Fachhochschule Dortmund

University of Applied Sciences and Arts Fachbereich Informatik

Algorithmen und Datenstrukturen

VL03 - LISTEN

Inhalt

- Einführung
- Lineare Listen
 - Abstrakte Datenstruktur
 - Konkrete Datenstruktur: Implementierung durch Array
 - Konkrete Datenstruktur: Implementierung durch Verkettung
 - Komplexität
- Generics (Typparameter)

EINFÜHRUNG

Einführung Definitionen

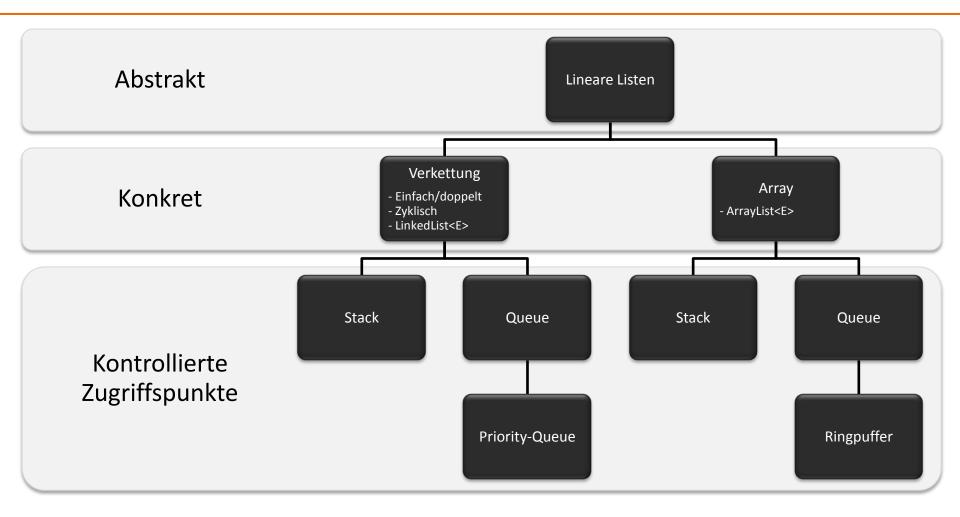
Abstrakte Datenstruktur.

 Beschreibung der wesentlichen Eigenschaften eines Datenverbundes und der zulässigen Operationen auf der Datenstruktur

Konkrete Datenstruktur

 Konkrete Art und Weise (Implementierung), wie die Daten im Speicher abgelegt und die Operationen auf ihnen realisiert werden

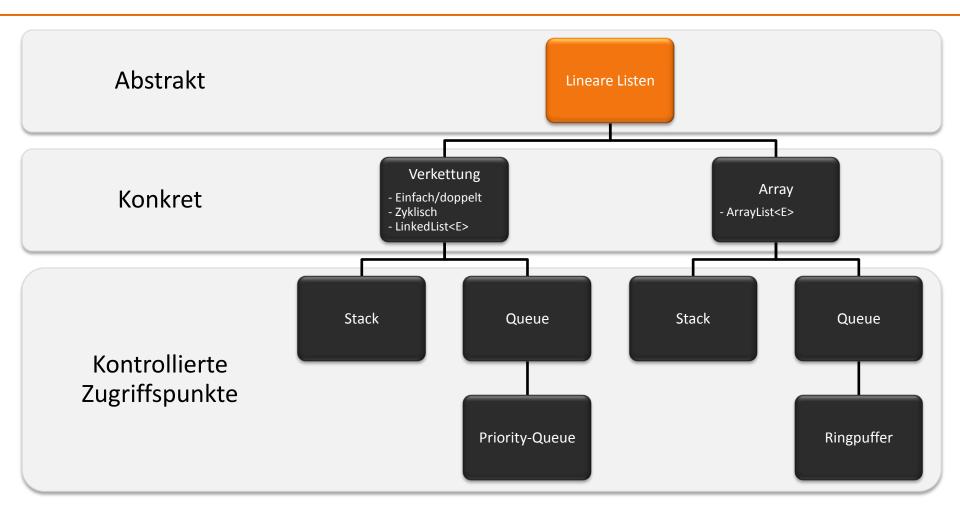
Einführung Übersicht



Lineare Listen

ABSTRAKTE DATENSTRUKTUR

Lineare Listen Übersicht



Lineare Listen

Abstrakte Datenstruktur

Linear geordnete Folge von Elementen:

