



## **Amplificadores Diferenciais**

**Professor: Sandro Haddad** 





## **Amplificadores Diferenciais**

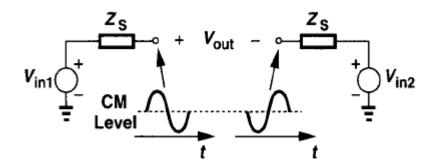
- Apresentam diversas vantagens em relação a amplificadores de um ramo:
  - Rejeição de ruído
  - Rejeição de nível dc comum
  - Maior output swing





## **Amplificadores Diferenciais**

- Um sinal Single-ended é definido sobre com relação a um potencial fixo, geralmente o terra (ground).
- O par diferenciado é formado por 2 ramos idênticos com sinais de mesma magnitude e opostos em cada ramo e com impedâncias iguais.
- O potencial central no sinal diferencial é chamado de "commonmode".

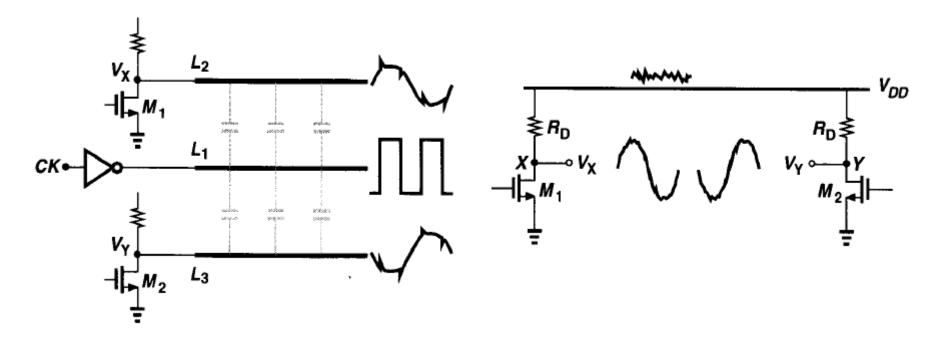






## Amplificador Diferencial: rejeição de ruído

 Um ruído na fonte de alimentação, ou até mesmo nas 2 entradas é cancelado. Qualquer sinal não desejado que se manifeste igualmente nos terminais de entrada será cancelado.

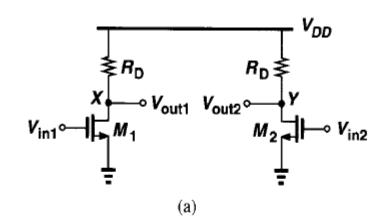


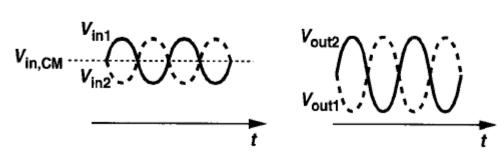




## Amplificador Diferencial: maior output swing

- Se a máxima tensão em um ramo é
- Vdd (Vgs vth), Vx Vy = 2[Vdd (Vgs Vth)]
- Outras vantagens do diferencial: maior linearidade e polarização mais simples.



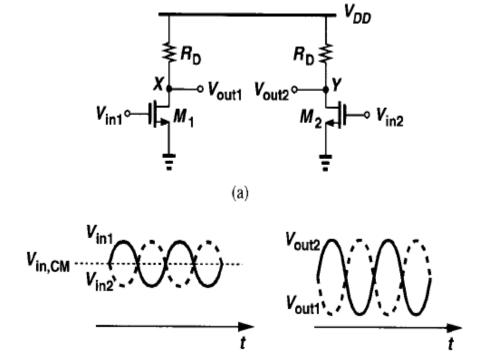


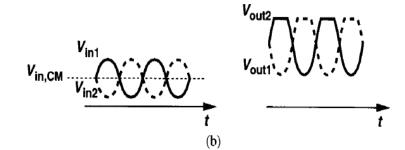




## Amplificador Diferencial: topologia básica

- Amplificador diferencial: 2 amplificadores single-ended idênticos para processar as duas fases.
- Alta rejeição ao ruído de fonte, maior output swing porém alta sensitividade ao nível CM.





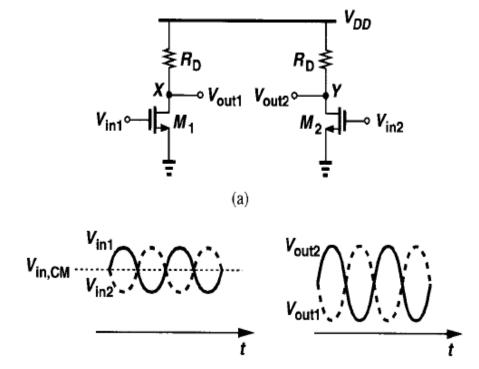
**Figure 4.5** (a) Simple differential circuit, (b) illustration of sensitivity to the input common-mode level.

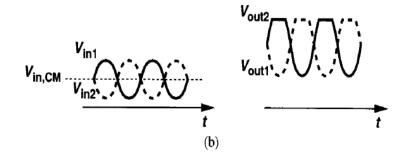




## Amplificador Diferencial: topologia básica

- Common-mode (CM) varia => corrente em M1 e M2 variam
   => transcondutância varia => Output CM varia.
- Low Input CM level minimum values of Vin turn off M1 and M2.





