICIO # 1.cpp × EJERCICIO # 2.cpp × EJERCICIO # 3.cpp × EJERCICIO # 4.cpp ×
34
              cin>>n2;cout<<"\n";
              cout<<"Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente
 35
              for(int i=0;i<=n2;i++){</pre>
36 🗐
                                                                                                   Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente
                  cout<<"\n--> Px2("<<m2<<") = ";
38
 39
                  cin>>VectorB[n2-i];
                                                                                                    -> Px2(2) = 2
              }cout<<"\n";
cout<<"\tENEMOS: "<<endl;cout<<"\n\t\t";</pre>
40
                                                                                                    > Px2(1) = -5
41
              for(int i=0;i<=n1;i++){
43
                  m1=n1-i:
44 🗐
                  if(m1!=0){
                                                                                                         TENEMOS .
45
                      cout<<VectorA[n1-i]<<"x^"<<m1<<" + ";
46
                                                                                                                 38x^4 + -65x^3 + 0x^2 + 0x^1 + 27x^0
                  if(m1==0){
48
                      cout<<VectorA[n1-i]<<"x^"<<m1;</pre>
                                                                                                                 2x^2 + -5x^1 + 3x^0
49
50
              cout<<"\t-->
                                                                                                         ************* PROCEDIMIENTO ************
                             -----"<<endl:cout<<"\t\t"
51
 52 🛱
              for(int i=0;i<=n2;i++){
53
                  m2=n2-i:
 54 <u>=</u>
                  if(m2!=0){
                                                                                                                                        -45
 55
                     cout<<VectorB[n2-i]<<"x^"<<m2<<" + ";
56
58
59
                      cout<<VectorB[n2-i]<<"x^"<<m2;</pre>
              }cout<<"\n";cout<<"\n";
                                                                                                    LA DIVISION ENTRE LOS POLINOMIOS ES :
61
              // RELLENADO
62 🛱
              for(int i=0;i<=0;i++){
                                                                                                          --> 19x^2 + 15x^1 + 9x^0
                  for(int j=0;j<=n1+1;j++){
    MH[i][n1-j+1]=VectorA[j];</pre>
63 Ė
64
                                                                                                    Y TIENE RESTO :
66
                                                                                                          --> 0x^1 + 0x^0
              for(int j=0;j<=0;j++){
68 🛱
                  for(int i=0;i<=n2;i++){</pre>
                      if(i==n2){
69 □
                                                                                                  DESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N)
                          MH[n2-i][j]=VectorB[i];
```

```
■ C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\LAB PROG\LABORATORIO # 2\EJERCICIO 3...
EJERCICIO # 1.cpp × EJERCICIO # 2.cpp × EJERCICIO # 3.cpp × EJERCICIO # 4.cpp ×
                                                                                                             Escriba el grado < n > del polinomio :
               for(int i=0;i<=0;i++){
   for(int j=0;j<=n1+1;j++){</pre>
                        MH[i][n1-j+1]=VectorA[j];
                                                                                                            Ingrese los coeficientes en grado descendente con su signo correspondiente :
 65
                                                                                                              \rightarrow Px2(2) = 2
               for(int j=0;j<=0;j++){
   for(int i=0;i<=n2;i++){</pre>
 69 E
                        if(i==n2){
                            MH[n2-i][j]=VectorB[i];
                                                                                                              -> Px2(0) = 3
 70
 71
72
                            MH[n2-i][j]=(-1)*VectorB[i];
                             VectorB[i]=MH[n2-i][j];
                                                                                                                            38x^4 + -65x^3 + 0x^2 + 0x^1 + 27x^0
 74
                                                                                                                            2x^2 + -5x^1 + 3x^0
 76
               resto=n1-n2+1;
                                                                                                                    ******* PROCEDIMIENTO ********
               // ***** APLICACION DE HORNER *****
// DIVISION
 78
 79
               for(int i=0;i<=n2;i++){
                   Cociente[i+1]=MH[0][i+1]/MH[i][i];
 81
 83 🖹
84
                for(int k=0;k<=n1+1;k++){
                    // MULTIPLICACION 1
                    for(int i=k+1;i<=k+1;i++){</pre>
 86 E
                        for(int j=k+1; j<=n2+k; j++){
                             if(i==resto+1){break;
                                                                                                             LA DIVISION ENTRE LOS POLINOMIOS ES :
 88
                             MH[i][j+1]=Cociente[i]*VectorB[n2-j+k];
                                                                                                                    --> 19x^2 + 15x^1 + 9x^0
 90
 91
                                                                                                             Y TIENE RESTO :
 92
                    // SUMATORIA 1
                    for(int j=k+2;j<=k+2;j++){Cociente[j]=0;</pre>
 93 ⊟
                                                                                                                    --> 0x^1 + 0x^0
                         for(int i=0;i<=resto+1;i++){</pre>
                             if(j>=resto+1){
                                 Cociente[j]=Cociente[j]+MH[i][j];
                                                                                                            DESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N)
                             }else{
Cociontalil-Cociontalil+MH[i][i].