- Die lineare Ordnung bezieht sich auf die Position in der Liste.
- Jedes Listenelement besitzt einen Vorgänger und einen Nachfolger:



- Offensichtliche Ausnahmen:
 - Das erste Element (Anfang) hat keinen Vorgänger.
 - Das letzte Element (Ende) hat keinen Nachfolger.
- Offensichtliche Sachverhalte:
 - Eine Liste kann leer sein, das heißt sie enthält keine Elemente.
 - In einer Liste mit genau einem Element sind Anfang und Ende identisch.

Lineare Listen

Einige wichtige Operationen

Element am Ende anhängen:



• Element an beliebiger Stelle einfügen:



Element an beliebiger Stelle entfernen:

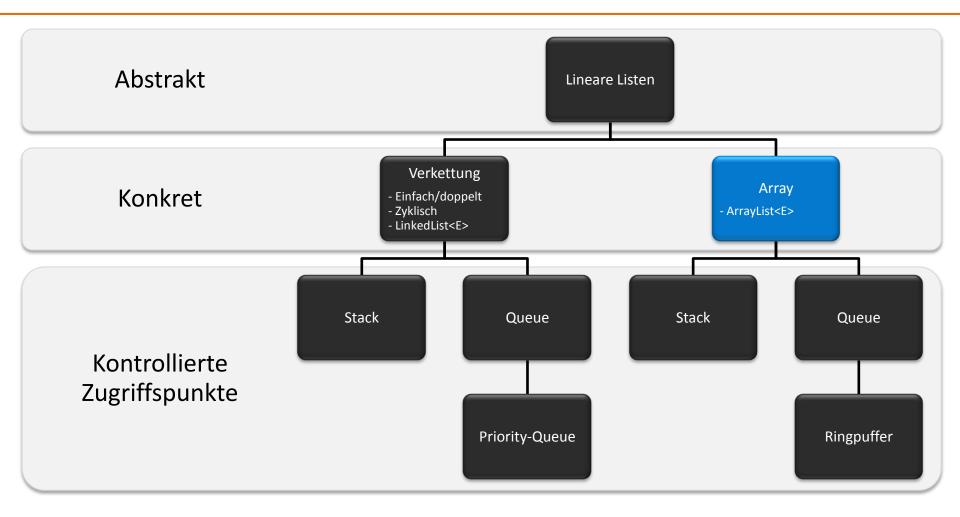


- Angabe einer Stelle:
 - Durch Referenz (vor/hinter einem anderen Element)
 - Durch Index-Position

Lineare Listen

KONKRETE DATENSTRUKTUR: IMPLEMENTIERUNG DURCH ARRAY

Lineare Listen Übersicht



Implementierung durch Array

- Arrays sind in den meisten Programmiersprachen:
 - Statische Datenstruktur zur sequenziellen Speicherung
 - Länge wird bei der Deklaration (statische Arrays) oder Erzeugung mit new oder malloc() (dynamische Arrays) festgelegt
 - Länge während der Laufzeit nicht veränderbar
 - In C/C++ können Arrays, die dynamisch mit malloc() erzeugt wurden, durch realloc() in ihrer Größe angepasst werden, ohne dass Elemente umkopiert werden müssen. Hierzu muss die Plattform eine virtuelle Speicherverwaltung bieten.
 - Arrays implementieren bereits eine Lineare Liste: Vorgänger/Nachfolger ergeben sich durch die Index-Position der Elemente.

