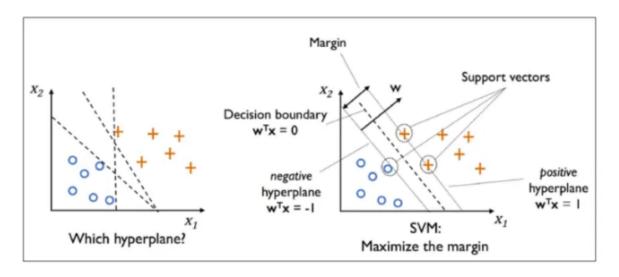
SVM (Support Vector Machine)

Adinda Putri - 13523071

SVM merupakan algoritma yang digunakan untuk classification dan regression dengan linear maupun non linear. Prinsipnya, SVM digunakan untuk mencari **hyperplane** terbaik dengan memaksimalkan jarak antarkelas. Hyperplane adalah fungsi untuk memisahkan antarkelas. Pada ruang 2-D fungsi tersebut disebut **line whereas**, sedangkan pada ruang 3-D fungsi tersebut disebut **plane similarly**. Sementara itu, pada ruang dimensi tinggi, fungsi tersebut disebut hyperplane.



Gambar 1. Ilustrasi Beberapa Konsep Penting dalam SVM

Sumber: https://medium.com/@samsudiney/penjelasan-sederhana-tentang-apa-itu-svm-149fec72 bd02

Beberapa konsep penting dalam SVM adalah sebagai berikut.

- **Hyperplane**: Persamaan/fungsi wx +b (pada linear classification) yang memisahkan kelas.
- Support Vectors: Data point terdekat dengan hyperplane.
- Margin: Jarak antara hyperplane dan support vectors.
- **Soft Margin:** Memungkinkan beberapa misclassification dan menyeimbangkan margin maximization dan misclassification penalty jika data tidak terpisah sempurna.
- **Kernel:** Fungsi yang memetakan data ke dimensi lebih tinggi agar SVM bisa meng-handle data nonlinear

- Hinge Loss: Loss function

- C: Regularization term. Semakin tinggi nilai C semakin ketat penalty untuk misclassification

- **Dual Problem:** Melibatkan Lagrange multipliers dari support vectors untuk memfasilitasi kernel trick dan komputasi efisien

- Optimizer: Dapat berupa gradient descent atau quadratic programming

Cara Kerja

Berikut cara kerja untuk SVM dengan QP (Quadratic Programming):

1. Problem Primal SVM (Soft Margin)

Untuk SVM dengan soft margin, primal problem-nya adalah

$$egin{aligned} \min_{w,b,\xi} & rac{1}{2}\|w\|^2 + C\sum_{i=1}^n \xi_i \ ext{s.t. } y_i(w^T\phi(x_i) + b) \geq 1 - \xi_i, \quad \xi_i \geq 0 \end{aligned}$$

keterangan: s.t. : subject to, $\phi(xi)$: transformasi fitur (identitas untuk linear, mapping ke dimensi tinggi untuk kernel, ξi : slack variable, C: regularisasi (trade-off margin vs misclassification.

2. Dual Problem (Quadratic Programming)

Primal problem sulit diselesaikan untuk kernel non-linear. Solusinya adalah mengubah primal problem menjadi **dual problem**:

$$\max_{lpha} \quad \sum_{i=1}^n lpha_i - rac{1}{2} \sum_{i,j=1}^n lpha_i lpha_j y_i y_j K(x_i, x_j)$$

$$\mathrm{s.t.}\ 0 \leq \alpha_i \leq C, \quad \sum_{i=1}^n \alpha_i y_i = 0$$

dengan α i: Lagrange multipliers, $K(xi,xj)=\phi(xi)T\phi(xj)=$ kernel function. Beberapa jenis kernel. Beberapa jenis kernel adalah sebagai berikut.

- Linear kernel:

$$K(x_i,x) = x_i^ op x$$

- RBF kernel:

$$K(x_i,x) = \exp(-\gamma \|x_i - x\|^2)$$

3. Setup Quadratic Programming (CVXOPT)

QP standar:

$$\min rac{1}{2} lpha^T P lpha + q^T lpha \quad ext{s.t. } Glpha \leq h, \quad Alpha = b$$

Mapping dari dual SVM didapatkan:

$$egin{aligned} oldsymbol{\cdot} & P = (y_i y_j K(x_i, x_j))_{i,j} \ oldsymbol{\cdot} & q = -1 ext{ (vektor } -1) \ oldsymbol{\cdot} & G = egin{bmatrix} -I \ I \end{bmatrix}, h = egin{bmatrix} 0 \ C \end{bmatrix} \ oldsymbol{\cdot} & A = y^T, b = 0 \end{aligned}$$

Solvers CVXOPT akan menghasilkan α.