```

EJERCICIO 4:

RESOLUCION DE UN SISTEMA DE ECUACIONES LINEALES (2X2)

Base teórica

<u>Introducción:</u> Recordemos que los <u>Sistemas de Ecuaciones Lineales 2×2</u> son aquello que se componen de <u>dos</u> ecuaciones con <u>dos</u> incógnitas, y existen varios métodos para llegar a su solución en caso de existir.

Un método que se utiliza es el siguiente:

Método de (CRAMER)

Antes de iniciar con el paso a paso de este método, es pertinente recordar qué es una matriz 2×2 y qué es un determinante.

Una matriz 2×2 no es más que un arreglo de elementos que posee dos columnas y dos filas

Matriz 2x2. Dos filas y dos columnas

 $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$

Y un determinante de una matriz 2×2 consiste en restar el producto de las diagonales de la matriz:

$$\det\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = ad - bc$$

Veamos que sí es la resta del producto de las diagonales:

$$\det \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = ad - bc$$

$$\det \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = ad - bc$$

Paso 1. Se prepara la matriz de los coeficientes y se halla el

determinante

Identificamos los coeficientes de las incógnitas y construimos la matriz M con ellos:

$$2x + 3y = 20$$
 Ecuación 1
 $x - 2y = 3$ Ecuación 2

Matriz de los coeficientes.

$$M = \begin{bmatrix} x & y \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

Calculamos su determinante:

$$|M| = (2)(-2) - (3)(1)$$

 $|M| = -4 - 3 = -7$

Bien, ya tenemos que el determinante de la matriz de coeficientes es -7

Paso 2. Se prepara la matriz de la incógnita x, y se halla el determinante

La matriz de la **incógnita X** es la misma matriz de coeficientes con una diferencia. En lugar de colocar los coeficientes de **X**, se ubican los valores numéricos que quedaron al otro lado de las ecuaciones.

$$2x + 3y = 20$$
 Ecuación 1
 $x - 2y = 3$ Ecuación 2

Matriz de los coeficientes.

Veamos:

Ya con esto tenemos la **Matriz de X**, y procedemos a calcular su determinante:

$$M = \begin{bmatrix} X & Y \\ X & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

$$M_x = \begin{bmatrix} 20 & 3 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$$

$$M_{x} = \begin{bmatrix} 20 & 3 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$$

$$|M_x| = (20)(-2) - (3)(3)$$

 $|M_x| = -40 - 9 = -49$

El determinante de la Matriz X es -49

Paso 3. Se prepara la matriz de la incógnita y, y se halla el determinante

La matriz de la **incógnita Y** es la misma matriz de coeficientes con una diferencia. En lugar de colocar los coeficientes de **Y**, se ubican los valores numéricos que quedaron al otro lado de las ecuaciones.

Veamos:

$$2x + 3y = 20$$
 Ecuación 1
 $x - 2y = 3$ Ecuación 2

Matriz de los coeficientes.

$$M = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$$

$$M_y = \begin{bmatrix} 2 & 20 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

Ya con esto tenemos la **Matriz de Y**, y procedemos a calcular su determinante:

$$M_y = \begin{bmatrix} 2 & 20 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$
$$|M_y| = (2)(3) - (20)(1)$$
$$|M_y| = 6 - 20 = -14$$

El determinante de la Matriz Y es -14

Paso 4. Hallamos el valor de las incógnitas.