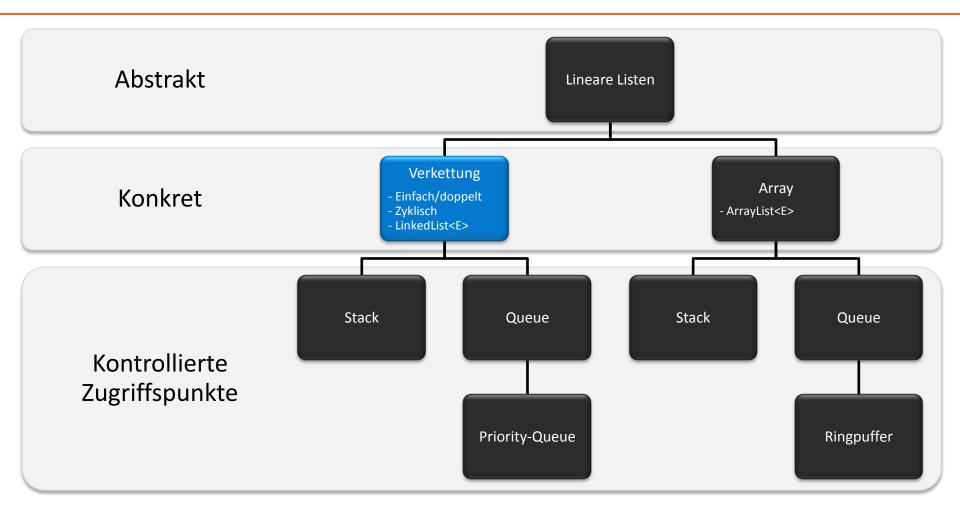
Bewertung:

- Sortieralgorithmen und Binäre Suche möglich:
 - Jedes Element in 0(1) über Indexposition ansprechbar
- Hohe Verschiebekosten O(n) für das Einfügen und Entfernen
- Anzahl der Elemente begrenzt, ggf. wird Speicher verschwendet

Lineare Listen

KONKRETE DATENSTRUKTUR: IMPLEMENTIERUNG DURCH VERKETTUNG

Lineare Listen Übersicht



Implementierung durch Verkettung

Dynamische Datenstrukturen

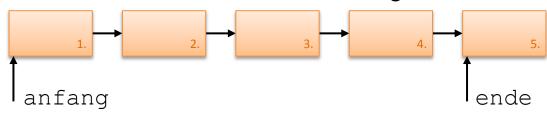
 Dynamische Datenstrukturen können wachsen oder schrumpfen, je nach aktuellem Speicherbedarf.

- Vorteile dynamischer Listen:
 - Elemente können an beliebiger Stelle eingefügt oder entfernt werden, ohne dass andere Elemente verschoben werden müssen.
 - Optimale Speicherauslastung

Implementierung durch Verkettung

Grundlegender Aufbau

- Implementierung durch Verkettung:
 - Jedes Element enthält einen Zeiger auf das nachfolgende Element:



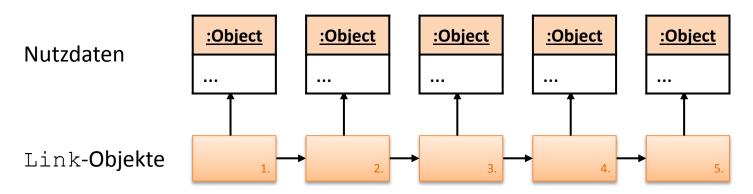
- Die Liste enthält einen Zeiger auf das erste Element (anfang).
- Das Anhängen an eine Liste kann beschleunigt werden, wenn auch ein Zeiger auf das letzte Element verwaltet wird (ende).

Listengröße:

- Die Größe ändert sich während der Laufzeit (Einfügen und Löschen).
- Sie kann somit zum Compile-Zeitpunkt nicht bekannt sein.
- Der Compiler kann also den Speicherplatz nicht statisch allokieren.
- Lösung: Speicherplatz für Listen-Elemente wird dynamisch auf dem Heap belegt und freigegeben!

Implementierung durch Verkettung

Link-Objekte



- Beliebige Objekte, die von Object erben, sollen verkettet werden.
 - Im Allgemeinen verfügen diese Objekte aber über keinen Zeiger, der einen Nachfolger referenzieren könnte (naechster).
 - Idee: wir benutzen besondere Link-Objekte, die sich einerseits verketten lassen, andererseits jeweils ein Nutzdaten-Objekt referenzieren können. Das letzte Element hat den Nachfolger null.