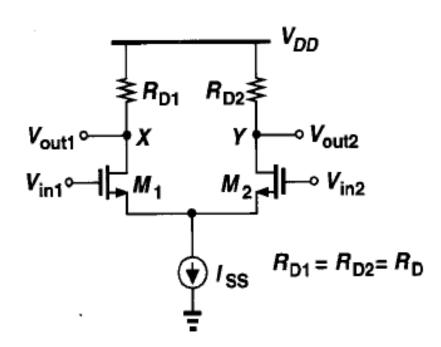
**Figure 4.5** (a) Simple differential circuit, (b) illustration of sensitivity to the input common-mode level.





## Amplificador Diferencial: topologia básica

- O par diferencial é polarizado por uma fonte de corrente (tail current source) de modo que a soma das correntes (ld1 +ld2) nos ramos seja constante, assim a saída fica independente do nível comum CM.
- Assim, se Vin1=Vin2 , Id1=Id2=Iss/2 (independente de  $V_{in,CM}$  ) e  $V_{out,CM}$  = Vdd-Rd.Iss/2

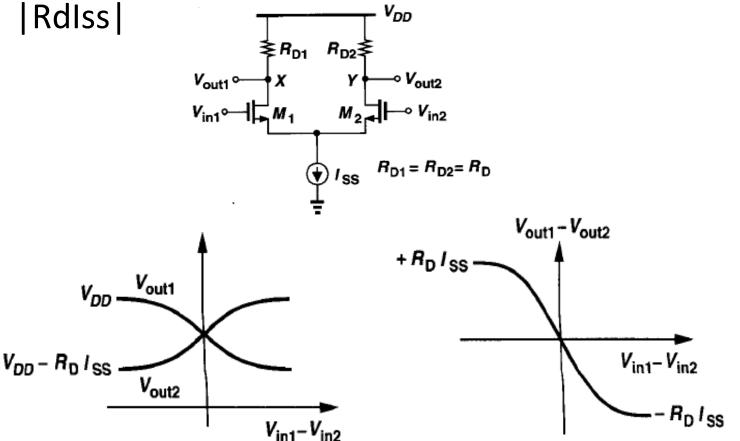






#### Amplificador diferencial – análise qualitativa

- Se Vin1 <<Vin2 : M1 off, M2 on, Id2=Iss</li>
- Assim, os limites da tensão de saída ficam limitados a

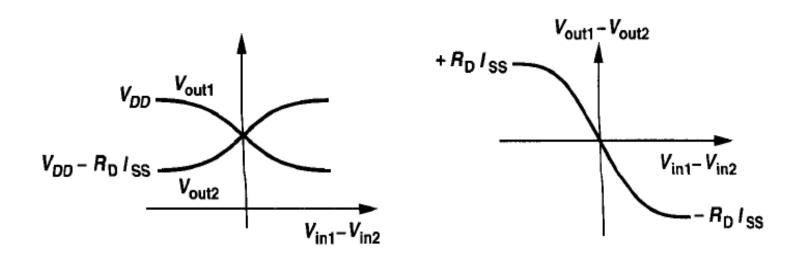






#### Amplificador diferencial – análise qualitativa

- Os limites da tensão de saída ficam limitados a |RdIss| e independentes do nível CM da entrada
- O ganho é máximo (slope Vout1-Vout2 x Vin1-Vin2) quando Vin1=Vin2. O ganho tende a zero quando Vin1-Vin2 cresce.
- Ou seja, o circuito é menos linear quando Vin swing aumenta.

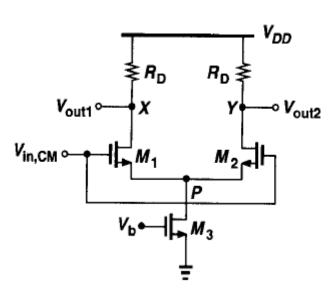






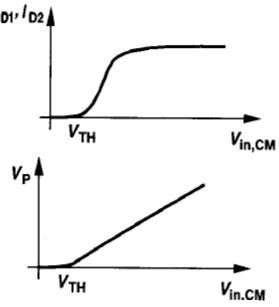
#### Amplificador diferencial: resposta a nivel comum

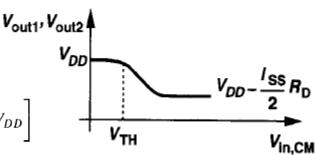
 As curvas abaixo mostram o efeito do nível CM em cada ramo de saída: Indial



Para manter M1 e M2 em saturação, Vin(CM) deve ficar entre:

$$V_{GS1} + (V_{GS3} - V_{TH3}) \le V_{in,CM} \le \min \left[ V_{DD} - R_D \frac{I_{SS}}{2} + V_{TH}, V_{DD} \right]$$









#### Amplificador diferencial: resposta a nivel comum

#### Example 4.1

Sketch the small-signal differential gain of a differential pair as a function of the input CM level.