4. Support Vectors dan Bias

- Support vectors (SV): titik dengan $\alpha i > 0$ atau

$$SV = \{x_i \mid \alpha_i > 1e-5\}$$

- Bias b:

$$b = rac{1}{|SV|} \sum_{i \in SV} \left(y_i - \sum_{j \in SV} lpha_j y_j K(x_j, x_i)
ight)$$

5. Decision Function:

- Linear kernel:

$$f(x) = w^T x + b, \quad w = \sum_{i \in SV} lpha_i y_i x_i$$

- Kernel non-linear:

$$f(x) = \sum_{i \in SV} lpha_i y_i K(x_i, x) + b$$

- Prediksi kelas:

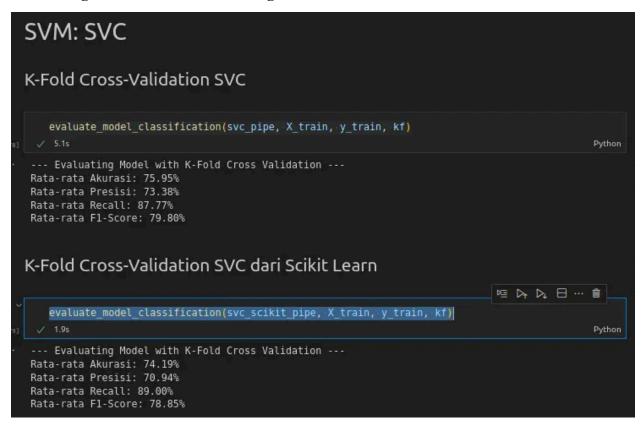
$$\hat{y} = \operatorname{sign}(f(x))$$

Untuk semua kernel, cara kerjanya sama yaitu:

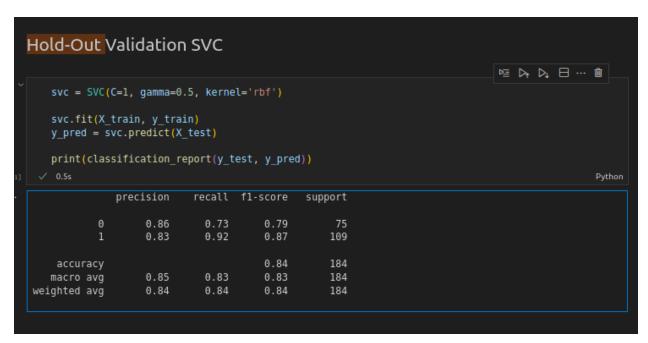
- 1. Formulasikan dual SVM
- 2. Masukkan kernel K(xi,xj)
- 3. Solve QP untuk mendapatkan αi

- 4. Tentukan support vectors dan bias
- 5. Gunakan decision function untuk prediksi

Perbandingan model dari scratch dengan dari Scikit-Learn



Gambar 1. K-Fold Cross-Validation SVM dari Scratch dan SVM dari Sklearn Sumber: Penulis



Gambar 2. Hold-Out Validation SVM dari Scratch Sumber: Penulis

```
Hold-Out Validation SVC dari Scikit-Learn
   svc_scikit = SVCSklearn(C=1, gamma=0.5, kernel='rbf')
   svc_scikit.fit(X_train, y_train)
   y_pred = svc_scikit.predict(X_test)
   print(classification_report(y_test, y_pred))
                                                                                            Python
              precision
                          recall f1-score
                                             support
                   0.89
                            0.73
                                      0.80
                   0.84
                                      0.88
                            0.94
                                                 109
                                      0.85
                                                 184
    accuracy
                            0.83
   macro avg
                   0.86
                                      0.84
                                                 184
                                      0.85
                             0.85
                                                 184
weighted avg
                   0.86
```

Gambar 3. Hold-Out Validation SVM dari Sklearn Sumber: Penulis

Dari hasil evaluasi di atas dapat dilihat bahwa kedua model memberikan nilai yang relatif berdekatan. Variasi yang tinggi antara hasil hold-out dengan k-fold dapat terjadi karena adanya overfitting. Meskipun diberikan nilai parameter yang sama, model menghasilkan performa

berbeda yang dapat terjadi karena implementasi internalnya. SVM dari Scikit-Learn menggunakan libsvm yang sudah highly optimized, sedangkan SVM dari scratch memanfaatkan library cvxopt untuk menyelesaikan permasalahan quadratic programming. Selain itu, optimizer dari masing-masing model juga mungkin berbeda.

Ruang Improvement

- Model hanya bisa menerima dua input kernel, dapat ditingkatkan lagi sehingga bisa menerima kernel lain.
- Eksperimen dengan multiple solver option misalnya dengan tambahan SMO (Sequantial Minimal Optimization dengan menggunakan LIBSVM
- Menambahkan dekomposisi algoritma untuk efisiensi data besar.

Referensi:

[1] *Penjelasan Sederhana tentang Apa Itu SVM*?, Medium, oleh Samsudiney, 25 Juli 2019. [Daring]. Tersedia:

https://medium.com/%40mohzulkiflikatili/list/pengenalan-pola-cbff7c3642b3. [Diakses: 3 September 2025].

[2] Support Vector Machine (SVM) Algorithm, GeeksforGeeks, diperbarui 7 Agustus 2025. [Daring]. Tersedia:

https://www.geeksforgeeks.org/machine-learning/support-vector-machine-algorithm/. [Diakses: 3 September 2025].

[3] Implementing a Soft-Margin Kernelized Support Vector Machine Binary Classifier with Quadratic Programming in R and Python, DataScienceCentral.com, oleh Sandipan Dey, 23 April 2018. [Daring]. Tersedia:

https://www.datasciencecentral.com/implementing-a-soft-margin-kernelized-support-vector-mac hine/. [Diakses: 3 September 2025].