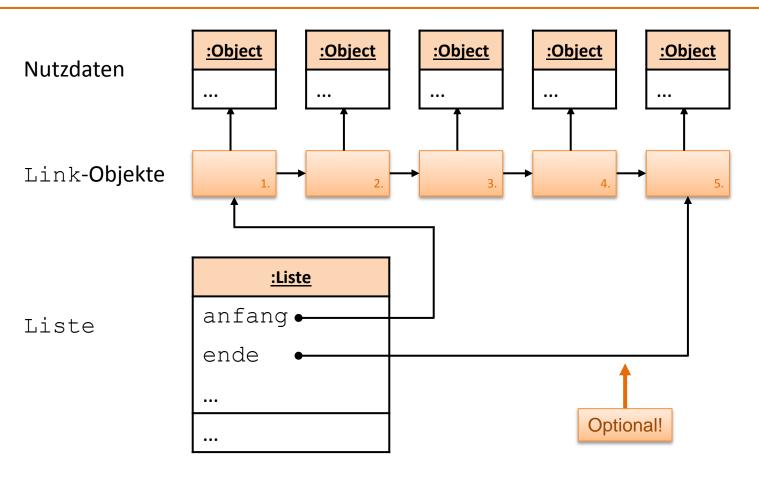
Implementierung durch Verkettung

Klasse Link

```
public class Link
  private Object daten; ←
                                 Polymorphie
  Link naechster;
  public Link (Object daten, Link naechster)
    this.daten = daten;
    this.naechster = naechster;
  // Weitere Methoden
```

Implementierung durch Verkettung

Drei Bestandteile zum Aufbau verketteter Listen



 Das Liste-Objekt verwaltet die einzelnen Elemente und stellt Methoden für Operationen nach außen zur Verfügung.

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Verwaltung der Link-Elemente

```
public class Liste
  protected Link anfang;
  // Ggf. weitere Zeiger, z.B. ende
  public Liste()
    // Leere Liste: anfang-Zeiger ist null
  // Operationen
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Einfügen am Anfang

```
public class Liste
  protected Link anfang;
  // Ggf. weitere Zeiger, z.B. ende
  public Liste()
    // Leere Liste: anfang-Zeiger ist null
  public void einfuegenAnfang(Object neuesElement)
    anfang = new Link(neuesElement, anfang);
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Löschen am Anfang

```
public class Liste
  protected Link anfang;
  // Ggf. weitere Zeiger, z.B. ende
  public Liste()
    // Leere Liste: anfang-Zeiger ist null
  public void entferneAnfang()
       (anfang!=null)
       anfang = anfang.naechster; -
                                           Kann eine NullPointerException
                                           werfen, wenn anfang==null ist!
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Liste vollständig leeren

```
public class Liste
  protected Link anfang;
  protected Link ende; // Optional
  // Ggf. weitere Zeiger, z.B. für "Aktuelles Element"
  public Liste()
    // Leere Liste: anfang- und ende-Zeiger sind null
  public void leeren()
    anfang = ende = null;
```

Implementierung durch Verkettung

• • •

Klasse Liste: Anhängen ans Ende

```
// ende-Zeiger beschleunigt Anhängen von O(n) auf O(1)
public void anhaengenEnde(Object neuesElement)
  Link neu \neq new Link (neuesElement, null);
  if (anfang==null)
                                    end. next = null
    anfang = ende = neu;
        Orde 5
  else
    ende
           Ende.naechster
                             neu,
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Iterieren

 Das Iterieren, also schrittweises Besuchen aller Elemente, ist eine wichtige Grundoperation verketteter Listen.

- Das Iterieren ist die Basis für viele Operationen, z.B.:
 - Ausgeben aller Elemente
 - Suchen eines Elements
 - Zählen der gespeicherten Elemente

— ...