#### Solution

As shown in Fig. 4.9, the gain begins to increase as  $V_{in,CM}$  exceeds  $V_{TH}$ . After the tail current source

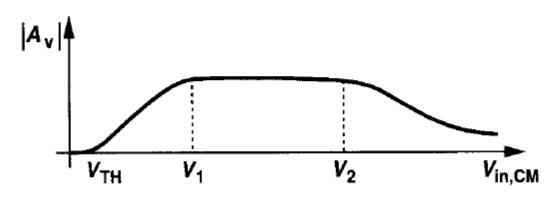


Figure 4.9

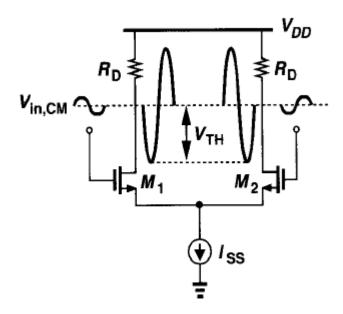
enters saturation ( $V_{in,CM} = V_1$ ), the gain remains relatively constant. Finally, if  $V_{in,CM}$  is so high that the input transistors enter the triode region ( $V_{in,CM} = V_2$ ), the gain begins to fall.





## Amplificador diferencial: Output swing

- M1 and M2 to be saturated each output can go as high as Vdd but as low as approximately V<sub>in.CM</sub> – Vth.
- The higher the input CM level, the smaller the allowable output swings.

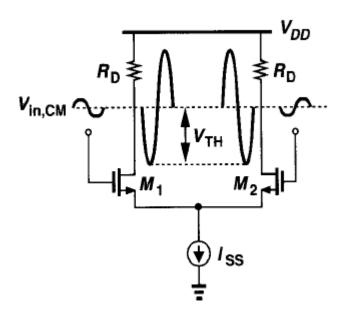






## Amplificador diferencial: Output swing

 Para obter um maior output swing, o nível Vin(CM) deve estar próximo de Rd.Iss/2, o que impõe um trade-off entre ganho e output swing (o ganho do diff. Pair é função da tensão DC sobre o Rd, se Rd.Iss/2 é alto, V<sub>in,CM</sub> deve permanecer próximo de zero).







### Amplificador diferencial: análise de grandes sinais

$$V_{out1} = V_{DD} - R_{D1}I_{D1}$$
$$V_{out2} = V_{DD} - R_{D2}I_{D2}$$

$$V_{in1} - V_{in2} = V_{GS1} - V_{GS2}.$$

$$(V_{GS} - V_{TH})^2 = \frac{I_D}{\frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}$$

$$V_{out1} - V_{out2} = R_{D2}I_{D2} - R_{D1}I_{D1} = R_{D}(I_{D2} - I_{D1})$$

$$I_{D1} + I_{D2} = I_{SS}$$

$$\frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2})^2 - I_{SS} = -2\sqrt{I_{D1}I_{D2}}$$

$$(V_{in1} - V_{in2})^2 = \frac{2}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} (I_{SS} - 2\sqrt{I_{D1}I_{D2}})$$

$$V_{GS} = \sqrt{\frac{2I_D}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} + V_{TH}$$

$$V_{in1} - V_{in2} = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} - \sqrt{\frac{2I_{D2}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}}$$

$$(I_{D1} - I_{D2})^2 = -\frac{1}{4} \left( \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \right)^2 (V_{in1} - V_{in2})^4 + I_{SS} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2})^2$$

$$I_{D1} - I_{D2} = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2}) \sqrt{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} - (V_{in1} - V_{in2})^2}$$

$$\sqrt{\frac{133}{\mu_n C_{ox}} \frac{W}{L}} - (V_{in1} - V_{in2})^2$$

 $V_{\text{out1}} \circ \longrightarrow X$   $V_{\text{out2}} \circ V_{\text{out2}}$   $V_{\text{in1}} \circ \longrightarrow M_1$   $M_1$   $M_2 \circ \longrightarrow V_{\text{in2}}$   $M_1 \circ \longrightarrow V_{\text{in2}}$   $M_1 \circ \longrightarrow V_{\text{in2}}$ 





### Amplificador diferencial: análise de grandes sinais

$$V_{out1} = V_{DD} - R_{D1}I_{D1}$$
  
 $V_{out2} = V_{DD} - R_{D2}I_{D2}$ 

$$V_{in1} - V_{in2} = V_{GS1} - V_{GS2}.$$

$$(V_{GS} - V_{TH})^2 = \frac{I_D}{\frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}$$

$$V_{GS} = \sqrt{\frac{2I_D}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} + V_{TH}$$

$$V_{out1} - V_{out2} = R_{D2}I_{D2} - R_{D1}I_{D1} = R_{D}(I_{D2} - I_{D1})$$

$$I_{D1} + I_{D2} = I_{SS}$$

$$(V_{in1} - V_{in2})^{2} = \frac{2}{\mu_{n}C_{ox}\frac{W}{L}}(I_{SS} - 2\sqrt{I_{D1}I_{D2}})$$

$$V_{out1} - V_{out2}$$

$$V_{out1} - V_{out2}$$

$$V_{in1} - V_{in2}$$

$$\frac{1}{2}\mu_n C_{ox} \frac{W}{I} (V_{in1} - V_{in2})^2 - I_{SS} = -2\sqrt{I_{D1}I_{D2}}$$

