

## Aufgabe 1:

Betrachten Sie die folgenden Codeausschnitte und bestimmen Sie die Zeitkomplexität in  $O(f(n))$ -Notation:

1.1

```
void codeA(int n) {  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= i * i; j++) {  
            tuwas();  
        }  
    }  
}
```

1.2

```
void codeB(int n) {  
    for (int i = 1; i <= n; i = i * 2) {  
        for (int j = 1; j <= n; j++) {  
            tuwas();  
        }  
    }  
}
```

1.3

```
void codeC(int n) {  
    int i = n;  
    while (i > 0) {  
        tuwas();  
        i = i / 3;  
    }  
}
```

1.4

```
void codeD(int n) {  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = 1; j <= n; j *= 2) {  
            tuwas();  
        }  
    }  
}
```

1.5

```
void codeE(int n) {  
    for (int i = 1; i <= n; i++) {  
        for (int j = n; j > 0; j /= 2) {  
            tuwas();  
        }  
    }  
}
```

1.6

```
void codeF(int n) {  
    for (int i = 1; i <= n; i *= 3) {  
        tuwas();  
    }  
}
```

## Aufgabe 2:

2.1 Gegeben sind die folgenden Funktionen:

1.  $f(n) = n^2 + 4n + 7$
2.  $g(n) = 5n^2 + 2n$
3.  $h(n) = 3n^3 + 20n$

Bestimmen Sie die asymptotische Komplexität für jede Funktion in  $O(f(n))$ -Notation.

2.2 Betrachten Sie die folgenden Funktionen:

1.  $f(n) = 2n^3 + 5n^2 + 10n + 15$
2.  $g(n) = 7n^3 + 3n^2$
3.  $h(n) = 100n^2 + 30n + 1000$

Bestimmen Sie die asymptotische Komplexität für jede Funktion in  $O(f(n))$ -Notation.

## Aufgabe 3:

3.1 Betrachten Sie die folgenden Algorithmen und ihre Zeitkomplexität:

1. A1:  $f_1(n) = 3n + 5$
2. A2:  $f_2(n) = n^2 + 2n$
3. A3:  $f_3(n) = 2^n$

Bestimmen Sie, welcher Algorithmus am schnellsten ist, abhängig von der Größe von  $n$ .  
Vergleichen Sie die Algorithmen paarweise und lösen Sie die entsprechenden Ungleichungen, um die Schnittpunkte zu finden.

3.2 Gegeben sind die folgenden Algorithmen und ihre Zeitkomplexität:

1. A1:  $f_1(n) = n^2 + 5n + 10$
2. A2:  $f_2(n) = n \log n + 2n$
3. A3:  $f_3(n) = 50n + 100$

Bestimmen Sie, welcher Algorithmus am schnellsten ist, abhängig von der Größe von  $n$ .  
Vergleichen Sie die Algorithmen paarweise und lösen Sie die entsprechenden Ungleichungen, um die Schnittpunkte zu finden.

#### Aufgabe 4:

Schreiben Sie einen Algorithmus zur Berechnung des größten gemeinsamen Teilers (GGT) von zwei Zahlen  $m$  und  $n$  mithilfe des Euklidischen Algorithmus. Bestimmen Sie die Zeitkomplexität des Algorithmus in  $O(f(n))$ -Notation.

#### Aufgabe 5:

Angenommen, ein Algorithmus hat eine Zeitkomplexität von  $O(n^3)$ . Wie viele Operationen würden in etwa benötigt, wenn  $n$ :

- a) 10 ist
- b) 100 ist
- c) 1.000 ist