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Iterieren

```
• • •
public void iterieren()
  // Kopie von anfang anlegen, da sonst die Liste
  // zerstört wird!
  Link zeiger = anfang;
  // Wird bei leerer Liste nicht durchlaufen!
  while (zeige != null)
    zeiger = zeiger.naechster;
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Iterieren/Elemente ausgeben

```
• • •
public void ausgeben()
  Link zeiger = anfang;
  while (zeiger!=null)
    System.out.print/1n(zeiger.getDaten());
    zeiger = zeiger.naechster;
```

Implementierung durch Verkettung

• • •

Klasse Liste: Iterieren/Element suchen

```
public boolean suchen(Object element)
  Link zeiger = anfang;
  while (zeiger!=null)
    // Prüfen auf Inhaltsgleichheit!
       (zeiger.getDaten().equa/ls(element))
      return true;
    zeiger = zeiger.naechster;
  return false;
```

Implementierung durch Verkettung

• • •

Klasse Liste: Iterieren/Elemente zählen

```
public int zaehlen()
  int anzahl = 0;
  Link zeiger
                 anfang;
        (zeiger!=null)
  while
    anzahl++;
    zeiger = zeiger.naechster;
  return anzahl;
```

Implementierung durch Verkettung

Iterator

 Um die Liste auf diese Art und Weise zu iterieren, benötigt man direkten Zugriff auf die Verkettung, z.B. durch Ableiten einer eigenen Klasse und Hinzufügen von Methoden für jeden Anwendungsfall. Das ist zu aufwändig!

- Die Lösung ist ein Iterator als Abstraktion des Iterierens:
 - Objekt, das Methoden zum Iterieren bereitstellt
 - Kann vom Benutzer der Liste (also von außen) angefordert werden
 - Eigentliches Iterieren findet über den Iterator statt, und nicht über das Liste-Objekt:
 - Keine Zusatzklassen für jeden Anwendungsfall erforderlich
 - Liste-Objekt bleibt gekapselt

Implementierung durch Verkettung

Iterator

• Die Methode iterator() liefert einen Iterator zurück:

```
Liste li = new Liste();
...
// Iterator anfordern
ListeIterator it = li.iterator();

// Iterieren (hier: Ausgabe auf der Konsole)
while (it.hasNext())
    System.out.println(it.next());
```

 Die Klasse ListeIterator deklariert die folgenden Methoden:

- boolean hasNext()Gibt true zurück, wenn noch Elemente übrig sind.
- Object next()
 Liefert das aktuelle Element zurück und bewegt den Iterator weiter auf den Nachfolger.

Listelterator

+ hasNext()

+ next()

Implementierung durch Verkettung

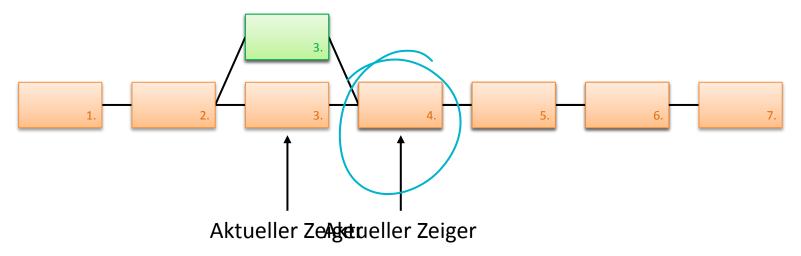
Klasse Liste: Aktueller Zeiger

- Wir ergänzen die Liste nun um einen Aktuellen Zeiger:
 - Markiert ein bestimmtes Element der Liste
 - Wir fügen gleich Methoden zur Klasse Liste hinzu, um ein neues Element vor dem aktuellen Element einzufügen, oder um das aktuelle Element zu entfernen.
- Methoden zur Verwaltung des Aktuellen Zeigers:
 - void setzeAktuellerZeigerZurueck()
 Setzt den Aktuellen Zeiger auf den Anfang der Liste zurück.
 - boolean suchenElement(Object element)
 Sucht element, und setzt den aktuellen Zeiger auf dieses Element.
 - boolean weitereElemente()
 Liefert true zurück, wenn der Aktuelle Zeiger das Listenende noch nicht erreicht hat (also noch weitere Elemente besucht werden können).
 - public Link aktuellerZeiger()
 Liefert das Aktuelle Element zurück.

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Einfügen in der Mitte

 Annahme: die Einfügestelle ist durch den Aktuellen Zeiger markiert. Ein neues Element soll davor eingefügt werden:

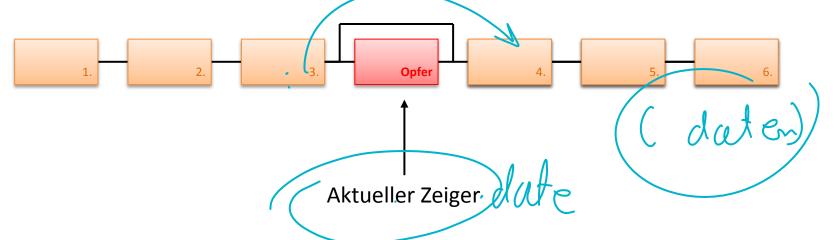


 Das aktuelle Link-Element wird dabei nicht verändert! Alle Veränderungen finden am Vorgänger des aktuellen Elements statt!

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Entfernen in der Mitte

Annahme: das Opfer ist durch den Aktuellen Zeiger markiert.



- Auch beim Entfernen eines Elements wird das aktuelle Link-Element nicht verändert! Alle Veränderungen finden am Vorgänger des aktuellen Elements statt!
- Dass .naechster des Opfers noch auf ein Element der Verkettung zeigt, spielt übrigens keine Rolle: beim Iterieren der Liste wird das Opfer ab sofort einfach übersprungen.

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Vorgänger-Problem

- Sowohl beim Einfügen als auch Entfernen in der Mitte müssen wir Änderungen am Vorgänger des Aktuellen Zeigers durchführen. Wir können aber nur zum Nachfolger springen!
- Idee: tatsächlich speichern wir in der Klasse Liste immer den Vorgänger des Aktuellen Zeigers ab. Durch trickreiche Implementierung u.a. der Methode aktuellerZeiger() ist dies von außen nicht sichtbar:

```
// Vorgänger von AktuellerZeiger
protected Link vorgaengerAktuellerZeiger;
...
public Link aktuellerZeiger()
{
   return istLeer() ? null :
      (vorgaengerAktuellerZeiger == null) ? anfang :
      vorgaengerAktuellerZeiger.naechster;
}
```

Implementierung durch Verkettung

Klasse Liste: Einfügen in der Mitte

```
// Einfügen vor die aktuelle Zeigerposition
public void einfuegenElement(Object neuesElement)
  // Wenn die Liste leer ist, entspricht dies einem Anfügen
  if (istLeer())
    anfuegenElement (neuesElement);
    return;
  Link neu = new Link(neuesElement, aktuellerZeiger());
  // Wenn die Liste nur ein Element hat, muss anfang gesetzt werden
  if (vorgaengerAktuellerZeiger == null)
    anfang = vorgaengerAktuellerZeiger = neu;
    return;
  // Vorgänger-Element von neu zeigt jetzt auf neu
  vorgaengerAktuellerZeiger = vorgaengerAktuellerZeiger.naechster = neu;
```

DOPPELT VERKETTETE LISTEN

Doppelt verkettete Listen

Unterschied zur einfachen Verkettung

- Unsere verketteten Listen sind bisher einfach verkettet, das heißt jedes Element enthält einen Zeiger auf seinen Nachfolger.
 - Dadurch können die Listen leicht vom Anfang zum Ende iteriert werden.
- Doppelt verkettete Listen speichern in jedem Element einen Zeiger auf den Vorgänger und den Nachfolger ab.
 - Ausnahmen: das erste Element hat keinen Vorgänger, das letzte Element hat keinen Nachfolger (die Zeiger sind jeweils null).
 - Dadurch können doppelt verkettete Listen in beide Richtungen durchlaufen werden.
 - Aufbau:



Doppelt verkettete Listen

Bewertung

- Vorteile:
 - Die Liste kann effizient vorwärts und rückwärts iteriert werden.
 - Das Entfernen von Elementen ist bei gegebener Position noch einfacher zu implementieren, da der Vorgänger des Opfers stets bekannt ist.

Nachteile:

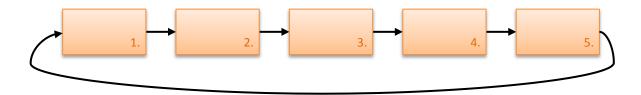
- Bei jeder Operation müssen zwei Zeiger statt einem manipuliert werden.
- Jedes Element benötigt zusätzlichen Speicherplatz für den zweiten Zeiger.

ZYKLISCH VERKETTETE LISTEN

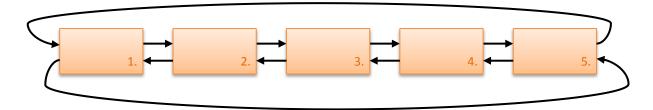
Zyklisch verkettete Listen

 Einfach und doppelt verkettete Listen können zusätzlich noch zyklisch verkettet sein.

Der Nachfolger des letzten Elements ist das erste Element:



 Bei doppelter Verkettung ist der Vorgänger des ersten Elements das letzte Element:



 Dadurch kann eine Liste unendlich oft iteriert werden, z.B. für eine Liste mit rotierenden Aufgaben.

Lineare Listen

KOMPLEXITÄT

Komplexität

Implementierung durch Array