Squaring the two sides again and noting that  $4I_{D1}I_{D2} = (I_{D1} + I_{D2})^2 - (I_{D1} - I_{D2})^2 = I_{SS}^2 - (I_{D1} - I_{D2})^2$ , we arrive at

$$(I_{D1} - I_{D2})^2 = -\frac{1}{4} \left( \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \right)^2 (V_{in1} - V_{in2})^4 + I_{SS} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2})^2$$

$$V_{in1} - V_{in2} = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} - \sqrt{\frac{2I_{D2}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}}$$

$$I_{D1} - I_{D2} = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2}) \sqrt{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} - (V_{in1} - V_{in2})^2}$$

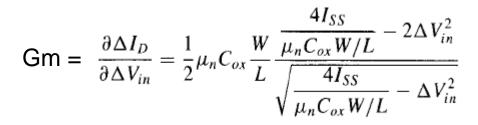




## <u>Amplificador diferencial: ganho</u>

$$I_{D1} - I_{D2} = \frac{1}{2} \mu_n C_{ox} \frac{W}{L} (V_{in1} - V_{in2}) \sqrt{\frac{4I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}} - (V_{in1} - V_{in2})^2}$$

As expected,  $I_{D1} - I_{D2}$  is an odd function of  $V_{in1} - V_{in2}$ , falling to zero for  $V_{in1} = V_{in2}$ .



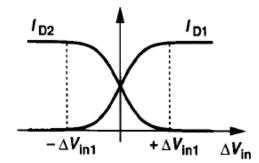
$$\Delta V_{in} = 0, G_m = \sqrt{\mu_n C_{ox}(W/L)I_{SS}}$$

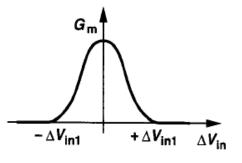
$$V_{out1} - V_{out2} = R_D \Delta I = R_D G_m \Delta V_{in},$$

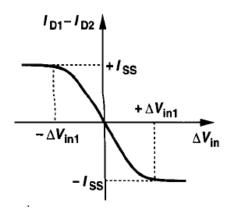
$$|A_v| = \sqrt{\mu_n C_{ox} rac{W}{L} I_{SS} R_D}$$
 Ganho do circuito em equilibrio

$$\Delta V_{in} = \sqrt{2I_{SS}/(\mu_n C_{ox} W/L)} \quad , G_m = 0.$$

Este é o máximo diferencial ao qual o cricuito responde











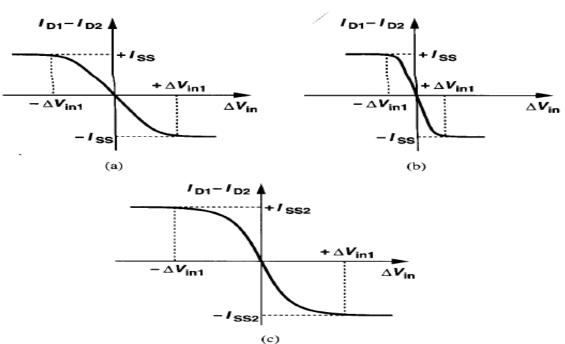
## <u>Amplificador diferencial: ganho</u>

Example 4.2

Plot the input-output characteristic of a differential pair as the device width and the tail current vary.

#### Solution

Consider the characteristic shown in Fig. 4.13(a). As W/L increases,  $\Delta V_{in1}$  decreases, narrowing the input range across which both devices are on [Fig. 4.13(b)]. As  $I_{SS}$  increases, both the input range and the output current swing increase [Fig. 4.13(c)]. Intuitively, we expect the circuit to become more linear as  $I_{SS}$  increases or W/L decreases.







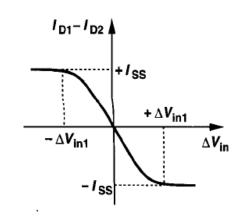
## <u>Amplificador diferencial: ganho</u>

Este é o máximo diferencial ao qual o circuito responde

$$\Delta V_{in1} = \sqrt{\frac{2I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}}. \quad , G_m = 0.$$

For a zero differential input,  $I_{D1} = I_{D2} = I_{SS}/2$ ,

$$(V_{GS} - V_{TH})_{1,2} = \sqrt{\frac{I_{SS}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}}.$$



Thus, the equilibrium overdrive is equal to  $\Delta V_{in1}/\sqrt{2}$ .

$$\uparrow \Delta Vin(\uparrow linearidade) \Rightarrow \uparrow (Vgs - Vth)_{1,2} \Rightarrow \downarrow \frac{W}{L}(I_{SS} \to cte) \Rightarrow \downarrow gm$$

