实验报告

课程: 高性能计算应用实践

姓名:王峻阳

学号: 220110317

学院: 计算机科学与技术学院

学期: 2023 年秋季学期

实验日期: 2023年10月7日

一、实验环境

操作系统 Ubuntu 22.04.2 LTS (在 WSL2 上运行)

内存 7808.3 MiB (分配给 WSL2 的部分)

CPU 名称: 12th Gen Intel(R) Core(TM) i5-12500H

指令集架构: x86-64

字长: 64位

物理核数: 12核,其中4核是性能核,8核是能效核

线程数: 16线程,其中8线程来自性能核,8线程来自能效核

基准频率: 2.50 GHz(性能核)、1.8 GHz(能效核)

最大睿频频率: 4.50 GHz (性能核)、3.30 GHz (能效核)

CPU 缓存 L1i 32 KiB (8-way, 64-byte line)

L1d 48 KiB (12-way, 64-byte line)

L2 1.25 MiB (10-way, 64-byte line)

L3 18 MiB (12-way, 64-byte line)

注: 性能核和能效核的 L1、L2 级缓存据说不一样

二、单线程分块矩阵乘实现

一、实现方案

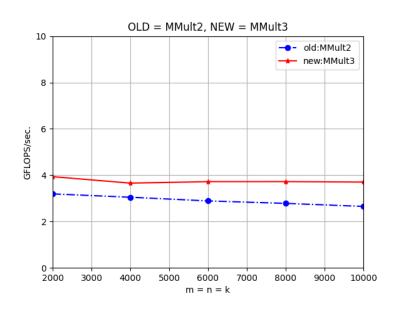
朴素矩阵乘原本是三层循环,分块矩阵乘改为六层循环。因为分块矩阵乘法 的数学表达式和矩阵乘法的数学表达式在形式上是一样的,因此可以先用类似于 朴素矩阵乘的三层循环,将分块矩阵乘法分解为许多两两相乘的矩阵块,然后对 这些矩阵块做朴素矩阵乘。

二、关键代码

注:由于上述代码只在矩阵规模刚好是 BLOCK_SIZE 的整数倍时才有效,因此实际实现时对边界条件做了很多处理,详细代码请参见文件 MMult3.c。

三、性能对比

下图为单线程分块矩阵乘(MMult3)与朴素矩阵乘(MMult2)的性能对比,可见二者的性能仅相差不大的常数因子。即使在规模很大时矩阵的一列元素已经超过了L1缓存大小,二者的Gflops数也无明显变化,说明这可能是因为缓存不是性能瓶颈。分块计算虽然在理论上能提高缓存利用率,但在此处效果不佳。



三、多线程分块矩阵乘实现

一、实现方案

将矩阵 B 和 C 都划分为从左到右 16 个部分 (本机的逻辑 CPU 数是 16),每个线程计算一个部分:

$$C' = C + AB = \begin{pmatrix} C_0 & C_1 & \cdots & C_{R-1} \end{pmatrix} + A \begin{pmatrix} B_0 & B_1 & \cdots & B_{R-1} \end{pmatrix}$$

= $\begin{pmatrix} C_0 + AB_0 & C_1 + AB_1 & \cdots & C_{R-1} + AB_{R-1} \end{pmatrix}$

然后每一部分都按照上面实现的单线程分块矩阵乘进行计算。

实现时,由主进程划分这些部分,然后调用专门用来给子线程执行的入口函数,再由入口函数调用上面实现的单线程分块矩阵乘函数。也可以重写单线程分块矩阵乘函数,减少一次调用。

二、关键代码

用于传参的结构体

```
// Used to pass arguments to child threads
struct Arg {
   int m, n, k;
   int lda, ldb, ldc;
   double *a, *b, *c;
};
```

线程的创建和回收

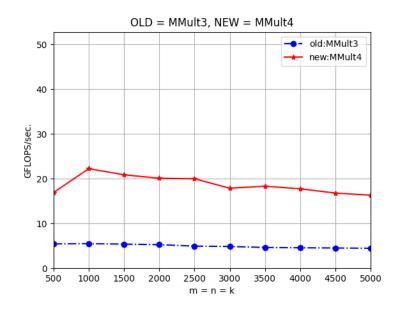
子线程的入口函数,

```
static void *dgemm_thread(void *_arg) {
    struct Arg *arg = _arg;
    int m, n, k;
    int lda, ldb, ldc;
    double *a, *b, *c;
    m = arg->m; n = arg->n; k = arg->k;
    lda = arg->lda; ldb = arg->ldb; ldc = arg->ldc;
    a = arg->a; b = arg->b; c = arg->c;
    block_dgemm(m, n, k, a, lda, b, ldb, c, ldc);
    return NULL;
}
```