- Einfügen an gegebener Stelle i:
 - n-i Elemente müssen verschoben werden
 - Aufwand: O(n)
- Entfernen an gegebener Stelle i:
 - n-i-1 Elemente müssen verschoben werden
 - Aufwand: O(n)
- Anhängen und Entfernen am Ende:
 - -0(1)

Operation	Zeitaufwand (worst case)
Einfügen/Entfernen am Anfang	O(n)
Einfügen/Entfernen in der Mitte	O(n)
Anhängen/Entfernen am Ende	O(1)
Element suchen	O(n)
Zugriff auf i-tes Element	O(1)

Komplexität

Implementierung durch Verkettung

- Einfügen und Entfernen:
 - An einer vorgegebenen Position (Zeiger auf das Element bzw. dessen Vorgänger ist vorhanden) in O(1) möglich
 - Gilt insbesondere für den Anfang und ggf. das Ende (nur mit ende-Referenz)
 - An einer beliebigen Position nur in O(n) möglich, da das Element bzw. dessen Vorgänger erst gesucht werden muss
- Wahlfreier Zugriff auf Stelle i:
 - Aufwand O(n), da das i-te Element erst gesucht werden muss

Operation	Zeitaufwand (worst case)	
Einfügen/Entfernen am Anfang	O(1)	
Einfügen/Entfernen in der Mitte	O(n), O(1) mit Referenz	
Anhängen/Entfernen am Ende	O(n), O(1) mit ende-Ref.	
Element suchen	O(n)	
Zugriff auf i-tes Element	O(n)	Farbliche Darstellung im Unterschie zur Implementierung durch Arrays

Komplexität

Abschließende Bewertung verketteter Listen

- Gut geeignet, um Daten dynamisch zu verwalten
- Einfügen und Entfernen von Elementen einfach
- Sequenzielles Iterieren effizient in O(n)
 - Arrays sind in der Praxis jedoch noch schneller!
- Zugriff aufwändig, wenn ein bestimmtes Element benötigt wird
 - Liste muss von vorne nach hinten durchlaufen werden
 - Sortieralgorithmen und Binäre Suche benötigen jedoch einen effizienten wahlfreien Zugriff auf beliebige Elemente
 - Somit sind verkettete Listen ungeeignet für sortierte Datenbestände.
 - Effiziente Datenstruktur für sortierte Daten: gute Bäume (VL07)

GENERICS (TYPPARAMETER)

Generics

Problemstellung

 Bei der Verwendung von Bibliotheken gibt es ein prinzipielles Problem: beim Entwickeln weiß man nicht, in welcher Umgebung die Bibliothek später einmal eingesetzt wird.

Beispiel:

 Beim Entwickeln einer allgemeinen Klasse für verkettete Listen kann man nicht vorhersehen, welche Art von Objekten einmal gespeichert werden sollen.

Bisherige Lösung:

- In Java erben alle Klassen von Object!
- Daher haben wir z.B. die Klasse Liste so entworfen, dass Objekte vom Typ Object gespeichert werden. Dadurch ist die Liste automatisch für alle Java-Objekte geeignet.

Generics

Fehlende Typsicherheit

Beispiel:

```
Liste li = new Liste();
li.anfuegenElement(new Integer(1));
li.anfuegenElement(new Integer(2));
li.anfuegenElement(new Student("Fritz", "Zimmermann"));
int i1 = (Integer)li.naechstesElement();
int i2 = (Integer)li.naechstesElement();
int i3 = (Integer)li.naechstesElement();
```

- Der letzte Typecast löst eine Exception aus, da das zurückgelieferte Element nicht vom Typ Integer ist!
- Zur Laufzeit ist keine Unterstützung durch den Compiler möglich.

Generics

Typparameter

- Wie können wir Typsicherheit herstellen?
 - Für jeden Datentyp eine eigene Listen-Klasse schreiben (z.B. für String, Integer, Student, ...)?
 - Es ist höchst fehleranfällig und unkomfortabel für den Entwickler, dieselben Algorithmen immer wieder neu zu schreiben.
- Verbesserte Lösung: Klassen verwenden Typparameter!
 - C++: Template genannt
 - Java: Generics genannt
- Vorteile:
 - Algorithmen müssen nur einmal entwickelt und programmiert werden.
 - Die Datenstrukturen werden vom Compiler automatisch (und damit ohne Fehler) für unterschiedliche Datentypen angepasst.
 - Die Klassen werden dadurch generisch, d.h. universell einsetzbar.

Generics

Umrüstung (1/4)

• Liste.java:

```
public class Liste
  public Object naechstesElement()
  public void anfuegenElement(Object neuesElement)
```

Generics

Umrüstung (2/4)

- Hinzufügen eines Typparameters T:
 - In spitzen Klammern
 - Wird innerhalb der Klasse wie jeder andere Datentyp verwendet
 - Wird beim Erzeugen von Objekten durch konkreten Typ ersetzt

```
public class Liste<T>
  public Object naechstesElement()
  public void anfuegenElement(Object neuesElement)
```

Generics

Umrüstung (3/4)

• Statt Object wird nun in der gesamten Klasse T verwendet:

```
public class Liste<T>
  public T naechstesElement()
  public void anfuegenElement(T neuesElement)
```

Generics

Umrüstung (4/4)

Verwendung der Klasse Liste<T>:

```
// Liste nur für Integer
Liste<Integer> li = new Liste<Integer>();
li.anfuegenElement(new Integer(1));
li.anfuegenElement(new Integer(2));
// Die folgende Zeile compiliert nicht!
li.anfuegenElement(new Student("Fritz", "Zimmermann"));
// Kein Typecast mehr erforderlich!
int i1 = li.naechstesElement();
int i2 = li.naechstesElement();
```

• Auch Unterklassen von Integer wären als Elemente von Liste<Integer> zugelassen.

Generics

Methoden mit besonderen Typparametern

 Bei statischen Methoden mit Typparametern oder Methoden mit Typparametern, die nicht zur Klasse gehören, müssen diese besonderen Typparameter vor dem Rückgabetyp der Methode angegeben werden:

```
class ClearableList<T> extends Liste<T>
 public static <T> void printList(Liste<T> li)
    Iterator<T> iterator = li.iterator();
 public <E> void compareList(Liste<E> li)
```

Generics

Beschränkte Typparameter

 Typparameter können in Java auf eine bestimmte Oberklasse beschränkt werden:

```
public class Liste<T extends Mitarbeiter>
{
    ...
    public double berechneGesamtgehaltProMonat()
    {
        // Aufruf von berechneGehalt eines jeden Elements
        // notwendig zur Berechnung des Gesamtgehalts
        ...
    }
    ...
}
```

- So wird sichergestellt, dass für T nur die Klasse
 Mitarbeiter oder Unterklassen eingesetzt werden können.
 - Der Zugriff auf spezielle Methoden und Attribute von Mitarbeiter ist so gestattet.

Lernfragen

- Sie kennen die drei Elemente, die zum Aufbau einer verketteten Liste benötigt werden
- Sie kennen die verschiedenen Methoden auf verketteten Listen und k\u00f6nnen die zugeh\u00f6rigen Algorithmen an Objektdiagrammen erl\u00e4utern
- Sie kennen die asymptotische Laufzeit der Methoden von sequenziell und verkettet gespeicherten Linearen Listen
- Sie beherrschen Generics, und können diese sicher einsetzen