Trade-off Linearidade x Ganho





## Amplificador diferencial: ganho

Supondo M1 e M2 operando em saturação:

$$|A_v| = \sqrt{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} I_{SS}} R_D$$
  $I_{d1} = I_{d2} = \frac{I_{SS}}{2} \rightarrow |A_V| = g_{m1,2}.R_D$ 

Ganho do diff. pair X Common-source (CS):

Para a mesma corrente de polarização Iss:

$$gm_{diff.pair} = \sqrt{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} I_{SS}}$$

$$gm_{CS} = \sqrt{2\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} I_{SS}}$$

$$gm_{diff.pair} = \frac{gm_{CS}}{\sqrt{2}}$$

O par diferencial tem o mesmo ganho que um estágio CS, com o dobro de corrente de polarização





## Amplificador diferencial: small-signal

Método I - Superposição

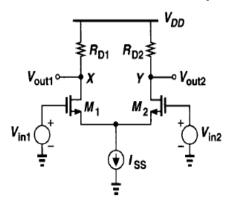
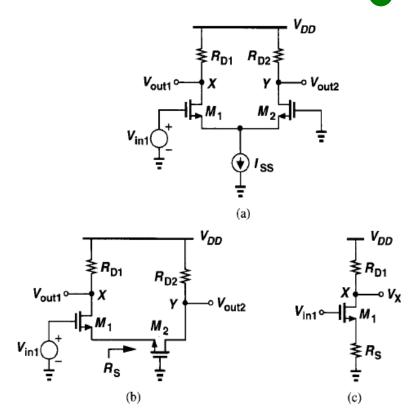


Figure 4.14 Differential pair with small-signal inputs.

$$R_S = 1/g_{m2}$$

$$\frac{V_X}{V_{in1}} = \frac{-R_D}{\frac{1}{g_{m1}} + \frac{1}{g_{m2}}}.$$



**Figure 4.15** (a) Differential pair sensing one input signal, (b) circuit of (a) viewed as a CS stage degenerated by  $M_2$ , (c) equivalent circuit of (b).





## Amplificador diferencial: small-signal

#### Método I - Superposição

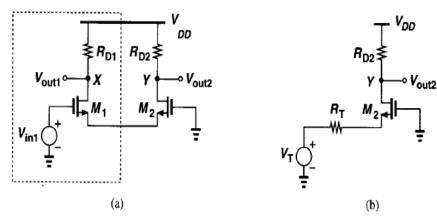
$$\frac{V_Y}{V_{in1}} = \frac{R_D}{\frac{1}{g_{m2}} + \frac{1}{g_{m1}}}.$$

$$(V_X - V_Y)|_{\text{Due to }Vin1} = \frac{-2R_D}{\frac{1}{g_{m1}} + \frac{1}{g_{m2}}} V_{in1},$$

$$g_{m1}=g_{m2}=g_m$$

$$(V_X - V_Y)|_{\text{Due to } V_{in1}} = -g_m R_D V_{in1}.$$

To calculate  $V_T$ , we note that  $M_1$  drives  $M_2$  as a source follower and replace  $V_{in1}$  and  $M_1$  by a Thevenin equivalent (Fig. 4.16): the Thevenin voltage  $V_T = V_{in1}$  and the resistance  $R_T = 1/g_{m1}$ . Here,  $M_2$  operates as a common-gate stage, exhibiting a gain equal to



**Figure 4.16** Replacing  $M_1$  by a Thevenin equivalent.

By virtue of symmetry, the effect of  $V_{in2}$  at X and Y is identical to that of  $V_{in1}$  except for a change in the polarities:

$$(V_X - V_Y)|_{\text{Due to } Vin2} = g_m R_D V_{in2}.$$

$$\frac{(V_X - V_Y)_{tot}}{V_{in1} - V_{in2}} = -g_m R_D.$$

Se a saída é "single-ended": o ganho é a metade





## Amplificador diferencial: small-signal

Example 4.3.

In the circuit of Fig. 4.17,  $M_2$  is twice as wide as  $M_1$ . Calculate the small-signal gain if the bias values of  $V_{in1}$  and  $V_{in2}$  are equal.

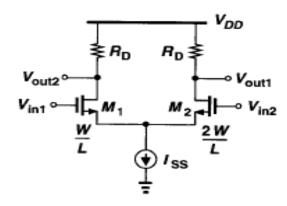


Figure 4.17

#### Solution

If the gates of  $M_1$  and  $M_2$  are at the same dc potential, then  $V_{GS1} = V_{GS2}$  and  $I_{D2} = 2I_{D1} = 2I_{SS}/3$ . Thus,  $g_{m1} = \sqrt{2\mu_n C_{ox}(W/L)I_{SS}/3}$  and  $g_{m2} = \sqrt{2\mu_n C_{ox}(2W/L)2I_{SS}/3} = 2g_{m1}$ . Following the same procedure as above, the reader can show that

$$|A_v| = \frac{2R_D}{\frac{1}{g_{m1}} + \frac{1}{2g_{m1}}} \tag{4.20}$$

$$= \frac{4}{3}g_{m1}R_D. \tag{4.21}$$

Note that, for a given  $I_{SS}$ , this value is lower than the gain of a symmetric differential pair (with 2W/L for each device) [Eq. (4.19)] because  $g_{m1}$  is smaller.