El valor de Y va a ser igual al determinante de la matriz Y dividido en el determinante de la matriz de coeficientes:

$$y = \frac{\left| M_{y} \right|}{\left| M \right|}$$

El valor de X va a ser igual al determinante de la matriz X dividido en el determinante de la matriz de coeficientes:

$$x = \frac{|M_x|}{|M|}$$

Resolvemos:

$$y = \frac{|M_y|}{|M|} = \frac{-14}{-7} = 2$$

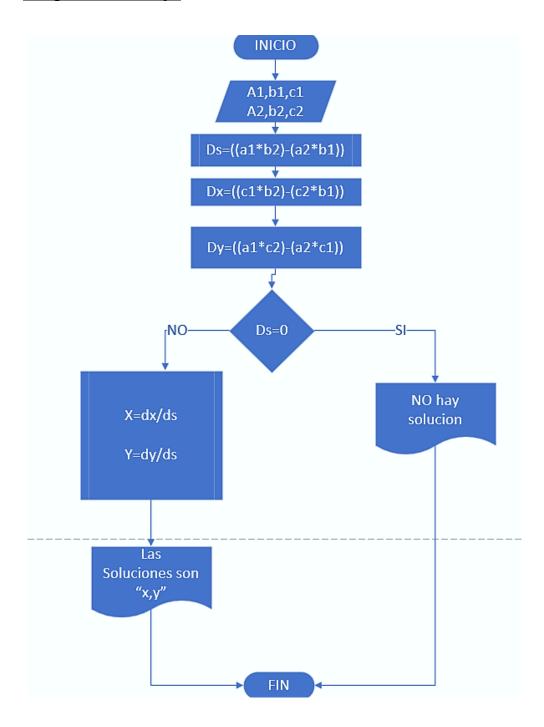
$$x = \frac{|M_x|}{|M|} = \frac{-49}{-7} = 7$$

Paso 5. Verificación de la solución del sistema.

Nuestra solución:

$$y = 2$$
$$x = 7$$

Diagrama de flujo



Listado del código

//4. Resolver un sistema de 2 ecuaciones y 2 incógnitas

#include<iostream>

```
#include<math.h>
#include<string.h>
using namespace std;
int main(){
       float a1,b1,c1,a2,b2,c2;
       float delta=0,dx=0,dy=0;
       float x=0,y=0;
       char op;
       do{
              cout<<"\nSI SE TIENE DOS ECUACIONES DE LA FORMA :"<<endl;
              cout << "\t + by = c" << endl;
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"\tPRIMERA ECUACION"<<endl;
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"Escriba el coeficiente de < a > x:"<<endl;
              cin>>a1;
              cout<<"Escriba el coeficiente de < b > y:"<<endl;
              cin>>b1;
              cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;
              cin>>c1;
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"\tSEGUNDA ECUACION"<<endl;
              cout<<"-----"<<endl;
              cout<<"Escriba el coeficiente de < a > x:"<<endl;
              cin>>a2;
              cout<<"Escriba el coeficiente de < b > y:"<<endl;
              cin>>b2;
              cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;</pre>
              cin>>c2;
```

```
// USO DEL METODO DETERMINANTE
               delta=((a1*b2)-(a2*b1));
               dx=((c1*b2)-(c2*b1));
               dy=((a1*c2)-(a2*c1));
               if(delta!=0){
                      x=dx/delta;
                      y=dy/delta;
                      cout<<"\nPor tanto, las soluciones del sistema son:"<<endl<
                      cout<<"\t\tx = "<<x<endl;
                      cout<<"\t\ty = "<<y<<endl;
               }
               if(delta==0){
                      cout<<"\n\tNo es posible resolver ya que presenta una division entre
cero"<<endl;
               }
               cout<<"\nDESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N) "<<endl;</pre>
               cin>>op;
       }while(op=='s' or op=='S');
       cout<<"\nGRACIAS..."<<endl;
       return 0;
}
```

Capturas de pantalla

```
EJERCICIO # 1 (C++).cpp × EJERCICIO # 4 (C++).cpp ×
1 //4. Resolver un sistema de 2 ecuaciones y 2 incógnitas
                                                                            C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\...