单线程分块矩阵乘函数局部(其中内三层循环改成了函数调用)

三、性能对比

下图为 16 线程分块矩阵乘 (MMult4) 与单线程分块矩阵乘 (MMult3) 的性能对比。16 线程版本的运算速度能达到单线程版本的 3 到 4 倍,加速效果明显,而且在矩阵规模很大时也没有出现明显的性能下滑。



四、查看 CPU 占用率

在 16 线程分块矩阵乘程序运行时,用 top 工具查看 CPU 占用率等信息:

PID USER	PR	NI	VIRT	RES	SHR S	%CPU	%MEM	TTME	COMMAND
25063	20	0	766764		1784 R	99.9	7.9		time_MMult_new.
25064	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	<pre>time_MMult_new.</pre>
25065	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.69	time_MMult_new.
25066	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25067	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25068	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	<pre>time_MMult_new.</pre>
25069	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25070	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25071	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25072	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25073	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25074	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25075	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	time_MMult_new.
25076	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	<pre>time_MMult_new.</pre>
25077	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.69	time_MMult_new.
25078	20	0	766764	634776	1784 R	99.9	7.9	0:07.70	<pre>time_MMult_new.</pre>
24934	20	0	766764	634776	1784 S	0.0	7.9	0:01.30	time_MMult_new.

观察发现总共有 17 个线程,也就是主线程(PID=24934)和它创建的 16 个子线程。16 个子线程均为 running 状态,而且 CPU 占用率很高;主线程处于 sleeping 状态,几乎不占用 CPU。

下图是主线程 running 并回收子线程的瞬间,可见此时主线程的 CPU 占用率很高。

PID USER	PR	NI	VIRT	RES	SHR S	%CPU	%MEM	TIME+	COMMAND
25710	20	0	535604	106756	1644 R	99.9	1.3	0:00.78	time_MMult_new.

二、遇到的问题和解决办法

问题一:实现的单线程分块矩阵乘法没有性能提升,甚至比素朴算法更慢。

在网上搜索相似问题得知,如果内存访问不构成性能瓶颈,那么即便用分块提升缓存利用率,也没多少效果。

问题二:实现的多线程分块矩阵乘法的性能提升效果也很差。

搜索相似问题得知,我原先采用的分块算法不妥当。原先的算法如下,只有5个循环(令A的几整行与B的几整列相乘,而非A的小块与B的小块相乘):

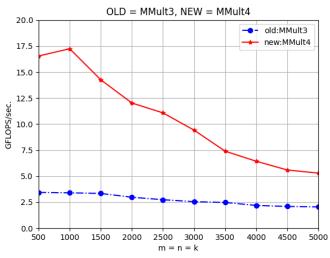
```
for (int i = 0; i < y; i++) {
    for (int j = 0; j < x; j++) {
        block_c = &C(i * BLOCK_SIZE, j * BLOCK_SIZE);
        block_a = &A(i * BLOCK_SIZE, 0);
        block_b = &B(0, j * BLOCK_SIZE);
        full_block_mult(k, block_a, lda, block_b, ldb, block_c, ldc);
    }
}</pre>
```

其中函数 full_block_mult 是朴素矩阵乘。

这个算法虽然也分块了,但其实几乎不能提高缓存利用率。每次调用朴素矩阵乘函数,大约发生 $B^2k/8$ 次 cache miss(一条缓存行能存放 8 个双精度浮点数),其中 B 是每块边长。有 mn/B^2 个这样的块,那么总共会发生 mnk/8 次 cache miss。但朴素算法也要发生大约这么多次 cache miss,因此缓存利用率没有提高。实际上,这种分块方法,由于矩阵 A 和 B 仍然太大,只有矩阵 C 有可能可以享受到分块的好处,而这个优化是微乎其微的。

采用正确的 6 层循环的分块方法,如果分块后的矩阵 A、B、C 都可以完全放入缓存中,可以算出总共只会发生大约 3mnk/8B 次 cache miss,理论上只要 B 大于 3,就能明显降低 miss rate,因此可以用来优化矩阵乘法。

按照原先的错误算法,得到的性能图线如下:



注:与上面的图不同,这张图中的单线程分块算法(MMult3)的分块方法是错误的,因而也更慢。

图线表明,虽然在矩阵规模较小时它的性能接近正确算法,但随矩阵规模增大,缓存逐渐成为性能瓶颈,而错误算法并没有改善缓存问题,因此其性能逐步下滑。 正确算法,由于解决了缓存问题,能在规模增大时保持住性能提升的效果。