## Amplificador diferencial: meio-cricuito

- Método II Conceito de "Half circuit"
  - Se os 2 ramos de um par diferencial são idênticos, e as tensões de entrada variam com a mesma magnitude, porém em sinais contrários, a tensão no ponto P não muda, logo os ramos podem ser calculados independentemente.

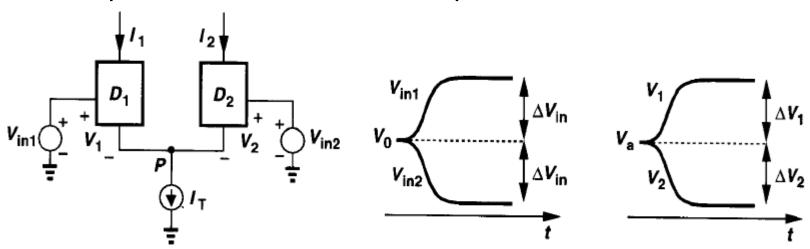


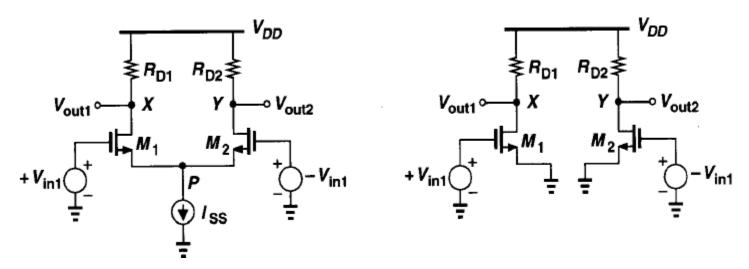
Figure 4.18 Illustration of why node P is a virtual ground.





#### Amplificador diferencial: modelo de pequenos sinais

- Vp pode ser considerado como um ac ground.
- Utilizando o lema do meio-circuito, o ganho pode ser calculado por superposição:



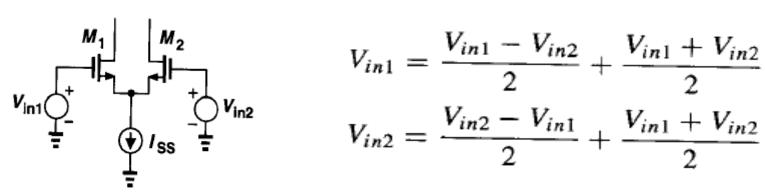
- Vout1 = gm1RdVin1 Vout2 = -gm2RdVin2
- Vin2=-Vin1
- Av = (Vout1-Vout2)/(Vin1-Vin2) = gmRd (gm1 = gm2)

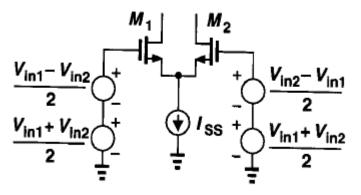


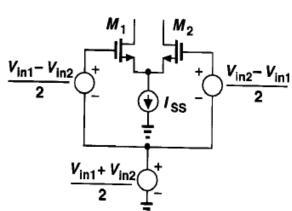


#### Amplificador diferencial: modelo de pequenos sinais

 Quando se tem níveis CM diferentes em cada entrada, podemos decompor Vin1 – Vin2 em uma entrada diferencial e outra DC e aplicar superposição