3
    #include<iostream>
                                                                           SI SE TIENE DOS ECUACIONES DE LA FORMA :
4 #include<math.h>
    #include<string.h>
                                                                                        ax + by = c
5
6
    using namespace std;
                                                                                  PRIMERA ECUACION
7 ☐ int main(){
8
        float a1,b1,c1,a2,b2,c2;
                                                                           Escriba el coeficiente de < a > x:
9
        float delta=0,dx=0,dy=0;
        float x=0,y=0;
10
                                                                           Escriba el coeficiente de < b > v:
11
        char op;
12
                                                                           Escriba la constante < c >:
13 🗐
        do{
            cout<<"\nsi se tiene dos ecuaciones de la forma :"<<endl;</pre>
14
15
            cout<<"\t\tax + by = c"<<endl;</pre>
                                                                                  SEGUNDA ECUACION
            cout<<"-----
16
                                                                           Escriba el coeficiente de < a > x:
            cout<<"\tPRIMERA ECUACION"<<endl;</pre>
17
18
            cout<<"-----"<<endl;
                                                                           Escriba el coeficiente de < b > v:
19
            cout<<"Escriba el coeficiente de < a > x:"<<endl;</pre>
20
                                                                           Escriba la constante < c >:
            cout<<"Escriba el coeficiente de < b > y:"<<endl;</pre>
21
22
            cin>>b1:
23
            cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;</pre>
                                                                           Por tanto, las soluciones del sistema son:
24
25
            cout<<"-----"<<endl;
                                                                                         x = 1
            cout<<"\tSEGUNDA ECUACION"<<endl;</pre>
                                                                                         v = 3
26
27
            cout<<"-----"<<endl;
                                                                           DESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N)
            cout<<"Escriba el coeficiente de < a > x:"<<endl;</pre>
28
29
            cin>>a2;
30
            cout<<"Escriba el coeficiente de < b > y:"<<endl;</pre>
31
32
            cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;</pre>
33
            cin>>c2:
34
35
            // USO DEL METODO DETERMINANTE
36
            delta=((a1*b2)-(a2*b1));
37
            dx=((c1*b2)-(c2*b1));
            dv-//21*c2\-/22*c1\
```

```
LULINOIOIO # 7 (0 · ).0pp
22
             cin>>b1;
                                                                                                       C:\Users\HP\OneDrive\Escritorio\CRIS\... —
             cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;</pre>
23
24
             cin>>c1;
             cout<<"-----"<<endl:
                                                                                                       SI SE TIENE DOS ECUACIONES DE LA FORMA :
25
                                                                                                                ax + by = c
26
             cout<<"\tsegunda ECUACION"<<endl;</pre>
             cout<<"-----"<<endl:
27
                                                                                                              PRIMERA ECUACION
28
             cout<<"Escriba el coeficiente de < a > x:"<<endl;</pre>
29
                                                                                                       Escriba el coeficiente de < a > x:
             cout<<"Escriba el coeficiente de < b > y:"<<endl;</pre>
30
31
                                                                                                       Escriba el coeficiente de < b > y:
             cout<<"Escriba la constante < c >:"<<endl;</pre>
32
33
             cin>>c2;
                                                                                                       Escriba la constante < c >:
34
35
             // USO DEL METODO DETERMINANTE
             delta=((a1*b2)-(a2*b1));
                                                                                                              SEGUNDA ECUACION
36
37
             dx=((c1*b2)-(c2*b1));
                                                                                                       Escriba el coeficiente de < a > x:
             dy=((a1*c2)-(a2*c1));
38
             if(delta!=0){
39 ⊡
                                                                                                       Escriba el coeficiente de < b > y:
                 x=dx/delta:
40
41
                 v=dv/delta:
                                                                                                       Escriba la constante < c >:
                 cout<<"\nPor tanto, las soluciones del sistema son:"<<endl<<endl;</pre>
42
                 cout<<"\t\tx = "<<x<<endl;
43
                 cout<<"\t\ty = "<<y<<endl;</pre>
44
                                                                                                       Por tanto, las soluciones del sistema son:
45
46 ⊟
             if(delta==0){
47
                 cout<<"\n\tNo es posible resolver ya que presenta una division entre cero"<<endl;</pre>
48
                                                                                                      DESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N)
49
             cout<<"\nDESEA REALIZAR OTRA OPERACION (S/N) "<<endl;</pre>
50
         }while(op=='s' or op=='S');
51
         cout<<"\nGRACIAS..."<<endl;</pre>
52
53
55
         return 0;
56
```