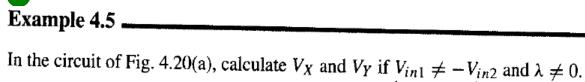


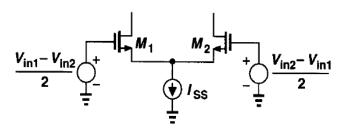






#### Amplificador diferencial: modelo de pequenos sinais

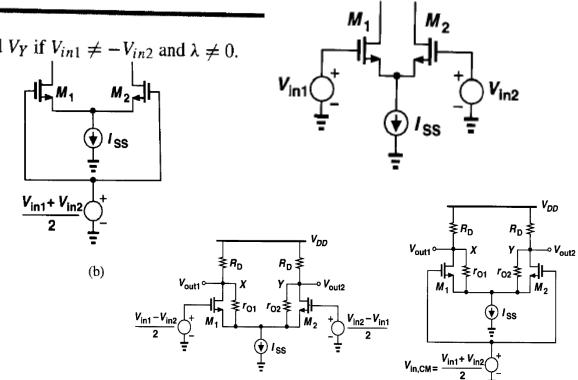




$$V_X = -g_m(R_D || r_{O1}) \frac{V_{in1} - V_{in2}}{2}$$

$$V_Y = -g_m(R_D || r_{O2}) \frac{V_{in2} - V_{in1}}{2}.$$

$$V_X - V_Y = -g_m(R_D || r_O)(V_{in1} - V_{in2}),$$



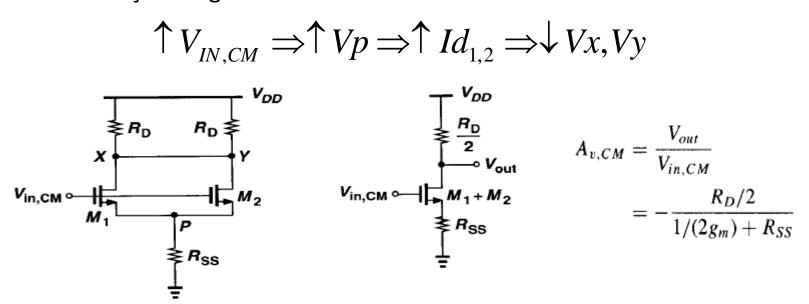
For common-mode operation, the circuit reduces to that in Fig. 4.24(b). How much do  $V_X$  and  $V_Y$  change as  $V_{in,CM}$  changes? If the circuit is fully symmetric and  $I_{SS}$  an ideal current source, the current drawn by  $M_1$  and  $M_2$  from  $R_{D1}$  and  $R_{D2}$  is exactly equal to  $I_{SS}/2$  and independent of  $V_{in,CM}$ . Thus,  $V_X$  and  $V_Y$  experience no change as  $V_{in,CM}$  varies. Interestingly, the circuit simply amplification the difference between  $V_{in1}$  and  $V_{in2}$  while eliminating the effect of  $V_{in,CM}$ .





#### Amplificador diferencial: Resposta ao modo comum

- impedância finita da fonte de corrente
- Um importante característica do diff. Pair é a habilidade de rejeitar as variações de CM.
- Em condições reais, não se consegue uma impedância infinita da fonte de corrente de polarização, o que provoca uma alteração no ganho do amplificador. Chamamos de "Acm" a variação do ganho devido ao nível CM



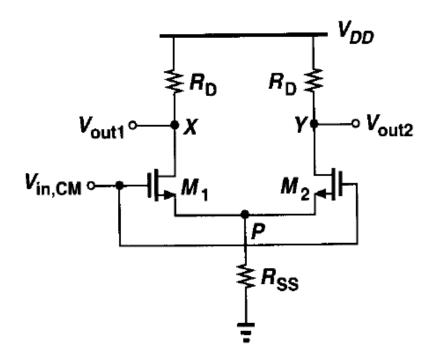
 Variação de CM, varia a corrente de polarização (Iss), e assim varia o ganho e limita o "output voltage swing"





#### Amplificador diferencial: Rejeição de modo comum

- impedância finita da fonte de corrente
- Variações no CM de entrada
  - -> Altera pontos de polarização (Iss)
    - -> Altera o ganho de pequeno sinal
      - -> Limita o "output voltage swings"







#### Amplificador diferencial: Rejeição de modo comum

Example 4.6

The circuit of Fig. 4.26 uses a resistor rather than a current source to define a tail current of 1 mA.

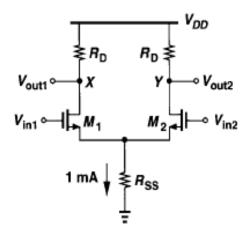


Figure 4.26

Assume  $(W/L)_{1,2} = 25/0.5$ ,  $\mu_n C_{ox} = 50 \,\mu\text{A/V}^2$ ,  $V_{TH} = 0.6 \,\text{V}$ ,  $\lambda = \gamma = 0$ , and  $V_{DD} = 3 \,\text{V}$ .

- (a) What is the required input CM for which R<sub>SS</sub> sustains 0.5 V?
- (b) Calculate R<sub>D</sub> for a differential gain of 5.
- (c) What happens at the output if the input CM level is 50 mV higher than the value calculated in (a)?

#### Solution

(a) Since  $I_{D1} = I_{D2} = 0.5$  mA, we have

$$V_{GS1} = V_{GS2} = \sqrt{\frac{2I_{D1}}{\mu_n C_{ox} \frac{W}{L}}} + V_{TH}$$
 (4.29)  
= 1.23 V. (4.30)

Thus,  $V_{in,CM} = V_{GS1} + 0.5 \text{ V} = 1.73 \text{ V}$ . Note that  $R_{SS} = 500 \Omega$ .





### Amplificador diferencial: Rejeição de modo comum

(b) The transconductance of each device is  $g_m = \sqrt{2\mu_n C_{ox}(W/L)I_{D1}} = 1/(632 \Omega)$ , requiring  $R_D = 3.16 \text{ k}\Omega$  for a gain of 5.

Note that the output bias level is equal to  $V_{DD} - I_{D1}R_D = 1.42$  V. Since  $V_{in,CM} = 1.73$  V and  $V_{TH} = 0.6$  V, the transistors are 290 mV away from the triode region.

(c) If  $V_{in,CM}$  increases by 50 mV, the equivalent circuit of Fig. 4.25(c) suggests that  $V_X$  and  $V_T$  drop by

$$|\Delta V_{X,Y}| = \Delta V_{in,CM} \frac{R_D/2}{R_{SS} + 1/(2g_m)}$$
 (4.31)

$$= 50 \text{ mV} \times 1.94$$
 (4.32)

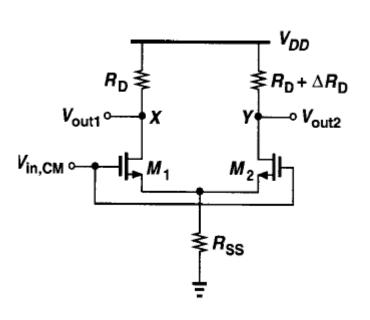
$$= 96.8 \text{ mV}.$$
 (4.33)

Now,  $M_1$  and  $M_2$  are only 143 mV away from the triode region because the input CM level has increased by 50 mV and the output CM level has decreased by 96.8 mV.





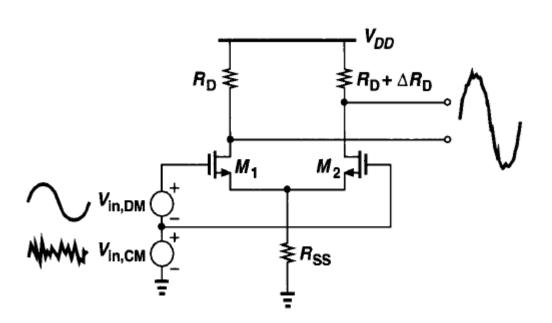
# Amplificador diferencial: resposta ao modo comum – diferença de resistores



A variação no modo comum causa uma variação na saída diferencial devido à diferenças no valor de Rd

$$\Delta V_X = -\Delta V_{in,CM} \frac{g_m}{1 + 2g_m R_{SS}} R_D$$

$$\Delta V_Y = -\Delta V_{in,CM} \frac{g_m}{1 + 2g_m R_{SS}} (R_D + \Delta R_D)$$



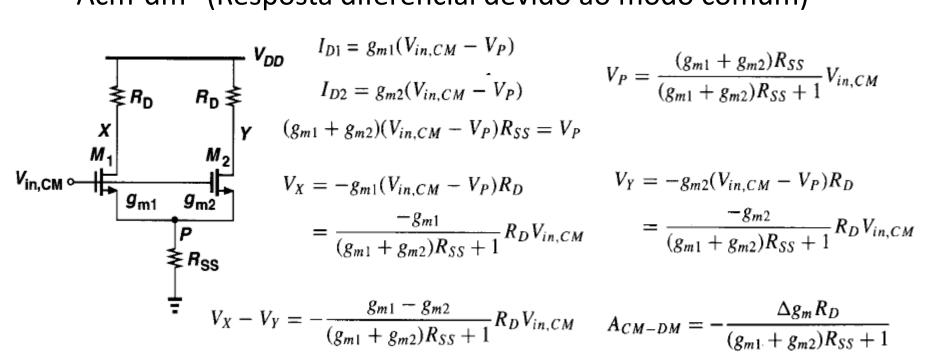




## Amplificador diferencial: resposta ao modo comum

### diferença de resistores

 Caso haja uma diferença entre os transistores, aparecerá uma componente diferencial devido ao Modo comum chamada de "Acm-dm" (Resposta diferencial devido ao modo comum)

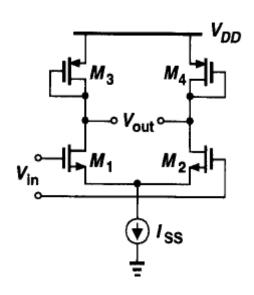




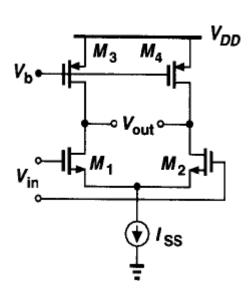


## Amplificador Diferencial: carga MOS

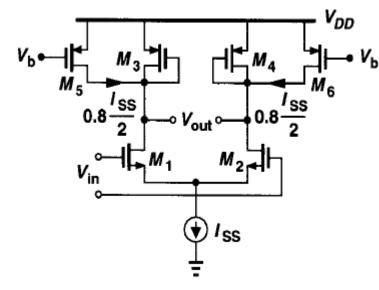
 Os resistores utilizados em um par diferencial podem ser substituídos por um P-MOS tanto diode-connected quanto como fonte de corrente ou uma combinação de ambos.



$$A_v \approx -\sqrt{\frac{\mu_n(W/L)_N}{\mu_p(W/L)_P}}$$



$$A_v = -g_{mN}(r_{ON} \| r_{OP})$$



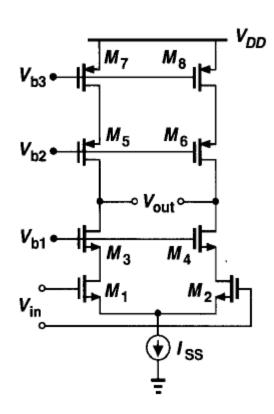
Sendo o ganho dos amplificador proporcional a 1/gmp, reduzimos a corrente que passa nos P-FETs diode-connected para reduzir gmp





## Amplificador diferencial: Cascode

 Para aumentar o ganho do amplificador, podemos colocar cargas cascode, porém com menor limite de tensão:



 $|A_v| \approx g_{m1}[(g_{m3}r_{O3}r_{O1})||(g_{m5}r_{O5}r_{O7})].$